Programación 1 **Tema 9**





Escuela de Ingeniería y Arquitectura Universidad Zaragoza



Problema

- Para resolver un problema relativo al cambio climático, es necesario manejar la información de las temperaturas medias registradas de forma mensual durante un determinado año en una determinada localidad.
- Queremos calcular la media anual a partir de las medias mensuales
- ¿Cómo podemos representar esta información? ¿Cómo podemos calcular esta media?

Una (muy mala) solución

```
* Pre: Todas las temperaturas son mayores que -273,15 ºC.
 * Post: Ha devuelto la temperatura media anual a partir de las
         temeraturas medias mensuales.
double calcularTemperaturaMedia(
      double temperaturaEnero, double temperaturaFebrero,
      double temperaturaMarzo, double temperaturaAbril,
      double temperaturaMayo, double temperaturaJunio,
      double temperaturaJulio, double temperaturaAgosto,
      double temperaturaSeptiembre, double temperaturaOctubre,
      double temperaturaNoviembre, double temperaturaDiciembre) {
   return (temperaturaEnero + temperaturaFebrero + temperaturaMarzo
         + temperaturaAbril + temperaturaMayo + temperaturaJunio
         + temperaturaJulio + temperaturaAgosto + temperaturaSeptiembre
         + temperaturaOctubre + temperaturaNoviembre
         + temperaturaDiciembre) / 12;
```



Vectores o tablas

- Colección de un número concreto de datos de un mismo tipo
- Indexados por uno o más índices
- Operaciones disponibles:
 - Acceso a componentes
- Operaciones no disponibles:
 - Asignación
 - Comparación



Vectores

- □ Sintaxis declaración



Vectores

- Sintaxis utilización
 - <componente-vector> ::=
 <identificador>"["<expresión>"]"
 - <expresión> tiene que ser una expresión entera de resultado en el intervalo entre 0 (incluido) y la dimensión del vector (excluida)
 - <componente-vector> puede utilizarse como cualquier variable del tipo base del vector.



const unsigned int NUM_MESES = 12;



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
```



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
                                                                  ? ?
                                                               4
                                                                  ? ?
                                                                  ; }
                                                              10
                                                              11
```



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
```

? ? 4 ? ? ? ? **;** } ? ? 10 ? } 11



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
```

? ? 4 ? ? ? ? **;** } ? ? 10 ? } 11



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
```

? ? 4 ? ? ? } ? } 10 **;** } 11



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
```

8.9 7.9 ? ? 4 ? ? ? } ? } 10 **;** } 11



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
```

7.9 **ن** ن 4 ? ? ? } ? } ? ? 10 **;** } 11



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
```

7.9 10.7 ? ? 4 ? ? ? } ? } ? ? 10 **;** } 11



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
```

7.9 10.7 **ن** ن ? ? ? ? ? } ? ? 10 11 **ن** نے



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
```

7.9 10.7 15.2 **ن** نے 4 ? ? ? ? ? } ? ? 10 11 **ن** نے



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
```

7.9 10.7 15.2 **ز** خ 4 ? ? ? ? ? } ? ? 10 11 **ن** نے



```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
```

7.9 10.7 15.2 4 16.8 **ن** ن ? ? ? } ? ? 10 11 **ن** نے



```
const unsigned int NUM MESES = 12;
double t[NUM MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
m = 5;
while (m < 8) {
  t[m] = 25.0;
  m++;
```

7.9 10.7 3 15.2 4 16.8 **ن** ن ? ? ? ? ? ? 10 **ن** نے 11



```
const unsigned int NUM MESES = 12;
double t[NUM_ MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
m = 5;
while (m < 8) {
  t[m] = 25.0;
  m++;
```

7.9 2 10.7 3 15.2 4 16.8 25.0 6 25.0 25.0 **ن** ن **ن** ن 10 **ن** نے 11



