Who?

2013730039 michaeladrian39@gmail.com

Michael Adrian

From?

Jurusan Teknik Informatika Fakultas Teknologi Informasi dan Sains Universitas Katolik Parahyangan

Menyelesaikan Permainan Calcudoku

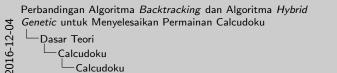
When?

6 Desember 2016

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Calcudoku

- Salah satu jenis permainan teka-teki aritmatika dan logika
- Dikenal juga sebagai KenKen, KenDoku, atau Mathdoku
- Diciptakan pada tahun 2004 oleh Tetsuya Miyamoto, seorang guru matematika dari Jepang
- Diciptakan untuk melatih kemampuan matematika dan logika dengan cara yang menyenangkan



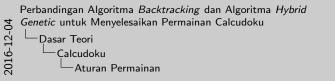


Sebagai salah satu jenis permainan teka-teki aritmatika dan *grid*, Calcudoku, atau dikenal juga sebagai KenKen, KenDoku, atau Mathdoku, diciptakan pada tahun 2004 oleh seorang guru matematika dari Jepang yang bernama Tetsuya Miyamoto untuk memenuhi tujuannya untuk melatih kemampuan matematika dan logika siswa-siswinya dengan cara yang menyenangkan. Nama KenKen diambil dari kata bahasa Jepang yang berarti kepandaian. Permainan yang mengasah otak ini dengan cepat menyebar ke seluruh Jepang dan Amerika Serikat, menggantikan permainan teka-teki silang di banyak koran. Permainan ini kemudian menjadi sensasi di seluruh dunia setelah munculnya versi *online* dan *mobile* dari permainan teka-teki ini, khususnya menarik untuk pecinta permainan teka-teki angka seperti Sudoku.

Aturan Permainan

- Pemain diberikan sebuah grid dengan ukuran $n \times n$
- n biasanya antara 3 sampai dengan 9
- Grid ini harus diisi dengan angka 1 sampai dengan n
- Dalam setiap baris setiap angka hanya muncul sekali
- Dalam setiap kolom setiap angka hanya muncul sekali
- Grid dibagi ke dalam cage
- Cage adalah sekelompok sel yang dibatasi oleh garis yang lebih tebal daripada garis pembatas antar sel dengan angka tujuan dan operator yang telah ditentukan
- Angka-angka dalam setiap *cage* harus mencapai angka tujuan jika dihitung menggunakan operator yang telah ditentukan
- Angka tujuan dan operasi yang telah ditentukan ditulis di sudut kiri atas *cage*



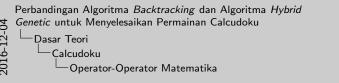


Penan dherkan sabaah prid dingan skuran n x n n hasanya satara 3 ampai dingan n Gold in havas diti dengan angla 1 ampai dengan n Gold in havas diti dengan angla 1 ampai dengan n Dibim satab pakes satap angla havap ammodi sakati Dibim satab pakes angla havya munodi sakati Dibim satab pakes angla havya munodi sakati Old dibagi se dalam casp eng dabatani desh garin gapi lahih sakalompok sal yang dabatani desh garin gapi lahih sakalompok sal yang dabatani desh garin gapi lahih dibim dapan gapi salam dan garatata yang dabatani desh garin dan garatata yang dabatani dalam dan garatatani yang dabatani dalam dan garatatani dalam sakati dan dan sakati dalam s

Seperti dalam Sudoku, dalam teka-teki ini, pemain diberikan sebuah grid dengan ukuran $n \times n$, dengan n biasanya antara 3 sampai dengan 9. Grid ini harus diisi dengan angka 1 sampai dengan n sehingga dalam setiap baris setiap angka hanya muncul sekali, dalam setiap kolom setiap angka hanya muncul sekali. Perbedaannya dengan Sudoku adalah, Calcudoku dibagi ke dalam cage (sekelompok sel yang dibatasi oleh garis yang lebih tebal daripada garis pembatas antar sel dengan angka tujuan dan operator yang telah ditentukan), dan angka-angka dalam setiap cage harus mencapai angka tujuan jika dihitung menggunakan operator yang telah ditentukan. Angka tujuan dan operasi yang telah ditentukan ditulis di sudut kiri atas cage.

Operator-Operator Matematika

- Ada 5 kemungkinan operator:
- + (penjumlahan)
- (pengurangan)
- × (perkalian)
 - ÷ (pembagian)
 - = (sama dengan)
- Jika operasi matematika yang ditentukan adalah pengurangan atau pembagian, maka ukuruan *cage* harus berukuran dua sel





Ada lima kemungkinan operator:

- 1. +, sebuah operator n-ary yang menandakan penjumlahan.
- 2. -, sebuah operator biner yang menandakan pengurangan.
- 3. \times , sebuah operator *n*-ary yang menandakan perkalian.
- 4. ÷ sebuah operator biner yang menandakan pembagian.
- =, (simbol ini biasanya dihilangkan), sebuah operator uner yang menandakan persamaan.

Jika operasi matematika yang ditentukan adalah pengurangan atau pembagian, maka ukuruan *cage* harus berukuran dua sel. Pada beberapa versi dari teka-teki ini, hanya angka tujuan yang diberikan, dan pemain harus menebak operator dari setiap *cage* untuk menyelesaikan teka-tekinya.

Contoh Permainan

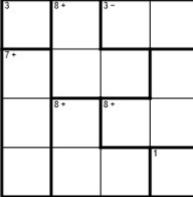
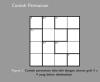


Figure 1: Contoh permainan teka-teki dengan ukuran grid 4 x 4 yang belum diselesaikan.

□ Calcudoku
□ Contoh Permainan

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku



Contoh Solusi

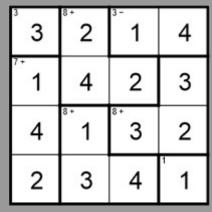


Figure 2: Solusi untuk permainan teka-teki Calcudoku yang diberikan pada Gambar 1.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Calcudoku
Contoh Solusi



Permasalahan Utama dalam Menyelesaikan Calcudoku

- Untuk menyelesaikan sebuah teka-teki Calcudoku, pemain harus pertama-tama memahami dua permasalahan utama dari teka-teki ini, yaitu:
- Angka-angka mana yang harus dimasukkan ke dalam sebuah *cage*
- Dalam urutan apa angka-angka tersebut harus dimasukkan ke dalam sebuah *cage*
- Cara yang paling mudah untuk menyelesaikan teka-teki ini adalah dengan mengeliminasi angka-angka yang sudah digunakan dan mencoba satu per satu angka yang mungkin (*trial and error*).

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Calcudoku
Permasalahan Utama dalam Menyelesaikan Calcudoku

Uteris menyelesikan sehuah teka teki Calcurdola, pemaih haras pertama tama menahani das permaihahan chan deri teka teki ing datu: Angis-napia muna yang haru dimendora in dalam sebada cage sebada cage sebada cage sebada cage caga mengelangan pertama dan dalam la dalam sebada cage caga yang palang medah untuk menyelesikaha teka-teki caga yang palang medah untuk menyelesikaha teka-teki cara yang palang medah untuk menyelesikaha teka-teki cada teka dengan mengeliminsa angka-angia yang culah digunahan den mencoka tatup seratu angka yang culah digunahan dan seratu pertama seratu sera

Untuk menyelesaikan sebuah teka-teki Calcudoku, pemain harus pertama-tama memahami dua permasalahan utama dari teka-teki ini, yaitu:

- 1. Angka-angka mana yang harus dimasukkan ke dalam sebuah *cage*
- 2. Dalam urutan apa angka-angka tersebut harus dimasukkan ke dalam sebuah *cage*

Seperti kebanyakan permainan teka-teki angka, cara yang paling mudah untuk menyelesaikan teka-teki ini adalah dengan mengeliminasi angka-angka yang sudah digunakan dan mencoba satu per satu angka yang mungkin (*trial and error*).

Tahapan Pengisian Calcudoku

- Dalam pengisian teka-teki ini ada dua tahapan, yaitu:
- Mencari cage yang hanya berukuran 1 selMencari mencari cage yang hanya mempunyai satu

kemungkinan kombinasi angka

Dasar Teori
— Calcudoku
— Tahapan Pengisian Calcudoku

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

Dalam pengisian teka-teki ini ada dua tahapan, yaitu:

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

- 1. Mencari cage yang hanya berukuran 1 sel, karena cage ini tidak
- menghasilkan pertanyaan angka apa dan urutan apa. Tahap ini adalah tahap yang paling jelas. Contoh, pada Gambar 1, *cage* pada sudut kiri
- atas dan *cage* pada sudut kanan bawah hanya berukuran 1 sel, dan dapat langsung diisi dengan angka tujuannya. 2. Mencari mencari *cage* yang hanya mempunyai satu kemungkinan

2. Mencari mencari cage yang hanya mempunyai satu kemungkinan kombinasi angka, sehingga masalah angka-angka apa yang harus diisi dalam cage tersebut terjawab. Contoh, cage pada sudut kanan atas mempunyai aturan "3-", artinya angka tujuannya adalah 3 dengan menggunakan operasi pengurangan. Satu-satunya pasangan angka dari himpunan {1,2,3,4} yang akan menghasilkan angka 3 saat satu angka dikurangkan dari angka yang lainnya adalah {1,4}. Namun masalahnya adalah urutan angka-angka yang harus dimasukkan. Dalam kasus ini, untungnya, sel pada sudut kanan bawah sudah diisi dengan angka 1, maka angka 1 tidak bisa digunakan lagi pada kolom yang paling kanan. Jadi, dengan menggunakan cara eliminasi, sel pada sudut kanan atas harus diisi dengan angka 4 dan sel di sebelah kirinya, yaitu sel pada baris yang paling atas dan kolom ketiga dari kiri, harus diisi dengan angka 1.

