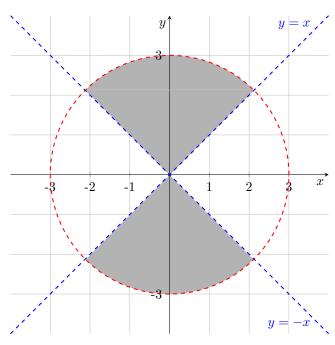
Matematika I

undefined undefined

Meno a priezvisko: Podpis:
Ročník: študijný program:
1. (11b) Daná je všeobecná rovnica kužeľosečky $9x^2 + 25y^2 - 54x - 100y - 44 = 0$. Doplňte
a) (2b) Stredová rovnica kužeľosečky je
b) (1b) Typ kužeľosečky je
c) (3b) Popíšte (ak existujú):
c_1) dĺžka hlavnej poloosi je
d) (4b) Napíšte súradnice (ak existujú):
d_1) stredu kužeľosečky
e) (1b) Znázornite kužeľosečku a v náčrte popíšte jej významné prvky.

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na obrázku.



a)
$$f(x,y) = \ln(9 - x^2 - y^2) + \sqrt{x^2 + y^2}$$

b)
$$f(x,y) = \frac{\ln(9 - x^2 - y^2)}{\sqrt{x^2 - y^2}}$$

c)
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 - y^2)$$

d)
$$f(x,y) = \frac{\ln(9 - x^2 - y^2)}{\sqrt{y^2 - x^2}}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} xy \, \mathrm{d}x \mathrm{d}y,$$

kde množina M je mnohouholník, ktorého vrcholy majú súradnice $A=[1,0],\ B=[2,0],\ C=[2,2]$ a D=[1,3].

- **4.** (4b) Bod M má v cylindrickej súradnicovej sústave súradnice: $M = \left[2\sqrt{3}, \frac{\pi}{6}, -2\right]$.
 - a) (2b) Vyberte správnu odpoveď: Súradnice bodu M v pravouhlej súradnicovej sústave sú:

a)
$$M = [-3, -\sqrt{3}, -2]$$

c)
$$M = [3, -\sqrt{3}, -2]$$

b)
$$M = [3, \sqrt{3}, -2]$$

d)
$$M = [-3, \sqrt{3}, -2]$$

b) (2b) Znázornite tento bod M v pravouhlej súradnicovej sústave.

Náčrt:

5. (8t)	Dana je linearna obycajna diferencialna rovnica (LODR) $y(x) + y(x) = x + 1$.
a)	(2b) Napíšte charakteristickú rovnicu k danej diferenciálnej rovnici.
	Charakteristická rovnica je:
,	(2b) Nájdite fundamentálny systém riešení diferenciálnej rovnice s nulovou pravou stra- nou.
	Fundamentálny systém riešení je
c)	(2b) Nájdite partikulárne riešenie uvedenej nehomogénnej rovnice.
	Partikulárne riešene je
d)	(2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.
	Všeobecné riešenie danej LODR je
6. (4h	o) Vypočítajte
	$\lim_{[x,y]\to[1,3]} (x^3 - xy + 2y).$
	${ m V} { m y}$ sle ${ m dok}$:
7. (6b	o) Nájdite rovnicu dotykovej roviny τ ku grafu funkcie $f(x,y)=\frac{1}{x^2-2y}$ v bode $T=[1,y_0,3].$
	(2b) Nájdite y_0 a uveďte súradnice dotykového bodu :
	(4b) Rovnica dotykovej roviny τ je:
8. (6b	o) Daná je funkcia $f(x,y) = \ln(2x+y)$, bod $A = [1, 1]$ a vektor $\vec{l} = (-1, 2)$.
a)	(3b) Nájdite gradient funkcie $f(x,y)$ v bode A .
	Gradient funkcie $f(x, y)$ v bode A je
b)	(3b) Vypočítajte deriváciu funkcie $f(x,y)$ v bode A v smere vektora \vec{l} .
	Derivácia funkcie $f(x,y)$ v bode A v smere vektora \vec{l} je

9. (27b) Daná je funkcia $f(x,y)=1-4x^2-9y^2$ a oblasť M . Oblasť M je mnohouholník $ABCD$ s vrcholmi $A=[-2,-1],\ B=[2,-1],\ C=[2,1]$ a $D=[-2,1].$
a) Načrtnite oblasť M :
Náčrt:
Pomocou matematických vzťahov popíšte hranice oblasti $M\colon$
(a) (2b) <i>AB</i>
(b) (2b) BC
(c) (2b) <i>CD</i>
(d) (2b) AD
b) (5b) Nájdite lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ v oblasti M . Ak hľadané lokálne extrémy nie sú, napíšte "nie sú".
Doplňte odpoveď: Funkcia $f(x,y)$ má v bode lokálne
c) Nájdite viazané lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ na hraniciach oblasti M . Ak hľadaný lokálny extrém nejestvuje, napíšte "nie je".
(a) (3b) Na hranici AB má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
(b) (3b) Na hranici BC má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
(c) (3b) Na hranici CD má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
(d) (3b) Na hranici AD má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
d) (2b) Nájdite najväčšiu a najmenšiu hodnotu funkcie $f(x,y)$ na oblasti $M.$
Najväčšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je:
Najmenšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je: