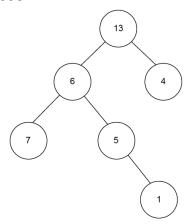
EXERCICE 1 (4 points)

Cet exercice porte sur les arbres binaires, les arbres binaires de recherche, la programmation orientée objet et la récursivité.

1. On considère l'arbre ci-dessous :



- a. Justifier que cet arbre est un arbre binaire.
- **b.** Indiquer si l'arbre ci-dessus est un arbre binaire de recherche (ABR). Justifier votre réponse.
- **2.** On considère la classe Noeud, nous permettant de définir les arbres binaires, définie de la manière suivante en Python :

```
1 class Noeud:
2   def __init__(self, g, v, d):
3   """crée un noeud d'un arbre binaire"""
4       self.gauche = g
5       self.valeur = v
6       self.droit = d
```

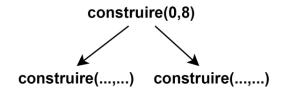
On considère également la fonction construire ci-dessus qui prend en paramètre deux entiers mini et maxi et qui renvoie un arbre.

```
1
   def construire (mini, maxi):
2
        """mini, maxi: entiers respectant mini <= maxi"""
3
        assert isinstance(mini, int) and isinstance(..., ...) and ...
4
        if maxi - mini == 1 or maxi - mini == 0:
5
            return Noeud (None, mini, None)
6
        elif maxi - mini == 2:
7
            return Noeud(None, (mini+maxi)//2, None)
8
       else:
9
            sag = construire(mini, (mini+maxi)//2)
            sad = construire((mini+maxi)//2, maxi)
10
11
            return Noeud(sag, (mini+maxi)//2, sad)
```

23-NSIJ2PO1 Page 2/10

La fonction isinstance(obj, t) renvoie True si l'objet obj est du type t, sinon False.

- a. Recopier et compléter sur votre copie la ligne 3 de l'assertion de la fonction construire de manière à vérifier les conditions sur les paramètres mini et maxi.
- **b.** On exécute l'instruction construire (0,8). Déterminer quels sont les différents appels récursifs de la fonction construire exécutés. On représentera ces appels sous forme d'une arborescence, par exemple :

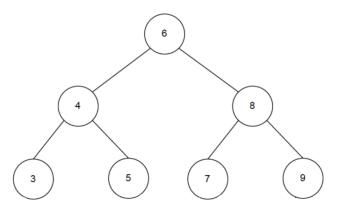


- **c.** Dessiner l'arbre renvoyé par l'instruction construire (0,8).
- **d.** Dessiner l'arbre renvoyé par l'instruction construire (0,3).
- **e.** Donner le résultat d'un parcours infixe sur l'arbre obtenu à la question 2.c. Expliquer pourquoi ce parcours permet d'affirmer que l'arbre est un arbre binaire de recherche.
- f. La fonction récursive maximum ci-dessous prend en paramètre un arbre binaire de recherche abr et renvoie la valeur maximale de ses nœuds. Recopier et compléter les lignes 5 et 7 de cette fonction.

```
1  def maximum(abr):
2    if abr is None:
3       return None
4    elif abr.droit is None:
5       return ......
6    else:
7    return ......
```

23-NSIJ2PO1 Page 3/10

3. On donne l'arbre binaire de recherche abr 7 noeuds suivant :



On donne également ci-dessous la fonction mystere qui prend en paramètres un arbre binaire de recherche abr, un entier x et une liste liste.

```
def mystere(abr, x, liste):
2
3
        abr -- arbre binaire de recherche
4
        x -- int
5
        liste -- list
        Renvoie -- list"""
6
7
        if abr is None:
8
            return []
9
        else:
10
            liste.append(abr.valeur)
11
            if x == abr.valeur:
12
                return liste
13
            elif x < abr.valeur:</pre>
14
                return mystere (abr.gauche, x, liste)
15
                return mystere(abr.droit, x, liste)
16
```

- **a.** Donner les résultats obtenus lorsque l'on exécute les instructions mystere (abr_7_noeuds, 5, []), puis mystere (abr_7_noeuds, 6, []) puis mystere (abr_7_noeuds, 2, []).
- **b.** Décrire quel peut être le rôle de la fonction mystere.

23-NSIJ2PO1 Page 4/10