Hal ini memberikan solusi untuk sel pada baris yang paling atas dan kolom kedua dari kiri, yaitu angka 2, karena angka 2 adalah angka yang

Tahapan Pengisian Calcudoku

- Seiring dengan meningkatnya tingkat kesulitan, langkah berikutnya tidak akan langsung muncul dengan jelas
- Kadang-kadang, pemain mencapai titik dimana langkah berikutnya tidak pasti
- Pemain harus menebak langkah-langkah berikutnya dan melihat apakah langkah ini akan menghasilkan solusinya. Jika tidak, pemain harus mundur kembali ke titik ketidakpastian tersebut.







Seiring dengan meningkatnya tingkat kesulitan, langkah berikutnya tidak akan langsung muncul dengan jelas. Kadang-kadang, pemain mencapai titik dimana langkah berikutnya tidak pasti. Pemain harus menebak langkah-langkah berikutnya dan melihat apakah langkah ini akan menghasilkan solusinya. Jika tidak, pemain harus mundur kembali ke titik ketidakpastian tersebut.

Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

- Sebuah teka-teki Calcudoku dengan ukuran $n \times n$, dengan *n* melambangkan jumlah sel dalam satu baris atau kolom, mempunyai n^2 sel
- Sel yang terletak dalam baris b dan kolom k diberi label $C_{b,k} = bn + k$
- Nilai dari sel tersebut adalah $V(C_{b,k}) \in \{1, 2, ..., n\}$.
- Sebuah *cage*, yang diberi label *A_i* adalah sebuah himpunan dari sel, yaitu $A_i = \{C_{b,k}\}$
- Setiap cage terhubung dengan satu operator aritmatika $O_i \in \{+, -, \times, \div\}, = \mathsf{dan} \mathsf{ satu angka tujuan } H_i \in N$

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori -Calcudoku - Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku



Sebuah teka-teki Calcudoku dengan ukuran $n \times n$, dengan n melambangkan jumlah sel dalam satu baris atau kolom, mempunyai n^2 sel. Sel yang terletak dalam baris b dan kolom k diberi label $C_{b,k} = bn + k$ dan nilai dari sel tersebut adalah $V(C_{b,k}) \in \{1, 2, ..., n\}$. Sebuah cage, yang diberi label A_i adalah sebuah himpunan dari sel, yaitu $A_i = \{C_{b,k}\}$. Setiap cage terhubung dengan satu operator aritmatika $O_i \in \{+, -, \times, \div\}$ dan satu angka tujuan $H_i \in N$.

Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

- 3 aturan dalam mendefinisikan masalah dalam Calcudoku adalah sebagai berikut
- $|A_i| = 1 \rightarrow O_i = \phi$, artinya setiap *cage* yang jumlah selnya 1 dengan operasi matematika yang terkait dengan cage tersebut bersifat homeomorfik (setara).
- $O_i \in -, \div \to |A_i| = 2$, artinya jika operasi yang digunakan dalam sebuah cage adalah pengurangan atau pembagian, maka jumlah sel dalam cage tersebut harus 2.
- $\forall C_{b,k} \to C_{b,k} \in \exists ! A_i$, artinya setiap sel hanya boleh menjadi anggota dari satu dan hanya satu cage.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori -Calcudoku

- Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

Menurut Johanna, Lukas, dan Saputra, tiga aturan dalam mendefinisikan masalah dalam Calcudoku adalah sebagai berikut:

- 1. $|A_i| = 1 \rightarrow O_i = \phi$, artinya setiap cage yang jumlah selnya 1 dengan operasi matematika yang terkait dengan cage tersebut bersifat homeomorfik (setara)
- 2. $O_i \in -, \div \to |A_i| = 2$, artinya jika operasi yang digunakan dalam sebuah cage adalah pengurangan atau pembagian, maka jumlah sel dalam cage tersebut harus 2
- 3. $\forall C_{b,k} \to C_{b,k} \in \exists ! A_i$, artinya setiap sel hanya boleh menjadi anggota dari satu dan hanya satu cage

Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

Tujuan dari teka-teki ini adalah untuk mencari nilai $V(C_{b,k})$ dan memenuhi persyaratan berikut

$$|A_i|=1 \land C_{b,k} \in A_i \to V(C_{b,k})=H_i, \text{ artinya jika sel adalah bagian dari sebuah } cage \text{ yang jumlah selnya } 1, \text{ maka nilai dari sel tersebut adalah angka tujuan dari } cage \text{ tersebut } O_i \in \{-\} \land A_i = \{C_{a,b}, C_{p,q}\} \to |V(C_{a,b}) - V(C_{p,q})| = H_i, \text{ artinya nilai absolut dari hasil pengurangan nilai kedua sel di}$$

dalam cage tersebut adalah angka tujuan dari cage tersebut

 $O_i \in \{\div\} \land A_i = \{C_{a,b}, C_{p,q}\} \rightarrow V(C_{a,b})/V(C_{p,q}) = H_i$, artinya nilai dari hasil pembagian nilai kedua sel di dalam cage tersebut adalah angka tujuan dari cage tersebut $O_i \in \{+\} \rightarrow \sum_{C_{b,k} \in A_i} V(C_{b,k}) = H_i$, artinya nilai dari hasil penjumlahan dari nilai semua sel di dalam cage tersebut

penjumlahan dari nilai semua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut $O_i \in \{\times\} \to \prod_{C_{b,k} \in A_i} V(C_{b,k}) = H_i$, artinya nilai dari hasil perkalian dari nilai semua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Calcudoku
Mendefinisikan Permasalahan Calcudoku

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

itan menembal persputata berhitut.

F. (x, y, A, W. (X₀), R. etinop) äs enl aldele menembal persputata berhitut.

F. (x, y, A, W. (X₀), R. etinop) äs enl aldele menembal persputation persputation

Menurut Johanna, Lukas, dan Saputra, tujuan dari teka-teki ini adalah untuk mencari nilai $V(C_{b,k})$ dan memenuhi persyaratan berikut: 1. $|A_i| = 1 \land C_{b,k} \in A_i \rightarrow V(C_{b,k}) = H_i$, artinya jika sel adalah bagian dari

sebuah cage yang jumlah selnya 1, maka nilai dari sel tersebut adalah angka tujuan dari cage tersebut.

2. $O_i \in \{-\} \land A_i = \{C_{a,b}, C_{p,q}\} \rightarrow |V(C_{a,b}) - V(C_{p,q})| = H_i$, artinya jika

sebuah *cage* yang operasi matematikanya adalah pengurangan, maka nilai absolut dari hasil pengurangan nilai kedua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut.

3. $O_i \in \{\div\} \land A_i = \{C_{a,b}, C_{p,q}\} \rightarrow V(C_{a,b})/V(C_{p,q}) = H_i$, artinya jika sebuah *cage* yang operasi matematikanya adalah pembagian, maka nilai dari hasil pembagian nilai kedua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka tujuan dari *cage* tersebut.

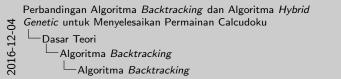
4. $O_i \in \{+\} \rightarrow \sum_{C_{b,k} \in A_i} V(C_{b,k}) = H_i$, artinya jika sebuah *cage* yang operasi matematikanya adalah penjumlahan, maka nilai dari hasil penjumlahan dari nilai semua sel di dalam *cage* tersebut adalah angka

tujuan dari cage tersebut.

5. $O_i \in \{\times\} \to \prod_{C_{b,k} \in A_i} V(C_{b,k}) = H_i$, artinya jika sebuah cage yang operasi matematikanya adalah perkalian, maka nilai dari hasil perkalian dari nilai semua sel di dalam cage tersebut adalah angka tujuan dari

Algoritma Backtracking

- Sebuah algoritma umum yang mencari solusi dengan mencoba salah satu dari beberapa pilihan, jika pilihan yang dipilih ternyata salah, komputasi dimulai lagi pada titik pilihan dan mencoba pilihan lainnya
- Untuk bisa melacak kembali langkah-langkah yang telah dipilih, maka algoritma harus secara eksplisit menyimpan jejak dari setiap langkah yang sudah pernah dipilih, atau menggunakan rekursi (recursion)
- Rekursi dipilih karena jauh lebih mudah daripada harus menyimpan jejak setiap langkah yang pernah dipilih
- Hal ini menyebabkan algoritma ini biasanya berbasis DFS (*Depth First Search*)



Sebuah algoritma umum yang mencari solusi dengan

mercoba sülak situ dari baberapa gilikan, jika gilikan yang digilik herupata sülak, hongutasi dimulai lagi pad titik gilihan dan mencoba pilihan lainnya Untuk kisa mutaciak kembili langalah langishay yang telah dipilih, maka algoritma harus secara sispilisi merimpan jijik dari sistap langish yang sudah perai dipilih, atau menggunaskan rekural (zecarsion) Pakursi didilih kemasi lash lalih madah dari radasi harus Pakursi didilih kemasi lash lalih madah dari radasi harus

menyimpan jejak setiap langkah yang pernah dipilih Hal ini menyebabkan algoritma ini biasanya berbasis DFS (Depth First Search)

Algoritma backtracking adalah sebuah algoritma umum yang mencari solusi dengan mencoba salah satu dari beberapa pilihan, jika pilihan yang dipilih ternyata salah, komputasi dimulai lagi pada titik pilihan dan mencoba pilihan lainnya. Untuk bisa melacak kembali langkah-langkah yang telah dipilih, maka algoritma harus secara eksplisit menyimpan jejak dari setiap langkah yang sudah pernah dipilih, atau menggunakan rekursi (recursion). Rekursi dipilih karena jauh lebih mudah daripada harus menyimpan jejak setiap langkah yang pernah dipilih. Hal ini menyebabkan algoritma ini biasanya berbasis DFS (Depth First Search).

