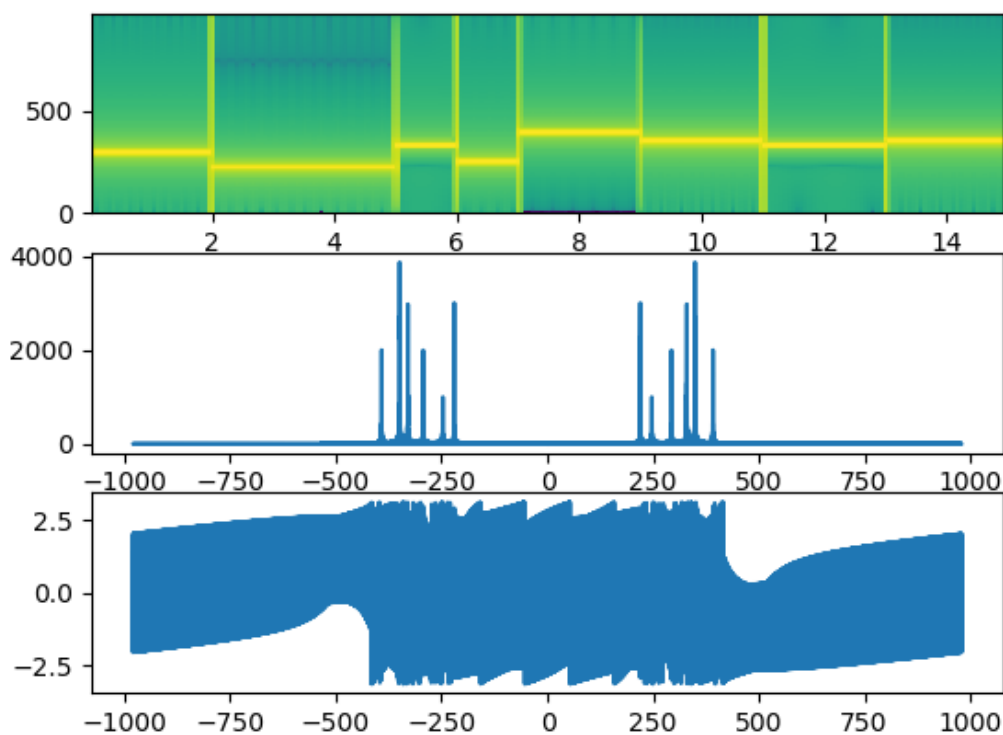


**Licenciatura Engenharia Informática e Multimédia**

**Processamento Digital de Sinais – 1718SI**

Ano letivo 2017/2018

**Síntese e Análise de Sinais Áudio**



**Docente:**

André Lourenço

**Trabalho realizado por:**

Miguel Távora N°45102

Pedro Dias N°45170

Sérgio Lopes N°43740

**Turma:** 21D

# Índice

Índice .....	2
Resolução de exercícios e gráficos .....	3
Conclusão .....	11

# Resolução de exercícios e gráficos

## Grupo I:

### I. Geração de Sinusóides

1. Considere o sinal periódico  $x(t) = A_1 \cos(2\pi f_1 t)$

- Implemente uma função que gere este sinal, que produza a sua representação gráfica e um ficheiro *wav* do mesmo.
- Crie um script onde visualize uma sinusóide, cuja frequência é a média dos números dos alunos do grupo a dividir por 100.0 e que a amplitude é o número de alunos do grupo.
- Analise o sinal no domínio da frequência, calculando analiticamente o espectro de  $x(t)$  e usando a *fft* no python para representar o seu espectro (módulo e fase).
- Use o python para visualizar o espectrograma deste sinal. Explique a diferenças entre o espectro e espectrograma.

