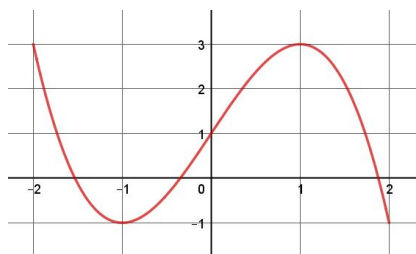


Dérivation et sens de variation : fiche d'exercices 1

Exercice 1.

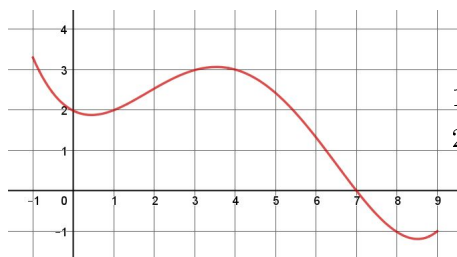
Sur le graphique ci-dessous est représenté une fonction f définie sur $[-2; 2]$.



1. Déterminer les variations de f sur $[-2; 2]$.
2. En déduire le signe de f' sur $[-2; 2]$.

Exercice 2.

Sur le graphique ci-dessous est représenté la dérivée d'une fonction f définie sur $[-1; 9]$.



1. Déterminer le signe de f' sur $[-1; 9]$.
2. En déduire le sens de variations de f sur $[-1; 9]$.

Exercice 3.

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = -x^2 + 3x + 4$

1. Calculer la dérivée de f .
2. Déterminer le signe de la dérivée sur \mathbb{R} .
3. Construire le tableau de variations de f sur \mathbb{R} .

Exercice 4.

Sur le modèle de l'exercice précédent, trouver les variations des fonctions suivantes sur I .

1. $f(x) = x^3 - x^2 - x$ sur \mathbb{R} .
2. $f(x) = x^3 - x$ sur \mathbb{R} .
3. $f(x) = 3x + 2\sqrt{x}$ sur $]0; +\infty[$.
4. $f(x) = x - \frac{1}{x}$ sur $]0; +\infty[$.
5. $f(x) = -x^3 - 3x^2 + 9x$ sur \mathbb{R} .

Exercice 5.

Soit f la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par $f(x) = \frac{x^2}{2} + 1 + \frac{8}{x}$.

1. Vérifier que $f'(x) = \frac{(x-2)(x^2+2x+4)}{x^2}$.
2. Étudier les variations de f sur $]0; +\infty[$.

Exercice 6.

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^3 + x^2 - 8x$.

1. Étudier le sens de variations de f sur \mathbb{R} .
2. En quelle valeur de x le maximum de f sur $[-3; 2]$ est-il atteint ? Quel est ce maximum ?

Exercice 7.

On veut réaliser un placard ayant la forme d'un parallélépipède droit.

Sa largeur et sa profondeur sont égales à x dm.

Sa hauteur est égale à $12 - x$ dm.

1. Déterminer l'expression $V(x)$ du volume du placard en fonction de x . Dans quel intervalle I , x varie-t-il ?
2. Étudier le sens de variations de V sur I .
3. Déterminer pour quelle valeur de x le volume sera maximal.

Exercice 8.

Dans un restaurant, le coût total en euros pour la fabrication de x repas est donné par la relation $C(x) = 2x^2 - 230x + 7200$ pour x compris entre 30 et 120.

Lorsque x repas sont fabriqués, on appelle coût moyen d'un repas le quotient

$$C_M(x) = \frac{C(x)}{x}.$$

1. Donner une expression plus simple de $C_M(x)$.
2. Combien de repas faut-il fabriquer pour que le coût moyen soit minimal ?

Exercice 9.

Une usine fabrique et vend des sacs. Le prix de vente d'un sac est de 38 et le coût de fabrication de x sacs est donné par $C(x) = 0,02x^3 - 2,1x^2 + 74x + 80$.

1. Exprimer le bénéfice $B(x)$ obtenu pour x sacs produits et vendus.
2. Dresser le tableau de variations de B .
3. Déterminer le nombre de sacs que doit produire et vendre l'entreprise pour réaliser un bénéfice maximal.