Problemas de Programación 1



4. Instrucciones simples y estructuradas Composición iterativa

Problema 1.º - Secuencia de Collatz

El siguiente programa solicita al usuario un número inicial y, a continuación, escribe en la pantalla la secuencia de Collatz¹ que comienza en dicho valor. ¿Qué escribiría en la pantalla cuando en una ejecución el usuario introdujera 13? ¿Y si introdujera 6?

```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que pide al usuario un número natural y escribe en la pantalla la secuencia de
 * Collatz generada por dicho número.
int main() {
    cout << "Escriba un número natural: ";</pre>
    unsigned n;
    cin >> n;
    cout << "La secuencia de Collatz generada por " << n << " es:" << endl;</pre>
    cout << n;
    while (n != 1) {
        if (n % 2 == 0) {
            n = n / 2;
        else {
            n = 3 * n + 1;
        cout << ", " << n;
    cout << endl;</pre>
```

Problema 2.º - Divisores

Diseña un programa que solicite al usuario un número entero positivo y escriba en la pantalla un listado de sus divisores, a razón de uno por línea. Se muestra a continuación un ejemplo de ejecución del programa solicitado cuando el usuario introduce el número 28:

```
Escriba un número entero positivo: 28

DIVISORES DE 28:
1
2
4
7
14
28
```

Problema 3.º - Números perfectos

Parte del control de prácticas del 24-6-2004

Diseña un programa que solicite al usuario un número entero positivo (asegurándose de que es positivo, volviendo a pedir un nuevo número si es preciso) y que le indique si se trata de un número perfecto o no. Un número perfecto es aquel que es igual a la suma de sus divisores propios (es decir, sus divisores positivos menores que él mismo). Así, 6 es

¹ https://en.wikipedia.org/wiki/Collatz conjecture

Problemas de Programación 1



4. Instrucciones simples y estructuradas Composición iterativa

un número perfecto, porque sus divisores propios son 1, 2 y 3; y 6 = 1 + 2 + 3. Los siguientes números perfectos son 28, 496 y 8128.

A continuación se muestran ejemplos de ejecución del programa solicitado:

Escriba un número entero positivo: <u>496</u> 496 es un número perfecto.

Escriba un número entero positivo: $\underline{32}$ 32 no es un número perfecto.

Escriba un número entero positivo: <u>-8</u>
El número debe ser entero positivo: <u>-125</u>
El número debe ser entero positivo: <u>8128</u>
8128 es un número perfecto.

Problema 4.º - Múltiplos de 3 y 5

Problema 1 de Project Euler²

Si se listan todos los números naturales inferiores a 10 que son múltiplos de 3 o 5, se obtienen los números 3, 5, 6 y 9. La suma de estos números es 23. Halla la suma de todos los múltiplos de 3 o 5 menores que 1000.

Problema 5.º - Suma de cuadrados vs. cuadrado de la suma

Problema 6 de Project Euler³

La suma de los cuadrados de los diez primeros números naturales es:

$$1^2 + 2^2 + ... + 10^2 = 385$$

El cuadrado de la suma de los diez primeros números naturales es:

$$(1 + 2 + ... + 10)^2 = 55^2 = 3025$$

Por lo tanto, la diferencia entre la suma de los cuadrados de los diez primeros números naturales y el cuadrado de su suma es 3025 - 385 = 2640.

Halla la diferencia entre la suma de los cuadrados de los cien primeros números naturales y el cuadrado de su suma.

² https://www.projecteuler.net/problem=1

³ https://www.projecteuler.net/problem=6