Construção e Teste de Modelos Executáveis Integrando VDM++ e UML



João Pascoal Faria

jpf@fe.up.pt www.fe.up.pt/~jpf

UCE30 Métodos Formais em Engenharia de Software, Universidade do Minho, Braga, 24 e 31 de Janeiro de 2008

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Plano

- Pré-condições:
 - Conhecimentos básicos de VDM-SL, UML e OOP
- Escalonamento:
 - 24/1/08, 13-16h, Teoria, Parte I modelação de estrutura, espec. inv/pre/post
 - 31/1/08, 13-16h, Teoria, Parte II modelos executáveis, testes, asp. dinâmicos
 - 31/1/08, 16-19h, Prática VDM Tools, Rational Rose, projecto
- Pós-condições:
 - Saber construir um modelo formal executável em VDM++
 - Saber validar o modelo através de testes automatizados em VDM++
 - Saber integrar diagramas UML com especificações em VDM++
 - Conhecer as capacidades de round-trip engineering c/ Rational Rose e VDM Tools
 - Conhecer a aplicabilidade, vantagens e limitações das técnicas exploradas

Índice

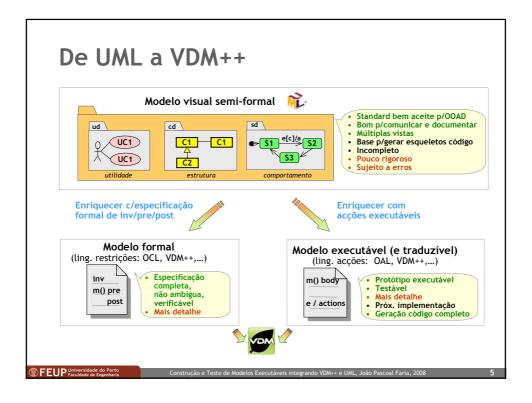
- Parte I Modelação de estrutura e especificação de invariantes e pré/pós-condições
 - Motivação
 - Estrutura geral duma especificação em VDM++
 - Importação de diagramas de classes UML
 - Definição de invariantes
 - Definição de pré e pós-condições e relação com diagramas de estados
- Parte II Modelos executáveis, testes, aspectos dinâmicos
 - Definição do corpo algorítmico de operações com instruções e acções
 - Teste da especificação e relação com diagramas de sequência UML
 - Modelação de eventos temporais

 - Concorrência e sincronização
- Referências

Anexo A: Utilização da ferramenta VDMTools Lite

Anexo B: Ottilização da Terramenta VDM10015 LI Anexo B: Operadores e expressões em VDM++ Anexo C: Funções avançadas em VDM++ Anexo D: Exemplo da Agenda Corporativa Anexo E: Exemplo da Colocação de Professores

Motivação



Modelos visuais (semi-formais) em UML

- Diagramas UML são muito usados nas fases análise de requisitos e desenho do sistema, para comunicar e raciocinar sobre requisitos e decisões de desenho
- Geração de algum código (Java, C#, SQL, XSD, etc.) a partir de UML (esqueletos de código e não código completamente funcional)
- Problemas: informais, incompletos, muito sujeitos a erros
- Podem ser enriquecidos em duas direcções ortogonais (mas combináveis):
 - No sentido de chegar a um modelo formal
 - No sentido de chegar a um modelo executável (e traduzível)

Modelos formais

- É possível enriquecer os modelos visuais (semi-formais) com especificações formais de
 - restrições de estado (por invariantes)
 - semântica de operações (por pré-condições e pós-condições)
- A própria norma UML define uma linguagem para este efeito: OCL (Object Constraint Language)
- Obtém-se um modelo formal que funciona como especificação rigorosa (sem ambiguidades, inconsistências ou omissões), detalhada e verificável do sistema
 - A especificação formal remove ambiguidades da especificação informal (embora à custa de maior detalhe)
 - A especificação formal é verificável por máquinas: por exemplo, existem ferramentas que geram asserções em Java a partir de especificações de invariantes, pré-condições e pós-condições em OCL

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

_

Modelos executáveis

- É possível enriquecer os modelos visuais com especificações do corpo algorítmico de operações (bem como de acções e actividades) em linguagens de acções de alto nível
- A própria norma UML define a sintaxe abstracta (capacidades) de uma linguagem de acções de alto nível (UML Action Semantics)
 - A linguagem concreta não é fixada pela norma, mas existem várias linguagens concretas compatíveis com a norma
- Obtém-se um modelo executável, que serve como protótipo executável do sistema, permitindo testar e validar precocemente validar requisitos e opções de design

Modelos traduzíveis

- Os modelos executáveis são também facilmente traduzíveis (por um compilador de modelos) para uma linguagem de implementação alvo
- Estamos a falar de geração automática de código completamente funcional e não só esqueletos de classes
- Particularidades das linguagens, tecnologias e plataformas-alvo são embebidas nos geradores (conceito MDA - Model Driven Architecture)
- Vantagens: Aumento de produtividade, foco no domínio do problema e não nas tecnologias de implementação
- Desvantagens: Código gerado pode ser pouco eficiente, continuando a ser necessário escrever código na linguagem-alvo!

