

NNUI1

Semestrální práce 2

Michal Struna

1. Instalace a spuštění

Pro běh programu je potřeba překladač pro Python 3 a moduly `numpy`, `matplotlib` a `csv`.

```
pip install numpy
```

Pokud je cesta k překladači v systémové proměnné `PATH`, program je možné spustit z terminálu následujícím způsobem. Je možné, že nejnovější verze Pythonu bude dostupná pod názvem `python3` namísto `python`:

```
python index.py
```

V případě linuxu, kdy se překladač nachází na cestě `/usr/bin/python3` lze program spustit i prostým zavoláním názvu souboru. Tento způsob bude použit i v ukázkách dále:

```
index.py
```

1.1. Parametry

Parametr	Zkratka	Význam
<code>--help</code>	<code>-h</code>	Zobrazí nápovědu s použitím všech parametrů.
<code>--fitness</code>	<code>-f</code>	Zobrazí graf nejlepších, nejhorších a průměrných fitness v jednotlivých generacích.
<code>--input</code>	<code>-i</code>	Zdrojový soubor (default = <code>./Distance.csv</code>).
<code>--mutation</code>	<code>-m</code>	Pravděpodobnost mutace (default = 0.05).
<code>--generations</code>	<code>-g</code>	Počet generací (default = 250).
<code>--population</code>	<code>-p</code>	Počet jedinců v populaci (default = 500).
<code>--crossover</code>	<code>-c</code>	Použitý operátor křížení. Všechny typy jsou popsány v kapitole 4.4. Povolené hodnoty jsou <code>order1</code> , <code>order2</code> , <code>cycle</code> a <code>pmx</code> (default = <code>order1</code>).
<code>--tournament</code>	<code>-t</code>	Počet účastníků turnaje při selekci (default = 2).
<code>--astar</code>	<code>-a</code>	Namísto genetického algoritmu bude proveden A* (pro více jak 16 měst nepoužitelné).
<code>--size</code>	<code>-s</code>	Vzít pouze prvních N měst ze souboru (default = vše).

Tabulka 1 – Parametry programu.

Spuštění programu se zobrazením grafu, pravděpodobností mutace 10 %, cycle crossover operátorem pro prvních 12 měst ze souboru `./Distance.csv`:

```
index.py --fitness -m 0.1 -c cycle -s 12
```

2. Vstup

Vstupem je CSV soubor s maticí vzdáleností mezi jednotlivými městy. Města na horizontální i vertikální ose musí být ve stejném pořadí.

3. Struktura projektu

3.1. index.py

Vstupním souborem projektu je soubor `solve.py`. Ten parsuje případné vstupní parametry programu a propojuje všechny ostatní soubory.

3.2. io_utils.py

Modul obsahující pomocné třídy pro čtení a psaní.

3.2.1. Reader

Třída umožňující přečíst matici vzdáleností z CSV souboru a uložit ji do struktury `numpy.array` nebo argumenty programu.

3.2.2. Writer

Třída pro výpis cesty do terminálu a zobrazení grafu.

3.3. genetic.py

Modul pro samotné řešení problému bludiště.

3.3.1. Genetic

Třída s implementací genetického algoritmu.

3.3.2. Fitness

Enum možných typů fitness (nejnižší a nejvyšší).

3.3.3. Crossover

Enum možných typů křížení.

4. Genetický algoritmus

4.1. Jedinec

Každý jedinec je reprezentován posloupností v řadě za sebou navštívených měst. Jedinec, který navštívil města 4, 5, 7 a pak 2 bude vypadat takto:

```
np.array([4, 5, 7, 2])
```

Všichni jedinci jsou uloženi v poli (celá populace je tedy 2D pole). Fitness všech jedinců je uložena v samostatném poli o stejné velikosti, jako počet jedinců.

4.2. Evaluace

Výpočet fitness každého jedince je proveden prostým sečtením vzdáleností měst po cestě.

