## Programación 1 **Tema 5**





Escuela de Ingeniería y Arquitectura Universidad Zaragoza



#### Índice

- El tipo entero
  - Dominio de valores
  - Representación
  - Operaciones
  - Limitaciones
- Resolución de problemas iterativos con enteros
  - Relativos a cifras
  - Relativos a divisibilidad

### **Tipos enteros**

- Dominio de valores
  - Subconjunto de N o Z
    - necesidades de representación interna
- □ Representación externa en C++

  - <signo> := "+" | "-"
  - <dígito-no-nulo> ::=
     "1"|"2"|"3"|"4"|"5"|"6"|"7"|"8"|"9"
  - <dígito> ::= "0" | <dígito-no-nulo>



### **Tipos enteros**

- Representación interna (en la memoria del computador)
  - Tipos sin signo: en binario
  - □ Tipos con signo: en binario con complemento a 2



## Dominio de valores de tipos enteros en C++

- □ **short int** −32768..32767
  □ **int** -2147483648..2147483647
  - □ **long int** -2147483648 .. 2147483647
  - $\square$  long long int  $-9\times10^{18}...9\times10^{18}$
  - □ unsigned short int 0..65535
  - **□ unsigned int** 0..4294967295
  - □ unsigned long int 0..4294967295
  - $\square$  unsigned long long int  $0...18 \times 10^{18}$



## Dominio de valores de tipos enteros en C++

short int -32768 .. 32767 int -2147483648 .. 2147483647 -2147483648 .. 2147483647 long int  $-9\times10^{18}...9\times10^{18}$ long long int unsigned short int 0..65535 0..4294967295 unsigned int unsigned long int 0..4294967295  $0...18\times10^{18}$ unsigned long long int



## Dominio de valores de los tipos int y unsigned en C++

Codificación binaria	Como int	Como unsigned
000000000000000000000000000000000000000		0
000000000000000000000000000000000000000		1
000000000000000000000000000000000000000		2
000000000000000000000000000000011		3
		•••
011111111111111111111111111111		2 147 483 646
01111111111111111111111111111111		2 147 483 647
100000000000000000000000000000000000000		2 147 483 648
100000000000000000000000000000000000000		2 147 483 649
111111111111111111111111111111111111111		4 294 967 293
111111111111111111111111111111111111111		4 294 967 294
111111111111111111111111111111111111111		4 294 967 295



# Dominio de valores de los tipos int y unsigned en C++

Codificación binaria	Como int	Como unsigned
000000000000000000000000000000000000000	0	0
000000000000000000000000000000000000000	1	1
000000000000000000000000000000000000000	2	2
000000000000000000000000000000011	3	3
•••	•••	•••
0111111111111111111111111111111	2 147 483 646	2 147 483 646
011111111111111111111111111111111111111	2 147 483 647	2 147 483 647
100000000000000000000000000000000000000	-2 147 483 648	2 147 483 648
100000000000000000000000000000000000000	-2 147 483 647	2 147 483 649
•••		•••
111111111111111111111111111111111111111	-3	4 294 967 293
111111111111111111111111111111111111111	-2	4 294 967 294
111111111111111111111111111111111111111	-1	4 294 967 295

### Tipos enteros en C++

- Operadores asociados
  - Aritméticos
    - □ Binarios: +, -, \*, /, %
    - □ Unarios: +, −
  - Relacionales
    - □ ==, !=
    - □ <, <=, >, >=

#### Desbordamiento

```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que muestra los efectos de un desbordamiento.
int main() {
                                   // factorial = 0!
  unsigned factorial = 1;
  for (unsigned i = 1; i <= 18; i++) {</pre>
     factorial = i * factorial;  // factorial = i!
     cout << i << "! = " << factorial << endl;</pre>
```



#### Desbordamiento

```
1!
   = 1
2!
   = 2
  = 6
  = 24
  = 120
   = 720
   = 5040
8!
   = 40320
9!
   = 362880
10! = 3628800
    = 39916800
11!
12!
    = 479001600
13!
    = 1932053504
    = 1278945280
14!
15!
    = 2004310016
16!
    = 2004189184
17!
    = 4006445056
                                                                   11
18!
    = 3396534272
```



#### Desbordamiento

```
1!
   = 1
2!
   = 2
  = 6
  = 24
   = 120
   = 720
   = 5040
8!
   = 40320
9!
   = 362880
10! = 3628800
    = 39916800
11!
12!
    = 479001600
    = 1932053504
    = 1278945280
14!
    = 2004310016
    = 2004189184
16!
    = 4006445056
                                                                    12
18!
    = 3396534272
```

