#### Домашнее задание 4. Вариант 165. Дискретная математика.

## Группа Р3116, Билошицкий Михаил Владимирович, ИСУ 367101.

### Матрица смежности

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	5			1			1	1		2	3
e2	5	0			5	2	4		4		5	1
e3			0			2	3	3	3		4	
e4				0	4	2				1	3	3
e5	1	5		4	0			1		5	3	
e6		2	2	2		0		3	1			1
e7		4	3				0	2	5	2	3	
e8	1		3		1	3	2	0	5		1	1
e9	1	4	3			1	5	5	0		3	
e10				1	5		2			0		1
e11	2	5	4	3	3		3	1	3		0	
e12	3	1		3		1		1		1		0

#### Нахождение гамильтонова цикла

Включаем в S вершину  $x_1.S = \{x_1\}$ 

Возможная вершина:  $x_2$ .  $S = \{x_1, x_2\}$ 

Возможная вершина:  $X5. S = \{X1, X2, X5\}$ 

Возможная вершина:  $X4. S = \{X1, X2, X5, X4\}$ 

Возможная вершина: x6.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6\}$ 

Возможная вершина:  $x_3$ .  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3\}$ 

Возможная вершина:  $X7. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7\}$ 

Возможная вершина: x8. S={x1,x2,x5,x4,x6,x3,x7,x8}

Возможная вершина: X9.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_8, x_9\}$ 

Возможная вершина:  $X11. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X8, X9, X11\}$ 

У Х11 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к X9.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_8, x_9\}$ 

У Х9 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к X8.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_8\}$ 

Возможная вершина: X11.  $S = \{x1, x2, x5, x4, x6, x3, x7, x8, x11\}$ 

Возможная вершина:  $X9. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X8, X11, X9\}$ 

У Х9 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к X11.  $S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X8, X11\}$ 

У Х11 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к  $X8. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X8\}$ 

Возможная вершина: X12.  $S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X8, X12\}$ 

озможная вершина:  $X10. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X8, X12, X10\}$ 

У Х10 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к X12.  $S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X8, X12\}$ 

У X12 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к  $X8. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X8\}$ 

У Х8 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к  $X7. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7\}$ 

Возможная вершина:  $X9. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9\}$ 

Возможная вершина:  $X8. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9, X8\}$ 

Возможная вершина:  $X11. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9, X8, X11\}$ 

У X11 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к  $X8. S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_9, x_8\}$ 

Возможная вершина:  $X12. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9, X8, X12\}$ 

Возможная вершина:  $X10. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9, X8, X12, X10\}$ 

У Х10 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к X12.  $S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9, X8, X12\}$ 

У Х12 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к X8.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_9, x_8\}$ 

У Х8 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к X9.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_9\}$ 

Возможная вершина: X11.  $S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9, X11\}$ 

Возможная вершина:  $X8. S = \{x1, x2, x5, x4, x6, x3, x7, x9, x11, x8\}$ 

Возможная вершина:  $X12. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9, X11, X8, X12\}$ 

Возможная вершина:  $X10. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9, X11, X8, X12, X10\}$ 

Ребра  $(x_10,x_1)$  нет, найдена гамильтонова цепь.

Прибегнем к возвращению: удалим из S вершину X10, перейдем к X12.

 $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_9, x_{11}, x_8, x_{12}\}$ 

У X12 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к  $X8. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X9, X11, X8\}$ 

У Х8 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к X11.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_9, x_{11}\}$ 

У X11 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к X9.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_9\}$ 

У Х9 больше нет возможных вершин, удалим ее.

Перейдем к х7.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7\}$ 

Возможная вершина:  $X10. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X10\}$ 

Возможная вершина:  $X12. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X10, X12\}$ 

Возможная вершина:  $X8. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X10, X12, X8\}$ 

Возможная вершина:  $X9. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X10, X12, X8, X9\}$ 

Возможная вершина:  $X11. S = \{X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X10, X12, X8, X9, X11\}$ 

Гамильтонов цикл найден.  $S = \{x_1, x_2, x_5, x_4, x_6, x_3, x_7, x_{10}, x_{12}, x_8, x_9, x_{11}\}$ 

### Матрица смежности с перенумерованными вершинами

0	1	1	0	0	0	0	0	1	1	1	1
1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	1
1	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1
0	0	1	0	1	0	0	1	1	0	0	1
0	1	0	1	0	1	0	0	1	1	1	0
0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	1	1
0	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0	0
1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0
1	0	1	0	1	1	1	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	1	1	0	0	1	0	1
1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	1	0

До перенумерации: X1, X2, X5, X4, X6, X3, X7, X10, X12, X8, X9, X11 После перенумерации: X1, X2, X3, X4, X5, X6, X7, X8, X9, X10, X11, X12

Построение графа пересечений G'

Определим p212, для чего в матрице R выделим подматрицу R212.

Ребро (x2x12) пересекается с (x1x3),(x1x9),(x1x10),(x1x11)

Определим p211, для чего в матрице R выделим подматрицу R211.

Ребро (х2х11) пересекается с (х1х3),(х1х9),(х1х10)

Определим p29, для чего в матрице R выделим подматрицу R29.

Ребро (x2x9) пересекается c (x1x3)

Определим p27, для чего в матрице R выделим подматрицу R27.

Ребро (x2x7) пересекается с (x1x3)

Определим p25, для чего в матрице R выделим подматрицу R25.

Ребро (x2x5) пересекается с (x1x3)

Определим p312, для чего в матрице R выделим подматрицу R312.

Ребро (х3х12) пересекается с

(x1x9),(x1x10),(x1x11),(x2x5),(x2x7),(x2x9),(x2x11)

Определим p310, для чего в матрице R выделим подматрицу R310.

Ребро (х3х10) пересекается с (х1х9),(х2х5),(х2х7),(х2х9)

Определим p38, для чего в матрице R выделим подматрицу R38.

Ребро (x3x8) пересекается с (x2x5),(x2x7)

Определим p412, для чего в матрице R выделим подматрицу R412.

Ребро (х4х12) пересекается с

(x1x9),(x1x10),(x1x11),(x2x5),(x2x7),(x2x9),(x2x11),(x3x8),(x3x10)

Определим р49, для чего в матрице R выделим подматрицу R49.

Ребро (x4x9) пересекается с (x2x5),(x2x7),(x3x8)

Определим p48, для чего в матрице R выделим подматрицу R48.

Ребро (x4x8) пересекается с (x2x5),(x2x7)

15 пересечений графа найдено, закончим поиск.

	p1 3	p2 12	<b>p</b> 1 9	p1 10	p1 11	p2 11	p2 9	p2 7	p2 5	p3 12	p3 10
p1 3	1	1	0	0	0	1	1	1	1	0	0
p2 12	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0
<b>p</b> 1 9	0	1	1	0	0	1	0	0	0	1	1
p1 10	0	1	0	1	0	1	0	0	0	1	0
p1 11	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1	0
p2 11	1	0	1	1	0	1	0	0	0	1	0
p2 9	1	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1
p2 7	1	0	0	0	0	0	0	1	0	1	1
p2 5	1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1
p3 12	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	0
p3 10	0	0	1	0	0	0	1	1	1	0	1

# 

В 1 строке ищем первый нулевой элемент - r1 3.

Записываем дизъюнкцию М1

 $3=r1 \lor r3=1100011111000000 \lor 011001000110100=1110011111110100$ 

В строке M1 3 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{4,5,12,14,15\}$ . Записываем дизъюнкцию M1 3 4=M1

3Vr4=1110011111110100V010101000100100=111101111110100

В строке M1 3 4 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{5,12,14,15\}$ .

