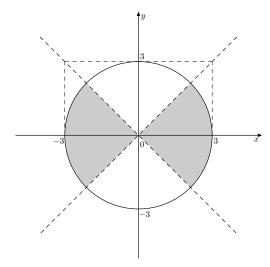
## Matematika I

05. január 2017 11:00

Meno a priezvisko	: Podpis:
Ročník:	Študijný program:
1. (11b) Daná je vše Doplňte	obecná rovnica kužeľosečky $9x^2 + 4y^2 - 36x - 24y - 36 = 0$ .
a) Stredová rovnic	a kužeľosečky je
b) Typ kužeľosečk	y:
c) Popíšte (ak exi	stuje):
$c_2$ ) dĺžka vedľ	nej poloosi jeajšej poloosi jea je
d) Napíšte súradn	ice (ak existujú):
$d_2$ ) vedľajších	vrcholov kužeľosečky vrcholov kužeľosečky ohniska resp. ohnísk kužeľosečky
e) Znázornite kuž	Plosečku a v náčrte popíšte jej významné prvky

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na nasledujúcom obrázku.



a) 
$$f(x,y) = \ln(9 - x^2 - y^2) + \ln(x^2 - y^2)$$

b) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 - y^2)$$

c) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 + y^2)$$

d) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \sqrt{x^2 - y^2}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} x^2 y \, \, \mathrm{d}x \mathrm{d}y,$$

kde množina M je obdĺžnik s vrcholmi  $A=[1,1],\,B=[2,1],\,C=[2,2]$  a D=[1,2].

Výsledok: .....

- **4.** (4b) Bod M má v cylindrickej súradnicovej sústave nasledujúce súradnice:  $M = \left[\sqrt{2}, \frac{3\pi}{4}, \sqrt{6}\right]$ .
  - a) (2b) Vyberte správnu odpoveď: Súradnice bodu M v pravouhlej súradnicovej sústave sú:

a) 
$$M = [1, -1, \sqrt{6}]$$

c) 
$$M = [-1, 1, \sqrt{6}]$$

b) 
$$M = [-1, -1, \sqrt{6}]$$

d) 
$$M = [1, 1, -\sqrt{6}]$$

b) (2b) Znázornite tento bod M v pravouhlej súradnicovej sústave.

Náčrt:

5. (8b) Daná je lineárna diferenciálna rovnica (LDR) $y'' - 7y' + 12y = -12e^x$ .	
a) (2b) Napíšte charakteristickú rovnicu k danej diferenciálnej rovnici.	
Charakteristická rovnica je	
b) (2b) Nájdite fundamentálny systém riešení diferenciálnej rovnice s nulovou pravou stranou.	
Fundamentálny systém riešení LDR je	
b) (2b) Napíšte tvar vhodného partikulárneho riešenia.	
Partikulárne riešene je	
c) (2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.	
Všeobecné riešenie LDR je	
6. (4b) Vypočítajte nasledujúcu limitu $\lim_{\substack{x\to 2\\y\to -1}}\frac{\sin(x+2y)^2}{x^2+2xy}.$	
Výsledok:	
7. (6b) Napíšte všeobecnú rovnicu dotykovej roviny ku grafu funkcie $f(x,y) = 5 - x^2 + 2x - y^2 - 8y$ , ak je hľadaná dotyková rovina je rovnobežná so súradnicovou rovinou $R_{xy}$ .	
Súradnice dotykového bodu sú	
Všeobecná rovnica dotykovej roviny je	
8. (6b) Daná je funkcia $f(x,y)=\ln{(x^2+y^2)},$ bod $A=[-1,2]$ a vektor $\vec{l}=(-2,-1)$ .	
a) (3b) Nájdite gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ .	
<b>Gradient</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ je	
b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ .	
<b>Derivácia</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ je	

	3b) Daná je funkcia $f(x,y)=2x^2-x+y^2$ a množina $M.$ žina $M$ je trojuholník $ABC$ , ktorého vrcholy majú súradnice $A=\begin{bmatrix}0,0\end{bmatrix}$ $B=\begin{bmatrix}3,0\end{bmatrix}$ a $\begin{bmatrix}0,3\end{bmatrix}$ .
a)	(1b) Načrtnite množinu $M$ a pomocou rovníc popíšte jej hranice.
	Náčrt:
	Rovnice hranic:
	(a) (2b) AB
b)	(5b) Nájdite lokálne extrémy funkcie v $M$ . <b>Doplňte odpoveď:</b> Funkcia $f(x,y)$ má v bode lokálne
c)	(9 b) Nájdite viazané lokálne extrémy funkcie na hraniciach oblasti ${\cal M}.$ Na hranici
	(a) $AB$ má funkcia $f(x,y)$ má v bode
d)	(2b) Nájdite najväčšiu a najmenšiu hodnotu funkcie $f(x,y)$ na oblasti $M.$
	${f Najväčšia}$ hodnota funkcie $f(x,y)$ na oblasti $M$ je