---

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy.io.wavfile as wav

#Função que gera o sinal referido e cria um ficheiro wav
def f_sinal(A,f,d): #A é a amplitude | f é a frequência | d é a duração
    fs = 4 * f #fs é 4 vezes a fmax
    ts = 1/fs
    t = np.arange(0,d,ts)
    x_t = A * np.cos(2*np.pi*f*t)
    wav.write('Ex1.wav',fs,x_t.astype('int16'))
    plt.subplot(4,1,1)
    plt.plot(t,x_t)

#Sinusóide com frequência e amplitude pedidas
Frequencia = 447 #((43740+45102+45170)/3)/100 = 446.70
Amplitude = 30000 #Amplitude = 3 não se ouve
Duracao = 10
sinal = f_sinal(Amplitude,Frequencia,Duracao)

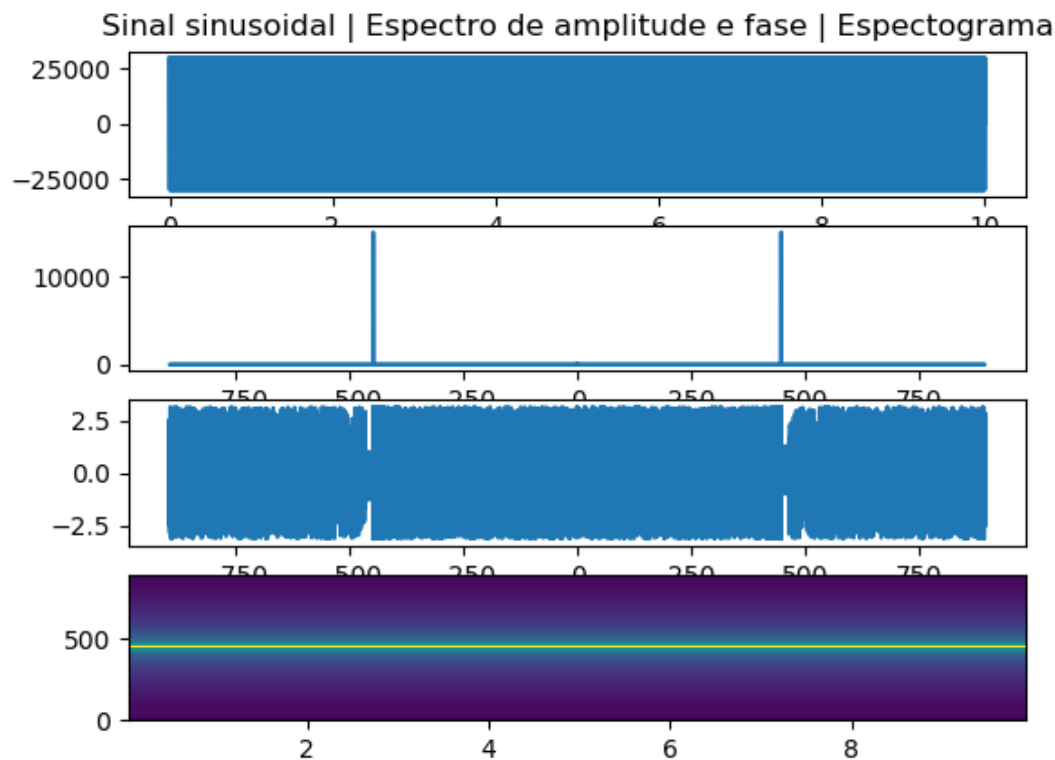
#Espectro do sinal
fs = 4 * Frequencia
ts = 1/fs
t = np.arange(0,Duracao,ts)
x_t = Amplitude * np.cos(2*np.pi*Frequencia*t)

F = np.fft.fft(x_t)
freqs = np.fft.fftfreq(len(F),ts)
plt.title("Sinal sinusoidal | Espectro de amplitude e fase | Espectrograma")
plt.subplot(4,1,2)
plt.plot(freqs,np.abs(F)/len(F))
plt.subplot(4,1,3)
plt.plot(freqs,np.angle(F))
```

