

自动控制原理

朱英华

Email: yhzhu@swjtu.edu.cn

西南交通大学电气工程学院

MATLAB软件 (2)

——MATLAB在系统数学模型中的应用

$$G(s) = \frac{5s+3}{(s+1)(s+2)(s+3)}$$

用MATLAB如何表示?

三种方法:

有理分式形式

方法1: $G(s) = \frac{5s+3}{(s+1)(s+2)(s+3)} = \frac{5s+3}{s^3+6s^2+11s+6}$

分子多项式和分母多项式分别用行向量表示, 再利用tf函数建立传递函数。



$$G(s) = \frac{5s+3}{(s+1)(s+2)(s+3)} = \frac{5s+3}{s^3+6s^2+11s+6}$$

```
>> num=[5 3];  
>> den=[1 6 11 6];  
>> sys=tf(num,den)
```

```
sys =
```

```
      5 s + 3  
-----  
s^3 + 6 s^2 + 11 s + 6
```

```
Continuous-time transfer function.
```



方法2:
$$G(s) = \frac{5s+3}{(s+1)(s+2)(s+3)}$$

利用 **conv** 函数实现多项式的乘积。

$$den = conv(conv([1 \ 1], [1 \ 2]), [1 \ 3])$$

函数嵌套



$$G(s) = \frac{5s+3}{(s+1)(s+2)(s+3)}$$

```
>> num=[5 3];  
>> den=conv(conv([1 1],[1 2]),[1 3]);  
>> sys=tf(num,den)
```

sys =

$$\frac{5s + 3}{s^3 + 6s^2 + 11s + 6}$$

Continuous-time transfer function.



方法3:
$$G(s) = \frac{5s+3}{(s+1)(s+2)(s+3)} = \frac{5(s+3/5)}{(s+1)(s+2)(s+3)}$$

零极点的形式

零点和极点分别用行向量表示，再利用zpk函数建立传递函数。



$$G(s) = \frac{5s+3}{(s+1)(s+2)(s+3)} = \frac{5(s+3/5)}{(s+1)(s+2)(s+3)}$$

零极点的形式

```
>> z=[-3/5];
>> p=[-1 -2 -3];
>> k=5;
>> sys=zpk(z, p, k)
```

```
sys =
```

$$\frac{5 (s+0.6)}{(s+1) (s+2) (s+3)}$$

```
Continuous-time zero/pole/gain model.
```



$$G(s) = \frac{s^2 + 5s + 1}{s(s^2 + 34.5s + 1000)}$$

用MATLAB如何确定
其零点和极点？

分子多项式和分母多项式分别用行向量表示，利用tf函数建立传递函数。再利用zero函数和pole函数确定零、极点。



$$G(s) = \frac{s^2 + 5s + 1}{s(s^2 + 34.5s + 1000)}$$

```
>> num=[1 5 1];  
>> den=conv([1 0],[1 34.5 1000]);  
>> sys=tf(num,den);  
>> z=zero(sys)
```

