# 目录

Introduction	1.1
分治法	1.2
快速排序	1.2.1
中位数	1.2.2
最大子序和	1.2.3
线性时间排序	1.3
计数排序	1.3.1

# Introduction

记录我的算法分析学习历程

# 第一篇 分治法

# 快速排序

实现对数组int arr[9]={-2,1,-3,4,-1,2,1,-5,4}的快速排序,并画出流程图

### 方法: 分治法

### 快速排序原理:

- 任找一个元素作为基准,对待排数组进行分组
- 使基准元素左边的数据都比基准元素小,右边的数据都比基准元素大。这样基准元素就放在了正确的位置上。
- 然后对基准元素左边和右边的数据分组进行相同的操作,最后完成数组的排 序。

### 代码如下:

```
#include <iostream>
using std::cin;
using std::cout
using std::endl
int Partition(int arr[], int low, int high){
    int pivot_key=arr[low];//临时存储基准值
    while(low<high)</pre>
       while (low<high && arr[high]>=pivot_key) --high;
        arr[low]=arr[high]
       while (low<high && arr[low]<=pivot_key) ++low;</pre>
        arr[high]=arr[low];
    arr[low]=pivot_key;//把基准值放到最后准确的位置
    return low;
void QuickSort(int arr[], int low, int high){
   int pivot;
    if(low<high){</pre>
       pivot=Partition(arr, low, high);
        QuickSort(arr, low, pivot-1)
        QuickSort(arr, pivot+1, high);
int main(){
   int arr[9]={-2,1,-3,4,-1,2,1,-5,4};
    QuickSort(arr, 0, 8);
    cout<<"快速排序结果= "<<end1
    for (char i = 0; i < 9; i++){
       cout<<arr[i]<<'\t';
    cout<<endl;
    return 0;
```

### 运行结果:

## 快排流程图

元素 第N趟	-2	1	-3	4	-1	2	1	-5	4
1	-5	-3	-2	4	-1	2	1	1	4
2	-5	-3	-2	1	-1	2	1	4	4
3	-5	-3	-2	-1	1	2	1	4	4
4	-5	-3	-2	-1	1	1	2	4	4

注: 褐色的数字格表示此趟快排的基准值

## 算法复杂度分析:

时间复杂度: O(nlg(n))空间复杂度: O(lg(n))

# **Median of Two Sorted Arrays**

There are two sorted arrays nums1 and nums2 of size m and n respectively. Find the median of the two sorted arrays. The overall run time complexity should be O(log(m+n)).

#### 中位数的概念

• 将一个集合划分为两个长度相等的子集,其中一个子集中的元素总是大于另一个子集中的元素。

### 方法: 分治法

### 算法分析

• 将有序数组分成两部分,可以得到如下关系式:

```
len(left_part)=len(right_part)
max(left_part)≤min(right_part)
```

left_part	right_part
A[0], A[1],, A[i-1]	A[i], A[i+1],, A[m-1]
B[0], B[1],, B[j-1]	B[j], B[j+1],, B[n-1]

那么,中位数就是:
 median = [max(left\_part) + min(right\_part)]/2

### 代码如下:

```
int findMedianSortedArrays(int A[],int A_len, int B[],int B_len) {
     int m=A_len, n=B_len;
     int iMin = 0, iMax = m, halfLen = (m + n + 1) / 2;
     while (iMin <= iMax) {
        int i = (iMin + iMax) / 2;
         int j = halfLen - i;
         if (i < iMax \&\& B[j-1] > A[i]){
            iMin = i + 1; // i is too small,需要增大i,减小j
         else if (i > iMin \&\& A[i-1] > B[j]) {
             iMax = i - 1; // i is too big,需要减小i,增大j
         else { // i is perfect, i是临界值, 0或者m
         int maxLeft = 0;
         if (i == 0) { maxLeft = B[j-1];
         else if (j == 0) { maxLeft = A[i-1]; }
         else { maxLeft = max(A[i-1], B[j-1]); }
         if ( (m + n) % 2 == 1 ) { return maxLeft; }
         int minRight = 0;
         if (i == m) { minRight = B[j]; ]
         else if (j == n) { minRight = A[i]; }
         else { minRight = min(B[j], A[i]); }
         return (maxLeft + minRight) / 2;
```

### 运行结果:

数组元素为:array1[3] = {1,2,7}; array2[3] = {3,5,6};

™ 选择C:\Windows\system32\cmd.exe

midia\_key= 4 请按任意键继续. . .

### 算法复杂度分析:

• 时间复杂度:查找的区间是[0,m],每次循环之后,查找区间的长度都会降为原先的一半。所以,最多执行lg(m)次。 由于m <= n,所以时间复杂度为O(lg(min(m,n)))。

# 最大子序和

给定一个整数数组nums,找到一个具有最大和的连续子数组(子数组最少包含一个元素),返回其最大和。

#### 示例:

输入: [-2,1,-3,4,-1,2,1,-5,4]

输出: 6

解释: 连续子数组 [4,-1,2,1] 的和最大为 6

方法: 分治法

#### 算法分析:

- 1. 把数组分成左右两个子数组,最大子序和只可能出现在
  - 1.左子数组
  - 2.右子数组
  - 3.横跨左右子数组的部分或全部元素
- 2. 然后对左子数组或右子数组时,进一步拆分,依次循环,直至拆分的子数组中 只有一个元素。
  - 。 拆分序列(直到只剩下一个数的数组)
  - 。 求左子数组最大值
  - 。 求右子数组最大值
  - 。 求横跨左右子数组的最大值
- 3. 合并,得出以上三个最大值的最大值
- 4. 当最大子数组有 n 个数字时:
  - o 若 n == 1,返回此元素。
  - 。 left\_sum 是左子数组的元素之和最大值
  - 。 right\_sum 是右子数组的元素之和最大值
  - 。 cross\_sum 是横跨左右子数组元素之和的最大值