Записываем дизъюнкцию М1 3 4 5=М1 3

В строке M1 3 4 5 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{12,14,15\}$ .

```
Записываем дизъюнкцию М1 3 4 5 12=М1 3 4
В строке M1 3 4 5 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию M1 3 4 5 12 15=M1 3 4 5
В строке М1 3 4 5 12 15 все 1. Построено у1={u1 3,u1 9,u1 10,u1 11,u3 8,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М1 3 4 5 14=М1 3 4
В строке M1 3 4 5 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М1 3 4 5 14 15=М1 3 4 5
В строке М1 3 4 5 14 15 все 1. Построено у2={u1 3,u1 9,u1 10,u1 11,u4 9,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М1 3 4 5 15=М1 3 4
В строке М1 3 4 5 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М1 3 4 12=М1 3
В строке M1 3 4 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет ноль на 5 позиции.
Записываем дизъюнкцию М1 3 4 14=М1 3
В строке M1 3 4 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет ноль на 5 позиции.
Записываем дизъюнкцию М1 3 4 15=М1 3
4vr15=1111011111110100v000000011000001=1111011111110101
В строке М1 3 4 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М1 3 5=М1
В строке M1 3 5 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{12,14,15\}.
Строки 12, 14, 15 не закроют ноль на 4 позиции.
Записываем дизьюнкцию М1 3 12=М1
В строке M1 3 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 4, 5
Записываем дизьюнкцию М1 3 14=М1
В строке M1 3 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 4, 5
Записываем дизъюнкцию М1 3 15=М1
3Vr15=1110011111110100V000000011000001=1110011111110101
В строке М1 3 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М1
4 = r1 \lor r4 = 1100011111000000 \lor 010101000100100 = 1101011111100100
В строке M1 4 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{5,11,12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М1 4 5=М1
В строке M1 4 5 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{11,12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М1 4 5 11=М1 4
В строке M1 4 5 11 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию M1 4 5 11 12=M1 4 5
```

```
В строке M1 4 5 11 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М1 4 5 11 12 15=М1 4 5 11
В строке М1 4 5 11 12 15 все 1. Построено у3={u1 3,u1 10,u1 11,u3 10,u3 8,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М1 4 5 11 14=М1 4 5
В строке M1 4 5 11 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М1 4 5 11 14 15=М1 4 5 11
В строке М1 4 5 11 14 15 все 1. Построено у4={u1 3,u1 10,u1 11,u3 10,u4 9,u4 8}
Записываем дизъюнкцию M1 4 5 11 15=M1 4 5
В строке М1 4 5 11 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М1 4 5 12=М1 4
5\r12=1101111111100100\r0000000011001110=1101111111101110
В строке M1 4 5 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 3, 11
Записываем дизьюнкцию М1 4 5 14=М1 4
В строке M1 4 5 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 3, 11
Записываем дизъюнкцию М1 4 5 15=М1 4
В строке М1 4 5 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М1 4 11=М1
4vr11=1101011111100100v001000111010100=1111011111110100
В строке M1 4 11 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{12,14,15\}.
Строки 12, 14, 15 не закроют ноль на 5 позиции.
Записываем дизъюнкцию М1 4 12=М1
В строке M1 4 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 3, 5, 11
Записываем дизъюнкцию М1 4 14=М1
В строке M1 4 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 3, 5, 11
Записываем дизъюнкцию М1 4 15=М1
4vr15=1101011111100100v000000011000001=1101011111100101
В строке М1 4 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М1
5=r1\vr5=110001111000000\v0100100100100100=110011111100100
В строке M1 5 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{11,12,14,15\}.
Строки 11, 12, 14, 15 не закроют ноль на 4 позиции.
Записываем дизъюнкцию М1
В строке М1 10 находим номера нулевых элементов, составляем список
J'=\{11,12,13,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М1 10 11=М1
В строке M1 10 11 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию M1 10 11 12=M1 10
```

```
В строке M1 10 11 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизьюнкцию М1 10 11 12 15=М1 10 11
В строке М1 10 11 12 15 все 1. Построено у5={u1 3,u3 12,u3 10,u3 8,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М1 10 11 14=М1 10
В строке M1 10 11 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М1 10 11 14 15=М1 10 11
В строке М1 10 11 14 15 все 1. Построено у6={u1 3,u3 12,u3 10,u4 9,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М1 10 11 15=М1 10
В строке М1 10 11 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М1 10 12=М1
В строке M1 10 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет ноль на 11 позиции.
Записываем дизъюнкцию М1 10 13=М1
В строке M1 10 13 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{14,15\}.
Записываем дизъюнкцию M1 10 13 14=M1 10
В строке M1 10 13 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М1 10 13 14 15=М1 10 13
В строке М1 10 13 14 15 все 1. Построено у7={u1 3,u3 12,u4 12,u4 9,u4 8}
Записываем дизъюнкцию M1 10 13 15=M1 10
В строке М1 10 13 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М1 10 14=М1
В строке M1 10 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 11, 13
Записываем дизъюнкцию М1 10 15=М1
В строке М1 10 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М1
11=r1\r11=110001111000000\r001000111010100=111001111010100
В строке M1 11 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{12,14,15\}.
Строки 12, 14, 15 не закроют нули на позициях 4, 5, 10
Записываем дизъюнкцию М1
12=r1vr12=110001111000000v000000011001110=110001111001110
В строке M1 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 3, 4, 5, 10, 11
Записываем дизъюнкцию М1
В строке M1 13 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{14,15\}.
Строки 14, 15 не закроют ноль на 10 позиции.
Записываем дизъюнкцию М1
14=r1\r14=110001111000000\r000000011001010=110001111001010
В строке M1 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
```

Строка 15 не закроет нули на позициях 3, 4, 5, 10, 11, 13

```
Записываем дизъюнкцию М1
15=r1vr15=110001111000000v000000011000001=110001111000001
В строке М1 15 остались незакрытые 0.
В 2 строке ищем первый нулевой элемент - r2 6.
Записываем дизъюнкцию М2
6=r2vr6=111110000000000v101101000100100=1111111000100100
В строке М2 6 находим номера нулевых элементов, составляем список
J'=\{7,8,9,11,12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М2 6 7=М2
6\r7=1111111000100100\r100000100110100=1111111100110100
В строке M2 6 7 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{8,9,12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М2 6 7 8=М2 6
В строке М2 6 7 8 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{9\}.
Записываем дизъюнкцию М2 6 7 8 9=М2 6 7
В строке M2 6 7 8 9 все 1. Построено у8={u2 12,u2 11,u2 9,u2 7,u2 5}
Записываем дизъюнкцию М2 6 7 9=М2 6
7vr9=111111100110100v100000001111111=111111101111111
В строке М2 6 7 9 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М2 6 7 12=М2 6
В строке M2 6 7 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М2 6 7 12 15=М2 6 7
В строке M2 6 7 12 15 все 1. Построено \psi9={u2 12,u2 11,u2 9,u3 8,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М2 6 7 14=М2 6
В строке M2 6 7 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизьюнкцию М2 6 7 14 15=М2 6 7
В строке М2 6 7 14 15 все 1. Построено у10={u2 12,u2 11,u2 9,u4 9,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М2 6 7 15=М2 6
В строке М2 6 7 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М2 6 8=М2
6Vr8=111111000100100V100000010111111=111111010111111
В строке M2 6 8 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{9\}.
Строка 9 не закроет ноль на 7 позиции.
Записываем дизъюнкцию М2 6 9=М2
6Vr9=111111000100100V100000001111111=1111111001111111
В строке М2 6 9 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М2 6 11=М2
В строке M2 6 11 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М2 6 11 12=М2 6
В строке M2 6 11 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М2 6 11 12 15=М2 6 11
В строке М2 6 11 12 15 все 1. Построено у11={u2 12,u2 11,u3 10,u3 8,u4 8}
```

```
Записываем дизъюнкцию М2 6 11 14=М2 6
В строке M2 6 11 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М2 6 11 14 15=М2 6 11
В строке М2 6 11 14 15 все 1. Построено у12={u2 12,u2 11,u3 10,u4 9,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М2 6 11 15=М2 6
В строке М2 6 11 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М2 6 12=М2
В строке M2 6 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 7, 11
Записываем дизъюнкцию М2 6 14=М2
6\r14=111111000100100\v000000011001010=111111011101110
В строке M2 6 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 7, 11
Записываем дизъюнкцию М2 6 15=М2
В строке М2 6 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М2
7 = r2 \lor r7 = 11111100000000000 \lor 100000100110100 = 1111110100110100
В строке M2 7 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{8,9,12,14,15\}.
Строки 8, 9, 12, 14, 15 не закроют ноль на 6 позиции.
Записываем дизъюнкцию М2
8=r2vr8=111110000000000v100000010111111=111110010111111
В строке M2 8 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{9\}.
Строка 9 не закроет нули на позициях 6, 7
Записываем дизъюнкцию М2
9=r2vr9=111110000000000v100000001111111=111110001111111
В строке М2 9 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М2
В строке М2 10 находим номера нулевых элементов, составляем список
J'=\{11,12,13,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М2 10 11=М2
В строке M2 10 11 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию M2 10 11 12=M2 10
В строке M2 10 11 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизьюнкцию М2 10 11 12 15=М2 10 11
В строке М2 10 11 12 15 все 1. Построено у13={u2 12,u3 12,u3 10,u3 8,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М2 10 11 14=М2 10
В строке M2 10 11 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизьюнкцию М2 10 11 14 15=М2 10 11
В строке М2 10 11 14 15 все 1. Построено у14={u2 12,u3 12,u3 10,u4 9,u4 8}
Записываем дизъюнкцию M2 10 11 15=M2 10
```

