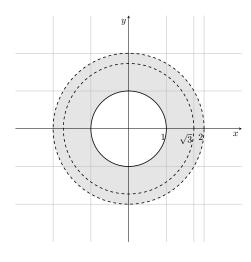
## Matematika I

05. január 2020 9:00

Meno a priezvisko: Podpis: Podpis:	
Ročník: študijný program:	
1. (7b) Daná je všeobecná rovnica kužeľosečky $x^2 - 4y^2 + 2x - 8y - 7 = 0$ .	
Doplňte:	
a) (2b) Kanonická rovnica (rovnica v štandardnom tvare) kužeľosečky je	
b) (1b) Typ kužeľosečky je	
c) (3b) Napíšte, ak existujú	
$c_1$ ) súradnice stredu kužeľosečky:	
d) (1b) Znázornite kužeľosečku a v náčrte popíšte jej charakteristické prvky	

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na obrázku.



a) 
$$f(x,y) = \frac{\ln(x^2 + y^2 - 1)}{\sqrt{4 - x^2 - y^2}}$$

b) 
$$f(x,y) = \frac{\sqrt{x^2 + y^2 - 1}}{\ln(4 - x^2 - y^2)}$$

c) 
$$f(x,y) = \frac{\ln(4-x^2-y^2)}{\sqrt{x^2+y^2-1}}$$

d) 
$$f(x,y) = \frac{\sqrt{4-x^2-y^2}}{\ln(x^2+y^2-1)}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} xy \, \mathrm{d}x \mathrm{d}y,$$

kde množina M je trojuholník s vrcholmi A = [1, 1], B = [1, 2] a C = [2, 2].

Výsledok: .....

- 4. (4b) Bod Mmá v pravouhlej súradnicovej sústave súradnice:  $M=[3,\sqrt{3},3].$ 
  - a) (2b) Vyberte správnu odpoveď: Súradnice bodu M v cylindrickej súradnicovej sústave sú:

a) 
$$M = [2\sqrt{3}, -\frac{\pi}{6}, 3]$$

c) 
$$M = [2\sqrt{3}, \frac{\pi}{3}, 3]$$

b) 
$$M = [2\sqrt{3}, -\frac{\pi}{3}, 3]$$

d) 
$$M = [2\sqrt{3}, \frac{\pi}{6}, 3]$$

b) (2b) Znázornite tento bod Mv cylindrickej súradnicovej sústave.

Náčrt:

<b>5.</b> (81)	o) Daná je lineárna obyčajná diferenciálna rovnica (LODR) $y''(x) + 6y'(x) + 9y(x) = e^{-3x}$ .
a)	(2b) Napíšte charakteristickú rovnicu k danej diferenciálnej rovnici.
	Charakteristická rovnica je:
,	(2b) Nájdite fundamentálny systém riešení diferenciálnej rovnice s nulovou pravou stranou.
	Fundamentálny systém riešení je
b)	(2b) Nájdite partikulárne riešenie uvedenej nehomogénnej rovnice.
-	Partikulárne riešene je
c)	(2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.
	Všeobecné riešenie danej LODR je
<b>6.</b> (41	o) Vypočítajte, ak existuje
	$\lim_{[x,y]\to[1,2]} \frac{2-\sqrt{4-xy}}{xy}.$
	Výsledok:
<b>7.</b> (6)	o) Nájdite rovnicu dotykovej roviny $\tau$ ku grafu funkcie $f(x,y)=\frac{1}{x+2y}$ v bode $T=\left[-1,y_0,\frac{1}{3}\right]$ .
	(2b) Nájdite $y_0$ a <b>uveďte súradnice dotykového bodu</b> :
	(4b) <b>Rovnica</b> dotykovej roviny $\tau$ je:
<b>8.</b> (61	o) Daná je funkcia $f(x,y) = \frac{1}{x+y^2}$ , bod $A = [1, 2]$ a vektor $\vec{l} = (0, 2)$ .
a)	(3b) Nájdite gradient funkcie $f(x, y)$ v bode $A$ .
	<b>Gradient</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ je
b)	(3b) Vypočítajte deriváciu funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ .
	<b>Derivácia</b> funkcie $f(x,y)$ v bode $A$ v smere vektora $\vec{l}$ je

9. (27b) Daná je funkcia $f(x,y)=8xy-x^2-2y^2$ a oblasť $M$ . Oblasť $M$ je mnohouholník $ABCD$ s vrcholmi $A=[-1,-1],\ B=[1,-1],\ C=[5,1]$ a $D=[-5,1].$
a) Načrtnite oblasť $M$ :
Náčrt:
Pomocou matematických vzťahov popíšte hranice oblasti $M$ :
(a) (2b) <i>AB</i>
(b) (2b) $BC$
(c) (2b) $CD$
(d) (2b) $AD$
b) (5b) Nájdite lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ v oblasti $M$ . Ak hľadané lokálne extrémy nie sú, napíšte "nie sú".
<b>Doplňte odpoveď:</b> Funkcia $f(x,y)$ má v bode lokálne
c) Nájdite viazané lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ na hraniciach oblasti $M$ . Ak hľadany lokálny extrém nejestvuje, napíšte "nie je".
(a) (3b) Na hranici $AB$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
(b) (3b) Na hranici $BC$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
(c) (3b) Na hranici $CD$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
(d) (3b) Na hranici $AD$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne
d) (2b) Nájdite najväčšiu a najmenšiu hodnotu funkcie $f(x,y)$ na oblasti $M.$
$\mathbf{Najv\ddot{a}\check{c}\check{s}ia}$ hodnota funkcie $f(x,y)$ je:
Najmenšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je: