

# Egalisation vectorielle pour signaux OFDM

RIGAUD MICHAËL et COULMY THOMAS

## Table des matières

Introduction				
2	<b>Rôl</b> 2.1 2.2	e du préfixe cyclique dans le signal OFDM  Principe du préfixe cyclique	<b>9</b> 9 10	
3	Just 3.1 3.2	Équation (6) et (8)	12 12 13	
4	Test 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	Création du signal	14 14 16 17 18 18	
5		mation de la réponse fréquentielle du canal de propagation s les structures d'égalisation DFVE  Création du signal et modélisation du canal de propagation .  Egalisation avec estimation de la réponse du canal	20 20 22	
C	nclu	sion	25	

Table des figures	26
Bibliographie	27

#### Introduction

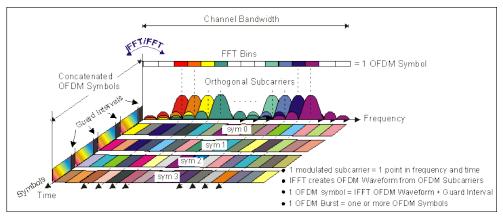
Avant de répondre précisément aux questions du projet donné par M ROSTAING, nous souhaitons tout d'abord expliquer quelques problématiques des communications sans-fils et ce qu'est le principe de l'OFDM () dans cette introduction. Ensuite, dans les deux premières questions, nous nous intéresserons au protocole OFDM avec intervalle de garde entre symboles. Puis, pour aller plus loin, nous étudierons l'article[1] avec des simulations MATLAB afin de mieux comprendre. Ce dernier consiste à mettre en place un système permettant de se passer de l'intervalle de garde, et ainsi, de ne pas perdre de débit à cause des temps d'attentes entre symboles.

# Problèmes généraux des transmissions de données sans-fils

Nous allons présenter ici les deux principaux problèmes rencontrés lors du passage du signal transmis dans le canal de propagation. Ceux-ci sont liés à la réponse fréquentielle du canal de propagation, mais ont des phénomènes physiques différents.

Le premier problème est l'interférence entre symbole. Cela est dû à la dispersion des symboles dans le temps lorsque nous en envoyons plusieurs à la suite.

L'autre problème est l'affaiblissement par multi-trajets, aussi appelé Fading. Cela arrive lorsque le même signal à l'émissions parcours des trajets différents avec réflexions et diffractions, puis arrive sur le récepteur avec un décalage dans le temps et des variations de phases par rapport au signal reçu en trajet direct.



Frequency-Time Representative of an OFDM signal

FIGURE 0.1 – Temps-Frequence: representation d un signal OFDM

#### Les signaux OFDM

Comme nous pouvons le voir, les signaux OFDM résultent d'une modulation multi-porteuses. C'est-à-dire que nous répartissons l'information sur une bande de fréquence, autour de plusieurs porteuses de fréquences centrales également réparties. Puis, à chaque sous-fréquences porteuses, on envoie des symboles répartis dans le temps espacé par des intervalles de garde.

CHAPITRE

### **Egalisation OFDM**

L'égalisation sert à réduire fortement, voir annuler, les interférences dues aux multi-trajets dans le canal de propagation. Dans le domaine temporel, elle se fait en cherchant les coefficients d'atténuation modélisant l'effet du canal. Mais, dans le cas de transmission à haut débit, nous avons trop de recouvrement entre symbole à cause des retards lors de la réception des différents multi-trajets, ainsi le système devient complexe et donc le coût des terminaux devient élevé.

L'idée de l'égalisation OFDM est de transformer l'égalisation faite dans le domaine temporel pour un signal mono-porteuse dans le domaine fréquentiel avec un signal multi-porteuse. Dans ce chapitre, nous décrierons tout d'abord l'égalisation d'un point de vue très théorique, pour ensuite analyser plus précisément comment elle se fait d'un point de vue pratique.

#### 1.1 Principe théorique de l'égalisation OFDM

Nous avons un signal multi-porteuses et notre problème est que la fonction de transfert du canal de propagation n'est pas plat dans la bande passante totale du signal.

Premièrement, plaçons nous au niveau d'une sous-porteuse. A la fréquence de la sous-porteuse, grâce à un protocole dont nous parlerons par la suite, nous sommes capable de déterminer quel est la réponse du canal sur le signal à cette fréquence précise, c'est à dire, le coefficient d'atténuation du signal à cette fréquence. Si, d'une sous-porteuse à la suivante, nous estimons être assez proche fréquentiellement pour estimer le canal comme plat dans la bande associée à une sous-porteuse, alors nous pouvons dire que le coefficient d'atténuation trouvé à la fréquence de la sous-porteuse est la même dans sa bande. C'est ce que l'on appelle être dans une zone de cohérence du canal.

