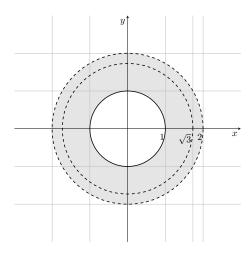
## Matematika I

05. január 2020 9:00

Meno a priezvisko: Podpis: Podpis:
Ročník: študijný program:
1. (7b) Daná je všeobecná rovnica kužeľosečky $4x^2 - y^2 + 8x = 0$ .
Doplňte:
a) (2b) Kanonická rovnica (rovnica v štandardnom tvare) kužeľosečky je
b) (1b) Typ kužeľosečky je
c) (3b) Napíšte, ak existujú
$c_1$ ) súradnice stredu kužeľosečky:
d) (1b) Znázornite kužeľosečku a v náčrte popíšte jej charakteristické prvky.

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na obrázku.



a) 
$$f(x,y) = \frac{\ln(x^2 + y^2 - 1)}{\sqrt{4 - x^2 - y^2}}$$

b) 
$$f(x,y) = \frac{\ln(4-x^2-y^2)}{\sqrt{x^2+y^2-1}}$$

c) 
$$f(x,y) = \frac{\sqrt{x^2 + y^2 - 1}}{\ln(4 - x^2 - y^2)}$$

d) 
$$f(x,y) = \frac{\sqrt{4-x^2-y^2}}{\ln(x^2+y^2-1)}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} xy \, \mathrm{d}x \mathrm{d}y,$$

kde množina M je trojuholník s vrcholmi  $A=[1,1],\,B=[2,1]$  a C=[1,3].

- **4.** (4b) Bod M má v cylindrickej súradnicovej sústave nasledujúce súradnice:  $M = \left[\sqrt{2}, \frac{\pi}{4}, \sqrt{6}\right]$ .
  - a) (2b) Vyberte správnu odpoveď: Súradnice bodu M v pravouhlej súradnicovej sústave sú:

a) 
$$M = [1, -1, \sqrt{6}]$$

c) 
$$M = [-1, 1, \sqrt{6}]$$

b) 
$$M = [-1, -1, \sqrt{6}]$$

d) 
$$M = [1, 1, \sqrt{6}]$$

b) (2b) Znázornite tento bod M v pravouhlej súradnicovej sústave.

Náčrt:

