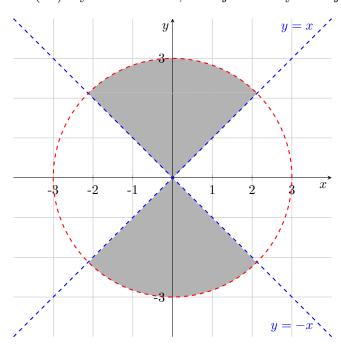
## Matematika I

undefined undefined

Meno a priezvisko: Podpis: Podpis:
Ročník: študijný program:
1. (7b) Daná je všeobecná rovnica kužeľosečky $4y^2 - 9x^2 + 36x - 8y - 68 = 0$ . Doplňte
a) (2b) Kanonická rovnica (rovnica v štandardnom tvare) kužeľosečky je
b) (1b) Typ kužeľosečky je
c) (3b) Napíšte súradnice
$c_1$ ) stredu kužeľosečky:
d) (1b) Znázornite kužeľosečku a v náčrte popíšte jej charakteristické prvky.

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na obrázku.



a) 
$$f(x,y) = \ln(9 - x^2 - y^2) + \sqrt{x^2 + y^2}$$

b) 
$$f(x,y) = \frac{\ln(9 - x^2 - y^2)}{\sqrt{x^2 - y^2}}$$

c) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 - y^2)$$

d) 
$$f(x,y) = \frac{\ln(9 - x^2 - y^2)}{\sqrt{y^2 - x^2}}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} xy \, \mathrm{d}x \mathrm{d}y,$$

kde množina M je trojuholník s vrcholmi A = [1, 1], B = [1, 2] a C = [2, 2].

Výsledok:

**4.** (4b) Bod M má v cylindrickej súradnicovej sústave nasledujúce súradnice:  $M = \left\lceil \sqrt{2}, \frac{3\pi}{4}, \sqrt{6} \right\rceil$ .

a) (2b) Vyberte správnu odpoveď: Súradnice bodu M v pravouhlej súradnicovej sústave sú:

a) 
$$M = [1, -1, \sqrt{6}]$$

c) 
$$M = [-1, 1, \sqrt{6}]$$

b) 
$$M = [-1, -1, \sqrt{6}]$$

d) 
$$M = [1, 1, -\sqrt{6}]$$

b) (2b) Znázornite tento bod M v pravouhlej súradnicovej sústave.

Náčrt:

5. (8b) Daná je lineárna obyčajná diferenciálna rovnica (LODR) $y'(x) + y(x) = x + 1$ .
a) (2b) Napíšte charakteristickú rovnicu k danej diferenciálnej rovnici.
Charakteristická rovnica je:
b) (2b) Nájdite fundamentálny systém riešení diferenciálnej rovnice s nulovou pravou stranou.
Fundamentálny systém riešení je
c) (2b) Nájdite partikulárne riešenie uvedenej nehomogénnej rovnice.
Partikulárne riešene je
d) (2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.
Všeobecné riešenie danej LODR je
6. (4b) Vypočítajte
$\lim_{[x,y]\to[0,1]} \frac{x^2y^2}{x+y+1}.$
Výsledok:
7. (6b) Napíšte všeobecnú rovnicu dotykovej roviny ku grafu funkcie
$f(x,y) = x^2 + y^2$
ak hľadaná dotyková rovina je rovnobežná s rovinou $\sigma: x + \frac{y}{2} + \frac{z}{3} = 1.$
Súradnice dotykového bodu sú:
Všeobecná rovnica dotykovej roviny je:
8. (6b) Daná je funkcia $f(x,y) = \ln(x+y)$ , bod $A = [1, 2]$ a vektor $\vec{l} = (1, -2)$ .
a) (3b) Nájdite gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ .
<b>Gradient</b> funkcie $f(x, y)$ v bode $A$ je
b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ .
<b>Derivácia</b> funkcie $f(x,y)$ v bode A v smere vektora $\vec{l}$ je

a) Načrtnite oblasť $M$ :	
Náčrt:	
Pomocou matematických vzťahov popíšte hranice oblast	<b>i</b> M:
(a) (2b) <i>AB</i>	
(b) (2b) BC	
(c) (2b) $CD$	
(d) (2b) $AD$	
b) (5b) Nájdite lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ v oblasti $M$ . Ak hľadané lokálne extrémy nie sú, napíšte "nie sú".	
<b>Doplňte odpoveď:</b> Funkcia $f(x,y)$ má v bode	lokálne
c) Nájdite viazané lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ na hraniciac lokálny extrém nejestvuje, napíšte "nie je".	h oblasti $M$ . Ak hľadaný
(a) (3b) Na hranici $AB$ má funkcia $f(x,y)$ v bode vi	azané lokálne
(b) (3b) Na hranici $BC$ má funkcia $f(x,y)$ v bode vi	azané lokálne
(c) (3b) Na hranici $CD$ má funkcia $f(x,y)$ v bode vi	azané lokálne
(d) (3b) Na hranici $AD$ má funkcia $f(x,y)$ v bode vi	azané lokálne
d) (2b) Nájdite najväčšiu a najmenšiu hodnotu funkcie $f(x,y)$ na o	blasti $M$ .
Najväčšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je:	
Najmenšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je:	
f(x,y) joint in the state of $f(x,y)$ joint in the state of $f(x,y)$	

9. (27b) Daná je funkcia  $f(x,y)=4x+6y-x^2-y^2$  a oblasť M. Oblasť M je mnohouholník ABCD s vrcholmi  $A=[0,0],\ B=[4,0],\ C=[4,5]$  a D=[0,5].