## Programación 1 **Tema 9**





Escuela de Ingeniería y Arquitectura Universidad Zaragoza



#### **Problema**

- Para resolver un problema relativo al cambio climático, es necesario manejar la información de las temperaturas medias registradas de forma mensual durante un determinado año en una determinada localidad.
- Queremos calcular la media anual a partir de las medias mensuales.
- ¿Cómo podemos representar esta información? ¿Cómo podemos calcular esta media?

## Una (muy mala) solución

```
* Pre: Todas las temperaturas son mayores que -273,15 ºC.
 * Post: Ha devuelto la temperatura media anual a partir de las
         temperaturas medias mensuales.
double calcularTemperaturaMedia(
      double temperaturaEnero, double temperaturaFebrero,
      double temperaturaMarzo, double temperaturaAbril,
      double temperaturaMayo, double temperaturaJunio,
      double temperaturaJulio, double temperaturaAgosto,
      double temperaturaSeptiembre, double temperaturaOctubre,
      double temperaturaNoviembre, double temperaturaDiciembre) {
   return (temperaturaEnero + temperaturaFebrero + temperaturaMarzo
         + temperaturaAbril + temperaturaMayo + temperaturaJunio
         + temperaturaJulio + temperaturaAgosto + temperaturaSeptiembre
         + temperaturaOctubre + temperaturaNoviembre
         + temperaturaDiciembre) / 12;
```



#### **Vectores o tablas**

- Colección de un número concreto de datos de un mismo tipo
- Indexados por uno o más índices
- Operaciones disponibles:
  - Acceso a componentes
- Operaciones no disponibles:
  - Asignación
  - Comparación



#### **Vectores**

- □ Sintaxis declaración



#### **Vectores**

- Sintaxis utilización

  - <expresión> tiene que ser una expresión entera de resultado en el intervalo entre 0 (incluido) y la dimensión del vector (excluida)
  - <componente-vector> puede utilizarse como cualquier variable del tipo base del vector.



const unsigned NUM\_MESES = 12;



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
```



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
                                                           0
double t[NUM_MESES];
                                                           4
                                                          10
                                                          11
```

; ;; ;; ;; ;

? ?

? }



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
```

? ? ? ? 4 ? ? ? ? **?** 3 ? ? 10 ? } 11



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
```

? ? ? ? 4 ? ? ? ? **?** 3 ? ? 10 ? } 11



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
```

8.9 ? ? ? ? 4 **ن** ن ? ? ? } ? ? 10 ? } 11



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
```

7.9 ? ? 4 **ن** ن ? ? ? } ? ? 10 ? } 11

8.9



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
```

7.9 ? ? ? ? 4 **ڊ** ڄ ? ? ? } **;** 3 10 ? } 11



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
```

7.9 10.7 **ن** ن ? ? 4 **ڊ** ڄ ? ? ? } **;** 3 10 ? } 11



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
```

7.9 10.7 **ن** ن **ن** ن 4 **ڊ** ڄ ? ? ? } **;** 3 10 11



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
```

7.9 10.7 15.2 **ن** ن **ڊ** ڄ ? ? ? } **;** 3 10 ? } 11



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
```

7.9 10.7 15.2 **ن** ن 4 **ڊ** ڄ ? ? ? } ? ? 10 11



```
const unsigned NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
```

7.9 10.7 15.2 16.8 **ڊ** ڄ ? ? ? } ? ? **ن** ن 10 **ن** ن 11



```
const unsigned NUM MESES = 12;
double t[NUM MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
m = 5;
while (m < 8) {
  t[m] = 25.0;
  m++;
```

8.9 7.9 10.7 3 15.2 4 16.8 **ڊ** ڄ **ن** ن ? ? ? ? **ن** ن 10 **ن** ن 11



```
const unsigned NUM MESES = 12;
double t[NUM MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
m = 5;
while (m < 8) {
  t[m] = 25.0;
  m++;
```

8.9 7.9 2 10.7 3 15.2 4 16.8 25.0 6 25.0 25.0 **ڊ** ڄ **ن** ن 10 **ن** ن 11



```
const unsigned NUM MESES = 12;
double t[NUM_ MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
m = 5;
while (m < 8) {
  t[m] = 25.0;
  m++;
for (unsigned n = 8; n < NUM_MESES; n++) {</pre>
  t[n] = t[n - 1] - 3.0;
```

+ 8.9 7.9 2 10.7 3 15.2 4 16.8 5 25.0 6 25.0 25.0 **ڊ** ڄ **ن** ن ? ? 10 **ن** ن 11