4.3. Selektce

V programu je implementována turnajová selektce. Ta vybere několik náhodných jedinců a z nich toho nejlepšího. Tento proces je opakován tolikrát, kolik je v populaci jedinců.

4.4. Křížení

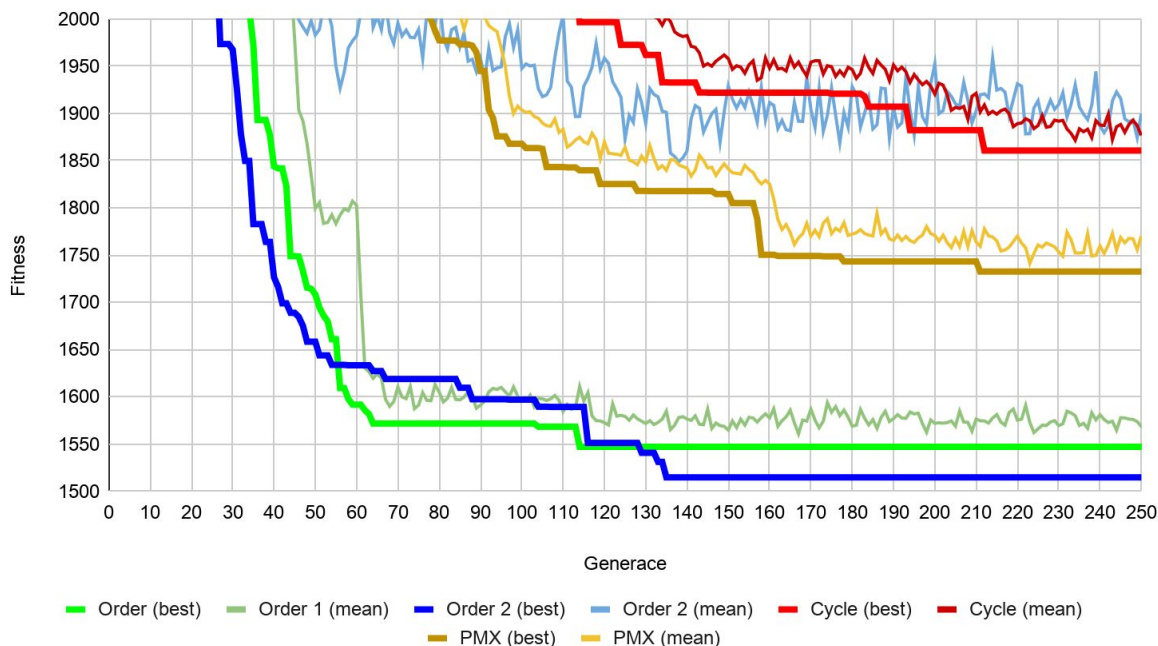
Jedinci, kteří byli vybráni pro křížení, jsou rozděleni do po sobě jdoucích dvojic a na každou je aplikován operátor křížení. Jednou $x + y$ a podruhé $y + x$. Výsledkem každých dvou rodičů jsou tedy vždy 2 potomci. V programu je umožněno vybrat z několika operátorů křížení.

Srovnání metod je zobrazeno na grafu a v tabulce níže. U všech metod bylo nastaveno 250 generací, 500 jedinců v populaci, 5% šance na mutaci a byl vybrán nejlepší z 5 pokusů.

Je patrné, že nejlepší řešení (**1514,8**) bylo dosaženo pomocí order 2. To ale produkuje potomky příliš odlišné od rodičů a stejně jako v případě příliš velké pravděpodobnosti na mutaci se průměr populace nepřiblížil nejlepšímu jedinci. Z tohoto pohledu je vhodnější volbou order 1.

	Order 1	Order 2	Cycle	PMX
Nejlepší	1541,51	1514,8	1860,7	1732,6
Průměr	1565,7	1899,8	1876,7	1770,3

Tabulka 2 – Nejlepší a průměrné fitness dosažené různými metodami křížení.



Obrázek 1 – Srovnání crossover operátorů. U každého je nejlepší a průměrné fitness.

