

Programación 1

Tema 9

Vectores



Escuela de
Ingeniería y Arquitectura
Universidad Zaragoza



Problema

- Para resolver un problema relativo al cambio climático, es necesario manejar la información de las temperaturas medias registradas de forma mensual durante un determinado año en una determinada localidad.
- Queremos calcular la media anual a partir de las medias mensuales
- ¿Cómo podemos representar esta información?
¿Cómo podemos calcular esta media?

Una (muy mala) solución

```
/*  
 * Pre: Todas Las temperaturas son mayores que -273,15 °C.  
 * Post: Ha devuelto La temperatura media anual a partir de Las  
 *       temperaturas medias mensuales.  
 */  
double calcularTemperaturaMedia(  
    double temperaturaEnero, double temperaturaFebrero,  
    double temperaturaMarzo, double temperaturaAbril,  
    double temperaturaMayo, double temperaturaJunio,  
    double temperaturaJulio, double temperaturaAgosto,  
    double temperaturaSeptiembre, double temperaturaOctubre,  
    double temperaturaNoviembre, double temperaturaDiciembre) {  
    return (temperaturaEnero + temperaturaFebrero + temperaturaMarzo  
        + temperaturaAbril + temperaturaMayo + temperaturaJunio  
        + temperaturaJulio + temperaturaAgosto + temperaturaSeptiembre  
        + temperaturaOctubre + temperaturaNoviembre  
        + temperaturaDiciembre) / 12;  
}
```

Vectores o tablas

- ❑ Colección de un número concreto de datos de un mismo tipo
- ❑ Indexados por uno o más índices
- ❑ Operaciones disponibles:
 - Acceso a componentes
- ❑ Operaciones no disponibles:
 - ~~Asignación~~
 - ~~Comparación~~

Vectores

□ Sintaxis declaración

- `<declaraciónVector> ::=`
`<tipo> <identificador>`
`“[”<constante-entera>“]”`
`[“=” “{” <listaInicialización> “}”]`
`“;”`
- `<listaInicialización> ::=`
`{<dato> “,”}`

Vectores

□ Sintaxis utilización

- $\langle \text{componente-vector} \rangle ::= \langle \text{identificador} \rangle "[\langle \text{expresión} \rangle]"$
- $\langle \text{expresión} \rangle$ tiene que ser una expresión entera de resultado en el intervalo entre 0 (incluido) y la dimensión del vector (excluida)
- $\langle \text{componente-vector} \rangle$ puede utilizarse como cualquier variable del tipo base del vector.



Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
```



Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];
```




Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];
```

t

0	¿?
1	¿?
2	¿?
3	¿?
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?



Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;
```

t

0	¿?
1	¿?
2	¿?
3	¿?
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?



Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;
```

t

0	8.9
1	¿?
2	¿?
3	¿?
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;
```

t

0	8.9
1	¿?
2	¿?
3	¿?
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;
```

t

0	8.9
1	7.9
2	¿?
3	¿?
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;  
unsigned int m = 2;  
t[m] = 10.7;
```

