

## # PARTE 1

A função  $g(x)$  para achar o primeiro ponto foi  $-((e^x)/2)^{(1/2)}$ , para o segundo foi usado  $((e^x)/2)^{(1/2)}$  e para o terceiro ponto foi usada a função  $\log(2) + 2\log(x)$ . Todas as funções  $g$  escolhidas para os 3 pontos foram escolhidas isolando algum  $x$  da função  $f(x)$  e substituídas o  $x$  na função  $f(x) = x$  tal que fique  $f(x) = g(x) = 0$ , que formaram as funções  $g$  a cima.

E essas funções foram escolhidas pois,

No primeiro ponto:

$x_1$ , no intervalo  $]-3\ln(2), 0]$ ;

o  $g(x)$  escolhido e  $g'(x)$  são contínuas nesse intervalo;

$|g'(x)| < 1$ ;

$x_1$  pertence ao intervalo que no caso foi setado com 0 para a primeira iteração do metodo.

No segundo ponto:

$x_2$ , no intervalo  $[0, 3\ln(2)[$ ,

o  $g(x)$  escolhido e  $g'(x)$  são contínuas nesse intervalo,

$|g'(x)| < 1$ ,

$x_2$  pertence ao intervalo que no caso foi setado com 1 para a primeira iteração do metodo.

E no terceiro ponto:

$x_3$ , no intervalo  $]2, +\infty[$ ,

o  $g(x)$  escolhido e  $g'(x)$  são contínuas nesse intervalo,

$|g'(x)| < 1$ ,

$x_3$  pertence ao intervalo que no caso foi setado com 2.5 para a primeira iteração do metodo.

Determinadas funções  $g$  funcionam para alguns ponto mas não para outros pq elas precisam atender as condições de convergência no intervalo escolhido. E caso se use uma função que não atenda as condições de convergência no ponto escolhido, o resultado será que vai divergir.

As raízes encontradas foram nos pontos onde  $x$  assume os seguintes valores:

-0.539835;

1.487962;

2.617867.

## # PARTE 2

As funções para se achar a convergência de  $x_{k+1}$  foram escolhidas com base no método de Newton ( $x_{k+1} = x_k - f(x)/f'(x)$ ).

Foi implementado funções para simular os numeros complexos, e fazem operações com subtração, adição, multiplicação, divisão e uma para exponencial.

As simulações das imagens foram feitas para 2000 pixels em todas e no intervalo de -2 a 2 no eixo dos reais (eixo x) e de -2i a 2i no eixo dos complexos. Cada cor representa uma raiz diferente e a cor preta é para quando há divergencia e não se pode encontrar uma raiz no ponto sugerido.

As imagens foram das funções  $x^5-1$ ,  $x^8-1$  e  $x^7-1$  e os txt das matrizes que geram eles estão no compactado. Deixei um "define func", que pode ser mudado de 0 ate 6 para testar equações diferentes, e esta nas primeiras linhas do ep1.c.

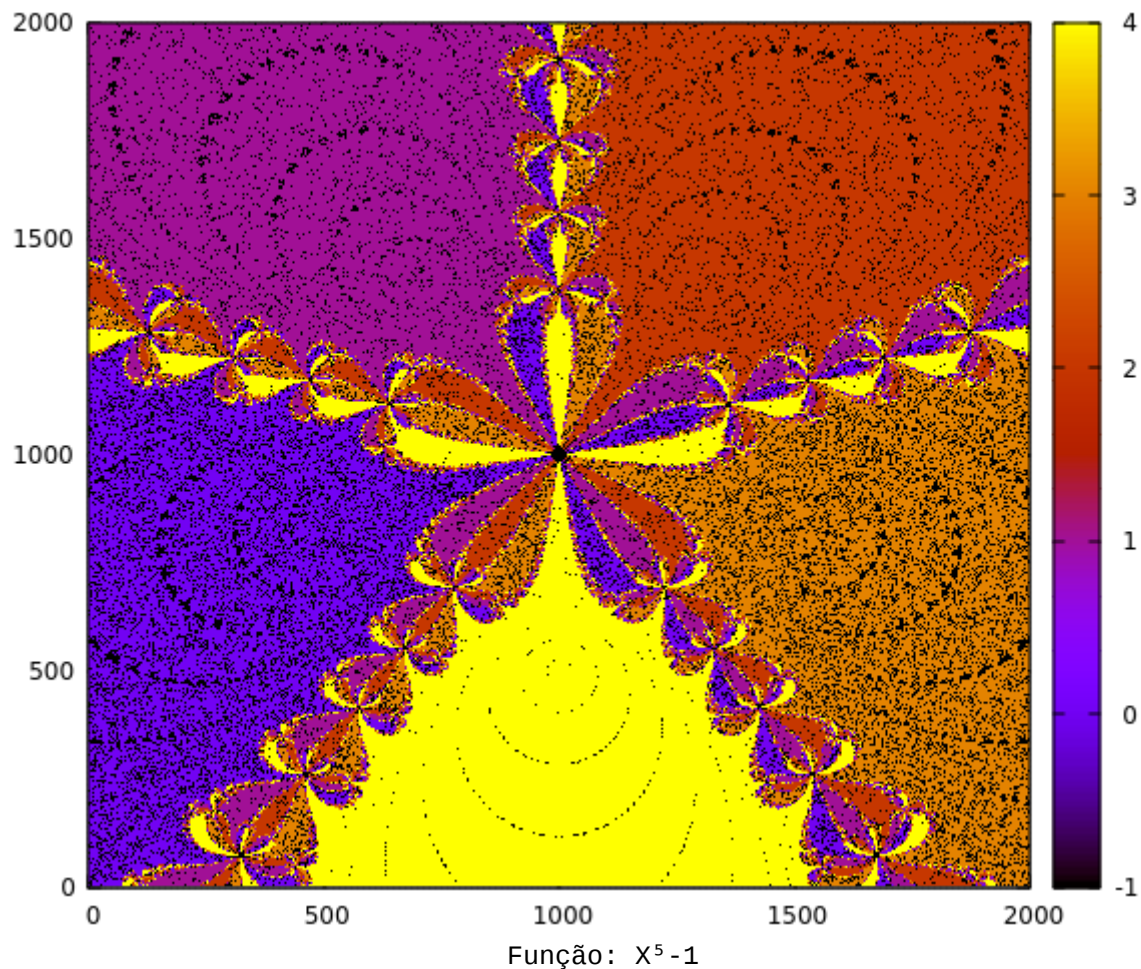
Como metodo de verificar se  $x_0$  que escolhemos converge, foi feito:

