Une image contenant texte, antenne

Description générée automatiquement

**Définition**. Etant donnés un vecteur , et une droite dont et sont deux points distincts, est un **vecteur directeur de la droite** ssi est colinéaire à .  **Exemple**. Si et alors et sont des vecteurs directeurs de .

**Définition**. Une **équation** est une expression d’une égalité, par ex «  ».  
Dans ce contexte, les lettres non assignées et définies dans l’expression (ici et ) sont des **variables**.  
**Définition et exemple**. **Un point vérifie l’équation** «  » ssi .  
**Exemples.** Le point vérifie l’équation «  » car .  
Le point vérifie aussi l’équation «  ». Le point ne la vérifie pas car .  
**Remarque**. Une équation à deux variables réelles, correspond donc toujours à un ensemble de points du plan : L’ensemble de tous les points qui rendent l’équation vraie.

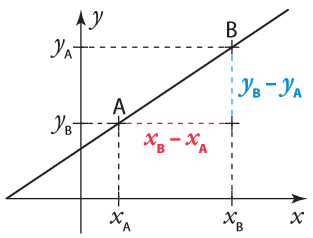
|  |
| --- |
| **Propriété**. **Equation cartésienne d’une droite** Toute droite du plan peut être décrite comme l’ensemble des points du plan vérifiant une équation de la forme «  » où et sont des constantes réelles, pas toutes les deux nulles. La réciproque est vraie. **Définition**. L’expression «  » est **une équation cartésienne de la droite .** |

**Remarque**. Un point du plan vérifie : appartient à la droite   
**Remarque**. Une même droite admet une infinité d’équations cartésiennes équivalentes.  
**Exemple**.   
**Propriété**. Un vecteur directeur d’une droite d’équation cartésienne «  » est .

|  |
| --- |
| **Propriétés et définitions**. **Equation réduite d’une droite** Toute droite du plan non verticale admet une équation de la forme «  » où et sont des constantes réelles. Dans ce cas l’expression «  » est **l’équation réduite de la droite .** Toute droite du plan verticale admet une équation de la forme «  » où est une constante réelle. Dans ce cas l’expression «  » est **l’équation réduite de la droite .** |

**Propriété**. Toute droite admet une unique équation sous forme réduite.  
 **Hypothèse**. Soit une droite non verticale d’équation réduite «  »

|  |
| --- |
| **Définition.**  s’appelle **le coefficient directeur** de la droite **,**  s’appelle **l’ordonnée à l’origine** de . |

**Propriété**. Le vecteur est un vecteur directeur de la droite .  
**Propriété**. Le point d’intersection de la droite avec l’axe des ordonnées a pour coordonnées .

|  |
| --- |
| **Propriété**. Si la droite « monte ». Si la droite « descend ». Si la droite est horizontale (parallèle à l’axe des abscisses.). est aussi appelé **pente** de .  indique combien d’unités la droite monte (ou descend) si on va une unité à droite. |
| **Propriété**. Etant donnés et deux points du plan d’abscisses distinctes ), alors le coefficient directeur de la droite est |

**Propriété**. Deux droites du plan peuvent être soit sécantes, soit parallèles (strictement), soit confondues.  
**Propriété**. Deux droites d’équations réduites «  » et «  » sont parallèles ssi . De plus, si alors elles sont confondues.  
**Propriété**. Deux droites d’équations cartésiennes «  » et «  » sont parallèles ssi ( ssi ).

**Définition**. **Système linéaire de deux équations à deux inconnues.**  
On dit qu’un couple de réels vérifie le système suivant de 2 équations linéaires du 1er degré à 2 inconnues «  » où sont des réels, si ce couple vérifie les deux équations.

|  |
| --- |
| **Théorème**. Un tel système a : soit une seule solution, soit aucune solution, soit une infinité de solutions. Résoudre un tel système revient à chercher les coordonnées du point d’intersection, s’il y en a un, des deux droites dont les équations sont celles du système. - Le système admet un seul couple solution ssi les deux droites sont sécantes. - Le système admet aucune solution ssi les deux droites sont parallèles non confondues. - Le système admet une infinité de solutions ssi les deux droites sont confondues. |

|  |
| --- |
| **Règle**. **Résolution d’un système par substitution.** Cette méthode consiste à isoler une inconnue à partir d’une équation et à la remplacer dans l’autre équation afin d’obtenir une nouvelle équation avec une seule inconnue.  On résout alors cette nouvelle équation puis on remplace l’inconnue trouvée dans la première équation afin de trouver la seconde inconnue. Cette méthode a l’avantage d’être simple, mais le désavantage d’être lente et propice aux erreurs. |

**Exemple**. Pour résoudre on peut effectuer les étapes suivantes :  
1. On isole dans la première équation  ; 2. On remplace dans la 2ème équation pour n’avoir que du   
3. On résout la 2ème équation pour trouver ; 4. On remplace par sa valeur dans la 1ère pour trouver .  
Supposons que vérifie . Alors donc donc donc donc donc c’est-à-dire .  
Réciproquement si alors vérifie . L’ensemble des solutions de est .

|  |
| --- |
| **Règle**. **Résolution d’un système par combinaison.** Cette méthode consiste à multiplier les deux équations par des nombres de telle manière qu’en additionnant les équations membre à membre, une inconnue s’élimine. Ainsi, il n’y a plus qu’à résoudre une équation à une seule inconnue. Pour trouver la deuxième inconnue, on peut renouveler la même méthode ou substituer. Cette méthode est plus rapide mais plus astucieuse. |

**Exemple**. Pour résoudre on peut effectuer les étapes suivantes :  
Supposons que vérifie . Alors donc donc donc donc .  
Réciproquement si alors vérifie . L’ensemble des solutions de est .