Maintenant, plaçons nous à l'échelle global du signal. Nous avons plusieurs sous-porteuses à des fréquences assez proches pour dire que la bande associée à une porteuse est dans une zone à peu près cohérente du canal, c'est à dire que par exemple, nous n'avons pas d'évanouhissement soudaint dans cette bande. De par le paragraphe précédent, nous sommes donc capable d'évaluer le coefficient d'atténuation pour chaque bande dédiée à une sous-porteuse. Nous pouvons donc estimer, par morceaux, la réponse fréquentielle du canal de propagation sur la bande passante totale du signal

Sur la Figure 1.1, on peut comprendre comment est découpée l'estimation de la réponse fréquentielle du canal autour de chaque sous-porteuses.

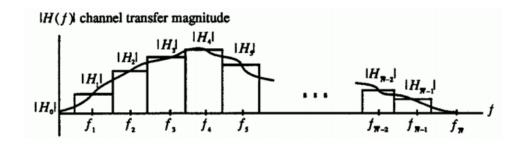


FIGURE 1.1 – Estimation du canal autour des sous-porteuses

Connaissant la réponse fréquentielle du canal, nous sommes capable d'inverser l'effet du canal après réception du signal OFDM. Le partie suivante s'interessera à savoir comment on éstime en pratique les coefficients d'atténuations du canal de propagation, pour ensuite décrire comment on les utilise pour inverser l'effet du canal sur le signal.

## 1.2 Estimation pratique des coefficients d'atténuations du canal

Le premier but de l'égalisation est d'estimer les coefficients complexes du canal de propagation autour des fréquences des sous-porteuses. Mais la réponse du canal de propagation varie au court du temps, par exemple, dans un milieu urbain, nous pouvons avoir des voitures qui avancent, et donc réfléchissent et diffractent le signal différement au cours du temps. Nous allons donc décrire le protocole d'éstimation de la réponse fréquentielle du canal de propagation au cours du temps.

Ensuite, il faut compenser l'effet du canal par calcul pour réaliser l'égalisation. Cela est fait en prenant en compte les coefficients complexes de la réponse fréquentielle du canal de propagation.

#### Estimation des coefficients complexes

A l'émission, nous allons insérer des valeurs constantes dédiées à l'estimation de la réponse fréquentielle du canal. Celles-ci sont insérer avant l'IFFT, et seront codées par une constellation connues, comme le chiffre 4 réprésenté par l'état 1+j par exemple. Ces valeurs, donc états, doivent être présente sur toutes les porteuses afin d'évaluer la réponse sur tout les canaux, même si ce n'est pas au même moment, et on doit répéter plusieurs fois le pilote sur chaque canal afin d'éstimer aussi la variation dans le temps de la réponse fréquentiel du canal de propagation.

A la réception, on connait l'état (la constellation) du pilote. On va recevoir, avec le pilote envoyé sur la sous-porteuse  $n:y_{rn}=\alpha_n.x_n+B$ , avec  $y_{rn}$  le signal reçu,  $\alpha_n$  le coefficient complexe la fonction de transfert du canal à la fréquence de la sous-porteuse n, et donc, par zone de cohérence, le coefficient pour la bande servant à envoyer l'état de la donnée associée à la fréquence.  $x_n$  l'état connu du pilote à l'émission. B représente le bruit dans le canal de propagation. Si  $\alpha_n.x_n$  est assez grand pour que le produit  $\alpha_n.x_n$  domine le bruit, on peut estimer le coefficient complexe  $\alpha_n$  par le simple calcul :  $\alpha_n = y_n/x_n$ . Mais comment utiliser ce coefficient pour égaliser le signal?

#### **Utilisation des coefficients complexes**

Une fois les coefficients  $\alpha_n$ , nous sommes capables de compenser l'effet du canal sur le signal pour au final, avoir l'impression que la réponse fréquentielle du canal était plate sur la bande de fréquence totale du signal OFDM. Mais cela se fait au détriement d'une amplification du bruit.

Pour faire simple, à la réception, après démultiplexage, et calcul de la FFT sur chaque fréquence de sous-porteuses (canaux), on divise le résulat par le coefficient complexe avant de décoder nos états de constellation. Ce procédé est illustré par la Figure 1.2.