4.4.1. Order 1 crossover

1) Z X je do potomka vložen **náhodný interval** na stejnou pozici.

Rodič X: 6 **2 3 4** 5 1
Rodič Y: 5 6 2 3 1 4
Dítě : **2 3 4**

2) Z Y jsou **odfiltrovány geny**, které již jsou v potomkovi. **Ostatní** jsou vloženy na prázdná místa v potomkovi v daném pořadí.

Rodič X: 6 2 3 4 5 1
Rodič Y: **5 6 2 3 1 4**
Dítě : **5 2 3 4 6 1**

4.4.2. Order 2 crossover

1) Z X je do potomka vložen **náhodný interval** na počátek.

Rodič X: 6 **2 3 4** 5 1
Rodič Y: 5 6 2 3 1 4
Dítě : **2 3 4**

2) Z Y jsou **odfiltrovány geny**, které již jsou v potomkovi. **Ostatní** jsou vloženy na prázdná místa v potomkovi v daném pořadí.

Rodič X: 6 2 3 4 5 1
Rodič Y: **5 6 2 3 1 4**
Dítě : 2 3 4 **5 6 1**

4.4.3. Cycle crossover

<p>1) Z X je do potomka vložen náhodný gen na stejnou pozici.</p> <p>Rodič X: 6 2 3 4 5 1 Rodič Y: 5 4 2 3 1 6 Dítě : 4</p>	<p>2) Na stejné pozici jako 4 v X je v Y gen 3. Ten je nalezen v X a umístěn do potomka.</p> <p>Rodič X: 6 2 3 4 5 1 Rodič Y: 5 4 2 3 1 6 Dítě : 3 4</p>
<p>3) Na stejné pozici v Y je 2, který je nalezen v X a vložen do potomka.</p> <p>Rodič X: 6 2 3 4 5 1 Rodič Y: 5 4 2 3 1 6 Dítě : 2 3 4</p>	<p>4) Na stejné pozici je v Y 4. Ta už v potomkovi je, a proto se z Y vezmou hodnoty, které v potomkovi ještě nejsou a vloží se na prázdná místa.</p> <p>Rodič X: 6 2 3 4 5 1 Rodič Y: 5 4 2 3 1 6 Dítě : 5 2 3 4 1 6</p>

4.4.4. Partially mapped crossover (PMX)

<p>1) Z X je do potomka vložen náhodný interval na počátek a v Y vyznačen stejný interval.</p> <p>Rodič X: 6 2 3 4 5 1 Rodič Y: 5 2 6 3 1 4 Dítě : 2 3 4 5</p>	<p>2) V intervalu v Y je nalezen 1. gen (= 6), který není v potomkovi. Na stejné pozici v X je 3.</p> <p>Rodič X: 6 2 3 4 5 1 Rodič Y: 5 2 6 3 1 4 Dítě : 2 3 4 5</p>
<p>3) V Y je nalezen gen 3 a ze stejné pozice v X přečten gen 4. Ten v potomkovi již je, a proto je 4 nalezen v Y. Na stejnou pozici je vložen původní gen z intervalu v Y.</p> <p>Rodič X: 6 2 3 4 5 1 Rodič Y: 5 2 6 3 1 4 Dítě : 2 3 4 5 6</p>	<p>4) V intervalu v Y je nalezen 2. gen (= 1), který není v potomkovi. Na stejné pozici v X je 5. Na stejnou pozici v potomkovi je vložen původní gen z intervalu Y.</p> <p>Rodič X: 6 2 3 4 5 1 Rodič Y: 5 2 6 3 1 4 Dítě : 1 2 3 4 5 6</p>

4.5. Mutace

Mutace je prostým prohozením dvou genů v jedinci s určitou pravděpodobností.

4.6. Elitismus

Aby nebylo ztraceno nejlepší nalezené řešení. Poté, co je vytvořena generace potomků, je náhodný potomek odebrán a nahrazen nejlepším rodičem z předchozí generace.