Algoritma Backtracking

- Pertama kali diperkenalkan pada tahun 1950 oleh D.H. Lehmer sebagai perbaikan algoritma *brute force*
- Algoritma ini terbukti efektif untuk menyelesaikan banyak permainan logika karena algoritma itu terutama berguna untuk menyelesaikan masalah-masalah constraint satisfaction, di mana sekumpulan objek harus memenuhi sejumlah batasan

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Algoritma Backtracking

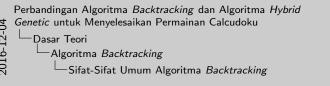
Agoritma Backtracking

Vestera kali dipolensikan pada taken 1950 dah D.H.
albere edugai sebalahan Agoritma hota davi
Agoritma sia tesahati adakti unuka menyelasahan
anganja kemulainan jaki keuna Agoritma ina terutaman
genja kemulainan jaki keuna Agoritma sia terutaman
kempalainan dari menyekusikan masalah-masalah
empalainan dari menyekusikan masalah-masalah
empalainan dari menyekusikan masalah-masalah
empalainan dari dari menyekusikan masalam-pulain oljak hara
emenuhi sijuridah batasan

Algoritma backtracking pertama kali diperkenalkan pada tahun 1950 oleh D.H. Lehmer sebagai perbaikan algoritma brute force. Algoritma ini lalu dikembangkan lebih lanjut oleh R.J. Walker, S.W. Golomb, dan L.D. Baumert. Algoritma ini terbukti efektif untuk menyelesaikan banyak permainan logika (misalnya tic tac toe, maze, catur, dan lain-lain) karena algoritma itu terutama berguna untuk menyelesaikan masalah-masalah constraint satisfaction, di mana sekumpulan objek harus memenuhi sejumlah batasan.

Sifat-Sifat Umum Algoritma Backtracking

- Implementasi algoritma *backtracking* memiliki beberapa sifat umum, yaitu:
- Ruang solusi (*solution space*)
- Fungsi pembangkit (*generating function*)
- Fungsi pembatas (generating function)



Ruang Solusi

Solusi untuk masalah ini dinyatakan sebagai sebuah vektor X dengan *n-tuple*:

$$X = (x_1, x_2, ..., x_n), x_i \in S_i$$

di mana adalah mungkin bahwa:

di sel pada sudut kanan bawah

$$S_1 = S_2 = ... = S_n$$

- n adalah jumlah sel dalam satu baris atau kolom
- X adalah sebuah *tuple* yang berukuran n^2 , yang mereprentasikan isi dari setiap sel dalam *grid*, dimulai pada sel pada sudut kiri atas, lalu bergerak ke sel di sebelah kanannya dalam baris yang sama, jika sudah mencapai sel yang paling kanan maka bergerak ke sel yang paling kiri pada baris dibawahnya, hingga berakhir
- S_i adalah sebuah himpunan yang berisi angka-angka dari 1 sampai n

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking

Solici servici versatili in disperation subaga subsubsiditar A designe in relation X designe in $(x_1, x_2, \dots, x_n), x_i \in S_i$ of man salidim mengali balance. $S_i = S_i = \dots = S_i$ a similar justificati different to these same below the service of the servi

Solution space

Solusi untuk masalah ini dinyatakan sebagai sebuah vektor X dengan n-tuple:

$$X = (x_1, x_2, ..., x_n), x_i \in S_i$$

di mana adalah mungkin bahwa:

-Ruang Solusi

$$S_1 = S_2 = ... = S_n$$

n adalah jumlah sel dalam satu baris atau kolom. X adalah sebuah tuple yang berukuran n^2 , yang mereprentasikan isi dari setiap sel dalam grid, dimulai pada sel pada sudut kiri atas, lalu bergerak ke sel di sebelah kanannya dalam baris yang sama, jika sudah mencapai sel yang paling kanan maka bergerak ke sel yang paling kiri pada baris dibawahnya, hingga berakhir di sel pada sudut kanan bawah. S_i adalah sebuah himpunan yang berisi angka-angka dari 1 sampai n.

Fungsi Pembangkit

Fungsi pembangkit X_k dinyatakan sebagai:

di mana $\mathcal{T}(k)$ membangkitkan nilai X_k , dari 1 sampai n, yang merupakan komponen dari vektor solusi

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Fungsi Pembangkit

Fungsi pembangkit X_k Fungsi pembangkit X_k dinyatakan sebagai:

di mana T(k) membangkitkan nilai X_k , dari 1 sampai n, yang merupakan komponen dari vektor solusi.

Fungsi Pembatas

Fungsi pembatas dinyatakan sebagai:

$$B(x_1, x_2, ..., x_k)$$

di mana B bernilai true jika $(x_1, x_2, ..., x_k)$ mengarah ke solusi. Jika B bernilai true, maka nilai $x_k + 1$ akan terus dibangkitkan, dan jika B bernilai false, maka $(x_1, x_2, ..., x_k)$ akan dibuang

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Fungsi Pembatas

Fungsi pembatas dinyatiskan sebagai: $B(x_1,x_2,...,x_k)$ di masa B berniki tras jisa $(x_1,x_2,...,x_k)$ mengarah seolusi. Jisa B berniki tras pisa $(x_1,x_2,...,x_k)$ mengarah seolusi. Jisa B berniki tras mjaka nilai x_1+1 aban ten dhangistisa, dan jisa B berniki falia, maka $(x_1,x_2,...,x_k)$ aban dhaung

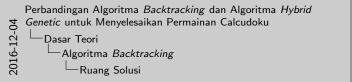
Fungsi pembangkit X_k Fungsi pembatas Fungsi pembatas dinyatakan sebagai:

$$B(x_1, x_2, ..., x_k)$$

di mana B bernilai true jika $(x_1, x_2, ..., x_k)$ mengarah ke solusi. Jika B bernilai true, maka nilai $x_k + 1$ akan terus dibangkitkan, dan jika B bernilai false, maka $(x_1, x_2, ..., x_k)$ akan dibuang.

Ruang Solusi

- Disusun dalam sebuah struktur berbentuk pohon (*tree*)
- Setiap simpul (*node*) merepresentasikan keadaan masalah
- Setiap sisi (edge) diberi label x_i
- Jalur dari akar (*root*) ke daun (*leaf*) merepresentasikan sebuah jawaban yang mungkin
- Semua jalur yang dikumpulkan bersama-sama membentuk ruang solusi
- Struktur pohon ini disebut sebagai state space tree





Ruang solusi untuk algoritma backtracking disusun dalam sebuah struktur berbentuk pohon (tree), di mana setiap simpul (node) merepresentasikan keadaan masalah dan sisi (edge) diberi label x_i . Jalur dari akar (root) ke daun (leaf) merepresentasikan sebuah jawaban yang mungkin, dan semua jalur yang dikumpulkan bersama-sama membentuk ruang solusi. Struktur pohon ini disebut sebagai state space tree. Gambar state space tree.

Ruang Solusi

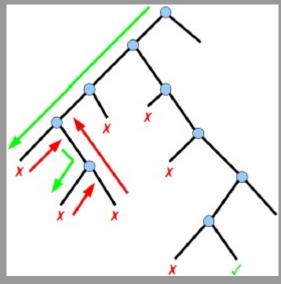


Figure 3: Ilustrasi *State space tree* yang digunakan dalam algoritma *backtracking*

(ロ) (個) (量) (量) (量) の9(0)

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Ruang Solusi



Langkah-Langkah Penggunaan *State Space Tree*

- Langkah-langkah dalam menggunakan *state space tree* untuk mencari solusi adalah:
- Solusi dicari dengan membangun jalur dari akar ke daun menggunakan algoritma DFS
- Simpul yang terbentuk disebut sebagai simpul hidup (*live nodes*)
- Simpul yang sedang diperluas disebut sebagai *expand nodes* atau *E-nodes*
- Setiap kali sebuah *E-node* sedang diperluas, jalur yang dikembangkannya menjadi lebih panjang
- Jika jalur yang sedang dikembangkan tidak mengarah ke solusi, maka *E-node* dimatikan dan menjadi simpul mati (*dead node*)

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Langkah-Langkah Penggunaan State Space Tree

Langkah-Langkah Penggunaan State Space Tree

Langkah-langkah dalam menggunakan state space tree untuk mencari solusi adalah:

Solusi dicari dengan membangun jalur dari akar ke daun menggunakan algoritma DFS Simpul yang terbentuk disebut sebagai simpul hidup (*liv*

Simpul yang terbentuk disebut sebagai simpul hidup (& nodes)
Simpul yang sedang diperkus disebut sebagai expand n

atau E-nodes

Setiap kali sebuah E-node sedang diperlass, jalur yang dikembangkannya menjadi lebih panjang

Jika ialur yang sedang dikembangkan tidak mengarah ke

disembangsannya menjasi seon panjang Jika jalur yang sedang disembangkan tidak mengarah ke solusi, maka E-node dimatikan dan menjadi simpul mati (dead node)

Langkah-langkah dalam menggunakan *state space tree* untuk mencari solusi adalah [?]:

- Solusi dicari dengan membangun jalur dari akar ke daun menggunakan algoritma DFS.
- Simpul yang terbentuk disebut sebagai simpul hidup (live nodes).
- Simpul yang sedang diperluas disebut sebagai expand nodes atau E-nodes.
- Setiap kali sebuah E-node sedang diperluas, jalur yang dikembangkannya menjadi lebih panjang.
- Jika jalur yang sedang dikembangkan tidak mengarah ke solusi, maka *E-node* dimatikan dan menjadi simpul mati (*dead node*).

