

04 確率の基礎①（場合の数・確率）

1. 確率の基礎① (場合の数・確率)

本日は、統計学の「予測」を支える論理的な土台である「確率」を学びます。

- ・ **確率の本質**：確率は「公式」ではなく、全体に対する「起こりやすさの割合」です。
- ・ **樹形図の活用**：頭で考えず、図を描いて「全パターン」を視覚化します。
- ・ **組み合わせの算出**：樹形図から重複を省き、正しい数を導き出す方法を学びます。
- ・ **Excel 実習**：表（マトリックス）を使い、確率の分母と分子を特定します。

「数え方のルール」を整理することが、後の複雑なデータ分析を支える力になります。

2. 確率の定義：ある出来事が起こる「割合」

確率は、ある試行^{しこう}（実験や観察）を行ったとき、特定の出来事がどれくらい起こりやすいかを「0から1」の範囲で表した数値です。

確率の基本式

$$\text{確率} = \frac{\text{注目している場合の数 (分子)}}{\text{起こりうるすべての場合の数 (分母)}}$$

ポイント：

- ・ 0：絶対に起こらない (0%)
- ・ 1：100%確実に起こる (100%)
- ・ 割合：「10回に3回起こる」なら $3/10 = 0.3$ と表現します。

3. 記述統計（過去）から確率（未来）へ

前回の「記述統計」と今回の「確率」は、以下のように繋がっています。

- ・ **記述統計**：手元にある「過去」のデータの割合を整理した。
- ・ **確率**：同じ条件なら、「未来」にどの程度の割合で起こるかを予測する。

「過去のデータでは特定の商品の売上割合が高かった」という事実を、「次に来る客がその商品を買う確率」として扱うことで、ビジネスの予測が可能になります。

4. 場合の数：全体で何通りの結果があるか

確率を計算する際、最も重要なのが「起こりうるすべての結果（場合の数）」を正しく把握することです。これが確率の「分母」になります。

例：コイン1枚を投げる

- ・結果は「表」か「裏」の2通り。 \rightarrow 分母 = 2

例：サイコロ1個を振る

- ・結果は「1, 2, 3, 4, 5, 6」の6通り。 \rightarrow 分母 = 6

鉄則：分母を間違えると、その後の確率はすべて間違った値になります。

5. 全部で何通りある？

次の実験では全部で何通りあるか考えてみましょう。

1. コイン2枚を投げる

2. サイコロ2個を振る

この全部で何通り？ のことを『場合の数』と言います。

6. 樹形図：分岐を書き出して全体を把握する

頭の中だけで数えると、必ず数え漏れや重複が発生します。これを防ぐための視覚的な整理図が「**樹形図**」です。

樹形図の描き方：

- 1回目の結果を縦に並べる。
- それぞれの結果から、2回目の結果へ枝を伸ばす。
- 枝の「末端（葉）」の数を合計する。

この図を描くことで、(表, 裏) と (裏, 表) が別の枝であることを視覚的に確認できます。

7. 実習：樹形図で「全体（分母）」を特定する

10円玉と100円玉の2枚を投げたとき、起こりうる全パターンを樹形図で描いてみましょう。

- ・ 10円玉が「表」のとき、100円玉は「表・裏」の2通り。
- ・ 10円玉が「裏」のとき、100円玉は「表・裏」の2通り。

枝の末端を数えると、全部で4通りであることがわかります。これがコイン2枚を投げたときの確率の「分母」になります。

8. 順列：順番や役割を「区別して」数える

「順列」^{じゅんれつ}とは、取り出したものの並ぶ順番を、別々の結果として数えるルールです。

具体例：A, B, C の 3 人から「走る順番」を決める

- $A, B, C \neq A, C, B \rightarrow$ 順番が違うので別の 2 通りと数えます。

判断基準：「順番を入れ替えたとき、意味が変わるか？」変わらなければ、すべての枝を平等に数える「順列」の考え方を使います。

9.組み合わせ：順番を無視し「セット内容」だけ数える

「組み合わせ」とは、順番は関係なく「どのメンバーが選ばれたか」というセットの中身だけを数えるルールです。

例：A, B, C の 3 人から、掃除当番を 2 人えらぶ

- ・だれが掃除をするか、を考えます。
- ・A さんと B さん → OK
- ・B さんと A さん → 同じ
- ・順番は関係ありません。
- ・だから、1通りです。

判断基準：「順番を入れ替えても、結果（セット）は同じか？」同じなら、重複を省いて数える「組み合わせ」の考え方を使います。

10. 組み合わせの数え方：ならべて → 同じを消す

組み合わせを数えるときは、まず **ならべて全部出す** と分かりやすくなります。

例：A, B, C から 2 人えらぶ

1. まず、**並べて書く**：

AB, AC, BA, BC, CA, CB (6 つ)

2. **同じ人のセットを見つける**：

AB と BA、AC と CA、BC と CB

3. **同じ → 1 つにする**：

AB, AC, BC (3 通り)

