

Programación 1

Tema 9

Vectores



Escuela de
Ingeniería y Arquitectura
Universidad Zaragoza



Problema

- Para resolver un problema relativo al cambio climático, es necesario manejar la información de las temperaturas medias registradas de forma mensual durante un determinado año en una determinada localidad.
- Queremos calcular la media anual a partir de las medias mensuales
- ¿Cómo podemos representar esta información?
¿Cómo podemos calcular esta media?

Una (muy mala) solución

```
/*  
 * Pre: Todas las temperaturas son mayores que -273,15 °C.  
 * Post: Ha devuelto la temperatura media anual a partir de las  
 *       temperaturas medias mensuales.  
 */  
double calcularTemperaturaMedia(  
    double temperaturaEnero, double temperaturaFebrero,  
    double temperaturaMarzo, double temperaturaAbril,  
    double temperaturaMayo, double temperaturaJunio,  
    double temperaturaJulio, double temperaturaAgosto,  
    double temperaturaSeptiembre, double temperaturaOctubre,  
    double temperaturaNoviembre, double temperaturaDiciembre) {  
    return (temperaturaEnero + temperaturaFebrero + temperaturaMarzo  
        + temperaturaAbril + temperaturaMayo + temperaturaJunio  
        + temperaturaJulio + temperaturaAgosto + temperaturaSeptiembre  
        + temperaturaOctubre + temperaturaNoviembre  
        + temperaturaDiciembre) / 12;  
}
```

Vectores o tablas

- ❑ Colección de un número concreto de datos de un mismo tipo
- ❑ Indexados por uno o más índices
- ❑ Operaciones disponibles:
 - Acceso a componentes
- ❑ Operaciones no disponibles:
 - ~~Asignación~~
 - ~~Comparación~~

Vectores

□ Sintaxis declaración

- `<declaraciónVector> ::=`
`<tipo> <identificador>`
`“[”<constante-entera>“]”`
`[“=” “{” <listaInicialización> “}”]`
`“;”`
- `<listaInicialización> ::=`
`{<dato> “,”}`

Vectores

□ Sintaxis utilización

- $\langle \text{componente-vector} \rangle ::= \langle \text{identificador} \rangle "[\langle \text{expresión} \rangle]"$
- $\langle \text{expresión} \rangle$ tiene que ser una expresión entera de resultado en el intervalo entre 0 (incluido) y la dimensión del vector (excluida)
- $\langle \text{componente-vector} \rangle$ puede utilizarse como cualquier variable del tipo base del vector.

Vector

```
const int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;  
int m = 2;  
t[m] = 10.7;  
t[m + 1] = 15.2;  
t[4] = t[0] + t[1];  
m = 5;  
while (m < 8) {  
    t[m] = 25.0;  
    m++;  
}  
for (int n = 8; n < NUM_MESES; n++) {  
    t[n] = t[n - 1] - 3.0;  
}
```

t	0	?	t	0	8.9
	1	?		1	7.9
	2	?		2	10.7
	3	?		3	15.2
	4	?		4	16.8
	5	?		5	25.0
	6	?		6	25.0
	7	?		7	25.0
	8	?		8	22.0
	9	?		9	19.0
	10	?		10	16.0
	11	?		11	13.0

Vectores

```
double t[] = {8.9, 7.9, 10.7,  
              15.2, 16.8, 25.0, 25.0,  
              25.0, 2.0, 19.0, 16.0,  
              13.0,  
              };
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	15.2
4	16.8
5	25.0
6	25.0
7	25.0
8	22.0
9	19.0
10	16.0
11	13.0



Vectores

```
double t[NUM_MESES] = {8.9, 7.9};
```

t

0	8.9
1	7.9
2	0.0
3	0.0
4	0.0
5	0.0
6	0.0
7	0.0
8	0.0
9	0.0
10	0.0
11	0.0

Índices fuera de los límites

