## L42 : Différents types de raisonnement en

#### mathématiques

## 1 Hypothético-déductif

- Méthode de Newton (appliquée à Héron, voir le développement).
- $f \in \mathscr{C}^0([a;b])$ , f(x) = x solutions?

#### 2 Disjonction de cas

- $n \text{ (imp)pair} \implies n^2 \text{ (im)pair}.$
- $\max\{x,y\} = \frac{1}{2}(x+y+|x-y|).$

## 3 Analyse-synthèse

- Résolution d'une ax + by + c = 0.
- f = impaire + paire.

#### 4 Contraposition

 $-n^2$  (im)pair  $\implies n$  (im)pair.

#### 5 Récurrence

- Un exo « guidé » sur  $A^n = PD^nP^{-1}$ .
- Récurrence forte (mot non dit) pour le théorème d'existence d'une décomposition en produit de facteurs premiers, ou autre.
- $\lim_{n \to +\infty} q^n = +\infty$  (q > 1), avec ING de Bernoulli.

#### 6 Absurde

- Proposition de 6<sup>e</sup> sur parallélisme / perpendicularité à savoir montrer (renvoie probablement aux axiomes d'Euclide).
- $-\sqrt{2} \notin \mathbb{Q}$ .
- $|\mathbb{P}| = +\infty$ .

# 7 Contre-Exemple

- $n^2 n + 41$  premier  $\forall n$ .
- irrationnel + irrationnel = irrationnel (écrire « penser à  $\pi$  » pour tendre la perche suivante : le jury se dira peut-être qu'il va piéger le candidat en lui demandant « ah oui et comment vous montrez que  $\pi$  est irrationnel ? » : voir le développement sur l'irrationnalité de  $\pi$ ).
- «  $\sqrt[10]{x}$  passe en dessous de  $\ln x$  assez vite et reste en dessous à jamais. »