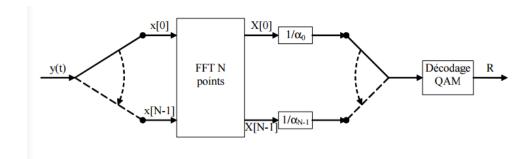


FIGURE 1.2 – Utilisation du coefficient complexe  $\alpha_n$  pour l'égalisation dans la chaine de réception

Pour conclure cette partie, résumons les étapes à suivre. Afin d'estimer la réponse fréquentielle du canal de propagation au cours du temps, nous envoyons sur toutes les sous-porteuses, des signaux pilotes dont le codage sur un état de constellation est connu. Nous répétons ce protocole plusieurs fois au cours du temps afin de prendre en compte que la réponse du canal change au cours du temps. Une fois l'éstimation des coefficients effectuée à la réception, nous inversons l'effet du canal de propagation sur le signal afin d'avoir le signal comme si la réponse fréquentielle du canal était plate sur toute la bande de fréquence du signal OFDM. Cela est le principe de l'égalisation.

# Rôle du préfixe cyclique dans le signal OFDM

#### 2.1 Principe du préfixe cyclique

Avant de répondre à cette question, nous détaillerons ici le principe d'un préfixe cyclique et nous expliciterons sa construction. Il est à noter dans un premier temps qu'un préfixe cyclique est un intervalle de garde particulier.

#### **Définition 2.1**: Intervalle de garde

Un intervalle de garde est un signal de durée  $\Delta$  que l'on place avant chaque symboles que nous souhaitons transmettre. Deux types d'intervalles de garde sont couramment utilisés : le préfixe cyclique et le bourrage de zéros.

Le préfixe cyclique (souvent appelé CP) se place donc avant le symbole que l'on souhaite transmettre. De plus le préfixe cyclique se construit comme la répétition des derniers échantillons du bloc qu'il précède. C'est-à-dire que si nous souhaitons transmettre N état alors nous copierons  $N_g$  état finaux du symbole au début. La figure 2.1 illustre cette copie.

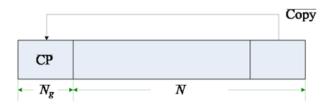


FIGURE 2.1 – Préfixe cyclique

Pour un signal OFDM, cette copie est réalisée au niveau temporelle sous

chaque sous-porteuses.

#### 2.2 Rôle du préfixe cyclique

#### Interférence inter-symboles (ISI)

**Définition 2.2:** *Interférence inter-symboles* 

« En télécommunications, une interférence inter-symbole est une forme de distorsion d'un signal qui a pour effet que le symbole transmis auparavant affecte le symbole actuellement reçu »[4]

Les symboles que nous envoyons subissent des échos. Les échos correspondent aux signal initialement envoyé mais atténué et retardé. Ils se superposent au signal reçut de tel façon qu'a un instant t il est possible de recevoir à la foi par le signal principal le symbole Si et par l'écho le symbole Si-1: c'est l'ISI.

Si on suppose connu le temps  $T_{max}$  du retard maximal d'un écho (en pratique il est possible de déterminer les propriétés du canal), et qu'on émet un intervalle de garde pendant un temps  $\Delta > T_{max}$  alors on recevra entre  $\Delta$  et  $T_s + \Delta$  uniquement le symbole  $S_i$  et l'intervalle de garde qui est connue. Une illustration est présenté à la figure 2.2.

Le préfixe cyclique étant un intervalle de garde permet de se prémunir des interférences entre symboles (ISI).

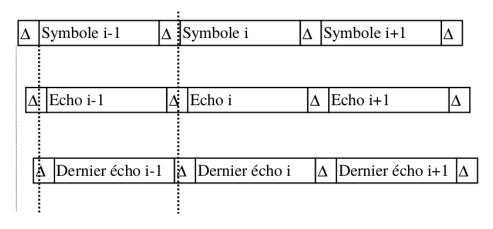


FIGURE 2.2 – Intervalle de Garde

#### Interférence entre porteuses (ICI)

**Définition 2.3 :** *Interférence entre porteuses*Interférence dut au recouvrement des sous-porteuse en OFDM

En OFDM, le canal est subdivisé en N sous-porteuses dont les fréquences centrales sont espacés d'un multiple de l'inverse de la période symbole  $\frac{1}{T}$ . De cette manière les sous-porteuses sont orthogonales en fréquence comme on peut le voir sur la figure 2.3.

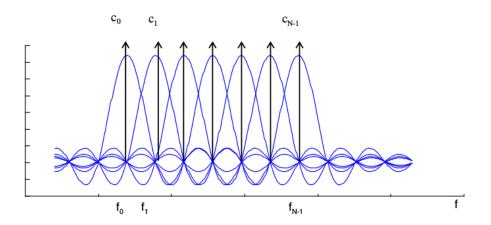


FIGURE 2.3 – Spectre du signal OFDM [2]

Cette propriété est essentielle pour démoduler notre signal en réception. Néanmoins, une légère distorsion, par exemple par effet Doppler, peut être suffisante pour détruire cette orthogonalité et induire des recouvrements entre les sous-porteuses. C'est ce que l'on appelle l'ICI.

