



MATEMATIKA DASAR

Mifta Nur Farid

MATRIKULASI

Perkenalan Diri



- ▶ **Mifta Nur Farid**
- ▶ Dosen Teknik Elektro
- ▶ Probolinggo, Surabaya,
Balikpapan
- ▶ Mendaki Gunung, Bermain
Games, Nonton Film

Pokok Bahasan

1. Pertidaksamaan Linier

- ▶ Interval
- ▶ Penyelesaian Pertidaksamaan

2. Fungsi dan Limit

- ▶ Fungsi
- ▶ Limit

3. Trigonometri

- 4. Turunan
- 5. Integral

- ▶ Integral Tak Tentu
- ▶ Integral dengan Substitusi
- ▶ Integral Tentu

Pertidaksamaan

- Pertidaksamaan:

$$5x - 4 > 2x + 3 \quad (1)$$

- Persamaan menggunakan simbol =
- Pertidaksamaan menggunakan simbol

Simbol	Arti	Contoh
>	Lebih dari	$x > 1$: x lebih dari 1
\geq	Lebih dari sama dengan	$x \geq -12$: x lebih dari sama dengan -12
<	Kurang dari	$x < 5$: x kurang dari 5
\leq	Kurang dari sama dengan	$x < 13$: x kurang dari sama dengan 13

Pertidaksamaan

- ▶ Penyelesaian persamaan

$$5x - 4 = 2x + 3$$

$$5x - 2x = 3 + 4$$

$$3x = 7$$

$$x = \frac{7}{3}$$

- ▶ Penyelesaian pertidaksamaan: rentang atau nilai variabel yang tidak diketahui yang memenuhi pertidaksamaan

- ▶ Himpunan penyelesaian suatu pertidaksamaan dinyatakan dalam notasi himpunan atau bentuk selang atau *interval*
- ▶ Jenis-jenis selang
 1. Selang berhingga dan tertutup
 2. Selang berhingga dan terbuka
 3. Selang berhingga dan setengah terbuka atau setengah tertutup
 4. Selang tak hingga dan tertutup
 5. Selang tak hingga dan terbuka
 6. Selang tak hingga, terbuka, dan tertutup

Selang berhingga dan tertutup

- ▶ Notasi: $[a, b]$
- ▶ Dinyatakan dalam notasi himpunan:

$$\{x : a \leq x \leq b\} \quad (2)$$

- ▶ Grafik selang:



Gambar 1: Grafik selang $[a, b]$

Selang berhingga dan terbuka

- ▶ Notasi: (a, b)
- ▶ Dinyatakan dalam notasi himpunan:

$$\{x : a < x < b\} \quad (3)$$

- ▶ Grafik selang:



Gambar 2: Grafik selang (a, b)

Selang berhingga dan setengah terbuka atau setengah tertutup

- ▶ Notasi: $(a, b]$ atau $[a, b)$
- ▶ Notasi himpunan:

Jika notasi $(a, b]$, maka notasi himpunan $\{x : a < x \leq b\}$

Jika notasi $[a, b)$, maka notasi himpunan $\{x : a \leq x < b\}$

- ▶ Grafik selang:



Gambar 3: Grafik selang $(a, b]$



Gambar 4: Grafik selang $[a, b)$

Selang tak hingga dan tertutup

- ▶ Notasi: $[a, +\infty)$ atau $(-\infty, b]$
- ▶ Notasi himpunan:

Jika notasi $[a, +\infty)$, maka notasi himpunan $\{x : x \geq a\}$

Jika notasi $(-\infty, b]$, maka notasi himpunan $\{x : x \leq b\}$

- ▶ Grafik selang:



Gambar 5: Grafik selang $[a, +\infty)$

Gambar 6: Grafik selang $(-\infty, b]$

Selang tak hingga dan terbuka

- ▶ Notasi: $(a, +\infty)$ atau $(-\infty, b)$
- ▶ Notasi himpunan:

Jika notasi $(a, +\infty)$, maka notasi himpunan $\{x : x > a\}$

Jika notasi $(-\infty, b)$, maka notasi himpunan $\{x : x < b\}$

- ▶ Grafik selang:



Gambar 7: Grafik selang $(a, +\infty)$

Gambar 8: Grafik selang $(-\infty, b)$

Selang tak hingga

- ▶ Notasi: $(-\infty, +\infty)$
- ▶ Notasi himpunan:

$$\{x : x \in \mathcal{R}\}$$

- ▶ Grafik selang:



Gambar 9: Grafik selang $(-\infty, +\infty)$

Penyelesaian pertidaksamaan

Hal-hal yang perlu diperhatikan dalam menyelesaikan suatu pertidaksamaan

1. Prosedur menyelesaikan pertidaksamaan adalah mengubah pertidaksamaan satu langkah demi satu langkah hingga diperoleh himpunan penyelesaiannya jelas.
2. Dapat dilakukan operasi-operasi tertentu (tambah, kurang, kali, bagi, akar, pangkat) pada kedua ruas pada suatu pertidaksamaan. Perlakuan pada kedua ruas harus sama, contohnya:
 - 2.1 Kedua ruas ditambah atau dikurangi dengan suatu bilangan;
 - 2.2 Kedua ruas dikali atau dibagi dengan suatu bilangan positif;
 - 2.3 Jika kedua ruas dikali atau dibagi dengan bilangan negatif, tanda pertidaksamaan harus berbalik arah.