Langkah-Langkah Penggunaan State Space Tree

- Lanjutan dari slide sebelumnya:
- Fungsi yang digunakan untuk mematikan *E-node* adalah implementasi dari fungsi pembatas
 Simpul mati tidak akan diperluas
- Jika jalur yang sedang dibangun berakhir dengan simpul mati, proses akan mundur ke simpul sebelumnya
- Simpul sebelumnya terus membangkitkan simpul anak (child node) lainnya, yang kemudian menjadi E-node baru
- Pencarian selesai jika simpul tujuan tercapai

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Langkah-Langkah Penggunaan State Space Tree

Lanjutan dari slide sebelumnya: Fungu yang digunakan untuk mematikan E-node adalah implementasi dari fungu pembatas Simpal mati bida skalan diperlian Jika jahu yang sedang dibangan berakhir dengan simpul mati, proses sikan munder ke simpul sebelumnya

Jasar yang secang cisangan beraknir o mati, proses akan mundur ke simpul sebelu Simpul sebelumnya terus membangkitkan s (child node) lainnya, yang kemudian menja

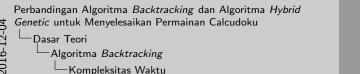
(child node) lainnya, yang ker Pencarian selesai jika simpul t

Langkah-langkah dalam menggunakan *state space tree* untuk mencari solusi adalah [?]:

- Fungsi yang digunakan untuk mematikan E-node adalah implementasi dari fungsi pembatas.
- Simpul mati tidak akan diperluas.
- Jika jalur yang sedang dibangun berakhir dengan simpul mati, proses akan mundur ke simpul sebelumnya.
- Simpul sebelumnya terus membangkitkan simpul anak (child node) lainnya, yang kemudian menjadi E-node baru.
- Pencarian selesai jika simpul tujuan tercapai.

Kompleksitas Waktu

- Setiap simpul di dalam *state space tree* terkait dengan panggilan rekursif
- Jika jumlah simpul di dalam pohon 2n atau n!, maka pada kasus terburuk untuk algoritma backtracking ini memiliki kompleksitas waktu O(p(n)2n) atau O(q(n)n!), dengan p(n) dan q(n) sebagai polinomial dengan n-derajat menyatakan waktu komputasi untuk setiap simpul

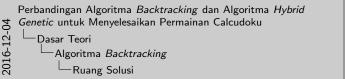




Setiap simpul di dalam state space tree terkait dengan panggilan rekursif. Jika jumlah simpul di dalam pohon 2n atau n!, maka pada kasus terburuk untuk algoritma backtracking ini memiliki kompleksitas waktu O(p(n)2n) atau O(q(n)n!), dengan p(n) dan q(n) sebagai polinomial dengan n-derajat menyatakan waktu komputasi untuk setiap simpul.

Ruang Solusi

- Ruang solusi untuk sebuah permainan teka-teki Calcudoku dengan *grid* yang berukuran $n \times n$ adalah $X = (x_1, x_2, ..., x_m), x_i \in \{1, 2, ..., n\}$, dengan $m = n^2$
- Fungsi pembangkit membangkitkan sebuah integer secara berurutan dari 1 sampai n sebagai x_k
- Fungsi pembatas menggabungkan tiga fungsi pemeriksa pembatas (*constraint checking*), yaitu:
- Fungsi pemeriksa kolom (*column checking*)
- Fungsi pemeriksa baris (row checking)
- Fungsi pemeriksa *grid* (*grid checking*)





Ruang solusi untuk sebuah permainan teka-teki Calcudoku dengan grid yang berukuran $n \times n$ adalah $X = (x_1, x_2, ..., x_m), x_i \in \{1, 2, ..., n\}$, dengan $m = n^2$. Fungsi pembangkit membangkitkan sebuah integer secara berurutan dari 1 sampai n sebagai x_k . Fungsi pembatas menggabungkan tiga fungsi pemeriksa pembatas (constraint checking), yaitu fungsi pemeriksa kolom (column checking), fungsi pemeriksa baris (constraint checking), dan fungsi pemeriksa constraint constrai

Fungsi Pembatas

- Fungsi pemeriksa kolom menghasilkan nilai true jika x_k belum ada di dalam kolom dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya
- Fungsi pemeriksa baris menghasilkan nilai true jika x_k belum ada di dalam baris dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya
- Fungsi pemeriksa *grid* memeriksa operator pada *grid* dan memeriksa berdasarkan operator yang telah ditentukan



Fungsi pemeriksa kolom menghasilkan nilai true jika x_k belum ada di dalam kolom dan menghasilkan nilai false jika x_k sudah ada di dalam kolom.

Fungsi pemeriksa kolom menghasilkan nilai true jika : belum ada di dalam kolom dan menghasilkan nilai fal

Fungsi pemeriksa baris menghasilkan nilai true jika x

Fungsi pemeriksa grid memeriksa operator pada gri

Fungsi pemeriksa baris menghasilkan nilai true jika x_k belum ada di dalam baris dan menghasilkan nilai false jika x_k sudah ada di dalam baris.

Fungsi pemeriksa *grid* memeriksa operator pada *grid* dan memeriksa berdasarkan operator yang telah ditentukan.

Operator-Operator untuk Fungsi Pemeriksa *Grid*

- Ada 5 operator yang digunakan dalam fungsi ini, yaitu:
- Operator penjumlahan (+), fungsi menghasilkan nilai true jika hasil penjumlahan semua nilai yang ada pada grid ditambah dengan x_k kurang dari atau sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya
- Operator pengurangan (-), fungsi menghasilkan nilai true jika kedua sel dalam grid kosong, atau jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari x_k dikurangi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dikurangi dengan x_k menghasilkan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Operator-Operator untuk Fungsi Pemeriksa Grid

Operator-Operator untuk Fungsi Pemeriksa Grid

- Ada 5 operator yang digunakan dalam fungsi ini, yaitu:
 Operator penjumlahan (+), fungsi menghasikan risisi true
 jika hasil penjumlahan semua nisisi yang ada pada grid
 ditambah dengan na, kurang dari atau sama dengan nilai
 tujuan, dan menghasilkan nibisi falar jika sebaliknya
 Operator pengurangan (-), fungsi menghasilkan nibisi true
- Operator pengurangan (-), fungsi menghasilkan nilai irus jika kedua sad dalam grif konong, atus jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari x_i dikurangi dengan rilai dari yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dakurangi dengan x_i menghasikan nilai siyuun, dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya

Ada 5 operator yang digunakan dalam fungsi ini, yaitu:

- Operator penjumlahan (+), fungsi menghasilkan nilai true jika hasil penjumlahan semua nilai yang ada pada grid ditambah dengan x_k kurang dari atau sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika jumlah semua nilai yang ada pada grid ditambah x_k lebih dari nilai tujuan.
- ullet Operator pengurangan (-), fungsi menghasilkan nilai true jika kedua sel dalam grid kosong, atau jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari x_k dikurangi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dikurangi dengan x_k menghasilkan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika ada satu sel kosong dan hasil dari x_k dikurangi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dikurangi dengan x_k tidak menghasilkan nilai tujuan.

Operator-Operator untuk Fungsi Pemeriksa Grid

- Lanjutan dari slide sebelumnya:
- Operator perkalian (\times) , fungsi menghasilkan nilai true jika hasil perkalian dari semua nilai yang ada pada grid dikali dengan x_k kurang dari atau sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya
- Operator pembagian (÷), fungsi menghasilkan nilai true jika kedua sel dalam grid kosong, atau jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari x_k dibagi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dibagi dengan x_k menghasilkan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai *false* jika sebaliknya
- Operator =, fungsi akan menghasilkan nilai true jika x_k sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika sebaliknya

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori -Algoritma Backtracking Operator-Operator untuk Fungsi Pemeriksa Grid

Ada 5 operator yang digunakan dalam fungsi ini, yaitu:

- Operator perkalian (x), fungsi menghasilkan nilai true jika hasil perkalian dari semua nilai yang ada pada grid dikali dengan x_k kurang dari atau sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika hasil perkalian dari semua nilai yang ada pada grid dikali dengan x_k lebih dari nilai tujuan.
- Operator pembagian (÷), fungsi menghasilkan nilai true jika kedua sel dalam grid kosong, atau jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari x_k dibagi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dibagi dengan x_k menghasilkan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika ada satu sel yang kosong dan hasil dari x_k dibagi dengan nilai dari sel yang lainnya atau hasil dari nilai dari sel yang lainnya dibagi dengan x_k tidak menghasilkan nilai tujuan.
- Operator =, fungsi akan menghasilkan nilai true jika x_k sama dengan nilai tujuan, dan menghasilkan nilai false jika x_k tidak sama dengan nilai tujuan.