В строке М2 10 11 15 остались незакрытые 0. Записываем дизъюнкцию М2 10 12=М2 В строке M2 10 12 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ . Строка 15 не закроет ноль на 11 позиции. Записываем дизъюнкцию М2 10 13=М2 В строке M2 10 13 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{14,15\}$ . Записываем дизъюнкцию M2 10 13 14=M2 10 В строке M2 10 13 14 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ . Записываем дизъюнкцию М2 10 13 14 15=М2 10 13 В строке М2 10 13 14 15 все 1. Построено у15={u2 12,u3 12,u4 12,u4 9,u4 8} Записываем дизъюнкцию M2 10 13 15=M2 10 В строке М2 10 13 15 остались незакрытые 0. Записываем дизъюнкцию М2 10 14=М2 В строке M2 10 14 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ . Строка 15 не закроет нули на позициях 11, 13 Записываем дизъюнкцию М2 10 15=М2 В строке М2 10 15 остались незакрытые 0. Записываем дизъюнкцию М2 В строке M2 11 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{12,14,15\}$ . Строки 12, 14, 15 не закроют нули на позициях 6, 10 Записываем дизъюнкцию М2 В строке M2 12 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ . Строка 15 не закроет нули на позициях 6, 7, 10, 11 Записываем дизъюнкцию М2 В строке M2 13 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{14,15\}$ . Строки 14, 15 не закроют ноль на 10 позиции. Записываем дизъюнкцию М2 В строке M2 14 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ . Строка 15 не закроет нули на позициях 6, 7, 10, 11, 13 Записываем дизъюнкцию М2 В строке М2 15 остались незакрытые 0. В 3 строке ищем первый нулевой элемент - r3 4. Записываем дизъюнкцию МЗ 4=r3\r4=011001000110100\v010101000100100=011101000110100 В строке МЗ 4 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{5,7,8,9,12,14,15\}.$ 

Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5=МЗ

4Vr5=011101000110100V010010000100100=011111000110100

В строке M3 4 5 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{7,8,9,12,14,15\}.$ 

```
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5 7=МЗ 4
5\r7=011111000110100\r100000100110100=1111111100110100
В строке МЗ 4 5 7 находим номера нулевых элементов, составляем список
J'=\{8,9,12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5 7 8=МЗ 4 5
В строке M3 4 5 7 8 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{9\}.
Записываем дизъюнкцию M3 4 5 7 8 9=M3 4 5 7
В строке МЗ 4 5 7 8 9 все 1. Построено у16={u1 9,u1 10,u1 11,u2 9,u2 7,u2 5}
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5 7 9=МЗ 4 5
7vr9=111111100110100v100000001111111=111111101111111
В строке МЗ 4 5 7 9 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию M3 4 5 7 12=M3 4 5
В строке M3 4 5 7 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию M3 4 5 7 12 15=M3 4 5 7
В строке МЗ 4 5 7 12 15 все 1. Построено у17={u1 9,u1 10,u1 11,u2 9,u3 8,u4 8}
Записываем дизъюнкцию M3 4 5 7 14=M3 4 5
В строке M3 4 5 7 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5 7 14 15=МЗ 4 5 7
В строке МЗ 4 5 7 14 15 все 1. Построено у18={u1 9,u1 10,u1 11,u2 9,u4 9,u4 8}
Записываем дизъюнкцию M3 4 5 7 15=M3 4 5
В строке МЗ 4 5 7 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5 8=МЗ 4
5Vr8=011111000110100V100000010111111=1111111010111111
В строке M3 4 5 8 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{9\}.
Строка 9 не закроет ноль на 7 позиции.
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5 9=МЗ 4
5\r9=011111000110100\r100000001111111=111111001111111
В строке МЗ 4 5 9 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5 12=МЗ 4
В строке M3 4 5 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 7
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5 14=МЗ 4
5\r14=011111000110100\r0000000011001010=011111011111110
В строке M3 4 5 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 7
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 5 15=МЗ 4
5Vr15=011111000110100V000000011000001=011111011110101
В строке МЗ 4 5 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 7=МЗ
В строке M3 4 7 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{8,9,12,14,15\}.
Строки 8, 9, 12, 14, 15 не закроют ноль на 5 позиции.
Записываем дизъюнкцию МЗ 4 8=МЗ
```

4vr8=011101000110100v100000010111111=1111010101111111

В строке МЗ 4 8 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{9\}$ .

Строка 9 не закроет нули на позициях 5, 7

Записываем дизъюнкцию МЗ 4 9=МЗ

4vr9=011101000110100v100000001111111=111101001111111

В строке МЗ 4 9 остались незакрытые 0.

Записываем дизъюнкцию МЗ 4 12=МЗ

В строке M3 4 12 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ .

Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 5, 7

Записываем дизъюнкцию МЗ 4 14=М3

4 vr14 = 011101000110100 v000000011001010 = 01110101111111110

В строке M3 4 14 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ .

Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 5, 7

Записываем дизьюнкцию МЗ 4 15=М3

4vr15=011101000110100v000000011000001=011101011110101

В строке МЗ 4 15 остались незакрытые 0.

Записываем дизъюнкцию М3

5=r3vr5=011001000110100v010010000100100=011011000110100

В строке M3 5 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{7,8,9,12,14,15\}$ .

Строки 7, 8, 9, 12, 14, 15 не закроют ноль на 4 позиции.

Записываем дизъюнкцию М3

 $7 = r3 \lor r7 = 011001000110100 \lor 100000100110100 = 111001100110100$ 

В строке M3 7 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{8,9,12,14,15\}$ .

Строки 8, 9, 12, 14, 15 не закроют нули на позициях 4, 5

Записываем дизъюнкцию М3

 $8 = r3 \lor r8 = 011001000110100 \lor 100000010111111 = 1110010101111111$ 

В строке M3 8 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{9\}$ .

Строка 9 не закроет нули на позициях 4, 5, 7

Записываем дизьюнкцию МЗ

9=r3vr9=011001000110100v100000001111111=111001001111111

В строке МЗ 9 остались незакрытые 0.

Записываем дизъюнкцию М3

В строке M3 12 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ .

Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 4, 5, 7

Записываем дизъюнкцию М3

В строке M3 14 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ .

Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 4, 5, 7

Записываем дизъюнкцию М3

15=r3vr15=011001000110100v000000011000001=011001011110101

В строке МЗ 15 остались незакрытые 0.

В 4 строке ищем первый нулевой элемент - r4 5.

Записываем дизъюнкцию М4

5=r4\vr5=010101000100100\v0100100100100100=010111000100100

В строке М4 5 находим номера нулевых элементов, составляем список

 $J'=\{7,8,9,11,12,14,15\}.$ 

Записываем дизъюнкцию М4 5 7=М4

5\r7=010111000100100\r100000100110100=110111100110100

В строке M4 5 7 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{8,9,12,14,15\}$ .

Строки 8, 9, 12, 14, 15 не закроют ноль на 3 позиции.

Записываем дизъюнкцию М4 5 8=М4

В строке M4 5 8 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{9\}$ .

Строка 9 не закроет нули на позициях 3, 7

Записываем дизъюнкцию М4 5 9=М4

5 vr9 = 010111000100100v100000001111111 = 110111001111111

В строке М4 5 9 остались незакрытые 0.

Записываем дизъюнкцию М4 5 11=М4

В строке M4 5 11 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{12,14,15\}$ .

Строки 12, 14, 15 не закроют ноль на 1 позиции.

Записываем дизъюнкцию М4 5 12=М4

В строке M4 5 12 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ .

Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 3, 7, 11

Записываем дизъюнкцию М4 5 14=М4

5 vr14 = 010111000100100 vo00000011001010 = 010111011101110

В строке M4 5 14 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ .

Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 3, 7, 11

Записываем дизьюнкцию М4 5 15=М4

В строке М4 5 15 остались незакрытые 0.

Записываем дизъюнкцию М4

В строке M4 7 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{8,9,12,14,15\}$ .

Строки 8, 9, 12, 14, 15 не закроют нули на позициях 3, 5

Записываем дизъюнкцию М4

 $8 = r4 \lor r8 = 010101000100100100 \lor 100000010111111 = 1101010101111111$ 

В строке M4 8 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{9\}$ .

Строка 9 не закроет нули на позициях 3, 5, 7

Записываем дизъюнкцию М4

9=r4vr9=010101000100100v100000001111111=110101001111111

В строке М4 9 остались незакрытые 0.

Записываем дизъюнкцию М4

В строке M4 11 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{12,14,15\}$ .

Строки 12, 14, 15 не закроют нули на позициях 1, 5

Записываем дизъюнкцию М4

В строке M4 12 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ .

Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 3, 5, 7, 11

Записываем дизьюнкцию М4

В строке M4 14 находим номера нулевых элементов, составляем список  $J'=\{15\}$ .

Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 3, 5, 7, 11

Записываем дизъюнкцию М4

 $15 = r4 \lor r15 = 010101000100100 \lor 000000011000001 = 0101010111100101$ 

В строке М4 15 остались незакрытые 0.

В 5 строке ищем первый нулевой элемент - r5 6.

