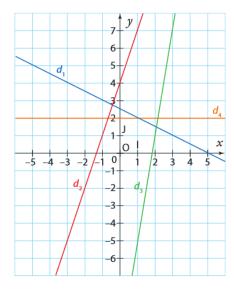
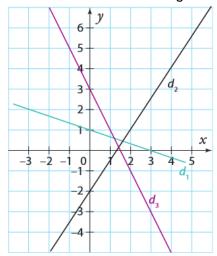
**Objectif.** Lire graphiquement le coefficient directeur d'une droite.

Exercice 1.
Pour chacune
des droites
représentées
ci-dessous,
donner à l'aide
du graphique,
son coefficient

directeur.



Exercice 2. Même consigne.



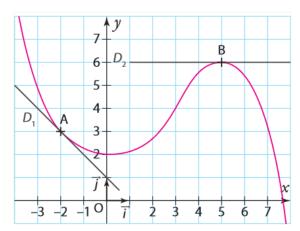
**Objectif.** Calculer le coefficient directeur d'une droite.

### Exercice 3.

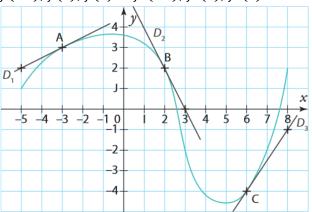
- 1. Calculer le coefficient directeur de la droite (AB) passant par les points A = (-2; 1) et B = (4; -2)
- 2. Calculer le coefficient directeur de la droite (CD) passant par les points C=(3;-4) et D=(-1;-2)
- 3. Calculer le coefficient directeur de la droite (EF) passant par les points E = (0; -5) et F = (-3; 2).

**Objectif.** Déterminer un nombre dérivé par lecture graphique.

**Exercice 4.** Lire sur le graphique f(-2), f(5), f'(-2) et f'(5).

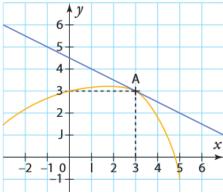


**Exercice 5.** Lire sur le graphique les valeurs de f(-3), f(2), f(6) et f'(-3), f'(2), f'(6).

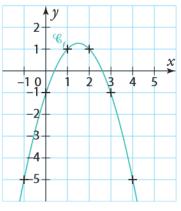


**Exercice 6.** La courbe d'une fonction g définie sur [-3;5] est représentée ci-contre. La

tangente à cette courbe au point A d'abscisse 3 passe par le point de coordonnées (-3; 6). Que vaut g(3)? Que vaut g'(3)?



**Exercice 7.** Soit f une fonction dérivable sur  $\mathbb{R}$  telle que f'(2) = -1 et f'(0) = 2. Soit  $C_f$  sa courbe dans le repère ci-dessous. Reproduire la courbe  $C_f$  (en plaçant quelques points importants et



en respectant l'allure) et tracer la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse 2 et la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse 0.

Objectif. Calculer un taux de variation.

**Exercice 8.** Soit f la fonction définie par  $f(x) = 32x^3 - 90x^2 + 100x$ .

Un automobiliste a pu modéliser la distance parcourue (en kilomètres) en fonction du temps écoulé (en heures) d'un trajet de deux heures, par la fonction f.

- 1. Quelle est la distance parcourue au bout des deux heures ?
- 2. Calculer sa vitesse moyenne.
- 3. Calculer la vitesse moyenne pour chaque demi-heure. Recopier et compléter le tableau.

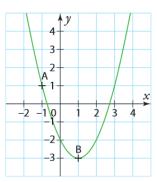
	[0; 0,5]	[0,5; 1]	[1; 1,5]	[1,5; 2]
Vitesse				
moyenne				

Peut-on affirmer que l'automobiliste n'a jamais dépassé les 90 km/h ?

4. L'automobiliste a démarré son trajet à 10 h. On cherche à savoir à quelle vitesse roulait la voiture à 10 h 30 (c'est-à-dire une demi-heure après son départ). Pour cela, on va calculer la vitesse moyenne de la voiture entre l'instant 0,5 (correspondant à 10 h 30) et l'instant 0,5 + h (où h est un petit nombre positif), c'est-à-dire  $\frac{f(0,5+h)-f(0,5)}{h}$ 

Calculer cette vitesse moyenne lorsque h = 0.01, puis lorsque h = 0.001. Vers quelle valeur semble tendre la vitesse moyenne lorsque h tend vers 0?

**Exercice 9.** La courbe représentative d'une fonction f définie sur  $\mathbb{R}$  passe par les points A et B. Quel est le taux de variation de f entre -1 et 1 ?