```
#Espectrograma do sinal
plt.subplot(4,1,4)
plt.specgram(x_t, Fs = fs)
plt.show()
```

#Diferenças entre o Espectro e o Espectrograma

#O espectro é uma representação de um sinal no domínio da frequência  
#que permite ver a relação entre esta e a amplitude/fase enquanto o  
#espectrograma é uma forma de analisar o sinal em relação a tempo-frequência.



## Grupo II:

### II. Síntese de notas musicais

2. Crie uma função que crie uma composição musical. A função tem como argumentos de entrada uma lista com uma sequência de tuplas (nota, número de unidades de tempo) e a unidade de tempo. A nota é expressa usando a notação ABC, exemplo: ( ('c', 4), ('e', 4), ('g', 4), ('c5', 1) ). Deve retornar um array com as amplitudes com as amplitudes instantâneas correspondentes à composição musical. Crie uma composição onde varie a frequência e a duração das notas. Visualize o sinal no domínio do tempo e na frequência (espectro e espectrograma). Ouça o sinal criado.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy.io.wavfile as wav

#Frequências de cada nota
notas_musica = {'a': 27.5, 'b': 30.86, 'c': 32.7, 'd': 36.7, 'e': 41.2, 'f': 43.65, 'g': 48.9,
               'a2': 55, 'b2': 61.7, 'c2': 65.4, 'd2': 73.4, 'e2': 82.4, 'f2': 87.3, 'g2': 97.9,
               'a3': 110, 'b3': 123.47, 'c3': 130.8, 'd3': 146.83, 'e3': 164.8, 'f3': 174.6, 'g3': 196,
               'a4': 220, 'b4': 246.94, 'c4': 261.63, 'd4': 293.66, 'e4': 329.63, 'f4': 349.23, 'g4': 392,
               'a5': 440, 'b5': 493.88, 'c5': 523.25, 'd5': 587.33, 'e5': 659.26, 'f5': 698.46, 'g5': 783.99, 'a6': 880}

#Composição da música que se pode ouvir (pode ser alterado)
composicao = [('d4', 2), ('a4', 3), ('e4', 1), ('b4', 1), ('g4', 2), ('f4', 2), ('e4', 2), ('f4', 2)]

#Função que cria o sinal do som da composição
def composicaoMusical(composicao, UnidadesTempo):
    print("unidade tempo: " + UnidadesTempo)
    frequencia_max = 0

    #for que encontra a maior frequência da composição para calcular a frequência de amostragem
    for n in composicao:
        frequencia = notas_musica[n[0]]

        if (frequencia > frequencia_max):
            frequencia_max = frequencia

    fs = 5 * frequencia_max
    print(fs)
    frequencias = []

    musica = []
```

```

#para cada uma das notas cria-se um sinal e faz-se hstack
for n in composicao:
    t = np.arange(0,n[1],1/fs)
    nota = n[0]
    frequencia= notas_musicais[nota]
    frequencias.append(frequencia)
    x = 30000*np.cos(2*np.pi*frequencia*t)
    musica= np.hstack((musica,x))

wav.write('Ex2.wav', int (fs),musica.astype('int16'))

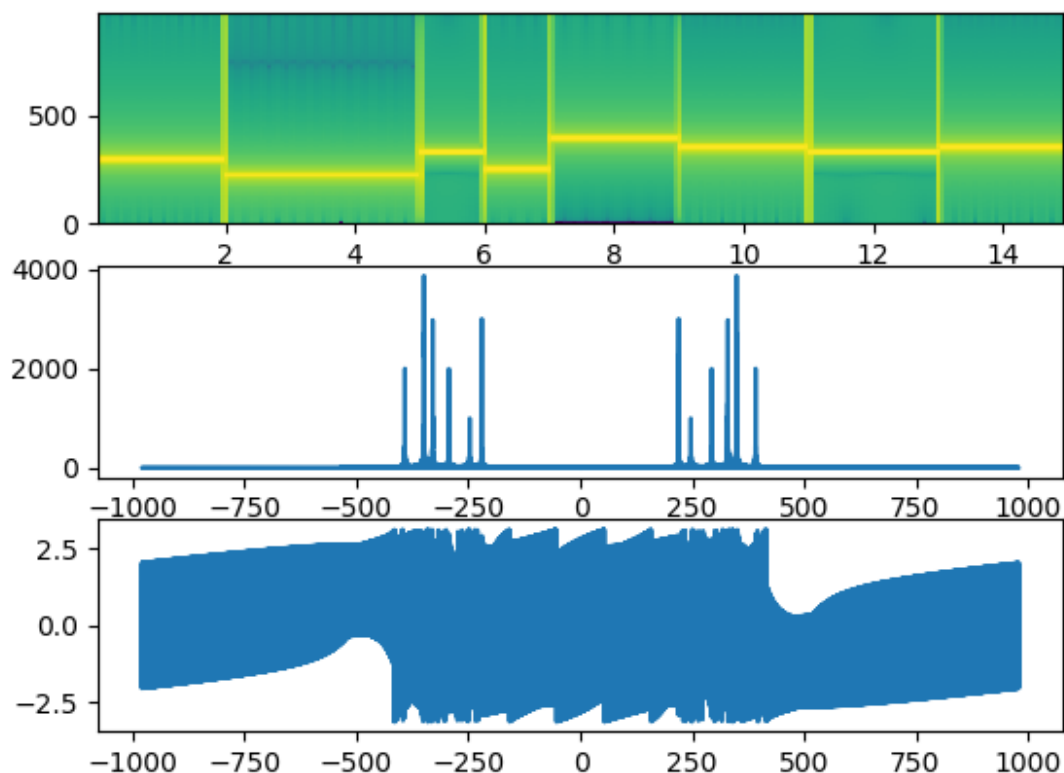
#Espectrograma
plt.subplot(3,1,1)
plt.specgram(musica,Fs = fs)

#Espectros
F = np.fft.fft(musica)
freqs = np.fft.fftfreq(len(F),1/fs)
plt.subplot(3,1,2)
plt.plot(freqs,np.abs(F)/len(F))#espectro de amplitude
plt.subplot(3,1,3)
plt.plot(freqs,np.angle(F))
plt.show()
return frequencias

#Frequências instantâneas
unidades = "segundos"
frequencias = composicaoMusical(composicao,unidades)
print(frequencias)

unidade tempo: segundos
1960
[293.66, 220, 329.63, 246.94, 392, 349.23, 329.63, 349.23]