```
const unsigned int NUM MESES = 12;
                                                         +
                                                                8.9
double t[NUM MESES];
                                                                7.9
t[0] = 8.9;
                                                              2 10.7
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
                                                              3 15.2
t[m] = 10.7;
                                                              4 16.8
t[m + 1] = 15.2;
                                                              5 25.0
t[4] = t[0] + t[1];
                                                              6 25.0
m = 5;
while (m < 8) {
                                                                25.0
   t[m] = 25.0;
                                                                 ن نے
   m++;
                                                                 ن ن
for (unsigned int n = 8; n < NUM_MESES; n++) {</pre>
                                                                 ? ?
                                                             10
   t[n] = t[n - 1] - 3.0;
                                                                 ن نے
                                                             11
```



```
const unsigned int NUM MESES = 12;
                                                         +
                                                               8.9
double t[NUM MESES];
                                                               7.9
t[0] = 8.9;
                                                             2 10.7
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
                                                             3 15.2
t[m] = 10.7;
                                                             4 16.8
t[m + 1] = 15.2;
                                                             5 25.0
t[4] = t[0] + t[1];
                                                             6 25.0
m = 5;
while (m < 8) {
                                                             7 25.0
  t[m] = 25.0;
                                                               22.0
  m++;
                                                             9 19.0
for (unsigned int n = 8; n < NUM_MESES; n++) {</pre>
                                                            10 16.0
  t[n] = t[n - 1] - 3.0;
                                                            11 | 13.0
```



Vectores

Otra forma de declarar e inicializar

```
double t[] = \{8.9, 7.9, 10.7,
          15.2, 16.8, 25.0, 25.0,
          25.0, 25.0, 19.0, 16.0,
          13.0,
          };
```

8.9 7.9 2 10.7 3 15.2 4 116.8 5 25.0 6 25.0 7 25.0 8 22.0 9 19.0 10 16.0



Vectores

Otra forma de declarar e inicializar

```
double t[NUM_MESES] = {8.9, 7.9};
```

8.9 7.9 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 10 11 0.0

Índices fuera de los límites

```
const unsigned int DIMENSION = 3;
int v[DIMENSION] = \{0, 0, 0\};
cout << v[0] << endl;
v[2] = 2;
cout << v[3] << endl;
                                  // ¿?
                                  // ¿?
v[4] = 4;
cout << v[100] << endl;
                                  // ¿?
v[-4] = -4;
                                  // ;?
                               // ¿?
cout << v[123456789] << endl;
```

Vectores en funciones

- Solo pueden ser parámetros, no valores devueltos
- Como parámetros, son siempre por referencia
 - Como parámetro de entrada y salida
 - □ void f(int v[]);
 - las componentes del vector v pueden ser consultadas y modificadas por la función f.
 - Como parámetro solo de entrada
 - □ void g(const int w[]);
 - las componentes del vector w solo pueden ser consultadas por la función g, pero no modificadas.

Vectores en funciones

- Sintaxis declaración como parámetro
 - < < tipo > < identificador > "[]"



Ejemplo

□ Función que, dado un vector de temperaturas mensuales, devuelve su media

Cálculo de la temperatura media anual

```
* Pre: «t» tiene NUM_MESES componentes
 * Post: Ha devuelto la temperatura media de las temperaturas
         almacenadas en «t»
 */
double temperaturaMediaAnual(const double t[]) {
   double sumaTemperaturas = 0.0;
   unsigned int i = 0;
   while (i < NUM MESES) {</pre>
      sumaTemperaturas += t[i];
     i++;
   return sumaTemperaturas / NUM MESES;
```



Cálculo de la temperatura media anual (bucle for)

```
* Pre: «t» tiene NUM_MESES componentes
 * Post: Ha devuelto la temperatura media de las
         temperaturas almacenadas en «t»
 */
double temperaturaMediaAnualFor(const double t[]) {
  double sumaTemperaturas = 0.0;
  for (unsigned int i = 0; |i < NUM_MESES; | i++)</pre>
     sumaTemperaturas += t[i];
  return sumaTemperaturas / NUM MESES;
```



Ejemplo de programa completo.

Solo función main