```
const int DIMENSION = 3;
int v[DIMENSION] = {0, 0, 0};

cout << v[0] << endl;
v[2] = 2;
cout << v[3] << endl;           // ¿?
v[4] = 4;                       // ¿?
cout << v[100] << endl;         // ¿?
v[-4] = -4;                     // ¿?
cout << v[123456789] << endl;  // ¿?
```

Vectores en funciones

- ❑ Solo pueden ser parámetros, no valores devueltos
- ❑ Como parámetros, solo por referencia
 - Como parámetro de entrada y salida
 - ❑ **void f(int v[]);**
 - ❑ las componentes del vector v pueden ser consultadas y modificadas por la función f.
 - Como parámetro solo de entrada
 - ❑ **void g(const int w[]);**
 - ❑ las componentes del vector w solo pueden ser consultadas por la función g, pero no modificadas.

Vectores en funciones

- Sintaxis declaración como parámetro
 - `<parámetro-vector> ::= [“const”]
 <tipo> <identificador>“[]”`



Ejemplo

- Función que, dado un vector de temperaturas mensuales, devuelve su media

Cálculo de la temperatura media anual

```
/*  
 * Pre: «t» tiene NUM_MESES componentes  
 * Post: Ha devuelto la temperatura media de las temperaturas  
 * almacenadas en «t»  
 */  
double temperaturaMediaAnual(const double t[]) {  
    double sumaTemperaturas = 0.0;  
    int i = 0;  
    while (i < NUM_MESES) {  
        sumaTemperaturas += t[i];  
        i++;  
    }  
    return sumaTemperaturas / NUM_MESES;  
}
```

Cálculo de la temperatura media anual (bucle for)

```
/*  
 * Pre: «t» tiene NUM_MESES componentes  
 * Post: Ha devuelto la temperatura media de las  
 *       temperaturas almacenadas en «t»  
 */  
double temperaturaMediaAnualFor(const double t[]) {  
    double sumaTemperaturas = 0.0;  
    for (int i = 0; i < NUM_MESES; i++) {  
        sumaTemperaturas += t[i];  
    }  
    return sumaTemperaturas / NUM_MESES;  
}
```

Ejemplo de programa completo

```
#include <iostream>
using namespace std;
const int NUM_MESES = 12;
double temperaturaMediaAnual(const double t[]) {...}

/* Programa que pide al usuario 12 datos de temperaturas medias mensuales
correspondientes a un año y escribe a continuación en la pantalla la
temperatura media anual correspondiente. */
int main() {
    double temperaturas[NUM_MESES];
    for (int i = 0; i < NUM_MESES; i++) {
        cout << "Escriba la temperatura del mes " << i + 1 << ": ";
        cin >> temperaturas[i];
    }
    double mediaAnual = temperaturaMediaAnual(temperaturas);
    cout << endl;
    cout << "La temperatura media anual es de " << mediaAnual << endl;
    return 0;
}
```


Ejemplo de programa completo.

Solo función main

```
int main() {  
    double temperaturas[NUM_MESES];  
    for (int i = 0; i < NUM_MESES; i++) {  
        cout << "Escriba la temperatura del mes "  
              << i + 1 << ": ";  
        cin >> temperaturas[i];  
    }  
    double media = temperaturaMediaAnual(temperaturas);  
    cout << endl;  
    cout << "La temperatura media anual es de "  
          << media << endl;  
    return 0;  
}
```

Cálculo de la media

```
/*  
 * Pre: «t» tiene «n» componentes.  
 * Post: Ha devuelto el valor medio de los valores  
 * almacenados en las componentes de «t».  
 */  
double media(const double t[], int n) {  
    double suma = 0.0;  
    for (int i = 0; i < n; i++) {  
        suma += t[i];  
    }  
    return suma / n;  
}
```

Cálculo de la media