```



3. Implemente um envelope ADSR na função anterior. Deverá ser possível parametrizar o tempo de Attack/Decay/Sustain/Release em percentagem do tempo da nota.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy.io.wavfile as wav

#Frequências de cada nota
notas_musicais = {'a': 27.5, 'b': 30.86, 'c': 32.7, 'd': 36.7, 'e': 41.2, 'f': 43.65, 'g': 48.9,
                  'a2': 55, 'b2': 61.7, 'c2': 65.4, 'd2': 73.4, 'e2': 82.4, 'f2': 87.3, 'g2': 97.9,
                  'a3': 110, 'b3': 123.47, 'c3': 130.8, 'd3': 146.83, 'e3': 164.8, 'f3': 174.6, 'g3': 196,
                  'a4': 220, 'b4': 246.94, 'c4': 261.63, 'd4': 293.66, 'e4': 329.63, 'f4': 349.23, 'g4': 392,
                  'a5': 440, 'b5': 493.88, 'c5': 523.25, 'd5': 587.33, 'e5': 659.26, 'f5': 698.46, 'g5': 783.99, 'a6': 880}

#Composição da música que se pode ouvir (pode ser alterado)
composicao = [('d4', 2), ('a4', 3), ('e4', 1), ('b4', 1), ('g4', 2), ('f4', 2), ('e4', 2), ('f4', 2)]