z =

-4.7913

-0.2087

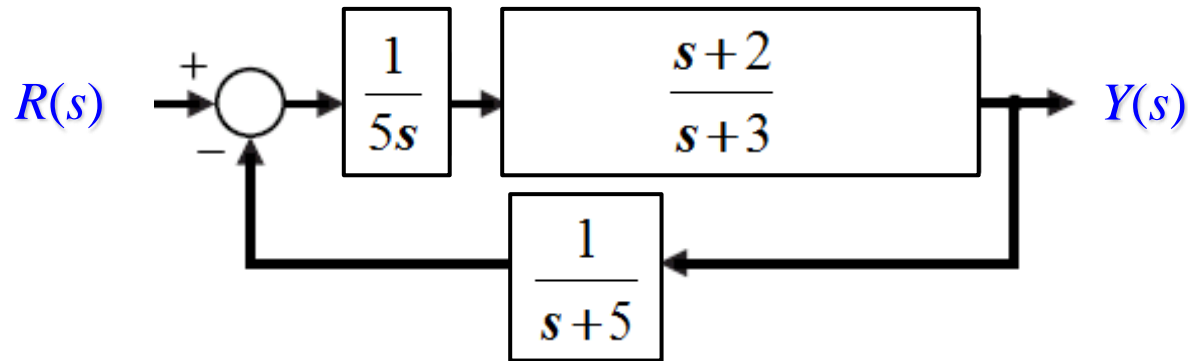
```
>> p=pole(sys)
```

p =

0.0000 + 0.0000i

-17.2500 +26.5035i

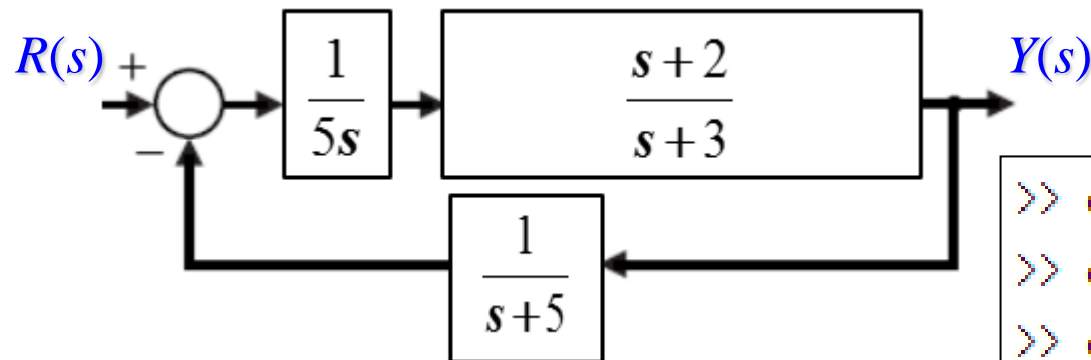
-17.2500 -26.5035i



用MATLAB如何化简，确定出系统的闭环传递函数？

先建立各部分的传递函数，然后利用 **series** 函数进行串联化简，再利用 **feedback** 函数进行反馈化简，确定出系统的闭环传递函数。





```
>> com1=tf([1],[5 0]);
>> com2=tf([1 2],[1 3]);
>> com3=tf([1],[1 5]);
>> G=series(com1,com2);
>> sys=feedback(G,com3,-1)
```

sys =

$$\frac{s^2 + 7s + 10}{5s^3 + 40s^2 + 76s + 2}$$

Continuous-time transfer function.



如何利用MATLAB实现传递函数和状态空间模型的转换？

$$[A, B, C, D] = tf2ss(num, den)$$

$$[num, den] = ss2tf(A, B, C, D)$$



MATLAB在系统数学模型中的应用

■ 传递函数的多项式

1. 多项式的表达

行向量

$$p(s) = s^3 + 9s^2 + 24$$

$$p = [1 \quad 9 \quad \textcircled{0} \quad 24]$$

多项式系数按降幂排列

2.多项式的相乘

convolution (卷积)

函数

两个多项式的乘积

$$n = \text{conv}(p, q)$$

三个多项式的乘积

$$n = \text{conv}(u, \text{conv}(p, q))$$

$$n(s) = \overset{p}{(3s^2 + 2s + 1)} \overset{q}{(s + 4)}$$

```
>>p=[3 2 1]; q=[1 4];
```

```
>>n=conv(p,q)
```

```
n=
```

```
3    14    9    4
```

Multiply p and q .

$$n(s) = 3s^3 + 14s^2 + 9s + 4$$



3. 多项式的值

polyval 函数

$value = polyval(p, x)$

多项式
变量给出值

$$n(s) = 3s^3 + 14s^2 + 9s + 4 \quad (s = -5)$$

```
>>n=[3 14 9 4];  
>>value=polyval(n,-5)  
value =  
  
-66
```

Evaluate $n(s)$ at $s = -5$.



4.方程的根

函数

$$p(s) = s^3 + 3s^2 + 4$$

求方程 $p(s) = 0$ 的根

$r = \text{roots}(p)$ 多项式

```
>>p=[1 3 0 4];
```

$$p(s) = s^3 + 3s^2 + 4$$

```
>>r=roots(p)
```

Calculate roots of $p(s) = 0$.

```
r =
```

```
-3.3553
```

```
0.1777+ 1.0773i
```

```
0.1777- 1.0773i
```

```
>>p=poly(r)
```

Reassemble polynomial from roots.

```
p =
```

```
1.0000    3.0000    0.0000    4.0000
```



■ 传递函数模型的建立

1. 有理分式表示的传递函数

$$G(s) = \frac{num}{den}$$

tf 函数

$sys = tf(num, den)$

分子多项式

分母多项式



$$G(s) = \frac{10}{s^2 + 2s + 5}$$

```
>> num1=[10];den1=[1 2 5];  
>> sys1=tf(num1,den1)
```