```
/*  
 * Pre: «t» tiene «n» componentes.  
 * Post: Ha devuelto el valor medio de los valores  
 * almacenados en las componentes de «t».  
 */  
double media(const double t[], const int n) {  
    double suma = 0.0;  
    for (int i = 0; i < n; i++) {  
        suma += t[i];  
    }  
    return suma / n;  
}
```

Cálculo de la desviación típica

```
/**  
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y n > 1.  
 * Post: Ha devuelto la desviación típica de los  
 *       valores almacenados en «t»  
 */  
double desviacionTipica(const double t[], const int n) {  
    double suma = 0.0;  
    for (int i = 0; i < n; i++)  
        suma += pow(t[i] - media(t, n), 2);  
    return sqrt(suma / (n - 1));  
}
```

Cálculo de la desviación típica

```
/**  
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y  $n > 1$ .  
 * Post: Ha devuelto la desviación típica de los  
 *       valores almacenadas en «t»  
 */  
double desviacionTipica(const double t[], const int n) {  
    double mediaAritmetica = media(t, n);  
    double suma = 0.0;  
    for (int i = 0; i < n; i++) {  
        suma += pow(t[i] - mediaAritmetica, 2);  
    }  
    return sqrt(suma / (n - 1));  
}
```

Cálculo del máximo

```
/**
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y  $n > 0$ .
 * Post: Ha devuelto la valor máximo almacenado en
 *       las componentes del vector «t».
 */
double maximo(const double t[], const int n) {
    double maximo = t[0];
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        if (t[i] > maximo) {
            maximo = t[i];
        }
    }
    return maximo;
}
```

Un programa de ejemplo

```
/*  
 * Programa que, a modo de ejemplo, invoca a las tres funciones  
 * anteriores.  
 */  
int main() {  
    const int NUM_DATOS = 7;  
    double vector[NUM_DATOS] = {47.9, 55, 1, 76.3, 92, 250, 79};  
  
    cout << "Media: " << media(vector, NUM_DATOS) << endl;  
    cout << "Desviación típica: "  
        << desviacionTipica(vector, NUM_DATOS) << endl;  
    cout << "Máximo: " << maximo(vector, NUM_DATOS) << endl;  
  
    return 0;  
}
```

Letra del DNI

TABLA DE LETRAS DEL DNI					
DNI % 23	letra	DNI % 23	letra	DNI % 23	letra
0	T	8	P	16	Q
1	R	9	D	17	V
2	W	10	X	18	H
3	A	11	B	19	L
4	G	12	N	20	C
5	M	13	J	21	K
6	Y	14	Z	22	E
7	F	15	S		

Letra del DNI (mala solución)

```
/*  
 * Pre: dni > 0  
 * Post: Ha devuelto la letra del número de  
 *        identificación fiscal que corresponde  
 *        a un número de documento nacional de  
 *        identidad igual a «dni».  
 */  
char letra(const int dni) {  
    int resto = dni % 23;  
    if (resto == 0) {  
        return 'T';  
    }  
    else if (resto == 1) {  
        return 'R';  
    }  
    else if (resto == 2) {  
        return 'W';  
    }  
    else if (resto == 3) {  
        return 'A';  
    }  
    ...  
}
```

```
...  
else if (resto == 16) {  
    return 'Q';  
}  
else if (resto == 17) {  
    return 'V';  
}  
else if (resto == 18) {  
    return 'H';  
}  
else if (resto == 19) {  
    return 'L';  
}  
else if (resto == 20) {  
    return 'C';  
}  
else if (resto == 21) {  
    return 'K';  
}  
else {  
    return 'E';  
}  
}
```

Letra del DNI