State Space Tree

State space tree bersifat dinamis, berkembang secara terus-menerus sampai solusi ditemukan

Tinggi pohon yang dikembangkan untuk menyelesaikan

sebuah teka-teki dengan ukuran $n \times n$ seharusnya memiliki tinggi n^2+1 saat mencapai simpul tujuannya, dengan jalur dari simpul akar ke simpul tujuan merepresentasikan semua angka yang digunakan untuk mengisi grid dari sel pada sudut kiri atas ke sel pada sudut kanan bawah



State space free bestillet dinamis, berkembang secare terris-meneres tampai odesi ditemban Tinggi polon yang dimehangkan setah menyelesaki sebash teks-taki dengan skuran n n nebaharanya memiliki tengan n n nebaharanya memiliki tengan n nemaliki tengan piker dari simpul tajuan mengesentaksian selama ngle syang digunkan untu mengeis god dari sel pada sushet kiri atau ise sel pada sudut kama hawai dari kama dari kama

ditemukan. Tinggi pohon yang dikembangkan untuk menyelesaikan sebuah teka-teki dengan ukuran $n \times n$ seharusnya memiliki tinggi n^2+1 saat mencapai simpul tujuannya, dengan jalur dari simpul akar ke simpul tujuan merepresentasikan semua angka yang digunakan untuk mengisi grid dari sel pada sudut kiri atas ke sel pada sudut kanan bawah.

State space tree bersifat dinamis, berkembang secara terus-menerus sampai solusi

Cara Kerja Algoritma *Backtracking* Secara Singkat

- Singkatnya, langkah-langkah dasar dari implementasi algoritma *backtracking* dapat dijelaskan sebagai berikut:
- 1 Carilah sel pertama atau sel yang kosong di dalam grid
 - Isilah sel dengan sebuah angka dimulai dari 1 sampai *n* sampai sebuah angka yang berlaku (*valid*) ditemukan atau sampai angka sudah melebihi *n*
- Jika angka untuk sel berlaku, ulangi langkah 1 dan 2

 Jika angka untuk sel sudah melebihi *n* dan tidak ada angka dari 1 sampai *n* yang berlaku untuk sel tersebut, mundur ke sel sebelumnya dan cobalah kemungkinan angka berikutnya
- yang berlaku untul sel tersebut

 Jika tidak ada lagi sel yang kosong, solusi sudah ditemukan

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Backtracking
Cara Kerja Algoritma Backtracking Secara Singkat



Singkatnya, langkah-langkah dasar dari implementasi algoritma backtracking dapat dijelaskan sebagai berikut [?]:

- 1. Carilah sel pertama atau sel yang kosong di dalam grid.
- 2. Isilah sel dengan sebuah angka dimulai dari 1 sampai n sampai sebuah angka yang berlaku (valid) ditemukan atau sampai angka sudah melebihi n.
- 3. Jika angka untuk sel berlaku, ulangi langkah 1 dan 2.
- 4. Jika angka untuk sel sudah melebihi *n* dan tidak ada angka dari 1 sampai *n* yang berlaku untuk sel tersebut, mundur ke sel sebelumnya dan cobalah kemungkinan angka berikutnya yang berlaku untul sel tersebut.
- 5. Jika tidak ada lagi sel yang kosong, solusi sudah ditemukan.

Algoritma Hybrid Genetic

- Dalam kasus ini, algoritma *hybrid genetic* adalah gabungan dari algoritma *rule based* dan algoritma genetik
- Algoritma rule based akan dijalankan sampai pada titik dimana algoritma tidak bisa menyelesaikan permainan teka-teki Calcudoku
- Jika algoritma sudah tidak bisa menyelesaikan permainan, maka algoritma genetik akan mulai dijalankan

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Algoritma Hybrid Genetic

Dalam kasus ini, algoritma ini gabungan dari algoritma *rule based* dan algoritma genetik. Algoritma *rule based* akan dijalankan sampai pada titik dimana algoritma tidak bisa menyelesaikan permainan teka-teki Calcudoku. Jika algoritma sudah tidak bisa menyelesaikan permainan, maka algoritma genetik akan mulai dijalankan.

Algoritma Rule Based

- Sebuah algoritma berbasis aturan logika untuk menyelesaikan teka-teki Sudoku dan variasinya, termasuk Calcudoku
- Beberapa aturan logika yang digunakan dalam algoritma ini adalah:
- Single square rule
- Naked subset rule
- Hidden single rule
- Evil twin rule
- Killer combination
- X-wing

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

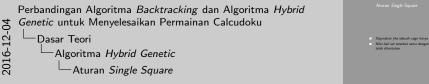
Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Algoritma Rule Based

Algoritma Role Bened
Sahuah algoritma berbasis ataran legika untak
menyhelukan taka-kal Sodolo dan vaisainya,
Melaksapa karan legika yang digunakan dalam algoritm
sa adalah.
Makad sahuah dalam legikan dalam algoritm
Hatian sengin dala
Kalifor menjan dala
Kalifor menjan dalam kalifornia

Algoritma rule based adalah sebuah algoritma berbasis aturan logika untuk menyelesaikan teka-teki Sudoku dan variasinya, termasuk Calcudoku. Menurut Johanna, Lukas, dan Saputra, beberapa aturan logika yang digunakan dalam algoritma ini adalah single square rule, naked subset rule, hidden single rule, evil twin rule, killer combination, dan X-wing [?].

Aturan Single Square

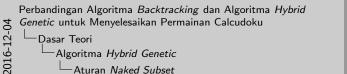
- Digunakan jika sebuah *cage* hanya berisi satu sel
- Nilai dari sel tersebut sama dengan angka tujuan yang telah ditentukan



Aturan *single square* digunakan jika sebuah *cage* hanya berisi satu sel. Hal ini berarti nilai dari sel tersebut sama dengan angka tujuan yang telah ditentukan.

Aturan Naked Subset

- Digunakan jika ada n sel dalam kolom atau baris yang sama yang mempunyai n kemungkinan nilai yang sama persis untuk mengisikannya, dengan $n \ge 2$.
- Sel-sel lainnya dalam baris dan kolom tersebut tidak mungkin diisi dengan nilai yang sama dengan nilai milik n sel tersebut.





Aturan naked subset digunakan jika ada n sel dalam kolom atau baris yang sama yang mempunyai n kemungkinan nilai yang sama persis untuk mengisikannya, dengan $n \geq 2$. Hal ini berarti sel-sel lainnya dalam baris dan kolom tersebut tidak mungkin diisi dengan nilai yang sama dengan nilai milik n sel tersebut.

Aturan Naked Subset



Figure 4: Contoh bagaimana cara mendeteksi aturan *naked* pair

- Gambar 4 menunjukkan bagaimana cara kerja aturan ini
- Sel-sel pada kolom ke-4 dan ke-6 mempunyai tepat dua kemungkinan nilai (1 atau 7)
- Ini disebut sebagai *naked pair*
- Karena angka 1 dan 7 harus diisi pada sel-sel pada kolom ke-4 dan ke-6, maka angka 1 dan 7 bisa dieliminasi dari sel-sel pada kolom ke-7 dan ke-8

< □ > 〈□ > 〈트 > 〈트 > 트 ♡ < (♡)

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan Naked Subset



Gambar 4 menunjukkan bagaimana cara kerja aturan ini. Sel-sel pada kolom ke-4 dan ke-6 mempunyai tepat dua kemungkinan nilai (1 atau 7). Ini disebut sebagai *naked pair*. Karena angka 1 dan 7 harus diisi pada sel-sel pada kolom ke-4 dan ke-6, maka angka 1 dan 7 bisa dieliminasi dari sel-sel pada kolom ke-7 dan ke-8.

Aturan Evil Twin

- Digunakan jika sebuah *cage* berisikan dua sel, dan salah satu dari kedua sel sudah terisi, maka sel yang satunya lagi diisi dengan angka yang jika kedua angka dihitung dengan operasi matematika yang ditentukan maka akan menghasilkan angka tujuan yang ditentukan
- Bisa digeneralisasikan untuk *cage* yang berukuran lebih dari 2 sel
- Sel yang belum terisi yang terakhir dalam sebuah area diisi oleh sebuah nilai yang diperlukan untuk mencapai nilai tujuan menggunakan operasi matematika yang telah ditentukan.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic

-Aturan Evil Twin

turan Evil I win

Digunakan jika sebuah cage berisikan dua sel, dan sali satu dari kedua sel sudah terisi, maka sel yang satunya lagi disi dengan angka yang jika kedua angka dihitung dengan operasi matematika yang ditentukan maka aka menghasilkan angka tujuan yang ditentukan

dari 2 sel Sel yang belum terisi yang terakhir dalam sebuah ar disi oleh sebuah rilai yang diperlukan untuk mencap rilai tujuan menggunakan operasi matematika yang telah dipertukan.

Aturan evil twin digunakan jika sebuah cage berisikan dua sel, dan salah satu dari kedua sel sudah terisi, maka sel yang satunya lagi diisi dengan angka yang jika kedua angka dihitung dengan operasi matematika yang ditentukan maka akan menghasilkan angka tujuan yang ditentukan. Aturan ini adalah aturan yang paling mudah. Kenyataannya, aturan ini bisa digeneralisasikan untuk cage yang berukuran lebih dari 2 sel. Sel yang belum terisi yang terakhir dalam sebuah area diisi oleh sebuah nilai yang diperlukan untuk mencapai nilai tujuan menggunakan operasi matematika yang telah ditentukan.

Aturan Evil Twin

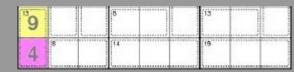
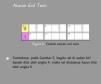


Figure 5: Contoh aturan evil twin

Contohnya, pada Gambar 5, begitu sel di sudut kiri bawah diisi oleh angka 4, maka sel diatasnya harus diisi oleh angka 9.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan Evil Twin



Contohnya, pada Gambar 5, begitu sel di sudut kiri bawah diisi oleh angka 4, maka sel diatasnya harus diisi oleh angka 9.