Записываем дизъюнкцию М5

6=r5\r6=010010000100100\r101101000100100=111111000100100

```
В строке М5 6 находим номера нулевых элементов, составляем список
J'=\{7,8,9,11,12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М5 6 7=М5
В строке M5 6 7 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{8,9,12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М5 6 7 8=М5 6
В строке M5 6 7 8 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{9\}.
Записываем дизъюнкцию M5 6 7 8 9=M5 6 7
В строке М5 6 7 8 9 все 1. Построено у19={u1 11,u2 11,u2 9,u2 7,u2 5}
Записываем дизъюнкцию М5 6 7 9=М5 6
7vr9=111111100110100v100000001111111=111111101111111
В строке М5 6 7 9 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М5 6 7 12=М5 6
В строке M5 6 7 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М5 6 7 12 15=М5 6 7
В строке М5 6 7 12 15 все 1. Построено у20={u1 11,u2 11,u2 9,u3 8,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М5 6 7 14=М5 6
В строке M5 6 7 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию M5 6 7 14 15=M5 6 7
В строке М5 6 7 14 15 все 1. Построено у21={u1 11,u2 11,u2 9,u4 9,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М5 6 7 15=М5 6
В строке М5 6 7 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М5 6 8=М5
6Vr8=111111000100100V100000010111111=111111010111111
В строке M5 6 8 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{9\}.
Строка 9 не закроет ноль на 7 позиции.
Записываем дизъюнкцию М5 6 9=М5
6Vr9=111111000100100V100000001111111=111111001111111
В строке М5 6 9 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М5 6 11=М5
В строке M5 6 11 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{12,14,15\}.
Записываем дизъюнкцию М5 6 11 12=М5 6
В строке M5 6 11 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М5 6 11 12 15=М5 6 11
В строке М5 6 11 12 15 все 1. Построено у22={u1 11,u2 11,u3 10,u3 8,u4 8}
Записываем дизъюнкцию М5 6 11 14=М5 6
В строке M5 6 11 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Записываем дизъюнкцию М5 6 11 14 15=М5 6 11
В строке М5 6 11 14 15 все 1. Построено у23={u1 11,u2 11,u3 10,u4 9,u4 8}
```

```
Записываем дизъюнкцию М5 6 11 15=М5 6
В строке М5 6 11 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М5 6 12=М5
6\r12=1111111000100100\v000000011001110=111111011101110
В строке M5 6 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 7, 11
Записываем дизъюнкцию М5 6 14=М5
В строке M5 6 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 7, 11
Записываем дизъюнкцию М5 6 15=М5
В строке М5 6 15 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М5
7=r5\r7=010010000100100\r100000100110100=110010100110100
В строке M5 7 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{8,9,12,14,15\}.
Строки 8, 9, 12, 14, 15 не закроют нули на позициях 3, 4, 6
Записываем дизъюнкцию М5
8=r5\vr8=010010000100100\v100000010111111=110010010111111
В строке M5 8 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{9\}.
Строка 9 не закроет нули на позициях 3, 4, 6, 7
Записываем дизъюнкцию М5
9=r5vr9=010010000100100v100000001111111=110010001111111
В строке М5 9 остались незакрытые 0.
Записываем дизъюнкцию М5
11=r5vr11=010010000100100v001000111010100=0110101111110100
В строке M5 11 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{12,14,15\}.
Строки 12, 14, 15 не закроют нули на позициях 1, 4, 6
Записываем лизъюнкцию М5
12=r5\r12=010010000100100\r0000000011001110=010010011101110
В строке M5 12 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 3, 4, 6, 7, 11
Записываем лизъюнкцию М5
В строке M5 14 находим номера нулевых элементов, составляем список J'=\{15\}.
Строка 15 не закроет нули на позициях 1, 3, 4, 6, 7, 11
Записываем дизъюнкцию М5
15=r5vr15=010010000100100v000000011000001=010010011100101
В строке М5 15 остались незакрытые 0.
Из матрицы R(G') видно, что строки с номерами j > 5 не смогут закрыть ноль в позиции 2.
Семейство максимальных внутрение устойчивых множеств у построено. Это:
\psi 1 = \{u1\ 3, u1\ 9, u1\ 10, u1\ 11, u3\ 8, u4\ 8\}
\psi2={u1 3,u1 9,u1 10,u1 11,u4 9,u4 8}
```

ψ3={u1 3,u1 10,u1 11,u3 10,u3 8,u4 8} ψ4={u1 3,u1 10,u1 11,u3 10,u4 9,u4 8}

ψ5={u1 3,u3 12,u3 10,u3 8,u4 8} ψ6={u1 3,u3 12,u3 10,u4 9,u4 8} ψ7={u1 3,u3 12,u4 12,u4 9,u4 8}

```
\psi8={u2 12,u2 11,u2 9,u2 7,u2 5}
\psi 9 = \{u2\ 12, u2\ 11, u2\ 9, u3\ 8, u4\ 8\}
\psi10={u2 12,u2 11,u2 9,u4 9,u4 8}
\psi11={u2 12,u2 11,u3 10,u3 8,u4 8}
\psi12={u2 12,u2 11,u3 10,u4 9,u4 8}
\psi13={u2 12,u3 12,u3 10,u3 8,u4 8}
\psi14={u2 12,u3 12,u3 10,u4 9,u4 8}
\psi15={u2 12,u3 12,u4 12,u4 9,u4 8}
\psi16={u1 9,u1 10,u1 11,u2 9,u2 7,u2 5}
\psi17={u1 9,u1 10,u1 11,u2 9,u3 8,u4 8}
\psi18={u1 9,u1 10,u1 11,u2 9,u4 9,u4 8}
\psi19={u1 11,u2 11,u2 9,u2 7,u2 5}
\psi20={u1 11,u2 11,u2 9,u3 8,u4 8}
\psi21={u1 11,u2 11,u2 9,u4 9,u4 8}
\psi22={u1 11,u2 11,u3 10,u3 8,u4 8}
\psi23={u1 11,u2 11,u3 10,u4 9,u4 8}
```

