michaeladrian39@gmail.com

From?

Jurusan Teknik Informatika Fakultas Teknologi Informasi dan Sains Universitas Katolik Parahyangan

When? 6 Desember 2016

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma

### Calcudoku

- Salah satu jenis permainan teka-teki aritmatika dan logika
- Dikenal juga sebagai KenKen, KenDoku, atau Mathdoku
- Diciptakan pada tahun 2004 oleh Tetsuya Miyamoto, seorang guru matematika dari Jepang
- Diciptakan untuk melatih kemampuan matematika dan logika dengan cara yang menyenangkan



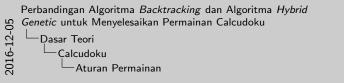


Sebagai salah satu jenis permainan teka-teki aritmatika dan *grid*, Calcudoku, atau dikenal juga sebagai KenKen, KenDoku, atau Mathdoku, diciptakan pada tahun 2004 oleh seorang guru matematika dari Jepang yang bernama Tetsuya Miyamoto untuk memenuhi tujuannya untuk melatih kemampuan matematika dan logika siswa-siswinya dengan cara yang menyenangkan. Nama KenKen diambil dari kata bahasa Jepang yang berarti kepandaian. Permainan yang mengasah otak ini dengan cepat menyebar ke seluruh Jepang dan Amerika Serikat, menggantikan permainan teka-teki silang di banyak koran. Permainan ini kemudian menjadi sensasi di seluruh dunia setelah munculnya versi *online* dan *mobile* dari permainan teka-teki ini, khususnya menarik untuk pecinta permainan teka-teki angka seperti Sudoku.

#### Aturan Permainan

- Pemain diberikan sebuah grid dengan ukuran  $n \times n$
- n biasanya antara 3 sampai dengan 9
- Grid ini harus diisi dengan angka 1 sampai dengan n
- Dalam setiap baris setiap angka hanya muncul sekali
- Dalam setiap kolom setiap angka hanya muncul sekali
- Grid dibagi ke dalam cage
- Cage adalah sekelompok sel yang dibatasi oleh garis yang lebih tebal daripada garis pembatas antar sel dengan angka tujuan dan operator yang telah ditentukan
- Angka-angka dalam setiap *cage* harus mencapai angka tujuan jika dihitung menggunakan operator yang telah ditentukan
- Angka tujuan dan operasi yang telah ditentukan ditulis di sudut kiri atas *cage*



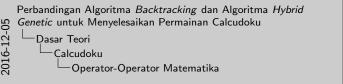


Penan diberkian sabalah piri dengan skuran n x n n hasanya satara Jampai dengan n Golf in harus diti dengan salpa 1 lampai dengan n Golf in harus diti dengan salpa 1 lampai dengan n Dibim setipa salpa salpa salpa mencal sakali Dibim setipa salpa salpa salpa mencal sakali Dibim setipa salpa salpa sanya mencal sakali Dibim setipa salpa salpa salpa samunda sakali Olid dibag le salahun salehomopok sal yang dibatasi oleh paris yang lebih tibadi dipimbag parip pembatasa satur sal dengan salpa salpain dan operator yang tahih dibentian satur sali dengan salpa salpain dan operator yang tahih dibentian satur salpa salpai salpain dan operator yang tahih dibentian dibentian satur salpa salpai salpain dan operator yang tahih dibentian satur salpai salpai

Seperti dalam Sudoku, dalam teka-teki ini, pemain diberikan sebuah grid dengan ukuran  $n \times n$ , dengan n biasanya antara 3 sampai dengan 9. Grid ini harus diisi dengan angka 1 sampai dengan n sehingga dalam setiap baris setiap angka hanya muncul sekali, dalam setiap kolom setiap angka hanya muncul sekali. Perbedaannya dengan Sudoku adalah, Calcudoku dibagi ke dalam cage (sekelompok sel yang dibatasi oleh garis yang lebih tebal daripada garis pembatas antar sel dengan angka tujuan dan operator yang telah ditentukan), dan angka-angka dalam setiap cage harus mencapai angka tujuan jika dihitung menggunakan operator yang telah ditentukan. Angka tujuan dan operasi yang telah ditentukan ditulis di sudut kiri atas cage.

### Operator-Operator Matematika

- Ada 5 kemungkinan operator:
- + (penjumlahan)
- (pengurangan)
- × (perkalian)
  - ÷ (pembagian)
  - = (sama dengan)
- Jika operasi matematika yang ditentukan adalah pengurangan atau pembagian, maka ukuruan *cage* harus berukuran dua sel





Ada lima kemungkinan operator:

- 1. +, sebuah operator *n*-ary yang menandakan penjumlahan.
- 2. -, sebuah operator biner yang menandakan pengurangan.
- 3.  $\times$ , sebuah operator *n*-ary yang menandakan perkalian.
- 4. ÷ sebuah operator biner yang menandakan pembagian.
- =, (simbol ini biasanya dihilangkan), sebuah operator uner yang menandakan persamaan.

Jika operasi matematika yang ditentukan adalah pengurangan atau pembagian, maka ukuruan *cage* harus berukuran dua sel. Pada beberapa versi dari teka-teki ini, hanya angka tujuan yang diberikan, dan pemain harus menebak operator dari setiap *cage* untuk menyelesaikan teka-tekinya.

### Contoh Permainan

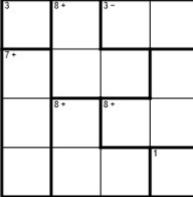


Figure 1: Contoh permainan teka-teki dengan ukuran grid 4 x 4 yang belum diselesaikan.

1

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Calcudoku
Contoh Permainan



### Contoh Solusi

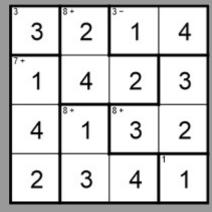


Figure 2: Solusi untuk permainan teka-teki Calcudoku yang diberikan pada Gambar ??.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Calcudoku
Contoh Solusi



# Permasalahan Utama dalam Menyelesaikan Calcudoku

- Untuk menyelesaikan sebuah teka-teki Calcudoku, pemain harus pertama-tama memahami dua permasalahan utama dari teka-teki ini, yaitu:
- Angka-angka mana yang harus dimasukkan ke dalam sebuah *cage*
- Dalam urutan apa angka-angka tersebut harus dimasukkan ke dalam sebuah *cage*
- Cara yang paling mudah untuk menyelesaikan teka-teki ini adalah dengan mengeliminasi angka-angka yang sudah digunakan dan mencoba satu per satu angka yang mungkin (trial and error).

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Calcudoku
Permasalahan Utama dalam Menyelesaikan Calcudoku

Untik menyelestikan sebuh tela-teli Calcadela, pemain hara pertama-tama menuhani dia permasahihan tama die tela-teli si, yakta Angka ngli man yai ban dimandan le idaha Angka ngli man yai pelan dimandan le idaha Calim untikan yai mgli sepata tersetuh hara dimandala di adam seban capa tadah seban capa Cara yang paling malah untuk menyelestikan tela-teli malah melan dipungan diban di angka sejak yang di adam seban capa di adam seban capa kanga di adam seban di adam seban seban seban seban di adam seban capa mangkin (tasi and seron).

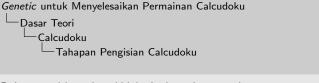
Untuk menyelesaikan sebuah teka-teki Calcudoku, pemain harus pertama-tama memahami dua permasalahan utama dari teka-teki ini, yaitu:

- 1. Angka-angka mana yang harus dimasukkan ke dalam sebuah *cage*
- 2. Dalam urutan apa angka-angka tersebut harus dimasukkan ke dalam sebuah *cage*

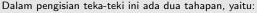
Seperti kebanyakan permainan teka-teki angka, cara yang paling mudah untuk menyelesaikan teka-teki ini adalah dengan mengeliminasi angka-angka yang sudah digunakan dan mencoba satu per satu angka yang mungkin (*trial and error*).

# Tahapan Pengisian Calcudoku

- Dalam pengisian teka-teki ini ada dua tahapan, yaitu:
- Mencari cage yang hanya berukuran 1 sel
  - Mencari mencari *cage* yang hanya mempunyai satu kemungkinan kombinasi angka



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

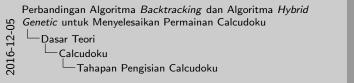


- 1. Mencari cage yang hanya berukuran 1 sel, karena cage ini tidak menghasilkan pertanyaan angka apa dan urutan apa. Tahap ini adalah tahap yang paling jelas. Contoh, pada Gambar ??, cage pada sudut kiri
- atas dan cage pada sudut kanan bawah hanya berukuran 1 sel, dan dapat langsung diisi dengan angka tujuannya. 2. Mencari mencari cage yang hanya mempunyai satu kemungkinan
- kombinasi angka, sehingga masalah angka-angka apa yang harus diisi dalam cage tersebut terjawab. Contoh, cage pada sudut kanan atas mempunyai aturan "3-", artinya angka tujuannya adalah 3 dengan menggunakan operasi pengurangan. Satu-satunya pasangan angka dari himpunan {1,2,3,4} yang akan menghasilkan angka 3 saat satu angka dikurangkan dari angka yang lainnya adalah {1,4}. Namun masalahnya adalah urutan angka-angka yang harus dimasukkan. Dalam kasus ini, untungnya, sel pada sudut kanan bawah sudah diisi dengan angka 1, maka angka 1 tidak bisa digunakan lagi pada kolom yang paling kanan. Jadi, dengan menggunakan cara eliminasi, sel pada sudut kanan atas harus diisi dengan angka 4 dan sel di sebelah kirinya, yaitu sel pada baris

yang paling atas dan kolom ketiga dari kiri, harus diisi dengan angka 1. Hal ini memberikan solusi untuk sel pada baris yang paling atas dan kolom kedua dari kiri, yaitu angka 2, karena angka 2 adalah angka yang

### Tahapan Pengisian Calcudoku

- Seiring dengan meningkatnya tingkat kesulitan, langkah berikutnya tidak akan langsung muncul dengan jelas
- Kadang-kadang, pemain mencapai titik dimana langkah berikutnya tidak pasti
- Pemain harus menebak langkah-langkah berikutnya dan melihat apakah langkah ini akan menghasilkan solusinya. Jika tidak, pemain harus mundur kembali ke titik ketidakpastian tersebut.

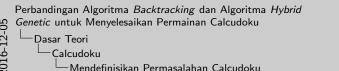




Seiring dengan meningkatnya tingkat kesulitan, langkah berikutnya tidak akan langsung muncul dengan jelas. Kadang-kadang, pemain mencapai titik dimana langkah berikutnya tidak pasti. Pemain harus menebak langkah-langkah berikutnya dan melihat apakah langkah ini akan menghasilkan solusinya. Jika tidak, pemain harus mundur kembali ke titik ketidakpastian tersebut.

### Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

- Sebuah teka-teki Calcudoku dengan ukuran  $n \times n$ , dengan *n* melambangkan jumlah sel dalam satu baris atau kolom, mempunyai n<sup>2</sup> sel
- Sel yang terletak dalam baris b dan kolom k diberi label  $C_{b,k} = bn + k$
- Nilai dari sel tersebut adalah  $V(C_{b,k}) \in \{1, 2, ..., n\}$ .
- Sebuah *cage*, yang diberi label *A<sub>i</sub>* adalah sebuah himpunan dari sel, yaitu  $A_i = \{C_{b,k}\}$
- Setiap cage terhubung dengan satu operator aritmatika  $O_i \in \{+, -, \times, \div\}_i = \mathsf{dan} \; \mathsf{satu} \; \mathsf{angka} \; \mathsf{tujuan} \; H_i \in N$





dengan n melambangkan jumlah sel dalam satu bari

Nilai dari sel tersebut adalah  $V(C_{N,k}) \in \{1, 2, ..., n\}$ .

Sebuah teka-teki Calcudoku dengan ukuran  $n \times n$ , dengan n melambangkan jumlah sel dalam satu baris atau kolom, mempunyai  $n^2$  sel. Sel yang terletak dalam baris b dan kolom k diberi label  $C_{b,k} = bn + k$  dan nilai dari sel tersebut adalah  $V(C_{b,k}) \in \{1, 2, ..., n\}$ . Sebuah cage, yang diberi label  $A_i$  adalah sebuah himpunan dari sel, yaitu  $A_i = \{C_{b,k}\}$ . Setiap cage terhubung dengan satu operator aritmatika  $O_i \in \{+, -, \times, \div\}$  dan satu angka tujuan  $H_i \in N$ .

### Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

- 3 aturan dalam mendefinisikan masalah dalam Calcudoku adalah sebagai berikut
- $|A_i| = 1 \rightarrow O_i = \phi$ , artinya setiap *cage* yang jumlah selnya 1 dengan operasi matematika yang terkait dengan cage tersebut bersifat homeomorfik (setara).
- $O_i \in -, \div \to |A_i| = 2$ , artinya jika operasi yang digunakan dalam sebuah cage adalah pengurangan atau pembagian, maka jumlah sel dalam cage tersebut harus 2.
- $\forall C_{b,k} \to C_{b,k} \in \exists ! A_i$ , artinya setiap sel hanya boleh menjadi anggota dari satu dan hanya satu cage.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori

-Calcudoku



- Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

Menurut Johanna, Lukas, dan Saputra, tiga aturan dalam mendefinisikan masalah dalam Calcudoku adalah sebagai berikut:

- 1.  $|A_i| = 1 \rightarrow O_i = \phi$ , artinya setiap cage yang jumlah selnya 1 dengan operasi matematika yang terkait dengan cage tersebut bersifat homeomorfik (setara)
- 2.  $O_i \in -, \div \to |A_i| = 2$ , artinya jika operasi yang digunakan dalam sebuah cage adalah pengurangan atau pembagian, maka jumlah sel dalam cage tersebut harus 2
- 3.  $\forall C_{b,k} \to C_{b,k} \in \exists ! A_i$ , artinya setiap sel hanya boleh menjadi anggota dari satu dan hanya satu cage

## Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

Tujuan dari teka-teki ini adalah untuk mencari nilai  $V(C_{b,k})$  dan memenuhi persyaratan berikut

□ 
$$|A_i| = 1 \land C_{b,k} \in A_i \rightarrow V(C_{b,k}) = H_i$$
, artinya jika sel adalah bagian dari sebuah *cage* yang jumlah selnya 1, maka nilai dari sel tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut  $O_i \in \{-\} \land A_i = \{C_{a,b}, C_{p,q}\} \rightarrow |V(C_{a,b}) - V(C_{p,q})| = H_i$ , artinya nilai absolut dari hasil pengurangan nilai kedua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut

 $O_i \in \{\div\} \land A_i = \{C_{a,b}, C_{p,q}\} \rightarrow V(C_{a,b})/V(C_{p,q}) = H_i$ , artinya nilai dari hasil pembagian nilai kedua sel di dalam cage tersebut adalah angka tujuan dari cage tersebut  $O_i \in \{+\} \rightarrow \sum_{C_{b,k} \in A_i} V(C_{b,k}) = H_i$ , artinya nilai dari hasil penjumlahan dari nilai semua sel di dalam cage tersebut

penjumlahan dari nilai semua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut  $O_i \in \{\times\} \to \prod_{C_{b,k} \in A_i} V(C_{b,k}) = H_i$ , artinya nilai dari hasil perkalian dari nilai semua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Calcudoku
Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

Menurut Johanna, Lukas, dan Saputra, tujuan dari teka-teki ini adalah untuk mencari nilai  $V(C_{b,k})$  dan memenuhi persyaratan berikut:

1.  $|A_i| = 1 \land C_{b,k} \in A_i \to V(C_{b,k}) = H_i$ , artinya jika sel adalah bagian dari sebuah *cage* yang jumlah selnya 1, maka nilai dari sel tersebut adalah

2.  $O_i \in \{-\} \land A_i = \{C_{a,b}, C_{p,q}\} \rightarrow |V(C_{a,b}) - V(C_{p,q})| = H_i$ , artinya jika sebuah *cage* yang operasi matematikanya adalah pengurangan, maka nilai absolut dari hasil pengurangan nilai kedua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut.

angka tujuan dari cage tersebut.