Aturan Hidden Single



Figure 6: Contoh aturan hidden single

- Digunakan jika sebuah angka hanya bisa diisikan dalam satu sel dalam sebuah baris atau kolom.
- Pada Gambar 6, nilai-nilai yang mungkin untuk sel yang paling kiri adalah 3, 5, dan 7
- Tetapi dalam baris ini, angka 7 harus muncul dalam salah satu selnya, dan hanya sel yang paling kiri tersebut yang memiliki kemungkinan nilai 7
- Ini disebut sebagai *hidden single*
- Sel tersebut harus diisi dengan angka 7.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic

-Aturan Hidden Single



Aturan hidden single digunakan jika sebuah angka hanya bisa diisikan dalam satu sel dalam sebuah baris atau kolom. Aturan ini secara konsep cukup mudah, tetapi kadang-kadang sulit untuk diamati. Pada Gambar 6, nilai-nilai yang mungkin untuk sel yang paling kiri adalah 3, 5, dan 7, tetapi dalam baris ini, angka 7 harus muncul dalam salah satu selnya, dan hanya sel yang paling kiri tersebut yang memiliki kemungkinan nilai 7. Ini disebut sebagai hidden single. Sel tersebut harus diisi dengan angka 7.

Aturan Killer Combination

- Digunakan jika sebuah cage berisikan sel-sel yang berada dalam baris atau kolom yang sama dan operasi yang ditentukan adalah penjumlahan
- Kemungkinan angka yang unik untuk aturan killer combination berhubungan dengan ukuran cage
- Contoh, jika sebuah cage memiliki dua sel dan angka tujuannya adalah 3, maka kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam kedua sel tersebut adalah 1 atau 2
- Hal ini berarti semua angka lainnya tidak mungkin diisikan ke dalam kedua sel tersebut
- Jika sebuah *cage* memiliki tiga sel dan angka tujuannya adalah 24, maka kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam ketiga sel tersebut adalah 7, 8, atau 9



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori Algoritma Hybrid Genetic

-Aturan Killer Combination

Digunakan iika sebuah care berisikan sel-sel yang

ombination berhubungan dengan ukuran cage

adalah 24, maka kemungkinan angka yang bisa diisil

Aturan killer combination adalah aturan yang paling krusial. Aturan ini digunakan jika sebuah cage berisikan sel-sel yang berada dalam baris atau kolom yang sama dan operasi yang ditentukan adalah penjumlahan. Kemungkinan angka yang unik untuk aturan killer combination berhubungan dengan ukuran cage. Contoh, jika sebuah cage memiliki dua sel dan angka tujuannya adalah 3, maka kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam kedua sel tersebut adalah 1 atau 2. Hal ini berarti semua angka lainnya tidak mungkin diisikan ke dalam kedua sel tersebut. Contoh lain, jika sebuah cage memiliki tiga sel dan angka tujuannya adalah 24, maka kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam ketiga sel tersebut adalah 7, 8, atau 9.

Aturan Killer Combination

Cage size	Cage value	Combination
2	3	1/2
2	4	1/3
2	17	8/9
2	16	7/9

Figure 7: Contoh aturan *killer combination* untuk *cage* dengan ukuran 2 sel

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku
Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan Killer Combination



Aturan X-Wing

- Digunakan jika hanya ada dua kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam dua sel yang berada di dalam dua baris yang berbeda, dan dua kemungkinan angka tersebut juga berada di dalam kolom yang sama maka sel-sel lainnya dalam kolom tersebut tidak mungkin diisi oleh dua kemungkinan angka tersebut
- Juga digunakan jika hanya ada dua kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam dua sel yang berada di dalam dua kolom yang berbeda, dan dua kemungkinan angka tersebut juga berada di dalam baris yang sama maka sel-sel lainnya dalam baris tersebut tidak mungkin diisi oleh dua kemungkinan angka tersebut



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic

-Aturan X-Wing

turan X-Wing

Digunskan jika hanya ada dua kemungkinan angka yang bas disikan ke dalam dua olay yang berada di dalam dua baris yang berheda, dan dua kemungkinan angka tersebut juga berada di dalam kolom yang sama maka sel-sel lainnya dalam kolom tersebut tidak mungkin disi olah dua kemungkinan angka tersebut. Juga dingunikan jisa hanya dada dua kemungkinan angka tersebut.

yang bisa diisikan ke dalam dua sel yang berada di dalam dua kolom yang berbeda, dan dua kemungkina ngika tersebut juga berada di dalam baris yang sama maka sel-sel lainnya dalam baris tersebut tidak mungk disi oleh dua kemungkinan angka tersebut

Aturan X-wing digunakan jika hanya ada dua kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam dua sel yang berada di dalam dua baris yang berbeda, dan dua kemungkinan angka tersebut juga berada di dalam kolom yang sama maka sel-sel lainnya dalam kolom tersebut tidak mungkin diisi oleh dua kemungkinan angka tersebut, atau jika hanya ada dua kemungkinan angka yang bisa diisikan ke dalam dua sel yang berada di dalam dua kolom yang berbeda, dan dua kemungkinan angka tersebut juga berada di dalam baris yang sama maka sel-sel lainnya dalam baris tersebut tidak mungkin diisi oleh dua kemungkinan angka tersebut.

Aturan X-Wing



Figure 8: Contoh aturan X-wing [?]

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Aturan X-Wing

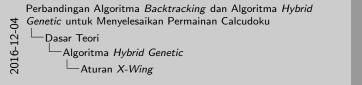
Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid

Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku



Aturan X-Wing

- Gambar 8 menampilkan contoh penggunaan aturan X-wing
- Misalnya, jika sel A diisi oleh angka 7, maka angka 7 akan dieliminasi dari sel B dan sel C
- Karena sel A dengan sel C dan sel D 'terkunci', maka sel D harus diisi oleh angka 7
- Jadi, angka 7 harus di isi pada sel A dan sel D atau pada sel B dan sel C
- Angka 7 bisa dieliminasi dari sel-sel yang berwarna hijau



Gambar E menampilian contoh penggunaan aturan Xaning Masalon, Jaco and Asiai oleh majar A; maka mpisa 7 dania didinisasi dani Bada mid C. Karena saf A dengen saf C. dani saf D'unkursiti, maka se Dania di didinisasi dani Safa dani D'unkursiti, maka se Dania di didinisasi pada 2 dani da dani safa Dates Angka 7 bina didinisasi dani safa dani safa gberanara bijan Angka 7 bisa distinisasi dani safasi safa yang bersanera bijan dania dani safa dani yang bersanera bijan dania dani safa dan

Gambar 8 menampilkan contoh penggunaan aturan *X-wing*. Misalnya, jika sel A diisi oleh angka 7, maka angka 7 akan dieliminasi dari sel B dan sel C. Karena sel A dengan sel C dan sel D 'terkunci', maka sel D harus diisi oleh angka 7. Jadi, angka 7 harus di isi pada sel A dan sel D atau pada sel B dan sel C. Angka 7 bisa dieliminasi dari sel-sel yang berwarna hijau.

Heuristik

- Semacam aturan tidak tertulis yang mungkin menghasilkan solusi
- Kadang-kadang efektif, tetapi tidak dijamin akan berhasil dalam setiap kasus
- Memerankan peran penting dalam strategi pencarian karena sifat eksponensial dari kebanyakan masalah
- Membantu mengurangi jumlah alternatif solusi dari angka yang bersifat eksponensial menjadi angka yang bersifat polinomial

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

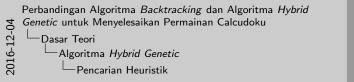
Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Heuristik

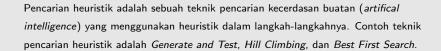


Heuristik adalah semacam aturan tidak tertulis yang mungkin menghasilkan solusi. Heuristik kadang-kadang efektif, tetapi tidak dijamin akan berhasil. dalam setiap kasus. Heuristik memerankan peran penting dalam strategi pencarian karena sifat eksponensial dari kebanyakan masalah. Heuristik membantu mengurangi jumlah alternatif solusi dari angka yang bersifat eksponensial menjadi angka yang bersifat polinomial.

Pencarian Heuristik

- Sebuah teknik pencarian kecerdasan buatan (artifical intelligence) yang menggunakan heuristik dalam langkah-langkahnya
- Contoh teknik pencarian heuristik adalah:
- Generate and Test
- Hill Climbing
- Best First Search





intelligence) yang menggunakan heuristik dalam

Algoritma Genetik

- Salah satu teknik heuristik *Generate and Test* yang terinspirasi oleh sistem seleksi alam
- Perpaduan dari bidang biologi dan ilmu komputer.
- Algoritma ini memanipulasi informasi, biasanya disebut sebagai kromosom.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Algoritma Genetik

Algoritma Genetik

Salah satu tuhink huoritik Generate and Toet yang teropisai dihi dalam saleka alam
Prepatand ari bidang bidog dani ma komputer.
Registrati sai immensipaisi informaci, biasanya disabut
salegal komman

Algoritma genetik adalah salah satu teknik heuristik *Generate and Test* yang terinspirasi oleh sistem seleksi alam. Algoritma ini adalah perpaduan dari bidang biologi dan ilmu komputer. Algoritma ini memanipulasi informasi, biasanya disebut sebagai kromosom.

