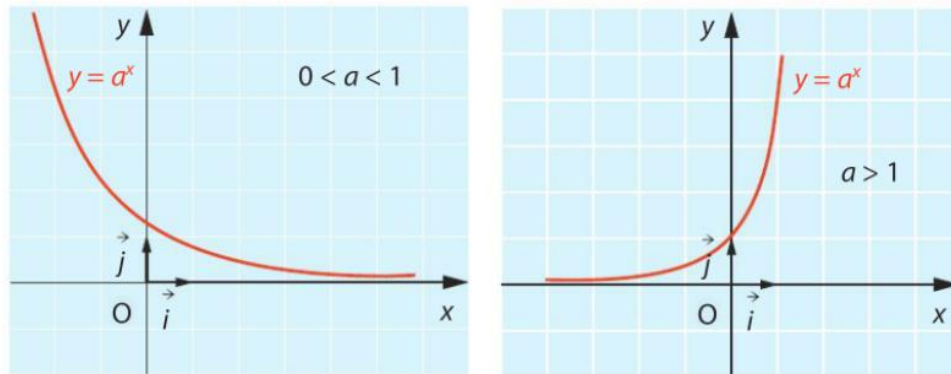


# Fonctions exponentielles de base $a$

**Propriété.** Fonction exponentielle de base  $a > 0$ .

Pour tout  $x \in \mathbb{R}$ , on note  $a^x = f(x)$

**Sa représentation graphique varie selon que  $a < 1$  ou  $a > 1$**



**Propriété.** La fonction  $a^x$  est  $\begin{cases} \text{strictement croissante} & \text{si } a > 1 \\ \text{strictement décroissante} & \text{si } a < 1 \end{cases}$

**Propriété.** La fonction  $k a^x$  a le même sens de variation si le nombre  $k > 0$

**Exemple.**  $x \mapsto 7 \times 0,5^x$  est décroissante car  $a = 0,5 < 1$  et  $k = 7 > 0$

**Propriété.** La fonction  $k a^x$  a un sens de variation contraire si le nombre  $k < 0$

**Exemple.**  $x \mapsto -0,3 \times 4^x$  est décroissante car  $a = 4 > 1$  mais  $k = -0,3 < 0$

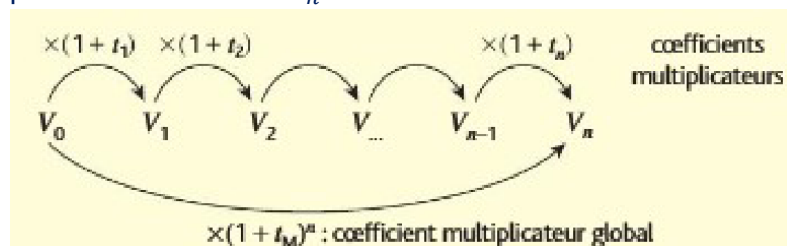
**Propriétés.**  $a^{x+y} = a^x \times a^y$        $a^{x-y} = \frac{a^x}{a^y}$        $(a^x)^y = a^{xy}$        $a^{-x} = \frac{1}{a^x}$   
 $a^0 = 1$        $a^1 = a$        $a^{-1} = \frac{1}{a}$

**Exemples.**  $2^3 \times 2^4 = 2^{3+4} = 2^7 = 128$        $3^{-2} = \frac{1}{3^2} = \frac{1}{9}$        $(2^{1,5})^4 = 2^{1,5 \times 4} = 2^6 = 64$

**Propriété.** Si  $a^x = a^y$  alors  $x = y$ .

**Exemple.** Résoudre  $3^x = 3^{2x+5}$ . Alors  $x = 2x + 5$  donc  $-x = 5$  donc  $x = -5$ .

**Définition.** Lors de  $n$  évolutions successives à des taux  $t_1, t_2, \dots, t_n$  entre une valeur  $V_0$  et une valeur  $V_n$ , on appelle **taux d'évolution moyen** le taux noté  $t_M$  qu'il faut appliquer  $n$  fois successivement à la valeur  $V_0$  pour obtenir la valeur  $V_n$ .



$$V_1 = V_0 \times (1 + t_1) \quad V_2 = V_0(1 + t_1)(1 + t_2) \quad \dots \quad V_n = V_0(1 + t_1)(1 + t_2) \dots (1 + t_n)$$

Le taux moyen doit vérifier :  $V_n = V_0(1 + t_M)(1 + t_M) \dots (1 + t_M) = V_0(1 + t_M)^n$

On a donc  $(1 + t_M)^n = (1 + t_1)(1 + t_2) \dots (1 + t_n)$

$$t_M = \left( (1 + t_1)(1 + t_2) \dots (1 + t_n) \right)^{\frac{1}{n}} - 1$$