```
int main() {
    double temperaturas[NUM MESES];
    for (unsigned int i = 0; i < NUM MESES; i++) {</pre>
         cout << "Escriba la temperatura del mes "</pre>
              << i + 1 << ": ";
        cin >> temperaturas[i];
    double media = temperaturaMediaAnual(temperaturas);
    cout << endl;</pre>
    cout << "La temperatura media anual es de "</pre>
          << media << endl;
    return 0;
```



Ejemplo de programa completo

```
#include <iostream>
                                                           Parámetro de tipo vector
using namespace std;
                                                           (corchetes sin dimensión)
const unsigned int NUM MESES = 12;
double temperaturaMediaAnual(const double t[])
/* Programa que pide al usuario 12 datos de temperaturas medias mensuales
correspondientes a un año y escribe a continuación en la nantalla la
temperatura media anual correspondiente. */
                                                           Declaración de variable
int main() {
                                                           de tipo vector
    double temperaturas[NUM MESES];
                                                           (dimensión entre corchetes)
    tor (unsigned int i = 0; i < NUM MESES; i++) {
        cout << "Escriba la temperatura del mes " << i + 1 << ": ";</pre>
        cin >> temperaturas[i];
    double mediaAnual = temperaturaMediaAnual(temperaturas);
    cout << endl;</pre>
    cout << "La temperatura media anual es de " << mediaAnua.
    return 0;
                                                              Variable de tipo vector
                                                              como argumento
                                                              (sin corchetes)
```

Cálculo de la media

```
* Pre: «t» tiene «n» componentes.
 * Post: Ha devuelto el valor medio de los valores
         almacenados en las componentes de «t».
 */
double media(const double t[], unsigned int n) {
  double suma = 0.0;
  for (unsigned int i = 0; i < n; i++) {
     suma += t[i];
  return suma / n;
```

Cálculo de la media

```
* Pre: «t» tiene «n» componentes.
 * Post: Ha devuelto el valor medio de los valores
         almacenados en las componentes de «t».
 */
double media(const double t[], const unsigned int n
  double suma = 0.0;
  for (unsigned int i = 0; i < n; i++) {
     suma += t[i];
  return suma / n;
```



Desviación típica

$$s = \sqrt{rac{1}{N-1}\sum_{i=1}^{N}\left(x_i - ar{x}
ight)^2}$$



Cálculo de la desviación típica

```
/**
 * Pre: «t» tiene \n» componentes y n
 * Post: Ha devuelto a desviación t/ /ca de los
        valores almac adas en «t
 */
double desviacionTipica(con t ouble t[],
                             unsigned int n) {
                        con
  double suma = 0.0;
  for (unsigned int i / 0;
     suma += pow(t[i]// media(t, n)
  return sqrt(sy a / (n - 1));
```

Cálculo de la desviación típica

```
/**
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y n > 1.
 * Post: Ha devuelto la desviación típica de los
        valores almacenadas en «t»
 */
double desviacionTipica(const double t[],
                        const unsigned int n) {
  double mediaAritmetica = media(t, n);
  double suma = 0.0;
  for (unsigned int i = 0; i < n; i++) {
     suma += pow(t[i] - mediaAritmetica, 2);
  return sqrt(suma / (n - 1));
```

Cálculo del máximo

```
/**
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y n > 0.
 * Post: Ha devuelto la valor máximo almacenado en
         las componentes del vector «t».
 */
double maximo(const double t[], const unsigned int n) {
   double maximo = t[0]
   for (unsigned int i = 1; i < n; i++) {
      if (t[i] > maximo) 
         maximo = t[i];
   return maximo;
```

Un programa de ejemplo