## Desbordamiento negativo

```
* Programa que muestra los efectos de un
 * desbordamiento negativo.
 */
int main() {
                              // 2^{31} - 1
    int i = 2147483647;
    i++;
    cout << i << endl;</pre>
```

## Desbordamiento negativo

-2147483648

## Otro desbordamiento negativo

```
* Programa que muestra los efectos de un desbordamiento
 * negativo con datos de tipo unsigned.
 */
int main() {
   // UINT_MAX es mayor entero sin signo representable
   // como unsigned int. Está definido en <climits>.
    unsigned i = UINT_MAX;
    cout << "i = " << i << endl;
    cout << "¿¡i == -1??: "
         << boolalpha << (i == -1) << endl;
```

### Otro desbordamiento negativo

```
i = 4294967295
¿i == -1??: true
```



## Aritmética de enteros con y sin signo

Cuando el entero con signo es negativo

```
* Programa que muestra resultados de una suma y una
 * multiplicación utilizando enteros con y sin
 * signo.
 */
int main() {
    int a = -8;
    unsigned b = 3;
              Suma a + b: " << a + b << endl;
    cout << "
    cout << "Producto a * b: " << a * b << endl;</pre>
```



## Aritmética de enteros con y sin signo

Cuando el entero con signo es negativo

```
Suma a + b: 4294967291
```

Producto a \* b: 4294967272



## Aritmética de enteros con y sin signo

Cuando el entero con signo es negativo

```
* Programa que muestra resultados más lógicos de una suma
 * y una multiplicación utilizando enteros con y sin
 * signo.
 */
int main() {
    int a = -8;
    unsigned b = 3;
    cout << " Suma a + int(b): " << a + int(b) << endl;</pre>
    cout << "Producto a * int(b): " << a * int(b) << endl;</pre>
```



#### **Problemas con enteros**

- □ Tratamiento de cifras
  - Número de cifras
  - Suma de cifras
  - Cálculo de la i-ésima cifra
  - Imagen especular
- Divisibilidad
  - Primalidad
  - Máximo común divisor



Escriba un número entero: <u>14063</u> El número 14063 tiene 5 cifras.

Escriba un número entero: <u>-984</u> El número -984 tiene 3 cifras.

Escriba un número entero: <u>0</u>
El número 0 tiene 1 cifras.



n



n

14063



n

14063

1406





n	cuenta
14063	0
1406	1
140	2
14	3
1	4
0	5



```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que pide un número entero e informa sobre el número de cifras que
 * tiene este.
int main() {
   // Petición del dato
   // Cálculo del número de cifras
    // Escritura del resultado
```



```
int main() {
    // Petición del dato
    cout << "Escriba un número entero: ";</pre>
    int numero;
    cin >> numero;
```



```
int main() {
    // Cálculo del número de cifras
    unsigned cuenta = 1;
    int n = numero / 10;
    while (n != 0) {
        cuenta++;
        n = n / 10;
```



```
int main() {
    // Escritura del resultado
    cout << "El número " << numero
         << " tiene " << cuenta
         << " cifras." << endl;</pre>
```



Escriba un número entero: <u>14063</u>

Las cifras de 14063 suman 14.

Escriba un número entero: <u>-984</u>

Las cifras de -984 suman 21.

Escriba un número entero: <u>0</u>

Las cifras de 0 suman 0.



n		
14063		
14063		
1406		
140		
14		
1		
0		



n	n / 10		
14063			
14063	1406		
1406	140		
140	14		
14	1		
1	0		
0			



n	n / 10	n % 10
14063		
14063	1406	3
1406	140	6
140	14	0
14	1	4
1	0	1
0		



n	n / 10	n % 10		
14063				
14063	1406	3	3	
1406	140	6	3+6	
140	14	0	3+6+0	
14	1	4	3+6+0+4	
1	0	1	3+6+0+4+1	
0				25



n	n / 10	n % 10	suma	
14063				0
14063	1406	3	3	3
1406	140	6	3+6	9
140	14	0	3+6+0	9
14	1	4	3+6+0+4	13
1	0	1	3+6+0+4+1	14
0				14



```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que pide un número entero e informa sobre la suma de las cifras
 * que lo componen.
int main() {
    // Petición del dato
    // Cálculo de la suma de las cifras
    // Escritura del resultado
    . . .
```



```
int main() {
    // Petición del dato
    cout << "Escriba un número entero: ";</pre>
    int numero;
    cin >> numero;
```



```
int main() {
    // Cálculo de la suma de las cifras
    int n = numero;
    if (n < 0) {
        n = -n;
    unsigned suma = 0;
    while (n != 0) {
        suma = suma + n \% 10;
        n = n / 10;
```



```
int main() {
    // Escritura del resultado
    cout << "Las cifras de "
         << numero << " suman</pre>
         << suma << "." << endl;
```



Escriba un número natural: 104683

El número 104683 es primo.