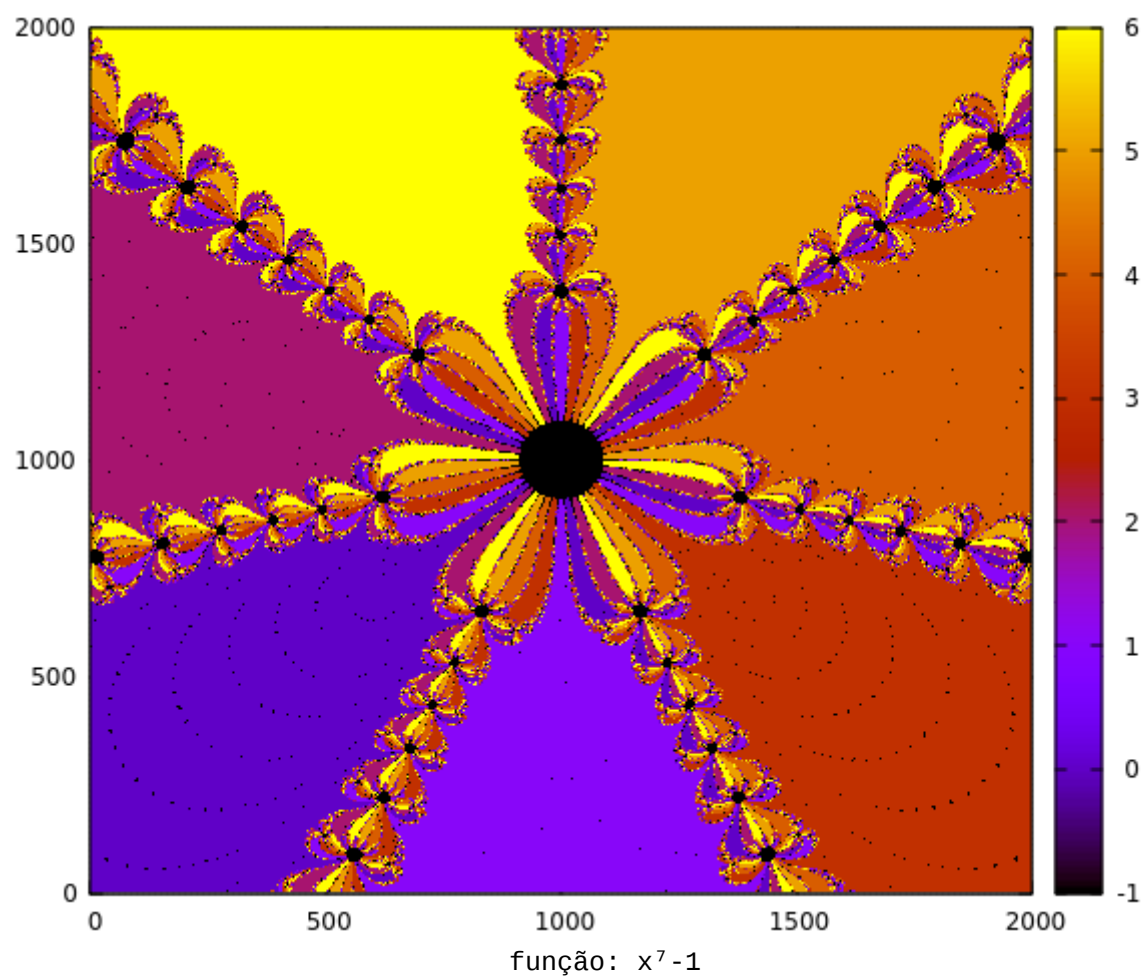
$$|f(x_k)/f'(x_k)| < \text{erro};$$

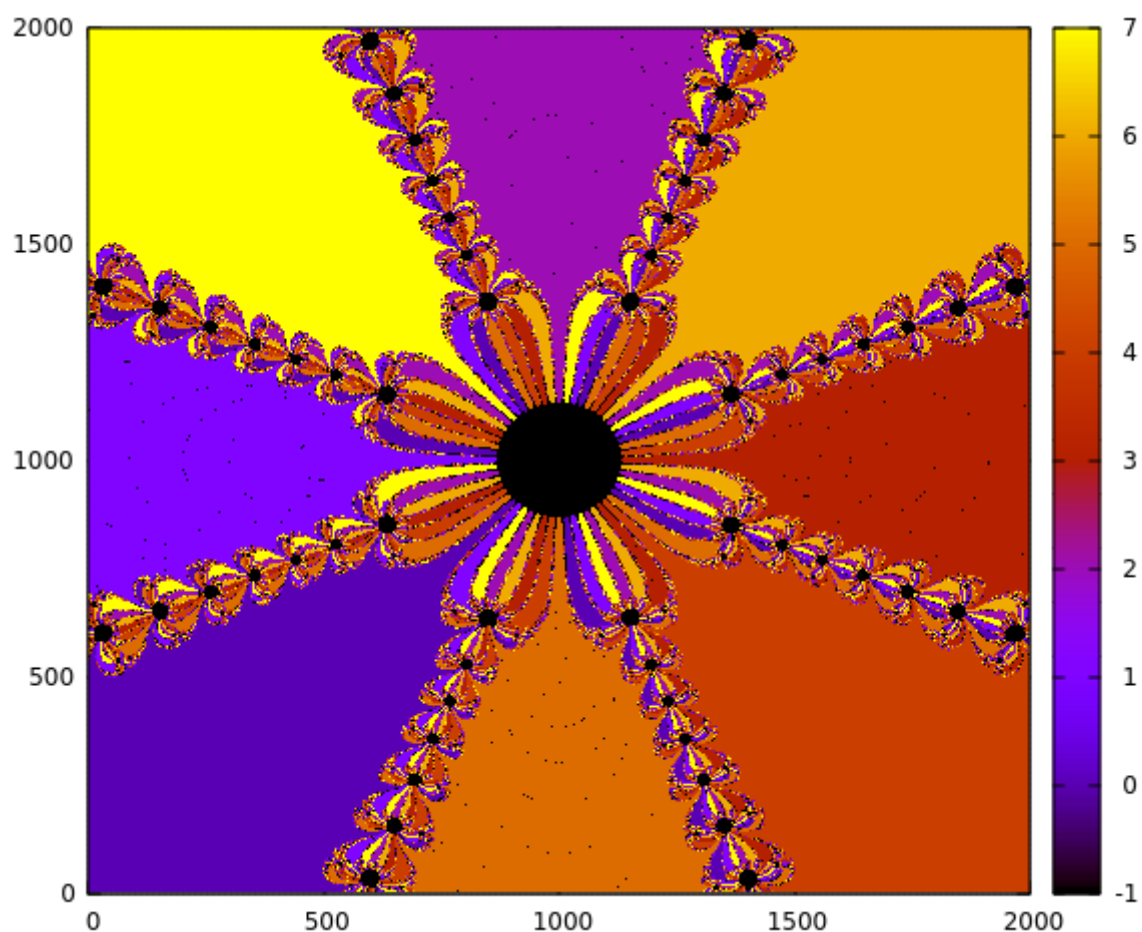
$$|f(x_k)| < \text{erro};$$

e se ele fez o teste menos vezes que nMax, que é o numero máximo e vezes que o teste roda se não as duas situações a cima.

As seguintes imagens foram geradas usando o gunplot







função:  $x^8 - 1$

DETALHE IMPORTANTE: Nas imagens, os graficos estão de 0 até 2000, tanto do eixo x quanto no y, mas isso se deve que forma guardas em uma matriz 2000x2000 e não refletem aos valores de x e y. Os eixos vão de -2 ate 2 tanto no eixo x quanto no eixo y, onde 0 é o -2 e 2000 é 2.

Na barra vertical, cada numero inteiro representa uma raiz diferente com exceção do -1 que representa que o metodo divergiu no ponto (representado na imagem com a cor preta)