```
Programa que, a modo de ejemplo, invoca a las tres funciones
  anteriores.
 */
int main() {
    const unsigned int NUM DATOS = 7;
    double vector[NUM_DATOS] = {47.9, 55, 1, 76.3, 92, 250, 79};
    cout << "Media: " << media(vector, NUM DATOS) << endl;</pre>
    cout << "Desviación típica: "</pre>
         << desviacionTipica(vector, NUM DATOS) << endl;
    cout << "Máximo: " << maximo(vector, NUM DATOS) << endl;</pre>
    return 0;
```

Vectores sobredimensionados

```
* Programa que, a modo de ejemplo, invoca a las tres funciones
  anteriores.
 */
int main() {
    const unsigned int NUM DATOS = 7;
    double vector[NUM_DATOS] = {47.9, 55, 1, 76.3, 92, 250, 79};
    cout << "Media de los 3 primeros datos: "</pre>
         << media(vector, 3) << endl;</pre>
    cout << "Media de los 4 primeros datos: "</pre>
         << media(vector, 4) << endl;
    cout << "Media de todos los datos: "
         << media(vector, NUM DATOS) << endl;</pre>
   return 0;
```



Letra del DNI

TABLA DE LETRAS DEL DNI												
DNI % 23	letra	DNI % 23	letra	DNI % 23	letra							
0	Т	8	Р	16	Q							
1	R	9	D	17	V H							
2	W	10	X	18								
3	A	11	В	19	L							
4	G	12	N	20	C							
5	M	13	J	21	K							
6	Y	14	Z	22	E							
7	F	15	S									

Letra del DNI (mala solución)

```
/*
* Pre: dni > 0
* Post: Ha devuelto la letra del número de
         identificación fiscal que corresponde
         a un número de documento nacional de
         identidad iqual a «dni».
*/
char letra(const unsigned int dni) {
    unsigned int resto = dni % 23;
    if (resto == 0) {
        return 'T';
    else if (resto == 1) {
        return 'R';
    else if (resto == 2) {
        return 'W';
    else if (resto == 3) {
        return 'A';
```

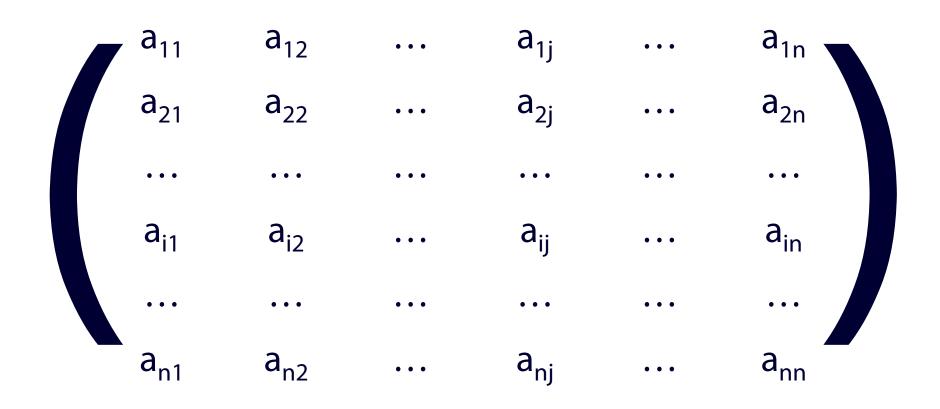
```
else if (resto == 16) {
    return 'Q';
else if (resto == 17) {
    return 'V';
else if (resto == 18) {
    return 'H';
else if (resto == 19) {
    return 'L';
else if (resto == 20) {
    return 'C';
else if (resto == 21) {
    return 'K';
else {
    return 'E';
```

Letra del DNI