3.  $O_i \in \{\div\} \land A_i = \{C_{a,b}, C_{p,q}\} \rightarrow V(C_{a,b})/V(C_{p,q}) = H_i$ , artinya jika sebuah *cage* yang operasi matematikanya adalah pembagian, maka nilai dari hasil pembagian nilai kedua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka

tujuan dari cage tersebut.

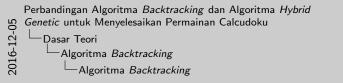
4.  $O_i \in \{+\} \to \sum_{C_{b,k} \in A_i} V(C_{b,k}) = H_i$ , artinya jika sebuah cage yang operasi matematikanya adalah penjumlahan, maka nilai dari hasil penjumlahan dari nilai semua sel di dalam cage tersebut adalah angka

tujuan dari cage tersebut.

5.  $O_i \in \{\times\} \to \prod_{C_{b,k} \in A_i} V(C_{b,k}) = H_i$ , artinya jika sebuah cage yang operasi matematikanya adalah perkalian, maka nilai dari hasil perkalian dari nilai semua sel di dalam cage tersebut adalah angka tujuan dari

### Algoritma Backtracking

- Sebuah algoritma umum yang mencari solusi dengan mencoba salah satu dari beberapa pilihan, jika pilihan yang dipilih ternyata salah, komputasi dimulai lagi pada titik pilihan dan mencoba pilihan lainnya
- Untuk bisa melacak kembali langkah-langkah yang telah dipilih, maka algoritma harus secara eksplisit menyimpan jejak dari setiap langkah yang sudah pernah dipilih, atau menggunakan rekursi (recursion)
- Rekursi dipilih karena jauh lebih mudah daripada harus menyimpan jejak setiap langkah yang pernah dipilih
- Hal ini menyebabkan algoritma ini biasanya berbasis DFS (*Depth First Search*)



Sebuah aleoritma umum yane mencari solusi denean

merocha salah satu dari baberapa pilihan, jika pilihan nyan djalih terupata salah, kempatasi dimala laigi pada titik pilihan dan merocha pilihan lainnya. Untuk bisa maticak bembali langiah-langishay nang talal dipilih, maka algoritma harus secara ekspitisi menyimpan jidik dari satup langishay nang sadah persal dipilih, atau mengganaskan rekural (orcursion) Rikursi didilih karana iasi hidih mudah darinada harus Rikursi didilih karana iasi hidih mudah darinada harus

menyimpan jejak setiap langkah yang pernah dipilih Hal ini menyebabkan algoritma ini biasanya berbasis DFS (Depth First Search)

Algoritma backtracking adalah sebuah algoritma umum yang mencari solusi dengan mencoba salah satu dari beberapa pilihan, jika pilihan yang dipilih ternyata salah, komputasi dimulai lagi pada titik pilihan dan mencoba pilihan lainnya. Untuk bisa melacak kembali langkah-langkah yang telah dipilih, maka algoritma harus secara eksplisit menyimpan jejak dari setiap langkah yang sudah pernah dipilih, atau menggunakan rekursi (recursion). Rekursi dipilih karena jauh lebih mudah daripada harus menyimpan jejak setiap langkah yang pernah dipilih. Hal ini menyebabkan algoritma ini biasanya berbasis DFS (Depth First Search).

### Algoritma Backtracking

- Pertama kali diperkenalkan pada tahun 1950 oleh D.H. Lehmer sebagai perbaikan algoritma *brute force*
- Algoritma ini terbukti efektif untuk menyelesaikan banyak permainan logika karena algoritma itu terutama berguna untuk menyelesaikan masalah-masalah constraint satisfaction, di mana sekumpulan objek harus memenuhi sejumlah batasan

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Algoritma Backtracking

Agoritma Backtrocking

vertama kail diperkenalkan pade tahun 1990 oleh D.H.

shimes sulapaj perhaikan algoritma brate force
digoritma in testukti stikiti sunta menyeksalan

ganya permaian legis kanen algoritma in fastutaman

perjama untuk menyeksalam masalah masalah

segima untuk menyeksalam masalah-masalah

segima untuk menyeksalam masalah-masalah

segima dalah masalah-masalah

segima dalah masalah-masalah

semendul sejimtah batasan

Algoritma backtracking pertama kali diperkenalkan pada tahun 1950 oleh D.H. Lehmer sebagai perbaikan algoritma brute force. Algoritma ini lalu dikembangkan lebih lanjut oleh R.J. Walker, S.W. Golomb, dan L.D. Baumert. Algoritma ini terbukti efektif untuk menyelesaikan banyak permainan logika (misalnya tic tac toe, maze, catur, dan lain-lain) karena algoritma itu terutama berguna untuk menyelesaikan masalah-masalah constraint satisfaction, di mana sekumpulan objek harus memenuhi sejumlah batasan.

# Sifat-Sifat Umum Algoritma Backtracking

- Implementasi algoritma *backtracking* memiliki beberapa sifat umum, yaitu:
- Ruang solusi (*solution space*)
- Fungsi pembangkit (*generating function*)
- Fungsi pembatas (generating function)

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Sifat-Sifat Umum Algoritma Backtracking



### Ruang Solusi

Solusi untuk masalah ini dinyatakan sebagai sebuah vektor X dengan *n-tuple*:

$$X = (x_1, x_2, ..., x_n), x_i \in S_i$$

di mana adalah mungkin bahwa:

di sel pada sudut kanan bawah

$$S_1 = S_2 = ... = S_n$$

- n adalah jumlah sel dalam satu baris atau kolom
- X adalah sebuah *tuple* yang berukuran  $n^2$ , yang mereprentasikan isi dari setiap sel dalam *grid*, dimulai pada sel pada sudut kiri atas, lalu bergerak ke sel di sebelah kanannya dalam baris yang sama, jika sudah mencapai sel yang paling kanan maka bergerak ke sel yang paling kiri pada baris dibawahnya, hingga berakhir
- $S_i$  adalah sebuah himpunan yang berisi angka-angka dari 1 sampai n

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking

Solice with variable in dispersion budges studied at Autopen  $x = (x_1, x_2, \dots, x_n), x_i \in S_i$  of man adult manipul budges.  $S_i = S_i = \dots = S_i$  of studied by the studied budges of the studied by the studied budges of the studied by the studied budges of the s

Solution space

Solusi untuk masalah ini dinyatakan sebagai sebuah vektor X dengan n-tuple:

$$X = (x_1, x_2, ..., x_n), x_i \in S_i$$

di mana adalah mungkin bahwa:

-Ruang Solusi

$$S_1 = S_2 = ... = S_n$$

n adalah jumlah sel dalam satu baris atau kolom. X adalah sebuah tuple yang berukuran  $n^2$ , yang mereprentasikan isi dari setiap sel dalam grid, dimulai pada sel pada sudut kiri atas, lalu bergerak ke sel di sebelah kanannya dalam baris yang sama, jika sudah mencapai sel yang paling kanan maka bergerak ke sel yang paling kiri pada baris dibawahnya, hingga berakhir di sel pada sudut kanan bawah.  $S_i$  adalah sebuah himpunan yang berisi angka-angka dari 1 sampai n.

# Fungsi Pembangkit

Fungsi pembangkit  $X_k$  dinyatakan sebagai:

di mana  $\mathcal{T}(k)$  membangkitkan nilai  $X_k$ , dari 1 sampai n, yang merupakan komponen dari vektor solusi

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Fungsi Pembangkit

Fungsi pembangkit  $X_k$ Fungsi pembangkit  $X_k$  dinyatakan sebagai:

di mana T(k) membangkitkan nilai  $X_k$ , dari 1 sampai n, yang merupakan komponen dari vektor solusi.

## Fungsi Pembatas

Fungsi pembatas dinyatakan sebagai:

$$B(x_1, x_2, ..., x_k)$$

di mana B bernilai true jika  $(x_1, x_2, ..., x_k)$  mengarah ke solusi. Jika B bernilai true, maka nilai  $x_k + 1$  akan terus dibangkitkan, dan jika B bernilai false, maka  $(x_1, x_2, ..., x_k)$  akan dibuang

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Fungsi Pembatas

Fungsi pembatas dinyatakan sebagai:

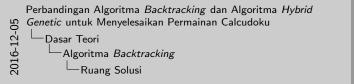
$$B(x_1, x_2, ..., x_k)$$

di mana B bernilai true jika (x1, x2, ..., xk) mengarah lo

di mana B bernilai true jika  $(x_1,x_2,...,x_k)$  mengarah ke solusi. Jika B bernilai true, maka nilai  $x_k+1$  akan terus dibangkitkan, dan jika B bernilai false, maka  $(x_1,x_2,...,x_k)$  akan dibuang.

### Ruang Solusi

- Disusun dalam sebuah struktur berbentuk pohon (*tree*)
- Setiap simpul (*node*) merepresentasikan keadaan masalah
- Setiap sisi (edge) diberi label  $x_i$
- Jalur dari akar (*root*) ke daun (*leaf*) merepresentasikan sebuah jawaban yang mungkin
- Semua jalur yang dikumpulkan bersama-sama membentuk ruang solusi
- Struktur pohon ini disebut sebagai *state space tree*





Ruang solusi untuk algoritma backtracking disusun dalam sebuah struktur berbentuk pohon (tree), di mana setiap simpul (node) merepresentasikan keadaan masalah dan sisi (edge) diberi label  $x_i$ . Jalur dari akar (root) ke daun (leaf) merepresentasikan sebuah jawaban yang mungkin, dan semua jalur yang dikumpulkan bersama-sama membentuk ruang solusi. Struktur pohon ini disebut sebagai state space tree. Gambar state space tree.

### Ruang Solusi

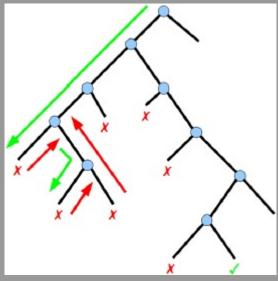


Figure 3: Ilustrasi *State space tree* yang digunakan dalam algoritma *backtracking* 

(ロ) (個) (量) (量) (量) の9(0)

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Ruang Solusi



# Langkah-Langkah Penggunaan *State Space Tree*

- Langkah-langkah dalam menggunakan state space tree untuk mencari solusi adalah:
- Solusi dicari dengan membangun jalur dari akar ke daun menggunakan algoritma DFS
- Simpul yang terbentuk disebut sebagai simpul hidup (*live nodes*)
- Simpul yang sedang diperluas disebut sebagai *expand nodes* atau *E-nodes*
- Setiap kali sebuah *E-node* sedang diperluas, jalur yang dikembangkannya menjadi lebih panjang
- Jika jalur yang sedang dikembangkan tidak mengarah ke solusi, maka *E-node* dimatikan dan menjadi simpul mati (*dead node*)

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Langkah-Langkah Penggunaan State Space Tree

Langkah-Langkah Penggunaan State Space Tree

Langkah-langkah dalam menggunakan state space tree untuk mencari solasi adalah:

Soluni dicari dengan membangun jalur dari akar ke daun menggunakan algoritma DFS Simpul yang terbentuk disebut sebagai simpul hidup (*li*i

nodes)

Simpul yang sedang diperluas disebut sebagai expand

Setiap kali sebuah E-node sedang diperluas, jalur yang dikembangkannya menjadi lebih panjang Jika jalur yang sedang dikembangkan tidak mengarah k

dikembangkannya mespali lebih panyang
Jika jaku yang sodang dikembangkan tidak mengarah ke
solusi, maka E-node dimatikan dan menjadi simpul mati
(dead node)

Langkah-langkah dalam menggunakan *state space tree* untuk mencari solusi adalah [?]:

- Solusi dicari dengan membangun jalur dari akar ke daun menggunakan algoritma DFS.
- Simpul yang terbentuk disebut sebagai simpul hidup (live nodes).
- Simpul yang sedang diperluas disebut sebagai *expand nodes* atau *E-nodes*.
- Setiap kali sebuah E-node sedang diperluas, jalur yang dikembangkannya menjadi lebih panjang.
- Jika jalur yang sedang dikembangkan tidak mengarah ke solusi, maka E-node dimatikan dan menjadi simpul mati (dead node).

# Langkah-Langkah Penggunaan State Space Tree

- Lanjutan dari slide sebelumnya:
- Fungsi yang digunakan untuk mematikan *E-node* adalah implementasi dari fungsi pembatas
  Simpul mati tidak akan diperluas
- Jika jalur yang sedang dibangun berakhir dengan simpul mati, proses akan mundur ke simpul sebelumnya
- Simpul sebelumnya terus membangkitkan simpul anak (child node) lainnya, yang kemudian menjadi E-node baru
- Pencarian selesai jika simpul tujuan tercapai

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Langkah-Langkah Penggunaan State Space Tree

Fings jump digention until emention E-code adults implementation des independents.

Simple mili (data dans dipertion.

Simple mili (data dans dipertion.

Mili (prom. data render da imple adultation despen simple mili (prom. data render da imple adultation per jump despendent).

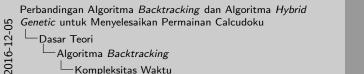
Simple adultation per terminal menjela despendent (cold reste) larrows, up fermalism menjela desort bette (cold reste) larrows, up fermalism menjela desort (cold reste) larrows, up fermalism menjela desort (cold reste) larrows, up fermalism menjela desort (cold reste) larrows (cold reste).

Langkah-langkah dalam menggunakan *state space tree* untuk mencari solusi adalah [?]:

- Fungsi yang digunakan untuk mematikan E-node adalah implementasi dari fungsi pembatas.
- Simpul mati tidak akan diperluas.
- Jika jalur yang sedang dibangun berakhir dengan simpul mati, proses akan mundur ke simpul sebelumnya.
- Simpul sebelumnya terus membangkitkan simpul anak (child node) lainnya, yang kemudian menjadi E-node baru.
- Pencarian selesai jika simpul tujuan tercapai.

### Kompleksitas Waktu

- Setiap simpul di dalam *state space tree* terkait dengan panggilan rekursif
- Jika jumlah simpul di dalam pohon 2n atau n!, maka pada kasus terburuk untuk algoritma backtracking ini memiliki kompleksitas waktu O(p(n)2n) atau O(q(n)n!), dengan p(n) dan q(n) sebagai polinomial dengan n-derajat menyatakan waktu komputasi untuk setiap simpul

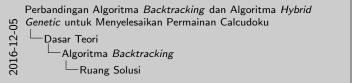


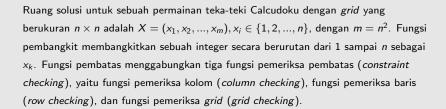


Setiap simpul di dalam state space tree terkait dengan panggilan rekursif. Jika jumlah simpul di dalam pohon 2n atau n!, maka pada kasus terburuk untuk algoritma backtracking ini memiliki kompleksitas waktu O(p(n)2n) atau O(q(n)n!), dengan p(n) dan q(n) sebagai polinomial dengan n-derajat menyatakan waktu komputasi untuk setiap simpul.