# Выделение из G' максимального двудольного подграфа H'

```
Для каждой пары множеств вычислим значение критерия \alpha_{\gamma\beta} = |\psi_{\gamma}| + |\psi_{\beta}| - |\psi_{\gamma} \cap \psi_{\beta}|:
\alpha_{12} = |\psi_1| + |\psi_2| - |\psi_1 \cap \psi_2| = 6 + 6 - 5 = 7 \alpha_{13} = |\psi_1| + |\psi_3| - |\psi_1 \cap \psi_3| = 6 + 6 - 5 = 7
\alpha_{14} = |\psi_1| + |\psi_4| - |\psi_1| + |\psi_4| = 6 + 6 - 4 = 8 \alpha_{15} = |\psi_1| + |\psi_5| - |\psi_1| + |\psi_5| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha_{16} = |\psi_1| + |\psi_6| - |\psi_1 \cap \psi_6| = 6 + 5 - 2 = 9 \alpha_{17} = |\psi_1| + |\psi_7| - |\psi_1 \cap \psi_7| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{18} = |\psi_1| + |\psi_8| - |\psi_1 \cap \psi_8| = 6 + 5 - 0 = 11 \alpha_{19} = |\psi_1| + |\psi_9| - |\psi_1 \cap \psi_9| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{110} = |\psi_1| + |\psi_{10}| - |\psi_1 \cap \psi_{10}| = 6 + 5 - 1 = 10 \alpha_{111} = |\psi_1| + |\psi_{11}| - |\psi_1 \cap \psi_{11}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{112} = |\psi_1| + |\psi_{12}| - |\psi_1 \cap \psi_{12}| = 6 + 5 - 1 = 10 \alpha_{113} = |\psi_1| + |\psi_{13}| - |\psi_1 \cap \psi_{13}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{114} = |\psi_1| + |\psi_{14}| - |\psi_1 \cap \psi_{14}| = 6 + 5 - 1 = 10 \alpha_{115} = |\psi_1| + |\psi_{15}| - |\psi_1 \cap \psi_{15}| = 6 + 5 - 1 = 10
\alpha_{116} = |\psi_1| + |\psi_{16}| - |\psi_1 \cap \psi_{16}| = 6 + 6 - 3 = 9 \alpha_{117} = |\psi_1| + |\psi_{17}| - |\psi_1 \cap \psi_{17}| = 6 + 6 - 5 = 7
\alpha_{118} = |\psi_1| + |\psi_{18}| - |\psi_1 \cap \psi_{18}| = 6 + 6 - 4 = 8 \alpha_{119} = |\psi_1| + |\psi_{19}| - |\psi_1 \cap \psi_{19}| = 6 + 5 - 1 = 10
\alpha_{120} = |\psi_1| + |\psi_{20}| - |\psi_1 \cap \psi_{20}| = 6 + 5 - 3 = 8 \alpha_{121} = |\psi_1| + |\psi_{21}| - |\psi_1 \cap \psi_{21}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{122} = |\psi_1| + |\psi_{22}| - |\psi_1 \cap \psi_{22}| = 6 + 5 - 3 = 8 \alpha_{123} = |\psi_1| + |\psi_{23}| - |\psi_1 \cap \psi_{23}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{23} = |\psi_2| + |\psi_3| - |\psi_2| + |\psi_3| = 6 + 6 - 4 = 8 \alpha_{24} = |\psi_2| + |\psi_4| - |\psi_2| + |\psi_4| = 6 + 6 - 5 = 7
\alpha_{25} = |\psi_2| + |\psi_5| - |\psi_2 \cap \psi_5| = 6 + 5 - 2 = 9 \alpha_{26} = |\psi_2| + |\psi_6| - |\psi_2 \cap \psi_6| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha_{27} = |\psi_2| + |\psi_7| - |\psi_2 \cap \psi_7| = 6 + 5 - 3 = 8 \alpha_{28} = |\psi_2| + |\psi_8| - |\psi_2 \cap \psi_8| = 6 + 5 - 0 = 11
\alpha_{29} = |\psi_2| + |\psi_9| - |\psi_2 \cap \psi_9| = 6 + 5 - 1 = 10 \alpha_{210} = |\psi_2| + |\psi_{10}| - |\psi_2 \cap \psi_{10}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{211} = |\psi_2| + |\psi_{11}| - |\psi_2 \cap \psi_{11}| = 6 + 5 - 1 = 10  \alpha_{212} = |\psi_2| + |\psi_{12}| - |\psi_2 \cap \psi_{12}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{213} = |\psi_2| + |\psi_{13}| - |\psi_2 \cap \psi_{13}| = 6 + 5 - 1 = 10  \alpha_{214} = |\psi_2| + |\psi_{14}| - |\psi_2 \cap \psi_{14}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{215} = |\psi_2| + |\psi_{15}| - |\psi_2 \cap \psi_{15}| = 6 + 5 - 2 = 9 \alpha_{216} = |\psi_2| + |\psi_{16}| - |\psi_2 \cap \psi_{16}| = 6 + 6 - 3 = 9
\alpha 217 = |\psi 2| + |\psi 17| - |\psi 2 \cap \psi 17| = 6 + 6 - 4 = 8 \alpha 218 = |\psi 2| + |\psi 18| - |\psi 2 \cap \psi 18| = 6 + 6 - 5 = 7
\alpha_{219} = |\psi_2| + |\psi_{19}| - |\psi_2 \cap \psi_{19}| = 6 + 5 - 1 = 10  \alpha_{220} = |\psi_2| + |\psi_{20}| - |\psi_2 \cap \psi_{20}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{221} = |\psi_2| + |\psi_{21}| - |\psi_2 \cap \psi_{21}| = 6 + 5 - 3 = 8 \alpha_{222} = |\psi_2| + |\psi_{22}| - |\psi_2 \cap \psi_{22}| = 6 + 5 - 2 = 9
```

```
\alpha_{223} = |\psi_2| + |\psi_{23}| - |\psi_2 \cap \psi_{23}| = 6 + 5 - 3 = 8  \alpha_{34} = |\psi_3| + |\psi_4| - |\psi_3 \cap \psi_4| = 6 + 6 - 5 = 7
\alpha_{35} = |\psi_3| + |\psi_5| - |\psi_3 \cap \psi_5| = 6 + 5 - 4 = 7 \alpha_{36} = |\psi_3| + |\psi_6| - |\psi_3 \cap \psi_6| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha_{37} = |\psi_3| + |\psi_7| - |\psi_3 \cap \psi_7| = 6 + 5 - 2 = 9 \alpha_{38} = |\psi_3| + |\psi_8| - |\psi_3 \cap \psi_8| = 6 + 5 - 0 = 11
\alpha_{39} = |\psi_3| + |\psi_9| - |\psi_3 \cap \psi_9| = 6 + 5 - 2 = 9 \alpha_{310} = |\psi_3| + |\psi_{10}| - |\psi_3 \cap \psi_{10}| = 6 + 5 - 1 = 10
\alpha_{311} = |\psi_3| + |\psi_{11}| - |\psi_3 \cap \psi_{11}| = 6 + 5 - 3 = 8 \alpha_{312} = |\psi_3| + |\psi_{12}| - |\psi_3 \cap \psi_{12}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha 313 = |\psi 3| + |\psi 13| - |\psi 3 \cap \psi 13| = 6 + 5 - 3 = 8 \alpha 314 = |\psi 3| + |\psi 14| - |\psi 3 \cap \psi 14| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{315} = |\psi_3| + |\psi_{15}| - |\psi_3 \cap \psi_{15}| = 6 + 5 - 1 = 10  \alpha_{316} = |\psi_3| + |\psi_{16}| - |\psi_3 \cap \psi_{16}| = 6 + 6 - 2 = 10
\alpha_{317} = |\psi_3| + |\psi_{17}| - |\psi_3 \cap \psi_{17}| = 6 + 6 - 4 = 8 \alpha_{318} = |\psi_3| + |\psi_{18}| - |\psi_3 \cap \psi_{18}| = 6 + 6 - 3 = 9
\alpha 319 = |\psi 3| + |\psi 19| - |\psi 3 \cap \psi 19| = 6 + 5 - 1 = 10 \ \alpha 320 = |\psi 3| + |\psi 20| - |\psi 3 \cap \psi 20| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha_{321} = |\psi_3| + |\psi_{21}| - |\psi_3 \cap \psi_{21}| = 6 + 5 - 2 = 9 \alpha_{322} = |\psi_3| + |\psi_{22}| - |\psi_3 \cap \psi_{22}| = 6 + 5 - 4 = 7
\alpha_{323} = |\psi_3| + |\psi_{23}| - |\psi_3| + |\psi_{23}| = 6 + 5 - 3 = 8 \alpha_{45} = |\psi_4| + |\psi_5| - |\psi_4| + |\psi_5| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha 46 = |\psi 4| + |\psi 6| - |\psi 4 \cap \psi 6| = 6 + 5 - 4 = 7  \alpha 47 = |\psi 4| + |\psi 7| - |\psi 4 \cap \psi 7| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha 48 = |\psi 4| + |\psi 8| - |\psi 4 \cap \psi 8| = 6 + 5 - 0 = 11  \alpha 49 = |\psi 4| + |\psi 9| - |\psi 4 \cap \psi 9| = 6 + 5 - 1 = 10
\alpha 410 = |\psi 4| + |\psi 10| - |\psi 4 \cap \psi 10| = 6 + 5 - 2 = 9 \alpha 411 = |\psi 4| + |\psi 11| - |\psi 4 \cap \psi 11| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha 412 = |\psi 4| + |\psi 12| - |\psi 4 \cap \psi 12| = 6 + 5 - 3 = 8 \alpha 413 = |\psi 4| + |\psi 13| - |\psi 4 \cap \psi 13| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha 414 = |\psi 4| + |\psi 14| - |\psi 4 \cap \psi 14| = 6 + 5 - 3 = 8  \alpha 415 = |\psi 4| + |\psi 15| - |\psi 4 \cap \psi 15| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha 416 = |\psi 4| + |\psi 16| - |\psi 4 \cap \psi 16| = 6 + 6 - 2 = 10  \alpha 417 = |\psi 4| + |\psi 17| - |\psi 4 \cap \psi 17| = 6 + 6 - 3 = 9
\alpha 418 = |\psi 4| + |\psi 18| - |\psi 4 \cap \psi 18| = 6 + 6 - 4 = 8  \alpha 419 = |\psi 4| + |\psi 19| - |\psi 4 \cap \psi 19| = 6 + 5 - 1 = 10
\alpha 420 = |\psi 4| + |\psi 20| - |\psi 4 \cap \psi 20| = 6 + 5 - 2 = 9  \alpha 421 = |\psi 4| + |\psi 21| - |\psi 4 \cap \psi 21| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha 422 = |\psi 4| + |\psi 22| - |\psi 4 \cap \psi 22| = 6 + 5 - 3 = 8 \alpha 423 = |\psi 4| + |\psi 23| - |\psi 4 \cap \psi 23| = 6 + 5 - 4 = 7
\alpha_{56} = |\psi_5| + |\psi_6| - |\psi_5 \cap \psi_6| = 5 + 5 - 4 = 6 \alpha_{57} = |\psi_5| + |\psi_7| - |\psi_5 \cap \psi_7| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{58} = |\psi_5| + |\psi_8| - |\psi_5 \cap \psi_8| = 5 + 5 - 0 = 10 \alpha_{59} = |\psi_5| + |\psi_9| - |\psi_5 \cap \psi_9| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha 510 = |\psi 5| + |\psi 10| - |\psi 5 \cap \psi 10| = 5 + 5 - 1 = 9 \alpha 511 = |\psi 5| + |\psi 11| - |\psi 5 \cap \psi 11| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha512=|\psi5|+|\psi12|-|\psi5\cap\psi12|=5+5-2=8 \alpha513=|\psi5|+|\psi13|-|\psi5\cap\psi13|=5+5-4=6
\alpha514=|\psi5|+|\psi14|-|\psi5\cap\psi14|=5+5-3=7 \alpha515=|\psi5|+|\psi15|-|\psi5\cap\psi15|=5+5-2=8
\alpha516=|\psi5|+|\psi16|-|\psi5\cap\psi16|=5+6-0=11 \alpha517=|\psi5|+|\psi17|-|\psi5\cap\psi17|=5+6-2=9
\alpha_{518} = |\psi_5| + |\psi_{18}| - |\psi_5 \cap \psi_{18}| = 5 + 6 - 1 = 10  \alpha_{519} = |\psi_5| + |\psi_{19}| - |\psi_5 \cap \psi_{19}| = 5 + 5 - 0 = 10
\alpha_{520} = |\psi_5| + |\psi_{20}| - |\psi_5 \cap \psi_{20}| = 5 + 5 - 2 = 8 \; \alpha_{521} = |\psi_5| + |\psi_{21}| - |\psi_5 \cap \psi_{21}| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha522=|\psi5|+|\psi22|-|\psi5\cap\psi22|=5+5-3=7 \alpha523=|\psi5|+|\psi23|-|\psi5\cap\psi23|=5+5-2=8
\alpha 67 = |\psi 6| + |\psi 7| - |\psi 6 \cap \psi 7| = 5 + 5 - 4 = 6 \alpha 68 = |\psi 6| + |\psi 8| - |\psi 6 \cap \psi 8| = 5 + 5 - 0 = 10
\alpha_{69} = |\psi_6| + |\psi_9| - |\psi_6 \cap \psi_9| = 5 + 5 - 1 = 9 \alpha_{610} = |\psi_6| + |\psi_{10}| - |\psi_6 \cap \psi_{10}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{611} = |\psi_6| + |\psi_{11}| - |\psi_6 \cap \psi_{11}| = 5 + 5 - 2 = 8 \alpha_{612} = |\psi_6| + |\psi_{12}| - |\psi_6 \cap \psi_{12}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha 613 = |\psi 6| + |\psi 13| - |\psi 6 \cap \psi 13| = 5 + 5 - 3 = 7 \alpha 614 = |\psi 6| + |\psi 14| - |\psi 6 \cap \psi 14| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha 615 = |\psi 6| + |\psi 15| - |\psi 6 \cap \psi 15| = 5 + 5 - 3 = 7 \alpha 616 = |\psi 6| + |\psi 16| - |\psi 6 \cap \psi 16| = 5 + 6 - 0 = 11
\alpha 617 = |\psi 6| + |\psi 17| - |\psi 6 \cap \psi 17| = 5 + 6 - 1 = 10 \alpha 618 = |\psi 6| + |\psi 18| - |\psi 6 \cap \psi 18| = 5 + 6 - 2 = 9
\alpha_{619} = |\psi_6| + |\psi_{19}| - |\psi_6 \cap \psi_{19}| = 5 + 5 - 0 = 10 \ \alpha_{620} = |\psi_6| + |\psi_{20}| - |\psi_6 \cap \psi_{20}| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha 621 = |\psi 6| + |\psi 21| - |\psi 6 \cap \psi 21| = 5 + 5 - 2 = 8 \alpha 622 = |\psi 6| + |\psi 22| - |\psi 6 \cap \psi 22| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha 623 = |\psi 6| + |\psi 23| - |\psi 6 \cap \psi 23| = 5 + 5 - 3 = 7 \alpha 78 = |\psi 7| + |\psi 8| - |\psi 7 \cap \psi 8| = 5 + 5 - 0 = 10
\alpha79=|\psi7|+|\psi9|-|\psi7|\psi9|=5+5-1=9 \alpha710=|\psi7|+|\psi10|-|\psi7|\psi10|=5+5-2=8
\alpha 711 = |\psi 7| + |\psi 11| - |\psi 7 \cap \psi 11| = 5 + 5 - 1 = 9 \alpha 712 = |\psi 7| + |\psi 12| - |\psi 7 \cap \psi 12| = 5 + 5 - 2 = 8
```

```
\alpha 713 = |\psi 7| + |\psi 13| - |\psi 7 \cap \psi 13| = 5 + 5 - 2 = 8 \alpha 714 = |\psi 7| + |\psi 14| - |\psi 7 \cap \psi 14| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha 715 = |\psi 7| + |\psi 15| - |\psi 7 \cap \psi 15| = 5 + 5 - 4 = 6 \alpha 716 = |\psi 7| + |\psi 16| - |\psi 7 \cap \psi 16| = 5 + 6 - 0 = 11
\alpha717=|\psi7|+|\psi17|-|\psi7\cap\psi17|=5+6-1=10 \alpha718=|\psi7|+|\psi18|-|\psi7\cap\psi18|=5+6-2=9
\alpha719=|\psi7|+|\psi19|-|\psi7|+|\psi19|=5+5-0=10 \alpha720=|\psi7|+|\psi20|-|\psi7|+|\psi20|=5+5-1=9
\alpha721=|\psi7|+|\psi21|-|\psi7|+|\psi21|=5+5-2=8 \alpha722=|\psi7|+|\psi22|-|\psi7|+|\psi22|=5+5-1=9
\alpha 723 = |\psi 7| + |\psi 23| - |\psi 7 \cap \psi 23| = 5 + 5 - 2 = 8  \alpha 89 = |\psi 8| + |\psi 9| - |\psi 8 \cap \psi 9| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha 810 = |\psi 8| + |\psi 10| - |\psi 8 \cap \psi 10| = 5 + 5 - 3 = 7 \alpha 811 = |\psi 8| + |\psi 11| - |\psi 8 \cap \psi 11| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha 812 = |\psi 8| + |\psi 12| - |\psi 8 \cap \psi 12| = 5 + 5 - 2 = 8  \alpha 813 = |\psi 8| + |\psi 13| - |\psi 8 \cap \psi 13| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha 814 = |\psi 8| + |\psi 14| - |\psi 8 \cap \psi 14| = 5 + 5 - 1 = 9 \alpha 815 = |\psi 8| + |\psi 15| - |\psi 8 \cap \psi 15| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha 816 = |\psi 8| + |\psi 16| - |\psi 8 \cap \psi 16| = 5 + 6 - 3 = 8  \alpha 817 = |\psi 8| + |\psi 17| - |\psi 8 \cap \psi 17| = 5 + 6 - 1 = 10
