

# Tableaux de dérivées usuelles

Fonction $f(x) =$	Dérivée $f'(x) =$	$f$ dérivable sur
$k$	$0$	$\mathbb{R}$
$x$	$1$	$\mathbb{R}$
$ax + b$	$a$	$\mathbb{R}$
$x^a$	$ax^{a-1}$	$\mathbb{R}$ si $a \in \mathbb{N}$ $\mathbb{R}^*$ si $a \in \mathbb{Z}$ $]0; +\infty[$ si $a \in \mathbb{R}$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	$\mathbb{R}^*$
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	$]0; +\infty[$
$e^x$	$e^x$	$\mathbb{R}$
$\ln x$	$\frac{1}{x}$	$]0; +\infty[$
$\cos(x)$	$-\sin(x)$	$\mathbb{R}$
$\sin(x)$	$\cos(x)$	$\mathbb{R}$
$\tan(x)$	$1 + \tan^2(x)$	$] -\frac{\pi}{2} + k\pi; \frac{\pi}{2} + k\pi[, \quad k \in \mathbb{Z}$
$\arctan(x)$	$\frac{1}{1+x^2}$	$\mathbb{R}$

Fonction	Dérivée	Condition(s)
$u + v$	$u' + v'$	$u$ et $v$ dérivables
$ku$	$ku'$	$k$ constante réelle et $u$ dérivable
$uv$	$u'v + uv'$	$u$ et $v$ dérivables
$\frac{1}{v}$	$\frac{-v'}{v^2}$	$v$ dérivable et ne s'annule pas
$\frac{u}{v}$	$\frac{u'v - uv'}{v^2}$	$u$ et $v$ dérivables et $v$ ne s'annule pas
$u \circ v$	$v' \times u' \circ v$	$u$ et $v$ dérivables
$u(ax + b)$ (avec $a, b \in \mathbb{R}$ )	$au'(ax + b)$	$u$ dérivable
$u^n$	$nu'u^{n-1}$	$n \geq 1$ et $u$ dérivable ou $n < 0$ et $u$ dérivable et ne s'annule pas
$e^u$	$u'e^u$	$u$ dérivable
$\ln(u)$	$\frac{u'}{u}$	$u$ dérivable à valeurs strictement positives
$\sqrt{u}$	$\frac{u'}{2\sqrt{u}}$	$u$ dérivable à valeurs strictement positives