Algebra liniowa - laboratorium nr 6, układy równań

Przydatne funkcje

- ullet linsolve(u,X) rozwiązuje układ równań liniowych, gdzie u oznacza listę równań, natomiast X listę niewiadomych
- \bullet coefmatrix(u,X) macierz współczynników układu u
- \bullet augcoefmatrix(u,X) macierz współczynników układu uz dołączoną kolumną wyrazów wolnych pomnożoną przez -1
- $\bullet \ \operatorname{col}(\mathbf{M},\mathbf{k})$ k-ta kolumna macierzy M
- \bullet list_matrix_entries(M) zwraca listę elementów macierzy M
- \bullet ev(s,nouns) wykonanie wszystkich operacji symbolicznych dla s

Zadania

1. Za pomocą metody eliminacji Gaussa-Jordana rozwiązać układ równań

```
(a) -4*z+9*y+5*x+3*t=2;
   12*z-7*y+3*x-4*t=6;
   -7*z+3*y-2*x-3*t=-4;
   3*z-7*y+6*x+4*t=0;
(b) 18*x[6]+3*x[5]-10*x[4]+9*x[3]-12*x[2]+8*x[1]=8;
   10*x[6]+20*x[5]-16*x[4]+2*x[3]+2*x[2]-4*x[1]=-16;
   -6*x[6]+6*x[5]-18*x[4]+20*x[3]-5*x[2]+5*x[1]=-3;
   -18*x[6]-x[5]+8*x[4]-5*x[3]-9*x[2]+14*x[1]=-18;
   -11*x[6]-7*x[5]+5*x[4]-17*x[3]+19*x[2]+16*x[1]=-13;
   -6*x[6]-10*x[5]-7*x[4]-7*x[3]+15*x[2]+8*x[1]=-6;
   6*x[6]+9*x[5]+4*x[4]-19*x[3]-7*x[2]-x[1]=-17;
(c) 8*x[8]-14*x[7]+12*x[6]+18*x[5]+x[4]-8*x[3]+4*x[2]-15*x[1]=19;
   5*x[8]+x[7]+4*x[6]+13*x[5]-19*x[4]+x[3]+13*x[2]-15*x[1]=1;
   17*x[8]+10*x[7]+7*x[6]+15*x[4]+3*x[3]-4*x[2]+10*x[1]=-10;
   -7*x[8]-7*x[7]-6*x[6]-20*x[5]+12*x[4]-15*x[3]-9*x[2]-20*x[1]=6;
   -19*x[8]-11*x[7]-4*x[6]-11*x[5]-6*x[4]+14*x[3]-x[2]+6*x[1]=-9;
   17*x[8]+15*x[7]+20*x[6]+2*x[5]-10*x[4]-8*x[3]-7*x[2]+9*x[1]=20;
   26 \times x[8] - x[7] - 17 \times x[6] + x[5] - 5 \times x[4] - 137 \times x[3] + 7 \times x[2] - 170 \times x[1] = 101;
```

2. Rozwiązać równania macierzowe:

```
(a) A·X = B, gdzie
A:matrix([2,3,4],[-1,-2,-3],[4,3,1]);
B:matrix([1,6,3],[-1,8,-5],[6,5,4]);
(b) A·X + 2B = C - X, gdzie
A:matrix([3,-2,6],[2,1,0],[6,4,-1]);
B:matrix([-4,9,6,3],[0,1,2,8],[-10,4,8,7]);
C:matrix([9,4,6,1],[-2,1,6,3],[-3,-5,6,-4]);
```

(c) $A \cdot X \cdot B = B + X^T \cdot C$, gdzie

A:matrix([1,2,0,2],[7,9,6,1],[-2,3,8,-2],[6,-4,2,-9],[0,0,3,1],[0,2,-9,5]); B:matrix([1,6,5],[8,9,-10],[1,3,6],[-9,4,8],[-4,6,2],[-2,-3,-5]); C:matrix([-2,1,4],[9,12,6],[-4,6,5],[-3,-5,8]);