Pour réduire cette interférence il faut mettre en place des techniques de pré-égalisation et post-égalisation qui sont très coûteux à mettre en oeuvre.

Il est néanmoins possible de simplifié l'égalisation grâce au préfixe cyclique. En effet, en introduisant de la redondance et en structurant celle-ci il est possible de transformer le produit de convolution classique en produit de convolution cyclique. Puis grâce à la transformée de Fourier de transformer l'opération de convolution cyclique en produit fréquentiel scalaire. Ce calcul est très simple à égaliser.

Dans ce cas ci c'est bien le caractère cyclique du préfixe qui permet d'éliminer l'interférence entre porteuses (ICI).

# Justification des relations d'égalisation DFVE

Dans le document [1], plusieurs équations méritent d'être discutées.

#### 3.1 Équation (2) et (4)

**Énonce:** Soit  $x_i$  et  $y_i$  les vecteurs formés des N échantillons des  $j^{\grave{e}me}$  symbole émis et reçus,  $b_j$  le vecteur de bruit et  $H_0$  et  $H_1$  les matrices triangulaires définies par :

$$H_{0} = \begin{bmatrix} h_{0} & 0 & \cdots & \cdots & 0 \\ h_{1} & h_{0} & 0 & \cdots & \cdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \vdots \\ h_{N-1} & h_{N-2} & \cdots & \cdots & h_{1} & h_{0} \end{bmatrix} H_{1} = \begin{bmatrix} 0 & h_{N-1} & h_{N-2} & \cdots & \cdots & h_{1} \\ 0 & 0 & h_{N-1} & h_{N-2} & & h_{2} \\ \vdots & 0 & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & h_{N-1} \\ 0 & \cdots & \cdots & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Ou les coefficients  $h_0, h_1, \dots, h_{N-1}$  représentent les échantillons de la réponse du canal.

Alors,

$$y_j = H_0 * x_j + H_1 * x_{j-1} + b_j$$

Et en FFT, on peut écrire :

$$Y_j = C_{DFT}(H_0 * C_{DFT}^{-1} * X_j + H_1 * C_{DFT}^{-1} * X_{j-1}) + B_j$$

**Démonstration :** Considérons une séquence de N données  $c_{j,0}, c_{j,1}, \cdots, c_{j,N-1}$  pour le symbole OFDM j. Chaque donnée  $c_{j,k}$  module un signal à la fréquence  $f_k$ . Donc le signal sur cette fréquence s'écrit sous forme complexe :  $c_{j,k} * e^{2j\pi f_k t}$ 

Le signal  $x_j(t)$  total transmis sur le symbole OFDM j est donc :  $x_j(t)=\sum_{k=0}^{N-1}c_{j,k}e^{2j\pi f_kt}$ 

Or le multiplexage est orthogonal donc  $f_k = f_0 + \frac{1}{T}$ 

Ainsi, en posant  $\Delta f = \frac{1}{T}$ , on obtient :

$$x_j(t) = e^{2j\pi f_0 t} \sum_{k=0}^{N-1} c_{j,k} e^{2j\pi k\Delta f t}$$

En ramenant le signal en bande de base on a :

$$x_j(t) = \sum_{k=0}^{N-1} c_{j,k} e^{2j\pi k\Delta ft}$$

De même, le signal parvenant au récepteur s'écrit :

 $y_j(t) = \sum_{k=0}^{N-1} c_{j,k} H_k(t) e^{2j\pi(f_0 + \frac{k}{T})t}$ , avec  $H_k(t)$  la fonction de transfert du canal autour de la fréquence  $f_k$  et au temps t.

Si on discrétise le symbole on pourra écrire que :

 $\forall n \in [0, N-1], y_i(n) = h_0 * x_i(n)$ , avec  $h_0$  la fonction de transfert du canal direct.

Seulement, le canal subit des multi-trajets et du bruit. Donc il va falloir ajouter les états précédents avec une fonction de transfert différente qui correspondra à la fonction de transfert du canal pour un certain echo.

Ainsi,

$$\forall n \in [0, N-1], y_j(n) = h_0 * x_j(n) + h_1 * x_j(n-1) + \dots + h_n * x_j(0) + h_{n+1} * x_{j-1}(N-1) + \dots + h_{N-1} * x_{j-1}(n+1) + b_j$$

En écriture matricielle, on obtient donc :

 $y_j = H_0 * x_j + H_1 * x_{j-1} + b_j$ , avec les matrices triangulaires définies précédemment.