```
/*  
 * Pre:  dni > 0  
 * Post: Ha devuelto la letra del DNI que corresponde a  
 *       un número de DNI igual a «dni».  
 */  
char letra(const int dni) {  
    const int NUM_LETRAS = 23;  
    const char TABLA_LETRAS_NIF[NUM_LETRAS] = {'T', 'R',  
        'W', 'A', 'G', 'M', 'Y', 'F', 'P', 'D', 'X', 'B',  
        'N', 'J', 'Z', 'S', 'Q', 'V', 'H', 'L', 'C', 'K',  
        'E'};  
    return TABLA_LETRAS_NIF[dni % NUM_LETRAS];  
}
```



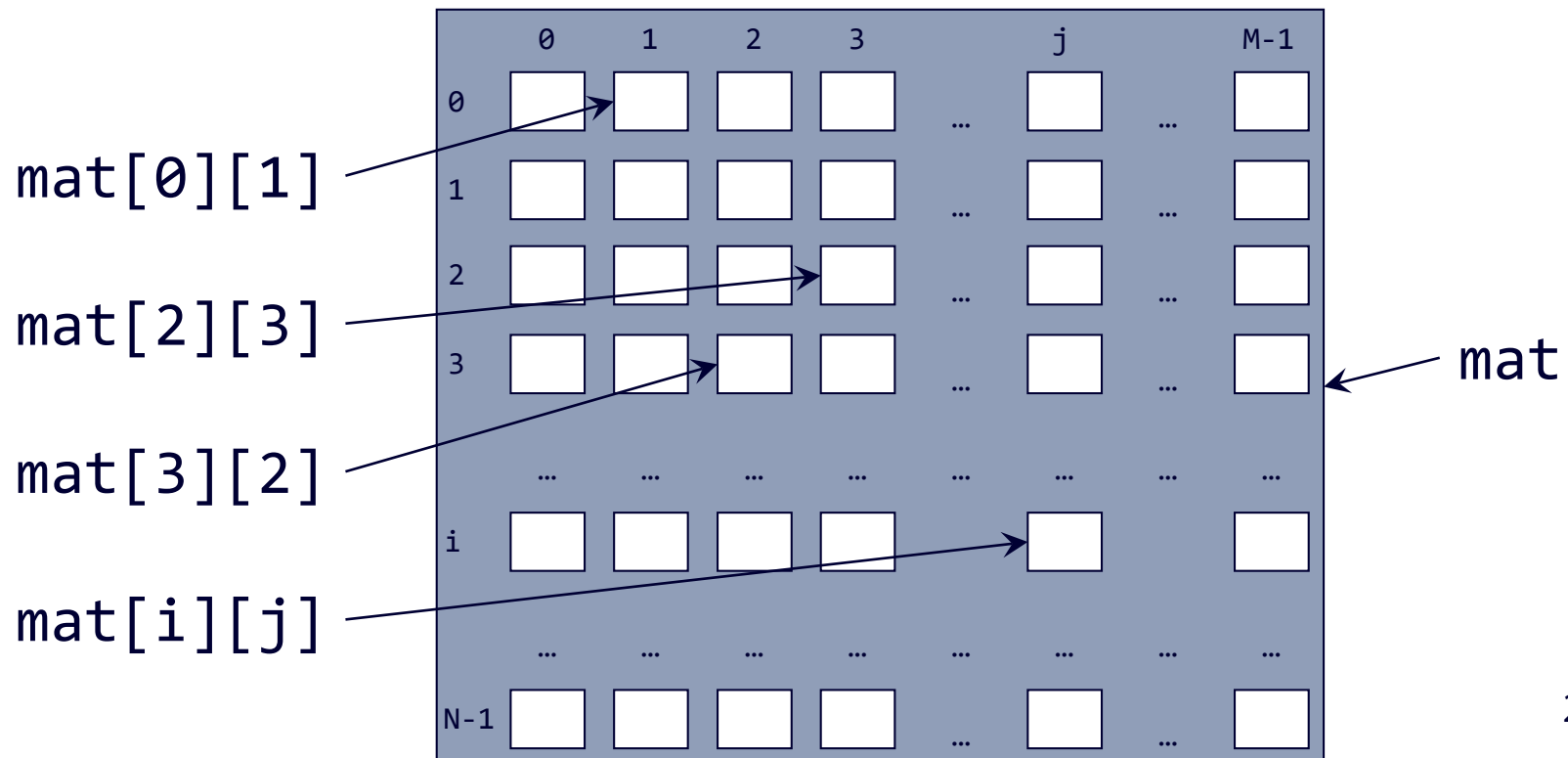
Matrices.

Vectores con varios índices

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1j} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2j} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{i1} & a_{i2} & \dots & a_{ij} & \dots & a_{in} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nj} & \dots & a_{nn} \end{pmatrix}$$

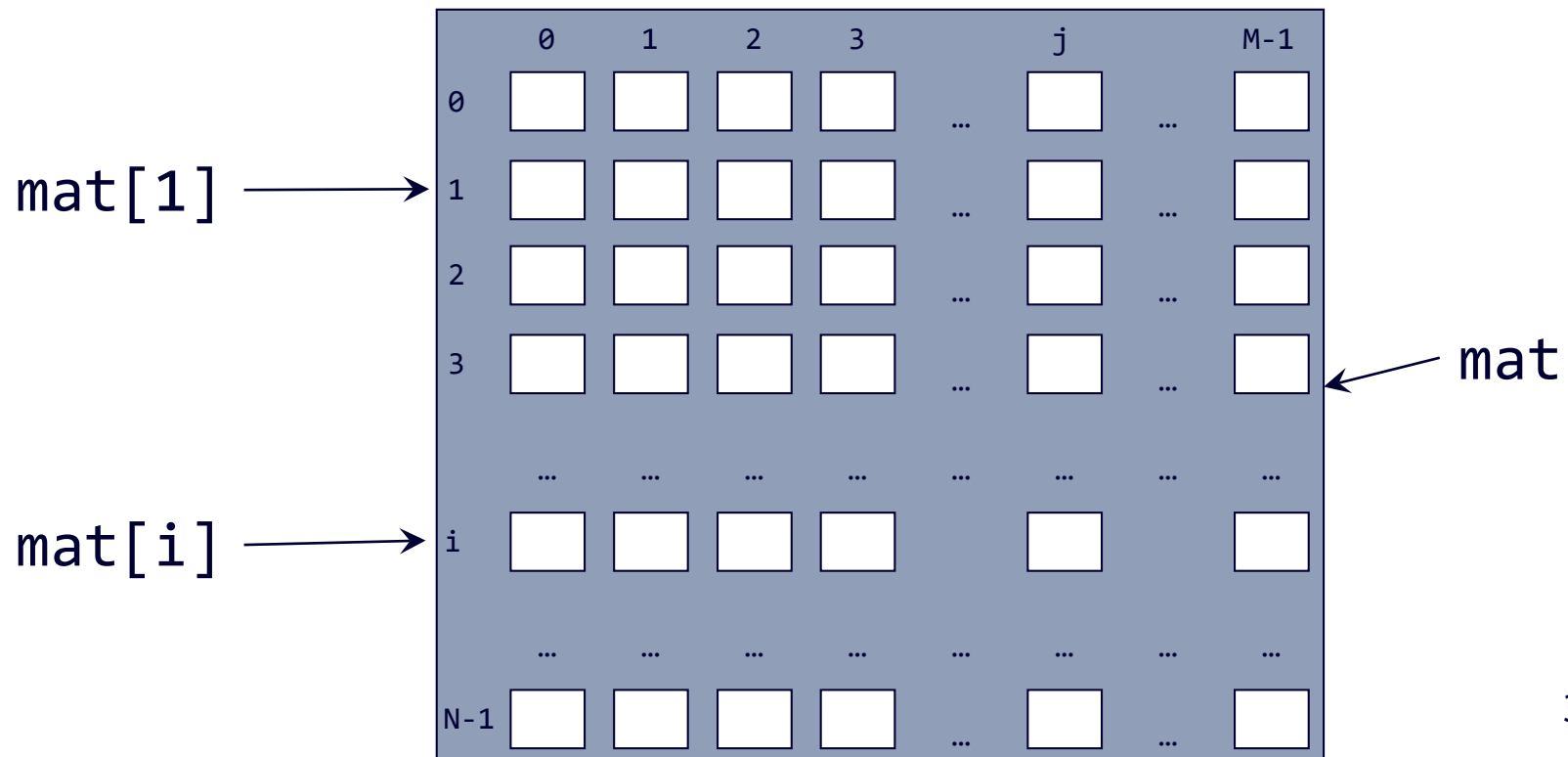
Matrices