t

0	8.9
1	7.9
2	¿?
3	¿?
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;  
unsigned int m = 2;  
t[m] = 10.7;
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	¿?
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;  
unsigned int m = 2;  
t[m] = 10.7;  
t[m + 1] = 15.2;
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	¿?
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;  
unsigned int m = 2;  
t[m] = 10.7;  
t[m + 1] = 15.2;
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	15.2
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;  
unsigned int m = 2;  
t[m] = 10.7;  
t[m + 1] = 15.2;  
t[4] = t[0] + t[1];
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	15.2
4	¿?
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;  
unsigned int m = 2;  
t[m] = 10.7;  
t[m + 1] = 15.2;  
t[4] = t[0] + t[1];
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	15.2
4	16.8
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;  
unsigned int m = 2;  
t[m] = 10.7;  
t[m + 1] = 15.2;  
t[4] = t[0] + t[1];  
m = 5;  
while (m < 8) {  
    t[m] = 25.0;  
    m++;  
}
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	15.2
4	16.8
5	¿?
6	¿?
7	¿?
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;  
double t[NUM_MESES];  
t[0] = 8.9;  
t[1] = t[0] - 1.0;  
unsigned int m = 2;  
t[m] = 10.7;  
t[m + 1] = 15.2;  
t[4] = t[0] + t[1];  
m = 5;  
while (m < 8) {  
    t[m] = 25.0;  
    m++;  
}
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	15.2
4	16.8
5	25.0
6	25.0
7	25.0
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
m = 5;
while (m < 8) {
    t[m] = 25.0;
    m++;
}
for (unsigned int n = 8; n < NUM_MESES; n++) {
    t[n] = t[n - 1] - 3.0;
}
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	15.2
4	16.8
5	25.0
6	25.0
7	25.0
8	¿?
9	¿?
10	¿?
11	¿?

Vector

```
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double t[NUM_MESES];
t[0] = 8.9;
t[1] = t[0] - 1.0;
unsigned int m = 2;
t[m] = 10.7;
t[m + 1] = 15.2;
t[4] = t[0] + t[1];
m = 5;
while (m < 8) {
    t[m] = 25.0;
    m++;
}
for (unsigned int n = 8; n < NUM_MESES; n++) {
    t[n] = t[n - 1] - 3.0;
}
```

t	0	8.9
	1	7.9
	2	10.7
	3	15.2
	4	16.8
	5	25.0
	6	25.0
	7	25.0
	8	22.0
	9	19.0
	10	16.0
	11	13.0

Vectores

Otra forma de declarar e inicializar

```
double t[] = {8.9, 7.9, 10.7,  
             15.2, 16.8, 25.0, 25.0,  
             25.0, 2.0, 19.0, 16.0,  
             13.0,  
             };
```

t

0	8.9
1	7.9
2	10.7
3	15.2
4	16.8
5	25.0
6	25.0
7	25.0
8	22.0
9	19.0
10	16.0
11	13.0



Vectores

Otra forma de declarar e inicializar

```
double t[NUM_MESES] = {8.9, 7.9};
```

t

0	8.9
1	7.9
2	0.0
3	0.0
4	0.0
5	0.0
6	0.0
7	0.0
8	0.0
9	0.0
10	0.0
11	0.0

Índices fuera de los límites

```
const unsigned int DIMENSION = 3;
int v[DIMENSION] = {0, 0, 0};

cout << v[0] << endl;
v[2] = 2;
cout << v[3] << endl;           // ¿?
v[4] = 4;                       // ¿?
cout << v[100] << endl;         // ¿?
v[-4] = -4;                     // ¿?
cout << v[123456789] << endl;   // ¿?
```

Vectores en funciones

- ❑ Solo pueden ser parámetros, no valores devueltos
- ❑ Como parámetros, son siempre por referencia
 - Como parámetro de entrada y salida
 - ❑ **void f(int v[]);**
 - ❑ las componentes del vector v pueden ser consultadas y modificadas por la función f.
 - Como parámetro solo de entrada
 - ❑ **void g(const int w[]);**
 - ❑ las componentes del vector w solo pueden ser consultadas por la función g, pero no modificadas.

Vectores en funciones

- Sintaxis declaración como parámetro
 - `<parámetro-vector> ::= [“const”]
 <tipo> <identificador>“[]”`



Ejemplo

- Función que, dado un vector de temperaturas mensuales, devuelve su media

Cálculo de la temperatura media anual

```
/*  
 * Pre: «t» tiene NUM_MESES componentes  
 * Post: Ha devuelto la temperatura media de las temperaturas  
 * almacenadas en «t»  
 */  
double temperaturaMediaAnual(const double t[]) {  
    double sumaTemperaturas = 0.0;  
    unsigned int i = 0;  
    while (i < NUM_MESES) {  
        sumaTemperaturas += t[i];  
        i++;  
    }  
    return sumaTemperaturas / NUM_MESES;  
}
```