#Função que cria o sinal do som da composição
def composicaoMusical(composicao, UnidadesTempo):

    print("unidade tempo: " + UnidadesTempo)
    frequencia_max = 0

    #for que encontra a maior frequência da composição para calcular a frequência de amostragem
    for n in composicao:

        frequencia = notas_musicais[n[0]]

        if (frequencia > frequencia_max):
            frequencia_max = frequencia

    fs = 5 * frequencia_max
    print(fs)
    frequencias = []

    musica = []

    #para cada uma das notas cria-se um sinal e faz-se hstack
    for n in composicao:
        t = np.arange(0, n[1], 1/fs)
        nota = n[0]
        frequencia = notas_musicais[nota]
        frequencias.append(frequencia)
        x = 30000 * np.cos(2 * np.pi * frequencia * t)
        musica = np.hstack((musica, x))

    wav.write('Ex3_composicao.wav', int(fs), musica.astype('int16'))

    #Espectrograma
    plt.subplot(3, 1, 1)
    plt.specgram(musica, Fs = fs)

    #Espectros
    F = np.fft.fft(musica)
    freqs = np.fft.fftfreq(len(F), 1/fs)
    plt.subplot(3, 1, 2)
    plt.plot(freqs, np.abs(F)/len(F)) #espectro de amplitude
    plt.subplot(3, 1, 3)
    plt.plot(freqs, np.angle(F))
    plt.show()
    return frequencias

def envelope_ADSR(A=[]):

    duracao = (.1, .2, .6, .1)
    d_attack = np.floor(A*duracao[0])
    d_decay = np.floor(A*duracao[1])
    d_sustain = np.floor(A*duracao[2])
    d_release = A-d_attack-d_decay-d_sustain

    attack = np.linspace(0, 1, d_attack)
    decay = np.linspace(1, .8, d_decay)
    sustain = np.ones(d_sustain)*.8
    release = np.linspace(.8, 0, d_release)

    Envelope = np.hstack((attack, decay, sustain, release))