```
const int N = 20;  
const int M = 30;  
double mat[N][M];
```

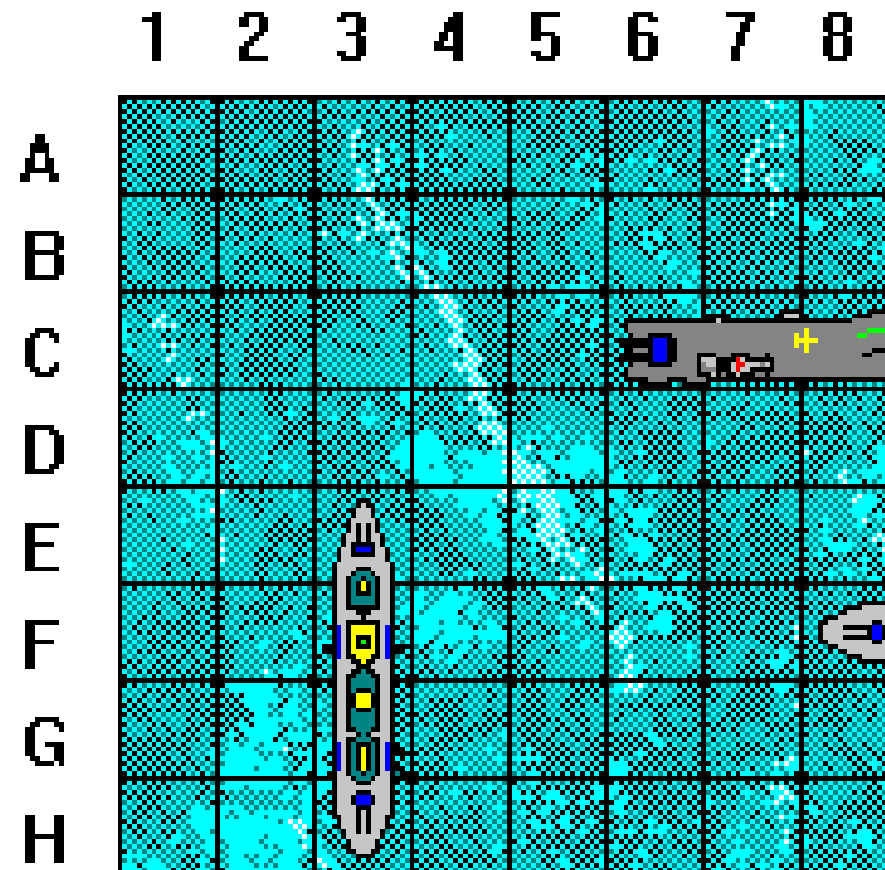


Matrices

