

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
МОСКОВСКИЙ АВИАЦИОННЫЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ)

**ОТЧЕТ**  
**О ВЫПЛОНЕНИИ ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЫ**  
**«ДИНАМИКА МЕХАНИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ»**  
**ПО ДИСЦИПЛИНЕ «ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ МЕХАНИКА И**  
**ОСНОВЫ КОМПЬЮТЕРНОГО МОДЕЛИРОВАНИЯ»**  
**ВАРИАНТ ЗАДАНИЯ 1**

Выполнил(а) студент группы М8О-206Б-22

Жаднов Михаил Денисович \_\_\_\_\_  
подпись, дата

Проверил и принял

Зав. каф. 802, Бардин Б.С. \_\_\_\_\_  
подпись, дата

с оценкой \_\_\_\_\_

Москва, 2023

Задание: Реализовать анимацию движения системы заданной таким образом. Круглая трубка, имеющая форму колеса радиуса  $R$ , катится без проскальзывания в вертикальной плоскости по неподвижной горизонтальной направляющей. В трубке находится шарик  $B$  массы  $m$ . Масса колеса равномерно распределена по его ободу и равна  $M$ .

Код:

```
import matplotlib.pyplot as p
from matplotlib.animation import FuncAnimation
import numpy as n
```

```
T = n.linspace(0, 200, 1000)
Psi = 0.07*T*n.pi
Phi = ((n.pi / 3) * n.cos(0.5*T))
```

```
fgr = p.figure()
plt = fgr.add_subplot(1,1,1)
plt.axis('equal')
```

```
m = 2
M = 1
R = 1
c = 40
```

```
# r is imaginable, i suppose
r = 0.1 # радиус шарика
```

```
plt.plot([-R, R],[0,0]) # OX axis
# plt.plot([0, 0],[0, 2*R]) # OY axis (mid)
```

```
# for ball
Alph = n.linspace(0, 2*n.pi, 1000)
Yball = r*n.cos(Alph)
Xball = r*n.sin(Alph)
```

```
# for ball way
Beth = n.linspace(-n.pi, 0, 1000)
Xc = R*n.cos(Beth)
Yc = R*n.sin(Beth) + R
```

```
Xsp_b = R*n.cos(Alph)
Ysp_b = R*n.sin(Alph) + R
Xsp = (R - 2*r)*n.cos(Alph)
Ysp = (R - 2*r)*n.sin(Alph) + R
```

```
# A point
Xa = R*n.sin(Psi[0])
Ya = R*n.cos(Psi[0]) + R
A = plt.plot(Xa, Ya, marker = 'o')[0]
```

```

# B point ~ Ball
Xb = (R-r)*n.sin(Phi[0])
Yb = -(R-r)*n.cos(Phi[0]) + R # нижняя полуокружность
Ball = plt.plot(Xb + Xball, Yb + Yball)[0]

# получаем пружину от точки start до end
def get_spring(coils, width, start, end):
    start, end = n.array(start).reshape((2,)), n.array(end).reshape((2,))
    len = n.linalg.norm(n.subtract(end, start))
    u_t = n.subtract(end, start) / len
    u_n = n.array([[0, -1], [1, 0]]).dot(u_t)
    spring_coords = n.zeros((2, coils + 2))
    spring_coords[:,0], spring_coords[:, -1] = start, end
    normal_dist = n.sqrt(max(0, width ** 2 - (len ** 2 / coils ** 2))) / 2
    for i in n.arange(1, coils + 1):
        spring_coords[:, -i] = (start
        + ((len * (2 * i - 1) * u_t) / (2 * coils))
        + (normal_dist * (-1) ** i * u_n))
    return spring_coords[0,2:], spring_coords[1,2:]

pS = plt.plot(*get_spring(70, 0.1, [Xa, Ya], [Xb, Yb]), color='black')[0]

Sphere_b = plt.plot(Xsp_b, Ysp_b)[0]
Sphere = plt.plot(Xsp, Ysp)[0]

def run(i):
    Xa = R*n.sin(Psi[i])
    Ya = R*n.cos(Psi[i]) + R
    Xb = (R-r)*n.sin(Phi[i])
    Yb = -(R-r)*n.cos(Phi[i]) + R
    Ball.set_data((Xb + Xball), (Yb + Yball))
    A.set_data(Xa, Ya)
    # AB.set_data([Xa, Xb], [Ya, Yb])
    # Way.set_data(Xc, Yc)
    Sphere_b.set_data(Xsp_b, Ysp_b)
    Sphere.set_data(Xsp, Ysp)

pS.set_data(*get_spring(35, 0.06, [Xa, Ya], [Xb, Yb]))

return
anim = FuncAnimation(fgr, run, frames=len(T), interval = 1)

fgr.show()

quit = input()

```

## Протокол тестирования

