

UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO

Facultad de Estudios Superiores Acatlán

TERCER EXAMEN PARCIAL

Licenciatura en Matemáticas Aplicadas y Computación

Asignatura: Cálculo III

Profesor: Saavedra Luis Héctor Axel



Grupo: 1302

20 de noviembre de 2024

Ejercicio 1

Suggest a substitution/transformation that will simplify the following integrands, and find their Jacobians.

(a)
$$\iint_{R} (3x + 2y) \sin(x - y) dA$$

(b)
$$\iint_R e^{(-4x+7y)} \cos(7x - 2y) dA$$

Solución. Solución solucionadora 1

$$\iint_{R} dA$$

Ejercicio 2

Solución.

Ejercicio 3

Solución.

Ejercicio 4

Solución.

Ejercicio 5

Let T(u, v) = (x(u, v), y(u, v)) be the mapping defined by T(u, v) = (4u, 2u + 3v). Let the rectangle [0,1] x [1,2] Find $D = T(D^*)$ and evaluate:

(a)
$$\iint_D xy \, dx \, dy$$

(b)
$$\iint_D (x-y) \, dx \, dy$$

Solución.

Ejercicio 6

Repeat Exercise 5 for T(u, v) = (u, v(1 + u))

Solución.

Ejercicio 7

Solución.

Ejercicio 8

Solución.

Ejercicio 9

Let T (u, v) be as in Exercise 8. By making a change of variables, "formally" evaluate the "improper" integral

(a) $\iint_D \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} \, dx \, dy,$

Solución.

Ejercicio 10

Calculate where R is the region bounded by x = 0, y = 0, x + y = 1, x + y = 4, by using the mapping T (u, v) = (u - uv, uv).

2

(a) $\iint_R \frac{1}{x+y} \, dy \, dx$

Solución.

Ejercicio 11

Solución.

Ejercicio 12

Solución.

Ejercicio 13 Solución. Ejercicio 14 Solución. Ejercicio 15 Solución. Ejercicio 16 Solución. Ejercicio 17 Solución. Ejercicio 18 Solución. Ejercicio 19 Solución. Ejercicio 20 Solución. Ejercicio 21 Integrate $x^2 + y^2 + z^2$ over the cylinder $x^2 + y^2 \le 2, -2 \le z \le 3$

Solución.