#### 3.2 **Équation (6) et (8)**

**Énonce:** L'égalisation doit fournir une estimation de  $\widehat{X}_i$ . Dans le domaine fréquentiel l'équation est :

$$\widehat{X}_j = P_0 * Y_j + P_1 * \widetilde{X}_j$$

Les matrices 
$$P_0$$
 et  $P_1$  suivant le critère de ZF (Zero forcing) sont : 
$$P_0^{ZF} = C_{DFT} * H_0^{-1} * C_{DFT}^{-1} \\ P_1^{ZF} = -C_{DFT} * H_0^{-1} * H_1 * C_{DFT}^{-1}$$

**Démonstration** Partons de la formule suivante :

$$Y_j = C_{DFT}(H_0 * C_{DFT}^{-1} * X_j + H_1 * C_{DFT}^{-1} * X_{j-1}) + B_j$$

On peut réécrire l'équation de la façon suivante :

$$Y_j - C_{DFT} * H_1 * C_{DFT}^{-1} * X_{j-1} = C_{DFT} * H_0 * C_{DFT}^{-1} * X_j + B_j$$

On a alors a gauche quelque chose de connue puisqu'il est possible de connaître  $X_{i-1}$  en conservant en mémoire le symbole précédent et la matrice  $H_1$  est connue car défini le canal.

Puisque les composantes du vecteur  $B_j$  sont des composantes de bruit gaussiennes indépendantes, il est possible d'appliquer le théorème des moindres

On a alors:

$$\widehat{X_j} = [((C_{DFT}*H_0*C_{DFT}^{-1})^t*C_{DFT}*H_0*C_{DFT}^{-1})^{-1}*(C_{DFT}*H_0*C_{DFT}^{-1})^t]*(Y_j - C_{DFT}*H_1*C_{DFT}^{-1}*X_{j-1})$$

Or, on peut remarquer que  $H_0$  est inversible car c'est une matrice triangulaire supérieur avec des valeurs non nulles sur la diagonales. De plus,  $H_0^t$  est également inversible comme matrice triangulaire supérieur avec des valeurs non nulles sur la diagonales. Ainsi,

non nulles sur la diagonales. Ainsi, 
$$((C_{DFT}*H_0*C_{DFT}^{-1})^t*C_{DFT}*H_0*C_{DFT}^{-1})^{-1}*(C_{DFT}*H_0*C_{DFT}^{-1})^t = ((C_{DFT}^{-1})^t*H_0^t*C_{DFT}^t*C_{DFT}*H_0*C_{DFT}^{-1})^{-1}*(C_{DFT}^{-1})^t*H_0^t*C_{DFT}^t = (C_{DFT}*H_0^{-1}*C_{DFT}^{-1}*(C_{DFT}^t)^{-1}*(H_0^t)^{-1}*((C_{DFT}^{-1})^t)^{-1}*(C_{DFT}^{-1})^t*H_0^t*C_{DFT}^t = C_{DFT}*H_0^{-1}*C_{DFT}^{-1}$$

Donc

$$\widehat{X}_{j} = [C_{DFT} * H_{0}^{-1} * C_{DFT}^{-1}] * (Y_{j} - C_{DFT} * H_{1} * C_{DFT}^{-1} * X_{j-1})$$

Et ainsi,

$$\widehat{X}_{j} = C_{DFT} * H_{0}^{-1} * C_{DFT}^{-1} * Y_{j} - C_{DFT} * H_{0}^{-1} * H_{1} * C_{DFT}^{-1} * X_{j-1}$$

Si on pose:

$$P_0^{ZF} = C_{DFT} * H_0^{-1} * C_{DFT}^{-1}$$

$$P_1^{ZF} = -C_{DFT} * H_0^{-1} * H_1 * C_{DFT}^{-1}$$

$$\tilde{X}_i = X_{i-1}$$

On obtient bien le résultat demandé:

$$\widehat{X}_j = P_0 * Y_j + P_1 * \widetilde{X}_j$$

# Tests des structures d'égalisation DFVE

Nous devions vérifier expérimentalement deux structures d'égalisation DFVE (temporelle et fréquentielle). Dans ce chapitre, nous aurons connaissance du canal de propagation à la réception, sans l'utilisation des pilotes. Nous avons donc crée un signal OFDM, modélisé l'effet du canal de propagation, et ensuite nous avons testé les deux structures d'égalisation DFVE en connaissant la réponse du canal, et donc sans algorithme d'éstimation des coefficients complexes (Chapitre suivant). Les codes MATLAB commentés sont disponible avec ce rapport.

