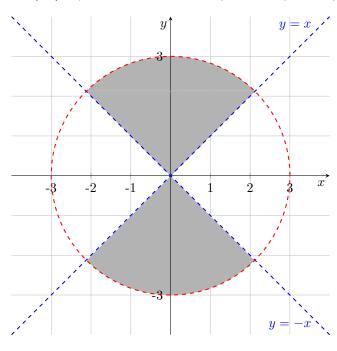
## Matematika I

05. január 2020 9:00

Meno a priezvisko: Podpis: Podpis:
Ročník: študijný program:
1. (7b) Daná je všeobecná rovnica kužeľosečky $9x^2 + 4y^2 + 18x + 8 = 0$ .
Doplňte:
a) (2b) Kanonická rovnica (rovnica v štandardnom tvare) kužeľosečky je
b) (1b) Typ kužeľosečky je
c) (3b) Napíšte, ak existujú
$c_1$ ) súradnice stredu kužeľosečky:
d) (1b) Znázornite kužeľosečku a v náčrte popíšte jej charakteristické prvky.

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na obrázku.



a) 
$$f(x,y) = \ln(9 - x^2 - y^2) + \sqrt{x^2 + y^2}$$

b) 
$$f(x,y) = \frac{\ln(9 - x^2 - y^2)}{\sqrt{x^2 - y^2}}$$

c) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 - y^2)$$

d) 
$$f(x,y) = \frac{\ln(9 - x^2 - y^2)}{\sqrt{y^2 - x^2}}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} xy^2 \, \mathrm{d}x \mathrm{d}y,$$

kde množina M je mnohouholník s vrcholmi  $A=[-1,-1],\,B=[1,-1],\,C=[4,3],\,D=[-4,3].$ 

Výsledok:

**4.** (4b) Bod M má v cylindrickej súradnicovej sústave nasledujúce súradnice:  $M = \left\lceil \sqrt{2}, \frac{5\pi}{4}, \sqrt{6} \right\rceil$ .

a) (2b) Vyberte správnu odpoveď: Súradnice bodu M v pravouhlej súradnicovej sústave sú:

a) 
$$M = [1, -1, \sqrt{6}]$$

c) 
$$M = [-1, 1, \sqrt{6}]$$

b) 
$$M = [-1, -1, \sqrt{6}]$$

d) 
$$M = [1, 1, \sqrt{6}]$$

b) (2b) Znázornite bod M v cylindrickej súradnicovej sústave.

Náčrt:

<b>5.</b> (80	Dana je linearna obycajna diferencialna rovnica (LODR) $y^*(x) + 6y^*(x) = 3x$ .
a)	(2b) Napíšte charakteristickú rovnicu k danej diferenciálnej rovnici.
(	Charakteristická rovnica je:
•	(2b) Nájdite fundamentálny systém riešení diferenciálnej rovnice s nulovou pravou stra- nou.
-	Fundamentálny systém riešení je
b)	(2b) Nájdite partikulárne riešenie uvedenej nehomogénnej rovnice.
	Partikulárne riešene je
c)	(2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.
-	Všeobecné riešenie danej LODR je
6. (4b) Ukážte, že neexistuje limita funkcie $\lim_{[x,y]\to [0,0]} \frac{xy}{x^2+y^2}.$	
	${ m V} ule{ m y}{ m sledok}{ m :}$
<b>7.</b> (6b	o) Nájdite rovnicu dotykovej roviny $\tau$ ku grafu funkcie $f(x,y) = e^{x \cos y}$ v bode $T = [1, \pi, z_0]$ .
	(2b) Nájdite $z_0$ a <b>uveďte súradnice dotykového bodu</b> :
	(4b) Všeobecná <b>rovnica</b> dotykovej roviny $\tau$ je:
<b>8.</b> (6b	o) Daná je funkcia $f(x,y) = \frac{x}{y^2}$ , bod $A = [1, 2]$ a vektor $\vec{l} = (-1, 2)$ .
a)	(3b) Nájdite gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ .
(	<b>Gradient</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ je
b)	(3b) Vypočítajte deriváciu funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ .
-	<b>Derivácia</b> funkcie $f(x, y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ je

9. (9b) Toto je príklad typu E

text text text