Práctica 3 Algoritmos voraces (greedy)

Algorítmica

segfault Celia Arias Martínez Miguel Ángel Fernández Gutiérrez Sergio Quijano Rey Lucía Salamanca López





Este trabajo se distribuye bajo una licencia CC BY-NC-SA 4.0.

Eres libre de distribuir y adaptar el material siempre que reconozcas a los autores originales del documento, no lo utilices para fines comerciales y lo distribuyas bajo la misma licencia.

creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/

Práctica 3 Algoritmos voraces (greedy)

Algorítmica

segfault Celia Arias Martínez Miguel Ángel Fernández Gutiérrez Sergio Quijano Rey Lucía Salamanca López



Índice

Ι	Introducción	2
II	Desarrollo	3
1.	Problema del viajante de comercio (TSP)	3
	1.1. Enfoque por cercanía	3
	1.2. Enfoque por inserción	6
	1.3. Enfoque por perturbaciones	8
	1.4. Comparación de enfoques	11
2.	Asignación de tareas (worker)	15
	2.1. Enfoque greedy simple (por inserción)	15
	2.2. Enfoque greedy con permutaciones	18
	2.3. Comparación de enfoques	20
II	I Conclusiones	23
IV	/ Anexos	24

I Introducción

Esta **práctica 3**, de desarrollo de algoritmos *greedy*, consiste en dos partes principales:

- **Problema común:** problema del viajante de comercio.
- **Problema asignado:** asignación de tareas.

Objetivo de esta práctica

En esta práctica, pretenderemos apreciar la utilidad de los algoritmos voraces (*greedy*) para la resolución de problemas de forma eficiente, en algunos casos obteniendo soluciones óptimas y en otros aproximaciones.

Para ello, daremos diversas soluciones *greedy* a los problemas asignados, y compararemos la bondad en la solución y la eficiencia de estos algoritmos, dando especial importancia al uso de **permutaciones** para acercarnos a soluciones cada vez mejores con sucesivas iteraciones, como veremos en los últimos enfoques de cada problema (*sección II, apartados* 1.3 y 2.2).

II Desarrollo

A continuación, estudiaremos los dos algoritmos propuestos.

1 Problema del viajante de comercio (TSP)

Dado un conjunto de ciudades y una matriz con las distancias entre ellas, buscar el recorrido mínimo que que pase por todas ellas una vez y vuelva al punto de partida.

Formalmente: dado un grafo *G*, conexo y ponderado, se trata de hallar el *ciclo hamiltoniano* de mínimo peso de ese grafo.

Elementos comunes

A lo largo de la solución del problema usaremos la siguiente notación:

- *n* es el **número de ciudades**.
- *D* es la matriz de distancias.
- r es el vector de recorrido, que contiene un itinerario que pasa por todas las ciudades, es decir,
 n elementos no repetidos.
- W_r es el **coste** de un recorrido, es decir, la distancia de un recorrido r.

1.1 Enfoque por cercanía

Este algoritmo *greedy* es muy simple:

- 1. Partimos de un nodo cualquiera.
- 2. Encontramos el nodo más cercano a este nodo, y lo añadimos al recorrido.
- 3. Repetimos el proceso hasta cubir todos los nodos (encontrando el siguiente nodo más cercano).
- 4. Añadimos el nodo de vuelta.

Hacemos uso del siguiente código:

```
// Parto siempre del primer punto del vector
      road.push_back(points_left[0]);
     points_left.erase(points_left.begin() + 0);
     // Voy construyendo la solucion, sacando puntos de points_left y colocandolos en road
     while(points_left.size() > 0){
          double min_distance = common::distance(road[road.size() -1], points_left[0]);
          int min_pos = 0;
10
         // Buscamos el punto mas cercano
11
         for(int i = 0; i < points_left.size(); i++){</pre>
              double current_distance = common::distance(road[road.size() -1], points_left[i]);
              if(current_distance < min_distance) {</pre>
                  min_distance = current_distance;
                  min_pos = i;
16
18
     // Insertamos el punto mas cercano a la solucion y lo quitamos de los puntos que faltan
      road.push_back(points_left[min_pos]);
     points_left.erase(points_left.begin() + min_pos);
21
23
    return road;
24 }
```

En el que utilizamos las siguientes funciones y estructuras de datos:

- Un *struct* Point, que tiene una coordenada x, una coordenada y, y una función distancia para calcular la distancia entre dos Point.
- Una función get_best_solution, que calcula la solución especificada anteriormente. Para ello, hace uso de:
 - road, un vector donde se almacenan las soluciones parciales, es decir, las que resultan de añadir un nodo al recorrido.
 - points_left, vector donde almacenamos los nodos que nos quedan por recorrer.

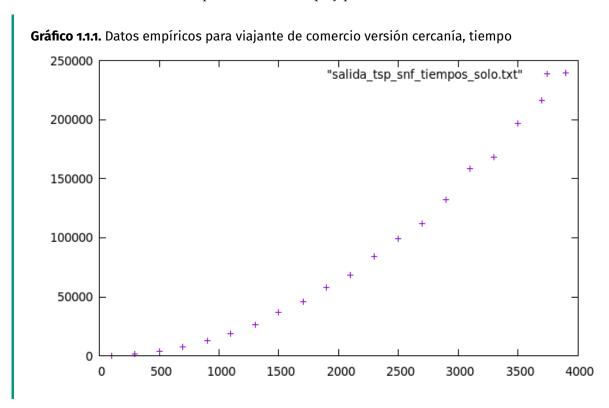
Guardamos en points_left todos los nodos y en road el primer punto, que podemos asumir que es el primero. Mientras que el vector points_left no esté vacío calculamos la distancia de todos esos nodos al último Punto de road y añadimos el nodo que esté a la menor distancia, borrándolo de points_left.

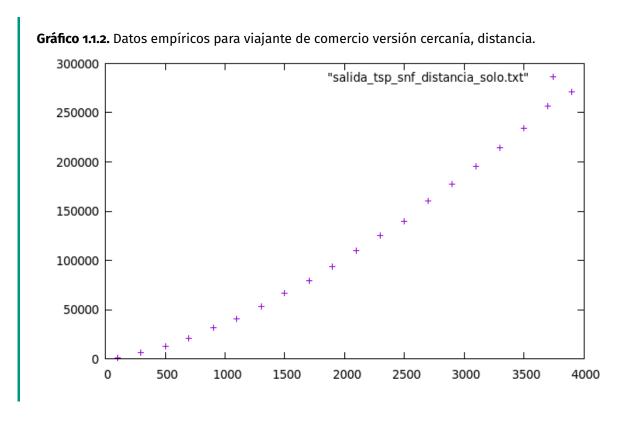
El código completo se encuentra en la *sección IV: Anexo I* de este documento.

Análisis empírico

Los tamaños de prueba para ejecutar el algoritmo han ido desde 100 hasta 4000 ciudades, cada vez con incremento de 200. A su vez cada iteración la hemos hecho 100 veces y hemos calculado la media, con el fin de eliminar los mejores y peores casos.

Los datos obtenidos, calculando por un lado el tiempo y por otro la distancia han sido estos:





Los datos de las gráficas se encuentran en la *sección IV*: *Anexo II* de este documento.

1.2 Enfoque por inserción

Este algoritmo *greedy* funciona tomando un recorrido dado e insertando nodos de modo que el recorrido sea mínimo.

```
vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points) {
     vector<common::Point> candidates = points; // Vector con los candidatos
     vector<common::Point> road;
                                                // Vector con la solucion parcial
     // Tomo los tres puntos extremos del plano y los coloco como solucion parcial inicial
     int most_north = get_most_north(candidates);
     int most_east = get_most_east(candidates);
     int most_west = get_most_west(candidates);
     road.push_back(candidates[most_north]);
10
     road.push_back(candidates[most_west]);
11
     road.push_back(candidates[most_east]);
13
     candidates.erase(candidates.begin() + most_north);
     candidates.erase(candidates.begin() + most_west);
     candidates.erase(candidates.begin() + most_east);
16
     // Construyo las soluciones parciales
18
     while(candidates.size() > 0){
         // Tomo el mejor candidato para la siguiente iteracion
         vector<int> best_candidate_and_pos = get_best_candidate(road, candidates);
21
         int best_candidate = best_candidate_and_pos[0];
         int best_pos = best_candidate_and_pos[1];
         // Hago el traspase de candidatos a solucion parcial
         road.insert(road.begin() + best_pos, candidates[best_candidate]);
         candidates.erase(candidates.begin() + best_candidate);
28
     return road;
31 }
```

En este código, tenemos que:

- candidates es el vector con los nodos que faltan por insertar.
- road es el vector con la solución parcial.
- most_north es el nodo más al norte.
- most_west es el nodo más al oeste.
- most_east es el nodo más al este.
- get_best_candidate es una función auxiliar que dado un camino y un vector de candidatos devuelve un vector con la posición del punto óptimo y dónde queremos insertarlo en el camino.

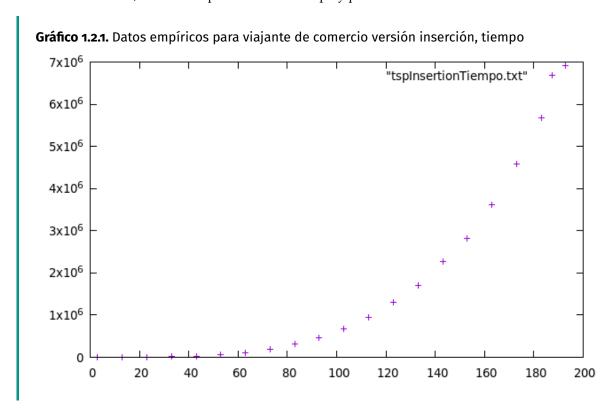
En la nueva función get_best_solution, primero calculamos e insertamos en road los nodos más al norte, este y oeste, para que se queden dentro los máximos nodos posibles. Mientras que candidates no

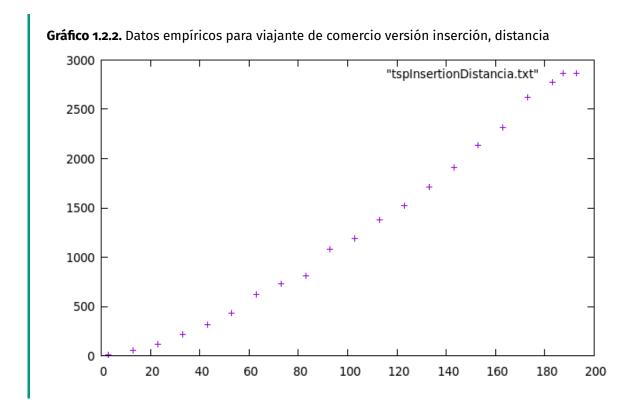
sea vacío calculamos el nodo y la posición con los cuales la distancia que tenemos que recorrer aumenta lo mínimo posible al añadir un nodo, y lo insertamos en road, quitándolo de candidates.

Análisis empírico

Los tamaños de prueba para ejecutar el algoritmo han ido desde 3 hasta 200 ciudades, cada vez con incremento de 10. A su vez cada iteración la hemos hecho 100 veces y hemos calculado la media, con el fin de eliminar los mejores y peores casos.

Los datos obtenidos, calculando por un lado el tiempo y por otro la distancia han sido estos:





Los datos de las gráficas se encuentran en la sección IV: Anexo II de este documento.

1.3 Enfoque por perturbaciones

Este enfoque, de nuevo *greedy*, dado un recorrido, realiza las perturbaciones indicadas por un parámetro para intentar mejorarlo.

```
vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points, int perturbations) {
    // Tomo la solucion dada por el snf
    vector<common::Point> base_road = get_snf_solution(points);

// Perturbo el numero de veces indicada
for(int i = 0; i < perturbations; i++) {
    // Calculo la posicion respecto a la que perturbar
    int pos = get_worst_node(points);

// Perturbo el camino base
    perturbate(base_road, pos);
}

return base_road;
}</pre>
```

En este código, tenemos que:

- points es un vector con los nodos dados.
- perturbations es el número de perturbaciones que aplicamos al algoritmo.

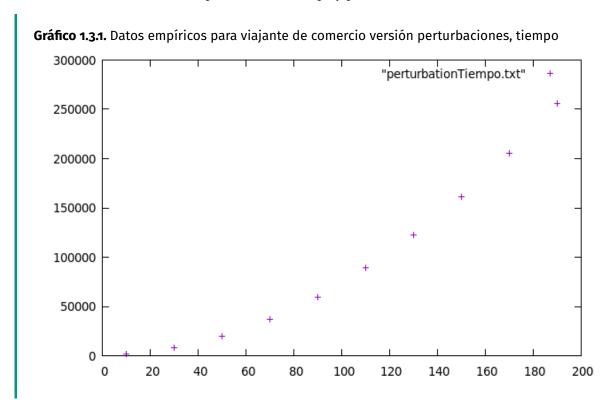
- get_snf_solution es una función auxiliar que calcula según el algoritmo por cercanía una solución al conjunto de puntos.
- get_worst_node es una función auxiliar que calcula el nodo tal que según el recorrido actual su distancia al siguiente punto es la mayor.
- perturbate es una función auxiliar que encuentra un camino diferente que haga que el peor nodo mejore y sobrescribe el camino actual.

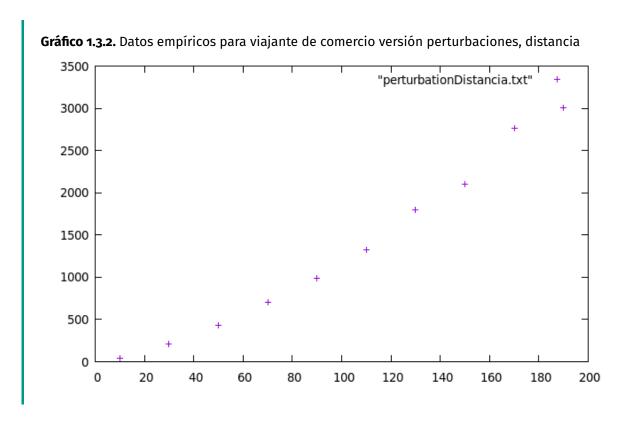
Primero calculamos una solución inicial con el algoritmo de *cercanía*. Después calculamos el peor nodo de ese recorrido e intentamos encontrar otra combinación de nodos que mejore ese nodo en concreto. Este proceso lo repetimos tantas veces como perturbations indique.

Análisis empírico

Los tamaños de prueba para ejecutar el algoritmo han ido desde 10 hasta 200 ciudades, cada vez con incremento de 20. A su vez cada iteración la hemos hecho 100 veces y hemos calculado la media, con el fin de eliminar los mejores y peores casos.

Los datos obtenidos, calculando por un lado el tiempo y por otro la distancia han sido estos:

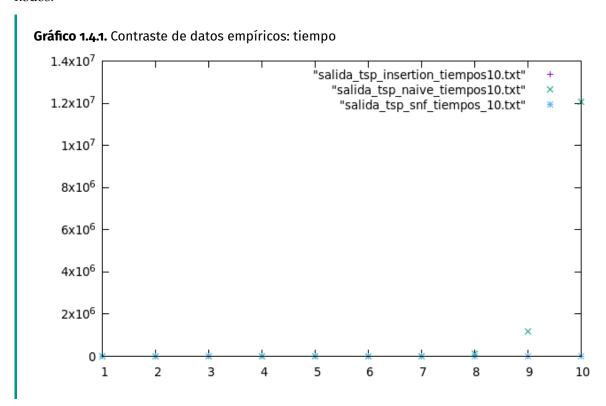


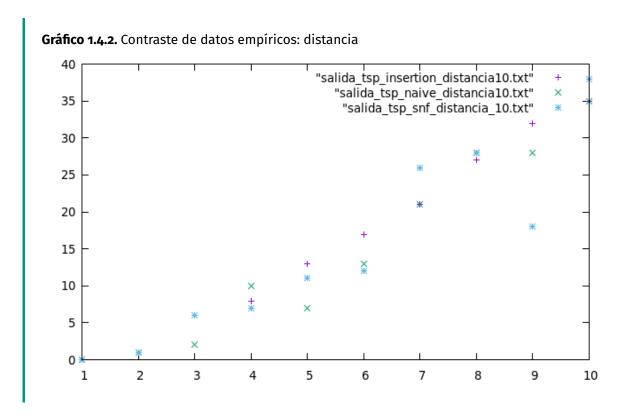


Los datos de las gráficas se encuentran en la *sección IV*: *Anexo II* de este documento.

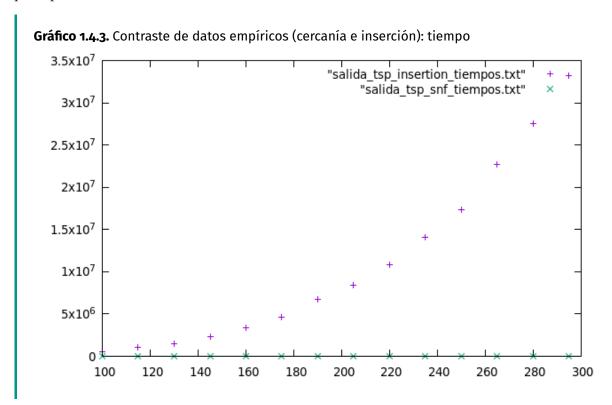
1.4 Comparación de enfoques

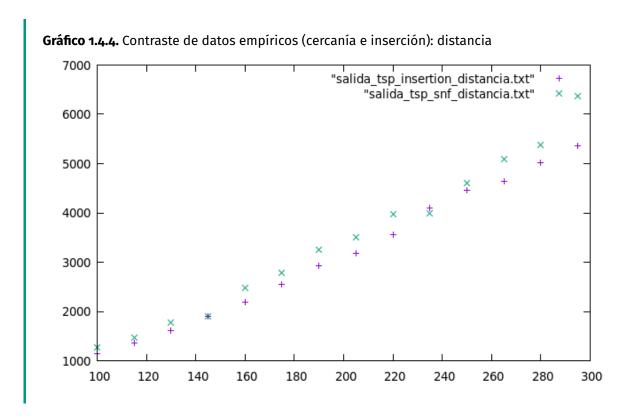
Los cuatro algoritmos que tenemos son: cercanía, inserción, fuerza bruta y perturbaciones. Vamos a comparar por separado las gráficas de las distancias y los tiempos de los tres primeros algoritmos. Como el algoritmo de fuerza bruta solo funciona para tamaños muy pequeños pondremos la cota en 10 nodos.





