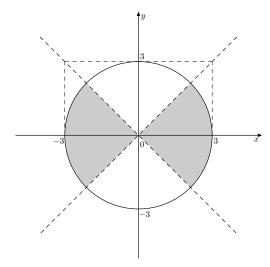
## Matematika I

05. január 2020 9:00

Meno a priezvisko: Podpis: Podpis:
Ročník: študijný program:
1. (11b) Daná je všeobecná rovnica kužeľosečky $9x^2 + 25y^2 - 54x - 100y - 44 = 0$ . Doplňte
a) (2b) Stredová rovnica kužeľosečky je
b) (1b) Typ kužeľosečky je
c) (3b) Popíšte (ak existujú):
$c_1$ ) dĺžka hlavnej poloosi je
d) (4b) Napíšte súradnice (ak existujú):
$d_1$ ) stredu kužeľosečky
e) (1b) Znázornite kužeľosečku a v náčrte popíšte jej významné prvky.

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na nasledujúcom obrázku.



a) 
$$f(x,y) = \ln(9 - x^2 - y^2) + \ln(x^2 - y^2)$$

b) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 - y^2)$$

c) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 + y^2)$$

d) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \sqrt{x^2 - y^2}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} x^2 y \, \, \mathrm{d}x \mathrm{d}y,$$

kde množina M je obdĺžnik s vrcholmi  $A=[1,1],\,B=[2,1],\,C=[2,2]$  a D=[1,2].

Výsledok: .....

- **4.** (4b) Bod M má v cylindrickej súradnicovej sústave nasledujúce súradnice:  $M = \left[\sqrt{2}, \frac{3\pi}{4}, \sqrt{6}\right]$ .
  - a) (2b) Vyberte správnu odpoveď: Súradnice bodu M v pravouhlej súradnicovej sústave sú:

a) 
$$M = [1, -1, \sqrt{6}]$$

c) 
$$M = [-1, 1, \sqrt{6}]$$

b) 
$$M = [-1, -1, \sqrt{6}]$$

d) 
$$M = [1, 1, -\sqrt{6}]$$

b) (2b) Znázornite tento bod M v pravouhlej súradnicovej sústave.

Náčrt:

a)	Načrtnite oblasť $M$ :
	Náčrt:
	Pomocou matematických vzťahov popíšte hranice oblasti $M$ :
	(a) (2b) AB
	(b) (2b) BC
	(c) (2b) <i>CD</i>
	(d) (2b) <i>AD</i>
1.)	
D)	(5b) Nájdite lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ v oblasti $M$ . Ak hľadané lokálne extrémy nie sú, napíšte "nie sú".
	<b>Doplňte odpoveď:</b> Funkcia $f(x,y)$ má v bode lokálne
	Dopinie supered I unkelu $f(x,y)$ mu v bode
c)	Nájdite viazané lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ na hraniciach oblasti $M.$ Ak hľadaný
	lokálny extrém nejestvuje, napíšte "nie je".
	(a) (3b) Na hranici $AB$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
	(b) (3b) Na hranici $BC$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
	(c) (3b) Na hranici $CD$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
	(d) (3b) Na hranici $AD$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
	(a) $(b)$ 1.6 Here $a$ 1.1.
d)	(2b) Nájdite najväčšiu a najmenšiu hodnotu funkcie $f(x,y)$ na oblasti $M$ .
	Najväčšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je:
	Najmenšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je:

9. (27b) Daná je funkcia  $f(x,y)=x^2+y^2-2x-4y+1$  a oblasť M. Oblasť M je mnohouholník ABCD s vrcholmi  $A=[0,1],\ B=[2,1],\ C=[2,3]$  a D=[0,3].