



Árboles

- Todos los arboles son grafos pero no todos los grafos son arboles.
- Estructura de datos en la que un nodo tiene un unico padre y 0 o mas hijos, siempre debe tener una raiz.

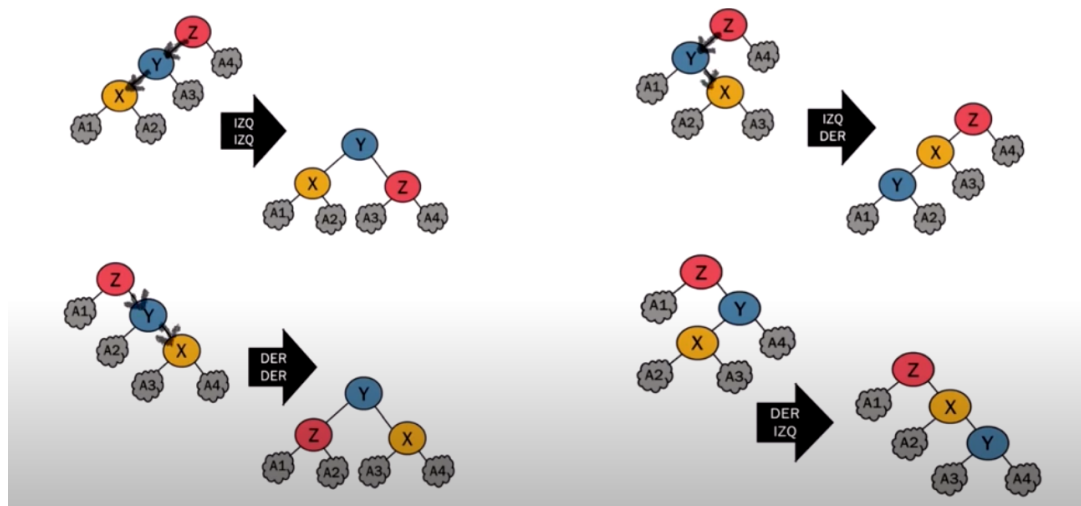
```
public class Node {  
    public Node[] children;  
    public int value;  
  
    public node(int value){  
        this.value = value;  
    }  
}
```

- El arbol se opera pasando el nodo raiz.
- Complejidad: $O(\log n)$ *depende de si esta bien balanceado.
- Tipos:
 - Binary Tree:
 - Un nodo tiene un unico padre y maximo 2 hijos.
 - Binary Search Tree:
 - Un nodo tiene un unico padre y maximo 2 hijos.
 - Para cada nodo n , descendientes de la izq $\leq n <$ descendientes de la der.
 - Binary Complete Tree:

- Árbol binario en el que todos los niveles deben estar completos a excepción del último, en caso de que este incompleto debe llenarse de izq a der.

- Binary AVL Tree:

- Es un árbol de búsqueda binario autoequilibrado que mantiene su altura mínima.
- Para cada nodo, la altura de sus subárboles izquierdo y derecho difieren en no más de uno.
- Estos árboles son útiles en aplicaciones que requieren búsquedas rápidas, como en motores de bases de datos.
- Rotaciones:



- Red-Black Tree:

- Es un tipo de árbol binario de búsqueda auto-equilibrado donde cada nodo tiene un atributo de color: rojo o negro.
 - Se asegura que el camino más largo desde la raíz hasta cualquier hoja no es más del doble que el más corto.
 - Se usa ampliamente en la implementación de bibliotecas de lenguajes de programación.
- Métodos de búsqueda:

- In Order Traversal: Rama izq del nodo, propio nodo, rama der del nodo.
- Pre Order Traversal: Propio nodo, rama izq del nodo, rama der del nodo.
- Post Order Traversal: Rama izq del nodo, rama der del nodo, propio nodo.
- Usar cuando: Se necesite hacer búsquedas e inserciones en un conjunto de datos.
- No es eficiente para ninguna operación pero tampoco es ineficiente.

```
class TreeNode {
    int val;
    TreeNode left, right;

    public TreeNode(int val) {
        this.val = val;
        this.left = null;
        this.right = null;
    }
}

public class BinaryTreeSize {
    // Función para obtener el tamaño del árbol binario
    public int treeSize(TreeNode root) {
        if (root == null) {
            return 0;
        }
        // Recursivamente calcular el tamaño del subárbol izquierdo
        int leftSize = treeSize(root.left);
        int rightSize = treeSize(root.right);
        // Retornar el tamaño total del árbol, que incluye el nodo actual
        return 1 + leftSize + rightSize;
    }
}
```

```
// Ejemplo de uso
public static void main(String[] args) {
    BinaryTreeSize treeSizeCalculator = new BinaryTreeSize();
    // Crear un árbol binario de ejemplo
    TreeNode root = new TreeNode(1);
    root.left = new TreeNode(2);
    root.right = new TreeNode(3);
    root.left.left = new TreeNode(4);
    root.left.right = new TreeNode(5);
    // Calcular el tamaño del árbol
    int size = treeSizeCalculator.treeSize(root);
    System.out.println("El tamaño del árbol binario es: " + size);
}
}
```

Función calcularAltura(nodo):

Si nodo es nulo:

Devolver 0

Sino:

alturaIzquierda = calcularAltura(nodo.izquierdo)

alturaDerecha = calcularAltura(nodo.derecho)

Devolver máximo(alturaIzquierda, alturaDerecha) + 1