```
const unsigned NUM MESES = 12;
double t[NUM MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
m = 5;
while (m < 8) {
  t[m] = 25.0;
  m++;
for (unsigned n = 8; n < NUM_MESES; n++) {</pre>
  t[n] = t[n - 1] - 3.0;
```

+ 8.9 7.9 2 10.7 3 15.2 4 16.8 5 25.0 6 25.0 25.0 22.0 19.0 10 16.0 11 13.0



#### **Vectores**

#### Otra forma de declarar e inicializar

```
double t[] = \{8.9, 7.9, 10.7,
          15.2, 16.8, 25.0, 25.0,
          25.0, 25.0, 19.0, 16.0,
          13.0,
          };
```

8.9 7.9 2 10.7 3 15.2 4 16.8 5 25.0 6 25.0 7 25.0 8 22.0 9 19.0 10 16.0 11 13.0



#### **Vectores**

#### Otra forma de declarar e inicializar

```
double t[NUM_MESES] = {8.9, 7.9};
```

8.9 7.9 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 10 11 0.0

### Índices fuera de los límites en C++

```
const unsigned DIMENSION = 3;
int v[DIMENSION] = \{0, 0, 0\};
cout << v[0] << endl;
v[2] = 2;
cout << v[3] << endl;
                                    // ¿?
                                    // ¿?
v[4] = 4;
cout << v[100] << endl;</pre>
                                    // ¿?
v[-4] = -4;
                                    // ¿?
                                   // ¿?
cout << v[123456789] << endl;</pre>
```

## **Vectores y funciones en C++**

- Solo pueden ser parámetros, no valores devueltos
- Como parámetros, son siempre por referencia
  - Como parámetro de salida o entrada y salida
    - □ void f(int v[]);
    - las componentes del vector v pueden ser consultadas y modificadas por la función f.
  - Como parámetro solo de entrada
    - □ void g(const int w[]);
    - las componentes del vector w solo pueden ser consultadas por la función g, pero no modificadas.



## **Vectores y funciones en C++**

- Sintaxis declaración como parámetro
  - < tipo> <identificador>"[]"



## **Ejemplo**

□ Función que, dado un vector de temperaturas mensuales, devuelve su media



## Cálculo de la temperatura media anual

8.9 0 7.9 10.7 15.2 16.8 25.0 25.0 25.0 22.0 19.0 9 16.0 10 13.0 11



## Cálculo de la temperatura media anual

```
* Pre: «t» tiene NUM_MESES componentes
 * Post: Ha devuelto la temperatura media de las temperaturas
         almacenadas en «t»
 */
double temperaturaMediaAnual(const double t[]) {
   double sumaTemperaturas = 0.0;
   unsigned i = 0;
   while (i < NUM_MESES)</pre>
      sumaTemperaturas += t[i];
     i++;
   return sumaTemperaturas / NUM_MESES;
```



# Cálculo de la temperatura media anual (bucle for)

```
* Pre: «t» tiene NUM_MESES componentes
 * Post: Ha devuelto la temperatura media de las
         temperaturas almacenadas en «t»
 */
double temperaturaMediaAnualFor(const double t[]) {
  double sumaTemperaturas = 0.0;
  for (unsigned i = 0; i < NUM_MESES; i++</pre>
     sumaTemperaturas += t[i];
  return sumaTemperaturas / NUM MESES;
```



## Ejemplo de programa completo.

#### Solo función main

```
int main() {
    double temperaturas[NUM MESES];
    for (unsigned i = 0; i < NUM_MESES; i++) {</pre>
         cout << "Escriba la temperatura del mes "</pre>
              << i + 1 << ": ";
        cin >> temperaturas[i];
    double media = temperaturaMediaAnual(temperaturas);
    cout << endl;</pre>
    cout << "La temperatura media anual es de "</pre>
          << media << endl;
    return 0;
```



## Ejemplo de programa completo

