

$$\left. \begin{array}{l} (4 \times 5) \times 2 = 20 \times 2 = 40 \\ 4 \times (5 \times 2) = 4 \times 10 = 40 \end{array} \right\} (4 \times 5) \times 2 = 4 \times (5 \times 2)$$

Atenção! Se um produto de três ou mais fatores um deles é zero, o produto é igual a zero:

$$3 \times 3 \times 5 = 0 ; 8 \times 12 \times 0 \times 7 = 0$$

e) Distributiva da multiplicação em relação à adição (ou subtração):

O produto de um número por uma soma (ou diferença) pode ser obtido, multiplicando –se o número por cada um dos termos da soma (ou diferença) e adicionando-se (ou subtraindo –se) os produtos parciais. Assim:

$$\left. \begin{array}{l} 9 \times (3 + 2) = 9 \times 5 = 45 \\ 9 \times 3 + 9 \times 2 = 27 + 18 = 45 \end{array} \right\} 9 \times (3 + 2) = 9 \times 3 + 9 \times 2$$

$$\left. \begin{array}{l} 4 \times (7 - 3) = 4 \times 4 = 16 \\ 4 \times 7 - 4 \times 3 = 28 - 12 = 16 \end{array} \right\} 4 \times (7 - 3) = 4 \times 7 - 4 \times 3$$

Máximo Divisor Comum

Consideremos os conjuntos dos divisores, respectivamente, dos números 40 e 16.

$$D(40) = \{1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40\}$$

$$D(16) = \{1, 2, 4, 8, 16\}$$

Observando que $D(40) \cap D(16) = \{1, 2, 4, 8\}$, podemos afirmar que :

a) Os divisores comuns de 40 e 16 são 1, 2, 4, 8.

b) O maior divisor comum de 40 e 16 é 8.

Então, o número 8 é chamado máximo divisor comum de 40 e 16, que será representado por $\text{mdc}(40, 16) = 8$.

Daí podemos dizer que :

Dados dois ou mais números , não simultaneamente nulos, chama-se máximo divisor comum desses números o maior dos seus divisores comuns.

Atividade de classe

Determine:

- | | | |
|----------------------|----------------------|-------------------------------|
| a) $D(15)$ | b) $D(32)$ | c) $D(54)$ |
| $D(18)$ | $D(28)$ | $D(42)$ |
| $D(15) \cap D(18)$ | $D(32) \cap D(28)$ | $D(24)$ |
| $\text{mdc}(15, 18)$ | $\text{mdc}(32, 28)$ | $D(54) \cap D(42) \cap D(24)$ |
| | | $\text{mdc}(54, 42, 24)$ |
- d) $D(45)$
 $D(36)$
 $D(27)$
 $D(18)$
 $D(45) \cap D(36) \cap D(27) \cap D(18)$
 $\text{mdc}(45, 36, 27, 18)$

Técnicas para o cálculo do mdc

Vamos determinar o máximo divisor comum de 60 e 24.

Á sabemos que:

$$D(60) = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6, 10, 12, 15, 20, 30, 60 \}$$

$$D(24) = \{ 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24 \}$$

$$D(60) \cap D(24) = \{ 1, 2, 3, 4, 6, 12 \}$$

$$\text{mdc}(60, 24) = 12.$$

Mínimo Múltiplo Comum

Consideremos os conjuntos dos múltiplos, respectivamente, dos números 6, 8 e 12:

$$M(6) = \{ 0, 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60 \dots \}$$

$$M(8) = \{ 0, 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56, 64 \dots \}$$

$$M(12) = \{ 0, 12, 24, 36, 48, 60 \dots \}$$

Observando que $M(6) \cap M(8) \cap M(12) = \{ 0, 24, 48 \dots \}$, podemos afirmar que :

a) Os múltiplos comuns de 6, 8 e 12 são 0, 24, 48 ...

b) O menor múltiplo comum, diferente de zero, de 6, 8, e 12 é 24.

Então, o número 24 é chamado mínimo múltiplo comum de 6, 8 e 12, que representaremos por $\text{mmc}(6, 8, 12) = 24$

Dados dois ou mais números, diferentes de zero, chama-se mínimo múltiplo comum desses números o menor de seus múltiplos comuns, diferente de zero.

Atividade de Classe.

Determine o que pede:

a)

$$M(9)$$

$$M(6)$$

$$M(9) \cap M(6)$$

$$\text{mmc}(9, 6)$$

c)

$$M(10)$$

$$M(8)$$

$$M(10) \cap M(8)$$

$$\text{mmc}(10, 8)$$

d)

$$M(6)$$

$$M(15)$$

$$M(10)$$

$$M(6) \cap M(15) \cap M(10)$$

$$\text{mmc}(6, 15, 10)$$

d)

$$M(12)$$

$$M(18)$$

$$M(9)$$

$$M(36)$$

$$M(12) \cap M(18) \cap M(9) \cap M(36)$$

$$\text{mmc}(12, 18, 9, 36)$$

Técnicas para o cálculo do mmc

Podemos determinar o mmc de dois ou mais números diferentes de 0 pelo processo da decomposição em fatores primos, conforme a seguinte regra:

a) Decompe-se cada número em fatores primos.

b) O mmc será o produto de todos os fatores comuns e não comuns, cada um deles elevados ao maior expoente.

6		2
3		3
1		

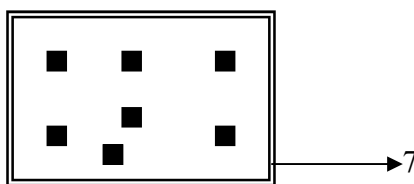
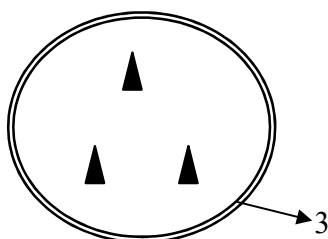
8		2
4		2
2		2
1		

12		2
6		2
3		3
1		

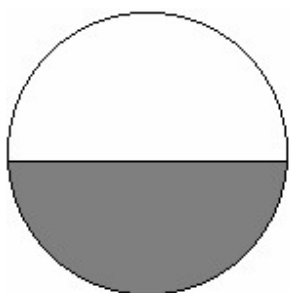
$$\text{MMC} = 2^3 \times 3 = 24$$

A idéia de número fracionário

Para exprimirmos o número de elementos de um conjunto finito, empregamos um só número natural.



Para expressarmos, matematicamente, uma parte ou algumas partes iguais de um todo, vamos usar um par ordenado de números naturais.



Lê-se: meio ou um meio
Indica-se: $\frac{1}{2}$



Lê-se: três quintos
indica-se: $\frac{3}{5}$

Os pares de números naturais $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{5}$ são chamados frações ou números fracionários.

Então:

Chama-se fração todo par ordenado de números naturais com o segundo $\neq 0$ onde:

- o primeiro número indica quantas partes tomamos do inteiro.
- O segundo número indica em quantas partes iguais o inteiro foi dividido.