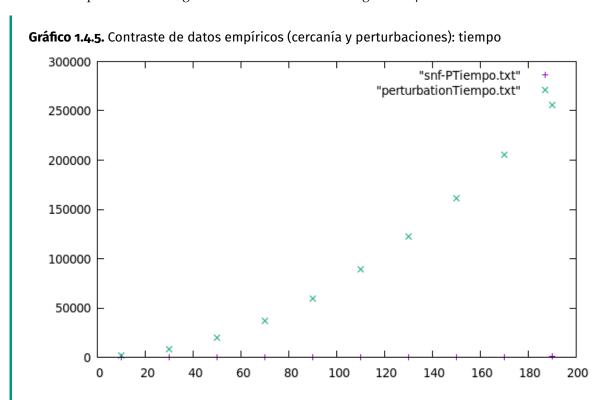
Podemos ver que las distancias de los tres algoritmos son similares, pero el tiempo que se emplea en obtenerlas es mucho mayor en fuerza bruta. Estudiaremos por tanto los algoritmos *inserción* y *cercanía* por separado.

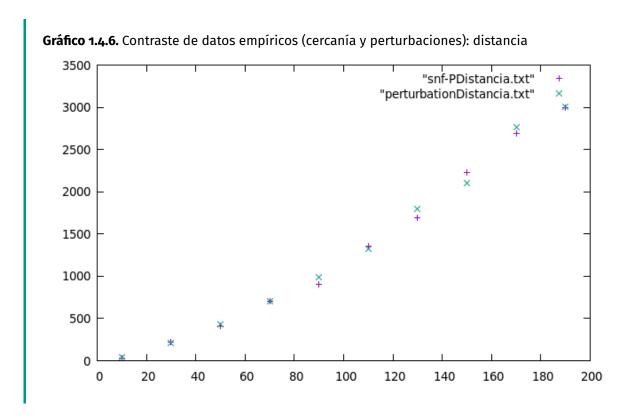




Observamos que las distancias obtenidas con *inserción* son ligeramente mejores, pero al comparar los tiempos *cercanía* es considerablemente más rápido. Por lo general nos interesará más usar este algoritmo, ya que conseguimos resultados parecidos en un tiempo mucho menor.

Vamos a comparar ahora el algoritmo cercanía con nuestro algoritmo: perturbaciones





Observar que la diferencia de tiempo de nuestro algoritmo es considerable respecto a la de *cercanía* y sin embargo la distancia obtenida es similar. Podemos afirmar por tanto que el algoritmo *cercanía* es mejor que el nuestro.

2 Asignación de tareas (worker)

Supongamos que disponemos de n trabajadores y n tareas. Sea $c_{ij} > 0$ el coste de asignarle la tarea j al trabajador i. Una asignación válida es aquella en la que a cada trabajador le corresponde una tarea y cada tarea la realiza un trabajador diferente. Dada una asignación válida, definimos el coste de dicha asignación como la suma total de los costes individuales. Diseñe un algoritmo voraz para obtener una asignación de tareas a trabajadores óptima.

Elementos comunes

A lo largo de la solución del problema usaremos la siguiente notación:

- *n* es el **número de trabajadores**, que coincide con el **número de tareas**.
- C es la **matriz de costes**, de tamaño $n \times n$, en el que el elemento c_{ij} de la matriz es el coste de asignar al trabajador i la tarea j.
- a es el **vector de asignaciones**, de tamaño n. El trabajo asignado al trabajador i estará contenido en el elemento a_i del vector.
- W_a es el coste de una cierta asignación a. Se calcula mediante:

$$W_a = \sum_{i=0}^{n-1} c_{i,a_i}$$

2.1 Enfoque greedy simple (por inserción)

Para distribuir las tareas, relizaremos los siguientes pasos:

- 1. Recorremos la matriz *C* por filas, y asignamos al primer trabajador la tarea de menor coste.
- 2. Inhabilitamos la columna haciendo uso de un vector auxiliar –que hemos llamado d– de trabajos disponibles. También podríamos sobreescribir la matriz C colocando todos los componentes de esa misma columna a 0 –pues los costes son siempre estrictamente positivos–.
- 3. Realizamos de nuevo este procedimiento hasta que todos los trabajadores tengan una tarea asignada, con la salvedad de que en el paso (2) hemos de comprobar si la tarea está disponible –comprobando el vector de trabajos disponibles o si los elementos no son ceros, en caso de usar la otra alternativa–.

(1) (2) (3)
$$C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 1 & 4 & 2 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 2 & 7 & 5 \end{pmatrix} \leftarrow C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 3$$

Visualización de los pasos anteriormente descritos

Este enfoque se traduce en un código que comprende las siguientes funciones:

- get_best_solution, una función para calcular la asignación especificada anteriormente.
- find_best_task, una función auxiliar para calcular la mejor tarea que se encuentre disponible (haciendo uso de un vector de disponibles, available), de un conjunto de tareas

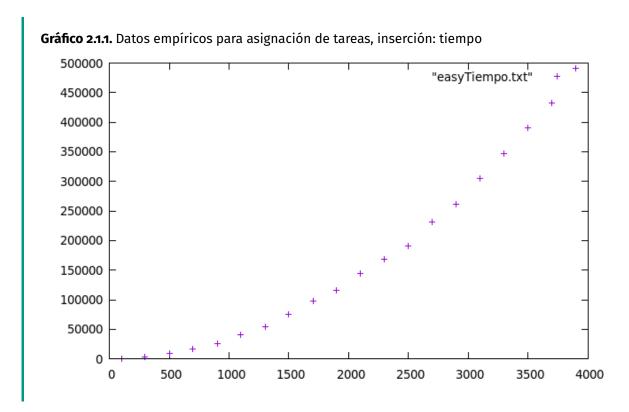
El código completo se encuentra en la *sección IV: Anexo I* de este documento.

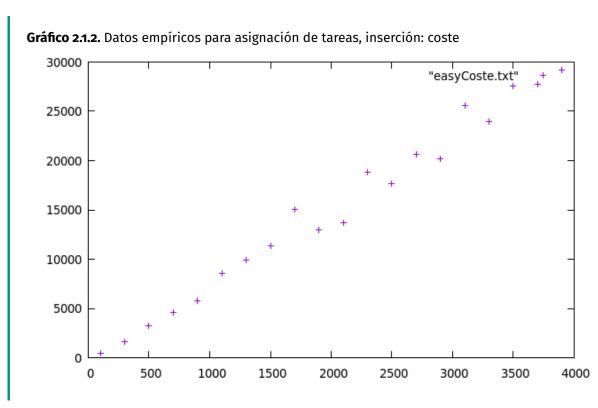
Veremos la eficiencia empírica de este algoritmo.

Análisis empírico

Los tamaños de prueba para ejecutar el algoritmo han ido desde 100 hasta 4000, cada vez con incremento de 200. A su vez cada iteración la hemos hecho 100 veces y hemos calculado la media, con el fin de eliminar los mejores y peores casos.

Los datos obtenidos, calculando por un lado el tiempo y por otro la distancia han sido estos:





Los datos de las gráficas se encuentran en la *sección IV*: *Anexo II* de este documento.

2.2 Enfoque greedy con permutaciones

Este algoritmo consiste en, partiendo de una asignación, ir modificándola hasta encontrar una mejor, es decir, con una **ganancia** positiva.

El procedimiento es sencillo:

- 1. Buscamos el elemento que tiene un coste mayor de todas las asignaciones, al que llamaremos a_m , con m la posición de dicho elemento.
- 2. Vamos intercambiando los elementos del vector de asignaciones con el de coste mayor, es decir, obtenemos las asignaciones resultantes de realizar esta permutación:

$$a_0' = \{a_m, a_1, ..., a_{m-1}, a_0, a_{m+1}, ..., a_{n-1}\}, a_1' = \{a_0, a_m, a_2, ..., a_{m-1}, a_1, a_{m+1}, a_{n-1}\}, ...$$

De entre todas las posibilidades, tomaremos la que tiene mayor ganancia, es decir, el p con el $W_{a_p'}$ menor, la que nos proporciona una asignación con menor coste.

 Repetimos este proceso un número de veces arbitrario, en cada iteración obtendremos una solución mejor, o la misma solución (en cuyo caso no podremos mejorar esta asignación realizando permutaciones).

Podríamos partir de la asignación que proporciona el enfoque anterior, mejorándola con estas permutaciones.

Este enfoque se traduce en un código que comprende las siguientes funciones:

- get_best_solution, de nuevo nuestra función principal para resolver el problema.
- find_worst_worker, una función auxiliar para encontrar el trabajador que tiene la *peor ta*rea asignada, es decir, el que tiene mayor costo. Esto se traduce en nuestra implementación a simplemente buscar el máximo del vector a, de asignaciones (1).
- find_best_permutation, una función auxiliar que, de entre todas las permutaciones posibles, encuentra la que tiene una ganancia mayor (2).
- permutate, una función auxiliar que efectúa la permutación, es decir, modifica el vector a de asignaciones para efectuar el intercambio encontrado.