### 代码如下:

```
#include <iostream>
using std::cout;
using std::cin;
using std::endl;
int CrossSum(int nums[],int left, int right, int mid) {
   if (left == right) return nums[left];
   int leftSubSum=0;
   int leftMaxSum=nums[mid];//横跨左右子数组,则基准元素(左边第一个元素)必然包含在内
   for(int i=mid; i>=left; i--) {
       leftSubSum+=nums[i];
       leftMaxSum=leftMaxSum>=leftSubSum?leftMaxSum:leftSubSum;
   int rightSubSum=0;
   int rightMaxSum=nums[mid+1];//横跨左右子数组,则右边第一个元素必然包含在内
    for(int i=mid+1; i<=right; i++) {
       \verb|rightSubSum+= nums[i]| \\
       rightMaxSum=rightMaxSum>=rightSubSum?rightMaxSum:rightSubSum
   return leftMaxSum+rightMaxSum;
int fun(int nums[],int left, int right) {
   if (left == right) return nums[left];
   int mid = (left + right) / 2;
   int leftSum = fun(nums, left, mid);
    int rightSum = fun(nums, mid + 1, right);
   int crossSum = CrossSum(nums, left, right, mid);
   int temp=leftSum>rightSum?leftSum:rightSum;
   return temp>crossSum?temp:crossSum;
int MaxSubArray(int nums[],int length) {
   return fun(nums, 0, length-1);
int main() {
   int nums[9]={-2,1,-3,4,-1,2,1,-5,4};
   int maxSum=MaxSubArray(nums, 9);
   cout<<"maxSum= "<<maxSum<<endl;
```

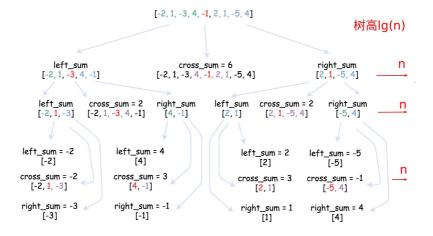
### 运行结果:

```
maxSum= 6
```

### 算法复杂度分析:

• 递归树法:

时间复杂度: O(nlg(n))



# 线性时间排序方法

## 计数排序

实现对数组int arr[10]={95,94,91,98,99,90,99,93,91,92}的计数排序,并画出流程图

#### 计数排序原理:

计数排序是由额外空间的辅助和元素本身的值决定的。计数排序过程中不存在元素 之间的比较和交换操作,根据元素本身的值,将每个元素出现的次数记录到辅助空 间后,通过对辅助空间内数据的计算,即可确定每一个元素最终的位置。

#### • 算法过程

- 1. 根据待排序集合中最大元素与最小元素的差值范围,申请额外辅助空间
- 2. 遍历待排序集合,将每一个元素出现的次数记录到元素值对应的辅助空间
- 3. 对辅助空间内的数据进行计算,得出每一个元素的正确位置
- 4. 将待排序集合的每一个元素移动到计算出的正确位置上,排序完成

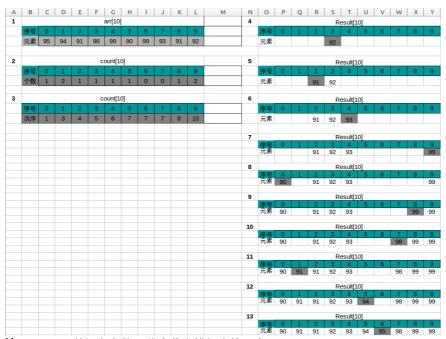
### 代码如下:

```
#include <iostream>
#include <new>
using namespace std;
void CountSort(int *arr,int len,int max, int min)
    int *count=new int[max-min+1];//计数数组
    int *Result=new int[len];//存放排序后的结果
   int index;
    for (int i =0; i <=max-min; i++){//初始化
       count[i]=0;
    for(int i=0; i<len;i++){//计算arr[i]元素出现的个数
        count[arr[i]-min]++;
    for(int i=1; i<=max-min; i++){</pre>
       count[i]+=count[i-1];
    for (int i = len-1; i \ge 0; i--){
       index=count[arr[i]-min]-1;
        Result[index]=arr[i];
        count[arr[i]-min]--;
    cout<<"计数排序后的结果= "<<endl
    for(int i=0;i<len;i++){</pre>
       cout <\!\!<\!\! Result[i] <\!\!<\!\! ' \backslash t \!\!'
   cout<<endl;
   delete [] count;
   delete [] Result;
int main()
    int arr[10]={95,94,91,98,99,90,99,93,91,92};//待排数组
    CountSort(arr, 10, 99, 90);//计数排序
```

### 运行结果:



### 计数排序流程图



注: Result下的深灰色格子代表此次排好序的元素

### 算法复杂度分析:

时间复杂度:因为k = n,所以为O(n)

空间复杂度:申请了额外辅助空间,且k=n,所以为O(n)

### 计数排序与快速排序的区别:

- 1. 计数排序属于线性时间排序,用非比较的操作确定排序顺序;而快速排序是基于元素之间的比较,属于比较排序
- 2. 任意一个比较排序算法,在最坏情况下,都需要做  $\Omega(nlg(n))$  次的比较;而计数排序的运行时间为  $\Theta(k+n)$
- 3. 计数排序是一种稳定的排序算法;而快速排序不是
- 4. 计数排序算法适合待排序元素在一定范围内,数值比较集中;而快速排序没有 这种要求