#### 4.1 Création du signal

Nous avons choisi de prendre 4 sous-porteuses avec la première à 2.412 GHz, et les suivantes espacée de 0.3125MHz afin du simulé 4 sous-porteuses du canal 1 du WIFI en France. Nous avons choisi comme modulation, une  $\pi/4$ -DPSK dont un état représente le chiffre 1, un autre le 2, puis le 3 et le 4. Ensuite nous créeons aléatoirement un vecteur de ces 4 chiffres, et le modulons. Nous pouvons voir le diagramme de constellation sur la Figure 4.1.

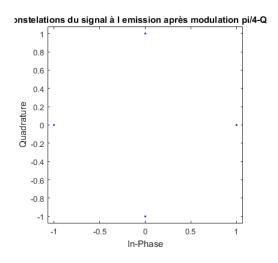


FIGURE 4.1 – Diagramme de constellation avant l'IFFT

Ensuite, nous créeons notre signal après en avoir effectué l'IFFT. Nous obtenons le signal visible sur la Figure 4.2.

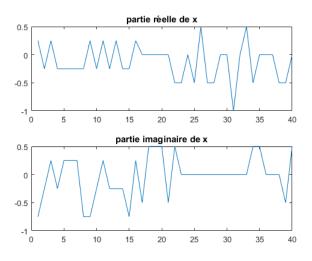


FIGURE 4.2 – Signal à la sortie du récepteur

#### 4.2 Canal de propagation

Nous avons modélisé la réponse fréquentielle du canal par le filtre d'un canal écho de fonction de transfert  $H(f)=1+(0.4+j*0.2)*f^{-1}$ . Sur la Figure 4.3, nous pouvons voir la réponse en gain et en phase du canal.

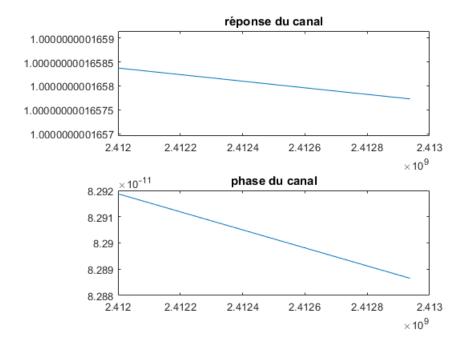


FIGURE 4.3 – Réponse fréquentielle du canal sur la bande du signal OFDM

Ensuite nous convoluons notre signal temporelle par la réponse fréquentielle du canal, puis nous ajoutons un bruit Gaussien complexe de variance 0.01. Notre signal est ainsi transformé comme nous pouvons le voir sur la Figure 4.4

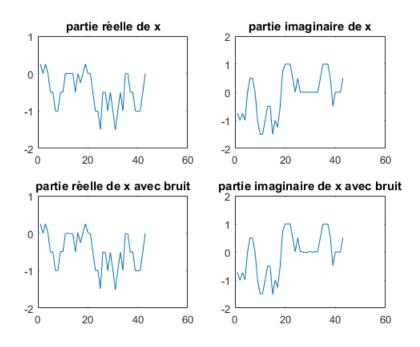


FIGURE 4.4 – Signal à l'entrée du récepteur sans bruit et avec bruit

#### 4.3 Structure fréquentielle DFVE

Pour l'égalisation, nous avons un traitement Post-réception afin de compenser les effets du canal de propagation. Ici, nous avons connaissance de nos coefficients des matrices H0 et H1 [1], nous n'appliquons donc pas l'algorithme LMS. Grâce aux deux matrices précédentes, nous avons calculé les matrices P0 et P1 de la Figure 4.5.

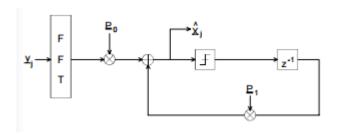


FIGURE 4.5 – Chaîne de réception de la structure fréquentielle DFVE

#### 4.4 Structure temporelle DFVE

Après notre traitement, on peut voir sur la Figure 4.6, que les états du signal à la réception après égalisation correspondent bien aux constellations du signal de départ. De plus, après démodulation de ces états, nous avons comparé nos résultats au signal de départ. Pour un faible bruit blanc Gaussien complexe (variance de 0.01) dans le canal de propagation, nous avons une erreur de 0%. Pour un bruit de variance 0.05, nous avons 5% d'erreurs.

