B树

@M了个J

https://github.com/CoderMJLee http://cnblogs.com/mjios



码拉松





- B树是一种平衡的多路搜索树,多用于文件系统、数据库的实现
- 仔细观察B树,有什么眼前一亮的特点?
- □1 个节点可以存储超过 2 个元素、可以拥有超过 2 个子节点
- □拥有二叉搜索树的一些性质
- □平衡,每个节点的所有子树高度一致
- □比较矮

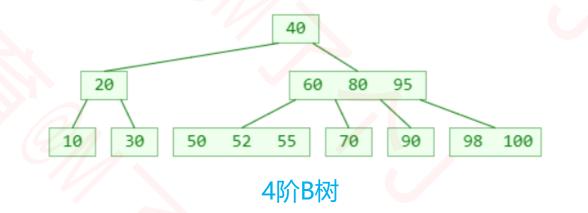


4阶B树



- 假设一个节点存储的元素个数为 x
- □根节点: 1 ≤ x ≤ m 1
- □非根节点: rm/2 1 ≤ x ≤ m 1
- □如果有子节点,子节点个数 y = x + 1
- ✓ 根节点: 2 ≤ y ≤ m
- ✓ 非根节点: r m/2 ¬ ≤ y ≤ m
- ▶比如 m = 3, 2 ≤ y ≤ 3, 因此可以称为 (2, 3) 树、2-3树
- ▶比如 m = 4, 2 ≤ y ≤ 4, 因此可以称为 (2, 4) 树、2-3-4树
- \blacktriangleright 比如 m = 5, 3 ≤ y ≤ 5, 因此可以称为 (3, 5) 树
- ▶ 比如 m = 6, $3 \le y \le 6$, 因此可以称为 (3, 6) 树
- ▶ 比如 m = 7, $4 \le y \le 7$, 因此可以称为 (4, 7) 树





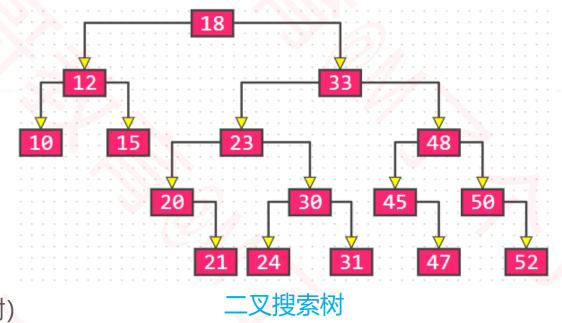
- 思考: 如果 m = 2, 那B树是什么样子?
- 你猜数据库实现中一般用几阶B树?
- **2**00 ~ 300

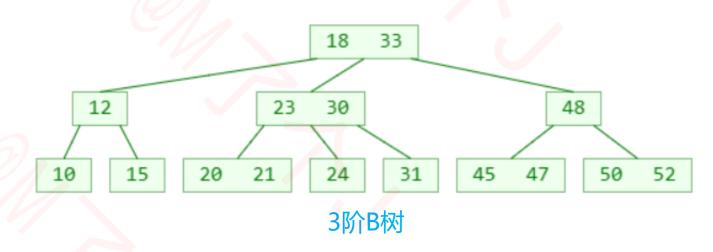


MARIAN B B VS 二叉搜索材

- B树 和 二叉搜索树, 在逻辑上是等价的
- 多代节点合并,可以获得一个超级节点
- □2代合并的超级节点, 最多拥有 4 个子节点 (至少是 4阶B树)
- □3代合并的超级节点, 最多拥有8个子节点(至少是8阶B树)
- □n代合并的超级节点, 最多拥有 2ⁿ个子节点 (至少是 2ⁿ阶B树)

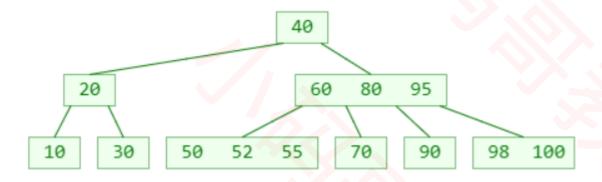
■ m阶B树, 最多需要 log₂m 代合并







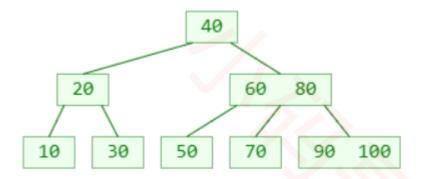
■跟二叉搜索树的搜索类似



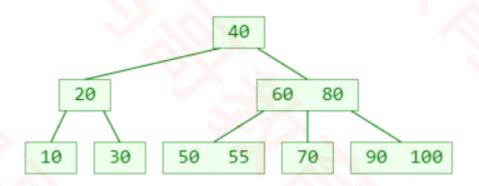
- 1. 先在节点内部从小到大开始搜索元素
- 2. 如果命中, 搜索结束
- 3. 如果未命中,再去对应的子节点中搜索元素,重复步骤 1