Kromosom

- Meng-encode kemungkinan jawaban untuk sebuah masalah yang diberikan.
- Dievaluasi dan diberi *fitness value* berdasarkan seberapa baikkah kromosom dalam menyelesaikan masalah yang diberikan berdasarkan kriteria yang ditentukan
- Nilai kelayakan ini digunakan sebagai probabilitas kebertahanan hidup kromosom dalam satu siklus reproduksi
- Child chromosome diproduksi dengan menggabungkan dua (atau lebih) parent chromosome
- Proses ini dirancang untuk menghasilkan kromosom-kromosom keturunan yang lebih layak
- Kromosom-kromosom ini meng-encode jawaban yang lebih baik, sampai solusi yang baik dan yang bisa diterima ditemukan.

<□> <圖> <불> <불> < 의< 은

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Kromosom

Divolusis dan dibini fitness value berdasarkan sibersarkan sibersarkan sibersarkan sibersarkan basikah komonosia dalam menyibeksilan mastah yang dibersarkan berdasarkan kritaris yang dibersarkan berdasarkan kritaris yang dibersarkan kelapa komonosia dalam satu silikun propositistis indipersarkan propositistis (Child chromosome dipersarkai dengan mengabungkan dalam satu yang tersarkan propositistis dan propositistis dengan mengabungkan propositistis distriction propositistis distriction protection dalam satu yang tersarkan propositistis distriction protection dalam satu yang tersarkan propositistis dan propositistis d

Mene-encode kemunekinan jawaban untuk sebuah

masalah yang diberikan.

Kromosom ini meng-encode kemungkinan jawaban untuk sebuah masalah yang diberikan. Kromosom dievaluasi dan diberi fitness value berdasarkan seberapa baikkah kromosom dalam menyelesaikan masalah yang diberikan berdasarkan kriteria yang ditentukan oleh pembuat program. Nilai kelayakan ini digunakan sebagai probabilitas kebertahanan hidup kromosom dalam satu siklus reproduksi. Kromosom baru (kromosom anak, child chromosome) diproduksi dengan menggabungkan dua (atau lebih) kromosom orang tua (parent chromosome). Proses ini dirancang untuk menghasilkan kromosom-kromosom keturunan yang lebih layak, kromosom-kromosom ini meng-encode jawaban yang lebih baik, sampai solusi yang baik dan yang bisa diterima ditemukan.

Cara Kerja Algoritma Genetik

- Cara kerja algoritma genetik adalah sebagai berikut:
- 1 Menentukan populasi kromosom kemungkinan jawaban awal
- Membangkitkan populasi kemungkinan jawaban awal secara acak
- 3 Mengevaluasi fungsi objektif
- Melakukan operasi terhadap kromosom menggunakan operator genetik (reproduksi, kawin silang, dan mutasi)
- 5 Ulangi langkah 3 dan 4 sampai mencapai kriteria untuk menghentikan algoritm.

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Cara Kerja Algoritma Genetik

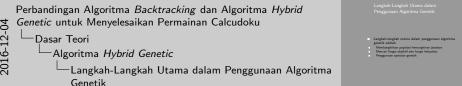


Cara kerja algoritma genetik adalah sebagai berikut [?]:

- 1. Menentukan populasi kromosom kemungkinan jawaban awal.
- 2. Membangkitkan populasi kemungkinan jawaban awal secara acak.
- 3. Mengevaluasi fungsi objektif.
- 4. Melakukan operasi terhadap kromosom menggunakan operator genetik (reproduksi, kawin silang, dan mutasi).
- 5. Ulangi langkah 3 dan 4 sampai mencapai kriteria untuk menghentikan algoritma.

Langkah-Langkah Utama dalam Penggunaan Algoritma Genetik

- Langkah-langkah utama dalam penggunaan algoritma genetik adalah:
- Membangkitkan populasi kemungkinan jawaban
- Mencari fungsi objektif dan fungsi kelayakan
- Penggunaan operator genetik



Langkah-langkah utama dalam penggunaan algoritma genetik adalah membangkitkan populasi kemungkinan jawaban, mencari fungsi objektif dan fungsi kelayakan, dan penggunaan operator genetik.

- Pencarian rule based dimulai dengan mengasumsikan semua nilai sel yang tidak diketahui dengan semua kemungkinan nilai untuk mengisi sel tersebut tanpa melanggar batasan, dengan $P(C_{b,k}) = 1, 2, ..., n$
- Setelah nilai dari satu sel sudah ditentukan, kemungkinan nilai untuk beberapa sel tertentu diperbaharui
- Misalnya, penggunaan aturan naked single yang dinyatakan dalam persamaan 1 di slide berikutnya, akan mengakibatkan semua kemungkinan nilai untuk semua sel lain dalam baris yang sama dan dalam kolom yang sama harus diperbaharui, seperti dinyatakan dalam persamaan 2 dan 3 di slide berikutnya
- Aturan naked pair, salah satu dari aturan jenis naked subset, dinyatakan dalam persamaan 4 untuk baris dan persamaan 5 untuk kolom

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori Algoritma Hybrid Genetic -Algoritma Hybrid Genetic

semua nilai sel yang tidak diketahui dengan semua

Aturan naked pair, salah satu dari aturan jenis naked

Pencarian rule based dimulai dengan mengasumsikan semua nilai sel yang tidak diketahui dengan semua kemungkinan nilai untuk mengisi sel tersebut tanpa melanggar batasan, dengan $P(C_{b,k}) = 1, 2, ..., n$. Setelah nilai dari satu sel sudah ditentukan, kemungkinan nilai untuk beberapa sel tertentu diperbaharui. Misalnya, penggunaan aturan naked single yang dinyatakan dalam persamaan 1 di bawah ini, akan mengakibatkan semua kemungkinan nilai untuk semua sel lain dalam baris yang sama dan dalam kolom yang sama harus diperbaharui, seperti dinyatakan dalam persamaan 2 dan 3 di bawah ini. Aturan naked pair, salah satu dari aturan jenis naked subset, dinyatakan dalam persamaan 4 untuk baris dan persamaan 5 untuk kolom. [?]

- $|P(C_{b,k})| = 1 \land x \in P(C_{b,k}) \rightarrow V(C_{b,k}) = x$, artinya jika sebuah cage berukuran 1 sel, dan x adalah nilai tujuan dari cage tersebut, maka nilai dari sel tersebut adalah x
- 2 $(V(C_{b,k}) = x) \land (\forall a \in \{1, 2, ..., n\}) \rightarrow P(C_{a,k}) =$ $P(C_{a,k}) - \{x\}$, artinya jika nilai suatu sel pada baris b dan kolom k adalah x, maka x dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada baris b
- 3 $(V(C_{b,k}) = x) \land (\forall q \in \{1,2,...,n\}) \rightarrow P(C_{b,q}) =$ $P(C_{b,q}) - \{x\}$ artinya jika nilai suatu sel pada baris b dan kolom k adalah x, maka x dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada kolom k

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid



- $|P(C_{h,k})| = 1 \land x \in P(C_{h,k}) \rightarrow V(C_{h,k}) = x$, artinya ji

- 1. $|P(C_{b,k})| = 1 \land x \in P(C_{b,k}) \rightarrow V(C_{b,k}) = x$, artinya jika sebuah cage berukuran 1 sel, dan x adalah nilai tujuan dari cage tersebut, maka nilai dari sel tersebut adalah x.
- 2. $(V(C_{b,k}) = x) \land (\forall a \in \{1,2,...,n\}) \rightarrow P(C_{a,k}) = P(C_{a,k}) \{x\}$, artinya jika nilai suatu sel pada baris b dan kolom k adalah x, maka x dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada baris b.
- 3. $(V(C_{b,k}) = x) \land (\forall q \in \{1,2,...,n\}) \rightarrow P(C_{b,q}) = P(C_{b,q}) \{x\}$ artinya jika nilai suatu sel pada baris b dan kolom k adalah x, maka x dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada kolom k.

- $|P(C_{b,k1})| = |P(C_{b,k2})| = 2 \land P(C_{b,k1}) = P(C_{b,k2}) \rightarrow P(C_{b,q}) = P(C_{b,q}) P(C_{b,k1}), \text{ artinya jika ada dua sel dalam satu baris yang hanya bisa diisi oleh dua kemungkinan angka, maka kedua angka tersebut dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada baris tersebut$
- 5 $|P(C_{b1,k})| = |P(C_{b2,k})| = 2 \land P(C_{b1,k}) = P(C_{b2,k}) \rightarrow P(C_{p,k}) = P(C_{p,k}) P(C_{b1,k})$, artinya jika ada dua sel dalam satu kolom yang hanya bisa diisi oleh dua kemungkinan angka, maka kedua angka tersebut dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada kolom tersebut

Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic

—Algoritma Hybrid Genetic

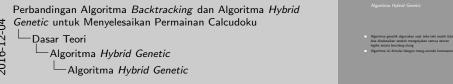
goritma Hybrid Genetic

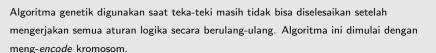
| P|C_{ALX}| | − |P(C_{ASX})| = 2 ∧ P(C_{AXI}) − P(C_{AXI}) − P(C_{AXI}).
 | P(C_{AXI}) − P(C_{AXI}) − P(C_{AXI}) artiving jab and disa se dallem satu baris yang hasya bita diris oleh dua kemungkinan angka mak kedua angka tersebut dhapus dari kemungkinan angka angka yang bita digunakan untuk mengjisi selaral lian pada baris tersebut (gunakan untuk mengjisi selaral lian pada baris tersebut | P(C_{AXI}) − | P(C_{AXI})

 $|\Gamma(\text{Cal}, k)| = |\Gamma(\text{Cal}, k)| = 2 \cdot |\Gamma(\text{Cal}, k)| = |\Gamma(\text{Cal}, k)| =$

- 4. $|P(C_{b,k1})| = |P(C_{b,k2})| = 2 \land P(C_{b,k1}) = P(C_{b,k2}) \rightarrow P(C_{b,q}) = P(C_{b,q}) P(C_{b,k1})$, artinya jika ada dua sel dalam satu baris yang hanya bisa diisi oleh dua kemungkinan angka, maka kedua angka tersebut dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada baris tersebut.
- 5. $|P(C_{b1,k})| = |P(C_{b2,k})| = 2 \land P(C_{b1,k}) = P(C_{b2,k}) \rightarrow P(C_{p,k}) = P(C_{p,k}) P(C_{b1,k})$, artinya jika ada dua sel dalam satu kolom yang hanya bisa diisi oleh dua kemungkinan angka, maka kedua angka tersebut dihapus dari kemungkinan angka-angka yang bisa digunakan untuk mengisi sel-sel lain pada kolom tersebut.

