# 数据挖掘第二次项目

陈铭涛 16340024

June 4, 2019

#### 1 CART 算法

决策树是一种树结构,每一个非叶子节点表示一个对一个特征的分裂,叶子节点存放了分类问题中的类别和回归问题中的数值。其对样本进行预测的方法是从根节点开始,根据每一个分支节点的特征属性,决定输出方向直到到达叶子节点,将叶子节点的数值作为输出值。

决策树的优点为决策过程较为容易令人理解,可解释性强。决策树的构造方法包括了 ID3, C4.5 等算法,在本次项目中主要实现的是 CART 算法。

CART 包含了分类决策树和回归决策树的算法,本次实现了其中的回归树算法。CART 构造出的决策树为一棵二叉树。对于分类问题,CART 算法通过 Gini Index 来计算数据集的纯度,以决定一个节点的分裂,其公式如下:

假设样本集合 D 中第 k 类样本比例为  $p_k(k=1,2...|N|)$ ,

$$Gini(D) = 1 - \sum_{k=1}^{|N|} p_k^2$$
 (1)

Gini(D) 反映了从 D 中随机抽取两个样本其类别不同的概率,越小则代表样本纯度越高。对于属性集合 A 上的属性 a,将所有 D 上取值为  $a^v$  的样本记为  $D^v$ ,则 a 上的 Gini Index 为:

$$Gini(D,a) = \sum_{v=1}^{|V|} \frac{|D^v|}{|D|} Gini(D^v)$$
(2)

选择 A 中的划分点即为

$$a_* = \operatorname*{arg\,min}_{a \in A} Gini(D, a) \tag{3}$$

当要解决的问题是回归问题时,假设样本集合 D 中第 i 个样本的标签为  $y_i$ ,则最小化的目标为回归标签的平方误差和,即

$$SSE(D) = \sum_{i=1}^{|N|} (y_i - \overline{y})^2 \tag{4}$$

对于在属性 a 上的 v 值分裂的节点,设其左子树和右子树上的样本集合分别为  $D^L$ ,  $D^R$ , 则其平方误差和为:

$$SSE(D, a, v) = SSE(D^{L}) + SSE(D^{R})$$
(5)

则对于属性 a 上的划分点的选择为:

$$a_* = \operatorname*{arg\,min}_{a \in A, v \in V} SSE(D, a, v) \tag{6}$$

CART 算法进行决策树构建的方法如下:

#### Algorithm 1: CART 决策树构建

Result: 分类决策树或回归决策树

从深度为 0 开始构建;

对各连续特征列进行排序;

while 未达到终止条件 do

if 特征为连续特征 then

从排序好的特征列中对每一个取值进行评判标准的计算;

选取令评判标准最小的取值作为分裂点;

else if 特征为类别特征 then

从样本中选取令评判标准最小的类别进行分裂;

根据分裂点创建新的决策树节点

end

其中的终止条件如下:

- 1. 若节点中的所有样本的标签值均相同
- 2. 若树的深度已达到用户定义的MaxDepth数值
- 3. 若节点的样本数少于用户定义的MinSamplesSplit数值
- 4. 若节点的分裂生成的子节点样本数少于用户定义的MinSamplesLeaf数值

在实现中,由于本次项目的数据特征均为连续特征,只实现了在连续特征下的回归决策树构建。

由于对于连续变量的特征,|V| 可能是一个较大的数值,此时对连续变量的每一个不同值进行扫描的计算代价非常大,因此实现中添加了MaxBin参数,在寻找分裂点时程序将会将特征列分为对应的段数,每段仅测试一个分裂点。将该参数调大可以提升训练结果,但是会增加训练时间。

# 2 Gradient Boosting

使用的损失函数为均方误差:

$$L = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{n} (Y_i - \hat{Y}_i) \tag{7}$$

#### 3 Random Forest

#### 4 代码实现

出于内存、速度和并行化实现的考虑,本次项目选择了使用 Rust 语言实现,原因是 Rust 的 RAII 机制使得资源可以及时地释放,提升内存利用率;由编译器提供的静态检查可以避免多线程时线程不安全的情况,降低 debug 难度;作为通过 LLVM 后端编译为机器代码的静态语言 Rust 可以在相同的实现下获得比 Python 等语言更高的速度。使用的编译器版本为rustc 1.35.0.