### Ruang Solusi

- Ruang solusi untuk sebuah permainan teka-teki Calcudoku dengan *grid* yang berukuran  $n \times n$  adalah  $X = (x_1, x_2, ..., x_m), x_i \in \{1, 2, ..., n\}$ , dengan  $m = n^2$
- Fungsi pembangkit membangkitkan sebuah integer secara berurutan dari 1 sampai n sebagai  $x_k$
- Fungsi pembatas menggabungkan tiga fungsi pemeriksa pembatas (*constraint checking*), yaitu:
- Fungsi pemeriksa kolom (*column checking*)
- Fungsi pemeriksa baris (row checking)
- Fungsi pemeriksa *grid* (*grid checking*)



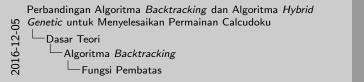


Ruang solusi untuk sebuah permainan teka-teki Calcudoku dengan grid yang berukuran n × n adalal

Fungsi pembangkit membangkitkan sebuah intege

### Fungsi Pembatas

- Fungsi pemeriksa kolom menghasilkan nilai true jika  $x_k$  belum ada di dalam kolom dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya
- Fungsi pemeriksa baris menghasilkan nilai true jika  $x_k$  belum ada di dalam baris dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya
- Fungsi pemeriksa *grid* memeriksa operator pada *grid* dan memeriksa berdasarkan operator yang telah ditentukan



menghasilkan nilai false jika  $x_k$  sudah ada di dalam baris.

Fungsi pemeriksa kolom menghasilkan nilai true jika  $x_k$  belum ada di dalam kolom dan menghasilkan nilai false jika  $x_k$  sudah ada di dalam kolom.
Fungsi pemeriksa baris menghasilkan nilai true jika  $x_k$  belum ada di dalam baris dan

Fungsi pemeriksa kolom menghasilkan nilai true jika : belum ada di dalam kolom dan menghasilkan nilai fal

Fungsi pemeriksa baris menghasilkan nilai true jika x

Fungsi pemeriksa grid memeriksa operator pada gri

Fungsi pemeriksa *grid* memeriksa operator pada *grid* dan memeriksa berdasarkan operator yang telah ditentukan.

# Operator-Operator untuk Fungsi Pemeriksa *Grid*

- Ada 5 operator yang digunakan dalam fungsi ini, yaitu:
- Operator penjumlahan (+), fungsi menghasilkan nilai true jika hasil penjumlahan semua nilai yang ada pada grid ditambah dengan  $x_k$  kurang dari atau sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya
- Operator pengurangan (-), fungsi menghasilkan nilai true jika kedua sel dalam grid kosong, atau jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari  $x_k$  dikurangi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dikurangi dengan  $x_k$  menghasilkan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Operator-Operator untuk Fungsi Pemeriksa Grid

Grid

Adi 5 sparator yang digunakan dalam fungsi isi, yaitu:

Operator penjenishan (-), longi menghutakan sila toru ja han jang penjenishan samu alin yang da pang ang dan yang dan penjenishan samu dalam yang dan pang penjenishan samu dan pe

Ada 5 operator yang digunakan dalam fungsi ini, yaitu:

- Operator penjumlahan (+), fungsi menghasilkan nilai true jika hasil penjumlahan semua nilai yang ada pada grid ditambah dengan  $x_k$  kurang dari atau sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika jumlah semua nilai yang ada pada grid ditambah  $x_k$  lebih dari nilai tujuan.
- ullet Operator pengurangan (-), fungsi menghasilkan nilai true jika kedua sel dalam grid kosong, atau jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari  $x_k$  dikurangi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dikurangi dengan  $x_k$  menghasilkan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika ada satu sel kosong dan hasil dari  $x_k$  dikurangi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dikurangi dengan  $x_k$  tidak menghasilkan nilai tujuan.

### Operator-Operator untuk Fungsi Pemeriksa Grid

- Lanjutan dari slide sebelumnya:
- Operator perkalian  $(\times)$ , fungsi menghasilkan nilai true jika hasil perkalian dari semua nilai yang ada pada grid dikali dengan  $x_k$  kurang dari atau sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya
- Operator pembagian (÷), fungsi menghasilkan nilai true jika kedua sel dalam *grid* kosong, atau jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari  $x_k$  dibagi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dibagi dengan  $x_k$  menghasilkan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai *false* jika sebaliknya
- Operator =, fungsi akan menghasilkan nilai true jika  $x_k$ sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori -Algoritma Backtracking Operator-Operator untuk Fungsi Pemeriksa Grid

Ada 5 operator yang digunakan dalam fungsi ini, yaitu:

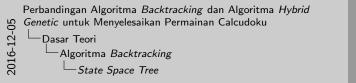
- Operator perkalian (x), fungsi menghasilkan nilai true jika hasil perkalian dari semua nilai yang ada pada grid dikali dengan  $x_k$  kurang dari atau sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika hasil perkalian dari semua nilai yang ada pada grid dikali dengan  $x_k$  lebih dari nilai tujuan.
- Operator pembagian (÷), fungsi menghasilkan nilai true jika kedua sel dalam grid kosong, atau jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari  $x_k$ dibagi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dibagi dengan  $x_k$  menghasilkan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari  $x_k$  dibagi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dibagi dengan  $x_k$  tidak menghasilkan nilai tujuan.
- Operator =, fungsi akan menghasilkan nilai true jika  $x_k$  sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika  $x_k$  tidak sama dengan nilai tujuan.

### State Space Tree

State space tree bersifat dinamis, berkembang secara terus-menerus sampai solusi ditemukan

Tinggi pohon yang dikembangkan untuk menyelesaikan

sebuah teka-teki dengan ukuran  $n \times n$  seharusnya memiliki tinggi  $n^2+1$  saat mencapai simpul tujuannya, dengan jalur dari simpul akar ke simpul tujuan merepresentasikan semua angka yang digunakan untuk mengisi grid dari sel pada sudut kiri atas ke sel pada sudut kanan bawah



State space tree bensilist dinamis, berkembang secara teru-menerus sampai solori ditemukan Tinggi pohon yang dikembangkan untuk menyelesaki sebabah tikis kelalipan disuran ni ni nihansunya memilisi inggi m<sup>2</sup> - 1 saar menapai sampai tajaman memilisi inggi m<sup>2</sup> - 1 saar menapai sampai tajaman memergeneransikan seman angla yang diginskan untu mengiri geri dari sal pada sudut kirin atasa isa sel pada sudut kiran basus.

ditemukan. Tinggi pohon yang dikembangkan untuk menyelesaikan sebuah teka-teki dengan ukuran  $n \times n$  seharusnya memiliki tinggi  $n^2+1$  saat mencapai simpul tujuannya, dengan jalur dari simpul akar ke simpul tujuan merepresentasikan semua angka yang digunakan untuk mengisi grid dari sel pada sudut kiri atas ke sel pada sudut kanan bawah.

State space tree bersifat dinamis, berkembang secara terus-menerus sampai solusi

# Cara Kerja Algoritma *Backtracking* Secara Singkat

- Singkatnya, langkah-langkah dasar dari implementasi algoritma backtracking dapat dijelaskan sebagai berikut:
- Carilah sel pertama atau sel yang kosong di dalam *grid*Isilah sel dengan sebuah angka dimulai dari 1 sampai *n* 
  - sampai sebuah angka yang berlaku (*valid*) ditemukan atau sampai angka sudah melebihi *n*
- Jika angka untuk sel berlaku, ulangi langkah 1 dan 2

  Jika angka untuk sel sudah melebihi *n* dan tidak ada angka dari 1 sampai *n* yang berlaku untuk sel tersebut, mundur ke sel sebelumnya dan cobalah kemungkinan angka berikutnya
- yang berlaku untul sel tersebut

  Jika tidak ada lagi sel yang kosong, solusi sudah ditemukan

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Cara Kerja Algoritma Backtracking Secara Singkat



Singkatnya, langkah-langkah dasar dari implementasi algoritma backtracking dapat dijelaskan sebagai berikut [?]:

- 1. Carilah sel pertama atau sel yang kosong di dalam grid.
- 2. Isilah sel dengan sebuah angka dimulai dari 1 sampai n sampai sebuah angka yang berlaku (valid) ditemukan atau sampai angka sudah melebihi n.
- 3. Jika angka untuk sel berlaku, ulangi langkah 1 dan 2.
- 4. Jika angka untuk sel sudah melebihi *n* dan tidak ada angka dari 1 sampai *n* yang berlaku untuk sel tersebut, mundur ke sel sebelumnya dan cobalah kemungkinan angka berikutnya yang berlaku untul sel tersebut.
- 5. Jika tidak ada lagi sel yang kosong, solusi sudah ditemukan.

## Algoritma Hybrid Genetic

- Dalam kasus ini, algoritma *hybrid genetic* adalah gabungan dari algoritma *rule based* dan algoritma genetik
- Algoritma *rule based* akan dijalankan sampai pada titik dimana algoritma tidak bisa menyelesaikan permainan teka-teki Calcudoku
- Jika algoritma sudah tidak bisa menyelesaikan permainan, maka algoritma genetik akan mulai dijalankan

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

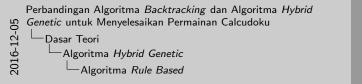
Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Algoritma Hybrid Genetic

Dalam kasus ini, algoritma ini gabungan dari algoritma *rule based* dan algoritma genetik. Algoritma *rule based* akan dijalankan sampai pada titik dimana algoritma tidak bisa menyelesaikan permainan teka-teki Calcudoku. Jika algoritma sudah tidak bisa menyelesaikan permainan, maka algoritma genetik akan mulai dijalankan.

Dalam kasus ini, algoritma hybrid genetic adalah

### Algoritma Rule Based

- Sebuah algoritma berbasis aturan logika untuk menyelesaikan teka-teki Sudoku dan variasinya, termasuk Calcudoku
- Beberapa aturan logika yang digunakan dalam algoritma ini adalah:
- Single square rule
- Naked subset rule
- Hidden single rule
- Evil twin rule
- Killer combination
- □ X-wing





Algoritma rule based adalah sebuah algoritma berbasis aturan logika untuk menyelesaikan teka-teki Sudoku dan variasinya, termasuk Calcudoku. Menurut Johanna, Lukas, dan Saputra, beberapa aturan logika yang digunakan dalam algoritma ini adalah single square rule, naked subset rule, hidden single rule, evil twin rule, killer combination, dan X-wing [?].

## Aturan Single Square

- Digunakan jika sebuah *cage* hanya berisi satu sel
- Nilai dari sel tersebut sama dengan angka tujuan yang telah ditentukan

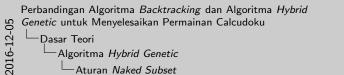
Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan Single Square

Aturan *single square* digunakan jika sebuah *cage* hanya berisi satu sel. Hal ini berarti nilai dari sel tersebut sama dengan angka tujuan yang telah ditentukan.

#### Aturan Naked Subset

- Digunakan jika ada n sel dalam kolom atau baris yang sama yang mempunyai n kemungkinan nilai yang sama persis untuk mengisikannya, dengan  $n \ge 2$ .
- Sel-sel lainnya dalam baris dan kolom tersebut tidak mungkin diisi dengan nilai yang sama dengan nilai milik n sel tersebut.





Digunakan jika ada n sel dalam kolom atau baris yan, sama yang mempunyai n kemungkinan nilai yang sam parsis untuk mengisikannya, dengan  $n \ge 2$ . Sel-sel lainnya dalam baris dan kolom tersebut tidak

Aturan naked subset digunakan jika ada n sel dalam kolom atau baris yang sama yang mempunyai n kemungkinan nilai yang sama persis untuk mengisikannya, dengan  $n \geq 2$ . Hal ini berarti sel-sel lainnya dalam baris dan kolom tersebut tidak mungkin diisi dengan nilai yang sama dengan nilai milik n sel tersebut.

#### Aturan Naked Subset



Figure 4: Contoh bagaimana cara mendeteksi aturan *naked* pair

- Gambar ?? menunjukkan bagaimana cara kerja aturan ini
- Sel-sel pada kolom ke-4 dan ke-6 mempunyai tepat dua kemungkinan nilai (1 atau 7)
- Ini disebut sebagai *naked pair*
- Karena angka 1 dan 7 harus diisi pada sel-sel pada kolom ke-4 dan ke-6, maka angka 1 dan 7 bisa dieliminasi dari sel-sel pada kolom ke-7 dan ke-8



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan Naked Subset



Gambar ?? menunjukkan bagaimana cara kerja aturan ini. Sel-sel pada kolom ke-4 dan ke-6 mempunyai tepat dua kemungkinan nilai (1 atau 7). Ini disebut sebagai *naked pair*. Karena angka 1 dan 7 harus diisi pada sel-sel pada kolom ke-4 dan ke-6, maka angka 1 dan 7 bisa dieliminasi dari sel-sel pada kolom ke-7 dan ke-8.

#### Aturan *Evil Twin*

- Digunakan jika sebuah cage berisikan dua sel, dan salah satu dari kedua sel sudah terisi, maka sel yang satunya lagi diisi dengan angka yang jika kedua angka dihitung dengan operasi matematika yang ditentukan maka akan menghasilkan angka tujuan yang ditentukan
- Bisa digeneralisasikan untuk cage yang berukuran lebih dari 2 sel
- Sel yang belum terisi yang terakhir dalam sebuah area diisi oleh sebuah nilai yang diperlukan untuk mencapai nilai tujuan menggunakan operasi matematika yang telah ditentukan.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori Algoritma Hybrid Genetic -Aturan Evil Twin

Aturan evil twin digunakan jika sebuah cage berisikan dua sel, dan salah satu dari kedua sel sudah terisi, maka sel yang satunya lagi diisi dengan angka yang jika kedua angka dihitung dengan operasi matematika yang ditentukan maka akan menghasilkan angka tujuan yang ditentukan. Aturan ini adalah aturan yang paling mudah. Kenyataannya, aturan ini bisa digeneralisasikan untuk cage yang berukuran lebih dari 2 sel. Sel yang belum terisi yang terakhir dalam sebuah area diisi oleh sebuah nilai yang diperlukan untuk mencapai nilai tujuan menggunakan operasi matematika yang telah ditentukan.

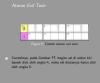
### Aturan Evil Twin



Figure 5: Contoh aturan evil twin

Contohnya, pada Gambar ??, begitu sel di sudut kiri bawah diisi oleh angka 4, maka sel diatasnya harus diisi oleh angka 9.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku
Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan Evil Twin



Contohnya, pada Gambar ??, begitu sel di sudut kiri bawah diisi oleh angka 4, maka sel diatasnya harus diisi oleh angka 9.

# Aturan Hidden Single



Figure 6: Contoh aturan hidden single

- Digunakan jika sebuah angka hanya bisa diisikan dalam satu sel dalam sebuah baris atau kolom.
- Pada Gambar ??, nilai-nilai yang mungkin untuk sel yang paling kiri adalah 3, 5, dan 7
- Tetapi dalam baris ini, angka 7 harus muncul dalam salah satu selnya, dan hanya sel yang paling kiri tersebut yang memiliki kemungkinan nilai 7
- Ini disebut sebagai *hidden single*
- Sel tersebut harus diisi dengan angka 7.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic

-Aturan Hidden Single

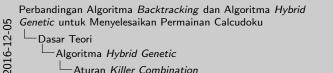


Aturan hidden single digunakan jika sebuah angka hanya bisa diisikan dalam satu sel dalam sebuah baris atau kolom. Aturan ini secara konsep cukup mudah, tetapi kadang-kadang sulit untuk diamati. Pada Gambar ??, nilai-nilai yang mungkin untuk sel yang paling kiri adalah 3, 5, dan 7, tetapi dalam baris ini, angka 7 harus muncul dalam salah satu selnya, dan hanya sel yang paling kiri tersebut yang memiliki kemungkinan nilai 7. Ini disebut sebagai hidden single. Sel tersebut harus diisi dengan angka 7.