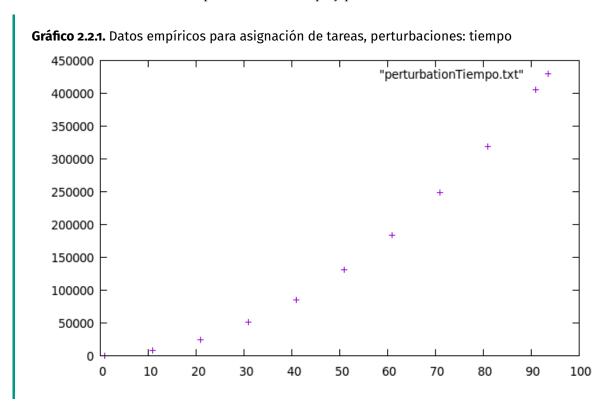
El código completo se encuentra en la *sección IV: Anexo I* de este documento. En dicho código se parte de las funciones del enfoque anterior: get_best_solution (que ha sido renombrado a get_insertion_solution) y find_best_task.

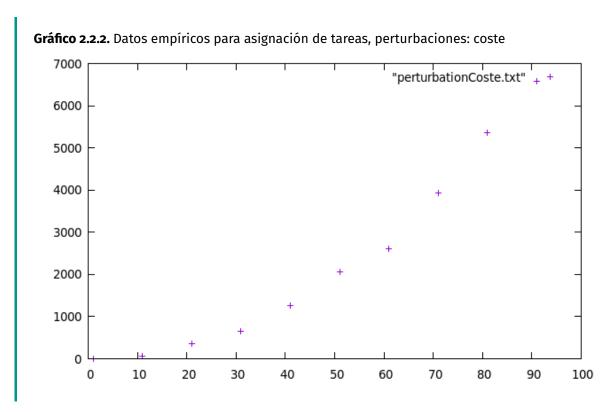
Veremos la eficiencia empírica de este algoritmo.

Análisis empírico

Los tamaños de prueba para ejecutar el algoritmo han ido desde 1 hasta 100, cada vez con incremento de 10. A su vez cada iteración la hemos hecho 100 veces y hemos calculado la media, con el fin de eliminar los mejores y peores casos.

Los datos obtenidos, calculando por un lado el tiempo y por otro la distancia han sido estos:





Los datos de las gráficas se encuentran en la *sección IV*: *Anexo II* de este documento.

2.3 Comparación de enfoques

Ambos enfoques son *greedy*, e intentan acercarse a la mejor solución. Evidentemente, el primero de ellos, por inserción, no se acerca a la mejor solución de todas. Basta tomar como ejemplo la siguiente matriz de costes:

$$C = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 10 \end{pmatrix}$$

Éste efectuaría una asignación que tendría un coste de 11, mientras que la asignación óptima para este caso tendría un coste de 4.

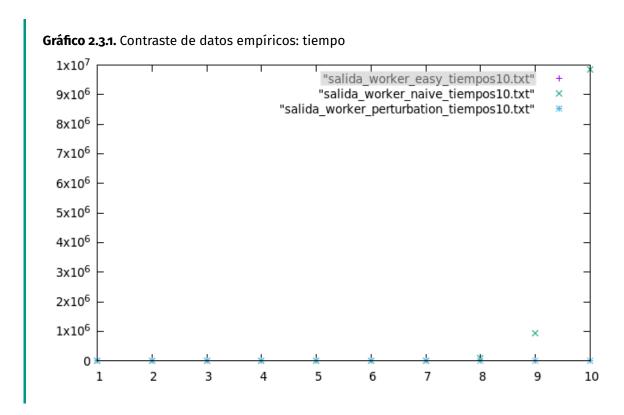
Para poder resolver esto, el enfoque con permutaciones es una solución muy interesante. Éste solucionaría nuestro problema en este caso, llegando a la asignación óptima tras una sola permutación.

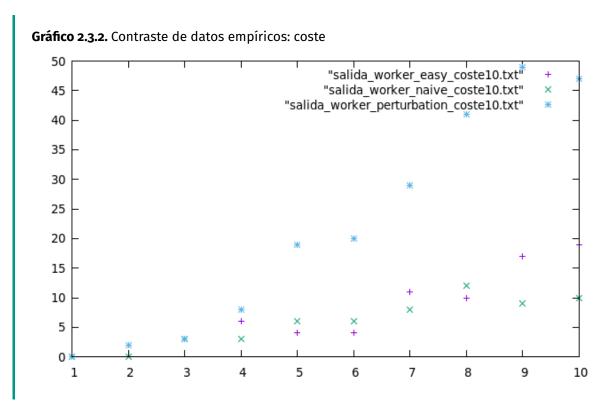
Además, el enfoque con permutaciones es especialmente interesante cuando partimos de una cantidad muy grande de datos, ya que tener una estimación inicial puede ser complicado. Podríamos partir de una asignación cualquiera, y aplicar estas permutaciones de forma sucesiva hasta encontrar asignaciones mejores con cada iteración. En resumen, podemos dejar a nuestro algoritmo calcular asignaciones consecutivamente mejores, simplemente con dejar un tiempo de ejecución mayor.

Vemos por tanto cómo podemos, a partir de *greedy*, obtener algoritmos que nos **mejoran** nuestras soluciones conforme van actuando de forma sucesiva.

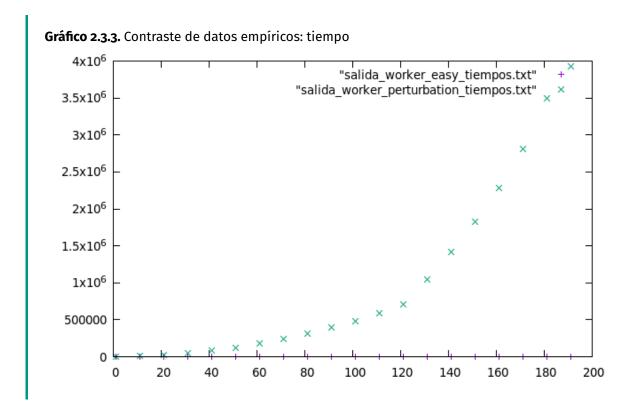
Comparación en análisis empírico

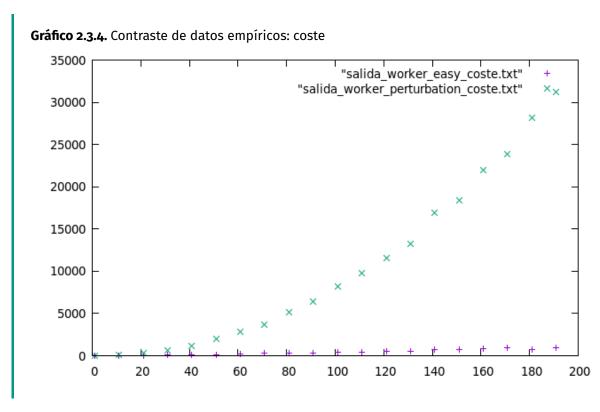
Comparamos empíricamente los dos algoritmos propuestos y otro hecho por fuerza bruta. Como este último solo funciona para tamaños muy pequeños situamos la cota en 10.





Vemos que los mayores valores de coste los obtenemos con *perturbations* mientras que con *fuerza bruta* y *easy* se obtienen valores similares. Para el tiempo, sin embargo, los valores de *fuerza bruta* se disparan. Vamos a estudiar por tanto a más largo plazo los dos primeros algoritmos.





Observar que la gráfica de *perturbations* crece más rápida tanto en tiempo que podemos decir que el algoritmo *easy* es mejor.

III Conclusiones

Con esta práctica, hemos aprendido a crear algoritmos voraces para resolver problemas que, en su versión en fuerza bruta, tienen una complejidad muy elevada.

Hemos contemplado, dentro de esta técnica, diversos enfoques para cada algoritmo, prestando atención a la dificultad de obtener la solución óptima, y primando el "acercarnos" a ella mediante algoritmos que, con sucesivas iteraciones, van mejorando la solución anterior, hasta llegar a soluciones cada vez más óptimas.

Esto es algo de especial relevancia al trabajar con cantidades ingentes de datos, en el que dar una solución inicial puede ser muy complicada, pudiendo partir incluso de soluciones arbitrarias, mejorándolas conforme nuestros algoritmos se van ejecutando.