Cálculo de la temperatura media anual (bucle for)

```
/*  
 * Pre: «t» tiene NUM_MESES componentes  
 * Post: Ha devuelto la temperatura media de las  
 *       temperaturas almacenadas en «t»  
 */  
double temperaturaMediaAnualFor(const double t[]) {  
    double sumaTemperaturas = 0.0;  
    for (unsigned int i = 0; i < NUM_MESES; i++) {  
        sumaTemperaturas += t[i];  
    }  
    return sumaTemperaturas / NUM_MESES;  
}
```

Ejemplo de programa completo

```
#include <iostream>
using namespace std;
const unsigned int NUM_MESES = 12;
double temperaturaMediaAnual(const double t[]) {...}

/* Programa que pide al usuario 12 datos de temperaturas medias mensuales
correspondientes a un año y escribe a continuación en la pantalla la
temperatura media anual correspondiente. */
int main() {
    double temperaturas[NUM_MESES];
    for (unsigned int i = 0; i < NUM_MESES; i++) {
        cout << "Escriba la temperatura del mes " << i + 1 << ": ";
        cin >> temperaturas[i];
    }
    double mediaAnual = temperaturaMediaAnual(temperaturas);
    cout << endl;
    cout << "La temperatura media anual es de " << mediaAnual << endl;
    return 0;
}
```

Parámetro de tipo vector
(corchetes sin dimensión)

Declaración de variable
de tipo vector
(dimensión entre corchetes)

Variable de tipo vector
como argumento
(sin corchetes)

Ejemplo de programa completo.

Solo función main

```
int main() {  
    double temperaturas[NUM_MESES];  
    for (unsigned int i = 0; i < NUM_MESES; i++) {  
        cout << "Escriba la temperatura del mes "  
              << i + 1 << ": ";  
        cin >> temperaturas[i];  
    }  
    double media = temperaturaMediaAnual(temperaturas);  
    cout << endl;  
    cout << "La temperatura media anual es de "  
          << media << endl;  
    return 0;  
}
```

Cálculo de la media

```
/*  
 * Pre: «t» tiene «n» componentes.  
 * Post: Ha devuelto el valor medio de los valores  
 * almacenados en las componentes de «t».  
 */  
double media(const double t[], unsigned int n) {  
    double suma = 0.0;  
    for (unsigned int i = 0; i < n; i++) {  
        suma += t[i];  
    }  
    return suma / n;  
}
```

Cálculo de la media

```
/*  
 * Pre: «t» tiene «n» componentes.  
 * Post: Ha devuelto el valor medio de los valores  
 * almacenados en las componentes de «t».  
 */  
double media(const double t[], const unsigned int n) {  
    double suma = 0.0;  
    for (unsigned int i = 0; i < n; i++) {  
        suma += t[i];  
    }  
    return suma / n;  
}
```

Desviación típica

$$s = \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2}$$

Cálculo de la desviación típica

```
/**  
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y n > 1.  
 * Post: Ha devuelto la desviación típica de los  
 *       valores almacenados en «t»  
 */  
double desviacionTipica(const double t[],  
                        const unsigned int n) {  
    double suma = 0.0;  
    for (unsigned int i = 0; i < n; i++) {  
        suma += pow(t[i] - media(t, n), 2);  
    }  
    return sqrt(suma / (n - 1));  
}
```

Cálculo de la desviación típica

```
/**
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y  $n > 1$ .
 * Post: Ha devuelto la desviación típica de los
 *       valores almacenadas en «t»
 */
double desviacionTipica(const double t[],
                        const unsigned int n) {
    double mediaAritmetica = media(t, n);
    double suma = 0.0;
    for (unsigned int i = 0; i < n; i++) {
        suma += pow(t[i] - mediaAritmetica, 2);
    }
    return sqrt(suma / (n - 1));
}
```