Transfer function:

$$\frac{10}{s^2 + 2s + 5} \quad \leftarrow \quad G_1(s)$$

2. 零、极点表示的传递函数

*zpk*函数

$sys = zpk(z, p, K)$

增益

零点 极点

$$G(s) = \frac{18(s+2)(s+1)}{(s+15)(s+25)(s+0.4)}$$

```
>>z=[-2 -1];  
>>p=[-15 -25 -0.4];  
>>K=18;  
>>sys=zpk(z,p,K)
```

根据系统的传递函数求系统的零、极点

zero 函数

$z = \text{zero}(\text{sys})$

pole 函数

$p = \text{pole}(\text{sys})$

绘制系统的零、极点图

pzmap 函数

$\text{pzmap}(\text{sys})$

$[P, Z] = \text{pzmap}(\text{sys})$

极点列向量 零点列向量

■ 状态空间模型的建立

ss 函数

$$\text{sys} = \text{ss}(A, B, C, D)$$

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = \begin{bmatrix} -40 & -391 & -150 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} x(t) + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} u(t) \\ y(t) = [0 \quad 18 \quad 360] x(t) \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} -40 & -391 & -150 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

```
>> A = [-40 -391 -150; 1 0 0; 0 1 0];
```



■ 模型的转换

1. 有理分式型传函转换为零、极点型传函

$$\text{sys1} = \text{tf}(\text{num}, \text{den})$$

$$\text{sys2} = \text{zpk}(\text{sys1})$$

$$G(s) = \frac{18s^2 + 54s + 36}{s^3 + 40.4s^2 + 391s + 150}$$

2.零、极点型传函转换为有理分式型传函

$$\text{sys1} = \text{zpk}(z, p, K)$$

$$\text{sys2} = \text{tf}(\text{sys1})$$

$$G(s) = \frac{18(s+2)(s+1)}{(s+15)(s+25)(s+0.4)}$$

3.传递函数转换为状态空间模型

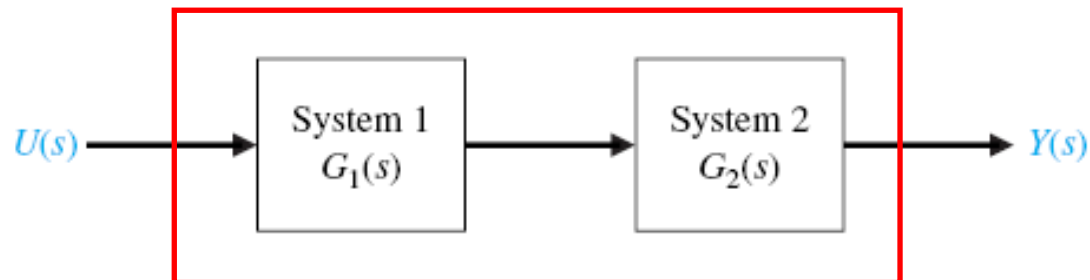
$$[A, B, C, D] = tf2ss(num, den)$$

4.状态空间模型转换为传递函数

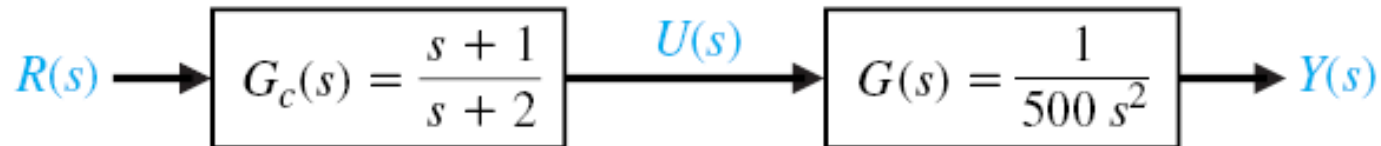
$$[num, den] = ss2tf(A, B, C, D)$$

■ 框图的化简

1. 串联连接



$$sys = series(sys1, sys2)$$



```
>>numg=[1]; deng=[500 0 0]; sysg=tf(numg,deng);
>>numh=[1 1]; denh=[1 2]; sysh=tf(numh,denh);
>>sys=series(sysg,sysh);
>>sys
```