```
#include <iostream>
                                                         Parámetro de tipo vector
 using namespace std;
                                                         (corchetes sin dimensión)
 const unsigned NUM MESES = 12;
 double temperaturaMediaAnual(const double t[])
 /* Programa que pide al usuario 12 datos de temperaturas medias mensuales
 correspondientes a un año y escribe a continuación en la nantalla la
 temperatura media anual correspondiente. */
                                                         Declaración de variable
 int main() {
                                                         de tipo vector
     double temperaturas[NUM MESES];
                                                          (dimensión entre corchetes)
     tor (unsigned i = 0; i < NUM MESES; i++) {</pre>
         cout << "Escriba la temperatura del mes " << i + 1 << ": ";</pre>
         cin >> temperaturas[i];
                         temperaturaMediaAnual(temperaturas);
     double mediaAnual
     cout << endl;</pre>
                       cout << "La \flat
                                                             Variable de tipo vector
Acceso a la componente de
                                                             como argumento
un vector (acceso a un dato
                                                             (sin corchetes)
de tipo double)
```

#### Cálculo de la media

```
* Pre: «t» tiene «n» componentes y «n» > 0.
 * Post: Ha devuelto el valor medio de los valores
         almacenados en las componentes de «t».
 */
double media(const double t[], unsigned n) {
  double suma = 0.0;
  for (unsigned i = 0; i < n; i++) {</pre>
     suma += t[i];
  return suma / n
```

#### Cálculo de la media

```
* Pre: «t» tiene «n» componentes y «n» > 0.
 * Post: Ha devuelto el valor medio de los valores
         almacenados en las componentes de «t».
 */
double media(const double t[], const unsigned n) {
  double suma = 0.0;
  for (unsigned i = 0; i < n; i++) {</pre>
     suma += t[i];
  return suma / n
```



## Desviación típica

$$s = \sqrt{rac{1}{N-1}\sum_{i=1}^{N}\left(x_i - ar{x}
ight)^2}$$



# Cálculo de la desviación típica

```
/**
 * Pre: «t» tiene <n» componentes y n/
 * Post: Ha devuelto a desviación t/ /ca de los
        valores almac adas en «t
 */
double desviacionTipica(con t ouble t[],
                             \unsigned n) {
                        con
  double suma = 0.0;
  for (unsigned i = 0;
     suma += pow(t[i]/ media(t, n)
  return sqrt(sy a / (n - 1));
```

# Cálculo de la desviación típica

```
/**
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y n > 1.
 * Post: Ha devuelto la desviación típica de los
        valores almacenadas en «t»
 */
double desviacionTipica(const double t[],
                         const unsigned n) {
  double mediaAritmetica = media(t, n);
  double suma = 0.0;
  for (unsigned i = 0; i < n; i++) {</pre>
     suma += pow(t[i] - mediaAritmetica, 2);
  return sqrt(suma / (n - 1));
```

### Cálculo del máximo

n = 8 t =							
0	1	2	3	4	5	6	7
8	9.5	1	-3	2	15	7	3

### Cálculo del máximo

```
/**
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y n > 0.
 * Post: Ha devuelto la valor máximo almacenado en
         las componentes del vector «t».
 */
double maximo(const double t[], const unsigned n) {
   double maximo = t[[0]];
   for (unsigned i = 1; i < n; i++) {</pre>
      if (t[i] > maximo) {
         maximo = t[i];
   return maximo;
```

## Un programa de ejemplo

```
* Programa que, a modo de ejemplo, invoca a las tres funciones
  anteriores.
 */
int main() {
    const unsigned NUM DATOS = 7;
    double vector[NUM_DATOS] = {47.9, 55, 1, 76.3, 92, 250, 79};
    cout << "Media: " << media(vector, NUM DATOS) << endl;</pre>
    cout << "Desviación típica: "</pre>
         << desviacionTipica(vector, NUM DATOS) << endl;
    cout << "Máximo: " << maximo(vector, NUM DATOS) << endl;</pre>
    return 0;
```

#### Vectores sobredimensionados

```
* Programa que, a modo de ejemplo, invoca a las tres funciones
 * anteriores.
 */
int main() {
    const unsigned NUM DATOS = 7;
    double vector[NUM_DATOS] = {47.9, 55, 1, 76.3, 92, 250, 79};
    cout << "Media de los 3 primeros datos: "</pre>
         << media(vector, 3) << endl;</pre>
    cout << "Media de los 4 primeros datos: "</pre>
         << media(vector, 4) << endl;
    cout << "Media de todos los datos: "
         << media(vector, NUM DATOS) << endl;</pre>
   return 0;
```



### **Letra del DNI**

TABLA DE LETRAS DEL DNI								
DNI % 23	letra	DNI % 23	letra	DNI % 23	letra			
0	Т	8	Р	16	Q			
1	R	9	D	17	V			
2	W	10	X	18	Н			
3	A	11	В	19	L			
4	G	12	N	20	С			
5	M	13	J	21	K			
6	Y	14	Z	22	E			
7	F	15	S					

### Letra del DNI (mala solución)