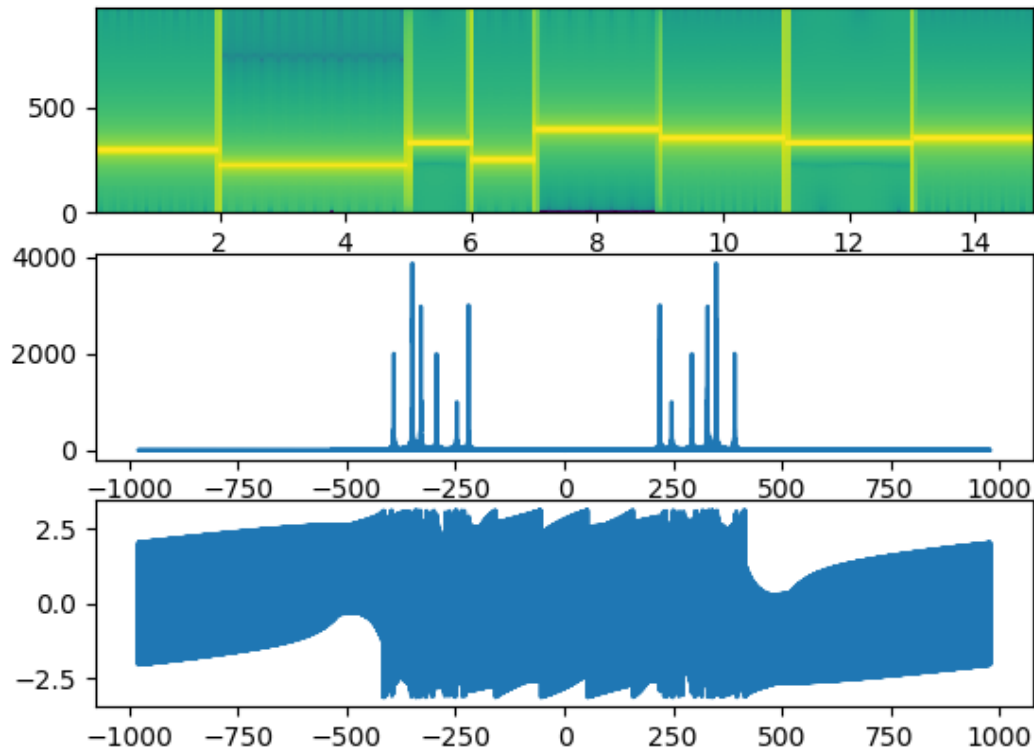
    return Envelope

#Frequências instantâneas
unidades = "segundos"
frequencias = composicaoMusical(composicao, unidades)
print(frequencias)
```

unidade tempo: segundos

1960

[293.66, 220, 329.63, 246.94, 392, 349.23, 329.63, 349.23]



4. Use o PySynth (<https://mdoege.github.io/PySynth>) para experimentar outro tipo de sintetizadores: PySynth "A"/"B"/"E"/"S". Use a mesma composição e visualize o sinal no domínio do tempo e na frequência (espectro e espectrograma). Ouça o sinal criado.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy.io.wavfile as wav
import pysynth as pys
import pysynth_b as pysb
import pysynth_s as pyss
import pysynth_e as pyse

comp=[ ('d4',2), ('a4',3), ('e4',1), ('b4',1), ('g4',2), ('f4',2), ('e4',2), ('f4',2) ]

pys.make_wav(comp)
pysb.make_wav(comp)
pyss.make_wav(comp)
pyse.make_wav(comp)

plt.figure("Espectro A")
Fs, musica_a = wav.read('out.wav')
Z = np.fft.fft(musica_a)
freqs = np.fft.fftfreq(len(Z),1/Fs)
plt.subplot(2,1,1)
plt.plot(freqs,np.abs(Z)/len(Z))
plt.subplot(2,1,2)
plt.plot(freqs,np.angle(Z))
```

```

plt.figure("Espectro B")
Fs, musica_b = wav.read('outb.wav')
Z = np.fft.fft(musica_b)
freqs = np.fft.fftfreq(len(Z), 1/Fs)
plt.subplot(2,1,1)
plt.plot(freqs, np.abs(Z)/len(Z))
plt.subplot(2,1,2)
plt.plot(freqs, np.angle(Z))

plt.figure("Espectro S")
Fs, musica_s = wav.read('outs.wav')
Z = np.fft.fft(musica_s)
freqs = np.fft.fftfreq(len(Z), 1/Fs)
plt.subplot(2,1,1)
plt.plot(freqs, np.abs(Z)/len(Z))
plt.subplot(2,1,2)
plt.plot(freqs, np.angle(Z))

plt.figure("Espectro E")
Fs, musica_e = wav.read('oute.wav')
Z = np.fft.fft(musica_e)
freqs = np.fft.fftfreq(len(Z), 1/Fs)
plt.subplot(2,1,1)
plt.plot(freqs, np.abs(Z)/len(Z))
plt.subplot(2,1,2)
plt.plot(freqs, np.angle(Z))

plt.figure("Espectrograma A")
plt.specgram(musica_a, Fs=Fs, NFFT=2048, noverlap=0)
axes = plt.gca()
axes.set_ylim([0, 2500])

plt.show()

```

Piano key frequencies (for equal temperament):

Key number	Scientific name	Frequency (Hz)
1	A0	27.50
2	A#0	29.14
3	B0	30.87
4	C1	32.70
5	C#1	34.65
6	D1	36.71
7	D#1	38.89
8	E1	41.20
9	F1	43.65
10	F#1	46.25
11	G1	49.00
12	G#1	51.91
13	A1	55.00
14	A#1	58.27
15	B1	61.74
16	C2	65.41
17	C#2	69.30
18	D2	73.42
19	D#2	77.78
20	E2	82.41
21	F2	87.31
22	F#2	92.50
23	G2	98.00
24	G#2	103.83
25	A2	110.00
26	A#2	116.54
27	B2	123.47
28	C3	130.81
29	C#3	138.59
30	D3	146.83
31	D#3	155.56
32	E3	164.81



