Introduction à l'apprentissage profond

Mathieu Lefort & Alexandre Devillers

2 et 9 décembre 2021

Ce TP peut être fait en binôme (vous indiquerez alors la répartition des tâches que vous avez adopté). Vous rendrez un compte-rendu incluant votre code commenté et vos réponses aux questions à la fin de chacune des 2 séances de TPs et la version finale pour le 9 janvier. Pensez à indiquer votre(s) nom(s) dans le fichier déposé sur Claroline.

1 Objectif

L'objectif de ce projet est d'implémenter l'algorithme du perceptron multi-couches vu en cours, de comprendre son fonctionnement et de prendre en main le framework PyTorch.

2 Installation

Vous devez installer python, pytorch et numpy (et matplotlib si vous voulez faire des affichages). Pour l'installation de PyTorch regardez https://pytorch.org/get-started/locally/. Pour vérifier l'installation, lancez une console python et tapez l'instruction import torch.

3 PyTorch

Vous trouverez une liste des fonctions disponibles ici: https://pytorch.org/docs/stable/index.html. Regardez ce micro tutoriel: http://pytorch.org/tutorials/beginner/pytorch_with_examples.html. Quelques exemples introductifs sont également disponibles ici: http://pytorch.org/tutorials/beginner/deep_learning_60min_blitz.html (le premier chapitre est à lire, le second chapitre vous servira pour la partie 3, les chapitres 3 et 4 vous seront utiles pour les questions optionnelles).

4 Données

Vous avez à votre disposition le jeux de données MNIST qui contient des images (de taille 28*28) de chiffres

manuscrits (par exemple une des images de 5 de la base : **2**). La base de données est structurée comme suit : ((tableau_image_apprentissage, tableau_label_apprentissage),(tableau_image_test, tableau_label_test)). Les images sont stockées sous la forme d'un vecteur de 28*28 valeurs et les labels sont sous la forme d'un codage one-hot (i.e. si le chiffre représenté sur l'image est un 5, son label sera : [0,0,0,0,0,1,0,0,0,0]).

L'entrée de chaque réseau aura donc 784 entrées (28×28 pixels) et 10 sorties (la ième sortie représentant à quel point le réseau reconnaît le chiffre i dans l'image).

5 Partie 1 : Perceptron

Vous avez à votre disposition 2 fichiers d'implémentation du (même) perceptron :

- PERCEPTRON_PYTORCH.PY qui utilise uniquement les tenseurs
- PERCEPTRON_PYTORCH_DATA_AUTO_LAYER_OPTIM.PY qui utilise la plupart des outils de Pytorch (les dataloaders, la différenciation automatique, les couches et les optimiseurs)

Regardez les fichiers fournis.

- Indiquer la taille de chaque tenseur dans le premier fichier. Expliquer.
- Quantifier l'impact des différents hyperparamètres (en particulier η et les poids initiaux) sur les performances.

6 Partie 2: Shallow network

Dans cette partie vous implémenterez l'algorithme du perceptron multi-couches avec une seule couche cachée et une sortie linéaire. Pour rappel l'algorithme est le suivant (penser à bien rajouter une entrée supplémentaire à 1 pour chaque neurone comme biais!) :

Pendant un certain nombre de pas de temps :

- 1. Choisir une entrée $x = \{x_j\}_j$ dans la base d'apprentissage (en pratique il faut toujours préalablement permuter la base pour présenter chaque exemple une fois avant de recommencer)
- 2. Propagation de l'activité :

— Calculer l'activité
$$y_i^{(1)}=\frac{1}{-\sum_j w_{ij}^{(1)}x_j}$$
 de chaque neurone i de la couche cachée $1+e^{-j}$

- Calculer l'activité $y_i^{(2)} = \sum_j w_{ij}^{(2)} y_j^{(1)}$ de chaque neurone i de la couche de sortie
- 3. Rétro-propagation du gradient :
 - Pour chaque neurone i de la couche de sortie, calculer l'erreur : $\delta_i^{(2)} = t_i y_i^{(2)}$ avec t_i la ième sortie souhaitée
 - Rétro-propager l'erreur à chaque neurone i de la couche cachée $\delta_i^{(1)} = y_i^{(1)}(1-y_i^{(1)})\sum_i \delta_j^{(2)} w_{ji}^{(2)}$
- 4. Modifier chaque poids $\Delta w_{ij}^{(l)} = \eta \delta_i^{(l)} y_j^{(l-1)}$ avec $y_j^{(0)} = x_j$

De manière similaire au perceptron (et en vous appuyant sur les fichiers fournis),

- implémenter une version en n'utilisant que les tenseurs et une utilisant les outils de Pytorch.
- Quantifier l'influence des différents hyper-paramètres (en particulier η , les poids initiaux et le nombre de neurones de la couche cachée).

7 Partie 3 : Deep network

Maintenant que vous maitrisez Pytorch, vous allez pouvoir l'utiliser pour tester des modèles plus complexes comme un réseau profond.

- Implémenter un réseau de neurones profond (i.e. avec au moins 2 couches cachées) en utilisant les outils fournis par Pytorch.
- Quantifier l'influence des différents hyper-paramètres (en particulier η , les poids initiaux, le nombre de couches cachées et de neurones par couche cachée et la taille des mini batchs).

8 Partie 4: Pour aller plus loin (optionnel)

Si vous avez le temps et l'envie vous pouvez traiter certaines des questions suivantes :

- Tester d'autres fonctions d'activation pour les neurones (tanh ou ReLU en particulier).
- Étudier d'autres méthodes d'initialisation des poids (poids gaussien, initialisation Xavier par exemple)
- Utiliser une méthode de gradient plus efficace que celle vue en cours comme Adam ou Adagrad.
- Tester d'autres fonctions de coût (cross entropie par exemple).
- Pour le traitement d'image, on utilise généralement des réseaux à convolutions (vus dans la deuxième partie d'IBI). Implémenter en un en essayant de trouver des hyperparamètres qui donnent une bonne performance.