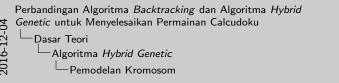
- Algoritma genetik digunakan saat teka-teki masih tidak bisa diselesaikan setelah mengerjakan semua aturan logika secara berulang-ulang
- Algoritma ini dimulai dengan meng-*encode* kromosom





Pemodelan Kromosom

- Satu kromosom terdiri dari k segmen, dengan m < n
- Satu segmen berisikan sekumpulan gen yang belum diselesaikan yang berada di dalam segmen tersebut
- Sebuah segmen merepresentasikan sebuah baris
- Dalam sebuah kromosom, segmen diurutkan dari baris yang paling atas ke baris yang paling bawah
- Setiap segmen merepresentasikan sebuah baris yang belum terselesaikan





Satu kromosom terdiri dari k segmen, dengan $m \leq n$. Satu segmen berisikan sekumpulan gen yang belum diselesaikan yang berada di dalam segmen tersebut. Sebuah segmen merepresentasikan sebuah baris atau kolom. Dalam sebuah kromosom, segmen diurutkan dari baris yang paling atas ke baris yang paling bawah atau dari kolom yang paling kiri ke kolom yang paling kanan. Setiap segmen merepresentasikan sebuah baris yang belum terselesaikan.

Pemodelan Kromosom

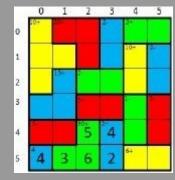
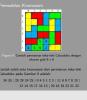


Figure 9: Contoh permainan teka-teki Calcudoku dengan ukuran grid 6 \times 6

Contoh salah satu kromosom dari permainan teka-teki Calcudoku pada Gambar 9 adalah:

34 35 | 28 29 24 25 | 0 4 5 1 2 3 | 11 6 9 7 8 10 | 12 14 15 17 16 13 | 20 18 19 23 21 22 Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
—Algoritma Hybrid Genetic
—Pemodelan Kromosom

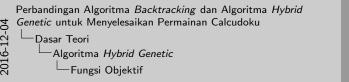


Contoh, salah satu kromosom dari permainan teka-teki Calcudoku pada Gambar 9 adalah

34 35 | 28 29 24 25 | 0 4 5 1 2 3 | 11 6 9 7 8 10 | 12 14 15 17 16 13 | 20 18 19 23 21 22.

Fungsi Objektif

- Fungsi objektif, yang direpresentasikan dengan x_j , akan dihitung setelah pembangkitan nilai dari gen pada kromosom sudah dilakukan
- Nilai untuk gen ke-j pada sebuah kromosom direpresentasikan dengan w_j
- x_j akan bernilai 0 jika belum diselesaikan $(w_j = 0)$, dan bernilai 1 jika sudah diselesaikan $(w_j \neq 0)$





Menurut Johanna, Lukas, dan Saputra, fungsi objektif, yang direpresentasikan dengan x_j , akan dihitung setelah pembangkitan nilai dari gen pada kromosom sudah dilakukan. Nilai untuk gen ke-j pada sebuah kromosom direpresentasikan dengan w_j . x_j akan bernilai 0 jika belum diselesaikan ($w_j = 0$), dan bernilai 1 jika sudah diselesaikan ($w_j \neq 0$).

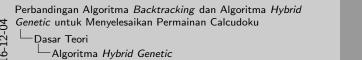
Fungsi Kelayakan

Untuk kromosom dengan jumlah gen k, fungsi kelayakan, yaitu hasil penjumlahan dari hasil fungsi objektif untuk setiap gen dibagi dengan jumlah gen, dinyatakan dalam persamaan di bawah ini:

$$x_j = \begin{cases} 0, w_j = 0 \\ 1, w_j \neq 0 \end{cases}$$

$$fitness = \frac{\sum_{j=0}^{k} x_j}{k}$$

Jadi, solusi dari teka-teki ini adalah mencari kromosom yang nilai kelayakannya 1



└-Fungsi Kelayakan

Fungsi kelayakan, yaitu hasil penjumlahan dari hasil fungsi objektif untuk setiap gen dibagi dengan jumlah gen, dinyatakan dalam persamaan di bawah ini [?]:

$$x_j = \begin{cases} 0, w_j = 0 \\ 1, w_j \neq 0 \end{cases}$$

$$\textit{fitness} = \frac{\sum_{j=0}^{k} x_j}{k}$$

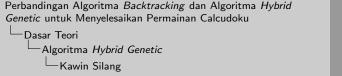
Jadi, solusi dari teka-teki ini adalah mencari kromosom yang nilai kelayakannya 1.

Kawin Silang

Figure 10: Contoh proses kawin silang antara dua kromosom

- Dua kromosom, yaitu kromosom orang tua, disilangkan untuk membuat dua kromosom yang baru, yaitu kromosom anak, dengan metodologi kawin silang N-segments
- Gambar 10 menggambarkan contoh proses kawin silang antara dua kromosom.







kromosom anak, dengan metodologi kawin silang N-segmants
Gambar 10 menggambarkan contoh proses kawin silar antara dua kromosom.

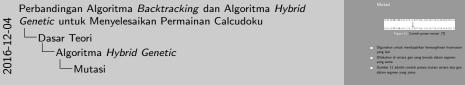
Dalam proses reproduksi kawin silang, dua kromosom, yaitu kromosom orang tua, disilangkan untuk membuat dua kromosom yang baru, yaitu kromosom anak, dengan metodologi kawin silang *N-segments*. Gambar 10 menggambarkan contoh proses kawin silang antara dua kromosom.

Mutasi



Figure 11: Contoh proses mutasi [?]

- Digunakan untuk mendapatkan kemungkinan kromosom yang lain
- Dilakukan di antara gen yang berada dalam segmen yang sama
- Gambar 11 adalah contoh proses mutasi antara dua gen dalam segmen yang sama



Pertukaran mutasi digunakan untuk mendapatkan kemungkinan kromosom yang lain. Mutasi dilakukan di antara gen yang berada dalam segmen yang sama. Gambar 11 adalah contoh proses mutasi antara dua gen dalam segmen yang sama.

Cara Kerja Algoritma Hybrid Genetic

- Cara kerja algoritma hybrid genetic menurut Johanna, Lukas, dan Saputra adalah sebagai berikut:
- Masukkan teka-teki yang akan diselesaikan sebagai input. Program akan merepresentasikan input yang dimasukkan
- dalam format teka-teki.
- Program akan mencoba menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma rule based terlebih dahulu.
- Jika program berhasil menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma rule based, maka algoritma selesai.
- Jika program gagal dengan menggunakan algoritma rule based, maka program akan mencoba menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma genetik.
- Jika program berhasil menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma genetik, maka algoritma selesai.
- Jika program gagal dalam menyelesaikan teka-teki tersebut setelah menggunakan algoritma genetik, artinya algoritma gagal dalam menyelesaikan teka-teki terseebut.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku Dasar Teori -Algoritma Hybrid Genetic -Cara Kerja Algoritma Hybrid Genetic

Cara kerja algoritma hybrid genetic adalah sebagai berikut [?]:

- Masukkan teka-teki yang akan diselesaikan sebagai input.
- Program akan merepresentasikan input yang dimasukkan dalam format teka-teki
- Program akan mencoba menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma rule based terlebih dahulu.
- Jika program berhasil menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma rule based, maka algoritma selesai.
- Jika program gagal dengan menggunakan algoritma rule based, maka program akan mencoba menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma genetik.
- Jika program berhasil menyelesaikan teka-teki tersebut dengan menggunakan algoritma genetik, maka algoritma selesai.
- Jika program gagal dalam menyelesaikan teka-teki tersebut setelah menggunakan algoritma genetik, artinya algoritma gagal dalam menyelesaikan teka-teki terseebut.

Alur Cara Kerja Algoritma Hybrid Genetic

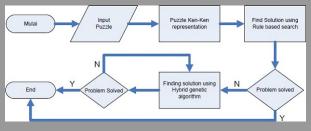


Figure 12: Alur penyelesaian permainan teka-teki Calcudoku dengan menggunakan algoritma *hybrid genetic*

 Alur (flow chart) penyelesaian permainan teka-teki Calcudoku dengan menggunakan algoritma hybrid genetic dapat dilihat di Gambar 12.



Perbandingan Algoritma Backtracking dan Algoritma Hybrid
Genetic untuk Menyelesaikan Permainan Calcudoku

Dasar Teori
Algoritma Hybrid Genetic
Alur Cara Kerja Algoritma Hybrid Genetic



Alur (*flow chart*) penyelesaian permainan teka-teki Calcudoku dengan menggunakan algoritma *hybrid genetic* dapat dilihat di Gambar 12.