Programación 1 **Tema 6**





Escuela de Ingeniería y Arquitectura Universidad Zaragoza



Índice

- El tipo entero
 - Dominio de valores
 - Representación
 - Operaciones
 - Limitaciones
- Resolución de problemas iterativos con enteros
 - Relativos a cifras
 - Relativos a divisibilidad

Tipos enteros

- Dominio de valores
 - Subconjunto de N o Z
 - necesidades de representación interna
- □ Representación externa en C++
 - <constante-entera> ::= "0" | ([<signo>]
 (<dígito-no-nulo> {"0"|<dígito-no-nulo>}))
 - <signo> := "+" | "-"
 - <dígito-no-nulo> ::=
 "1"|"2"|"3"|"4"|"5"|"6"|"7"|"8"|"9"



Tipos enteros

- Representación interna (en la memoria del computador)
 - Tipos sin signo: en binario
 - □ Tipos con signo: en binario con complemento a 2



Dominio de valores de tipos enteros en C++

□ short int

-32768 .. 32767

□ <mark>int</mark>

-2147483648 .. 2147483647

□ long int

- -2147483648 .. 2147483647
- □ long long int

- $-9\times10^{18}...9\times10^{18}$
- unsigned short int

0..65535

□ unsigned int

0..4294967295

□ unsigned long int

- 0..4294967295
- □ unsigned long long int
- $0..18 \times 10^{18}$



Dominio de valores de tipos enteros en C++

-32768 .. 32767 short int int -2147483648 .. 2147483647 -2147483648 .. 2147483647 long int $-9\times10^{18}...9\times10^{18}$ long long int unsigned short int 0..65535 0..4294967295 unsigned int unsigned long int 0..4294967295 $0...18\times10^{18}$ unsigned long long int



Dominio de valores de los tipos int y unsigned int en C++

Codificación binaria	Comoint	Como unsigned int
000000000000000000000000000000000000000	0	0
000000000000000000000000000000000000000	1	1
000000000000000000000000000000000000000	2	2
00000000000000000000000000000000011	3	3
•••	•••	
011111111111111111111111111111111111111	2 147 483 646	2 147 483 646
011111111111111111111111111111111111111	2 147 483 647	2 147 483 647
100000000000000000000000000000000000000	-2 147 483 648	2 147 483 648
100000000000000000000000000000000000000	-2 147 483 647	2 147 483 649
•••	•••	
111111111111111111111111111111111111111	-3	4 294 967 293
111111111111111111111111111111111111111	-2	4 294 967 294
111111111111111111111111111111111111111	-1	4 294 967 295



Tipos enteros en C++

- Operadores asociados
 - Aritméticos
 - □ Binarios: +, -, *, /, %
 - □ Unarios: +, −
 - Relacionales
 - □ ==, !=
 - □ <, <=, >, >=

Desbordamiento

```
#include <iostream>
using namespace std;
 * Programa que muestra los efectos de un desbordamiento.
int main() {
   unsigned factorial = 1;
                                                 // factorial = 0!
   for (unsigned i = 1; i <= 18; i++) {</pre>
      factorial = i * factorial;
                                                // factorial = i!
      cout << i << "! = " << factorial << endl;</pre>
   return 1;
```



Desbordamiento

```
1!
   = 1
   = 2
  = 6
  = 24
  = 120
   = 720
   = 5040
   = 40320
9!
   = 362880
10! = 3628800
    = 39916800
11!
12!
    = 479001600
13!
    = 1932053504
    = 1278945280
14!
15!
    = 2004310016
16!
    = 2004189184
17!
    = 4006445056
                                                                   10
    = 3396534272
18!
```



Desbordamiento

```
1!
   = 1
2!
   = 2
  = 6
  = 24
   = 120
   = 720
   = 5040
8!
   = 40320
9!
   = 362880
10! = 3628800
    = 39916800
11!
12!
    = 479001600
    = 1932053504
    = 1278945280
14!
    = 2004310016
    = 2004189184
16!
    = 4006445056
                                                                    11
    = 3396534272
18!
```

Desbordamiento negativo

```
Programa que muestra los efectos de un
 * desbordamiento negativo.
 */
int main() {
    int i = 2147483647;
                              // 2^{31} - 1
    i++;
    cout << i << endl;</pre>
    return 1;
```

Desbordamiento negativo

-2147483648

Aritmética de enteros con y sin signo

```
* Programa que muestra el resultado de una
 * multiplicación utilizando enteros con y sin signo.
 */
int main() {
    int a = -8;
    unsigned b = 3;
    cout << a * b << endl;</pre>
    return 1;
```



Aritmética de enteros con y sin signo

4294967272		



Aritmética de enteros con y sin signo

```
* Programa que muestra un resultado más lógico de una
 * multiplicación utilizando enteros con y sin signo.
 */
int main() {
    int a = -8;
    unsigned b = 3;
    cout << a * int(b) << endl;
    return 0;
```



Problemas con enteros

- □ Tratamiento de cifras
 - Número de cifras
 - Suma de cifras
 - Cálculo de la i-ésima cifra
 - Imagen especular
- Divisibilidad
 - Primalidad
 - Máximo común divisor



```
* Pre:
 * Post:
unsigned numCifras(int n) {
```



```
Pre:
 * Post: Ha devuelto el número de cifras
         de «n» cuando este número se
 *
         escribe en base 10.
 */
unsigned numCifras(int n) {
```



n



n

14063



n

14063

1406





n	cuenta
14063	0
1406	1
140	2
14	3
1	4
0	5



```
* Pre: ---
* Post: Ha devuelto el número de cifras de «n» cuando este número se
        escribe en base 10.
unsigned numCifras(int n) {
  unsigned cuenta = 1;  // Lleva la cuenta de las cifras.
  n = n / 10; // Elimina la cifra menos significativa de «n».
  // Empezamos la cuenta en 1 y quitamos una cifra antes de entrar al
  // bucle para que numCifras(0) devuelva 1.
  while (n != 0) {
     // El valor de «cuenta» es igual al de cifras identificadas en «n»
                      // Cuenta la cifra menos significativa de «n»
     cuenta++;
     n = n / 10; // y la "elimina".
  return cuenta;
```