#### Aturan Killer Combination

- Digunakan jika sebuah cage berisikan sel-sel yang berada dalam baris atau kolom yang sama dan operasi yang ditentukan adalah penjumlahan
- Kemungkinan angka yang unik untuk aturan killer combination berhubungan dengan ukuran cage
- Contoh, jika sebuah cage memiliki dua sel dan angka tujuannya adalah 3, maka kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam kedua sel tersebut adalah 1 atau 2
- Hal ini berarti semua angka lainnya tidak mungkin diisikan ke dalam kedua sel tersebut
- Jika sebuah *cage* memiliki tiga sel dan angka tujuannya adalah 24, maka kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam ketiga sel tersebut adalah 7, 8, atau 9





Digunakan iika sebuah care berisikan sel-sel yang

ombination berhubungan dengan ukuran cage

adalah 24, maka kemungkinan angka yang bisa diisil

Aturan killer combination adalah aturan yang paling krusial. Aturan ini digunakan jika sebuah cage berisikan sel-sel yang berada dalam baris atau kolom yang sama dan operasi yang ditentukan adalah penjumlahan. Kemungkinan angka yang unik untuk aturan killer combination berhubungan dengan ukuran cage. Contoh, jika sebuah cage memiliki dua sel dan angka tujuannya adalah 3, maka kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam kedua sel tersebut adalah 1 atau 2. Hal ini berarti semua angka lainnya tidak mungkin diisikan ke dalam kedua sel tersebut. Contoh lain, jika sebuah cage memiliki tiga sel dan angka tujuannya adalah 24, maka kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam ketiga sel tersebut adalah 7, 8, atau 9.

#### Aturan Killer Combination

Cage size	Cage value	Combination
2	3	1/2
2	4	1/3
2	17	8/9
2	16	7/9

Figure 7: Contoh aturan *killer combination* untuk *cage* dengan ukuran 2 sel

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku
Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan Killer Combination



# Aturan X-Wing

- Digunakan jika hanya ada dua kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam dua sel yang berada di dalam dua baris yang berbeda, dan dua kemungkinan angka tersebut juga berada di dalam kolom yang sama maka sel-sel lainnya dalam kolom tersebut tidak mungkin diisi oleh dua kemungkinan angka tersebut
- Juga digunakan jika hanya ada dua kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam dua sel yang berada di dalam dua kolom yang berbeda, dan dua kemungkinan angka tersebut juga berada di dalam baris yang sama maka sel-sel lainnya dalam baris tersebut tidak mungkin diisi oleh dua kemungkinan angka tersebut



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan X-Wing

turan X-Wing

Digmaken jiko hanya ada dua kemungkinan angka sana da baka dikan dan bari da dan dua sang berada di dalapan dan baris yang berada di dalam dan baris yang berbada, dalam dua kemungkinan angka terabab; piga berada di dalam bolom yang sama maka sal-aal lainnya dalam kolom terabab tidak mungkin disi oleh dua kemungkinan angka terabab di dalam piga dalam kolom terabab tidak mungkina dalam da terabab dalam yang dalam kolomi kemangi dalam dalam yang dalam dikidasi ke dalam dasa oleh yang biradi dalam salam dalam dalam

angka tersebut juga berada di dalam baris yang sama

Aturan X-wing digunakan jika hanya ada dua kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam dua sel yang berada di dalam dua baris yang berbeda, dan dua kemungkinan angka tersebut juga berada di dalam kolom yang sama maka sel-sel lainnya dalam kolom tersebut tidak mungkin diisi oleh dua kemungkinan angka tersebut, atau jika hanya ada dua kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam dua sel yang berada di dalam dua kolom yang berbeda, dan dua kemungkinan angka tersebut juga berada di dalam baris yang sama maka sel-sel lainnya dalam baris tersebut tidak mungkin diisi oleh dua kemungkinan angka tersebut.

# Aturan X-Wing



Figure 8: Contoh aturan X-wing [?]



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan X-Wing



# Aturan X-Wing

- Gambar ?? menampilkan contoh penggunaan aturan X-wing
- Misalnya, jika sel A diisi oleh angka 7, maka angka 7 akan dieliminasi dari sel B dan sel C
- Karena sel A dengan sel C dan sel D 'terkunci', maka sel
   D harus diisi oleh angka 7
- Jadi, angka 7 harus di isi pada sel A dan sel D atau pada sel B dan sel C
- Angka 7 bisa dieliminasi dari sel-sel yang berwarna hijau

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

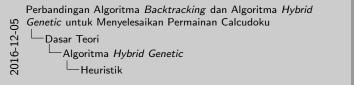
Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan X-Wing

Gambar T7 menampilkan costsh penggersaan staran X-ning.
X-ning
Type of A dist olds heggs 7, mela angle 7
Man didentions dari of B dae sof.
These didentions dari of B dae sof.
D hows dist olds angle 7
All A didentions dari of B dae sof.
D hows dist olds angle 7
All A didentions dari of B dae sof.
Angle 7 how to tip dae sof A dae sof D staran pida sof D daes pida sof A dae sof D daes pida sof D da

Gambar ?? menampilkan contoh penggunaan aturan *X-wing*. Misalnya, jika sel A diisi oleh angka 7, maka angka 7 akan dieliminasi dari sel B dan sel C. Karena sel A dengan sel C dan sel D 'terkunci', maka sel D harus diisi oleh angka 7. Jadi, angka 7 harus di isi pada sel A dan sel D atau pada sel B dan sel C. Angka 7 bisa dieliminasi dari sel-sel yang berwarna hijau.

#### Heuristik

- Semacam aturan tidak tertulis yang mungkin menghasilkan solusi
- Kadang-kadang efektif, tetapi tidak dijamin akan berhasil dalam setiap kasus
- Memerankan peran penting dalam strategi pencarian karena sifat eksponensial dari kebanyakan masalah
- Membantu mengurangi jumlah alternatif solusi dari angka yang bersifat eksponensial menjadi angka yang bersifat polinomial

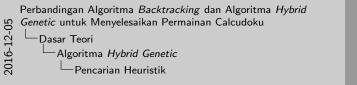




Heuristik adalah semacam aturan tidak tertulis yang mungkin menghasilkan solusi. Heuristik kadang-kadang efektif, tetapi tidak dijamin akan berhasil. dalam setiap kasus. Heuristik memerankan peran penting dalam strategi pencarian karena sifat eksponensial dari kebanyakan masalah. Heuristik membantu mengurangi jumlah alternatif solusi dari angka yang bersifat eksponensial menjadi angka yang bersifat polinomial.

#### Pencarian Heuristik

- Sebuah teknik pencarian kecerdasan buatan (artifical intelligence) yang menggunakan heuristik dalam langkah-langkahnya
- Contoh teknik pencarian heuristik adalah:
  - Generate and Test
  - Hill Climbing
- Best First Search

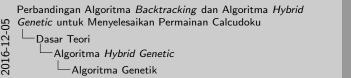


Pencarian heuristik adalah sebuah teknik pencarian kecerdasan buatan (*artifical intelligence*) yang menggunakan heuristik dalam langkah-langkahnya. Contoh teknik pencarian heuristik adalah *Generate and Test*, *Hill Climbing*, dan *Best First Search*.

intelligence) yang menggunakan heuristik dalam

#### Algoritma Genetik

- Salah satu teknik heuristik *Generate and Test* yang terinspirasi oleh sistem seleksi alam
- Perpaduan dari bidang biologi dan ilmu komputer.
- Algoritma ini memanipulasi informasi, biasanya disebut sebagai kromosom.





Algoritma genetik adalah salah satu teknik heuristik *Generate and Test* yang terinspirasi oleh sistem seleksi alam. Algoritma ini adalah perpaduan dari bidang biologi dan ilmu komputer. Algoritma ini memanipulasi informasi, biasanya disebut sebagai kromosom.

#### Kromosom

- Meng-encode kemungkinan jawaban untuk sebuah masalah yang diberikan.
- Dievaluasi dan diberi fitness value berdasarkan seberapa baikkah kromosom dalam menyelesaikan masalah yang diberikan berdasarkan kriteria yang ditentukan
- Nilai kelayakan ini digunakan sebagai probabilitas kebertahanan hidup kromosom dalam satu siklus reproduksi
- Child chromosome diproduksi dengan menggabungkan dua (atau lebih) parent chromosome
- Proses ini dirancang untuk menghasilkan kromosom-kromosom keturunan yang lebih layak
- Kromosom-kromosom ini meng-encode jawaban yang lebih baik, sampai solusi yang baik dan yang bisa diterima ditemukan.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Kromosom

Meng-ancode kemungkiran jawahan untuk sebuah masalah yang diberikan. Disvaluasi dan diberi fitnose value berdasarkan sebera balikah kromosom dalam menyelesalikan masalah yang diberikan berdasarkan liviteria yang diberukahan Shali sebujakan ini digunakan sebagai probabilitas sebertahanan hidus komosom dalam satus sidua sebertahanan hidus komosom dalam satus sidua

Ribertahnian helup kromosom datum satu siklus reproduksi

Child chromosome diproduksi dengan menggabungka dua (atua labih) parent chromosome

Proses ini dirancang untuk menghasilkan kromosom-kromosom katurunan yang labih layak

omosom-kromosom keturunan yang lebih omosom-kromosom ini meng-encode jawa iih baik, sampai solusi yang baik dan yang serima ditemukan.

Kromosom ini meng-encode kemungkinan jawaban untuk sebuah masalah yang diberikan. Kromosom dievaluasi dan diberi fitness value berdasarkan seberapa baikkah kromosom dalam menyelesaikan masalah yang diberikan berdasarkan kriteria yang ditentukan oleh pembuat program. Nilai kelayakan ini digunakan sebagai probabilitas kebertahanan hidup kromosom dalam satu siklus reproduksi. Kromosom baru (kromosom anak, child chromosome) diproduksi dengan menggabungkan dua (atau lebih) kromosom orang tua (parent chromosome). Proses ini dirancang untuk menghasilkan kromosom-kromosom keturunan yang lebih layak, kromosom-kromosom ini meng-encode jawaban yang lebih baik, sampai solusi yang baik dan yang bisa diterima ditemukan.

### Cara Kerja Algoritma Genetik

- Cara kerja algoritma genetik adalah sebagai berikut:
- 1 Menentukan populasi kromosom kemungkinan jawaban awal
- 2 Membangkitkan populasi kemungkinan jawaban awal secara acak
- 3 Mengevaluasi fungsi objektif
- Melakukan operasi terhadap kromosom menggunakan operator genetik (reproduksi, kawin silang, dan mutasi)
- 5 Ulangi langkah 3 dan 4 sampai mencapai kriteria untuk menghentikan algoritm.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Cara Kerja Algoritma Genetik

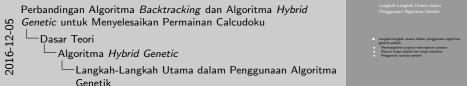


Cara kerja algoritma genetik adalah sebagai berikut [?]:

- 1. Menentukan populasi kromosom kemungkinan jawaban awal.
- 2. Membangkitkan populasi kemungkinan jawaban awal secara acak.
- 3. Mengevaluasi fungsi objektif.
- 4. Melakukan operasi terhadap kromosom menggunakan operator genetik (reproduksi, kawin silang, dan mutasi).
- 5. Ulangi langkah 3 dan 4 sampai mencapai kriteria untuk menghentikan algoritma.

# Langkah-Langkah Utama dalam Penggunaan Algoritma Genetik

- Langkah-langkah utama dalam penggunaan algoritma genetik adalah:
- Membangkitkan populasi kemungkinan jawaban
- Mencari fungsi objektif dan fungsi kelayakan
- Penggunaan operator genetik



Langkah-langkah utama dalam penggunaan algoritma genetik adalah membangkitkan populasi kemungkinan jawaban, mencari fungsi objektif dan fungsi kelayakan, dan penggunaan operator genetik.

- Pencarian rule based dimulai dengan mengasumsikan semua nilai sel yang tidak diketahui dengan semua kemungkinan nilai untuk mengisi sel tersebut tanpa melanggar batasan, dengan  $P(C_{b,k}) = 1, 2, ..., n$
- Setelah nilai dari satu sel sudah ditentukan, kemungkinan nilai untuk beberapa sel tertentu diperbaharui
- Misalnya, penggunaan aturan naked single yang dinyatakan dalam persamaan 1 di slide berikutnya, akan mengakibatkan semua kemungkinan nilai untuk semua sel lain dalam baris yang sama dan dalam kolom yang sama harus diperbaharui, seperti dinyatakan dalam persamaan 2 dan 3 di slide berikutnya
- Aturan naked pair, salah satu dari aturan jenis naked subset, dinyatakan dalam persamaan 4 untuk baris dan persamaan 5 untuk kolom

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori Algoritma Hybrid Genetic -Algoritma Hybrid Genetic

semua nilai sel yang tidak diketahui dengan semua

Aturan naked pair, salah satu dari aturan jenis naked

Pencarian rule based dimulai dengan mengasumsikan semua nilai sel yang tidak diketahui dengan semua kemungkinan nilai untuk mengisi sel tersebut tanpa melanggar batasan, dengan  $P(C_{b,k}) = 1, 2, ..., n$ . Setelah nilai dari satu sel sudah ditentukan, kemungkinan nilai untuk beberapa sel tertentu diperbaharui. Misalnya, penggunaan aturan naked single yang dinyatakan dalam persamaan 1 di bawah ini, akan mengakibatkan semua kemungkinan nilai untuk semua sel lain dalam baris yang sama dan dalam kolom yang sama harus diperbaharui, seperti dinyatakan dalam persamaan 2 dan 3 di bawah ini. Aturan naked pair, salah satu dari aturan jenis naked subset, dinyatakan dalam persamaan 4 untuk baris dan persamaan 5 untuk kolom. [?]

- 1  $|P(C_{b,k})| = 1 \land x \in P(C_{b,k}) \rightarrow V(C_{b,k}) = x$ , artinya jika sebuah *cage* berukuran 1 sel, dan x adalah nilai tujuan dari *cage* tersebut, maka nilai dari sel tersebut adalah x
- 2  $(V(C_{b,k}) = x) \land (\forall a \in \{1,2,...,n\}) \rightarrow P(C_{a,k}) = P(C_{a,k}) \{x\}$ , artinya jika nilai suatu sel pada baris b dan kolom k adalah k, maka k dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada baris k
- 3  $(V(C_{b,k}) = x) \land (\forall q \in \{1,2,...,n\}) \rightarrow P(C_{b,q}) = P(C_{b,q}) \{x\}$  artinya jika nilai suatu sel pada baris b dan kolom k adalah x, maka x dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada kolom k

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori



 $V(C_{0,k}) = x | \wedge (\forall q \in \{1,2,...,n\}) \rightarrow P(C_{0,q}) = P(C_{0,q}) - \{x\}$  artinya jika nilai suatu sel pada baris dan kolom k adalah x, maka x d'hapus dari kerungkinan angka-angka yang bisa digunakan unti mengisi sel-sel lain pada kolom k

 $|P(C_{h,k})| = 1 \land x \in P(C_{h,k}) \rightarrow V(C_{h,k}) = x$ , artinya ji

- 1.  $|P(C_{b,k})| = 1 \land x \in P(C_{b,k}) \to V(C_{b,k}) = x$ , artinya jika sebuah *cage* berukuran 1 sel, dan x adalah nilai tujuan dari *cage* tersebut, maka nilai dari sel tersebut adalah x.
- 2.  $(V(C_{b,k}) = x) \land (\forall a \in \{1,2,...,n\}) \rightarrow P(C_{a,k}) = P(C_{a,k}) \{x\}$ , artinya jika nilai suatu sel pada baris b dan kolom k adalah x, maka x dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada baris b.
- 3.  $(V(C_{b,k}) = x) \land (\forall q \in \{1,2,...,n\}) \rightarrow P(C_{b,q}) = P(C_{b,q}) \{x\}$  artinya jika nilai suatu sel pada baris b dan kolom k adalah x, maka x dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada kolom k.