程序实现中使用的第三方库如下:

- 1. rayon: 提供基于迭代器的便捷地编写并行代码的方法
- 2. rand: 提供随机数生成
- 3. csv: 提供对 csv 文件的读取
- 4. indicatif: 提供命令行进度条实现
- 5. ndarray: 提供类似 numpy 的多维数组的操作
- 6. num-traits: 提供数值类型上的一些实用方法,如最大最小值等
- 7. log: 程序日志
- 8. pretty env logger: 程序日志输出
- 9. num\_cpus: 获取系统 CPU 核心数量
- 10. serde: 提供将结构体变量序列化的功能
- 11. serde\_json: 用于以 json 格式将序列化后的模型变量保存至文件

项目中包括的主要代码文件如下

- data\_frame.rs: 使用一个二维的 ndarray 作为程序使用的 DataFrame 类型,并定义了类型 别名V 作为全局的数据存储类型,可设为 *f64* 或 *f32*, 此外还包含了 csv 文件读写等其他实 用函数
- learner.rs: 定义了一个 Learner trait, 包括了类似于 sklearn 的fit 和predict 两个方法, 决策树, Boosting 和 Random Forest 都需实现该 trait。
- tree.rs: 包括了 DecisionTree类型,实现了 CART 算法,可对单个决策树进行训练和预测。
- boosting.rs: 包括了GradientBoosting 类型的定义与训练和预测的实现。
- random\_forest.rs: 包括了RandomForest 类型的定义与训练和预测的实现。
- utils 目录:包括了数个实用功能,如获取数据列排序序列,交叉验证,模型分数计算等。

bin 目录下的包含 main 函数的代码文件如下:

- boost cv.rs: 使用 GDBT 进行交叉验证
- boost predict.rs: 使用 GDBT 进行训练并输出在测试集上的预测结果
- cv.rs: 使用单棵决策树进行交叉验证
- parallel\_performance.rs: 接收一个命令行整数作为程序最多使用的线程数,进行一次单棵决策树的训练,用于测试并行化的效率
- predict.rs: 使用单棵决策树进行训练并输出测试集预测结果
- rf\_cv.rs: 使用随机森林进行交叉验证
- rf\_predict.rs: 使用随机森林进行训练并输出测试集预测结果

程序运行前需将训练数据放置在项目上层目录下的 data 文件夹下。

运行任一 bin 目录下的代码的方法为在项目目录下执行命令(\*nix 系统下),其中EMTM\_LOG=info的作用是使程序将日志输出到命令行:

EMTM\_LOG=info cargo run --release --bin {EXEC\_NAME}

所有代码都需在 release 模式下进行编译,否则速度可能会有 20 到 100 倍的减慢。

### 5 并行化表现

由于并行化的实现主要位于单棵决策树的训练中,对于并行化表现的测试主要针对单棵决策树的训练与预测。

在命令行下使用如下命令测试了从单线程到 12 线程下对单棵决策树训练时的时间:

for ((i = 1; i<=12;i++)) cargo run --release --bin parallel\_performance \$i
>>../threads\_performance.txt

将获得的训练速度相对单线程下训练速度的提升数据进行绘图如下:

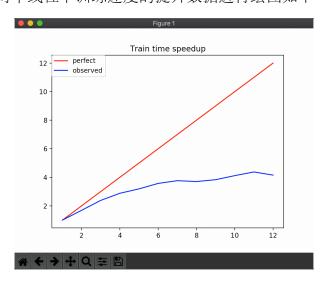


Figure 1: 并行训练速度提升情况

预测速度的数据进行绘图如下:

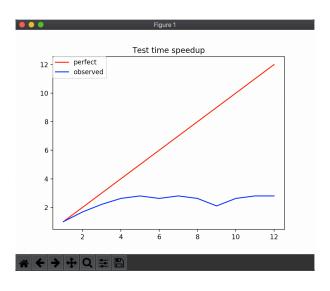


Figure 2: 并行预测速度提升情况

可见当线程数提升到一定程度下对训练速度的提升大约收敛在4倍,而对预测速度的提升不大。

## 6 验证

以下程序测试均在一台搭载 6 核 12 线程 CPU,运行 macOS 系统的笔记本电脑上运行。

验证的标准为  $R^2$ , 其计算方法如下:

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i,$$

$$SS_{tot} = \sum_{i} (y_i - \bar{y})^2,$$

$$SS_{res} = \sum_{i} (y_i - f_i)^2,$$

$$R^2 = 1 - \frac{SS_{res}}{SS_{tot}}$$
(8)

其中  $y_i$  为第 i 个样本的实际观察值, $f_i$  为第 i 个样本的模型预测值。 $R^2$  的取值通常在 0 与 1 之间,越接近 1 代表预测值与真实值匹配程度越高。