```
/*
* Pre: dni > 0
* Post: Ha devuelto la letra del número de
         identificación fiscal que corresponde
         a un número de documento nacional de
         identidad iqual a «dni».
*/
char letra(const unsigned dni) {
    unsigned resto = dni % 23;
    if (resto == 0) {
        return 'T';
    else if (resto == 1) {
        return 'R';
    else if (resto == 2) {
        return 'W';
    else if (resto == 3) {
        return 'A';
```

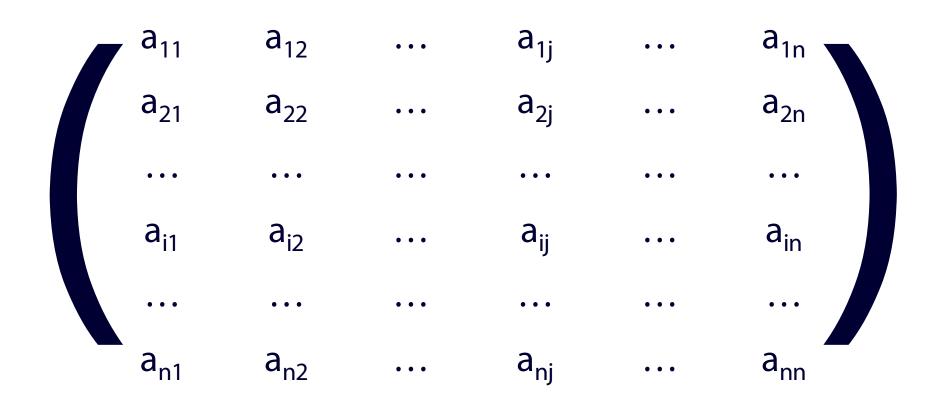
```
else if (resto == 16) {
    return 'Q';
else if (resto == 17) {
    return 'V';
else if (resto == 18) {
    return 'H';
else if (resto == 19) {
    return 'L';
else if (resto == 20) {
    return 'C';
else if (resto == 21) {
    return 'K';
else {
    return 'E';
```

#### **Letra del DNI**

```
* Pre: dni > 0
 * Post: Ha devuelto la letra del DNI que corresponde a
         un número de DNI igual a «dni».
 */
char letra(const unsigned dni) {
  const unsigned NUM LETRAS = 23;
  const char TABLA_LETRAS_NIF[NUM_LETRAS] = {'T', 'R',
        'W', 'A', 'G', 'M', 'Y', 'F', 'P', 'D', 'X', 'B',
        'N', 'J', 'Z', 'S', 'Q', 'V', 'H', 'L', 'C', 'K',
        'E'};
  return TABLA_LETRAS_NIF[dni % NUM_LETRAS];
```



# Matrices. Vectores con varios índices



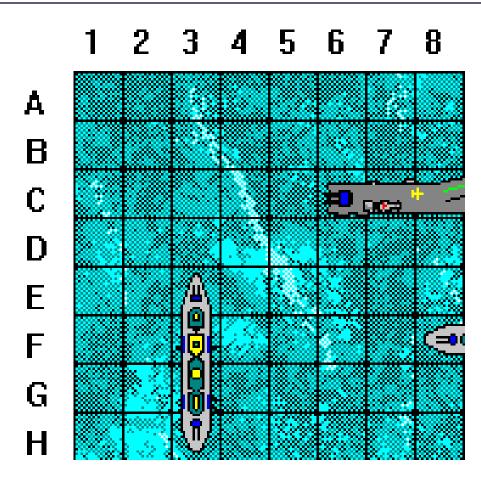


```
const unsigned N = 20;
const unsigned M = 30;
double mat[N][M];
                                          M-1
 mat[0][1]
                1
 mat[2][3]
                                                 mat
                3
 mat[3][2]
 mat[i][j]
                                                     49
                N-1
```



```
const unsigned N = 20;
const unsigned M = 30;
double mat[N][M];
                                            M-1
                 0
 mat[1]
                 1
                 2
                                                    mat
                 3
 mat[i]
                                                       50
                N-1
```







- Definición de un tablero para el juego de los barcos
- Inicialización como «agua»
- Colocación de un barco en las casillas E3, F3, G3 y H3