\alpha 818 = |\psi 8| + |\psi 18| - |\psi 8 \cap \psi 18| = 5 + 6 - 1 = 10  \alpha 819 = |\psi 8| + |\psi 19| - |\psi 8 \cap \psi 19| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha 820 = |\psi 8| + |\psi 20| - |\psi 8 \cap \psi 20| = 5 + 5 - 2 = 8 \alpha 821 = |\psi 8| + |\psi 21| - |\psi 8 \cap \psi 21| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha 822 = |\psi 8| + |\psi 22| - |\psi 8 \cap \psi 22| = 5 + 5 - 1 = 9 \alpha 823 = |\psi 8| + |\psi 23| - |\psi 8 \cap \psi 23| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha_{910} = |\psi_9| + |\psi_{10}| - |\psi_9| + |\psi_{10}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha 912 = |\psi 9| + |\psi 12| - |\psi 9 \cap \psi 12| = 5 + 5 - 3 = 7  \alpha 913 = |\psi 9| + |\psi 13| - |\psi 9 \cap \psi 13| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha 914 = |\psi 9| + |\psi 14| - |\psi 9 \cap \psi 14| = 5 + 5 - 2 = 8 \alpha 915 = |\psi 9| + |\psi 15| - |\psi 9 \cap \psi 15| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{916} = |\psi_9| + |\psi_{16}| - |\psi_9 \cap \psi_{16}| = 5 + 6 - 1 = 10  \alpha_{917} = |\psi_9| + |\psi_{17}| - |\psi_9 \cap \psi_{17}| = 5 + 6 - 3 = 8
\alpha_{918} = |\psi_9| + |\psi_{18}| - |\psi_9 \cap \psi_{18}| = 5 + 6 - 2 = 9 \alpha_{919} = |\psi_9| + |\psi_{19}| - |\psi_9 \cap \psi_{19}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{920} = |\psi_9| + |\psi_{20}| - |\psi_9| + |\psi_{20}| = 5 + 5 - 4 = 6 \alpha_{921} = |\psi_9| + |\psi_{21}| - |\psi_9| + |\psi_{21}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha 922 = |\psi 9| + |\psi 22| - |\psi 9 \cap \psi 22| = 5 + 5 - 3 = 7 \alpha 923 = |\psi 9| + |\psi 23| - |\psi 9 \cap \psi 23| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1011} = |\psi_{10}| + |\psi_{11}| - |\psi_{10} \cap \psi_{11}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1012} = |\psi_{10}| + |\psi_{12}| - |\psi_{10} \cap \psi_{12}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{1013} = |\psi_{10}| + |\psi_{13}| - |\psi_{10} \cap \psi_{13}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1014} = |\psi_{10}| + |\psi_{14}| - |\psi_{10} \cap \psi_{14}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1015} = |\psi_{10}| + |\psi_{15}| - |\psi_{10} \cap \psi_{15}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1016} = |\psi_{10}| + |\psi_{16}| - |\psi_{10}| + |\psi_{16}| = 5 + 6 - 1 = 10
\alpha_{1017} \! = \! |\psi_{10}| \! + \! |\psi_{17}| \! - \! |\psi_{10} \cap \psi_{17}| \! = \! 5 \! + \! 6 \! - \! 2 \! = \! 9
\alpha_{1018} = |\psi_{10}| + |\psi_{18}| - |\psi_{10} \cap \psi_{18}| = 5 + 6 - 3 = 8
\alpha_{1019} = |\psi_{10}| + |\psi_{19}| - |\psi_{10} \cap \psi_{19}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1020} = |\psi_{10}| + |\psi_{20}| - |\psi_{10} \cap \psi_{20}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1021} = |\psi_{10}| + |\psi_{21}| - |\psi_{10} \cap \psi_{21}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{1022} = |\psi_{10}| + |\psi_{22}| - |\psi_{10} \cap \psi_{22}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1023} = |\psi_{10}| + |\psi_{23}| - |\psi_{10} \cap \psi_{23}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1112} = |\psi_{11}| + |\psi_{12}| - |\psi_{11} \cap \psi_{12}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{1113} = |\psi_{11}| + |\psi_{13}| - |\psi_{11} \cap \psi_{13}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{1114} = |\psi_{11}| + |\psi_{14}| - |\psi_{11} \cap \psi_{14}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1115} = |\psi_{11}| + |\psi_{15}| - |\psi_{11} \cap \psi_{15}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1116} = |\psi_{11}| + |\psi_{16}| - |\psi_{11} \cap \psi_{16}| = 5 + 6 - 0 = 11
\alpha_{1117} = |\psi_{11}| + |\psi_{17}| - |\psi_{11} \cap \psi_{17}| = 5 + 6 - 2 = 9
\alpha_{1118} = |\psi_{11}| + |\psi_{18}| - |\psi_{11} \cap \psi_{18}| = 5 + 6 - 1 = 10
```

```
\alpha_{1119} = |\psi_{11}| + |\psi_{19}| - |\psi_{11} \cap \psi_{19}| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha_{1120} = |\psi_{11}| + |\psi_{20}| - |\psi_{11} \cap \psi_{20}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1121} = |\psi_{11}| + |\psi_{21}| - |\psi_{11} \cap \psi_{21}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1122} = |\psi_{11}| + |\psi_{22}| - |\psi_{11} \cap \psi_{22}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{1123} = |\psi_{11}| + |\psi_{23}| - |\psi_{11} \cap \psi_{23}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1213} = |\psi_{12}| + |\psi_{13}| - |\psi_{12}| + |\psi_{13}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1214} = |\psi_{12}| + |\psi_{14}| - |\psi_{12}| + |\psi_{14}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{1215} = |\psi_{12}| + |\psi_{15}| - |\psi_{12} \cap \psi_{15}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1216} = |\psi_{12}| + |\psi_{16}| - |\psi_{12} \cap \psi_{16}| = 5 + 6 - 0 = 11
\alpha_{1217} = |\psi_{12}| + |\psi_{17}| - |\psi_{12} \cap \psi_{17}| = 5 + 6 - 1 = 10
\alpha_{1218} = |\psi_{12}| + |\psi_{18}| - |\psi_{12} \cap \psi_{18}| = 5 + 6 - 2 = 9
\alpha_{1219} = |\psi_{12}| + |\psi_{19}| - |\psi_{12} \cap \psi_{19}| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha_{1220} = |\psi_{12}| + |\psi_{20}| - |\psi_{12} \cap \psi_{20}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1221} = |\psi_{12}| + |\psi_{21}| - |\psi_{12} \cap \psi_{21}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1222} = |\psi_{12}| + |\psi_{22}| - |\psi_{12} \cap \psi_{22}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1223} = |\psi_{12}| + |\psi_{23}| - |\psi_{12} \cap \psi_{23}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{1314} = |\psi_{13}| + |\psi_{14}| - |\psi_{13}| + |\psi_{14}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{1315} = |\psi_{13}| + |\psi_{15}| - |\psi_{13} \cap \psi_{15}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1316} = |\psi_{13}| + |\psi_{16}| - |\psi_{13} \cap \psi_{16}| = 5 + 6 - 0 = 11
\alpha_{1317} = |\psi_{13}| + |\psi_{17}| - |\psi_{13} \cap \psi_{17}| = 5 + 6 - 2 = 9
\alpha_{1318} = |\psi_{13}| + |\psi_{18}| - |\psi_{13} \cap \psi_{18}| = 5 + 6 - 1 = 10
\alpha_{1319} = |\psi_{13}| + |\psi_{19}| - |\psi_{13} \cap \psi_{19}| = 5 + 5 - 0 = 10
\alpha_{1320} = |\psi_{13}| + |\psi_{20}| - |\psi_{13} \cap \psi_{20}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1321} = |\psi_{13}| + |\psi_{21}| - |\psi_{13} \cap \psi_{21}| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha_{1322} = |\psi_{13}| + |\psi_{22}| - |\psi_{13} \cap \psi_{22}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1323} = |\psi_{13}| + |\psi_{23}| - |\psi_{13} \cap \psi_{23}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1415} = |\psi_{14}| + |\psi_{15}| - |\psi_{14}| + |\psi_{15}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{1416} = |\psi_{14}| + |\psi_{16}| - |\psi_{14} \cap \psi_{16}| = 5 + 6 - 0 = 11
\alpha_{1417} \!\!=\!\! |\psi_{14}| \!\!+\! |\psi_{17}| \!\!-\! |\psi_{14} \cap \psi_{17}| \!\!=\!\! 5 \!\!+\! 6 \!\!-\! 1 \!\!=\!\! 10
\alpha_{1418} = |\psi_{14}| + |\psi_{18}| - |\psi_{14} \cap \psi_{18}| = 5 + 6 - 2 = 9
\alpha_{1419} = |\psi_{14}| + |\psi_{19}| - |\psi_{14} \cap \psi_{19}| = 5 + 5 - 0 = 10
\alpha_{1420} = |\psi_{14}| + |\psi_{20}| - |\psi_{14} \cap \psi_{20}| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha_{1421} = |\psi_{14}| + |\psi_{21}| - |\psi_{14} \cap \psi_{21}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1422} = |\psi_{14}| + |\psi_{22}| - |\psi_{14}| + |\psi_{22}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1423} = |\psi_{14}| + |\psi_{23}| - |\psi_{14} \cap \psi_{23}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1516} = |\psi_{15}| + |\psi_{16}| - |\psi_{15} \cap \psi_{16}| = 5 + 6 - 0 = 11
\alpha_{1517} \! = \! |\psi_{15}| \! + \! |\psi_{17}| \! - \! |\psi_{15} \cap \psi_{17}| \! = \! 5 \! + \! 6 \! - \! 1 \! = \! 10
\alpha_{1518} = |\psi_{15}| + |\psi_{18}| - |\psi_{15} \cap \psi_{18}| = 5 + 6 - 2 = 9
\alpha_{1519} = |\psi_{15}| + |\psi_{19}| - |\psi_{15} \cap \psi_{19}| = 5 + 5 - 0 = 10
\alpha_{1520} = |\psi_{15}| + |\psi_{20}| - |\psi_{15} \cap \psi_{20}| = 5 + 5 - 1 = 9
```

```
\alpha_{1521} = |\psi_{15}| + |\psi_{21}| - |\psi_{15} \cap \psi_{21}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1522} = |\psi_{15}| + |\psi_{22}| - |\psi_{15} \cap \psi_{22}| = 5 + 5 - 1 = 9
\alpha_{1523} = |\psi_{15}| + |\psi_{23}| - |\psi_{15} \cap \psi_{23}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1617} = |\psi_{16}| + |\psi_{17}| - |\psi_{16} \cap \psi_{17}| = 6 + 6 - 4 = 8
\alpha_{1618} = |\psi_{16}| + |\psi_{18}| - |\psi_{16} \cap \psi_{18}| = 6 + 6 - 4 = 8
\alpha_{1619} = |\psi_{16}| + |\psi_{19}| - |\psi_{16} \cap \psi_{19}| = 6 + 5 - 4 = 7
\alpha_{1620} = |\psi_{16}| + |\psi_{20}| - |\psi_{16} \cap \psi_{20}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{1621} = |\psi_{16}| + |\psi_{21}| - |\psi_{16} \cap \psi_{21}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{1622} = |\psi_{16}| + |\psi_{22}| - |\psi_{16} \cap \psi_{22}| = 6 + 5 - 1 = 10
\alpha_{1623} {=} |\psi_{16}| {+} |\psi_{23}| {-} |\psi_{16} \cap \psi_{23}| {=} 6 {+} 5 {-} 1 {=} 10
\alpha_{1718} = |\psi_{17}| + |\psi_{18}| - |\psi_{17} \cap \psi_{18}| = 6 + 6 - 5 = 7
\alpha_{1719} = |\psi_{17}| + |\psi_{19}| - |\psi_{17} \cap \psi_{19}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{1720} = |\psi_{17}| + |\psi_{20}| - |\psi_{17} \cap \psi_{20}| = 6 + 5 - 4 = 7
\alpha_{1721} = |\psi_{17}| + |\psi_{21}| - |\psi_{17} \cap \psi_{21}| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha_{1722} = |\psi_{17}| + |\psi_{22}| - |\psi_{17} \cap \psi_{22}| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha_{1723} = |\psi_{17}| + |\psi_{23}| - |\psi_{17} \cap \psi_{23}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{1819} = |\psi_{18}| + |\psi_{19}| - |\psi_{18} \cap \psi_{19}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{1820} {=} |\psi_{18}| {+} |\psi_{20}| {-} |\psi_{18} \cap \psi_{20}| {=} 6 {+} 5 {-} 3 {=} 8
\alpha_{1821} = |\psi_{18}| + |\psi_{21}| - |\psi_{18} \cap \psi_{21}| = 6 + 5 - 4 = 7
\alpha_{1822} = |\psi_{18}| + |\psi_{22}| - |\psi_{18} \cap \psi_{22}| = 6 + 5 - 2 = 9
\alpha_{1823} = |\psi_{18}| + |\psi_{23}| - |\psi_{18} \cap \psi_{23}| = 6 + 5 - 3 = 8
\alpha_{1920} = |\psi_{19}| + |\psi_{20}| - |\psi_{19} \cap \psi_{20}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1921} = |\psi_{19}| + |\psi_{21}| - |\psi_{19} \cap \psi_{21}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{1922} = |\psi_{19}| + |\psi_{22}| - |\psi_{19} \cap \psi_{22}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{1923} = |\psi_{19}| + |\psi_{23}| - |\psi_{19} \cap \psi_{23}| = 5 + 5 - 2 = 8
\alpha_{2021} = |\psi_{20}| + |\psi_{21}| - |\psi_{20}| + |\psi_{21}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha 2022 {=} |\psi 20| {+} |\psi 22| {-} |\psi 20 \cap \psi 22| {=} 5 {+} 5 {-} 4 {=} 6
\alpha_{2023} = |\psi_{20}| + |\psi_{23}| - |\psi_{20} \cap \psi_{23}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{2122} = |\psi_{21}| + |\psi_{22}| - |\psi_{21} \cap \psi_{22}| = 5 + 5 - 3 = 7
\alpha_{2123} = |\psi_{21}| + |\psi_{23}| - |\psi_{21}| + |\psi_{23}| = 5 + 5 - 4 = 6
\alpha_{2223} = |\psi_{22}| + |\psi_{23}| - |\psi_{22}| + |\psi_{23}| = 5 + 5 - 4 = 6
```