Cálculo del máximo

```
/**  
 * Pre: «t» tiene «n» componentes y  $n > 0$ .  
 * Post: Ha devuelto la valor máximo almacenado en  
 *       las componentes del vector «t».  
 */  
double maximo(const double t[], const unsigned int n) {  
    double maximo = t[0];  
    for (unsigned int i = 1; i < n; i++) {  
        if (t[i] > maximo) {  
            maximo = t[i];  
        }  
    }  
    return maximo;  
}
```

Un programa de ejemplo

```
/*  
 * Programa que, a modo de ejemplo, invoca a las tres funciones  
 * anteriores.  
 */  
int main() {  
    const unsigned int NUM_DATOS = 7;  
    double vector[NUM_DATOS] = {47.9, 55, 1, 76.3, 92, 250, 79};  
  
    cout << "Media: " << media(vector, NUM_DATOS) << endl;  
    cout << "Desviación típica: "  
        << desviacionTipica(vector, NUM_DATOS) << endl;  
    cout << "Máximo: " << maximo(vector, NUM_DATOS) << endl;  
  
    return 0;  
}
```


Vectores sobredimensionados

```
/*  
 * Programa que, a modo de ejemplo, invoca a las tres funciones  
 * anteriores.  
 */  
int main() {  
    const unsigned int NUM_DATOS = 7;  
    double vector[NUM_DATOS] = {47.9, 55, 1, 76.3, 92, 250, 79};  
  
    cout << "Media de los 3 primeros datos: "  
        << media(vector, 3) << endl;  
    cout << "Media de los 4 primeros datos: "  
        << media(vector, 4) << endl;  
    cout << "Media de todos los datos: "  
        << media(vector, NUM_DATOS) << endl;  
    return 0;  
}
```

Letra del DNI

TABLA DE LETRAS DEL DNI					
DNI % 23	letra	DNI % 23	letra	DNI % 23	letra
0	T	8	P	16	Q
1	R	9	D	17	V
2	W	10	X	18	H
3	A	11	B	19	L
4	G	12	N	20	C
5	M	13	J	21	K
6	Y	14	Z	22	E
7	F	15	S		

Letra del DNI (mala solución)

```
/*  
 * Pre: dni > 0  
 * Post: Ha devuelto la letra del número de  
 *        identificación fiscal que corresponde  
 *        a un número de documento nacional de  
 *        identidad igual a «dni».  
 */  
char letra(const unsigned int dni) {  
    unsigned int resto = dni % 23;  
    if (resto == 0) {  
        return 'T';  
    }  
    else if (resto == 1) {  
        return 'R';  
    }  
    else if (resto == 2) {  
        return 'W';  
    }  
    else if (resto == 3) {  
        return 'A';  
    }  
    ...  
}
```

```
...  
else if (resto == 16) {  
    return 'Q';  
}  
else if (resto == 17) {  
    return 'V';  
}  
else if (resto == 18) {  
    return 'H';  
}  
else if (resto == 19) {  
    return 'L';  
}  
else if (resto == 20) {  
    return 'C';  
}  
else if (resto == 21) {  
    return 'K';  
}  
else {  
    return 'E';  
}  
}
```

Letra del DNI

```
/*  
 * Pre:  dni > 0  
 * Post: Ha devuelto la letra del DNI que corresponde a  
 *       un número de DNI igual a «dni».  
 */  
char letra(const unsigned int dni) {  
    const unsigned int NUM_LETRAS = 23;  
    const char TABLA_LETRAS_NIF[NUM_LETRAS] = {'T', 'R',  
        'W', 'A', 'G', 'M', 'Y', 'F', 'P', 'D', 'X', 'B',  
        'N', 'J', 'Z', 'S', 'Q', 'V', 'H', 'L', 'C', 'K',  
        'E'};  
    return TABLA_LETRAS_NIF[dni % NUM_LETRAS];  
}
```