- $|P(C_{b,k1})| = |P(C_{b,k2})| = 2 \land P(C_{b,k1}) = P(C_{b,k2}) \rightarrow P(C_{b,q}) = P(C_{b,q}) P(C_{b,k1}), \text{ artinya jika ada dua sel dalam satu baris yang hanya bisa diisi oleh dua kemungkinan angka, maka kedua angka tersebut dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada baris tersebut$
- 5  $|P(C_{b1,k})| = |P(C_{b2,k})| = 2 \land P(C_{b1,k}) = P(C_{b2,k}) \rightarrow P(C_{p,k}) = P(C_{p,k}) P(C_{b1,k})$ , artinya jika ada dua sel dalam satu kolom yang hanya bisa diisi oleh dua kemungkinan angka, maka kedua angka tersebut dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada kolom tersebut

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic

—Algoritma Hybrid Genetic

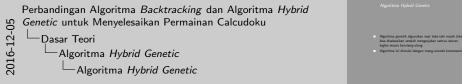
goritma Hybrid Genetic

I (P(C<sub>8,12</sub>)) = |P(C<sub>8,20</sub>)| = 2 ∧ P(C<sub>8,11</sub>) = P(C<sub>8,12</sub>) = P(C<sub>8,12</sub>) = P(C<sub>8,12</sub>) = P(C<sub>8,12</sub>) = Arrisp jaba and dan se dallem satu baris yang hanya bita diris oleh dua kemungkinan angka mak kedua angka tersebut dhapus dari kemungkinan angka angka yang bita digunakan antutu mengjis del-adi lain pada baris tersebut (E(C<sub>8,1,8</sub>)) = P(C<sub>8,1,8</sub>) = P(C<sub>8,2,8</sub>) = P(C<sub>8,2,8</sub>)

 $P(C_{\mu,k}) = P(C_{\mu,k}) - P(C_{5,k,k})$ , artinya jika ada du dalam satu kolom yang hanya bisa disi oleh dusa kamungkinan angika, maka kodua angika tersebut di dari kemungkinan angika-angka yang bisa digunaka untuk mengisi sel-sel lain pada kolom tersebut

- 4.  $|P(C_{b,k1})| = |P(C_{b,k2})| = 2 \land P(C_{b,k1}) = P(C_{b,k2}) \rightarrow P(C_{b,q}) = P(C_{b,q}) P(C_{b,k1})$ , artinya jika ada dua sel dalam satu baris yang hanya bisa diisi oleh dua kemungkinan angka, maka kedua angka tersebut dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada baris tersebut.
- 5.  $|P(C_{b1,k})| = |P(C_{b2,k})| = 2 \land P(C_{b1,k}) = P(C_{b2,k}) \rightarrow P(C_{p,k}) = P(C_{p,k}) P(C_{b1,k})$ , artinya jika ada dua sel dalam satu kolom yang hanya bisa diisi oleh dua kemungkinan angka, maka kedua angka tersebut dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada kolom tersebut.

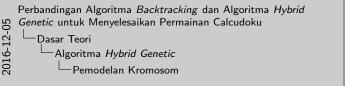
- Algoritma genetik digunakan saat teka-teki masih tidak bisa diselesaikan setelah mengerjakan semua aturan logika secara berulang-ulang
- Algoritma ini dimulai dengan meng-*encode* kromosom



Algoritma genetik digunakan saat teka-teki masih tidak bisa diselesaikan setelah mengerjakan semua aturan logika secara berulang-ulang. Algoritma ini dimulai dengan meng-*encode* kromosom.

#### Pemodelan Kromosom

- Satu kromosom terdiri dari k segmen, dengan m < n
- Satu segmen berisikan sekumpulan gen yang belum diselesaikan yang berada di dalam segmen tersebut
- Sebuah segmen merepresentasikan sebuah baris
- Dalam sebuah kromosom, segmen diurutkan dari baris yang paling atas ke baris yang paling bawah
- Setiap segmen merepresentasikan sebuah baris yang belum terselesaikan





Satu kromosom terdiri dari k segmen, dengan  $m \leq n$ . Satu segmen berisikan sekumpulan gen yang belum diselesaikan yang berada di dalam segmen tersebut. Sebuah segmen merepresentasikan sebuah baris atau kolom. Dalam sebuah kromosom, segmen diurutkan dari baris yang paling atas ke baris yang paling bawah atau dari kolom yang paling kiri ke kolom yang paling kanan. Setiap segmen merepresentasikan sebuah baris yang belum terselesaikan.

# Pemodelan Kromosom

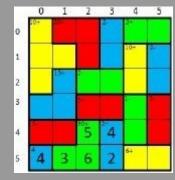
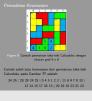


Figure 9: Contoh permainan teka-teki Calcudoku dengan ukuran  $grid \ 6 \times 6$ 

Contoh salah satu kromosom dari permainan teka-teki Calcudoku pada Gambar ?? adalah:

34 35 | 28 29 24 25 | 0 4 5 1 2 3 | 11 6 9 7 8 10 | 12 14 15 17 16 13 | 20 18 19 23 21 22 Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Pemodelan Kromosom

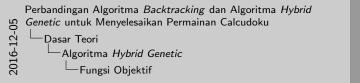


Contoh, salah satu kromosom dari permainan teka-teki Calcudoku pada Gambar ?? adalah

34 35 | 28 29 24 25 | 0 4 5 1 2 3 | 11 6 9 7 8 10 | 12 14 15 17 16 13 | 20 18 19 23 21 22.

# Fungsi Objektif

- Fungsi objektif, yang direpresentasikan dengan  $x_j$ , akan dihitung setelah pembangkitan nilai dari gen pada kromosom sudah dilakukan
- Nilai untuk gen ke-j pada sebuah kromosom direpresentasikan dengan  $w_j$
- $x_j$  akan bernilai 0 jika belum diselesaikan ( $w_j = 0$ ), dan bernilai 1 jika sudah diselesaikan ( $w_j \neq 0$ )





Menurut Johanna, Lukas, dan Saputra, fungsi objektif, yang direpresentasikan dengan  $x_j$ , akan dihitung setelah pembangkitan nilai dari gen pada kromosom sudah dilakukan. Nilai untuk gen ke-j pada sebuah kromosom direpresentasikan dengan  $w_j$ .  $x_j$  akan bernilai 0 jika belum diselesaikan ( $w_j = 0$ ), dan bernilai 1 jika sudah diselesaikan ( $w_j \neq 0$ ).

# Fungsi Kelayakan

Untuk kromosom dengan jumlah gen k, fungsi kelayakan, yaitu hasil penjumlahan dari hasil fungsi objektif untuk setiap gen dibagi dengan jumlah gen, dinyatakan dalam persamaan di bawah ini:

$$x_j = \begin{cases} 0, w_j = 0 \\ 1, w_j \neq 0 \end{cases}$$

$$fitness = \frac{\sum_{j=0}^{k} x_j}{k}$$

Jadi, solusi dari teka-teki ini adalah mencari kromosom yang nilai kelayakannya 1



└-Fungsi Kelayakan

tick bromstorn dengan jamish gan i, fangsi japakan, yatu kudi punjenshakan dari hasi fungsi japakan, yatu kudi punjenshakan dari hasi fungsi japakan yatu kudi punjenshakan dari hasi punjenshakan dalam persamana di bawah ini:  $S_{ij} = \begin{cases} 0, w_{ij} = 0 \\ 1, w_{j} \neq 0 \end{cases}$   $S_{ij} = \begin{cases} 0, w_{ij} = 0 \\ 1, w_{j} \neq 0 \end{cases}$  Gitasa  $\sum_{i=1}^{N-1} S_{ij}^{N}$  Git, coloul dari taka kataki in adalah mencari kromoson ga nika isdayahannya 1

Fungsi kelayakan, yaitu hasil penjumlahan dari hasil fungsi objektif untuk setiap gen dibagi dengan jumlah gen, dinyatakan dalam persamaan di bawah ini [?]:

$$x_j = \begin{cases} 0, w_j = 0 \\ 1, w_j \neq 0 \end{cases}$$

$$fitness = \frac{\sum_{j=0}^{k} x_j}{k}$$

Jadi, solusi dari teka-teki ini adalah mencari kromosom yang nilai kelayakannya 1.

# Kawin Silang

```
Parent 1: 34 35 | 28 29 24 25 | 0 4 5 1 2 3 | 11 6 9 7 8 10 | 12 14 15 17 16 13 | 20 18 19 23 21 22

Parent 2: 34 35 | 29 25 24 28 | 3 5 4 2 0 1 | 10 11 7 8 6 9 | 17 15 14 16 13 12 | 22 20 19 23 18 21

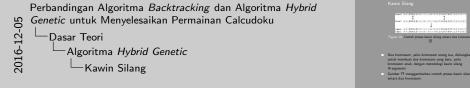
Child 1: 34 35 | 29 25 24 28 | 0 4 5 1 2 3 | 11 6 9 7 8 10 | 17 15 14 16 13 12 | 20 18 19 23 21 22

Child 2: 34 35 | 28 29 24 25 | 3 5 4 2 0 1 | 10 11 7 8 6 9 | 12 14 15 17 16 13 | 22 20 19 23 18 21
```

Figure 10: Contoh proses kawin silang antara dua kromosom

- Dua kromosom, yaitu kromosom orang tua, disilangkan untuk membuat dua kromosom yang baru, yaitu kromosom anak, dengan metodologi kawin silang N-segments
- Gambar ?? menggambarkan contoh proses kawin silang antara dua kromosom.





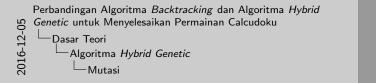
Dalam proses reproduksi kawin silang, dua kromosom, yaitu kromosom orang tua, disilangkan untuk membuat dua kromosom yang baru, yaitu kromosom anak, dengan metodologi kawin silang *N-segments*. Gambar ?? menggambarkan contoh proses kawin silang antara dua kromosom.

#### Mutasi



Figure 11: Contoh proses mutasi [?]

- Digunakan untuk mendapatkan kemungkinan kromosom yang lain
- Dilakukan di antara gen yang berada dalam segmen yang sama
- Gambar ?? adalah contoh proses mutasi antara dua gen dalam segmen yang sama





Pertukaran mutasi digunakan untuk mendapatkan kemungkinan kromosom yang lain. Mutasi dilakukan di antara gen yang berada dalam segmen yang sama. Gambar ?? adalah contoh proses mutasi antara dua gen dalam segmen yang sama.

#### Cara Kerja Algoritma Hybrid Genetic

- Cara kerja algoritma hybrid genetic menurut Johanna, Lukas, dan Saputra adalah sebagai berikut:
- Masukkan teka-teki yang akan diselesaikan sebagai input. Program akan merepresentasikan input yang dimasukkan
- dalam format teka-teki.
- Program akan mencoba menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma rule based terlebih dahulu.
- Jika program berhasil menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma rule based, maka algoritma selesai.
- Jika program gagal dengan menggunakan algoritma rule based, maka program akan mencoba menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma genetik.
- Jika program berhasil menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma genetik, maka algoritma selesai.
- Jika program gagal dalam menyelesaikan teka-teki tersebut setelah menggunakan algoritma genetik, artinya algoritma gagal dalam menyelesaikan teka-teki terseebut.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori Algoritma Hybrid Genetic

-Cara Kerja Algoritma Hybrid Genetic

Cara kerja algoritma hybrid genetic adalah sebagai berikut [?]:

- Masukkan teka-teki yang akan diselesaikan sebagai input.
- Program akan merepresentasikan input yang dimasukkan dalam format teka-teki
- Program akan mencoba menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma rule based terlebih dahulu.
- Jika program berhasil menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma rule based, maka algoritma selesai.
- Jika program gagal dengan menggunakan algoritma rule based, maka program akan mencoba menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma genetik.
- Jika program berhasil menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma genetik, maka algoritma selesai.
- Jika program gagal dalam menyelesaikan teka-teki tersebut setelah menggunakan algoritma genetik, artinya algoritma gagal dalam menyelesaikan teka-teki terseebut.

# Alur Cara Kerja Algoritma Hybrid Genetic

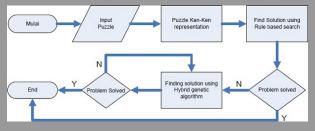


Figure 12: Alur penyelesaian permainan teka-teki Calcudoku dengan menggunakan algoritma *hybrid genetic* 

 Alur (flow chart) penyelesaian permainan teka-teki Calcudoku dengan menggunakan algoritma hybrid genetic dapat dilihat di Gambar ??.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Alur Cara Kerja Algoritma Hybrid Genetic



alcudoku dengan menggunakan algoritma hybrid enetic dapat dilihat di Gambar ??:

Alur (flow chart) penyelesaian permainan teka-teki Calcudoku dengan menggunakan algoritma hybrid genetic dapat dilihat di Gambar ??.

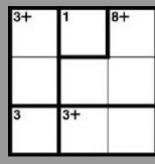


Figure 13: Contoh permainan teka-teki Calcudoku dengan ukuran  $grid \ 3 \times 3$ 

- Untuk mengilustrasikan cara kerja algoritma backtracking, teka-teki Calcudoku yang digambarkan pada Gambar ?? akan digunakan.
- Contoh teka-teki ini dapat dilihat di Bab 2 (Dasar Teori).

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis

Algoritma Backtracking

Analisis Algoritma Backtracking

Untuk menjentakan salam danad danad danga diputas

Analisis Algoritma Backtracking

Canth taka tak in dapa dibut di Back 2 (Dass Tan)

Untuk mengilustrasikan cara kerja algoritma *backtracking*, teka-teki Calcudoku yang digambarkan pada Gambar **??** akan digunakan.

- Algoritma backtracking dimulai dengan teka-teki yang belum diselesaikan (state 1).
- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-1 dan kolom ke-1 dengan angka 1 (state 2). Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.
- Algoritma lalu mengisikan sel pada baris ke-1 dan kolom ke-2 dengan angka 1 (state 3), tetapi angka 1 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (*state* 4), tetapi angka 2 tidak sesuai dengan angka tujuan dari *cage* tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 (*state* 5), tetapi angka 3 tidak sesuai dengan angka tujuan dari *cage* tersebut.
- State 3, state 4, dan state 5 digambarkan pada Gambar ??.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Backtracking
Analisis Algoritma Backtracking

Fungsi pembangkit pertama-tama akan membangkitkan angka 1 sebagai x<sub>1</sub>, yang akan diisikan pada sel pertama yang kosong, yaitu sel yang terletak di sudut kiri atas *grid*, atau sel pada kolom ke-1 dan baris ke-1 (*state* 2). Fungsi pembatas akan memeriksa jika langkah ini adalah langkah yang berlaku, dan ternyata langkah ini berlaku.

Algoritma backtracking dimulai dengan teka-teki yang

Algoritma mengisikan sel pada baris ke-1 dan kolom

ke-2 dengan angka 1 (state 3), tetapi angka 1 sudah

yaitu angka 3 (state 5), tetapi angka 3 tidak sesuai

- Untuk sel yang kosong berikutnya, yaitu x2, atau sel pada kolom ke-2 dan baris ke-1, fungsi pembangkit akan membangkitkan angka 1 (state 3), tetapi langkah ini gagal dalam pemeriksaan baris dalam fungsi pembatas karena angka 1 sudah pernah digunakan pada baris tersebut, ini membentuk sebuah simpul mati.
- Fungsi pembangkit akan mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 4), tetapi langkah ini gagal dalam pemeriksaan grid dalam fungsi pembatas karena angka 2 tidak sama dengan angka tujuan, yaitu angka 1.
- Fungsi pembangkit akan mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 (state 5), tetapi langkah ini juga gagal dalam pemeriksaan grid dalam fungsi pembatas karena angka 3 tidak sama dengan angka tujuan, yaitu angka 1. Gambar ?? menggambarkan state 3, state 4, dan state 5 dalam penyelesaian teka-teki Calcudoku ini.