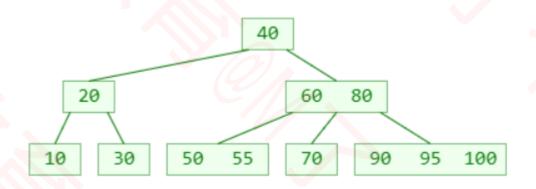
■新添加的元素必定是添加到叶子节点



■ 插入55



■ 插入95

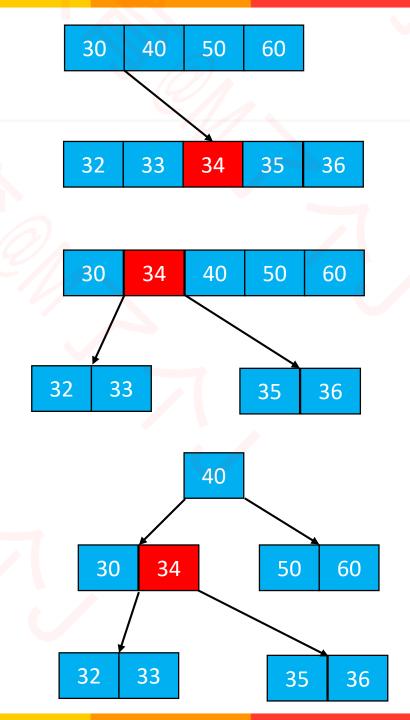


- 再插入 98 呢? (假设这是一棵 4阶B树)
- □最右下角的叶子节点的元素个数将超过限制
- □这种现象可以称之为: 上溢 (overflow)



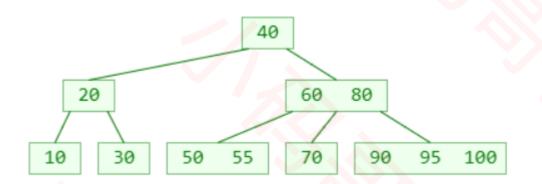
州山岡南教息 添加 — 上溢的解决(假设5阶)

- 上溢节点的元素个数必然等于 m
- 假设上溢节点最中间元素的位置为 k
- □将 k 位置的元素向上与父节点合并
- □将 [0, k-1] 和 [k + 1, m 1] 位置的元素分裂成 2 个子节点
- ✓ 这 2 个子节点的元素个数,必然都不会低于最低限制 (r m/2 ¬ 1)
- 一次分裂完毕后,有可能导致父节点上溢,依然按照上述方法解决
- □最极端的情况,有可能一直分裂到根节点

