**Objectif.** Déterminer si des droites sont sécantes, si des points sont alignés

**Exercice 1.** Soit A = (1; 2), B = (3; 1), C = (-4; 4) et D = (6; -1).

- 1. Montrer que (AB) et (CD) sont parallèles
- 2. Les points A, B et C sont ils alignés ?

**Exercice 2.** Déterminer si les couples de droites suivantes sont sécantes, parallèles, ou confondues.

- a) 2x 3y + 1 = 0 et 3x + 5y 1 = 0
- b) -2y + 3 = 0 et 6x + 8 = 0
- c) -2x + y = 0 et 6x 3y + 4 = 0
- d) -x + 3y + 1 = 0 et 2x 6y 2 = 0

**Exercice 3.** Pour quelle valeur de m la droite (d) d'équation mx - 3y + 2 = 0 est-elle parallèle à la droite  $(\Delta)$  d'équation 3x - 2y + 4 = 0?

**Objectif.** Déterminer une équation cartésienne d'une droite.

**Exercice 4.** Déterminer une équation cartésienne de la droite :

- a) Passant par C=(0;0), de vecteur directeur  $\vec{u}=\begin{pmatrix}1\\-1\end{pmatrix}$
- b) Passant par D=(1;-2), de vecteur directeur  $\vec{v}=\begin{pmatrix}3\\1\end{pmatrix}$
- c) Passant par A = (5, 1) et B = (10, 3)

**Objectif.** Déterminer l'intersection de deux droites.

**Exercice 5.** Résoudre les systèmes suivants.

(A): 
$$\begin{cases} 2x - 3y + 1 = 0 \\ -3x + 4y - 2 = 0 \end{cases}$$
 (B): 
$$\begin{cases} 3x - y = 1 \\ -2x + 3y = 2 \end{cases}$$
 (C): 
$$\begin{cases} -2x + 5y = 0 \\ 3x - 4y = -1 \end{cases}$$
 (D): 
$$\begin{cases} -4x = -3y + 2 \\ 2x - 3 = 5y \end{cases}$$

**Exercice 6.** Dans chaque cas, déterminer l'intersection des deux droites.

(A): 
$$2x - 3y - 1 = 0$$
 et  $-4x + 3y + 2 = 0$ 

(B): 
$$2x - 2y + 2 = 0$$
 et  $-3x + 3y - 2 = 0$ 

(C): 
$$-6x + 4y + 2 = 0$$
 et  $x + 3y - 3 = 0$ 

**Exercice 7.** Soit  $(d_1)$ ,  $(d_2)$  et  $(d_3)$  trois droites d'équations cartésiennes :

$$(d_1): x + 4y + 1 = 0$$

$$(d_2)$$
:  $-x + y - 1 = 0$ 

$$(d_3): mx + (-5m - 3)y + m = 0$$

1. Montrer que  $(d_1)$  et  $(d_2)$  sont sécantes

- 2. Calculer le point d'intersection de  $(d_1)$  et  $(d_2)$
- 3. En déduire la valeur du paramètre m pour que les trois droites soient concourantes.

Objectif. Déterminer l'équation d'un cercle

**Exercice 8.** Dans chaque cas, indiquer le centre  $\Omega$  et le rayon R du cercle défini par l'équation donnée

a) 
$$(x-5)^2 + (y-2)^2 = 16$$

b) 
$$(x-4)^2 + (y+3)^2 = 9$$

c) 
$$x^2 + y^2 - 8 = 0$$

d) 
$$4(x-2)^2 + 4(y-1)^2 = 9$$

## Exercice 9.

- Donner une équation du cercle de centre
  (-1; -2) et de rayon 2
- 2. Donner une équation du cercle de centre (2;0) et de rayon  $\sqrt{3}$
- 3. Donner une équation du cercle de centre  $\left(-\frac{3}{2};\frac{1}{4}\right)$  et de rayon  $\frac{5}{2}$
- 4. Avec C = (-2; 3), déterminer l'ensemble des points M tels que CM = 2.

## Exercice 10.

- 1. Soit A = (-3, 1) et B = (2, 5)
- a) Déterminer les coordonnées du milieu M de  $\lceil AB \rceil$ .
- b) Calculer la longueur AM.
- c) Donner une équation du cercle de diamètre [AB].
- 2. Déterminer une équation du cercle de diamètre [CD] où C = (-2; -3) et D = (4; 5).

Objectif. Reconnaitre l'équation d'un cercle

**Exercice 11.** Soit l'ensemble des points vérifiant  $(E): x^2 - 3x + y^2 + y - 2 = 0$ 

- 1. Justifier que cet ensemble est l'équation d'un cercle.
- 2. Préciser les coordonnées du centre et le rayon de ce cercle.
- 3. Déterminer si les points C = (1; -2) et D = (0; -1) appartiennent à ce cercle.

**Exercice 12.** Dans chacun des cas suivants, déterminer le centre et le rayon du cercle si l'équation donnée correspond bien à un cercle.

(A): 
$$x^2 + 3x + y^2 - 4y = 0$$

(B): 
$$x^2 - x + y^2 - 3y + 1 = 0$$

(C): 
$$x^2 + 8x + y^2 + 3y + 16 = 0$$

(D): 
$$x^2 + 6x + y^2 - 4y + 14 = 0$$

Exercices. Géométrie repérée – 1

**Exercice 13.** Soit l'ensemble des points vérifiant

$$(E): 3x^2 - 6x + 3y^2 + 2y - 1 = 0$$

Montrer que cet ensemble est un cercle dont on précisera le centre et le rayon.

Objectif. Calculer des intersections

**Exercice 14.** Dans chacun des cas suivants, on donne les équations d'un cercle et d'une droite. Déterminer les coordonnées de leurs points d'intersection quand ils existent.

- a) Le cercle d'équation  $x^2 3x + y^2 + y 16 = 0$  et la droite d'équation y = -4
- b) Le cercle de centre (2; 3), de rayon  $3\sqrt{2}$  et la droite d'équation x = -1
- c) Le cercle de centre (0; 0), de rayon 2 et la droite d'équation y = 3

**Exercice 15.** Soit  $\mathcal{C}$  le cercle de centre A = (6; -1) et de rayon 10. Soit  $\mathcal{C}'$  le cercle de centre B = (0; -4) et de rayon 5.

- 1. Déterminer les équations cartésiennes de ces deux cercles.
- 2. Donner le système vérifié par les points (x; y) qui appartiennent aux deux cercles.
- 3. Résoudre ce système.
- 4. En déduire les coordonnées des deux points d'intersection de ces cercles.