IV Anexos

Anexo I. Códigos

Códigos para TSP

tsp_common.hpp

Biblioteca de funciones comunes a todos los códigos usados.

```
#include <vector>
#include <stdlib.h>
3 #include <time.h>
4 #include <cstdlib>
6 namespace common{
8 // Generacion de numeros aleatorios
10
* @brief Devuelve el valor absoluto de un valor double
  * @param val el double con el que trabajamos
  * @return el valor absoluto de un valor double
15 * */
double abs(double val) {
  return val < 0 ? - val : val;
18 }
19
20 void startRandom() {
std::srand(time(NULL));
22 }
24 int randomInt(int min, int max){
   int value = min + std::rand() % (max +1 - min) ;
    return value;
29 double random_double(double min, double max) {
return (std::rand() / (double) RAND_MAX ) * (max - min) + min;
31 }
33 // Estructura basicas Punto
_{\rm 36} * @brief Estructura para representar un punto en el plano
38 * En esta estructura se implementa la distancia base que usa el resto de las funciones
```

```
40 struct Point{
     double x = 0;
41
     double y = 0;
42
     /**
44
     * @brief Distancia entre dos puntos
46
      * Cambiar esta funcion si queremos cambiar la distancia entre dos puntos para
47
      * cualquier funcion que haga uso de la distancia (esta es la implementacion base)
      * */
49
     double distance(Point other) {
         return abs(other.x - x) + abs(other.y - y);
52
53 };
_{55} // Generacion de datos para el problema
58 / * *
59 ★ @brief Genera los puntos necesarios para el problema
* @param num_points, la cantidad de puntos con la que queremos trabajar
   * @return un vector de puntos, cuyas coordenadas estan en el intevalo [0, num_points]
62 * */
63 std::vector<Point> generate_problem_data(int num_points){
    std::vector<Point> points;
65
     for(int i = 0; i < num_points; i++) {</pre>
         double x = random_double(0, num_points);
67
         double y = random_double(0, num_points);
68
         Point p = \{x, y\};
70
          points.push_back(p);
72
73
     return points;
75 }
77 // Funcionalidades para solucionar partes comunes del problema
78 //==========
80 /**
* @brief Genera un camino dado una permutacion de indices
   \star @param points, los puntos sobre los que queremos calcular el camino
  * @param permutation, la permutacion de indices
_{84} _{\star} @return un camino dado los puntos y la permutacion
86 std::vector<Point> generate_road_by_indexes(std::vector<common::Point> points, std::vector<int</pre>
     > permutation) {
87
     std::vector<Point> road;
88
     for(auto index : permutation) {
         road.push_back(points[index]);
90
92
93 return road;
```

```
97 * @brief Genera el camino resultado de intercambiar dos posiciones de un camino
98 * @param road, el camino base
   \star @param pos1, la primera posicon con la que intercambiamos
   * @param pos2, la segunda posicon con la que intercambiamos
* @return un camino resultado del cambio descrito
102 * */
103 std::vector<Point> get_swap(std::vector<Point> road, int pos1, int pos2){
      std::vector<Point> changed = road;
     Point tmp = road[pos1];
106
     road[pos1] = road[pos2];
     road[pos2] = tmp;
108
      return changed;
111 }
113 // Calculo de distancias
114 //-----
* @brief Calcula la distancia entre dos puntos
* @param p1, el primer punto del que queremos calcular la distancia
* @param p2, el segundo punto del que queremos calcular la distancia
* @return al distancia entre ambos puntos
double distance (Point pl, Point p2) {
    return pl.distance(p2);
122
123 }
124
125 / * *
   * @brief Calcula la distancia de un camino dado
* @param road, vector de puntos que forman un camino
* @return la distancia total de ese camino
129 * */
double get_road_distance(std::vector<Point> road) {
131
     double road_distance = 0;
132
     // Distancia entre los n puntos
133
      for(int i = 0; i < road.size() - 1; i++){</pre>
134
          road_distance = road_distance + distance(road[i], road[i+1]);
135
137
138
      // Distancia entre el ultimo y primer punto
139
      road_distance = road_distance + distance(road[0], road[road.size()-1]);
142
      return road_distance;
143 }
145 } // namespace common
```

```
tsp_naive.cpp
```

Resolución del algoritmo por fuerza bruta.

```
#include <vector>
#include <string>
3 #include <iostream>
4 #include <algorithm>
5 #include "tsp_common.hpp"
6 using namespace std;
_{8} // Declaracion de las funciones que vamos a calcular
10
_{12} * @brief Genera todas las permutaciones posibles del conjunto {0, 1, ..., n-1}
\star @return un vector con todas las permutaciones posibles
vector<vector<int> > generate_permutations(int n);
17 / * *
18 * @brief Calcula la mejor solucion para un conjunto de puntos, por fuerza bruta
   \star @param points, el conjunto de puntos sobre el que vamos a operar
20 * @return el camino cuya distancia es la minima
21 * */
22 vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points);
24
26 int main() {
     // Parametro del programa para probar cosas
      int num_points = 10;
28
      // Puntos con los que voy a trabajar
     vector<common::Point> points = common::generate_problem_data(10);
31
      // Soluciono el problema por fuerza bruta
33
      vector<common::Point> road = get_best_solution(points);
34
      // Muestro el resultado del problema
36
      cout << "El camino optimo para el problemma es: " << endl;</pre>
37
      for(auto point : road){
38
          cout << "x: " << point.x << " y: " << point.y << endl;</pre>
39
41
      cout << "La distancia del camino optimo es: " << get_road_distance(road) << endl;</pre>
43
44
      // Todo ha salido OK
46
      return 0;
47 }
^{49} // Implementacion de las funciones
51 vector<vector<int> > generate_permutations(int n){
vector<vector<int> > permutations;
```

```
53
54
      // We get the base permutation to work with
      vector<int> base_perm;
55
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
         base_perm.push_back(i);
57
59
      do{
60
          permutations.push_back(base_perm);
61
62
      }while(next_permutation(base_perm.begin(), base_perm.end()));
      return permutations;
65
66 }
68 vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points) {
      // Permutaciones con las que vamos a trabajar
      vector<vector<int> > permutations = generate_permutations(points.size());
70
71
      // Camino y distancia minima
72
      vector<common::Point> min_road = points;
      double min_distance = common::get_road_distance(min_road);
76
      // Calculo las distancias de todas las permutaciones
      for(auto permutation : permutations){
          vector<common::Point> current_road = common::generate_road_by_indexes(points,
78
      permutation);
          double current_distance = common::get_road_distance(current_road);
79
80
81
         if(current_distance < min_distance) {</pre>
              min_distance = current_distance;
82
              min_road = current_road;
83
84
85
      }
      return min_road;
87
88 }
```

tsp_matrix.cpp

Resolución usando matrices de distancias.

```
14 * un vector vacio, si ocurre algun error
15 * */
16 vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points);
18 / * *
^{19} * @brief Genera una matriz con las distancias entre los puntos
  * @param points, los puntos sobre los que calculamos las distancias
^{21} * @return una matriz con las distancias entre los puntos
23 * Matriz[i][j] := distance(pi, pj)
26 * WIP -- Tiene una violacion del segmento
27 * */
28 vector<vector<double> > generate_distances_matrix(vector<common::Point> points);
_{31} * @brief Limpia las distancias de una determinada posicion
^{32} * Ello implica poner a cero la fila y columna de una determinada posicion
33 ★ @param distances_matrix, matriz sobre la que trabajamos, SE MODIFICA
^{34} * @param pos, la posicion sobre la que tenemos que limpiar
36 void clean_position(vector<vector<double> > & distances_matrix, int pos);
38 / * *
_{39} * @brief Halla la posicion en una fila con la menor distancia
40 ★ @param distances_matrix, la matriz con las distancias
  * @param position, la posicion respecto la que queremos buscar el minimo elemento
^{42} * @return la posicion cuya distancia es la minima, si todo sale bien
         -1, si ocurre algun error
44 * */
45 int get_min_row_element(vector<vector<double> > distances_matrix, int position);
47 / * *
_{\rm 48} _{\star} @brief Genera una matriz size x size llena de ceros
* @parma size, la dimension de la matriz cuadrada
* @return la matriz cuadrada llena de ceros
52 vector<vector<double> > get_empty_matrix(int size);
54 // Funcion principal
55 //-----
     // Parametro sobre el size del problema
     int problem_size = 100;
     // Inicio los numeros aleatorios
     common::startRandom();
62
63
     // Puntos con los que vamos a trabajar
     vector<common::Point> points = common::generate_problem_data(problem_size);
     // Calculo la solucion aproximada
67
     vector<common::Point> road = get_best_solution(points);
```

```
// Muestro el resultado
      cout << "La distancia de la solucion obtenida es: " << common::get_road_distance(road) <<</pre>
      endl;
      // Todo ha salido OK
      return 0;
74 }
76 // Implementacion de las funciones
77 //===
78 void clean_position(vector<vector<double> > & distances_matrix, int pos){
      // Cleaning the row
      for(int col = 0; col < distances_matrix.size(); col++){</pre>
           distances_matrix[pos][col] = 0;
82
83
      // Cleaning the col
      for(int row = 0; row < distances_matrix.size(); row++){</pre>
85
          distances_matrix[row][pos] = 0;
88 }
90 int get_min_row_element(vector<vector<double> > distances_matrix, int position){
      int min_pos = 0;
      int starting_pos = 0;
92
93
      // Busco la primera posicion con distancia no nula
      while(distances_matrix[position][starting_pos] == 0 && starting_pos < distances_matrix.</pre>
      size()){
          starting_pos = starting_pos + 1;
97
      // Comprobacion de seguridad
100
      if(starting_pos = distances_matrix.size()-1){
          cerr << "ERROR! Posicion no encontrada en get_min_row_element()" << endl;</pre>
           cerr << "Se devuelve -1 como codigo de error!" << endl;</pre>
102
           return -1;
103
105
      // Busco el elemento optimo de la columna
      min_pos = starting_pos;
107
      double min_val = distances_matrix[position][starting_pos];
108
      for(int col = starting_pos; col < distances_matrix[position].size(); col++){</pre>
110
111
          if(distances_matrix[position][col] < min_val){</pre>
112
              min_pos = col;
               min_val = distances_matrix[position][col];
115
      }
116
      return min_pos;
117
118 }
120 vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points) {
vector<common::Point> road;
```

```
vector<vector<double> > distances_matrix = generate_distances_matrix(points);
       // WTP
124
       for(int row = 0; row < distances_matrix.size(); row++) {</pre>
           for(int col = 0; col < distances_matrix.size(); col++){</pre>
126
               cout << distances_matrix[row][col] << " ";</pre>
128
           cout << endl;
129
130
131
       // Empiezo siempre por el primer punto
132
       int last_point = 0;
       road.push_back(points[0]);
134
135
       while(road.size() < points.size()){</pre>
136
           // Hallo el punto mas cercano al anterior
           int best_position = get_min_row_element(distances_matrix, last_point);
139
           // Comprobacion de seguridad
           if(best_position == -1){
               cerr << "ERROR! Posicion optima no encontrada en get_best_solution()" << endl;</pre>
               cerr << "Se devuelve un vector nulo!" << endl;</pre>
144
               // Devuelvo un vector vacio
               return vector<common::Point>();
146
147
           // Lo inserto al road
149
           road.push_back(points[best_position]);
150
           // Limpio la fila y columna del anterior punto, ya no me hace falta
152
           clean_position(distances_matrix, best_position);
           // Tomo el nuevo punto anterior
155
           last_point = best_position;
157
158
159
       return road;
160 }
162 vector<vector<double> > generate_distances_matrix(vector<common::Point> points){
       // Genero una matriz de points.size() x points.size() llena de ceros
163
       vector<vector<double> > distances_matrix = get_empty_matrix(points.size());
165
       for(int row = 0; row < points.size(); row++){</pre>
           for(int col = 0; col < points.size(); col++){</pre>
               distances_matrix[row][col] = common::distance(points[row], points[col]);
       }
170
       return distances_matrix;
173 }
vector<vector<double> > get_empty_matrix(int size) {
vector<vector<double> > empty;
```

```
177     vector<double> empty_row(size, 0);
178
179     for(int i = 0; i < size; i++) {
180          empty.push_back(empty_row);
181     }
182     return empty;
184 }</pre>
```

