# Matematika I

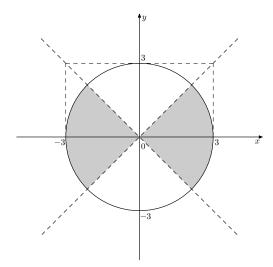
#### Séria úloh 1

1. (7b) Daná je všeobecná rovnica kužeľosečky  $9x^2 + 4y^2 + 18x + 8 = 0$ .

## Doplňte:

a)	(2b)	Kanonická rovnica (rovnica v štandardnom tvare) kužeľosečky je
b)	(1b)	Typ kužeľosečky je
c)	(3b)	Napíšte, ak existujú
	$c_1)$	súradnice stredu kužeľosečky:
	$c_2)$	súradnice ohniska resp. ohnísk kužeľosečky:
	$c_3$	súradnice vrcholu resp. vrcholov kužeľosečky:
d)	(1b)	Znázornite kužeľosečku a v náčrte popíšte jej charakteristické prvky.

2. (2b) Vyberte funkciu, ktorej definičný obor je znázornený na nasledujúcom obrázku.



a) 
$$f(x,y) = \ln(9 - x^2 - y^2) + \ln(x^2 - y^2)$$

b) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 - y^2)$$

c) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \ln(x^2 + y^2)$$

d) 
$$f(x,y) = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + \sqrt{x^2 - y^2}$$

3. (6b) Vypočítajte

$$\iint\limits_{M} x^2 y \, dx dy,$$

kde množina M je obdĺžnik s vrcholmi A = [1, 1], B = [2, 1], C = [2, 2] a D = [1, 2].

4. (4b) Toto je príklad typu A

text text text

- 5. (8b) Daná je lineárna obyčajná diferenciálna rovnica (LODR) y'(x) + y(x) = x + 1.
  - a) (2b) Napíšte charakteristickú rovnicu k danej diferenciálnej rovnici.

Charakteristická rovnica je: .....

b) (2b) Nájdite fundamentálny systém riešení diferenciálnej rovnice s nulovou pravou stranou.

Fundamentálny systém riešení je .....

b) (2b) Nájdite partikulárne riešenie uvedenej nehomogénnej rovnice.

Partikulárne riešene je .....

c) (2b) Napíšte všeobecné riešenie danej lineárnej diferenciálnej rovnice.

Všeobecné riešenie danej LODR je .....

6. (4b) Vypočítajte, ak existuje

Výsledok:	 		
		1	

7. (6b) Nájdite rovnicu dotykovej roviny 
$$\tau$$
 ku grafu funkcie  $f(x,y) = \frac{1}{x+2y}$  v bode  $T = \left[-1, y_0, \frac{1}{3}\right]$ .

- (2b) Nájdite  $y_0$  a **uveďte súradnice dotykového bodu**: .....
- (4b) Rovnica dotykovej roviny  $\tau$  je:.....
- 8. (6b) Daná je funkcia  $f(x,y)=\frac{1}{x+y^2}$ , bod  $A=[1,\,2]$  a vektor  $\vec{l}=(0,\,2)$ .
  - a) (3b) Nájdite gradient funkcie f(x, y) v bode A.

**Gradient** funkcie f(x,y) v bode A je ......

- 9. (27b) Daná je funkcia  $f(x,y)=x^2+y^2-2x-4y+1$  a oblasť M. Oblasť M je mnohouholník ABCD s vrcholmi  $A=[0,1],\ B=[2,1],\ C=[2,3]$  a D=[0,3].
  - a) Načrtnite oblasť M: Náčrt:

### Pomocou matematických vzťahov popíšte hranice oblasti M:

- (a) (2b) AB .....
- (b) (2b) BC .....
- (c) (2b) CD .....
- (d) (2b) AD .....
- b) (5b) Nájdite lokálne extrémy danej funkcie f(x,y) v oblasti M. Ak hľadané lokálne extrémy nie sú, napíšte "nie sú".

c)	) Nájdite viazané lokálne extrémy danej funkcie $f(x,y)$ na hraniciach oblasti $M$ . Ak hľadaný lokálny extrém nejestvuje, napíšte "nie je".				
	(a) (3b) Na hranici $AB$ má funkcia $f(x,y)$ v bode $\ldots\ldots$ viazané lokálne $\ldots\ldots$				
	(b) (3b) Na hranici $BC$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne				
	(c) (3b) Na hranici $CD$ má funkcia $f(x,y)$ v bode viazané lokálne				
	(d) (3b) Na hranici $AD$ má funkcia $f(x,y)$ v bode $\ldots\ldots$ viazané lokálne $\ldots\ldots$				
d)	(2b) Nájdite najväčšiu a najmenšiu hodnotu funkcie $f(x,y)$ na oblasti $M.$				
	Najväčšia hodnota funkcie $f(x,y)$ je:				