Matematika I

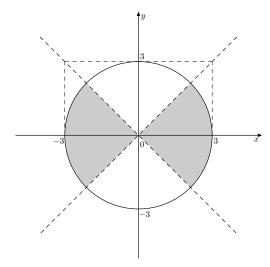
Séria úloh 1

1. (7b) Daná je všeobecná rovnica kužeľosečky $4x^2+9y^2-1=0. \label{eq:control}$

Doplňte:

a)	(2b)	Kanonická rovnica (rovnica v štandardnom tvare) kužeľosečky je
b)	(1b)	Typ kužeľosečky je
c)	(3b)	Napíšte, ak existujú
	$c_1)$	súradnice stredu kužeľosečky:
	$c_2)$	súradnice ohniska resp. ohnísk kužeľosečky:
	$c_3)$	súradnice vrcholu resp. vrcholov kužeľosečky:
d)	(1b)	Znázornite kužeľosečku a v náčrte popíšte jej charakteristické prvky

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na nasledujúcom obrázku.



a)
$$f(x,y) = \ln(9 - x^2 - y^2) + \ln(x^2 - y^2)$$

b)
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 - y^2)$$

c)
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 + y^2)$$

d)
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \sqrt{x^2 - y^2}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} x^2 y \, \, \mathrm{d}x \mathrm{d}y,$$

kde množina M je obdĺžnik s vrcholmi $A=[1,1],\,B=[2,1],\,C=[2,2]$ a D=[1,2].

Výsledok:

- **4.** (4b) Bod M má v cylindrickej súradnicovej sústave nasledujúce súradnice: $M = \left[\sqrt{2}, \frac{3\pi}{4}, \sqrt{6}\right]$.
 - a) (2b) Vyberte správnu odpoveď: Súradnice bodu M v pravouhlej súradnicovej sústave sú:

a)
$$M = [1, -1, \sqrt{6}]$$

c)
$$M = [-1, 1, \sqrt{6}]$$

b)
$$M = [-1, -1, \sqrt{6}]$$

d)
$$M = [1, 1, -\sqrt{6}]$$

b) (2b) Znázornite tento bod M v pravouhlej súradnicovej sústave.

Náčrt:

a)	Načrtnite oblasť M :
	Náčrt:
	Pomocou matematických vzťahov popíšte hranice oblasti M :
	(a) (2b) AB
	(b) (2b) BC
	(c) (2b) <i>CD</i>
	(d) (2b) <i>AD</i>
1.)	
D)	(5b) Nájdite lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ v oblasti M . Ak hľadané lokálne extrémy nie sú, napíšte "nie sú".
	Doplňte odpoveď: Funkcia $f(x,y)$ má v bode lokálne
	Dopinie supered I unkelu $f(x,y)$ mu v bode
c)	Nájdite viazané lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ na hraniciach oblasti $M.$ Ak hľadaný
	lokálny extrém nejestvuje, napíšte "nie je".
	(a) (3b) Na hranici AB má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
	(b) (3b) Na hranici BC má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
	(c) (3b) Na hranici CD má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
	(d) (3b) Na hranici AD má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
	(a) (b) 1.6 Here a 1.1.
d)	(2b) Nájdite najväčšiu a najmenšiu hodnotu funkcie $f(x,y)$ na oblasti M .
	Najväčšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je:
	Najmenšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je:

9. (27b) Daná je funkcia $f(x,y)=x^2+y^2-2x-4y+1$ a oblasť M. Oblasť M je mnohouholník ABCD s vrcholmi $A=[0,1],\ B=[2,1],\ C=[2,3]$ a D=[0,3].