Figure 14: Ilustrasi *state* 3, 4, dan 5 pada sebuah *grid* teka-teki Calcudoku

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Backtracking
Analisis Algoritma Backtracking



- Karena semua kemungkinan angka untuk baris ke-1 dan kolom ke-2 telah dicoba dan gagal, maka algoritma harus mundur kembali ke (state 1). Algoritma mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 6). Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.
- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-1 dan kolom ke-2 dengan angka 1 (state 7), dan ternyata hasilnya sesuai dengan angka tujuan dari cage tersebut.
   Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.
- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-1 dan kolom ke-3 dengan angka 1 (*state* 8), tetapi angka 1 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (*state* 9), tetapi angka 2 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Backtracking

-Analisis Algoritma Backtracking

Analisis Algoritma Backtracking

Karena semua kemungkinan angka untuk baris ke-1 da

- harus mundur kembali ke (state 1). Algoritma mencobi kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 6) Algoritma lalu maju ke sel berikutnya. Algoritma mengisikan sel pada baris ke-1 dan kolom ke-2 dengan akish (state 2) den berupata barilan
- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-1 dan kolom ke-2 dengan angka 1 (state 7), dan ternyata hasilny sesuai dengan angka tujuan dari cage tersebut. Algoritma lala maju ke sel herisistema.
- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-1 dan kolom ke-3 dengan angka 1 (state 8), tetapi angka 1 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.
- pernah digunakan dalam baris tersebut. Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka beri
- yaitu angka 2 (state 9), tetapi angka 2 sudah pemah digunakan dalam baris tersebut.
- Karena tidak ada solusi yang mungkin, maka algoritma backtracking akan mundur ke state 1. Fungsi pembangkit akan membangkitkan kemungkinan angka berikutnya sebagai x<sub>1</sub>, yaitu 2, dan ternyata angka 2 berlaku sebagai x<sub>1</sub> (state 6), sehingga algoritma bisa maju ke x<sub>2</sub>, yaitu sel pada kolom ke-2 dan baris ke-1.
- Fungsi pembangkit akan membangkitkan angka 1 (state 7), dan ini memenuhi syarat yang ditentukan dalam fungsi pembatas, karena angka 1 sama dengan angka tujuan, yaitu angka 1, sehingga algoritma bisa maju ke x<sub>3</sub>, yaitu sel pada kolom ke-3 dan baris ke-1.
- Angka 1 (state 8) gagal dalam pemeriksaan baris karena angka 1 sudah pernah digunakan pada baris tersebut.
- Angka 2 (state 9) juga gagal dalam pemeriksaan baris karena angka 2 sudah pernah digunakan pada baris tersebut.

- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 (*state* 10). Algoritma telah selesai mengisikan baris ke-1, sehingga bisa maju ke baris berikutnya.
- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-2 dan kolom ke-1 dengan angka 1 (state 11), dan ternyata hasilnya sesuai dengan angka tujuan dari cage tersebut.
   Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.
- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-2 dan kolom ke-2 dengan angka 1 (*state* 12), tetapi angka 1 sudah pernah digunakan dalam baris dan kolom tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 13). Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Backtracking
Analisis Algoritma Backtracking

lisis Algoritma Backtracking

Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnyaitu angka 3 (state 10). Algoritma telah selesai mengisikan baris ke-1, sehingga bisa maju ke baris berikutnya.

Algoritma mengisikan sel pada baris ke-2 dan kolom

ko-1 dengan angka 1 (state 11), dan ternyata hasil sesuai dengan angka tujuan dari cage tersebut. Algoritma lalu maju ke sel beributnya. Algoritma mengisikan sel pada baris ke-2 dan kolor

ke-2 dengan angka 1 (state 12), tetapi angka 1 pernah digunakan dalam baris dan kolom terseb Aleonitma lalu menopha kemungkinan angka ber

perian cagunasan datam para dan kotom teraeut.

Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutt
yaitu angka 2 (state 13). Algoritma lalu maju ke sel
herikutma

- Hal ini menyebabkan hanya tersisa angka 3 sebagai angka yang bisa dimasukkan ke dalam x<sub>3</sub> (state 10). Karena state 10 ternyata berlaku, maka algoritma telah selesai mengisi baris ke-1, dan akan mulai mengisi baris ke-2
- Algoritma lalu membuat *state* baru dengan mengisikan angka 1 pada  $x_4$ , yaitu sel pada kolom ke-1 dan baris ke-2 (*state* 11). Ini memenuhi pemeriksaan pembatas, karena 2+1=3, sehingga algoritma akan maju ke sel berikutnya, yaitu  $x_5$ , atau sel pada kolom ke-2 dan baris ke-2.
- Angka 1 (state 12) jelas tidak bisa digunakan karena gagal dalam pemeriksaan kolom dan pemeriksaan baris; angka 1 sudah pernah digunakan pada kolom dan baris tersebut.
- Angka 2 (state 13) adalah langkah yang berlaku, sehingga algoritma bisa maju ke sel berikutnya, yaitu x<sub>6</sub>, atau sel pada kolom ke-3 dan baris ke-2.

- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-2 dan kolom ke-3 dengan angka 1 (state 14), tetapi angka 1 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 15), tetapi angka 2 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 (state 16), tetapi angka 3 sudah pernah digunakan dalam kolom tersebut.
- Karena semua kemungkinan angka untuk baris ke-2 dan kolom ke-3 telah dicoba dan gagal, maka algoritma harus mundur kembali ke (state 13). Algoritma mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 (state 17). Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Backtracking

-Analisis Algoritma Backtracking

Algoritma mengisikan sel pada baris ke-2 dan kolom ka-3 dengan angka 1 (state 14), tetapi angka 1 sudah namah disunakan dalam baris tersebut

ke-3 dengan angka 1 (state 14), tetapi angka 1 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.

Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya

yaitu angka 2 (state 15), tetapi angka 2 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.

Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutny

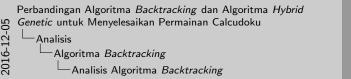
yaitu angka 3 (state 16), tetapi angka 3 sudah pemah digunakan dalam kolom tersebut.

Karena semua kemungkinan angka untuk baris ke-2 dar kolom ke-2 talah diseba dan angal maka albaritan.

Carena semua kemungkinan angka untuk baris ke-2 dar nolom ke-3 telah dicoba dan gagal, maka algoritma anus mundur kembali ke (state 13). Algoritma nencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 state 17). Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.

- Algoritma mengisikan x<sub>6</sub> dengan angka 1 (state 14), tetapi gagal dalam pemeriksaan baris karena angka 1 sudah pernah digunakan pada baris tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 15), tetapi juga gagal dalam pemeriksaan baris karena angka 2 sudah pernah digunakan pada baris tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 (state 16), tetapi juga gagal, kali ini angka 3 gagal dalam pemeriksaan kolom karena angka 3 sudah pernah digunakan pada kolom tersebut.
- Karena semua kemungkinan angka gagal dalam pemeriksaan baris dan kolom, maka algoritma akan mundur ke state 11 dan mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 (state 17), dan ternyata angka 3 berlaku sebagai x<sub>5</sub>, sehingga algoritma bisa maju ke sel berikutnya, yaitu x<sub>6</sub>.

- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-2 dan kolom ke-3 dengan angka 1 (state 18), tetapi angka 1 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 19), dan ternyata hasilnya sesuai dengan angka tujuan dari cage tersebut, seperti digambarkan pada Gambar ??. Algoritma telah selesai mengisikan baris ke-1, sehingga bisa maju ke baris berikutnya.



- Algoritma lalu mencoba angka 1 (state 18) sebagai  $x_6$ , tetapi gagal dalam pemeriksaan baris karena angka 1 sudah pernah digunakan dalam baris tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 19), dan ternyata angka 2 berlaku. Algoritma telah selesai mengisi baris ke-2. Gambar ?? menggambarkan state 19 dalam penyelesaian teka-teki Calcudoku ini.

Algoritma mengisikan sel pada baris ke-2 dan kolom ke-3 dengan angka 1 (state 18), tetapi angka 1 sudah

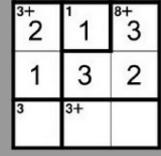


Figure 15: Ilustrasi *state* 19 pada sebuah *grid* teka-teki Calcudoku

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Backtracking
Analisis Algoritma Backtracking



- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-3 dan kolom ke-1 dengan angka 1 (*state* 20), tetapi angka 1 sudah pernah digunakan dalam kolom tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (*state* 21), tetapi angka 2 sudah pernah digunakan dalam kolom tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 (state 22), dan ternyata hasilnya sesuai dengan angka tujuan dari cage tersebut. Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.
- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-3 dan kolom ke-2 dengan angka 1 (*state* 23), tetapi angka 1 sudah pernah digunakan dalam kolom tersebut.

ㅁ > 《檀 > 《토 > 《토 > 》 토 - જ) < @ -

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku
Analisis
Algoritma Backtracking

-Analisis Algoritma Backtracking

isis Algoritma Backtracking

Algoritma mengisikan sel pada baris ke-3 dan kolom ke-1 dengan angka 1 (state 20), tetapi angka 1 sudah narnah disumakan dalam kolom tersebut

 Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikut yaitu angka 2 (state 21), tetapi angka 2 sudah pern digunakan dalam kolom tersebut.

Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikuti yaitu angka 3 (state 22), dan ternyata hasilnya sesui dengan angka tujuan dari cage tersebut. Algoritma l

> naju ke sel berikutnya. Jgoritma mengisikan sel pada baris ke-3 dan kolo e-2 dengan angka 1 (state 23), tetapi angka 1 su

Algoritma mulai mengisikan sel-sel yang terletak pada baris ke-3.
 Algoritma mengisi dari kolom yang paling kiri ke kolom yang paling kanan. Algoritma mengisikan x<sub>7</sub>, yaitu sel pada kolom ke-1 dan baris ke-3 dengan angka 1 (state 20), tetapi gagal dalam pemeriksaan kolom, karena angka 1 sudah pernah digunakan dalam kolom tersebut.

- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 21), tetapi juga gagal dalam pemeriksaan kolom, karena angka 2 sudah pernah digunakan dalam kolom tersebut.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 3 (state 22), dan ternyata berhasil, sehingga algoritma bisa maju ke sel berikutnya, yaitu x<sub>8</sub>, atau sel pada kolom ke-2 dan baris ke-3.
- Algoritma lalu mencoba mengisikan angka 1 pada x<sub>8</sub> (state 23), tetapi gagal dalam pemeriksaan kolom, karena angka 1 sudah pernah digunakan dalam kolom tersebut.

- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (*state* 24). Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.
- Algoritma mengisikan sel pada baris ke-3 dan kolom ke-3 dengan angka 1 (*state* 25), dan ternyata hasilnya sesuai dengan angka tujuan dari *cage* tersebut, seperti digambarkan pada Gambar ??. Algoritma *backtracking* telah selesai mengisi semua sel dalam permainan teka-teki Calcudoku ini dengan benar. *State space tree* ini telah mencapai simpul tujuannya, yaitu simpul 25, dengan jalur 2-1-3-1-3-2-3-2-1, seperti digambarkan pada Gambar ??.



Perbandingan Algoritma *Backtracking* dan Algoritma *Hybrid Genetic* untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma *Backtracking* 

-Analisis Algoritma Backtracking

sis Algoritma *Backtracking* 

- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 24). Algoritma lalu maju ke sel berikutnya.
- Algoritum renegirikan ori pada karis ku-3 das kolomku-3 dengan angka tisater 35, dan tempata kukilipusesasi dengan angka tujuan dari cage tersebut, sepert digimbarkan pada Gambar 17. Algoritum kacitrackin, titah selasi mengis semus uti dalam permainan seku-taki Calcudoku ini dengan benur. State pance rein itahla mensaria simpat tujuannya, yatus simpal 25, dengan jalar 24-3-3-23-21, seperti digimbarkan pada Gambar 17.
- Algoritma lalu mencoba kemungkinan angka berikutnya, yaitu angka 2 (state 24), dan ternyata berhasil, sehingga algoritma bisa maju ke sel berikutnya, yaitu x<sub>9</sub>, atau sel pada kolom ke-3 dan baris ke-3.
- $x_9$  adalah sel terakhir, terletak pada sudut kanan bawah grid. Algoritma lalu mencoba mengisikan  $x_9$  dengan angka 1 (state 25), dan ternyata berhasil. Algoritma telah selesai mengisikan seluruh sel dalam grid dengan benar. Gambar ?? menggambarkan state 25 dalam penyelesaian teka-teki Calcudoku ini. Algoritma ini mencapai solusinya pada state 25, seperti pada state stat

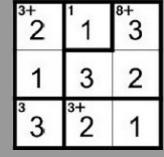


Figure 16: State 25, simpul tujuan, sebagai hasil yang dicapai

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis

Algoritma Backtracking

Analisis Algoritma Backtracking



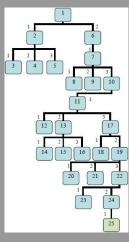


Figure 17: State space tree yang dikembangkan dalam proses menyelesaikan teka-teki Calcudoku yang digambarkan pada Gambar ??



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Backtracking
Analisis Algoritma Backtracking



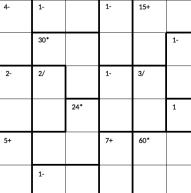


Figure 18: Contoh permainan teka-teki Calcudoku dengan ukuran  $grid\ 6 \times 6$  yang belum diselesaikan

Untuk mengilustrasikan cara kerja algoritma hybrid genetic, akan digunakan permainan teka-teki Calcudoku yang digambarkan pada Gambar ?? sebagai contoh

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis

Algoritma Hybrid Genetic

Analisis Algoritma Hybrid Genetic



Untuk mengilustrasikan cara kerja algoritma *hybrid genetic*, akan digunakan permainan teka-teki Calcudoku yang digambarkan pada Gambar **??** sebagai contoh.

- Algoritma hybrid genetic dimulai dengan mencoba menyelesaikan permainan teka-teki Calcudoku dengan algoritma rule based
- Sel pada baris ke-4 dan kolom ke-6 adalah bagian dari sebuah *cage* yang berukuran hanya 1 sel
- Oleh karena itu, angka tujuan dari sel tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut (aturan *single square*)
- Angka tujuan dari *cage* tersebut adalah 1
- Oleh karena itu sel tersebut dapat langsung diisi dengan angka 1, seperti dapat dilihat pada Gambar ??.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Hybrid Genetic
Analisis Algoritma Hybrid Genetic

Algoritma hybrid gemetic dimulai dengan mencoba mempelasiahan permaiana tekka teki C. akudoku denga algoritma rale basad Si gada harik sed dan kolem kes adalah bagian dari sebash cape yang berukuran harya 1 sel Ohih karensi itu, angka tapian dari sid tersebut salalah angka tapian dari cape tersebut (aturan singke squave) Angka tapian dari cape tersebut dalah 1 Oleh karensi itu sel tersebut dapat langsung disid dengan sersial susaredi janud dibah tandi camba 17 sersial susaredi salam

Algoritma hybrid genetic dimulai dengan mencoba menyelesaikan permainan teka-teki Calcudoku dengan algoritma rule based. Sel pada baris ke-4 dan kolom ke-6 adalah bagian dari sebuah cage yang berukuran hanya 1 sel, dan oleh karena itu, angka tujuan dari sel tersebut adalah angka tujuan dari cage tersebut (aturan single square). Angka tujuan dari cage tersebut adalah 1, dan oleh karena itu sel tersebut dapat langsung diisi dengan angka 1, seperti dapat dilihat pada Gambar ??.