```
const unsigned NUM FILAS = 8;
const unsigned NUM COLUMNAS = 8;
const bool AGUA = false;
const bool BARCO = true;
bool tablero[NUM FILAS][NUM COLUMNAS] = {{AGUA}};
// Colocación de un barco en las casillas E3, F3, G3 y H3
tablero[4][2] = BARCO;
tablero[5][2] = BARCO;
tablero[6][2] = BARCO;
tablero[7][2] = BARCO;
```

### **Ejercicios con matrices**

- Matriz unidad
- □ Suma de matrices
- Multiplicación de matrices
- Traspuesta de una matriz
- Simetría de una matriz



#### Matriz unidad. Una solución

```
const unsigned DIM = 20;
 * Pre: «matriz» es una matriz cuadrada de DIM x DIM.
 * Post: Ha inicializado «matriz» como la matriz unidad de
         tamaño DIM x DIM.
 */
void unidad(double matriz[][DIM])
   for (unsigned i = 0; i < DIM; i++) {
     for (unsigned j = 0; j < DIM; j++) {
        if (i == j) {
           matriz[i][j] = 1.0;
        else {
           matriz[i][j] = 0.0;
```

#### Suma de matrices

```
«a», «b» y «suma» son matrices
  Pre:
         cuadradas de DIM x DIM.
  Post: «suma» es la suma matricial
         de «a» y «b».
 */
void sumar(const double a[][DIM],
           const double b[][DIM],
           double suma[][DIM]);
```

#### Producto de matrices

```
«a», «b» y «producto» son
         matrices cuadradas de DIM x DIM.
  Post: «producto» es el producto
         matricial de «a» y «b».
 */
void multiplicar(const double a[][DIM],
                 const double b[][DIM],
                 double producto[][DIM]);
```



#### Simetría de una matriz

```
«matriz» es una matriz
         cuadrada de DIM x DIM.
  Post: Ha devuelto el valor «true»
         si y solo si «matriz» es
         simétrica.
bool esSimetrica(
        const double matriz[][DIM]);
```

```
void funcion1(int u[]) {
    u[2] = -10;
int main() {
    int v[5] = \{0, 1, 2, 3, 4\};
    funcion(v);
    return 0;
```

?	
5	
;	
;	
;	
5	
5	
5	

```
void funcion1(int u[]) {
    u[2] = -10;
int main() {
  \Rightarrow int v[5] = {0, 1, 2, 3, 4};
    funcion(v);
    return 0;
```

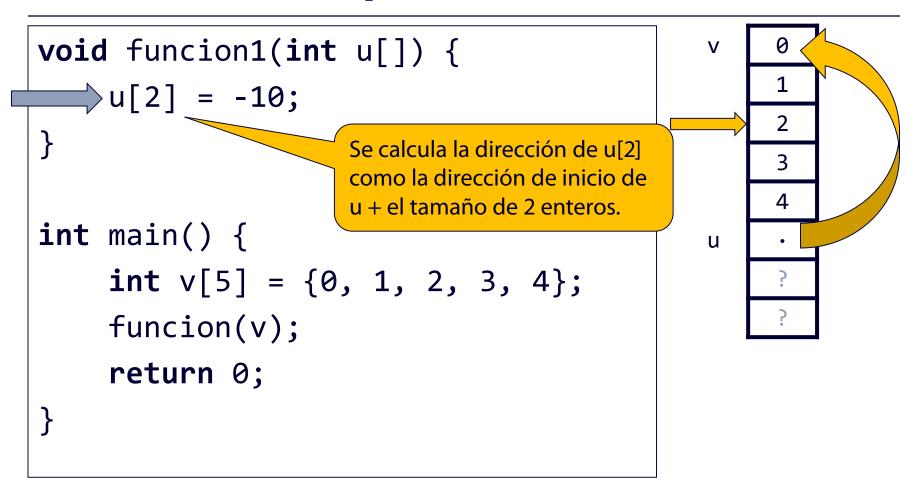


```
void funcion1(int u[]) {
     u[2] = -10;
int main() {
     int v[5] = \{0, 1, 2, 3, 4\};
   funcion(v);
     return 0;
                  El valor de v como argumento
                  es en realidad la dirección de
                  Inicio de v en memoria (la
```

dirección de v[0]

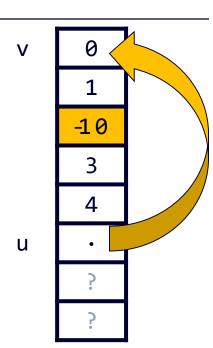


