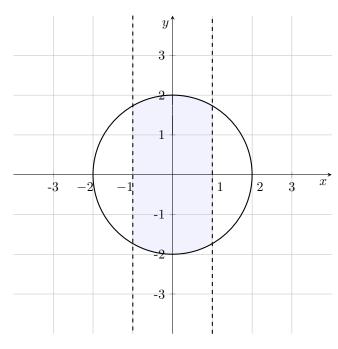
## Matematika I

05. január 2020 9:00

Meno a priezvisko: Podpis:
Ročník: študijný program:
1. (7b) Daná je všeobecná rovnica kužeľosečky $y^2 - 4x^2 + 8x - 8y - 4 = 0$ . Doplňte
a) (2b) Kanonická rovnica (rovnica v štandardnom tvare) kužeľosečky je
b) (1b) Typ kužeľosečky je
c) (3b) Napíšte súradnice
$c_1$ ) stredu kužeľosečky:
d) (1b) Znázornite kužeľosečku a v náčrte popíšte jej charakteristické prvky.

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na obrázku.



a) 
$$f(x,y) = \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right) + \sqrt{4-x^2-y^2}$$

b) 
$$f(x,y) = \frac{\arcsin x}{\sqrt{4 - x^2 - y^2}}$$

c) 
$$f(x,y) = \frac{\ln(1-x^2)}{\sqrt{4-x^2-y^2}}$$

d) 
$$f(x,y) = \frac{\arcsin(x+y)}{\sqrt{4-x^2-y^2}}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} xy \, dxdy,$$

kde množina M je mnohouholník s vrcholmi  $A=[1,0],\,B=[2,0],\,C=[2,2],\,D=[1,3].$ 

- **4.** (4b) Bod M má v pravouhlej súradnicovej sústave súradnice:  $M = [3, \sqrt{3}, 3]$ .
  - a) (2b) Vyberte správnu odpoveď: Súradnice bodu M v cylindrickej súradnicovej sústave sú:

a) 
$$M = [2\sqrt{3}, -\frac{\pi}{6}, 3]$$

c) 
$$M = [2\sqrt{3}, \frac{\pi}{3}, 3]$$

b) 
$$M = [2\sqrt{3}, -\frac{\pi}{3}, 3]$$

d) 
$$M = [2\sqrt{3}, \frac{\pi}{6}, 3]$$

b) (2b) Znázornite tento bod M v cylindrickej súradnicovej sústave.

Náčrt:

5. (8b) Daná je lineárna obyčajná diferenciálna rovnica (LODR) $y''(x) + 6y'(x) + 9y(x) = e^{-3x}$ .
a) (2b) Napíšte charakteristickú rovnicu k danej diferenciálnej rovnici.
Charakteristická rovnica je:
b) (2b) Nájdite fundamentálny systém riešení diferenciálnej rovnice s nulovou pravou stranou.
Fundamentálny systém riešení je
b) (2b) Nájdite partikulárne riešenie uvedenej nehomogénnej rovnice.
Partikulárne riešene je
c) (2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.
Všeobecné riešenie danej LODR je
6. (4b) Pomocou priamky $y=x$ a paraboly $y=x^2$ ukážte, že limita neexistuje
$\lim_{[x,y]\to[0,0]} \frac{3x^2y}{x^4+y^2}.$
Výsledok:
7. (6b) Nájdite rovnicu dotykovej roviny $\tau$ ku grafu funkcie $f(x,y)=\sin\frac{x}{y}$ v bode $T=[\pi,1,z_0].$
(2b) Nájdite $z_0$ a <b>uveďte súradnice dotykového bodu</b> :
(4b) Všeobecná <b>rovnica</b> dotykovej roviny $\tau$ je:
8. (6b) Daná je funkcia $f(x,y) = \sqrt{4 + x^2 + y^2}$ , bod $A = [1, 2]$ a vektor $\vec{l} = (-1, 2)$ .
a) (3b) Nájdite gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ .
<b>Gradient</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ je
b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ .
<b>Derivácia</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ je

9. (9b) Toto je príklad typu E

text text text