<ul> <li>a) (2b) Napíšte charakteristickú rovnicu k danej diferenciálnej rovnici.         Charakteristická rovnica je:</li></ul>	5. (8b) Daná je lineárna obyčajná diferenciálna rovnica (LODR) $y''(x) + 6y'(x) + 9y(x) = e^{-3x}$ .
<ul> <li>b) (2b) Nájdite fundamentálny systém riešení diferenciálnej rovnice s nulovou pravou stranou.</li> <li>Fundamentálny systém riešení je</li> <li>b) (2b) Nájdite partikulárne riešenie uvedenej nehomogénnej rovnice.</li> <li>Partikulárne riešene je</li> <li>c) (2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.</li> <li>Všeobecné riešenie danej LODR je</li> <li>6. (4b) Vypočítajte</li> <li>lim xy / (xy) + 9.</li> <li>Výsledok:</li> <li>7. (6b) Nájdite rovnicu dotykovej roviny τ ku grafu funkcie f(x, y) = √14 - x² - y² v bode T = [3, 1, z₀].</li> <li>(2b) Nájdite z₀ a uveďte súradnice dotykového bodu:</li> <li>(4b) Všeobecná rovnica dotykovej roviny τ je:</li> <li>8. (6b) Daná je funkcia f(x, y) = √4 + x² + y², bod A = [1, 2] a vektor l = (-1, 2).</li> <li>a) (3b) Nájdite gradient funkcie f(x, y) v bode A.</li> <li>Gradient funkcie f(x, y) v bode A je</li> <li>b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie f(x, y) v bode A v smere vektora l.</li> </ul>	a) (2b) Napíšte charakteristickú rovnicu k danej diferenciálnej rovnici.
nou. Fundamentálny systém riešení je	Charakteristická rovnica je:
<ul> <li>b) (2b) Nájdite partikulárne riešenie uvedenej nehomogénnej rovnice. Partikulárne riešene je c) (2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice. Všeobecné riešenie danej LODR je 6. (4b) Vypočítajte lim xy / 3 - √xy + 9 </li> <li>Výsledok:</li> <li>7. (6b) Nájdite rovnicu dotykovej roviny τ ku grafu funkcie f(x, y) = √14 - x² - y² v bode T = [3, 1, z₀].</li> <li>(2b) Nájdite z₀ a uvedte súradnice dotykového bodu:</li> <li>(4b) Všeobecná rovnica dotykovej roviny τ je:</li> <li>8. (6b) Daná je funkcia f(x, y) = √4 + x² + y², bod A = [1, 2] a vektor l = (-1, 2).</li> <li>a) (3b) Nájdite gradient funkcie f(x, y) v bode A.</li> <li>Gradient funkcie f(x, y) v bode A je</li> <li>b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie f(x, y) v bode A v smere vektora l.</li> </ul>	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
Partikulárne riešene je	Fundamentálny systém riešení je
<ul> <li>c) (2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.</li> <li>Všeobecné riešenie danej LODR je</li></ul>	b) (2b) Nájdite partikulárne riešenie uvedenej nehomogénnej rovnice.
Všeobecné riešenie danej LODR je $\lim_{[x,y]\to[0,0]}\frac{xy}{3-\sqrt{xy+9}}.$ Výsledok:	Partikulárne riešene je
<ul> <li>6. (4b) Vypočítajte</li></ul>	c) (2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.
$\lim_{[x,y]\to[0,0]}\frac{xy}{3-\sqrt{xy+9}}.$ Výsledok:  7. (6b) Nájdite rovnicu dotykovej roviny $\tau$ ku grafu funkcie $f(x,y)=\sqrt{14-x^2-y^2}$ v bode $T=[3,1,z_0].$ (2b) Nájdite $z_0$ a <b>uvedte súradnice dotykového bodu</b> : (4b) Všeobecná <b>rovnica</b> dotykovej roviny $\tau$ je:  8. (6b) Daná je funkcia $f(x,y)=\sqrt{4+x^2+y^2},$ bod $A=[1,2]$ a vektor $\vec{l}=(-1,2).$ a) (3b) Nájdite gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ .  Gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ je.  b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ .	Všeobecné riešenie danej LODR je
<ul> <li>Výsledok: <ul> <li>(6b) Nájdite rovnicu dotykovej roviny τ ku grafu funkcie f(x, y) = √14 - x² - y² v bode T = [3, 1, z₀].</li> <li>(2b) Nájdite z₀ a uvedte súradnice dotykového bodu: <ul> <li>(4b) Všeobecná rovnica dotykovej roviny τ je:</li> </ul> </li> <li>8. (6b) Daná je funkcia f(x, y) = √4 + x² + y², bod A = [1, 2] a vektor l = (-1, 2).</li> <li>a) (3b) Nájdite gradient funkcie f(x, y) v bode A.</li> <li>Gradient funkcie f(x, y) v bode A je</li> <li>b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie f(x, y) v bode A v smere vektora l.</li> </ul> </li> </ul>	6. (4b) Vypočítajte
<ul> <li>7. (6b) Nájdite rovnicu dotykovej roviny τ ku grafu funkcie f(x, y) = √14 - x² - y² v bode T = [3, 1, z₀].</li> <li>(2b) Nájdite z₀ a uveďte súradnice dotykového bodu: <ul> <li>(4b) Všeobecná rovnica dotykovej roviny τ je:</li> <li>8. (6b) Daná je funkcia f(x, y) = √4 + x² + y², bod A = [1, 2] a vektor l = (-1, 2).</li> <li>a) (3b) Nájdite gradient funkcie f(x, y) v bode A.</li> <li>Gradient funkcie f(x, y) v bode A je</li> <li>b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie f(x, y) v bode A v smere vektora l.</li> </ul> </li> </ul>	$\lim_{[x,y]\to[0,0]} \frac{xy}{3-\sqrt{xy+9}}.$
v bode $T=[3,1,z_0].$ (2b) Nájdite $z_0$ a <b>uveďte súradnice dotykového bodu</b> :	Výsledok:
<ul> <li>(4b) Všeobecná rovnica dotykovej roviny τ je:</li></ul>	
8. (6b) Daná je funkcia $f(x,y) = \sqrt{4 + x^2 + y^2}$ , bod $A = [1, 2]$ a vektor $\vec{l} = (-1, 2)$ .  a) (3b) Nájdite gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ .  Gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ je	(2b) Nájdite $z_0$ a <b>uveďte súradnice dotykového bodu</b> :
a) (3b) Nájdite gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ .  Gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ je	(4b) Všeobecná <b>rovnica</b> dotykovej roviny $\tau$ je:
Gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ je	8. (6b) Daná je funkcia $f(x,y)=\sqrt{4+x^2+y^2}$ , bod $A=[1,2]$ a vektor $\vec{l}=(-1,2)$ .
b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ .	a) (3b) Nájdite gradient funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ .
	<b>Gradient</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ je
<b>Derivácia</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ je	b) (3b) Vypočítajte deriváciu funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ .
	<b>Derivácia</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ je

9. (9b) Toto je príklad typu C

text text text