```
* Pre: dni > 0
 * Post: Ha devuelto la letra del DNI que corresponde a
         un número de DNI igual a «dni».
 */
char letra(const unsigned int dni) {
  const unsigned int NUM LETRAS = 23;
  const char TABLA_LETRAS_NIF[NUM_LETRAS] = {'T', 'R',
        'W', 'A', 'G', 'M', 'Y', 'F', 'P', 'D', 'X', 'B',
        'N', 'J', 'Z', 'S', 'Q', 'V', 'H', 'L', 'C', 'K',
        'E'};
  return TABLA LETRAS NIF[dni % NUM LETRAS];
```

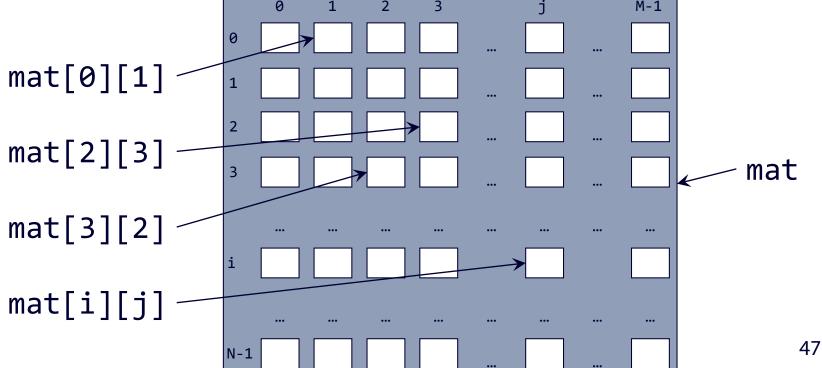


Matrices. Vectores con varios índices





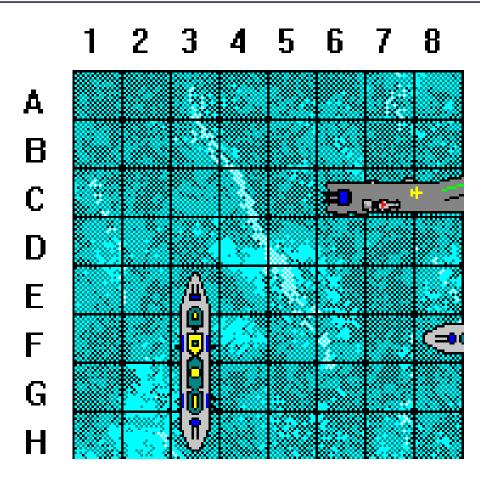
```
const unsigned int N = 20;
const unsigned int M = 30;
double mat[N][M];
```





```
const unsigned int N = 20;
const unsigned int M = 30;
double mat[N][M];
                                          M-1
 mat[1]
                1
                                                 mat
 mat[i]
                                                     48
                N-1
```







- Definición de un tablero para el juego de los barcos
- Inicialización como «agua»
- Colocación de un barco en las casillas E3, F3, G3 y H3

```
const unsigned int NUM FILAS = 8;
const unsigned int NUM_COLUMNAS = 8;
const bool AGUA = false;
const bool BARCO = true;
bool tablero[NUM FILAS][NUM COLUMNAS] = {{AGUA}};
// Colocación de un barco en las casillas E3, F3, G3 y H3
tablero[4][2] = BARCO;
tablero[5][2] = BARCO;
tablero[6][2] = BARCO;
tablero[7][2] = BARCO;
```

Ejercicios con matrices

- Matriz unidad
- Suma de matrices
- Multiplicación de matrices
- Traspuesta de una matriz
- □ Simetría de una matriz



Matriz unidad. Una solución

```
const unsigned int DIM = 20;
 * Pre: «matriz» es una matriz cuadrada de DIM x DIM.
 * Post: Ha inicializado «matriz» como la matriz unidad de
         tamaño DIM x DIM.
 */
void unidad(double matriz[][DIM])
   for (unsigned int i = 0; i < DIM; i++) {</pre>
      for (unsigned int j = 0; j < DIM; j++) {
         if (i == j) {
           matriz[i][j] = 1.0;
         else {
           matriz[i][j] = 0.0;
```

Suma de matrices