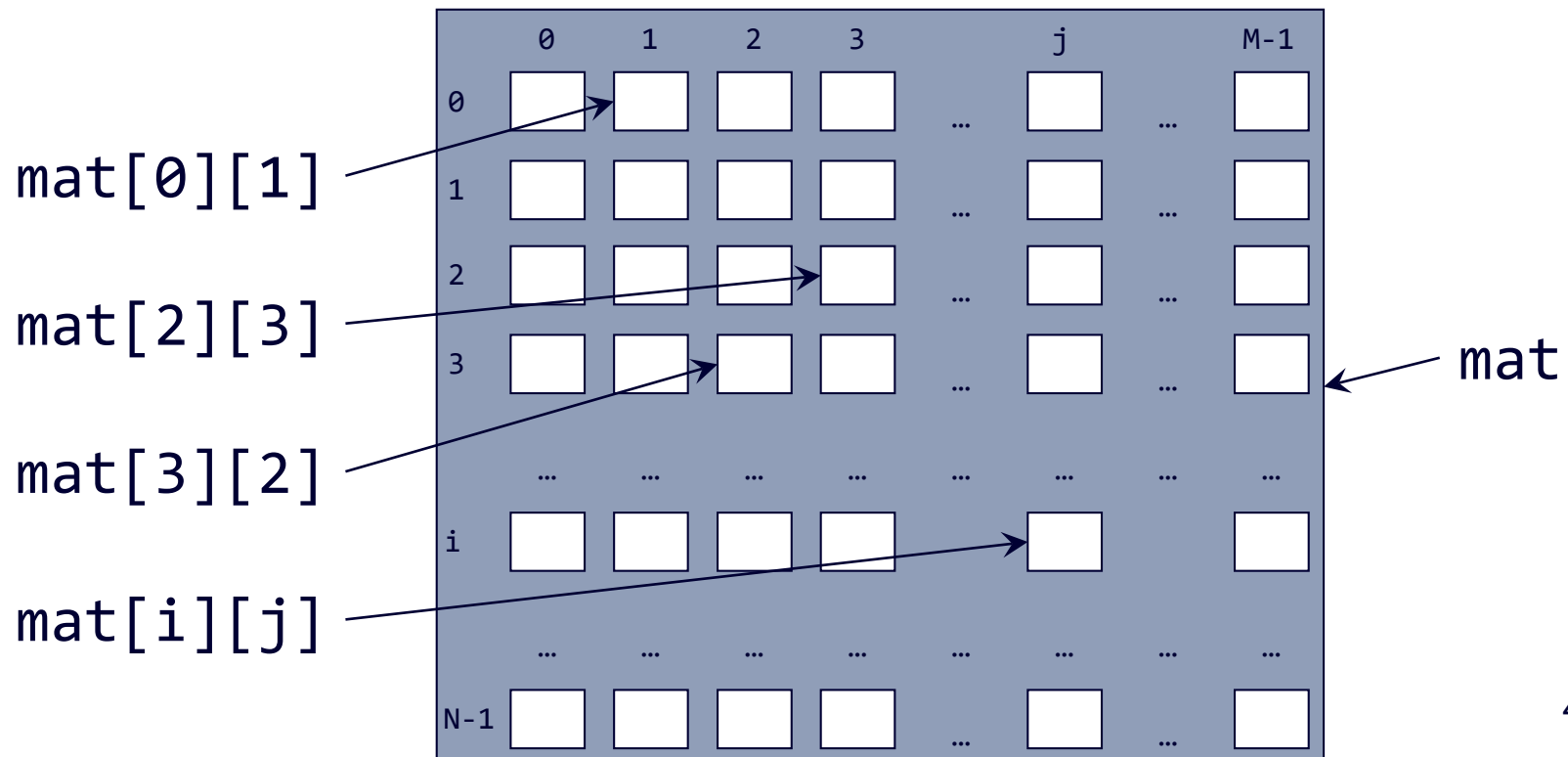
Matrices.

