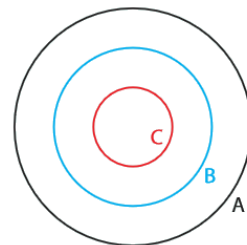


Information chiffrée

Définition. La proportion d'une population P_B dans une population P_A est $p = \frac{P_B}{P_A}$



Propriété. Proportions d'ensembles emboîtés.

On considère trois ensembles A, B et C emboîtés tels que $C \subset B \subset A$.

On note p la proportion de la population de B dans la population de A .

On note p' la proportion de la population de C dans la population de B .

Alors la proportion de la population de C dans la population de A est $p \times p'$.

Exemple. La moitié des pages d'un magazine est constitué de publicités. Parmi celles-ci, 25 % sont consacrées à la mode. La proportion de pages de publicité de mode est donc $\frac{1}{2} \times \frac{25}{100} = 0,125$ soit 12,5 %.

Rappel. $25 \% = \frac{25}{100} = \frac{1}{4} = 0,25$

Hypothèse. On suppose qu'une quantité passe d'une valeur initiale V_i à une valeur finale V_f .

Définition. La variation absolue est $\Delta V = V_f - V_i$.

Définition. La variation relative ou taux d'évolution est $t = \frac{V_f - V_i}{V_i} = \frac{\Delta V}{V_i}$.

Ainsi la variation relative indique la proportion de la variation absolue par rapport à la valeur de départ.

Exemple. La population d'une ville passe de 55 000 à 74 250 habitants.

La variation absolue de cette population est $74\,250 - 55\,000 = 19\,250$ habitants.

La variation relative de cette population est $t = \frac{74\,250 - 55\,000}{55\,000} = \frac{19\,250}{55\,000} = 0,35 = 35 \%$.

On dit que « la population de la ville a augmenté de 35 % ».

Propriété. $V_f = (1 + t)V_i$ (Car : $(1 + t)V_i = \left(1 + \frac{V_f - V_i}{V_i}\right)V_i = V_i + V_f - V_i = V_f$)

Définition. $c = 1 + t = \frac{V_f}{V_i}$ est appelé **coefficient multiplicateur**. On a donc $V_f = c \times V_i$

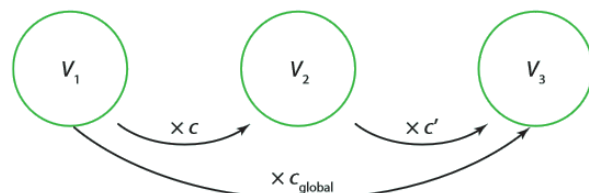
Exemple. Un salarié touchant 2000 € par mois est augmenté de 17 %. Quel est son nouveau salaire?

Le taux d'évolution de son salaire est $t = \frac{17}{100} = 0,17$. Son nouveau salaire est $(1 + 0,17) \times 2\,000 = 2\,340$ €.

Le coefficient multiplicateur est $c = 1,17$.

Propriété et définitions. Evolutions successives.

Lorsque l'on a une évolution d'une valeur V_1 à une valeur V_2 suivie d'une autre évolution de la valeur V_2 à V_3 :



Le coefficient multiplicateur global est le coefficient multiplicateur entre V_1 et V_3 . Il vaut $c_{global} = c \times c'$.

Le taux d'évolution global vaut alors $t_{global} = c_{global} - 1$

Exemple. Le nombre d'abonnés d'un journal en ligne augmente de 30 % avant de baisser de 10 %. Il est donc multiplié par 1,3 puis par 0,9. Alors $c_{global} = 1,3 \times 0,9 = 1,17$. Le taux d'évolution global est donc $t_{global} = 1,17 - 1 = 0,17 = 17 \%$. Le nombre d'abonnés a donc globalement augmenté de 17 %.

Propriété et définition. Evolution réciproque.

Lorsqu'on a une évolution d'une valeur V_i à une valeur V_f , le coefficient réciproque est le coefficient permettant de revenir de V_f à V_i .

Le coefficient multiplicateur réciproque est égal à $\frac{1}{c}$ où c est le coefficient multiplicateur de l'évolution de départ. Le taux d'évolution réciproque est $\frac{1}{c} - 1$

Exemple. Un prix augmente de 25 % : il a donc été multiplié par

$1 + \frac{25}{100} = 1,25$. Le coefficient multiplicateur réciproque qui permettrait de revenir

au prix de départ est de $\frac{1}{1,25} = 0,8$. Or $0,8 - 1 = -0,2$ ce qui correspond donc à une baisse de 20 %.

