1 Matematika I

1.1 Projekt - zadanie úloh

1. Zobrazte v rovine definičný obor funkcie

$$f(x,y) = \frac{\ln(1-x^2)}{\sqrt{4-x^2-y^2}}.$$

2. Nájdite lokálne extrémy funkcie

$$f(x,y) = x^4 + y^4 - x^2 - 2xy - y^2.$$

3. Určte viazané extrémy funkcie

$$f(x,y) = x^4 + y^4 - x^2 - 2xy - y^2$$

na hraniciach oblasti M, ktorá je daná

$$M = \{ [x, y] : 0 \le x \le 4, 0 \le y \le 4 \}.$$

4. Nájdite všeobecné riešenie diferenciálnej rovnice

$$y'' - 2y' + y = q(x),$$

ak

a)
$$g(x) = x^2 + 3x$$
.

b)
$$g(x) = e^x(x+4)$$
.

c)
$$g(x) = 2x \cos x$$
.

$$d) g(x) = e^{2x} \sin x.$$