Vectores con varios índices

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1j} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2j} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{i1} & a_{i2} & \dots & a_{ij} & \dots & a_{in} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nj} & \dots & a_{nn} \end{pmatrix}$$

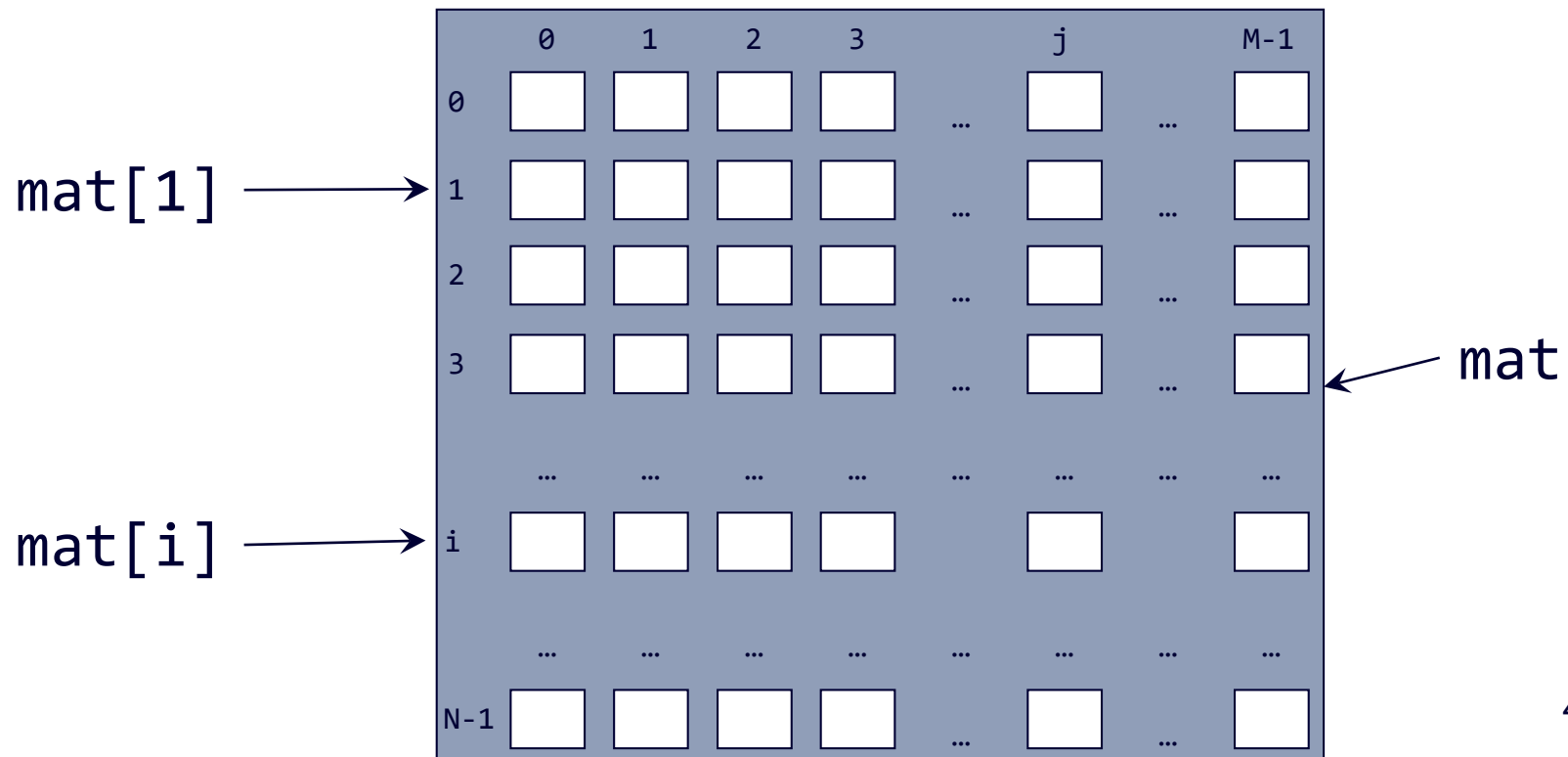
Matrices

```
const unsigned int N = 20;  
const unsigned int M = 30;  
double mat[N][M];
```