使用 LightGBM 构建一个模型运行 3 折交叉验证进行对比:

```
In [6]: run_cross_validation(trains, labels, lgb.LGBMRegressor, params)

fit_time: [24.27433276 22.56340122 23.01793098]
  Average fit_time: 23.285222
  score_time: [10.66991425 9.20692468 8.52207994]
  Average score_time: 9.466306
  test_mse: [-0.33291203 -0.33487001 -0.34085721]
  Average test_mse: -0.336213
  train_mse: [-0.33630982 -0.33519583 -0.33240139]
  Average train_mse: -0.334636
  test_r2: [0.156102 0.15480654 0.15376245]
  Average test_r2: 0.154890
  train_r2: [0.15816958 0.15915648 0.15922097]
  Average train_r2: 0.158849
```

Figure 3: LightGBM 交叉验证结果

对单棵决策树进行交叉验证获得的结果如下: 在训练集上获得的平均  $R^2$  分数为 0.14947528261278345在验证集上获得的平均  $R^2$  分数为 0.143995380629807训练时间平均为 682423 ms.

Figure 4: 单棵决策树训练交叉验证结果

使用 Gradient Boosting 训练 150 步,设置单棵树最大生长至 2 层,进行交叉验证获得的结果如下:

在训练集上获得的平均  $R^2$  分数为 0.14595633826167811 在验证集上获得的平均  $R^2$  分数为 0.14329480642795986 训练时间平均为 223031 ms.

Figure 5: GBDT 训练交叉验证结果

使用 Random Forest 训练,决策树数量为 150,不限制决策树生长深度,进行交叉验证获得的结果如下:

在训练集上获得的平均  $R^2$  分数为 0.157122513333333332 在验证集上获得的平均  $R^2$  分数为 0.153635996666666664 训练时间平均为 1355728 ms.

Figure 6: 随机森林训练交叉验证结果

四个训练中使用取样工具查看内存占用值分别如下:

1. LightGBM: 5.2G

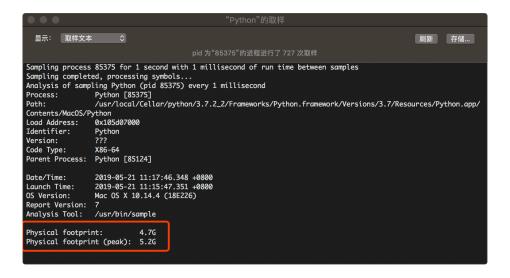


Figure 7: LightGBM 内存占用

2. 单决策树: 3.2G

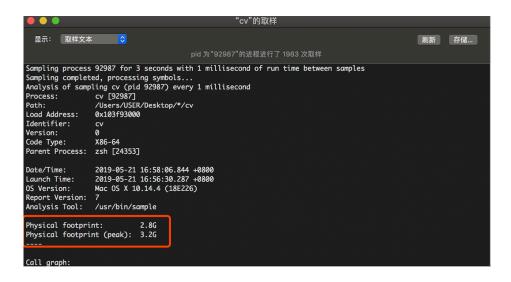


Figure 8: 单棵决策树训练内存占用

3. Gradient Boosting: 3.4G

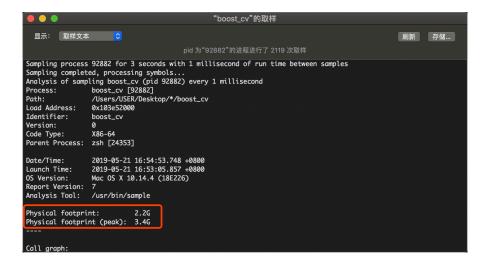


Figure 9: Gradient Boosting 训练内存占用

#### 4. Random Forest: 1.6G

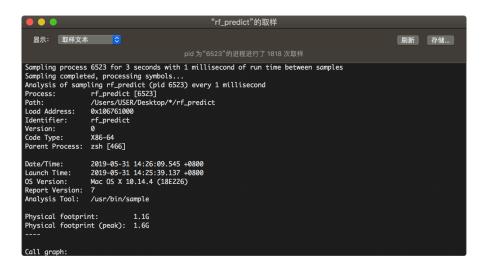


Figure 10: Random Forest 训练内存占用

# 7 Kaggle 分数

使用单棵决策树训练至 10 层后提交至 Kaggle 获得的分数为 0.16087:



Figure 11: 单棵决策树分数

使用 Gradient Boosting, Learning Rate 固定为 0.25, 基学习器最大训练至 3 层, 训练步数为 400 时的分数为 0.16957:

#### GBDT-400-3-6-400-0.25-0.25.csv

0.16957

17 hours ago by **Miguel Chan** add submission details

Figure 12: lr=0.25, GBDT

使用 Random Forest, 不限制单棵决策树生长, 使用决策树总数为 350, 时的分数为 0.17210:

| RE.csv                    | 0.17210 |  |
|---------------------------|---------|--|
| 4 days ago by Miguel Chan |         |  |
| add submission details    |         |  |

Figure 13: 随机森林