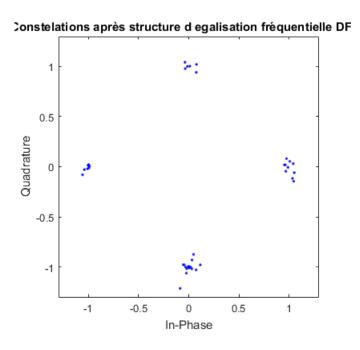


FIGURE 4.6 – Diagramme de constellation après égalisation à la réception

#### 4.5 Structure temporelle DFVE

Avec la structure d'égalisation temporelle DFVE 4.7, nous avons exactement les mêmes résultats. Ce qui montre qu'en connaissant exactement la réponse fréquentielle du canal, les deux structures sont équivalentes. Dans cette situation, l'avantage de la structure temporelle DFVE est que les matrices Q0 et Q1 sont triangulaires, ce qui réduit la complexité calculatoire de deux.

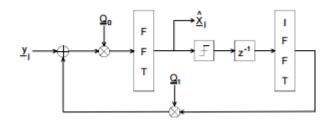


FIGURE 4.7 – Chaîne de réception de la structure temporelle DFVE

Rappelons, avant de passé à la partie suivante, que nos deux structures sont équivalentes en résultats car nous avons supposé connaître la réponse fréquentielle du canal. Mais cela n'est pas vraie en pratique. Le but de la partie suivante sera de tester une méthode d'éstimation des coefficients complexes des matrices intervenant dans l'égalisation DFVE.

# Estimation de la réponse fréquentielle du canal de propagation dans les structures d'égalisation DFVE

Dans ce chapitre, nous supposons ne plus connaître la réponse fréquentielle du canal, et donc nous ne connaissons plus les matrices qui interviennent dans les structures d'égalisation DFVE. Le but est de les approcher grâce au principe de l'algorithme LMS (Algorithme du gradient stochatisque).

# 5.1 Création du signal et modélisation du canal de propagation

Dans notre signal, nous avons ajouté des pilotes. Les pilotes sont des états connus qui servent à estimer le canal à la réception. Dans notre cas, l'état des pilotes a été pris à 1+j, et ces pilotes ont été insérer tout les 3 symboles OFDM, sur nos 4 porteuses. Figure 5.1, nous pouvons voir le signal que nous voulons envoyer après modulation  $\pi/4$ -QPSK avec les pilotes.

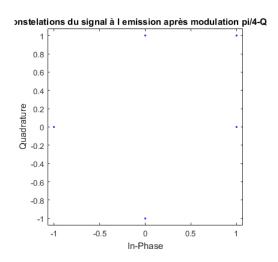


FIGURE 5.1 – Signal après modulation QPSK et avec ajout des pilotes

Le canal de propagation fût modélisé comme dans le chapitre précédent, et Figure 5.2, on peut voir le signal reçu à la réception avant les traîtements.

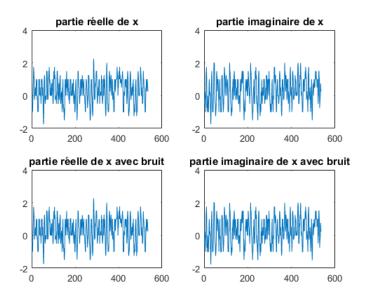


FIGURE 5.2 – Signal reçu par le récepteur

#### 5.2 Egalisation avec estimation de la réponse du canal

Dans les deux structures, il falait un point de départ pour les matrices. Pour simuler la convergence vers nos bonnes matrices, nous avons fausser celle de départ en ajoutant des valeurs aux coefficients de H0 et de H1. De plus, nous avons un pas d'adaptation  $\mu$  de 0.01. De notre interpretation, le pas d'adaptation petit ralentit l'estimation de la réponse du canal, mais on sera plus précis. Si notre pas est grand, on sera rapide, mais moins précis.

#### Structure fréquentielle d'égalisation DFVE

Dans notre chaîne de réception, lors de la réception de nos pilotes, nous réestimons nos matrices P0 et P1 avec les formules 12a et 12b de [1]. Une fois les états du signal estimés, nous enlevons les pilotes, et nous obtenons le diagramme de constellation visible sur la Figure 5.3.

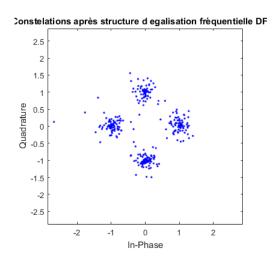


FIGURE 5.3 – Etats du signal estimés après extraction des pilotes dans la structure fréquentielle

Après comparaison avec le signal emis, nous obtenons 0% d'erreurs sur l'ensemble du signal.

#### Structure temporelle d'égalisation DFVE

Pour la structure temporelle, on estime Q0 et Q1 dans la boucle, mais on fait une estimation sous optimale sur Q1 afin de réduire la complexité. A cause de cette estimation, nous avons toujours plus d'erreurs que dans la structure fréquentielle, comme 1.12% où l'on trouvait 0% pour la structure fréquentielle.