tsp_snf.cpp

Solución por SNF usando un vector con los puntos que quedan.

```
#include <iostream>
#include <vector>
3 #include "tsp_common.hpp"
4 using namespace std;
6 // Declaracion de funciones con las que trabajamos
7 //-----
10 * @brief Calcula la mejor solucion para un conjunto de puntos, por Shortest Neighbor First
_{11} * @param points, el conjunto de puntos sobre el que vamos a operar
* @pre points.size() > 0
* @return el camino cuya distancia es la minima
15 vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points);
17 // Funcion principal
18 //=======
19 int main(){
    // Parametro sobre el size del problema
    int problem_size = 10000;
    // Inicio los numeros aleatorios
23
     common::startRandom();
    // Puntos con los que vamos a trabajar
26
    vector<common::Point> points = common::generate_problem_data(problem_size);
27
28
     // Calculo la solucion aproximada
     vector<common::Point> road = get_best_solution(points);
31
     // Muestro el resultado
    cout << "La distancia de la solucion obtenida es: " << common::get_road_distance(road) <<</pre>
33
     endl;
     // Todo ha salido OK
36
     return 0;
37 }
39 // Implementacion de las funciones
41 vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points){
```

```
vector<common::Point> points_left = points; // Puntos que quedan por insertar a la
43
      solucion
     // Parto siempre del primer punto del vector
45
      road.push_back(points_left[0]);
     points_left.erase(points_left.begin() + 0);
47
48
      // Voy construyendo la solucion, sacando puntos de points_left y colocandolos en road
49
50
      while(points_left.size() > 0) {
         double min_distance = common::distance(road[road.size() -1], points_left[0]);
51
         int min_pos = 0;
53
54
         // Buscamos el punto mas cercano
55
         for(int i = 0; i < points_left.size(); i++){</pre>
             double current_distance = common::distance(road[road.size() -1], points_left[i]);
             if(current_distance < min_distance) {</pre>
                 min_distance = current_distance;
58
                min_pos = i;
         }
61
         // Insertamos el punto mas cercano a la solucion y lo quitamos de los puntos que
63
      faltan
        road.push_back(points_left[min_pos]);
64
         points_left.erase(points_left.begin() + min_pos);
65
68
    return road;
```

tsp_perturbation.cpp

Solución usando perturbaciones, partiendo del SNF anterior.

```
#include <iostream>
#include <vector>
3 #include "tsp_common.hpp"
4 using namespace std;
6 // Declaracion de funciones con las que trabajamos
9 / * *
_{10} \star @brief Calcula la solucion para un conjunto de puntos, por Shortest Neighbor First
_{11} * @param points, el conjunto de puntos sobre el que vamos a operar
  * @pre points.size() > 0
   * @return el camino siguiendo este algoritmo
15 vector<common::Point> get_snf_solution(vector<common::Point> points);
16
17 /**
  * @brief Calcula un camino partiendo de un algoritmo SNF y aplicandole una serie de
      perturbaciones
_{19} * @param points, conjunto de puntos sobre el que calcular el mejor camino posible
```

```
_{20} * @parma perturbations, numero de perturbaciones que se van a realizar
  * @return el camino obtenido como ya se ha descrito
22 * */
23 vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points, int perturbations);
  * @brief Perturba un camino respecto de un punto dado
^{27} * @brief road, el camino a perturbar, SE MODIFICA
_{28} * @param pos, la posicion respecto la que se perturba
29 * */
void perturbate(vector<common::Point> road, int pos);
32 / * *
^{33} * @brief Calcula el punto cuya distancia al siguiente punto es mayor
* @param road, camino cuyo peor camino hay que calcular
_{35} * @return la posicion del peor punto ya descrito
37 int get_worst_node(vector<common::Point> road);
39 // Funcion principal
41 int main(){
     // Parametro sobre el size del problema
     int problem_size = 100;
    int perturbations = 100;
44
     // Inicio los numeros aleatorios
     common::startRandom();
47
48
     // Puntos con los que vamos a trabajar
     vector<common::Point> points = common::generate_problem_data(problem_size);
50
51
     // Calculo la solucion aproximada
52
     vector<common::Point> road = get_best_solution(points, perturbations);
53
     // Muestro el resultado
55
     cout << "La distancia de la solucion obtenida es: " << common::get_road_distance(road) <<</pre>
57
     // Todo ha salido OK
     return 0;
59
60 }
62 // Implementacion de las funciones
63 //-----
64 vector<common::Point> get_snf_solution(vector<common::Point> points) {
     vector<common::Point> points_left = points; // Puntos que quedan por insertar a la
     solucion
67
    // Parto siempre del primer punto del vector
     road.push_back(points_left[0]);
     points_left.erase(points_left.begin() + 0);
72 // Voy construyendo la solucion, sacando puntos de points_left y colocandolos en road
```

```
while(points_left.size() > 0){
           double min_distance = common::distance(road[road.size() -1], points_left[0]);
           int min_pos = 0;
75
           // Buscamos el punto mas cercano
           for(int i = 0; i < points_left.size(); i++){</pre>
               double current_distance = common::distance(road[road.size() -1], points_left[i]);
               if(current_distance < min_distance) {</pre>
80
                  min_distance = current_distance;
                  min_pos = i;
82
85
           // Insertamos el punto mas cercano a la solucion y lo quitamos de los puntos que
          road.push_back(points_left[min_pos]);
           points_left.erase(points_left.begin() + min_pos);
89
       return road;
91
92 }
94 vector<common::Point> get_best_solution(vector<common::Point> points, int perturbations){
      // Tomo la solucion dada por el snf
       vector<common::Point> base_road = get_snf_solution(points);
       // Perturbo el numero de veces indicada
       for(int i = 0; i < perturbations; i++){</pre>
          // Calculo la posicion respecto a la que perturbar
100
101
          int pos = get_worst_node(points);
102
           // Perturbo el camino base
           perturbate(base_road, pos);
104
105
      return base_road;
107
108 }
void perturbate(vector<common::Point> road, int pos) {
      vector<common::Point> current_perb = road;
      double best_gain = 0;
      int best_perturbation = pos;
      double base_distance = common::get_road_distance(road);
116
      // Calculo la distancia de todas las permutaciones
      for(int i = 0; i < road.size(); i++){</pre>
           // Calculo la ganancia de esta permutacion
118
           current_perb = common::get_swap(road, pos, i);
           double swap_distance = common::get_road_distance(current_perb);
120
          double current_gain = swap_distance - base_distance;
           // Compruebo si he mejorado la ganancia
           if(current_gain > best_gain) {
               best_perturbation = i;
             best_gain = current_gain;
```

```
129
      // Hago el cambio con la mejor perturbacion
      road = common::get_swap(road, pos, best_perturbation);
131
132 }
133
int get_worst_node(vector<common::Point> road) {
     double worst_distance = common::distance(road[0], road[1]);
136
      int worst_pos = 0;
137
      // Recorro todos los puntos para ver cual es el peor
      for(int i = 0; i < road.size() - 1; i++) {</pre>
139
         if(distance(road[i], road[i+1]) > worst_distance){
              worst_distance = distance(road[i], road[i+1]);
141
               worst_pos = i;
     }
144
     // Compruebo la distancia del ultimo al primero
      if(distance(road[road.size()-1], road[0]) > worst_distance){
147
           worst_distance = road.size() - 1;
149
150
     return worst_pos;
151
```