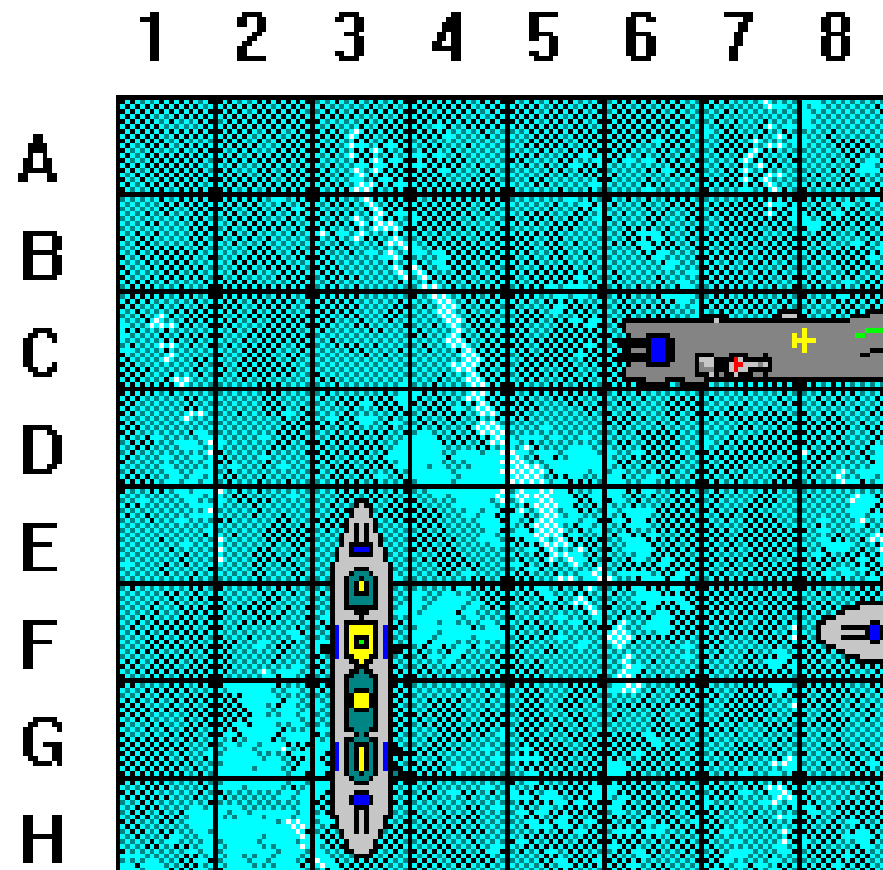


Matrices

```
const unsigned int N = 20;  
const unsigned int M = 30;  
double mat[N][M];
```



Matrices



Matrices

- ❑ Definición de un tablero para el juego de los barcos
- ❑ Inicialización como «agua»
- ❑ Colocación de un barco en las casillas E3, F3, G3 y H3

Matrices

```
const unsigned int NUM_FILAS = 8;
const unsigned int NUM_COLUMNAS = 8;
const bool AGUA = false;
const bool BARCO = true;

bool tablero[NUM_FILAS][NUM_COLUMNAS];

for (unsigned int i = 0; i < NUM_FILAS; i++) {
    for (unsigned int j = 0; j < NUM_COLUMNAS; j++) {
        tablero[i][j] = AGUA;
    }
}

// Colocación de un barco en las casillas E3, F3, G3 y H3
tablero[4][2] = BARCO;
tablero[5][2] = BARCO;
tablero[6][2] = BARCO;
tablero[7][2] = BARCO;
```