Afin de mieux illustrer le signal après estimation, nous pouvons voir sur la Figure 5.4 l'estimation des états par la structure temporelle, avant extraction des pilotes.

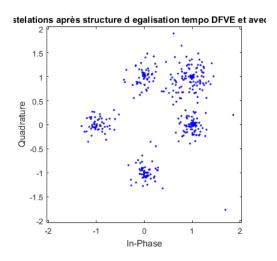


FIGURE 5.4 – Etats du signal estimés dans la structure temporelle avant extraction des pilotes

Afin de tester la convergence de notre méthode, nous avons tester un code où nous n'ajoutons pas de bruit complexe dans le canal. Nous mettons beaucoup d'erreurs dans les matrices H0 et H1 initiales, donc dans Q0, Q1, P0 et P1. Dans un premier test, nous gardons cette matrice, et ne la régulons pas. Nous obtenons 26% d'erreurs dans les deux structures. Ensuite nous relançons l'algorithme avec l'estimation continue des matrices. Nous avons 19% d'erreurs sur la structure fréquentielle, et 20% sur la structure temporelle. C'est normal d'avoir un fort taux d'erreurs ici, car il faut le temps que le

récepteur converge vers la bonne estimation. Ce qui est important est que nous voyons que nous sommes meilleurs avec la convergence vers la bonne solution grâce à l'algorithme LMS, car on fini par bien estimer notre canal. C'est ce que l'on peut voir sur la Figure 5.5. On commence par des estimations erronnées, et à la fin, on peut voir la convergence vers les bons états.

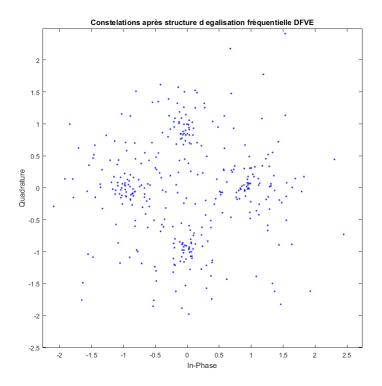


FIGURE 5.5 – Convergence vers les bons états grâce à l'algorithme LMS

Nous venons de tester les estimations de la réponse du canal de propagation à travers les estimations de matrices. Nous avons constater un compromis entre complexité de calcul et efficacité de l'éstimation. En effet, la structure temporelle diminue fortement la complexité calculatoire, mais il y a plus d'approximation dans l'éstimation du canal, ce qui nous fait perdre de l'éfficacité dans l'éstimation final du signal émis. Il faut donc trouver un juste milieu dans ce que l'on peut corriger grâce à un codage canal, et la puissance et le temps de calcul minimum.

# Conclusion

# Table des figures

0.1	Temps-Frequence	4
1.1 1.2	Estimation du canal autour des sous-porteuses Utilisation du coefficient complexe $\alpha_n$ pour l'égalisation dans la	6
1.2	chaine de réception	8
2.1	Préfixe cyclique	9
2.2	Intervalle de Garde	10
2.3	Spectre du signal OFDM [2]	11
4.1	Diagramme de constellation avant l'IFFT	15
4.2	Signal à la sortie du récepteur	15
4.3	Réponse fréquentielle du canal sur la bande du signal OFDM	16
4.4	Signal à l'entrée du récepteur sans bruit et avec bruit	17
4.5	Chaîne de réception de la structure fréquentielle DFVE	17
4.6	Diagramme de constellation après égalisation à la réception	18
4.7	Chaîne de réception de la structure temporelle DFVE	19
5.1	Signal après modulation QPSK et avec ajout des pilotes	21
5.2	Signal reçu par le récepteur	21
5.3	Etats du signal estimés après extraction des pilotes dans la struc-	
	ture fréquentielle	22
5.4	Etats du signal estimés dans la structure temporelle avant extrac-	
	tion des pilotes	23
5.5	Convergence vers les bons états grâce à l'algorithme LMS	24

## **Bibliographie**

- [1] Vincent DEMOULIN et Michel PECOT. « Egalisation vectorielle pour signaux OFDM sans intervalle de garde ». In *Seizième colloque Gretsi*, Grenoble, 1997.
- [2] Annick Le GLAUNEC. « Modulations Multiporteuses ». Technical Report, Supelec Rennes, 2013.
- [3] Pierre Gruyer et Simon Paillard. « Modélisation d'un modulateur et démodulateur OFDM ». Master's thesis, Telecom Bretagne, december 2005.
- [4] WIKIPÉDIA. « Interférence inter-symbole ».