

Widać 100% (jej :D)

Widać 95% (tak, damy radę :D)

Widać 85% (może być problem...)

Widać 55% (Panie, na tym się nie da pracować)

Widać 48% (Mordor)

Widać, po prostu widać

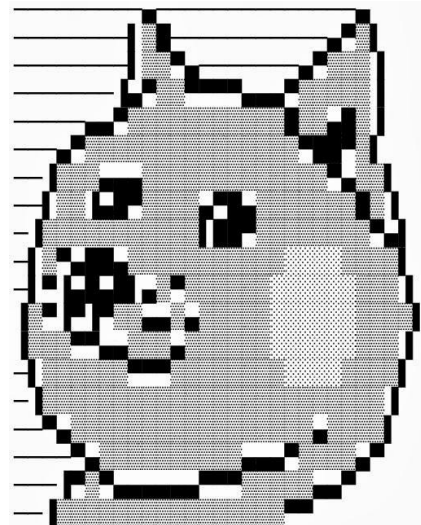
Czy\_Widać\_Table

# RSA

Prezentacja [chyba]

RSA -> |      ← //To są strzałki  
      V

## Algorytm Rivesta-Shamira-Adlemana



# ¿ RSA jakie jest, każdy widzi.?

- Jest to jeden z pierwszych i obecnie najpopularniejszych asymetrycznych algorytmów kryptograficznych z kluczem publicznym, zaprojektowany w 1977 przez Rona Rivesta, Adiego Shamira oraz Leonarda Adlemana

Reddit :

[illegible]

# Opis algorytmu, (czyli czym to się je)

edit: (proszę nie mówić, że łyżeczką)

edit2: (tak naprawdę widelcem)

E-dit3: (Tak serio serio to łyżdelec)

# Opis algorytmu

1) Wybieramy losowo dwie DUŻE liczby pierwsze  $p, q$   
np.  $p = 2, q = 3$

Dwa) Obliczamy  $N = p * q$ ;

3) Obliczamy wartość funkcji Eulera:  $\varphi(N) = (p - 1)(q - 1)$

„O cholera to funkcja Eulera”  
~ Wiadomo kto

4. Wybieramy liczbę  $e$ : 
$$\begin{cases} 1 < e < \varphi(N) \\ \text{NWD}(e, \varphi(N)) = 1 \end{cases}$$

5} **Klucz publiczny** =  $(e, N)$

6. Wybieramy liczbę  $d$  taką, że  $(d * e) \bmod \varphi(N) = 1$

$s \in V \in \mathbb{N}$  **Klucz prywatny**  $\rightarrow (d, N)$



Example:

$p=2 \quad q=7 \Rightarrow N=14$

$(11, 14) \swarrow$

$5d \equiv_6 1 \rightarrow 5 \vee \underline{11} \vee \dots$

$\phi(N) = 6$

$\uparrow$

$\circ\pi(5, 14) \Leftarrow e=5$



# SZYFROWANIE

(Na przykładzie  $p = 2$ ,  $q = 7$ )

Klucz publiczny:  $(5, 14)$

Wiadomość: „B”

$$B \rightarrow 2 \rightarrow 2^5 \bmod(14) = 32 \bmod(14) = 4 \rightarrow D$$

# DESZYFROWANIE

(Na przykładzie  $p = 2, q = 7$ )

Klucz prywatny:  $(11, 14)$

Wiadomość: „D”

$$D \rightarrow 4 \rightarrow 4^{11} \bmod(14) = 4194304 \bmod(14) = 2 \rightarrow B$$

# Własności

Niech  $C_{K_1}, D_{K_1}, C_{K_2}, D_{K_2}$  będą kolejno szyfrowaniem i deszyfrowaniem kluczami  $K_1$  i  $K_2$ . Wtedy zachodzi:

- $C_{K_1}(C_{K_2}(M)) = C_{K_2}(C_{K_1}(M))$  - przemienność operacji szyfrowania
- $D_{K_1}(D_{K_2}(M)) = D_{K_2}(D_{K_1}(M))$  - przemienność operacji deszyfrowania

!! Ze względów bezpieczeństwa nie powinno się stosować więcej niż 2 zagnieżdżone szyfrowania ze względu na ataki oparte na chińskim twierdzeniu o resztach.

# Ciekawostki

Dotychczas największym kluczem RSA, jaki rozłożono na czynniki pierwsze, jest klucz 768-bitowy

Dziękuję za uwagę!