Ejercicios con matrices

- Matriz unidad
- Suma de matrices
- Multiplicación de matrices
- Traspuesta de una matriz
- Simetría de una matriz

Matriz unidad. Una solución

```
const unsigned int DIM = 20;
/*
 * Pre: «matriz» es una matriz cuadrada de DIM x DIM.
 * Post: Ha inicializado «matriz» como la matriz unidad de
 * tamaño DIM x DIM.
 */
void unidad(double matriz[][DIM]) {
    for (unsigned int i = 0; i < DIM; i++) {
        for (unsigned int j = 0; j < DIM; j++) {
            if (i == j) {
                matriz[i][j] = 1.0;
            }
            else {
                matriz[i][j] = 0.0;
            }
        }
    }
}
```

Suma de matrices

```
/*  
 * Pre: «a», «b» y «suma» son matrices  
 * cuadradas de DIM x DIM.  
 * Post: «suma» es la suma matricial  
 * de «a» y «b».  
 */  
void sumar(const double a[][DIM],  
           const double b[][DIM],  
           double suma[][DIM]);
```

Producto de matrices

```
/*  
 * Pre: «a», «b» y «producto» son  
 * matrices cuadradas de DIM x DIM.  
 * Post: «producto» es el producto  
 * matricial de «a» y «b».  
 */  
void multiplicar(const double a[][DIM],  
                 const double b[][DIM],  
                 double producto[][DIM]);
```

Simetría de una matriz

```
/*  
 * Pre: «matriz» es una matriz  
 * cuadrada de DIM x DIM.  
 * Post: Ha devuelto el valor «true»  
 * si y solo si «matriz» es  
 * simétrica.  
 */  
bool esSimetrica(  
    const double matriz[][DIM]);
```

[illegible]



Matrices sobredimensionadas

Introduzca el numero de filas y columnas (>0): 3 4

Fila 1: Introduzca 4 enteros: 2 0 1 9

Fila 2: Introduzca 4 enteros: 0 8 6 7

Fila 3: Introduzca 4 enteros: 1 6 9 3

Matrices sobredimensionadas

Introduzca el numero de filas y columnas (>0): 3 4

Fila 1: Introduzca 4 enteros: 2 0 1 9

Fila 2: Introduzca 4 enteros: 0 8 6 7

Fila 3: Introduzca 4 enteros: 1 6 9 3

filas	3
cols	4

[illegible]

[illegible]



Ejemplo: matriz unidad

```
/*  
 * Pre: La matriz «mat» tiene unas dimensiones  
 * máximas de DIM × DIM y  $0 < n \leq DIM$ .  
 * Post: Ha inicializado «matriz» como la matriz  
 * unidad de dimensión  $n \times n$ .  
 */  
void unidad(int matriz[][DIM], const unsigned  
int n);
```

Ejemplo: matriz unidad

```
void unidad(int matriz[][DIM], const unsigned int n) {  
    for (unsigned int i = 0; i < n; i++) {  
        for (unsigned int j = 0; j < n; j++) {  
            if (i == j) {  
                matriz[i][j] = 1;  
            }  
            else {  
                matriz[i][j] = 0;  
            }  
        }  
    }  
}
```

¿Cómo se puede estudiar este tema?

- ❑ Repasando estas transparencias
- ❑ Trabajando con el código de estas transparencias
 - <https://github.com/prog1-eina/tema-09-vectores>
- ❑ Leyendo «Arrays». *Cplusplus.com*. 2000–2017
 - <http://www.cplusplus.com/doc/tutorial/arrays/>
- ❑ Leyendo el capítulo 9 de los apuntes del profesor Martínez
 - Disponible en Moodle
- ❑ Trabajando con los problemas de las clases de los días 31 de octubre y 7 de noviembre