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

9

Modelos visuais, formais, executáveis e traduzíveis: que solução integrada?

- Em torno da norma UML têm surgido linguagens que permitem criar modelos formais - caso de OCL - e modelos executáveis e traduzíveis - como xUML - mas ainda não de forma perfeitamente integrada
- Em contrapartida, VDM++ é uma linguagem de especificação formal OO que permite criar modelos formais, executáveis e traduzíveis, sendo suportada por ferramentas (VDMTools) que permitem executar e testar os modelos, sincronizar com Rational Rose (diagramas UML) e gerar código Java e C++
- OCL e xUML terão mais importância no futuro, no entanto VDM++ é presentemente uma solução mais madura, integrada e suportada por ferramentas

Estrutura geral duma especificação em VDM++

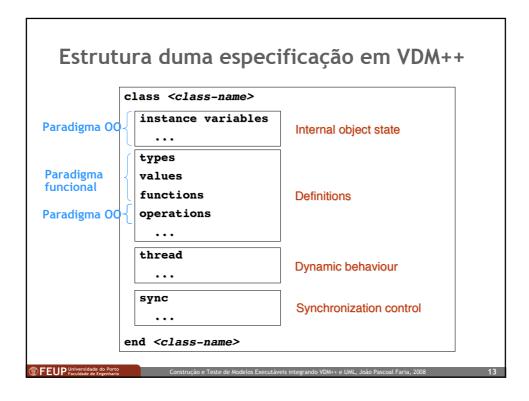
FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

. .

Características gerais de VDM++

- Baseada no standard VDM-SL
- Linguagem de especificação formal baseada em modelos (i.e., com representação explícita de estado) orientada por objectos
- Combina dois paradigmas
 - Paradigma funcional: tipos, funções e valores (instâncias de tipos)
 - Paradigma OO: classes, variáveis de instância, operações e objectos (instâncias de classes)
- Suportada por ferramentas VDMTools que permitem:
 - Executar uma especificação escrita em VDM++
 - Testar a especificação e analisar a cobertura dos testes
 - Sincronizar com diagramas de classes UML na ferramenta Rational Rose
 - Gerar código Java e C++
- Disponível em duas notações: ASCII ou símbolos matemáticos



Classes

- Uma especificação em VDM++ é organizada em classes
- Classes são "tipos referência" (reference types)
 - Tal como na generalidade das linguagens 00
 - Instâncias são objectos mutáveis acessíveis por uma referência
 - Variável do tipo C, em que C é uma classe, contém uma referência para o objecto com os dados, e não os próprios dados
 - Comparação e atribuição operam com referências
- Usar para modelar o estado do sistema
 - Estado é representado pelo conjunto de objectos existentes e pelos valores das suas variáveis de instância
 - Classes representam tipos de entidades físicas (pessoa, livro, sala, ...), papéis (professor, aluno, ...), acontecimentos (aula, ...), documentos (factura, contracto, ...), etc.

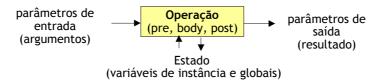
Variáveis de instância

- Correspondem a atributos em UML e campos em Java e C#
- Podem ser private (por omissão), public ou protected
- Podem ser static (estáticas)
- Declaradas na secção "instance variables" com a sintaxe:
 [private | public | protected] [static] nome : tipo [:= valor_inicial];
- Podem-se definir invariantes (inv) que restringem os valores válidos das variáveis de instância
 - A tratar mais tarde

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

1 E

Operações



- Correspondem a operações em UML e métodos em Java ou C#
- Podem ser private (por omissão), public ou protected
- Podem ser static
- Podem consultar ou modificar o estado de obj's (dado por var's de instância) ou o estado global do sistema (dado por var's estáticas)
- Podem ter pré-condição, corpo (definição explícita, imperativa) e póscondição (definição implícita)

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Operações - definição

```
tipo
                                  resultado
 Estilo 1:
                                    tipo
   op(a: A, b: B, ..., z: Z) r: R ==
     bodystmt
                                      omitir quando não retorna nada
   ext rd instvarx, instvary, ...
       wr instvarz, instvarw, ...
   pre preexpr(a, b, ..., instvar1, instvar2, ...)
   post postexpr(a, b, ..., r, instvar1, instvar2, ...,
                        instvar1~, instvar2~, ...) ;
Estilo 2:
                             quando não há argumentos ou resultados, escrever ()
   op: A * B * ... ==> R
   op(a,b,...) ==
                                     nome pré-definido para o valor retornado
     bodystmt
   pre preexpr(a, b,..., instvar1, instvar2, ...)
   post postexpr(a, b,..., RESULT, instvar1, instvar2, ...,
                           instvar1~, instvar2~, ...) ;
```