Contoh 1

Selesaikan pertidaksamaan

$$-5x - 10 < 15$$

dan tunjukkan garis bilangan himpunan penyelesaiannya.

Jawaban Contoh 1

$$-5x - 10 < 15$$

$$-5x - 10 + 10 < 15 + 10 \quad (\text{kedua ruas ditambah } 10)$$

$$-5x < 25$$

$$\frac{-5x}{-5} > \frac{25}{-5} \quad (\text{kedua ruas dikali dengan } -\frac{1}{5})$$

$$x > -5$$

Jawaban Contoh 1

- ▶ Himpunan penyelesaiannya adalah $\{x : x > -5\}$, atau
- ▶ Dalam bentuk selang $(-5, +\infty)$.
- ▶ Berikut $(-5, +\infty)$ diinterpretasikan dalam bentuk garis bilangan.



Gambar 10: Grafik selang $(-5, +\infty)$

Contoh 2

Selesaikan pertidaksamaan

$$-5 \leq 2x + 6 < 4$$

dan tunjukkan garis bilangan himpunan penyelesaiannya.

Jawaban Contoh 2

$$\begin{aligned} -5 &\leq 2x + 6 &< 4 \\ -5 - 6 &\leq 2x + 6 - 6 &< 4 - 6 \quad (\text{dikurangkan } 6) \\ -11 &\leq 2x &< -2 \\ -11/2 &\leq 2x/2 &< -2/2 \quad (\text{dibagi } 2 \text{ atau dikali } \frac{1}{2}) \\ -11/2 &\leq x &< -1 \end{aligned}$$

Jawaban Contoh 3

Himpunan penyelesaiannya adalah

$$\left\{ x : -\frac{11}{2} \leq x \leq -1 \right\}$$

atau ditulis dalam bentuk selang $\left[-\frac{11}{2}, -1 \right)$ atau dengan garis bilangan



Gambar 11: Grafik selang $\left[-\frac{11}{2}, -1 \right)$

Contoh 3

Selesaikan pertidaksamaan

$$x^2 - x < 6$$

Jawaban Contoh 3

$$x^2 - x < 6$$

$$x^2 - x - 6 < 6 - 6 \quad (\text{dikurangi } 6)$$

$$(x + 2)(x - 3) < 0 \quad (\text{difaktorkan})$$

- ▶ Dapat dilihat bahwa $x = -2$ dan $x = 3$ membagi garis bilangan kedalam tiga selang terbuka yaitu $(-\infty, -2)$, $(-2, 3)$, dan $(3, +\infty)$.
- ▶ Selanjutnya kita harus mengecek setiap tanda diselang dengan cara diambil satu titik yang berada di tiga selang tersebut.

Jawaban Contoh 3

- ▶ $x = -3$ mewakili titik yang berada pada selang $(-\infty, -2)$
- ▶ $x = 0$ mewakili titik yang berada pada selang $(-2, 3)$
- ▶ $x = 5$ mewakili titik yang berada pada selang $(3, +\infty)$

Test Point (x)	Tanda		
	$(x + 2)$	$(x - 3)$	$(x + 2)(x - 3)$
-3	-	-	+
0	+	-	-
5	+	+	+

- ▶ Daerah yang memenuhi $(x + 2)(x - 3) < 0$ adalah selang $(-2, 3)$

Jawaban Contoh 3

Himpunan penyelesaiannya adalah

$$\{x : 2 < x < 3\}$$

atau dalam bentuk selang $(-2, 3)$ atau dengan garis bilangan



Gambar 12: Grafik selang $(-2, 3)$ dan tanda di masing-masing daerahnya

Contoh 4

Selesaikan pertidaksamaan

$$3x^2 - x - 2 \geq 0$$

Jawaban Contoh 4

$$3x^2 - x - 2 \geq 0$$

$$(x - 1)(3x + 2) \geq 0 \quad (\text{difaktorkan})$$

- Dapat dilihat bahwa $x = -\frac{2}{3}$ dan $x = 1$ membagi garis bilangan ke dalam tiga selang tertutup yaitu $(-\infty, -3]$, $[-3, 1]$, dan $[1, +\infty)$.

Contoh 5