36	G#3	207.65
37	A3	220.00
38	A#3	233.08
39	B3	246.94
40	C4	261.63
41	C#4	277.18
42	D4	293.66
43	D#4	311.13
44	E4	329.63
45	F4	349.23
46	F#4	369.99
47	G4	392.00
48	G#4	415.30
49	A4	440.00
50	A#4	466.16
51	B4	493.88
52	C5	523.25
53	C#5	554.37
54	D5	587.33
55	D#5	622.25
56	E5	659.26
57	F5	698.46
58	F#5	739.99
59	G5	783.99
60	G#5	830.61
61	A5	880.00
62	A#5	932.33
63	B5	987.77
64	C6	1046.50
65	C#6	1108.73
66	D6	1174.66
67	D#6	1244.51
68	E6	1318.51
69	F6	1396.91
70	F#6	1479.98
71	G6	1567.98
72	G#6	1661.22
73	A6	1760.00
74	A#6	1864.66
75	B6	1975.53
76	C7	2093.00
77	C#7	2217.46
78	D7	2349.32
79	D#7	2489.02
80	E7	2637.02
81	F7	2793.83
82	F#7	2959.96
83	G7	3135.96
84	G#7	3322.44
85	A7	3520.00
86	A#7	3729.31
87	B7	3951.07
88	C8	4186.01

## Grupo III:

### III. Análise de sinais musicais.

4. Pretende-se que seja realizada uma função que realize o processo inverso à síntese, isto é, receba um wav produzido por um dos sintetizadores anteriores e produza a notação ABC correspondente.

```
import scipy.io.wavfile as wav
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

notas = {'a': 27.5, 'b': 30.86, 'c': 32.7, 'd': 36.7, 'e': 41.2, 'f': 43.65, 'g': 48.9, 'a2': 55, 'b2': 61.7,
        'c2': 65.4, 'd2': 73.4, 'e2': 82.4, 'f2': 87.3, 'g2': 97.9, 'a3': 110, 'b3': 123.47, 'c3': 130.8,
        'd3': 146.83, 'e3': 164.8, 'f3': 174.6, 'g3': 196, 'a4': 220, 'b4': 246.94, 'c4': 261.63, 'd4': 293.66,
        'e4': 329.63, 'f4': 349.23, 'g4': 392, 'a5': 440, 'b5': 493.88, 'c5': 523.25, 'd5': 587.33, 'e5': 659.26,
        'f5': 698.46, 'g5': 783.99, 'a6': 880, 'b6': 987.77, 'c6': 1046.5, 'd6': 1174.7, 'e6': 1318.5, 'f6': 1396.9,
        'g6': 1568}

Fs, musica = wav.read("Ex2.wav")
espectro = np.fft.fft(musica)
spect, f, t, ii = plt.specgram(musica, Fs = Fs, NFFT=512, noverlap = 0)

def Sem_duplicados(x):
    i = 1
    while i < len(x):
        if x[i] == x[i-1]:
            x.pop(i)
            i = i - 1
        i = i + 1
    return x

frequencia_notas = []
for a in range(0, spect.shape[1], 1):
    plt.plot(f, spect[:,a])
    frequencia_notas.append(format(3.8399*np.argmax(spect[:,a]), '.2f'))

frequencia_notas = Sem_duplicados(frequencia_notas)

print(frequencia_notas)

['295.67', '218.87', '330.23', '249.59', '391.67', '349.43', '330.23', '349.43']
```

## **Conclusão**

Neste trabalho aprendemos a criar outro tipo de ficheiros que não só criam gráficos demonstrativos como também geram músicas a partir de frequências customizadas.

Foi criado no Python ficheiros com espectrogramas de amplitude e de fase e também ficheiros que criam frequências para notas através da leitura de outros ficheiros.