**Cvičení pro modelování a simulace – Michel Kana, PhD - Test – 06.05.2014**

**Jméno:** \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

1. **Napište diferenciální rovnice pro následující modely populací, krátce popište proměnné a parametry**

* Logistický model **2**
* Model dvoudruhových populací dravec – kořist **4**
* Model dvoudruhových populací se spoluprací **4**
* Epidemiologické modely – SIR **5**

1. **Popište následující model populací s věkovou strukturou pomoci Lesliehové notace 5**

6 věkových skupin. jedinců v každé věkové skupině v čase . Věková skupina 0 a 1 nejsou plodné. Ve věkové skupině 2 až 4 je plodnost 0.35 potomku za jednotlivce. Ve věkové skupině 5 je plodnost 0.1 potomku za jednotlivce. V každé věkové skupině, kromě skupiny 5 přežije 80% jednotlivců.

1. **Popište diferenciální rovnice a matice X, Y, U, A, B, C pro následující kompartmentový model 20**



**Cvičení pro modelování a simulace - Test – 06.05.2014**

**Jméno:** \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

1. **Pomoci Simulink/Matlab navrhujte matematicky model k řešeni následující problémy.**

Červené krevní buňky jsou produkovány v kostní dřeni v poměru 200 miliardy buněk za den. Rychlost úmrtí je 0.2% za den. Za předpokladu že tělo obsahuje 30 bilionů buňky v času t = 0, kolik jich budou za 365 dnů? **15**

Před menší operaci se aplikuje určité množství anestezie ve svalu jednorázově. Odtamtud se to pomalu vlévá do krve, kde se uplatňuje svůj sedativní účinek. Z krve se to vyzvedne v játrech, kde je nakonec degradován. Pro libovolné hodnoty parametrů, jak dlouho trvá, než polovina podané množství anestezie je převezen ze svalu do krve? **15**

Máme populaci hmyzu, která se skládá z larev (L) a dospělých (A). Předpokládáme, že se dospělí rodí larvy (asexuální), a že tyto larvy se stanou dospělými. Dospělí mají úmrtnost nezávislé na hustotu larev. Larvy mají úmrtnost, která je závislá na hustotě dospělých. Najděte hodnoty parametrů a počáteční velikost populace, pro které v nejbližší budoucnost zůstane populace larev v ustáleném stavu. **15**

populace larev v ustáleném stavu

**je velikost populaci larev v ustáleném stavu**

Máme druh N2, kteří se přistěhuje do oblasti, v níž další dva druhy N1 a N3 jsou přítomny, ale navzájem nekonkurují. Každý z těchto dvou druhů proto má hustotu, která se rovná kapacita životního prostředí a nechává nový druh soutěžit stejně s dalšími z dvou přítomný druhy. Předpokládejme, že kapacita životního prostředí je stejná pro všechny tři druhy. Najděte podmínek pro úspěšnou invazi třetího druhu. **15**

**úspěšna invaze třetího druhu**