Chapitre 5

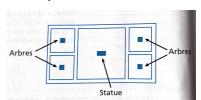


Suites arithmétiques

Evaluation formative

Le projet d'aménagement de la place d'un village prévoit la disposition ci-contre :

- une partie centrale avec une statue au centre.
- quatre parties latérales où un arbre sera plantée.



La partie centrale de la place est un carré de 75,50 m de côté.

Elle sera pavée de dalles de pierre, rectangulaires, de dimension 100 cm x 50 cm.

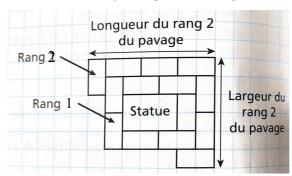
On cherche combien il faudra de dalles pour paver la partie centrale de la place.

Partie 1 : Nombre de rangs du pavage de la partie centrale de la place

Le pavage de la partie centrale est réalisée comme indiqué sur le schéma suivant :



Dessinez la fin du pavage du <u>rang 2</u> et celui du <u>rang 3</u>





2. Compléter le tableau ci-dessous :

Rang n	Nombre de dalles	Longueur du rang n (cm)	Largeur du rang n (cm)
1	7	250	200
2			
3			

La suite (U_n) correspond à la longueur (en cm) du rang n du pavage.

Soit $U_1 = 250$; $U_2 = 350$; $U_3 = 450$; ...



3. **Expliquer** pourquoi la suite est <u>arithmétiq</u>ue.



$$U_{n+1} = U_n + I$$



Indiquer le premier terme et la raison de la suite arithmétique.

.....

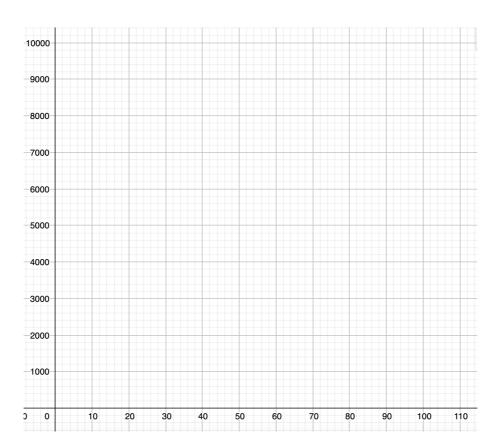


5. **Compléter** le tableau suivant pour les 10 premiers termes de la suite (U_n) :

Rang <i>n</i>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Suite (U _n)	250	350	450							



6. Représenter graphiquement la suite arithmétique (U_n) pour n appartenant à l'intervalle $[\mathbf{1} \; ; \; \mathbf{100}]$





7. Déterminer graphiquement le rang de pavage correspondant à une de 7550 cm.

.....

Partie 2 : Nombre de rangs du pavage de la partie centrale de la place

La suite (V_n) correspond au nombre de dalles par rang du pavage

 $V_1 = 7$; $V_2 = 11$; $V_3 = 15$; ...



8. **Proposer** une relation entre V_{n+1} et V_n



9. **Indiquer** la <u>nature</u> de la suite.



10. **Indiquer** le <u>premier terme</u> et la <u>raison</u> de la suite.



11. Calculer V₇₄



$$V_n = V_1 + (n-1) \times r$$



12. **Calculer** la <u>somme</u> des 74 premiers termes de la suite V_{n.}



$$S_n = \frac{n}{2} \times (V_1 + V_n)$$



13. **Conclure** en donnant le <u>nombre de dalles</u> nécessaires pour paver la partie centrale de la place.