5. Algoritmus A*

Aplikaci algoritmu A* na stejný problém se nepodařilo vyřešit, resp. už pro 16 měst trvá nalezení optimální cesty v řádu minut. Stav je reprezentován jako pole již navštívených měst, přičemž akcí může být přidání libovolného nenavštíveného města. V případě, že jsou již všechna města navštívena, jediná přípustná akce je návrat do počátečního města.

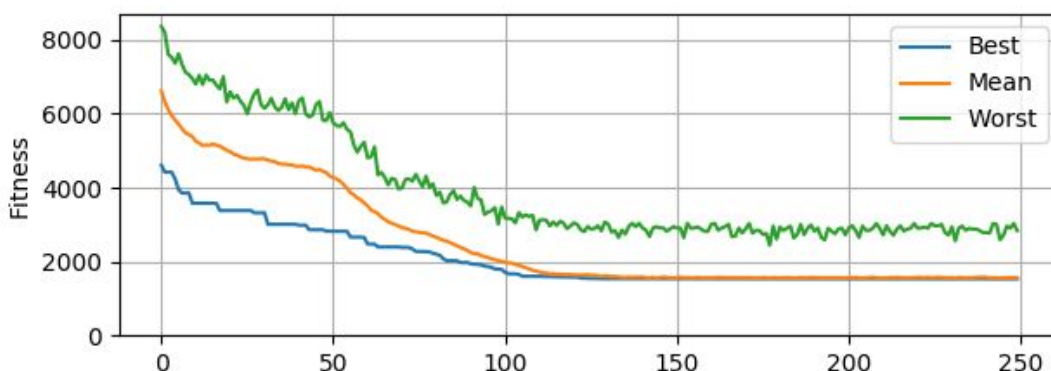
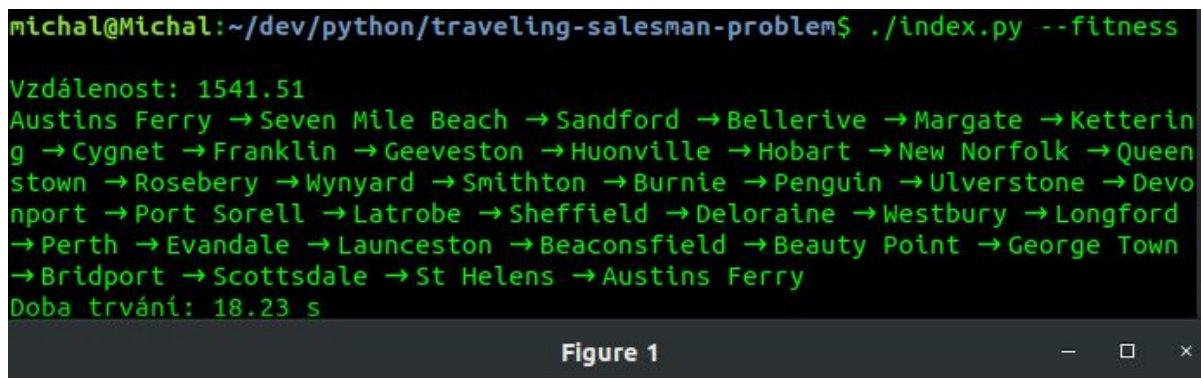
5.1. Testované heuristické funkce

- **h1 = součet délek hran minimální kostry grafu všech nenavštívených měst**
- **h2 = odhad minimální vzdálenosti pro navštívení všech dosud nenavštívených měst pomocí hladového algoritmu (rychlé, ale výsledkem A* byly neoptimální cesty)**
- **h3 = min(h2) pro všechna nenavštívená města jakožto začátek cesty**

Řešením by mohlo být aplikování poznatků o problému za účelem zmenšení stavového prostoru nebo vytvoření vhodnější heuristické funkce.

6. Výsledek

V rámci práce byl vytvořen konzolový program napsaný v jazyce Python, který přečte zadání z CSV souboru a do terminálu vypíše jeho řešení. Výstupem může být např.:



Obrázek 2 – Výstup programu.