```
void funcion1(int u[]) {
     u[2] = -10;
                     El parámetro u se asocia con un
                     vector cuya dirección de inicio es la
                     que se ha pasado como argumento
                                                        4
int main() {
                                                  u
     int v[5] = \{0, 1, 2, 3, 4\};
     funcion(v);
     return 0;
```





```
void funcion1(int u[]) {
 ⇒u[2] = -10;
int main() {
    int v[5] = \{0, 1, 2, 3, 4\};
    funcion(v);
    return 0;
```





```
void funcion1(int u[]) {
    u[2] = -10;
int main() {
    int v[5] = \{0, 1, 2, 3, 4\};
    funcion(v);
    return 0;
```

```
void funcion2(int mat[][3]) {
    mat[2][1] = -10;
int main() {
    int m[3][3] = \{\{1, 2, 3\},
                    {4, 5, 6},
                    {7, 8, 9}};
    funcion2(m);
    return 0;
```



```
void funcion2(int mat[][3]) {
                                               m
    mat[2][1] = -10;
int main() {
  \Rightarrow int m[3][3] = {{1, 2, 3},
                                                    6
                     {4, 5, 6},
                     {7, 8, 9}};
    funcion2(m);
    return 0;
```



m

### Matrices como parámetros

```
void funcion2(int mat[][3]) {
    mat[2][1] = -10;
int main() {
     int m[3][3] = \{\{1, 2, 3\},
                       {4, 5, 6},
                       {7, 8, 9}};
     funcion2(m);
     return 0;
                   El valor de m como argumento
                   es en realidad la dirección de
                   inicio de m en memoria (la
```

dirección de m[0][0])



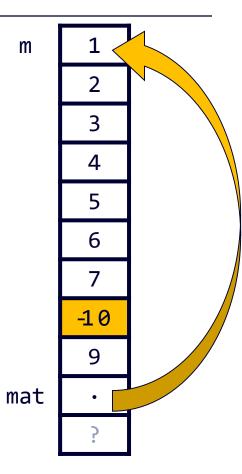
```
void funcion2(int mat[][3]) {
                                                        m
     mat[2][1] = -10;
                            El parámetro mat se asocia con una
                            matriz cuya dirección de inicio es la
                            que se ha pasado como argumento
                            y que tiene que tener 3 columnas.
int main() {
                                                              5
     int m[3][3] = \{\{1, 2, 3\},
                                                              6
                         {4, 5, 6},
                         {7, 8, 9}};
     funcion2(m);
                                                              9
     return 0;
                                                       mat
```



```
void funcion2(int mat[][3]) {
                                                             m
   🔷 mat[2][1]<u>=</u> -10; /
                                Se calcula la dirección de mat[2][1]
                                como la dirección de inicio de mat +
                                el tamaño de 2 filas completas + el
                                tamaño de 1 entero = dirección de
int main() {
                                inicio de mat + (2 \times 3 + 1) enteros.
                                                                    5
      int m[3][3] = \{\{1, 2, 3\},
                                                                   6
                            {4, 5, 6},
                            {7, 8, 9}};
      funcion2(m);
                                                                   9
      return 0;
                                                            mat
```



```
void funcion2(int mat[][3]) {
  ⇒ mat[2][1] = -10;
int main() {
    int m[3][3] = \{\{1, 2, 3\},
                    {4, 5, 6},
                    {7, 8, 9}};
    funcion2(m);
    return 0;
```





m

### Matrices como parámetros

```
void funcion2(int mat[][3]) {
    mat[2][1] = -10;
int main() {
    int m[3][3] = \{\{1, 2, 3\},
                    {4, 5, 6},
                    {7, 8, 9}};
    funcion2(m);
    return 0;
```



## ¿Cómo se puede estudiar este tema?

- Repasando estas transparencias
- Trabajando con el código de estas transparencias
  - https://github.com/prog1-eina/tema-09-vectores
- Leyendo el material adicional dispuesto en Moodle:
  - Capítulo 9 de los apuntes del profesor Martínez
  - Enlaces a los tutoriales de cplusplus.com y Tutorials Point
- Trabajando con los problemas de las clases próximas clases de problemas
- Realizando la práctica 4