Códigos para worker

worker_common.cpp

Biblioteca de funciones comunes a todos los códigos usados.

```
* @brief inicia la generacion de numeros aleatorios
23 * */
24 void startRandom() {
std::srand(time(NULL));
26 }
28 / * *
29 * @brief Genera un double aleatorio en un intervalo dado
* @param min, el minimo valor que se puede tomar
* @param max, el maximo valor que se puede tomar
   * @return un double en el intervalo [min, max]
33 * */
34 double random_double(double min, double max) {
    return (std::rand() / (double) RAND_MAX ) * (max - min) + min;
36 }
38 / * *
* @brief Genera un entero aleatorio en un intervalo dado
* @param min, el minimo valor que se puede tomar
* @param max, el maximo valor que se puede tomar
   \star @return un entero en el intervalo [min, max]
43 * */
44 double random_int(int min, int max){
    return (int) (std::rand() / (double) RAND_MAX ) * (max - min) + min;
46 }
48 // Generacion de los datos del problema
49 //============
50 /**
_{51} * @brief Genera una matriz aleatoria con las asignaciones de trabajo
   \star @param size, size del problema (no. de trabajadores y trabajos)
  * @return una matriz cuadrada de dimension size con valores aleatorios en el intervalo [0,
     sizel
55 std::vector<std::vector<double> > generate_matrix(int size){
     // Inicio una matriz llena de ceros
     std::vector<double> empty_row(size, 0);
     std::vector<std::vector<double> > matrix(size, empty_row);
58
    for(int row = 0; row < size; row++) {</pre>
60
         for(int col = 0; col < size; col++){</pre>
              matrix[row][col] = random_double(0, size);
63
64
    }
     return matrix;
67 }
69 // Calculos sobre datos del problema
71 /**
* @brief Calcula el coste de una asignacion dada
  * @param matrix, la matriz con los costes
_{74} \,\star\, @param asignation, la asignacion cuyo coste se calcula
```

```
* @return el coste de la asignacion
77 double get_cost(std::vector<std::vector<double> > matrix, std::vector<int> asignation){
    double cost = 0;
    for(int i = 0; i < asignation.size(); i++){</pre>
       cost = cost + matrix[i][asignation[i]];
81
82
83
84
    return cost;
85 }
87 // Muestra de datos del problema
89 void show_matrix(std::vector<std::vector<double> > matrix, char sep = '\t'){
    for(int row = 0; row < matrix.size(); row++){</pre>
        for(int col = 0; col < matrix[row].size(); col++){</pre>
            std::cout << matrix[row][col] << sep;</pre>
92
        std::cout << std::endl;
97
98 }// namespace common
```

worker_naive.cpp

Resolución mediante fuerza bruta.

```
#include <iostream>
#include <vector>
3 #include <algorithm>
# #include "worker_common.hpp"
5 using namespace std;
7 // Declaracion de funciones auxiliares
_{10} * @brief Genera todas las permutaciones del conjunto {0, 1, ..., n-1}
* @param n, el maximo del conjunto sobre el que se permuta
_{\rm 12} * @return un array con todas las permutaciones anteriormente descritas
13 * */
vector<vector<int> > generate_permutations(int n);
15
17 * @brief Calcula la asignacion optima dada una matriz de costes, usando fuerza bruta
_{\rm 18} * @param matrix, la matriz que almacena los costes
  * @return la asignacion optima
21 vector<int> get_best_solution(vector<vector<double> > matrix);
23 // Funcion principal
24 //==========
25 int main(){
// Parametro para hacer pruebas con las entradas
```

```
int size = 4;
      // Inicio la generacion de numeros aleatorios
      common::startRandom();
31
      // Tomo una matriz con los datos del problema
      vector<vector<double> > worker_matrix = common::generate_matrix(size);
34
      // Calculo la solucion al problema
35
      vector<int> asignation = get_best_solution(worker_matrix);
36
      // Muestro el coste de la solucion optima
      cout << "El coste optimo es: " << common::get_cost(worker_matrix, asignation) << endl;</pre>
      // Muestro las asignaciones hechas
41
     for(int i = 0; i < size; i++) {</pre>
          cout << "Trabajador " << i << " asignado al trabajo " << asignation[i] << endl;</pre>
44
      // Todo ha salido OK
      return 0;
50 // Implementacion de funciones auxiliares
51 //----
vector<vector<int> > generate_permutations(int n){
      vector<vector<int> > permutations;
54
     // We get the base permutation to work with
55
     vector<int> base_perm;
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
          base_perm.push_back(i);
60
          permutations.push_back(base_perm);
62
      }while(next_permutation(base_perm.begin(), base_perm.end()));
63
      return permutations;
67 }
  vector<int> get_best_solution(vector<vector<double> > matrix) {
      // Tomo el array de permutaciones, del que me tengo que quedar con solo una
      // permutacion, la permutacion de la asignacion optima
     vector<vector<int> > permutations = generate_permutations(matrix.size());
72
      // Valores base para empezar a realizar comparaciones
75
      int best_permutation = 0;
76
      double best_cost = common::get_cost(matrix, permutations[0]);
      // Comparo todas las permutaciones
      for(int i = 0; i < permutations.size(); i++){</pre>
80
          double current_cost = common::get_cost(matrix, permutations[i]);
```

```
if(current_cost < best_cost) {
    best_cost = current_cost;
    best_permutation = i;
}

return permutations[best_permutation];
}
</pre>
```

worker_easy.cpp

Resolución del problema haciendo uso de greedy, en el enfoque simple.

```
#include <iostream>
#include <vector>
3 #include <algorithm>
4 #include "worker_common.hpp"
5 using namespace std;
7 // Declaracion de funciones auxiliares
* @brief Calcula la asignacion parcialmente optima dada una matriz de costes, usando un
     algoritmo greedy
* @param matrix, la matriz que almacena los costes
12 * @return la asignacion parcialmente optima
vector<int> get_best_solution(vector<vector<double> > matrix);
15
17 * @brief Halla dado un vector de costo de tareas, la mejor tarea que se encuentra disponible
  * @param tasks_cost, vector con los costos de las tareas
  * @param available, vector para controlar si las tareas se encuentra o no disponibles
21 int find_best_task(vector<double>tasks_cost, vector<bool> available);
23 // Funcion principal
25 int main(){
    // Parametro para hacer pruebas con las entradas
     int size = 4000;
27
     // Inicio la generacion de numeros aleatorios
     common::startRandom();
30
     // Tomo una matriz con los datos del problema
32
     vector<vector<double> > worker_matrix = common::generate_matrix(size);
33
     // Calculo la solucion al problema
35
36
     vector<int> asignation = get_best_solution(worker_matrix);
     // Muestro el coste de la solucion optima
38
      cout << "El coste optimo es: " << common::get_cost(worker_matrix, asignation) << endl;</pre>
// Muestro las asignaciones hechas
```

```
for(int i = 0; i < size; i++) {</pre>
          cout << "Trabajador " << i << " asignado al trabajo " << asignation[i] << endl;
44
     // Todo ha salido OK
     return 0;
48 }
50 // Implementacion de funciones auxiliares
51 //===
52 vector<vector<int> > generate_permutations(int n) {
      vector<vector<int> > permutations;
54
     // We get the base permutation to work with
     vector<int> base_perm;
     for(int i = 0; i < n; i++){</pre>
          base_perm.push_back(i);
     }
59
60
      do{
61
          permutations.push_back(base_perm);
62
      }while(next_permutation(base_perm.begin(), base_perm.end()));
64
65
     return permutations;
67 }
69 vector<int> get_best_solution(vector<vector<double> > matrix){
     // Vector que almacena las tareas que todavia no han sido asignadas
71
      vector<bool> available_tasks(matrix.size(), true);
     // Vector con la solucion parcial
      vector<int> asignation;
75
      // Asigno a cada trabajador la tarea con menor coste que quede disponible
      for(int i = 0; i < matrix.size(); i++){</pre>
          // Busco la mejor tarea que quede disponible
          int current_task = find_best_task(matrix[i], available_tasks);
80
          // Insertamos la tarea a la asignacion
          asignation.push_back(current_task);
82
          // Esa tarea ya no esta disponible
          available_tasks[current_task] = false;
85
      }
     return asignation;
88
91 int find_best_task(vector<double>tasks_cost, vector<bool> available){
     // Encuentro la primera tarea disponible para comenzar las comparaciones
      int best_task = 0;
93
      while(available[best_task] == false){
          best_task++;
95
```

```
double best_cost = tasks_cost[best_task];

// Comparo todos los costes que quedan disponibles

for(int i = best_task; i < tasks_cost.size(); i++) {
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
        if(tasks_cost[i] < best_cost) {
        best_cost = tasks_cost[i];
        best_task = i;
    }

// Comparo todos los costes que quedan disponibles

for(int i = best_task; i < tasks_cost.size(); i++) {
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
        if(tasks_cost[i] < best_cost) {
        best_cost = tasks_cost[i];
        best_task = i;
    }

// Comparo todos los costes que quedan disponibles

for(int i = best_task; i < tasks_cost.size(); i++) {
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(tasks_cost[i] < best_cost) {
        best_cost = tasks_cost[i];
    }

// Comparo todos los costes que quedan disponibles

for(int i = best_task; i < tasks_cost.size(); i++) {
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(tasks_cost[i] < best_cost) {
        best_task = i;
    }

// Comparo todos los costes que quedan disponibles

if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(tasks_cost[i] < best_cost) {
        best_task = i;
    }

// Comparo todos los costes que quedan disponibles

if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea sigue disponible
    if(available[i] == true) { // La tarea
```