```
const int N = 20;  
const int M = 30;  
double mat[N][M];
```



Matrices



Matrices

- ❑ Definición de un tablero para el juego de los barcos
- ❑ Inicialización como «agua»
- ❑ Colocación de un barco en las casillas E3, F3, G3 y H3

Matrices

```
const int NUM_FILAS = 8;
const int NUM_COLUMNS = 8;
const bool AGUA = false;
const bool BARCO = true;

bool tablero[NUM_FILAS][NUM_COLUMNS];

for (int i = 0; i < NUM_FILAS; i++) {
    for (int j = 0; j < NUM_COLUMNS; j++) {
        tablero[i][j] = AGUA;
    }
}

// Colocación de un barco en las casillas E3, F3, G3 y H3
tablero[4][2] = BARCO;
tablero[5][2] = BARCO;
tablero[6][2] = BARCO;
tablero[7][2] = BARCO;
```




Ejercicios con matrices

- Matriz unidad
- Suma de matrices
- Multiplicación de matrices
- Traspuesta de una matriz
- Simetría de una matriz

Matriz unidad. Una solución

```
const int DIM = 20;
/*
 * Pre: «matriz» es una matriz cuadrada de DIM x DIM.
 * Post: Ha inicializado «matriz» como la matriz unidad de
 * tamaño DIM x DIM.
 */
void unidad(double matriz[][DIM]) {
    for (int i = 0; i < DIM; i++) {
        for (int j = 0; j < DIM; j++) {
            if (i == j) {
                matriz[i][j] = 1.0;
            }
            else {
                matriz[i][j] = 0.0;
            }
        }
    }
}
```

Suma de matrices

```
/*  
 * Pre: «a», «b» y «suma» son matrices  
 * cuadradas de DIM x DIM.  
 * Post: «suma» es la suma matricial  
 * de «a» y «b».  
 */  
void sumar(const double a[][DIM],  
           const double b[][DIM],  
           double suma[][DIM]);
```

Producto de matrices

```
/*  
 * Pre: «a», «b» y «producto» son  
 * matrices cuadradas de DIM x DIM.  
 * Post: «producto» es el producto  
 * matricial de «a» y «b».  
 */  
void multiplicar(const double a[][DIM],  
                 const double b[][DIM],  
                 double producto[][DIM]);
```

Simetría de una matriz

```
/*  
 * Pre: «matriz» es una matriz  
 * cuadrada de DIM x DIM.  
 * Post: Ha devuelto el valor «true»  
 * si y solo si «matriz» es  
 * simétrica.  
 */  
bool esSimetrica(  
    const double matriz[][DIM]);
```

[illegible]



Matrices sobredimensionadas

Introduzca el numero de filas y columnas (>0): 3 4

Fila 1: Introduzca 4 enteros: 2 0 1 9

Fila 2: Introduzca 4 enteros: 0 8 6 7

Fila 3: Introduzca 4 enteros: 1 6 9 3

Matrices sobredimensionadas

Introduzca el numero de filas y columnas (>0): 3 4

Fila 1: Introduzca 4 enteros: 2 0 1 9

Fila 2: Introduzca 4 enteros: 0 8 6 7

Fila 3: Introduzca 4 enteros: 1 6 9 3

filas	3
cols	4

[illegible]

[illegible]



Ejemplo: matriz unidad

```
/*  
 * Pre: La matriz «mat» tiene unas dimensiones  
 *       máximas de  $DIM \times DIM$  y  $0 < n \leq DIM$ .  
 * Post: Ha inicializado «matriz» como la matriz  
 *       unidad de dimensión  $n \times n$ .  
 */  
void unidad(int matriz[][DIM], const int n);
```



Ejemplo: matriz unidad

```
void unidad(int matriz[][DIM], const int n) {  
    for (int i = 0; i < n; i++) {  
        for (int j = 0; j < n; j++) {  
            if (i == j) {  
                matriz[i][j] = 1;  
            }  
            else {  
                matriz[i][j] = 0;  
            }  
        }  
    }  
}
```

¿Cómo se puede estudiar este tema?

- ❑ Repasando estas transparencias
- ❑ Trabajando con el código de estas transparencias
 - <https://github.com/prog1-eina/tema-09-vectores>
- ❑ Leyendo «Arrays». *Cplusplus.com*. 2000–2017
 - <http://www.cplusplus.com/doc/tutorial/arrays/>
- ❑ Leyendo el capítulo 9 de los apuntes del profesor Martínez
 - Disponible en Moodle
- ❑ Trabajando con los problemas de las clases de los días 31 de octubre y 7 de noviembre