11. 組み合わせの考え方：もどらないルール

はじめから 同じものを数えない ために、^{もど}戻らない ルールで考えます。

ルール：もう書いたものには 戻らない

- ・ A からは → B、C (AB、AC)
- ・ B からは → Cだけ (BC) (A には 戻らない)
- ・ C からは → 選ぶものがない

このルールで考えると、同じセットを 2 回 数えません。

だから、組み合わせは 3 通り です。

12. 実習：樹形図で「4枚から2枚」の組み合わせを出す

4枚のカード (1, 2, 3, 4) から、2枚を同時に引きます。「戻らない樹形図」を描いて、組み合わせの数を求めてください。

ヒント：

- ・ 「1」からは (2, 3, 4) の3本。
- ・ 「2」からは (3, 4) の2本。(1へは戻らない)
- ・ 「3」からは (4) の1本。

13.【答え】組み合わせの総数は 6 通り

「戻らないルール」で描くと、枝の数は規則的に減っていきます。

- ・ 1 から始まるペア : $(1,2), (1,3), (1,4) \rightarrow 3$ 通り
- ・ 2 から始まるペア : $(2,3), (2,4) \rightarrow 2$ 通り
- ・ 3 から始まるペア : $(3,4) \rightarrow 1$ 通り

→ 合計 : $3 + 2 + 1 = 6$ 通り

このように樹形図を正しく描ければ、難しい公式を知らなくても確率の「分母」を正確に算出できます。

14. 確率のもとめ方：分母と分子

これまで数えた結果を使って、確率をもとめます。

問題：コインを 2 枚なげて、「表が 1 枚」出る確率は？

1. 分母（ぜんぶ）：

(表, 表), (表, 裏), (裏, 表), (裏, 裏) の 4 通り

2. 分子（ほしいもの）：

「表が 1 枚」 → (表, 裏), (裏, 表) の 2 通り

3. 確率：

$2/4 = 0.5$ (50%)

注意：分母と分子は、同じルールで数えます。

15. 確率の大事なルール：ぜんぶ足すと 1 (100%)

すべての結果を もれなく数えると、確率の合計は 1 (100%) になります。

例：コインを 2 枚なげる

- ・ 表が 2 枚 : $1/4$ (0.25)
- ・ 表が 1 枚 : $2/4$ (0.50)
- ・ 表が 0 枚 : $1/4$ (0.25)

合計 : $0.25 + 0.50 + 0.25 = 1.0$

便利な考え方 : 1 から引く

「少なくとも 1 枚は表」の確率は、

「 $1 - (\text{表が } 0 \text{ 枚})$ 」で出せます。

16. 独立：まえの結果は、つぎに関係しない

確率では、前の結果は、次に「えいきょう」しません。

- ・ コインを1回なげて「表」が出た。
- ・ 問い：2回目に「裏」が出やすくなる？
- ・ 答え：なりません。
2回目も、裏の確率は $1/2$ です。

「そろそろ裏が出るはず」という考えは、

確率では**使いません**。

17. 公式の意味：はやく数えるための書き方

順列 (P) や組み合わせ (C) は、
数えた結果を、短く書くための記号です。

- ・ 順列 P : n 個から r 個えらんで ならべる
- ・ 組み合わせ C : n 個から r 個を えらぶだけ

$${}_4C_2 = 6$$

意味：

「4 つの中から 2 つ選ぶと、6 通りある」

だいじなこと：

計算より、並べる？ 選ぶ？ を考える。

18. 実習：Excel の表で「全部」を作る

樹形図を、Excel の表で表します。

やること：

1. A2:A3 に「表」「裏」を入力（1枚目）
2. B1:C1 に「表」「裏」を入力（2枚目）
3. まじわるセル（B2:C3）に結果を書く

このとき、セルの数が

全部の数（分母）になります。

19. 実習：Excel で確率を出す

作った表を使って、確率を計算します。

1. 全部のセルを数える → 分母
2. 条件に合うセルを数える → 分子
3. セルに = 分子 / 分母 を入力

ポイント：

確率は 全部の中の、どれくらいか。

20.【問い合わせ】降水確率 30% の意味

「明日の降水確率は 30% です。」

正しい意味はどれ？

1. 明日の時間の 30% で雨が降る
2. 明日の場所の 30% で雨が降る
3. 同じような日が 100 回あれば、30 回くらい雨が降る

答え：3

確率は、

同じ条件を何回もくり返したときの割合。

21. 注意！確率でよくあるミス

まちがえやすいポイントを確認します。

- ・ 分母を決めない：
まず「全部」を数える
- ・ 表・裏を1つにする：
コイン2枚の分母は4通り
- ・ 気もちで考える：
昨日の結果は、今日に関係しない

22.まとめ：なぜ統計学で確率を学ぶのか

本日の学びは、データ分析のフェーズを次へ進めるための準備です。

- ・記述統計：手元にあるデータから「今、何が起きているか」を記述する。
- ・確率：記述された割合を元に「次に、何が起きそうか」を推察する。

「分布」という言葉は、前回のヒストグラムでも使いましたが、次々回以降は
「確率分布」^{かくりつぶんぶ}という言葉に進化します。

23. 本日のまとめ：重要用語

- ・ **確率**：ある事象が起こる「割合」。0（絶対ない）から1（確実）の間。
- ・ **樹形図**：分母（全体）を漏れなく数え上げるための視覚的ツール。
- ・ **順列**：順番を区別する。**組み合わせ**：順番を無視する。
- ・ **独立**：1回ごとの結果は、過去の結果に左右されない。

次回は、この確率を何度も繰り返したときの平均的な値「期待値」を学びます。