

Otimização por Colônia de Formigas no Problema do Caixeiro Viajante

Estudo de Caso: Instância Berlin52

Michael Y. Todoroki

Engenharia de Computação
Centro Federal de Educação Tecnológica de Minas Gerais
Programação em Python

Dezembro de 2025

Roteiro da Apresentação

- 1 O Problema e o Cenário
- 2 Metodologia: Ant Colony Optimization
- 3 Conclusão

O Problema do Caixeiro Viajante (TSP)

O Desafio:

- Visitar N cidades exatamente uma vez.
- Retornar à cidade de origem.
- Objetivo: **Minimizar a distância total.**

Complexidade:

- Problema *NP-Hard* (Não-polinomial).
- Complexidade Fatorial $O(n!)$.
- Métodos de força bruta são inviáveis para $N > 20$.

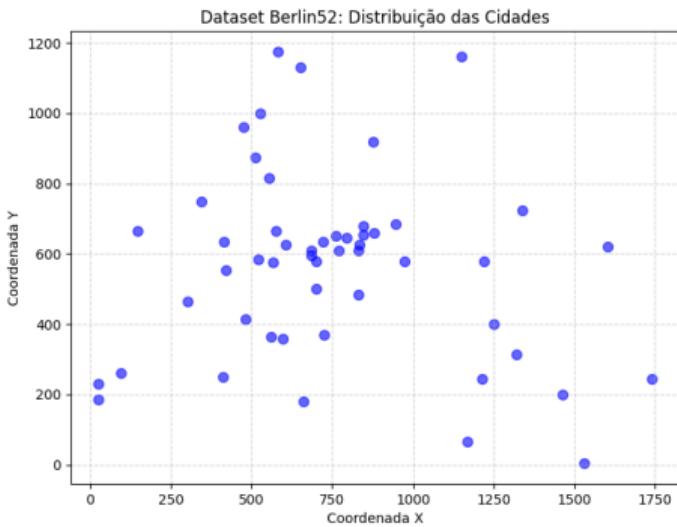
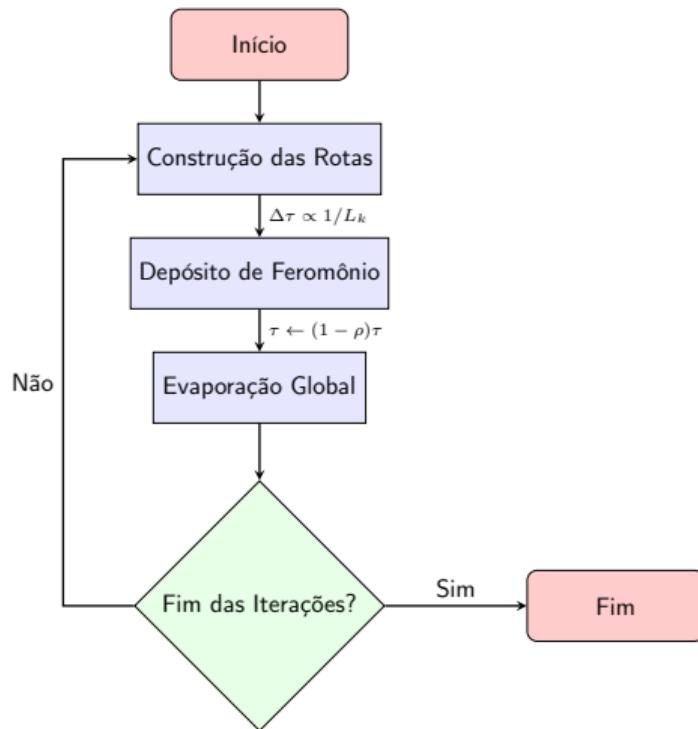


Figura: Dataset Berlin52: 52 locais em Berlim. Note a distribuição irregular (aglomerados e vazios).

O Algoritmo: Ciclo de Vida da Formiga



1. Construção (Probabilística):

$$P_{ij} = \frac{(\tau_{ij})^\alpha \cdot (\eta_{ij})^\beta}{\sum(\dots)}$$

- τ (Feromônio): Experiência histórica.
- η (Visibilidade): $1/\text{distância}$.

2. Atualização:

- **Depósito:** Inversamente proporcional à distância total da rota.
- **Evaporação:** Vital para esquecer rotas ruins e evitar estagnação.