**Exercice 10.** Déterminer le taux de variation de f entre a et b pour où f, a, b sont définis par :

1. 
$$f(x) = -5x + 8$$
;  $a = 4$  et  $b = 7$ 

2. 
$$f(x) = x^3 - 3x$$
;  $a = 1$  et  $b = -\frac{1}{2}$ 

3. 
$$f(x) = \frac{1}{x+1}$$
;  $a = 1$  et  $b = 3$ 

4. 
$$f(x) = x^2 + 1$$
;  $a = 2$  et  $b = 2 + \sqrt{3}$ 

**Objectif**. Déterminer l'équation réduite d'une tangente.

**Exercice 11.** Soit une fonction f définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$  telle que f(2) = 5 et f'(2) = -1. Déterminer l'équation réduite de la tangente à sa courbe représentative  $\mathcal{C}_f$  au point d'abscisse 2.

**Exercice 12.** Soit une fonction f définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$  telle que f(4) = -1 et f'(4) = 2. Déterminer l'équation réduite de la tangente à  $\mathcal{C}_f$  au point d'abscisse 4.

**Exercice 13.** Soit une fonction f définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$  telle que f(-3) = 7 et f'(-3) = -4.

Déterminer l'équation réduite de la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse -3.

**Exercice 14.** La courbe représentative d'une fonction f admet une tangente au point d'abscisse 1. Cette tangente a pour équation y = -7x + 9. Que vaut f'(1)? Que vaut f(1)?

Objectif. Déterminer un ensemble de définition

Exercice 15. Déterminer l'ensemble de définition des fonctions suivantes.

1. 
$$f(x) = x^2 + 3x + 1$$

2. 
$$f(x) = 5 + \frac{1}{x}$$

3. 
$$f(x) = x^2 - \frac{1}{x-3}$$

4. 
$$f(x) = \frac{1}{x^2 + x - 6}$$

5. 
$$f(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$$

6. 
$$f(x) = \sqrt{x-3}$$

7. 
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+6}}$$

Objectif. Déterminer une fonction dérivée.

**Exercice 16.** Pour chaque fonction, déterminer l'ensemble de définition  $D_f$ , l'ensemble de dérivabilité  $D_{f'}$ , et la fonction dérivée f'.

1. 
$$f(x) = x^4$$

2. 
$$f(x) = x^{12}$$

3. 
$$f(x) =$$

4. 
$$f(x) = x^{-3}$$

5. 
$$f(x) = \frac{1}{x^2}$$

3. 
$$f(x) = x^{-1}$$
 4.  $f(x) = x^{-3}$   
5.  $f(x) = \frac{1}{x^2}$  6.  $f(x) = \frac{1}{x^5}$   
7.  $f(x) = \sqrt{x}$  8.  $f(x) = 5$ 

7. 
$$f(x) = \sqrt{x}$$

8. 
$$f(x) = 5$$

# Exercice 17. Même consigne

1. 
$$f(x) = \frac{1}{2}x^2$$

2. 
$$f(x) = \frac{2}{5}x$$

3. 
$$f(x) = \frac{1}{4}$$

1. 
$$f(x) = \frac{1}{2}x^2$$
 2.  $f(x) = \frac{2}{7}x$   
3.  $f(x) = \frac{4}{x}$  4.  $f(x) = 7x^3$ 