worker_perturbation.cpp

Resolución usando perturbaciones, para ser usado partiendo de una estimación inicial.

```
#include <iostream>
#include <vector>
3 #include <algorithm>
4 #include "worker_common.hpp"
5 using namespace std;
7 // Declaracion de funciones auxiliares
10 /**
11 * @brief Calcula la asignacion parcialmente optima dada una matriz de costes,
12 * usando un algoritmo greedy a partir de una solucion parcial por insercion
   * @param matrix, la matriz que almacena los costes
  * @param num_permutations, el numero de perturbaciones que se van a realizar para mejorar la
     matriz
* @return la asignacion parcialmente optima
17 vector<int> get_best_solution(vector<vector<double> > matrix, int num_permutations);
19 / * *
20 * @brief Encuentra el trabajador con peor coste
* @param matrix, la matriz con los costes
   \star @param asignation, la asignacion de la que se tiene que encontrar el peor trabajador
24 int find_worst_worker(vector<vector<double> > matrix, vector<int> asignation);
25
26 / * *
^{27} * @brief Encuentra cual es la mejor permutacion para mejorar el coste de una asignacion
   * @param matrix, la matriz con los costes asociados
29 * @param base_asignation, asignacion base que tenemos que mejorar
30 * @param worst_worker, trabajador con pero coste, el cual se tiene que intercambiar con otro
31 * @return el indice del trabajador con el que se tiene que intercambiar el peor trabajador
33 int find_best_permutation(vector<vector<double> > matrix, vector<int> base_asignation, int
      worst worker);
```

```
35 /**
  * @brief Realiza un intercambio entre trabajadores
37 * @param base_asignation, asignacion sobre la que realizamos el intercambio, SE MODIFICA
38 * @param first_worker, indice del trabajador que se intercambia
39 * @param second_worker, indice del otro trabajador que se intercambia
41 void perturbate (vector<int> & base_asignation, int first_worker, int second_worker);
43 / * *
44 * @brief Calcula la asignacion parcialmente optima dada una matriz de costes,
           usando un algoritmo greedy
   * @param matrix, la matriz que almacena los costes
* @return la asignacion parcialmente optima
48 * */
49 vector<int> get_insertion_solution(vector<vector<double> > matrix);
_{52} * @brief Halla dado un vector de costo de tareas, la mejor tarea que se encuentra disponible
* @param tasks_cost, vector con los costos de las tareas
54 * @param available, vector para controlar si las tareas se encuentra o no disponibles
55 * */
56 int find_best_task(vector<double>tasks_cost, vector<bool> available);
58 // Funcion principal
59 //----
60 int main(){
      // Parametros para hacer pruebas con las entradas
     int size = 400;
62
     int num_permutations = 20;
63
     // Inicio la generacion de numeros aleatorios
65
      common::startRandom();
     // Tomo una matriz con los datos del problema
68
     vector<vector<double> > worker_matrix = common::generate_matrix(size);
70
      // Calculo la solucion al problema
72
      vector<int> asignation = get_best_solution(worker_matrix, num_permutations);
     // Muestro las asignaciones hechas
74
     for(int i = 0; i < size; i++){</pre>
75
         cout << "Trabajador " << i << " asignado al trabajo " << asignation[i] << endl;</pre>
78
     // Muestro el coste de la solucion optima
     cout << "El coste optimo es: " << common::get_cost(worker_matrix, asignation) << endl;</pre>
     // Todo ha salido OK
83
     return 0;
84 }
_{86} // Implementacion de funciones auxiliares
88 vector<int> get_best_solution(vector<vector<double> > matrix, int num_permutations) {
89 // Parto de la solucion parcial del greedy por insercion
```

```
vector<int> base_asignation = get_insertion_solution(matrix.size());
       // Hacemos el numero de perturbaciones dado
92
       for(int i = 0; i < num_permutations; i++){</pre>
           // Busco cual es el trabajador con mayor coste
94
           int worst_worker = find_worst_worker(matrix, base_asignation);
           // Busco cual es la mejor permutacion
          int best_permutation = find_best_permutation(matrix, base_asignation, worst_worker);
           // Hago el cambio si hay un cambio a mejor
           perturbate(base_asignation, worst_worker, best_permutation);
101
102
103
       return base_asignation;
104
105 }
int find_worst_worker(vector<vector<double> > matrix, vector<int> asignation) {
       double worst_cost = matrix[0][asignation[0]];
108
       int worst_worker = 0;
109
       for(int i = 0; i < asignation.size(); i++){</pre>
           if(matrix[i][asignation[i]] > worst_cost){
               worst_cost = matrix[i][asignation[i]];
               worst_worker = i;
114
       }
118
      return worst_worker;
119 }
120
int find_best_permutation(vector<vector<double> > matrix, vector<int> base_asignation, int
       worst_worker) {
       // Coste base y coste de cada iteracion
      double base_cost = common::get_cost(matrix, base_asignation);
124
       // Genero una perturbacion aleatoria
       int best_permutation = common::random_int(0, base_asignation.size() -1);
      vector<int> current_perturbation = base_asignation;
       perturbate(current_perturbation, worst_worker, best_permutation);
128
129
130
       // Calculo la ganancia de la perturbacion aleatoria
       double current_cost = common::get_cost(matrix, current_perturbation);
       double best_gain = base_cost - current_cost;
       // Busco la mejor perturbacion
134
       for(int i = 0; i < base_asignation.size(); i++){</pre>
135
           // Tomo la perturbacion actual
           current_perturbation = base_asignation;
138
           perturbate(current_perturbation, worst_worker, i);
139
           // Calculo el nuevo coste de la perturbacion y la ganancia
140
           current_cost = common::get_cost(matrix, current_perturbation);
142
           double current_gain = base_cost - current_cost;
```

```
// Hago la comparativa
           if(current_gain < best_gain) {</pre>
145
               best_gain = current_gain;
146
               best_permutation = i;
148
151
       return best_permutation;
152 }
154 void perturbate(vector<int> & base_asignation, int first_worker, int second_worker){
       int tmp = base_asignation[first_worker];
       base_asignation[first_worker] = base_asignation[second_worker];
156
157
       base_asignation[second_worker] = tmp;
158 }
159
  vector<int> get_insertion_solution(vector<vector<double> > matrix) {
       // Vector que almacena las tareas que todavia no han sido asignadas
161
       vector<bool> available_tasks(matrix.size(), true);
162
163
       // Vector con la solucion parcial
164
       vector<int> asignation;
166
167
       // Asigno a cada trabajador la tarea con menor coste que quede disponible
       for(int i = 0; i < matrix.size(); i++) {</pre>
168
           // Busco la mejor tarea que quede disponible
169
           int current_task = find_best_task(matrix[i], available_tasks);
           // Insertamos la tarea a la asignacion
           asignation.push_back(current_task);
174
           // Esa tarea ya no esta disponible
           available_tasks[current_task] = false;
176
       return asignation;
179
180 }
  int find_best_task(vector<double>tasks_cost, vector<bool> available){
182
       // Encuentro la primera tarea disponible para comenzar las comparaciones
       int best_task = 0;
184
       while(available[best_task] == false){
185
           best_task++;
187
       double best_cost = tasks_cost[best_task];
188
189
       // Comparo todos los costes que quedan disponibles
190
       for(int i = best_task; i < tasks_cost.size(); i++){</pre>
           if(available[i] == true){ // La tarea sigue disponible
192
               if(tasks_cost[i] < best_cost){</pre>
193
                   best_cost = tasks_cost[i];
194
                   best_task = i;
195
197
```

```
199
200 return best_task;
201 }
```

Anexo II. Tiempos

Datos 1. TSP

Cercanía			
n	Dist.	t (ms)	
100	1278.99	935	
115	1462.46	300	
130	1781.19	410	
145	1907.6	479	
160	2474.64	586	
175	2787.39	643	
190	3249.56	766	
205	3507.7	876	
220	3973.02	1265	
235	3983.08	1178	
250	4596.83	1183	
265	5095.48	1288	
280	5373.6	1388	
295	6362.87	1541	

	Inserción		
n	Dist.	t (ms)	
100	1138	577206	
115	1364.62	1014658	
130	1618.9	1523364	
145	1893.79	2311261	
160	2184.95	3325929	
175	2555.25	4614364	
190	2924.26	6693015	
205	3183.27	8416194	
220	3559.8	10847461	
235	4108.07	14116260	
250	4459.9	17317916	
265	4645.52	22675340	
280	5025.57	27542775	
295	5353.33	33257464	

Perturbaciones			
n	Dist.	t (ms)	
10	35	9	
30	223	40	
50	409	91	
70	706	140	
90	907	156	
110	1355	220	
130	1691	300	
150	2234	377	
170	2690	477	
190	2991	590	
		0,0	

Datos 2. Worker

Inserción		
n	Coste	t (ms)
100	450	597
300	1646	3346
500	3233	8672
700	4627	16544
900	5786	25110
1100	8576	40257
1300	9889	54961
1500	11342	74864
1700	15010	98253
1900	13022	116179
2100	13659	144524
2300	18817	167708
2500	17637	190472
2700	20622	231699
2900	20158	260600
3100	25547	304797
3300	23987	347594
3500	27613	389803
3700	27777	432598
3900	29223	491516

Perturbaciones		
n	Coste	t (ms)
1	0	669
11	74	7924
21	353	24913
31	659	51275
41	1255	85161
51	2059	131537
61	2604	183380
71	3925	248788
81	5359	319110
91	6575	405153