Problema: Suma de las cifras

```
Pre:
 * Post: Ha devuelto la suma de las
         cifras de «n» cuando «n» se
         escribe en base 10.
unsigned sumaCifras(int n) {
```



n		
14063		
14063		
1406		
140		
14		
1		
0		27



n	n / 10		
14063			
14063	1406		
1406	140		
140	14		
14	1		
1	0		
0			



n	n / 10	n % 10
14063		
14063	1406	3
1406	140	6
140	14	0
14	1	4
1	0	1
0		



n	n/10	n % 10		
14063				
14063	1406	3	3	
1406	140	6	3+6	
140	14	0	3+6+0	
14	1	4	3+6+0+4	
1	0	1	3+6+0+4+1	
0				20



n	n / 10	n % 10	suma	
14063				0
14063	1406	3	3	3
1406	140	6	3+6	9
140	14	0	3+6+0	9
14	1	4	3+6+0+4	13
1	0	1	3+6+0+4+1	14
0				14



Problema: Suma de las cifras

```
/*
 * Pre:
 * Post: Ha devuelto la suma de las cifras de «n» cuando «n» se escribe
        en base 10.
 */
unsigned sumaCifras(int n) {
   if (n < 0) {
       n = -n; // cambia el signo de «n», si es preciso, para que sea positivo
   unsigned suma = 0; // valor de la suma de las cifras "eliminadas" de «n»
                        // (inicialmente 0)
   while (n != 0) {
       suma += n % 10; // suma la cifra menos significativa de «n»
      n = n / 10; // y la "elimina" de «n»
   return suma;
```



Problema: Números primos

```
Pre:
 * Post: Ha devuelto «true» si y solo si
 *
         «n» es un número primo.
 */
bool esPrimo(unsigned n) {
```



Problema: Números primos

Número primo

 Número natural mayor que 1 que tiene únicamente dos divisores distintos: él mismo y el 1

Número compuesto

- Número natural que tiene algún divisor natural aparte de sí mismo y del 1
- □ **El número 1**, por convenio, no se considera ni primo ni compuesto.



 \rightarrow *n* no es primo

 $\rightarrow n$ no es primo

Problema: Números primos

□ Análisis

- \blacksquare n=0
- \blacksquare n=1
- n > 1
 - □ Hay un número en el intervalo [2, \sqrt{n}] que divide a $n \rightarrow n$ no es primo
 - □ No hay ningún número en $[2, \sqrt{n}]$ que divide a $n \rightarrow n$ es primo



Problema: Números primos

- **Análisis** (distinguiendo pares e impares)
 - \blacksquare n=0
 - \blacksquare n=1
 - n=2
 - n > 2
 - *n* par

 - *n* impar y hay otro impar en el intervalo
 - $[3, \sqrt{n}]$ que divide a n

 $\rightarrow n$ no es primo

 \rightarrow *n* no es primo

- $\rightarrow n$ es primo
- $\rightarrow n$ no es primo
- $\rightarrow n$ no es primo
- n impar y no hay otro impar en el intervalo $[3, \sqrt{n}]$ que divide a $n \rightarrow n$ es primo



Problema: Números primos

```
Pre:
 * Post: Ha devuelto «true» si y solo si
 *
         «n» es un número primo.
 */
bool esPrimo(unsigned n) {
```

¿Es 437 primo?

- Mayor que 2 e impar
 - ¿Es divisible por 3? No
 - ¿Es divisible por 5? No
 - ¿Es divisible por 7? No
 - ¿Es divisible por 9? No
 - ¿Es divisible por 11? No
 - ¿Es divisible por 13? No
 - ¿Es divisible por 15? No
 - ¿Es divisible por 17? No
 - Es divisible por 19? Sí → No es primo



¿Es 443 primo?

- □ Mayor que 2 e impar
 - ¿Es divisible por 3? No
 - ¿Es divisible por 5? No
 - ¿Es divisible por 7? No
 - ¿Es divisible por 9? No
 - ¿Es divisible por 11? No
 - ¿Es divisible por 13? No
 - ¿Es divisible por 15? No
 - ¿Es divisible por 17? No
 - ¿Es divisible por 19? No
 - ¿Es divisible por 21? No
 - $23 > \sqrt{443} \rightarrow Es primo$



Problema: Números primos

```
bool esPrimo(unsigned n) {
  if (n == 2) {
     return true;
                      // «n» es igual a 2, luego es primo
  else if (n < 2 | | n % 2 == 0) {
     return false; // «n» es menor que 2 o divisible por 2
  else {
                 // Se buscan posibles divisores impares de «n»
     bool encontrado = false;
     unsigned divisor = 3; // 1.er divisor impar a probar
     while (!encontrado && divisor * divisor <= n) {</pre>
        encontrado = n % divisor == 0;
        divisor = divisor + 2;
     return !encontrado;
                                                               40
```



¿Cómo se puede estudiar este tema?

- Repasando estas transparencias
- Trabajando con el código de estas transparencias
 - https://github.com/prog1-eina/tema-06-enteros
- Leyendo el material adicional dispuesto en Moodle:
 - Capítulo 6 de los apuntes del profesor Martínez
 - Enlaces al tutorial de Tutorials Point
- Realizando los problemas de los temas 4, 5 y 6
- □ Realizando las prácticas 2 y 3