Algoritmos y Estructuras de Datos



Orden del tiempo de ejecución

TIEMPO DE EJECUCIÓN DE UN **PROGRAMA**



- Al resolver un problema, debemos elegir el algoritmo a utilizar, siguiendo los siguientes objetivos:
 - algoritmo fácil de entender, codificar y depurar.
 - uso eficiente de los recursos y ejecución veloz.
- En la mayoría de los casos, estos objetivos son contrapuestos.
- Depende, en gran forma, de la cantidad de veces que el programa se va a ejecutar.

Medición del tiempo de ejecución de un programa.



- El tiempo de ejecución de un programa depende de factores como:
 - Los datos de entrada al programa.

 - La calidad del código generado por el compilador.
 La naturaleza y rapidez de las instrucciones usadas en el programa.
 - La complejidad de tiempo del algoritmo base del programa.
- Muchas veces el tiempo depende del tamaño de la entrada más que de la entrada en sí misma.
- La longitud de la entrada es una medida apropiada de tamaño.
- Se denomina *T(n)* el tiempo de ejecución de un programa con entrada de tamaño n.

Algoritmos y Estructuras de Datos

Medición del tiempo de ejecución de un programa

⊕UCU

- Cuando el tiempo de ejecución es función de una entrada específica y no sólo del tamaño, entonces se define T(n) como el tiempo de ejecución del peor caso.
- También se podría calcular el T_{prom}(n), o sea, el tiempo promedio de ejecución, pero suele ser bastante más difícil.
- El hecho de que el tiempo de ejecución dependa del compilador y de la máquina impide que se pueda expresar en unidades de tiempo normales.
- Se dirá entonces que, por ejemplo, "el algoritmo es proporcional a n²".

Algoritmos y Estructuras de Datos

,

- No sea un ciclo.

- No tenga rewrsion. - No sea llamada a otra funci
- O(1): Cualquier función o lined de código. Condiciones: "No sea de tiempo constante.
- O(n): Crando la variable del cida va inc o dec por un número constante (i+=c o i-=c).

 Condiciones: Page iterar en la entrada.
- -O(nº): Con ciclos anidados. Defende de cuantas veces se ejecuta el ciclo más interno (2 cic. = nº). Condiciones:- Todos los ciclos deben iterar basandose en la entrada o en variables que se basan en la entrada.
- O(109(N3): Cuando la variable del ciclo va multiplicandose o dividiendose.
- O(n log n): cuando se incrementa de forma exponencial (i* pow (i,c) o 12 fun (i)).
- ique pasa si nay ifs?: Se toma el peor de los casos (ejecutar mayor cant. de lineas).
- wego de calcular todas las secciones se suman y se toma el termino mas significativa

Notación asintótica - Orden del tiempo de ejecución.



- Se dice que el tiempo de ejecución de un programa es de orden n, (T(n) es O(n)), si existen dos constantes enteras positivas c y n₀ tales que,
 - para todo $n \ge n_0$, $T(n) \le c * n$
- Se dice que T(n) es O(f(n)) si existen dos constantes enteras positivas c y n₀ tales que,
 - para $todo \ n >= n_0$, T(n) <= c * f(n)
 - en este caso, se dice que el programa tiene velocidad de crecimiento f(n).
- Si *T(n)* es *O(f(n))*, *f(n)* es una cota superior para la velocidad de crecimiento de *T(n)*.

Algoritmos y Estructuras de Datos

_

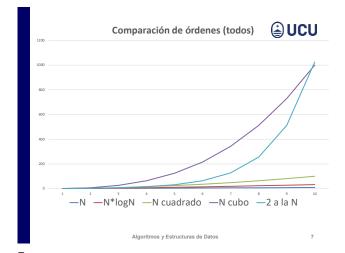
Notación asintótica - Orden del tiempo de ejecución.

⊕UCU

- La cota inferior se especifica notando T(n) es $\Omega(g(n))$. Esto significa que existe una constante c tal que
 - T(n) >= c*g(n) para un número infinito de valores de n.
- Suponemos que podemos evaluar programas comparando sus funciones de tiempo de ejecución, sin considerar las constantes de proporcionalidad. De acuerdo a esto, un programa con tiempo de ejecución O(n²) es mejor que uno con tiempo de ejecución O(n³).
- Además de los factores del compilador y la máquina, existe un factor debido al programa mismo.
- Ej: 100 * n² milisegundos vs. 5 * n³ milisegundos.