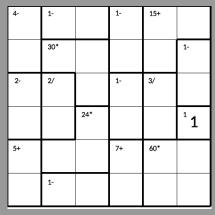


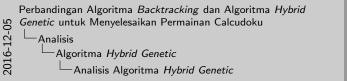
Figure 19: Permainan teka-teki Calcudoku setelah diselesaikan dengan algoritma *rule based* 

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Hybrid Genetic
Analisis Algoritma Hybrid Genetic



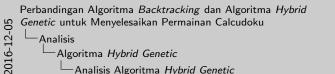
- Sayangnya, algoritma *rule based* gagal dalam mengisi sel-sel lainnya berdasarkan aturan-aturan yang telah didefinisikan setelah beberapa kali percobaan
- Oleh karena itu, algoritma *hybrid genetic* akan mencoba menyelesaikan teka-teki Calcudoku dengan algoritma genetik



Sayangnya, algoritma *rule based* gagal dalam mengisi sel-sel lainnya berdasarkan aturan-aturan yang telah didefinisikan setelah beberapa kali percobaan, sehingga algoritma *hybrid genetic* akan mencoba menyelesaikan teka-teki Calcudoku dengan algoritma genetik.

- Dalam contoh ini, parameter-parameter untuk algoritma genetik yang akan digunakan untuk teka-teki Calcudoku ini ditunjukkan pada Tabel ??.
- Setiap generasi terdiri dari 12 kromosom
- 5 kromosom diambil dari generasi sebelumnya (*elitism*)
- 6 kromosom adalah hasil dari pembentukan kromosom-kromosom baru dengan operasi kawin silang
- 1 kromosom adalah hasil dari pembentukan kromosom-kromosom baru dengan operasi mutasi
- Ditentukan bahwa operasi kawin silang hanya akan menghasilkan 1 kromosom baru
- Untuk mengilustrasikan cara kerja algoritma genetik, hanya 3 generasi pertama yang akan dibahas.





Dalam contoh ini, parameter-parameter untuk aleoritm

ini ditunjukkan pada Tabel ??. Setiap generasi terdiri dari 12 kromosom

l kromosom adalah hasil dari pembentukan

Ditentukan bahwa operasi kawin silang hanya akan

Untuk menzilustrasikan cara keria algoritma genetik

hanya 3 generasi pertama yang akan dibahas.

Dalam contoh ini, parameter-parameter untuk algoritma genetik yang akan digunakan untuk teka-teki Calcudoku ini ditunjukkan pada Tabel ??. Setiap generasi terdiri dari 12 kromosom.  $40\% \times 12 \approx 5$  kromosom diambil dari generasi sebelumnya (*elitism*).  $50\% \times 12 \approx 6$  kromosom adalah hasil dari pembentukan kromosom-kromosom baru dengan operasi kawin silang, dan  $10\% \times 12 \approx 1$  kromosom adalah hasil dari pembentukan kromosom-kromosom baru dengan operasi mutasi. Biasanya, operasi kawin silang akan menghasilkan 2 kromosom baru, tetapi dalam kasus ini ditentukan bahwa operasi kawin silang hanya akan menghasilkan 1 kromosom baru. Untuk mengilustrasikan cara kerja algoritma genetik, hanya 3 generasi pertama yang akan dibahas.

Parameter	Nilai
Ukuran Populasi	12
Probabilitas <i>Elitism</i>	40%
Probabilitas silang	50%
Probabilitas Mutasi	10%

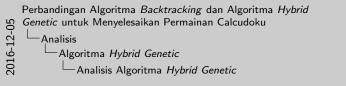
Table 1: Tabel parameter untuk algoritma genetik yang akan digunakan untuk menyelesaikan teka-teki Calcudoku yang digambarkan pada Gambar ??

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Hybrid Genetic
Analisis Algoritma Hybrid Genetic



- Algoritma genetik dimulai dengan membangkitkan kromosom-kromosom baru sebanyak ukuran populasi yang telah ditentukan.
- Dalam contoh ini, ukuran populasi adalah 12
- Maka, algoritma akan membangkitkan 12 kromosom baru
- Ke-12 kromosom awal ini adalah bagian dari generasi pertama.





Algoritma genetik dimulai dengan membangkitkan kromosom-kromosom baru sebanyak ukuran populasi yang telah ditentukan. Dalam contoh ini, ukuran populasi adalah 12, maka algoritma akan membangkitkan 12 kromosom baru. Ke-12 kromosom awal ini adalah bagian dari generasi pertama.

<sup>4</sup> -1	<sup>1</sup> -3	5	<sup>1-</sup> 6	<sup>15+</sup> <b>4</b>	2
3	<sup>30</sup> *4	2	5	1	¹-6
<sup>2</sup> -2	2/1	6	¹-4	<sup>3/</sup> 3	5
6	5	<sup>24</sup> * <b>4</b>	3	2	<sup>1</sup> 1
<sup>5+</sup> 4	6	1	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
5	¹- <b>2</b>	3	1	6	4

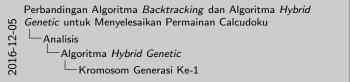
Figure 20: Kromosom 1 dalam Generasi ke-1





⁴3	¹- <b>2</b>	1	<sup>1</sup> -6	<sup>15</sup> †	4
1	30*	2	5	4	¹-3
<sup>2</sup> -5	2/3	6	¹- <b>4</b>	³/ <b>1</b>	2
6	5	<sup>24</sup> * <b>4</b>	3	2	<sup>1</sup> 1
<sup>5+</sup> 4	1	3	<sup>7+</sup> 2	60*	5
2	¹-4	5	1	3	6

Figure 21: Kromosom 2 dalam Generasi ke-1





<sup>4</sup> -4	<sup>1</sup> -3	6	<sup>1-</sup> 2	<sup>15</sup> †	5
6	<sup>30</sup> *5	1	3	2	¹- <b>4</b>
<sup>2-</sup> 5	2/1	4	¹-6	<sup>3/</sup> 3	2
3	6	<sup>24</sup> <b>2</b>	5	4	<sup>1</sup> 1
<sup>5+</sup> 1	2	3	<sup>7+</sup> 4	<sup>60</sup> 5	6
2	¹- <b>4</b>	5	1	6	3

Figure 22: Kromosom 3 dalam Generasi ke-1



<sup>4</sup> -5	¹- <b>1</b>	4	<sup>1-</sup> 6	<sup>15+</sup> 2	3
1	<sup>30</sup> *2	3	4	5	1-6
²- <b>6</b>	2/3	5	¹- <b>2</b>	³/ <b>1</b>	4
2	4	<sup>24</sup> 6	5	3	<sup>1</sup> 1
<sup>5+</sup> 4	5	1	<sup>7+</sup> 6	<b>6</b> 0*	2
3	¹-6	2	1	4	5

Figure 23: Kromosom 4 dalam Generasi ke-1





⁴5	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1-</sup> 6	<sup>15</sup> †	4
1	30*	3	5	4	¹- <b>2</b>
<sup>2</sup> -3	<sup>2/</sup> 2	1	¹-4	3/6	5
6	5	<sup>24</sup> * <b>4</b>	3	2	<sup>1</sup> 1
<sup>5+</sup> 4	1	6	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
2	¹-4	5	1	3	6

Figure 24: Kromosom 5 dalam Generasi ke-1





⁴-6	<sup>1-</sup> 3	5	¹- <b>2</b>	<sup>15+</sup> <b>1</b>	4
5	<sup>30</sup> *1	4	6	2	¹-3
<sup>2</sup> -2	2/4	6	¹- <b>1</b>	<sup>3/</sup> 3	5
3	6	<sup>24</sup> 2	5	4	¹ <b>1</b>
<sup>5+</sup> 1	2	3	<sup>7+</sup> 4	<sup>60</sup> 5	6
4	¹-5	1	3	6	2

Figure 25: Kromosom 6 dalam Generasi ke-1





<sup>4</sup> -1	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup> <b>4</b>	5
3	<sup>30*</sup> 4	1	5	6	¹- <b>2</b>
<sup>2-</sup> 5	<sup>2/</sup> 2	6	¹- <b>4</b>	<sup>3/</sup> 1	3
6	5	<sup>24</sup> * <b>4</b>	3	2	<sup>1</sup> 1
<sup>5+</sup> 4	3	1	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	6
2	¹-6	5	1	3	4

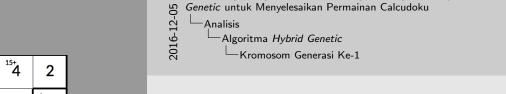
Figure 26: Kromosom 7 dalam Generasi ke-1





⁴3	1-1	5	<sup>1-</sup> 6	<sup>15+</sup> <b>4</b>	2
2	30*	3	5	1	¹- <b>4</b>
²- <b>1</b>	<sup>2/</sup> 2	6	¹- <b>4</b>	<sup>3/</sup> 3	5
6	5	<sup>24</sup> * <b>4</b>	3	2	<sup>1</sup> 1
5+5	4	1	<sup>7+</sup> 2	800	3
4	1-3	2	1	5	6

Figure 27: Kromosom 8 dalam Generasi ke-1



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

<sup>4</sup> -4	<sup>1-</sup> 6	5	<sup>1</sup> -3	<sup>15+</sup> <b>1</b>	2
3	<sup>30</sup> *5	1	6	2	¹-4
²- <b>6</b>	2/1	4	¹- <b>2</b>	<sup>3/</sup> 3	5
2	3	<sup>24</sup> 6	5	4	<sup>1</sup> 1
<sup>5+</sup> 1	2	3	<sup>7+</sup> <b>4</b>	<sup>60</sup> 5	6
5	¹-4	2	1	6	3

Figure 28: Kromosom 9 dalam Generasi ke-1





⁴-5	¹- <b>1</b>	3	<sup>1-</sup> 6	<sup>15+</sup> <b>4</b>	2
3	30*	2	5	1	¹- <b>4</b>
<sup>2</sup> -2	2/3	1	¹- <b>4</b>	3/6	5
6	5	<sup>24</sup> * <b>4</b>	3	2	<sup>1</sup> 1
<sup>5+</sup> 1	4	6	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
4	¹- <b>2</b>	5	1	3	6

Figure 29: Kromosom 10 dalam Generasi ke-1





⁴-5	¹- <b>1</b>	6	¹- <b>2</b>	<sup>15+</sup> <b>4</b>	3
1	30*2	3	4	5	¹-6
²- <b>4</b>	2/3	5	¹-6	³/ <b>1</b>	2
6	4	<sup>24</sup> <b>2</b>	5	3	<sup>1</sup> 1
<sup>5+</sup> 2	5	1	<sup>7+</sup> 3	60*	4
3	¹-6	4	1	2	5

Figure 30: Kromosom 11 dalam Generasi ke-1





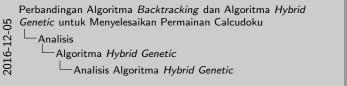
<sup>4-</sup> 1	¹-5	6	<sup>1</sup> -4	15+3	2
3	30*	1	2	4	¹-5
<sup>2</sup> -4	<sup>2/</sup> 1	5	¹-3	<sup>3/</sup> 2	6
2	3	<sup>24</sup> * <b>4</b>	5	6	<sup>1</sup> 1
5⁺5	4	2	<sup>7+</sup> 6	<sup>60</sup> *1	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 31: Kromosom 12 dalam Generasi ke-1





- Berdasarkan nilai kelayakan untuk kromosom-kromosom pada Generasi ke-1 yang ditampilkan pada Tabel ??, 5 kromosom terbaik akan diambil untuk menjadi bagian dari Generasi ke-2
- Ke-5 kromosom yang terpilih adalah Kromosom 12,Kromosom 5, Kromosom 7, Kromosom 11, danKromosom 1





Berdasarkan nilai kelayakan untuk kromosom-kromosom pada Generasi ke-1 yang ditampilkan pada Tabel ??, 5 kromosom terbaik akan diambil untuk menjadi bagian dari Generasi ke-2. Ke-5 kromosom yang terpilih adalah Kromosom 12, Kromosom 5, Kromosom 7, Kromosom 11, dan Kromosom 1.

Nomor Kromosom	Nilai Kelayakan
1	0,3333
2	0,3056
3	0,25
4	0,2222
5	0,4444
6	0,1389
7	0,3889
8	0,25
9	0,1389
10	0,3056
11	0,3889
12	0,5556

Table 2: Tabel nilai kelayakan untuk kromosom-kromsom pada Generasi ke-1



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Hybrid Genetic
Analisis Algoritma Hybrid Genetic



- Untuk Generasi ke-2, 5 kromosom adalah 5 kromosom terbaik dari Generasi ke-1
- 6 kromosom adalah hasil kawin silang dari 2 kromosom dari Generasi ke-1
- 1 kromosom adalah hasil mutasi dari 1 kromosom dari Generasi ke-1

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku -Analisis Algoritma Hybrid Genetic -Analisis Algoritma Hybrid Genetic

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

Untuk Generasi ke-2, 5 kromosom adalah 5 kromosom terbaik dari Generasi ke-1, 6 kromosom adalah hasil kawin silang dari 2 kromosom dari Generasi ke-1, dan 1 kromosom adalah hasil mutasi dari 1 kromosom dari Generasi ke-1 Kromosom 1 adalah Kromosom 12 dari Generasi ke-1. Kromosom 2 adalah Kromosom 5 dari Generasi ke-1, Kromosom 3 adalah Kromosom 7 dari Generasi ke-1, Kromosom 1 adalah Kromosom 11 dari Generasi ke-1, Kromosom 5 adalah Kromosom 11 dari Generasi ke-1. Kromosom 6 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 5 dan Kromosom 12 dari Generasi ke-1, Kromosom 7 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 7 dan Kromosom 11 dari Generasi ke-1, Kromosom 8 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 2 dan Kromosom 10 dari Generasi ke-1. Kromosom 9 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 6 dan Kromosom 9 dari Generasi ke-1, Kromosom 10 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 7 dan Kromosom 12 dari Generasi ke-1, Kromosom 11 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 11 dan Kromosom 12 dari Generasi ke-1.