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23
1	-	7	7	8	8	9	9	11	9	10	9	10	9	10	10	9	7	8	10	8	9	8	9
2		-	8	7	9	8	8	11	10	9	10	9	10	9	9	9	8	7	10	9	8	9	8
3	-	ı	-	7	7	8	9	11	9	10	8	9	8	9	10	10	8	9	10	8	9	7	8
4		-	-	-	8	7	8	11	10	9	9	8	9	8	9	10	9	8	10	9	8	8	7
5	-	ı	-	ı	-	6	7	10	8	9	7	8	6	7	8	11	9	10	10	8	9	7	8
6		ı	-	-	-	ı	6	10	9	8	8	7	7	6	7	11	10	9	10	9	8	8	7
7	-	ı	-	ı	-	ı	ı	10	9	8	9	8	8	7	6	11	10	9	10	9	8	9	8

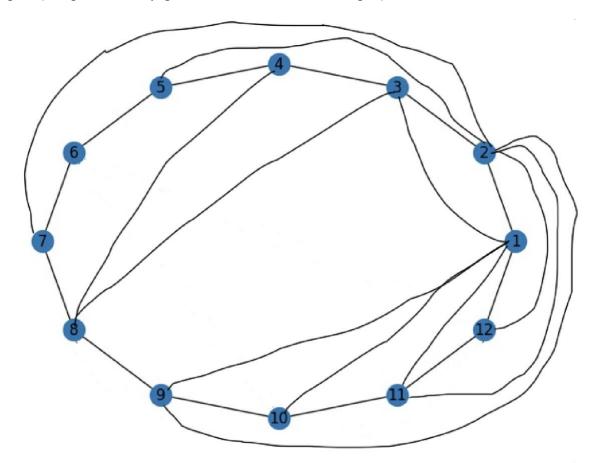
8	-	-	-	-	-	-	-	-	7	7	8	8	9	9	9	8	10	10	6	8	8	9	9
9	-	1	1	-	-	-	-	-	1	6	6	7	7	8	8	10	8	9	8	6	7	7	8
10	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	7	6	8	7	7	10	9	8	8	7	6	8	7
11	-	ı	ı	-	-	-	-	ı	ı	-	-	6	6	7	8	11	9	10	9	7	8	6	7
12	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	7	6	7	11	10	9	9	8	7	7	6
13	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	6	7	11	9	10	10	8	9	7	8
14	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	6	11	10	9	10	9	8	8	7
15	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	11	10	9	10	9	8	9	8
16	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	8	8	7	9	9	10	10
17	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	7	9	7	8	8	9
18	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	9	8	7	9	8
19	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	7	7	8	8
20	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	6	6	7
21	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	7	6
22	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	6