Algoritmos y Estructuras de Datos

otoring do a softion
- D(g(n)): Cota inferior



Comparación de órdenes

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

2500

Comparación de órdenes

5000

1000

1000

1000

1000

1000

1000

1000

1000

1000

Algoritmos y Estructuras de Datos

9

Efecto de multiplicar por diez la velocidad del procesador



T(n)	Tamaño para t=10 ³ segs	Tamaño para t=10 ⁴ segs	Incremento
50n			
3n²			
n ³ /3			
2 ⁿ			

oritmos y Estructuras de Datos

11

Efecto de multiplicar por diez la velocidad del procesador



T(n)	Tamaño para t=10 ³ segs	Tamaño para t=10 ⁴ segs	Incremento
50n	20	200	10
3n²	18	58	3.2
n ³ /3	14	31	2
2 ⁿ	10	13	1.3

Algoritmos y Estructuras de Datos

mos y Estructuras de Datos

⊕ UCU

Tiempo de ejecución

- Si un programa se va a ejecutar poco, el costo de su desarrollo es el dominante.
- Si el programa se ejecuta sólo con entradas pequeñas, la velocidad de crecimiento puede ser menos importante que el factor constante.
- Un algoritmo eficiente pero complicado aún puede no ser adecuado, por razones de mantenimiento.
- Algunos algoritmos eficientes requieren demasiado espacio, debiéndose utilizar almacenamiento secundario, con lo cual pierden su eficiencia.
- En los algoritmos numéricos, la precisión y la estabilidad son tan importantes como la eficiencia.

Algoritmos y Estructuras de Datos

13	

Cálculo del tiempo de ejecución de un programa

- **⊕**UCU
- Reglas de la suma y producto en notación asintótica.
- El tiempo de ejecución de cada proposición de asignación puede tomarse como O(1).
- El tiempo de ejecución de una secuencia de proposiciones se determina por la regla de la suma.
- El tiempo de ejecución de una proposición condicional if es el costo de las proposiciones que se ejecutan condicionalmente, más el tiempo para evaluar la condición (se toma O(1)).
- El tiempo para ejecutar un ciclo es la suma sobre todas las terraciones del ciclo, del tiempo de ejecución del cuerpo y del empleado para evaluar la condición de terminación. Normalmente este tiempo es el producto del número de iteraciones del ciclo por el mayor tiempo posible para una ejecución del cuerpo.

14

Cuál es el orden de las siguientes expresiones:



- 22 0(1)
- $n(n-1)/3 = \frac{n(n-1)}{3} = \frac{n^2-n}{3} \rightarrow 0 (n^2)$
- máx(n3,10n2) o(n3)
- polinomio de grado K donde el coeficiente del término de mayor grado es positivo. o(nx)

Algoritmos y Estructuras de Datos

15

El siguiente algoritmo encuentra el lugar LUG y el valor MAX del elemento mayor del array DATOS, no vacío, con N valores numéricos.



Fin ciclo paso 2

1 5. Escribir LUG, MAX 6. Salir

Hallar el orden de ejecución para el mejor caso, peor caso y caso medio.

Algoritmos y Estructuras de Datos

Considere el siguiente algoritmo, en el cual:

UCU

```
• R, x, m son variables enteras,
• tabla es un vector ordenado de enteros,
es el tamaño máximo de la entrada

L←0 \
R←N I
Mientras L < R hacer (₱91♠)
m←(L+R) div 2 I
Si tabla[m] < x \
entonces L←m+1 \
sino R←m \
Finši
EinMientras
```

- Explicar cómo funciona y qué es lo que produce
- Calcular el orden de ejecución. 0 (\oqual \text{In)1}

Algoritmos y Estructuras de Datos

17

¿Cuál es el tiempo de ejecución del siguiente algoritmo para calcular X^N ? **O(n)**

⊕UCU

```
POTENCIA(x: real, n: entero): real I

COM

Resultado = 1.0 I

PARA i entre 0 y n-1, hacer n

Resultado = Resultado * x I

FIN PARA

Devolver Resultado

FIN
```

Algoritmos y Estructuras de Datos

18

18

¿Qué valor calcula f?

⊕UCU

 Considere el siguiente fragmento de código de un programa en Java. ¿Qué valor calcula f? (Exprese su respuesta como una función de n). Calcule el orden de ejecución del método o(n)

class Example
static int f (int n)
{
int sum = 0; •
for (int i = 1; i <= n; ++i) n
sum = sum + i; ,
return sum;
}
//
•

Algoritmos y Estructuras de Datos

19

19

¿Qué valor calcula g?



Considere el siguiente fragmento de código de un programa en Java. (El método f se da en el ejercicio anterior). ¿Qué valor calcula g² (Exprese su respuesta como una función de n). Calcule el orden de ejecución del método g om)

```
class Example {
    // ...
    static int g (int n)
    {
        int sum = 0; 1
        for (int i = 1; i <= n; ++i) n
            sum = sum + i + f (i); 1
        return sum;
    }
}
```

Algoritmos y Estructuras de Datos

20

20

¿Qué valor calcula h?



 Considere el siguiente fragmento de código de un programa en Java. (Los métodos f y g se dan en los ejercicios anteriores). ¿Qué valor calcula h? (Exprese su respuesta como una función de n). Calcule el orden de ejecución del método h. O(n)

Algoritmos y Estructuras de Datos

21

21

Ejercicios para revisar (Weiss) **QUCU**

- Subsecuencia de suma máxima (5.3)
- Algoritmo O(N³) obvio (5.3.1)
 - Algoritmo mejorado O(N²) (5.3.2)
 - Algoritmo lineal (5.3.3)
- ¿qué limitaciones tiene el análisis de órdenes O?
- Resuelva las cuestiones breves, problemas teóricos, problemas prácticos y prácticas de programación que se encuentran al final del Capítulo 5.

Algoritmos y Estructuras de Datos

22

22