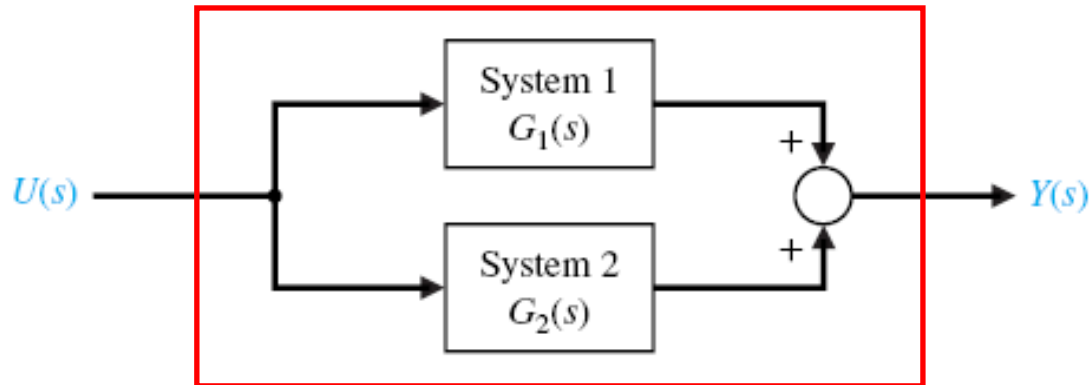
Transfer function:

$$\frac{s+1}{500s^3 + 1000s^2}$$

$$G_c(s)G(s)$$



2. 并联连接

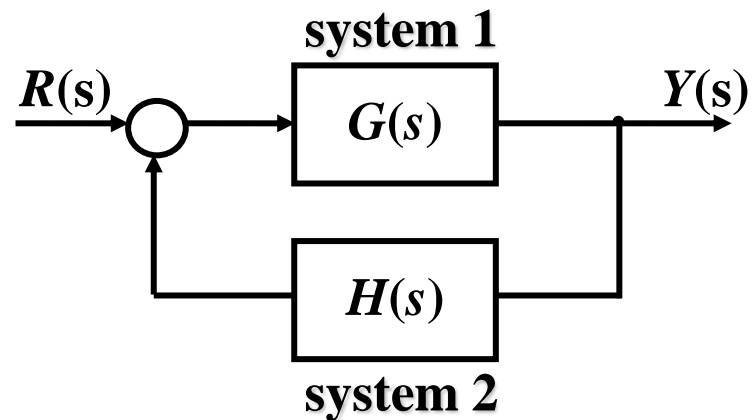


$$\text{sys} = \text{parallel}(\text{sys1}, \text{sys2})$$

$$G_1(s) = \frac{10s + 3}{s^2 + 25s + 15}$$

$$G_2(s) = \frac{3}{5s + 2}$$

3.反馈连接



$$\text{sys1} = \text{tf}(\text{num1}, \text{den1})$$

$$\text{sys2} = \text{tf}(\text{num2}, \text{den2})$$

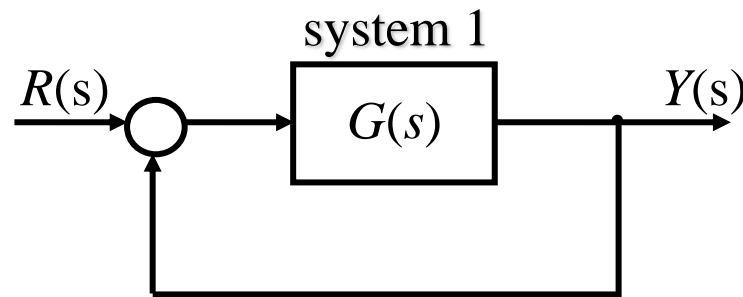
+1 — 正反馈
-1 — 负反馈 (缺省)

$$\text{sys} = \text{feedback}(\text{sys1}, \text{sys2}, \text{sign})$$

$$G(s) = \frac{10s + 3}{s^2 + 25s + 15}$$

$$H(s) = \frac{3}{5s + 2} \quad (\text{负反馈})$$

单位反馈



$sys1 = tf(num1, den1)$

$sys = feedback(sys1, [1], sign)$

+1 — 正反馈
-1 — 负反馈 (缺省)

$$G(s) = \frac{10s + 3}{s^2 + 25s + 15} \quad (\text{单位负反馈})$$

自测题P96~98 (答案P121)

自测题P162~165 (答案P181)

术语和概念 P121, P182