Detalhes da Implementação (Python)

O projeto foi desenvolvido focando em performance e modularização.

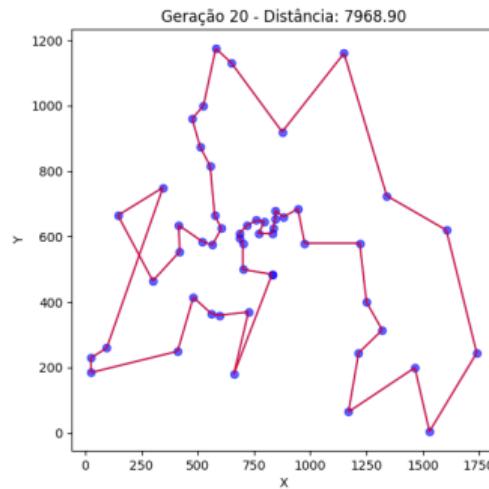
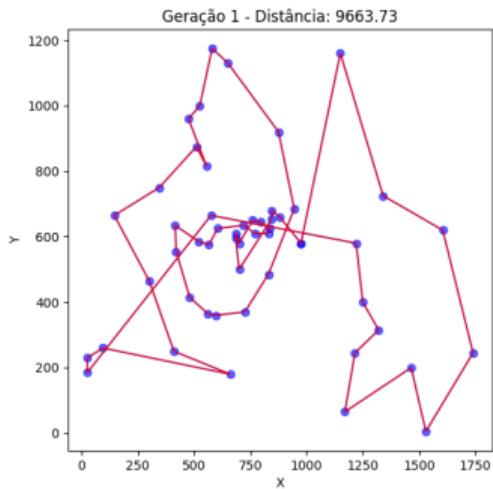
- **Uso de Matrizes (NumPy):**

- Matriz de Distâncias (52×52) pré-calculada para acesso $O(1)$.
- Matriz de Feromônios atualizada via operações vetoriais (evitando loops lentos).

- **Parâmetros Configuradas:**

Parâmetro	Valor
Formigas (m)	52 (Uma por cidade)
Iterações	100
Peso da Visibilidade (β)	5.0 (Prioridade Heurística)
Evaporação (ρ)	0.5 (Esquecimento rápido)

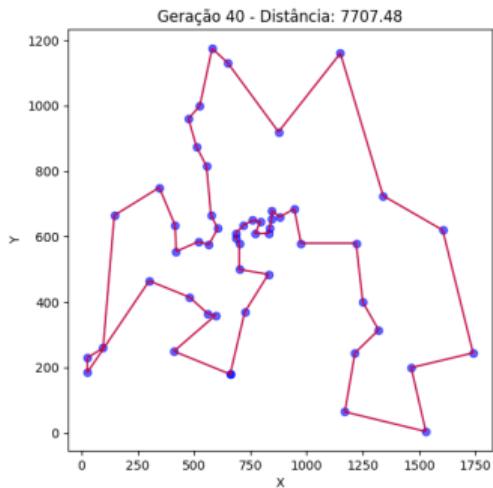
Evolução: Fase Inicial (O Caos e a Ordem)



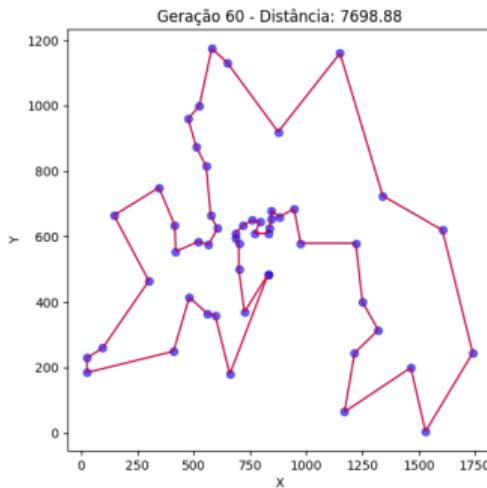
Análise:

- **Exploração:** Na G1, sem feromônio, as formigas chutam caminhos aleatórios (muitos cruzamentos).
- **Emergência:** Na G20, o feedback positivo age rápido: a "forma de C" já aparece.