- Untuk Generasi ke-2, 5 kromosom adalah 5 kromosor

1	<sup>1</sup> -5	6	4	3	2
3	30*	1	2	4	¹-5
<sup>2-</sup> 4	<sup>2/</sup> 1	5	¹-3	<sup>3/</sup> 2	6
2	3	<sup>24*</sup> <b>4</b>	5	6	11
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	<sup>60</sup> 1	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 32: Kromosom 1 dalam Generasi Ke-2

Analisis

Algoritma Hybrid Genetic

Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid



<sup>4</sup> -5	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup>	4
1	30*	3	5	4	¹- <b>2</b>
<sup>2-</sup> 3	<sup>2/</sup> 2	1	¹- <b>4</b>	3/6	5
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	11
<sup>5+</sup> 4	1	6	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
2	¹- <b>4</b>	5	1	3	6

Figure 33: Kromosom 2 dalam Generasi Ke-2



<sup>4</sup> -1	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup> <b>4</b>	5
3	<sup>30*</sup> <b>4</b>	1	5	6	¹- <b>2</b>
<sup>2-</sup> 5	<sup>2/</sup> 2	6	¹- <b>4</b>	³/ <b>1</b>	3
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	11
<sup>5+</sup> 4	1	3	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	6
2	¹-6	5	1	3	4

Figure 34: Kromosom 3 dalam Generasi Ke-2

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis

Algoritma Hybrid Genetic

Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

<sup>4</sup> -5	¹- <b>1</b>	6	¹- <b>2</b>	<sup>15+</sup> <b>4</b>	3
1	<sup>30</sup> *2	3	4	5	¹-6
²- <b>4</b>	2/3	5	¹-6	³/ <b>1</b>	2
6	4	<sup>24*</sup> 2	5	3	11
<sup>5+</sup> 2	5	1	<sup>7+</sup> 3	60*	4
3	¹-6	4	1	2	5

Figure 35: Kromosom 4 dalam Generasi Ke-2

Analisis

Algoritma Hybrid Genetic

Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid



<sup>4</sup> -1	<sup>1</sup> -3	5	1-6	<sup>15+</sup> <b>4</b>	2
3	<sup>30*</sup> <b>4</b>	2	5	1	¹-6
<sup>2-</sup> 2	<sup>2/</sup> 1	6	¹- <b>4</b>	<sup>3/</sup> 3	5
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	¹1
<sup>5+</sup> 4	6	1	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> *5	3
5	¹- <b>2</b>	3	1	6	4

Figure 36: Kromosom 5 dalam Generasi Ke-2

Analisis
Algoritma Hybrid Genetic
Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

⁴-5	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup>	4
3	30*	1	2	4	¹-5
²- <b>4</b>	<sup>2/</sup> 1	5	¹-3	<sup>3/</sup> 2	6
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	11
<sup>5+</sup> 4	1	6	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 37: Kromosom 6 dalam Generasi Ke-2

Analisis

Algoritma Hybrid Genetic

Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid



<sup>4</sup> -1	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1</sup> -6	4	5
3	<sup>30*</sup> <b>4</b>	1	5	6	¹- <b>2</b>
²- <b>4</b>	2/3	5	¹-6	<sup>3/</sup> 1	2
6	4	<sup>24*</sup> 2	5	3	11
<sup>5+</sup> 2	5	1	<sup>7+</sup> 3	60.5	4
2	¹-6	5	1	3	4

Figure 38: Kromosom 7 dalam Generasi Ke-2

Analisis

Algoritma Hybrid Genetic

Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

⁴3	1-2	1	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup> 5	4
1	<sup>30</sup> *	2	5	4	¹- <b>3</b>
<sup>2-</sup> 2	2/3	1	¹- <b>4</b>	<sup>3/</sup> 6	5
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	11
<sup>5+</sup> 1	4	6	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
2	¹- <b>4</b>	5	1	3	6

Figure 39: Kromosom 8 dalam Generasi Ke-2

Analisis

Algoritma Hybrid Genetic

Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

⁴-4	<sup>1</sup> -6	5	<sup>1</sup> -3	<sup>15+</sup>	2
3	<sup>30</sup> *5	1	6	2	¹- <b>4</b>
²- <b>6</b>	<sup>2/</sup> 1	4	¹- <b>2</b>	<sup>3/</sup> 3	5
3	6	24*2	5	4	¹1
5+1	2	3	<sup>7+</sup> <b>4</b>	<sup>60</sup> 5	6
4	¹-5	1	3	6	2

Figure 40: Kromosom 9 dalam Generasi Ke-2

Analisis

Algoritma Hybrid Genetic

Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid



<sup>4-</sup> 1	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1</sup> -6	4	5
3	<sup>30</sup> * <b>4</b>	1	5	6	¹- <b>2</b>
²- <b>4</b>	<sup>2/</sup> 1	5	¹-3	<sup>3/</sup> 2	6
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	1
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	60*	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 41: Kromosom 10 dalam Generasi Ke-2

Analisis
Algoritma Hybrid Genetic
Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

<sup>4</sup> -1	<sup>1</sup> -5	6	<sup>1</sup> -4	15+3	2
1	<sup>30</sup> *2	3	4	5	¹-6
²- <b>4</b>	2/3	5	¹-6	³/ <b>1</b>	2
6	4	<sup>24*</sup> 2	5	3	11
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	60*	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 42: Kromosom 11 dalam Generasi Ke-2

Analisis

Algoritma Hybrid Genetic

Kromosom Generasi Ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

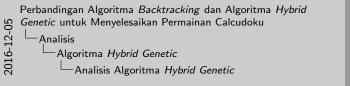


<b>1</b>	¹-5	6	<sup>1</sup> -4	15+3	2
4	30*	1	2	3	¹-5
²- <b>4</b>	<sup>2/</sup> 1	5	¹-3	<sup>3/</sup> 2	6
2	3	<sup>24*</sup> <b>4</b>	5	6	11
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	60.1	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 43: Kromosom 12 dalam Generasi Ke-2



- Berdasarkan nilai kelayakan untuk kromosom-kromosom pada Generasi ke-2 yang ditampilkan pada Tabel ??, 5 kromosom terbaik akan diambil untuk menjadi bagian dari Generasi ke-3
- Ke-5 kromosom yang terpilih adalah Kromosom 1, Kromosom 12, Kromosom 2, Kromosom 3, dan Kromosom 4





Berdasarkan nilai kelayakan untuk kromosom-kromosom pada Generasi ke-1 yang ditampilkan pada Tabel ??, 5 kromosom terbaik akan diambil untuk menjadi bagian dari Generasi ke-2. Ke-5 kromosom yang terpilih adalah Kromosom 12, Kromosom 5, Kromosom 7, Kromosom 11, dan Kromosom 1.

Nomor Kromosom	Nilai Kelayakan
1	0,5556
2	0,4444
3	0,3889
4	0,3889
5	0,3333
6	0,2778
7	0,3889
8	0,0833
9	0,1944
10	0,2778
11	0,0833
12	0,5

Table 3: Tabel nilai kelayakan untuk kromosom-kromsom pada Generasi ke-2

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Hybrid Genetic
Analisis Algoritma Hybrid Genetic



- Untuk Generasi ke-3, 5 kromosom adalah 5 kromosom terbaik dari Generasi ke-2
- 6 kromosom adalah hasil kawin silang dari 2 kromosom dari Generasi ke-2
- 1 kromosom adalah hasil mutasi dari 1 kromosom dari Generasi ke-2

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Untuk Generasi ke-3, 5 kromosom adalah 5 kromosor -Analisis Algoritma Hybrid Genetic -Analisis Algoritma Hybrid Genetic Untuk Generasi ke-3, 5 kromosom adalah 5 kromosom terbaik dari Generasi ke-2, 6

kromosom adalah hasil kawin silang dari 2 kromosom dari Generasi ke-2, dan 1

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

kromosom adalah hasil mutasi dari 1 kromosom dari Generasi ke-2 Kromosom 1 adalah Kromosom 1 dari Generasi ke-2. Kromosom 2 adalah Kromosom 12 dari Generasi ke-2, Kromosom 3 adalah Kromosom 2 dari Generasi ke-2, Kromosom 1 adalah Kromosom 3 dari Generasi ke-2. Kromosom 5 adalah Kromosom 4 dari Generasi ke-2. Kromosom 6 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 6 dan Kromosom 10 dari Generasi ke-1, Kromosom 7 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 2 dan Kromosom 3 dari Generasi ke-2, Kromosom 8 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 2 dan Kromosom 4 dari Generasi ke-2, Kromosom 9 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 2 dan Kromosom 12 dari Generasi ke-2, Kromosom 10 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 3 dan Kromosom 12 dari Generasi ke-2, Kromosom 11 adalah hasil kawin silang dari Kromosom 4 dan Kromosom 12 dari Generasi ke-2. Kromosom 12 adalah hasil mutasi dari Kromosom 2 dari Generasi ke-2.

<b>1</b>	¹-5	6	<sup>1</sup> -4	15+3	2
3	30*	1	2	4	¹-5
²- <b>4</b>	<sup>2/</sup> 1	5	¹-3	<sup>3/</sup> 2	6
2	3	<sup>24*</sup> <b>4</b>	5	6	¹1
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	60.1	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 44: Kromosom 1 dalam Generasi Ke-3





<b>1</b>	¹-5	6	<sup>1</sup> -4	15+3	2
4	30*	1	2	3	¹-5
²- <b>4</b>	<sup>2/</sup> 1	5	¹-3	<sup>3/</sup> 2	6
2	3	<sup>24*</sup> <b>4</b>	5	6	¹1
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	60.1	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 45: Kromosom 2 dalam Generasi Ke-3





⁴5	<sup>1</sup> -3	2	1-6	<sup>15+</sup>	4
1	30*	3	5	4	¹- <b>2</b>
<sup>2</sup> -3	<sup>2/</sup> 2	1	¹- <b>4</b>	3/6	5
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	11
<sup>5+</sup> 4	1	6	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
2	¹-4	5	1	3	6

Figure 46: Kromosom 3 dalam Generasi Ke-3



<sup>4</sup> -1	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1</sup> -6	4	5
3	<sup>30*</sup> <b>4</b>	1	5	6	¹- <b>2</b>
<sup>2-</sup> 5	<sup>2/</sup> 2	6	¹- <b>4</b>	³/ <b>1</b>	3
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	1
<sup>5+</sup> 4	1	3	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	6
2	¹-6	5	1	3	4

Figure 47: Kromosom 4 dalam Generasi Ke-3



<sup>4</sup> -5	¹- <b>1</b>	6	¹- <b>2</b>	<sup>15+</sup> <b>4</b>	3
1	<sup>30</sup> *2	3	4	5	¹-6
²- <b>4</b>	2/3	5	¹- <b>6</b>	<sup>3/</sup> 1	2
6	4	<sup>24*</sup> 2	5	3	11
<sup>5+</sup> 2	5	1	<sup>7+</sup> 3	60.5	4
3	¹-6	4	1	2	5

Figure 48: Kromosom 5 dalam Generasi Ke-3



<sup>4-</sup> 1	<sup>1-</sup> 3	2	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup> <b>4</b>	5
3	30*	1	2	4	¹-5
²- <b>4</b>	<sup>2/</sup> 1	5	¹-3	<sup>3/</sup> 2	6
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	11
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	60.1	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 49: Kromosom 6 dalam Generasi Ke-3





<sup>4-</sup> 1	<sup>1-</sup> 3	2	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup> <b>4</b>	5
3	<sup>30</sup> *4	1	5	6	¹- <b>2</b>
²- <b>3</b>	<sup>2/</sup> 2	1	¹- <b>4</b>	3/6	5
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	1
<sup>5+</sup> 4	1	6	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
2	¹-6	5	1	3	4

Figure 50: Kromosom 7 dalam Generasi Ke-3

\_



⁴-5	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup>	4
1	<sup>30</sup> *2	3	4	5	¹-6
²- <b>4</b>	<sup>2/</sup> 3	5	¹- <b>6</b>	<sup>3/</sup> 1	2
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	¹1
<sup>5+</sup> 4	1	6	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
2	¹-4	5	1	3	6

Figure 51: Kromosom 8 dalam Generasi Ke-3





⁴5	<sup>1</sup> -3	2	<sup>1</sup> -6	15+	4
4	<sup>30</sup> *1	5	3	2	1-6
<sup>2</sup> -3	<sup>2/</sup> 2	1	¹- <b>4</b>	<sup>3/</sup> 6	5
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	11
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	60*	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 52: Kromosom 9 dalam Generasi Ke-3





⁴5	¹-3	2	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup>	4
4	<sup>30</sup> *1	5	3	2	¹-6
²- <b>3</b>	<sup>2/</sup> 2	1	¹- <b>4</b>	3/6	5
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	¹1
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	60.1	3
6	¹- <b>2</b>	3	1	5	4

Figure 53: Kromosom 10 dalam Generasi Ke-3

4 D X 4 D X



⁴5	¹- <b>1</b>	6	¹- <b>2</b>	<sup>15+</sup> <b>4</b>	3
4	30*	1	2	3	¹-5
²- <b>4</b>	2/3	5	¹-6	³/ <b>1</b>	2
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	¹1
<sup>5+</sup> 5	4	2	<sup>7+</sup> 6	60*	3
6	¹-2	3	1	5	4

Figure 54: Kromosom 11 dalam Generasi Ke-3



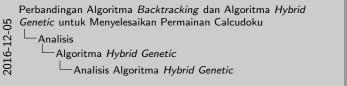
<sup>4</sup> -5	<sup>1-</sup> 3	2	<sup>1</sup> -6	<sup>15+</sup>	4
4	30,*	3	5	1	¹- <b>2</b>
<sup>2-</sup> 3	<sup>2/</sup> 2	1	¹- <b>4</b>	3/6	5
6	5	<sup>24*</sup> <b>4</b>	3	2	11
<sup>5+</sup> 4	1	6	<sup>7+</sup> 2	<sup>60</sup> 5	3
2	¹- <b>4</b>	5	1	3	6

Figure 55: Kromosom 12 dalam Generasi Ke-3





- Berdasarkan nilai kelayakan untuk kromosom-kromosom pada Generasi ke-3 yang ditampilkan pada Tabel ??, 5 kromosom terbaik akan diambil untuk menjadi bagian dari Generasi ke-4
- Ke-5 kromosom yang terpilih adalah Kromosom 1, Kromosom 2, Kromosom 3, Kromosom 4, dan Kromosom 12



Analisis Algoritms Hybrid Conetic

Birdgarlan sils Inhyphan und knonnoun knonnoun
and Conesis las Jung Blampillan pala Tibel 17, 5
knonnoun teshah akan Blambi estela menjeli bagian
diri Conesis las A.
Kis Simonoun yang terpilih adalah Knonnoun I.
Kommoun J. Kommoun J. Kommoun A.
Kommoun T.
Kommoun T.

Berdasarkan nilai kelayakan untuk kromosom-kromosom pada Generasi ke-3 yang ditampilkan pada Tabel ??, 5 kromosom terbaik akan diambil untuk menjadi bagian dari Generasi ke-4. Ke-5 kromosom yang terpilih adalah Kromosom 1, Kromosom 2, Kromosom 3, Kromosom 4, dan Kromosom 12.

Nomor Kromosom	Nilai Kelayakan
1	0,5556
2	0,4444
3	0,3889
4	0,3889
5	0,3333
6	0,2778
7	0,3333
8	0,1667
9	0,1389
10	0,0833
11	0,1667
12	0,3889

Table 4: Tabel nilai kelayakan untuk kromosom-kromsom pada Generasi ke-3

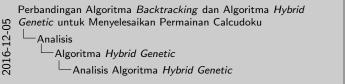


Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Analisis
Algoritma Hybrid Genetic
Analisis Algoritma Hybrid Genetic



Proses yang sama diulang untuk menghasilkan Generasi ke-4 dan generasi-generasi berikutnya, hingga algoritma genetik dapat menemukan solusi dari teka-teki Calcudoku tersebut.



Proces yang sama disilang untuk menghasikan Generasi ha-4 dan generasi-generasi berbutnya, hingga algorima galamutan solasi dari teka-teki Caksaloko tersebut.

Proses yang sama diulang untuk menghasilkan Generasi ke-4 dan generasi-generasi berikutnya, hingga algoritma genetik dapat menemukan solusi dari teka-teki Calcudoku tersebut

#### Daftar Pustaka

- Asanilta Fahda, KenKen Puzzle Solver using
  Backtracking Algorithm, Makalah IF2211 Strategi
  Algoritma Semester II Tahun 2014/2015, Program
  Studi Teknik Informatika, Sekolah Teknik Elektro
  dan Informatika, Institut Teknologi Bandung 2015.
- Olivia Johanna, Samuel Lukas, Kie Van Ivanky Saputra, Solving and Modeling Ken-ken Puzzle by Using Hybrid Genetics Algorithm, 1st International Conference on Engineering and Technology Development (ICETD 2012), Faculty of Engineering and Faculty of Computer Science, Bandar Lampung University, 2012.

Perbandingan Algoritma *Backtracking* dan Algoritma *Hybrid Genetic* untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Daftar Pustaka

aftar Pustaka

B. Asanita Fahda, KenKen Puzzle Soher using Backtzacking Algorithm, Makalih IF2211 Strata Algoritma - Semsate II Tahua 2014/2015, Prop Studi Teinik Informatika, Sakelah Teinik Elekti dan Informatika, Institut Teinologi Bandung 20 D. Olizis Ishanan, Samad Ishaw Ken Makalinda

dan Informatika, Institut Teknologi Bandung 201

Olivia Johanna, Samael Lukas, Kie Van Ivaniv,
Saputra, Solving and Modelfing Ken-ken Pazzie
Using Hybrid Gamatics Algorithm, Ital Internation
Conference on Engineering and Technology
Development (ICETD 2012), Facility of Engine
and Faculty of Computer Science, Bandar Limp

Terima Kasih

Ada pertanyaan?