Escriba un número natural: 47019

El número 47019 no es primo.

Escriba un número natural: 1

El número 1 no es primo.



### Número primo

 Número natural mayor que 1 que tiene únicamente dos divisores distintos: él mismo y el 1

### Número compuesto

- Número natural que tiene algún divisor natural aparte de sí mismo y del 1
- □ **El número 1**, por convenio, no se considera ni primo ni compuesto.



#### Análisis

 $\blacksquare$  n=0

 $\rightarrow$  *n* no es primo

 $\blacksquare$  n=1

 $\rightarrow n$  no es primo

- $\blacksquare$  n > 1
  - □ Hay un número en el intervalo [2,  $\sqrt{n}$ ] que divide a  $n \rightarrow n$  no es primo
  - □ No hay ningún número en  $[2, \sqrt{n}]$  que divide a  $n \rightarrow n$  es primo



- Análisis (distinguiendo pares e impares)
  - $\blacksquare$  n=0

 $\rightarrow n$  no es primo

 $\blacksquare$  n=1

 $\rightarrow n$  no es primo

 $\blacksquare$  n=2

 $\rightarrow n$  es primo

- n > 2
  - $\Box$  *n* par

- $\rightarrow$  *n* no es primo
- □ n **impar** y hay otro **impar** en el intervalo [3,  $\sqrt{n}$ ] que divide a n  $\rightarrow n$  no es primo
- □ n **impar** y no hay otro **impar** en el intervalo [3,  $\sqrt{n}$ ] que divide a n  $\rightarrow n$  es primo

### ¿Es 437 primo?

- □ Mayor que 2 e impar
  - ¿Es divisible por 3? No
  - ¿Es divisible por 5? No
  - ¿Es divisible por 7? No
  - ¿Es divisible por 9? No
  - ¿Es divisible por 11? No
  - ¿Es divisible por 13? No
  - ¿Es divisible por 15? No
  - ¿Es divisible por 17? No
  - Es divisible por 19? Sí → No es primo

### ¿Es 443 primo?

- □ Mayor que 2 e impar
  - ¿Es divisible por 3? No
  - ¿Es divisible por 5? No
  - ¿Es divisible por 7? No
  - ¿Es divisible por 9? No
  - ¿Es divisible por 11? No
  - ¿Es divisible por 13? No
  - ¿Es divisible por 15? No
  - ¿Es divisible por 17? No
  - ¿Es divisible por 19? No
  - ¿Es divisible por 21? No
  - $23 > \sqrt{443} \rightarrow Es primo$



```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que pide un número natural y escribe en la pantalla
 * si es primo o no.
 */
int main() {
    // Petición del dato
    // Cálculo de la primalidad del número y escritura del
    // resultado
```



```
int main() {
    // Petición del dato
    cout << "Escriba un número natural: ";</pre>
    unsigned numero;
    cin >> numero;
```



```
int main() {
    // Cálculo de la primalidad del número y escritura del
    // resultado
    if (n == 2) {
        // «n» es igual a 2, luego es primo.
        cout << "El número " << n << " es primo." << endl;</pre>
    } else if (n < 2 || n % 2 == 0) {</pre>
        // «n» es menor que 2 o par mayor que 2.
        cout << "El número " << n << " no es primo." << endl;</pre>
    } else {
        // Se buscan posibles divisores impares a partir del 3:
```



```
int main() {
    // Se buscan posibles divisores impares de «n» a partir del 3:
    // «divisor» indica el siguiente impar candidato a dividir a «n».
                                              // Primer divisor impar a probar
    unsigned divisor = 3;
    // «encontrado» indica si se ha encontrado un divisor de «n».
    bool encontrado = false;
    while (!encontrado && divisor * divisor <= n) {</pre>
        encontrado = n % divisor == 0;
        divisor = divisor + 2;
    if (encontrado) {
        cout << "El número " << n << " no es primo." << endl;</pre>
    } else {
        cout << "El número " << n << " es primo." << endl;</pre>
```



### ¿Cómo se puede estudiar este tema?

- Repasando estas transparencias
- Trabajando con el código de estas transparencias
  - https://github.com/prog1-eina/tema-05-enteros
- Leyendo el material adicional dispuesto en Moodle:
  - Capítulo 6 de los apuntes del profesor Martínez
  - Enlaces al tutorial de Tutorials Point
- Realizando los problemas de los temas 4, 5 y 6
- □ Realizando las prácticas 2 y 3