5. 
$$f(x) = 3x + 5$$
 6.  $f(x) = 8x^2 - 9$ 

$$f(x) = 8x^2 - 9$$

### Exercice 18. Même consigne

1. 
$$f(x) = -2x^2 + 3x - 5$$

2. 
$$f(x) = \frac{3}{4}x^4 + \frac{7}{9}x^3$$

3. 
$$f(x) = x^2 \sqrt{x}$$

4. 
$$f(x) = \frac{1}{x}(9 - 6x)$$

5. 
$$f(x) = (x^5 + x^3)(x^2 - 4)$$

### Exercice 19. Même consigne

1. 
$$f(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$$

2. 
$$f(x) = \frac{1}{2x+8}$$

3. 
$$f(x) = \frac{1-2x}{3x+3}$$

3. 
$$f(x) = \frac{1-2x}{3x+3}$$
 4.  $f(x) = \frac{3x-11}{x+1}$ 

# Exercice 20. Même consigne

1. 
$$f(x) = (3x - 2)^{10}$$

2. 
$$f(x) = (-x+1)^{-3}$$

3. 
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{7x-1}}$$

# Exercice 21. Même consigne

a) 
$$f(x) = 9x^{-1}$$

$$f(x) = \frac{3}{4}x - 7$$

c) 
$$f(x) = \frac{x^3}{1-x}$$

$$f(x) = \frac{1}{x^2 + 10}$$

e) 
$$f(x) = 5x^2 - 3x^2$$

$$f(x) = 100 + \frac{1}{x}$$

g) 
$$f(x) = \frac{12-3x}{9x+2}$$

a) 
$$f(x) = 9x^4$$
 b)  $f(x) = \frac{3}{4}x - 7$  c)  $f(x) = \frac{x^3}{1-x}$  d)  $f(x) = \frac{1}{x^2+10}$  e)  $f(x) = 5x^2 - 3x + 2$  f)  $f(x) = 100 + \frac{1}{x}$  g)  $f(x) = \frac{12-5x}{9x+2}$  h)  $f(x) = \frac{3}{5}x^5 - \frac{1}{9}x^3 - \frac{11}{2}$  i)  $f(x) = x^3(11 - 6x)$  j)  $f(x) = -x^4 + 7x^3 - x$  k)  $f(x) = \frac{25}{-10x+9}$  l)  $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{x^4}$  n)  $f(x) = \frac{9-6x}{x}$  o)  $f(x) = x\sqrt{x}$ 

$$f(x) = x^{3}(11 - 6)$$
  
k)  $f(x) = \frac{25}{100}$ 

$$f(x) = -x^2 + 7x$$

$$f(x) = \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}$$

K) 
$$f(x) = \frac{10x + 9}{-10x + 9}$$
  
m)  $f(x) = \frac{9 - 6x}{10}$ 

n) 
$$f(x) = \frac{2}{x^2}$$

o) 
$$f(x) = x\sqrt{x}$$

Exercice 22. On appelle « dérivée seconde » et on note f'' la fonction dérivée de la fonction f'qui est elle-même la fonction dérivée de la fonction f. Calculer la dérivée seconde des fonctions suivantes.

a) 
$$f(x) = 2x^3 - 7x^2 + 15x - 50$$

b) 
$$f(x) = \frac{3x-4}{-5x+7}$$

#### Problèmes.

**Exercice 23.** Une entreprise produit chaque jour entre 1 tonne et 20 tonnes de peinture. Le coût de production de x tonnes de peinture, en milliers d'euros, est modélisé par la fonction C définie sur l'intervalle [1;20]

par  $C(x) = 0.05x^2 - 0.1x + 2.45$ .

En 2018, elle a produit quotidiennement 10 tonnes de peinture. En économie, le coût marginal  $C_m$  représente l'augmentation du coût engendrée par la production d'une tonne supplémentaire. Ainsi pour x tonnes produites on a  $C_m(x) = C(x+1) - C(x)$ .

- 1. Calculer le coût marginal  $C_m(10)$  pour une production de 10 tonnes, puis  $C_m(11)$ .
- 2. Les économistes considèrent que C'(x) est une bonne approximation du coût marginal.
- a) Justifier que la fonction C est dérivable sur [1;20] et déterminer la fonction dérivée C'.
- b) En déduire C'(10) et C'(11).
- c) Comparer aux résultats de la question 1.

### Exercice 24.

Un mobile se déplace sur un axe [0x) gradué en cm. On observe son déplacement pendant une durée de 6 secondes. Sa position sur l'axe est donnée, en fonction du temps t (en s), par la relation  $x(t) = \frac{1}{3}t^3 - 3t^2 + 9t + 2$ . La vitesse du mobile sera exprimée en cm/s.

- 1. En quelle abscisse est positionné le mobile à l'instant t = 0 ? On l'appellera position initiale.
- 2. Au bout de 6 secondes, quelle est sa position finale ?
- 3. Quelle est la vitesse moyenne du mobile sur l'ensemble de son parcours ?
- 4. La vitesse instantanée v(t) du mobile à un instant t donné correspond à la vitesse moyenne « limite » entre l'instant t et l'instant t + h lorsque h tend vers 0. Justifier que, pour tout réel t, v(t) = x'(t). Quelle est sa vitesse instantanée à l'instant t = 4 ?
- 5. Le mobile s'est-il arrêté un court instant lors de son parcours ?

#### Exercice 25.

- 1. Soit f une fonction définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$ , de la forme  $f: x \mapsto ax^3 + bx^2 + cx$ .
- a) Exprimer f'(x) en fonction de a, b, c.

- b) Sachant que la fonction dérivée f' est définie pour tout réel x par :  $f'(x) = 6x^2 5x + 1$ , en déduire les réels a, b, c.
- 2. Soit g une fonction définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$ , de la forme  $g: x \mapsto ax^2 + bx + c$ .
- a) Exprimer g'(x) en fonction de a, b, c.
- b) Sachant que la fonction dérivée g' est définie pour tout réel x par :  $g'(x) = -4x + \frac{1}{2}$ , en déduire les réels a et b.
- c) Sachant que la courbe représentative de g passe par le point de coordonnées (2; -9) en déduire la valeur de c.