Evolução: Fase Intermediária (Consolidação)



Geração 40
(Dist: 7707)

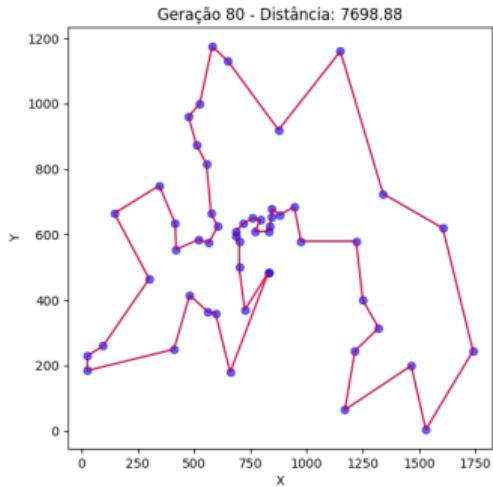


Geração 60
(Dist: 7698)

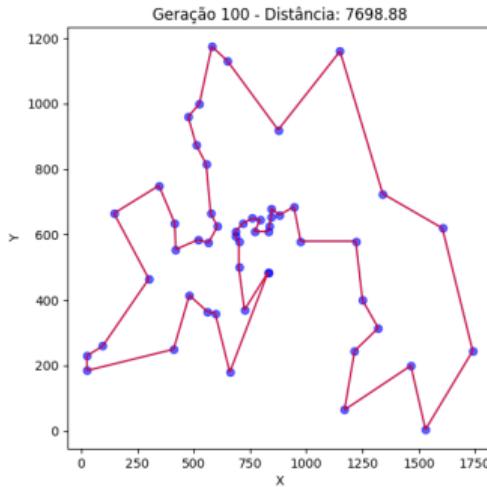
Análise:

- **Estabilidade:** A rota principal se firma. O algoritmo para de buscar caminhos radicalmente novos.
- **Limpeza:** O foco muda para eliminar pequenos laços e cruzamentos locais no centro do mapa.

Evolução: Fase Final (Otimização Fina)



Geração 80
(Dist: 7698)

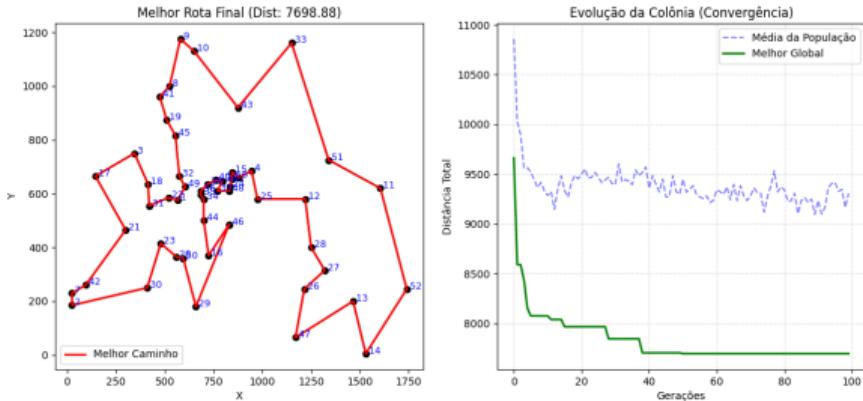


Geração 100
(Final: 7698)

Análise:

- **Convergência:** As mudanças visuais cessam, indicando um mínimo local forte.
- **Precisão:** A rota final é limpa, com erro de apenas $\approx 2\%$ do ótimo mundial (7542).

Análise de Convergência



Interpretação:

- ① **Queda Rápida:** A heurística visual ($\beta = 5$) resolve a estrutura macro rapidamente.
- ② **Diversidade:** A linha azul (Média) oscila acima da verde (Melhor), indicando que a colônia não estagnou.

Resultado Final

Encontrado: **7698.88**
Ótimo Conhecido: **7542**
Erro Relativo: $\approx 2\%$

Conclusão

- **Objetivo Alcançado:** O algoritmo ACO solucionou uma instância complexa do TSP com alta precisão e baixo custo computacional.
- **Eficiência de Implementação:**
 - A utilização da linguagem Python combinada com bibliotecas científicas atendeu aos requisitos de desempenho.
 - O código foi estruturado de forma modular, facilitando a manutenção e leitura.
- **Aprendizado Principal:** Inteligência emergente (formigas simples + regras locais) é capaz de resolver problemas de otimização globais complexos.

Obrigado! Perguntas?