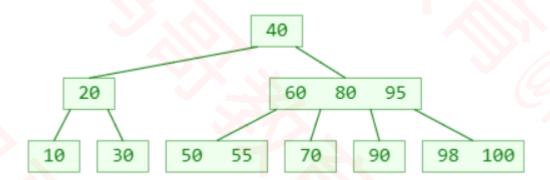




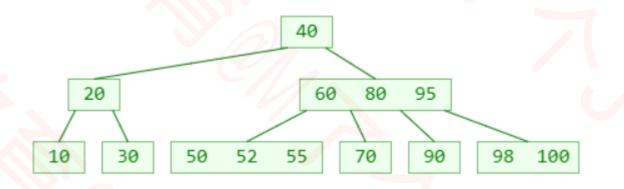
添加



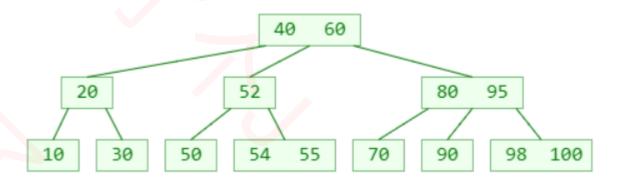
■插入98



■插入 52



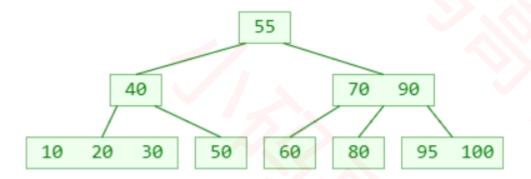
■插入 54



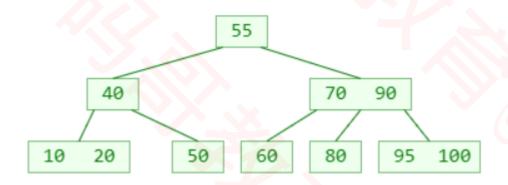


↑ JEREMYGO 删除 — 叶子节点

■ 假如需要删除的元素在叶子节点中,那么直接删除即可



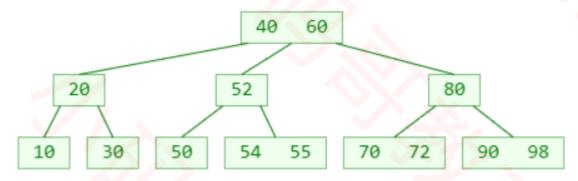
■删除 30

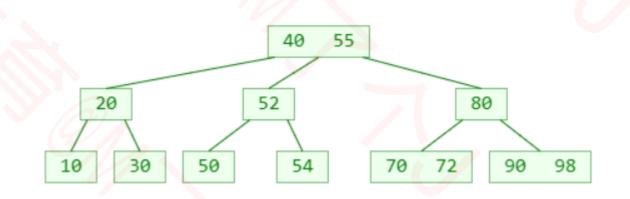




小門司教育 删除 — 非叶子节点

- ■假如需要删除的元素在非叶子节点中
- 1. 先找到前驱或后继元素,覆盖所需删除元素的值
- 2. 再把前驱或后继元素删除
- 删除 60

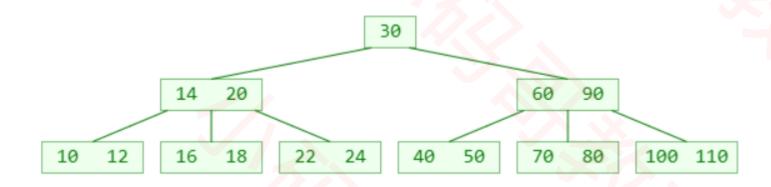




- 非叶子节点的前驱或后继元素,必定在叶子节点中
- □所以这里的删除前驱或后继元素 , 就是最开始提到的情况: 删除的元素在叶子节点中
- □真正的删除元素都是发生在叶子节点中



小阿哥教育 删除-非叶子节点

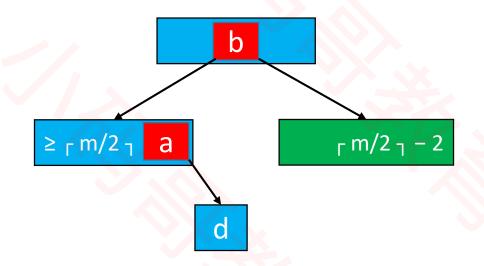


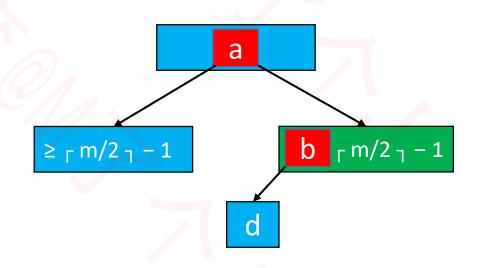
- 删除 22 ? (假设这是一棵 5阶B树)
- □叶子节点被删掉一个元素后,元素个数可能会低于最低限制 (≥ r m/2 r 1)
- □这种现象称为:下溢 (underflow)



↑ JABB N N R - 下溢的解决

- 下溢节点的元素数量必然等于 F m/2 7 2
- 如果下溢节点临近的兄弟节点,有至少 rm/2 r 个元素,可以向其借一个元素
- □将父节点的元素 b 插入到下溢节点的 0 位置 (最小位置)
- □用兄弟节点的元素 a (最大的元素) 替代父节点的元素 b
- □这种操作其实就是: 旋转

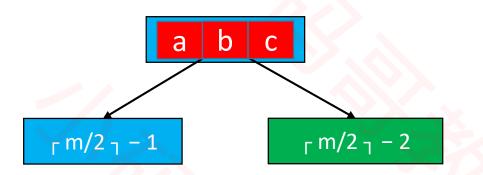


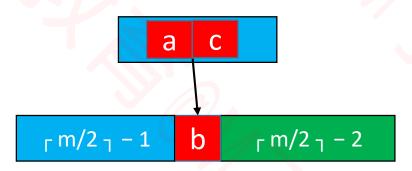




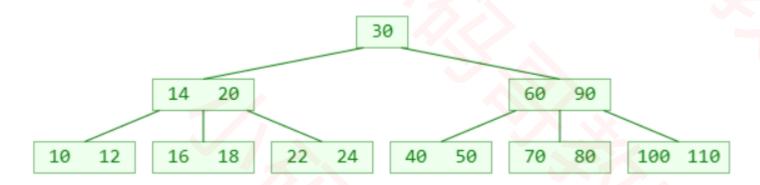
MISEEMYGO 删除 — 下溢的解决

- 如果下溢节点临近的兄弟节点,只有 rm/2 1 个元素
- □将父节点的元素 b 挪下来跟左右子节点进行合并
- □合并后的节点元素个数等于 r m/2 r + r m/2 r 2, 不超过 m 1
- □这个操作可能会导致父节点下溢,依然按照上述方法解决,下溢现象可能会一直往上传播

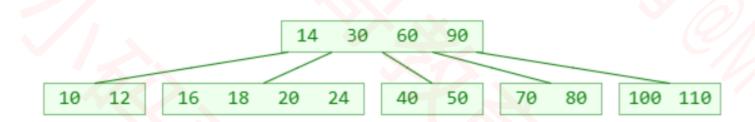








■ 删除 22? (假设这是一棵 5阶B树)





- 如果先学习4阶B树 (2-3-4树) ,将能更好地学习理解红黑树
- ■4阶B树的性质
- □ 所有节点能存储的元素个数 $x: 1 \le x \le 3$
- □ 所有非叶子节点的子节点个数 $y: 2 \le y \le 4$
- ■添加
- □从 1添加到 22
- ■删除
- □从 1 删除到 22