```
«a», «b» y «suma» son matrices
  Pre:
         cuadradas de DIM x DIM.
  Post: «suma» es la suma matricial
         de «a» y «b».
 */
void sumar(const double a[][DIM],
           const double b[][DIM],
           double suma[][DIM]);
```



Producto de matrices

```
«a», «b» y «producto» son
         matrices cuadradas de DIM x DIM.
  Post: «producto» es el producto
         matricial de «a» y «b».
 */
void multiplicar(const double a[][DIM],
                 const double b[][DIM],
                 double producto[][DIM]);
```



Simetría de una matriz

```
«matriz» es una matriz
         cuadrada de DIM x DIM.
  Post: Ha devuelto el valor «true»
         si y solo si «matriz» es
         simétrica.
bool esSimetrica(
        const double matriz[][DIM]);
```



Matrices sobredimiensionadas

```
filas
const unsigned int
                                             cols
DIM = 10;
                                  3
                                     4
                                        5
                                                8
int M[DIM][DIM];
                                     Ś
                                     Ś
                                                Ś
unsigned int fila
                                                ?
cols;
                                                ?
                                                Ś
                                                   5
                                                Ś
                                                   Ç
                                  Ś
                                                Ś
                       9
```



Matrices sobredimiensionadas

```
Introduzca el numero de filas y columnas (>0): <u>3 4</u>
```

Fila 1: Introduzca 4 enteros: 2019

Fila 2: Introduzca 4 enteros: <u>0 8 6 7</u>

Fila 3: Introduzca 4 enteros: 1 6 9 3



Matrices sobredimiensionadas

9

Introduzca el numero de filas y columnas (>0): <u>3 4</u> Fila 1: Introduzca 4 enteros: 2 0 1 9 Fila 2: Introduzca 4 enteros: <u>0 8 6 7</u> Fila 3: Introduzca 4 enteros: 1 6 9 3



Matrices bidimensionales de enteros sobredimiensionadas

9

Introduzca el numero de filas y columnas (>0): <u>3 4</u> Fila 1: Introduzca 4 enteros: 2 0 1 9 Fila 2: Introduzca 4 enteros: <u>0 8 6 7</u> Fila 3: Introduzca 4 enteros: 1 6 9 3

							fil	3	
							cols		4
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
2	0	1	9	?	?	?	?	?	?
0	8	6	7	;	?	;	?	?	?
1	6	9	3	;	?	;	?	?	?
;	;	;	;	;	;	;	;	;	;
;	;	;	;	?	?	;	;	;	;
;	;	;	?	?	?	;	?	;	?
;	;	;	;	?	?	?	?	?	?
;	;	;	;	;	;	?	?	?	;
5	5	5	5	?	5	?	;	?	?
?	?	?	?	?	?	?	?	?	?

Ejemplo: matriz unidad

```
/*
  Pre: La matriz «mat» tiene unas dimensiones
 *
         máximas de DIM × DIM y 0 < n ≤ DIM.
  Post: Ha inicializado «matriz» como la matriz
 *
         unidad de dimensión n × n.
 */
void unidad(int matriz[][DIM], const unsigned
int n);
```

Ejemplo: matriz unidad

```
void unidad(int matriz[][DIM], const unsigned int n) {
    for (unsigned int i = 0; i < n; i++) {
        for (unsigned int j = 0; j < n; j++) {
            if (i == j) {
                matriz[i][j] = 1;
            else {
                matriz[i][j] = 0;
```



¿Cómo se puede estudiar este tema?

- Repasando estas transparencias
- Trabajando con el código de estas transparencias
 - https://github.com/prog1-eina/tema-09-vectores
- □ Leyendo «Arrays». *Cplusplus.com*. 2000–2017
 - http://www.cplusplus.com/doc/tutorial/arrays/
- Leyendo el capítulo 9 de los apuntes del profesor Martínez
 - Disponible en Moodle
- Trabajando con los problemas de las clases de los días 31 de octubre y 7 de noviembre