

Dana jest pojedyncza maszyna/procesor oraz zbiór  $J = \{1, \dots, j, \dots, n\}$   $n$  niepodzielnych zadań. Każde z zadań  $j$  charakteryzuje się czasem wykonywania  $p_j$ , terminem dostępności  $r_j$  oraz czasem stygnięcia  $q_j$ . Należy tak uszeregować zadania, aby czas zakończenia wykonywania wszystkich zadań był jak najkrótszy (minimalizujemy tzw. długość uszeregowania – makespan).

Rozwiązanie może być zapisane jednoznacznie za pomocą permutacji  $\pi = \{\pi(1), \pi(2), \dots, \pi(j), \dots, \pi(n)\}$ , gdzie  $\pi(j)$  oznacza zadanie uszeregowane na pozycji  $j$  w permutacji  $\pi$ .

Czas wykonywania zadania  $\pi(j)$  to  $p_{\pi(j)}$

Termin dostępności zadania  $\pi(j)$  to  $r_{\pi(j)}$

Czas stygnięcia zadania  $\pi(j)$  to  $q_{\pi(j)}$

Bez czasów stygnięcia:

Czas zakończenia wykonywania zadania  $\pi(1)$  to  $C_{\pi(1)} = r_{\pi(1)} + p_{\pi(1)}$

Ale czas zakończenia wykonywania kolejnego zadania to:

$$C_{\pi(2)} = \max\{r_{\pi(2)}, C_{\pi(1)}\} + p_{\pi(2)}$$

Dla zadania  $\pi(j)$  mamy  $C_{\pi(j)} = \max\{r_{\pi(j)}, C_{\pi(j-1)}\} + p_{\pi(j)}$

Ale co z ogonkami (czasami stygnięcia)???

Możemy zrobić sobie dodatkową tablicę, albo zmienną, gdzie przechowujemy najdłuższy do tej pory pełen czas wykonywania zadania (ze stygnięciem), gdzie ten pełen czas wykonywania danego zadania to:

Dla pierwszego:  $\pi(1)$  to  $C_{\pi(1)q} = r_{\pi(1)} + p_{\pi(1)} + q_{\pi(1)}$

A w ogólności

$$C_{\pi(j)q} = \max\{r_{\pi(j)}, C_{\pi(j-1)}\} + p_{\pi(j)} + q_{\pi(j)}$$

I musimy przechowywać najdłuższy  $C_{\pi(j)q}$ , jaki do tej pory znaleźliśmy – to nasze kryterium