$$max(\alpha\gamma\delta) = \alpha 18 = 11$$

Возьмем ф1 и ф8:

```
ψ1={u1 3,u1 9,u1 10,u1 11,u3 8,u4 8}
ψ8={u2 12,u2 11,u2 9,u2 7,u2 5}
```

Ребра в  $\psi 1$  проводим внутри Гамильтонова цикла. Ребра  $\psi 8$  – вне него:



Удаляем из  $\psi G'$  ребра, вошедшие в  $\psi 1$  и  $\psi 8$ , а также пустые множества

```
\psi 2 = \{u4 9\}
\psi 3 = \{u3\ 10\}
\psi 4 = \{u3\ 10, u4\ 9\}
\psi 5 = \{u3\ 12, u3\ 10\}
\psi 6 = \{ u3 12, u3 10, u4 9 \}
\psi7={u3 12,u4 12,u4 9}
\psi 10 = \{ u4 9 \}
\psi 11 = \{ u3 \ 10 \}
\psi12={u3 10,u4 9}
\psi13={u3 12,u3 10}
\psi14={ u3 12,u3 10,u4 9}
\psi15={ u3 12,u4 12,u4 9}
\psi 18 = \{u49\}
\psi 21 = \{u4 9\}
\psi22={u3 10}
\psi23={u3 10,u4 9}
```

#### Объединим одинаковые множества:

```
ψ2={u4 9}

ψ3={u3 10}

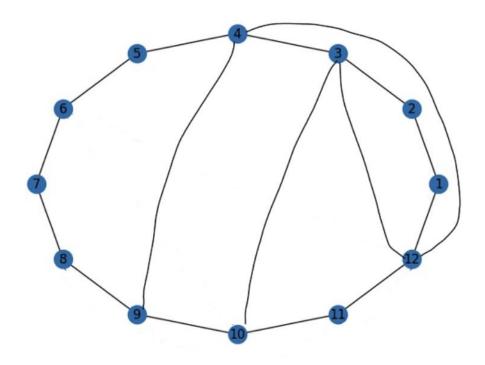
ψ4={u3 10, u4 9}

ψ5={u3 12,u3 10}

ψ6={u3 12,u3 10,u4 9}

ψ7={u3 12,u4 12,u4 9}
```

Нереализованные ребра: u4 9, u3 10, u3 12, u4 12. Проведем данные ребра:



Граф планаризован.