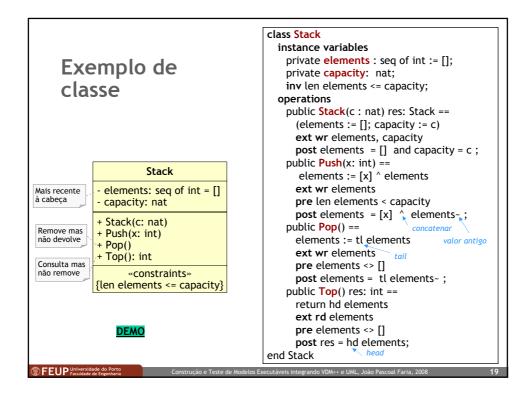
FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

47

Operações - partes da definição

- Pré-condição (pre) restrição nos valores dos argumentos e variáveis de instância, a verificar na chamada
 - Pode ser omitida (mesmo que true)
- Corpo algorítmico (bodysmt) instrução ou bloco de instruções entre ()
 - Permite exprimir algoritmo e executar a operação (definição explícita)
 - Paradigma imperativo: c/atribuições, declaração variáveis, etc.
 - Operação abstracta: "is subclass responsibility"
 - Operação por definir: "is not yet specified", ou omitir "==bodystmt" no estilo 1
- Pós-condição (post) restrição nos valores dos argumentos, resultado, valores iniciais ("-") e finais das var.s de instância, a verificar no retorno
 - Permite verificar o resultado/efeito da operação (definição implícita)
 - Pode ser omitida (mesmo que true)
- Cláusula "ext" (externals) lista as variáveis de instâncias que podem ser lidas (rd) e actualizadas (wr) no corpo da operação
 - Obrigatório indicar no estilo 1, quando se indica a pós-condição



Tipos

- Tipos são "tipos valor" (value types)
 - Instâncias são valores puros imutáveis
 - Comparação e atribuição operam com os próprios valores
 - Variável do tipo T (nome de um tipo) tem os próprios dados
- Subdividem-se em:
 - Tipos básicos bool, nat, real, char, ...
 - Tipos construídos (colecções, etc.) set of T, seq of T, map T1 to T2, ...
- Novos tipos podem ser definidos dentro de classes na secção "types"
- Definição pode incluir invariante que restringe instâncias válidas
 - · A estudar mais tarde
- Usar para modelar tipos de valores de atributos (tipos de dados)

Tipos básicos

Símbolo	Descrição	Exemplos de valores
bool	Booleano	true, false
nat1	Número natural não nulo	1, 2, 3,
nat	Número natural	0, 1, 2,
int	Número inteiro	, -2, -1, 0, 1,
rat	Número racional	
real	Número real (mesmo que "rat", pois só números racionais podem ser representados no computador)	-12.78, 0, 3, 16.23
char	Carácter	'a', 'b', '1', '2', '+', '-',
token	Encapsula um valor (argumento de mk_token) de qualquer tipo (útil quando se sabe pouco sobre o tipo)	mk_token(1)
<identificador></identificador>	Quotes (nomes literais, usados normalmente para definir tipos enumerados)	<branco>, <preto></preto></branco>

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 2.

Tipos construídos - colecções

Descrição	Sintaxe	Exemplo de instância
Conjunto de elementos do tipo A	set of A	{1,2}
Sequência de elementos do tipo A	seq of A	[1, 2, 1]
Sequência não vazia	seq1 of A	
Mapeamento de elementos do tipo A para elementos do tipo B (função finita, conjunto de pares chave-valor)	map A to B	{ 0 -> false, 1 -> true }
Mapeamento injectivo (a chaves diferentes correspondem valores diferentes)	inmap A to B	

Outros tipos construídos

Descrição	Sintaxe	Exemplo de instância
Produto dos tipos A, B, (instâncias são tuplos)	A * B *	mk_(0, false)
Record T com campos a , b , etc. de tipos A , B , etc. (*)	T :: a : A b : B 	mk_T(0, false)
União dos tipos A, B, (tipo A ou tipo B ou)	A B	
Tipo opcional (admite nil)	[A]	

(*) Definições alternativas:

b:-B -- campo com ":-" é ignorado na comparação de *records*

T:: A B -- campos anónimos

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

2:

Comparação de VDM++ com OCL

Tipo de dados composto	VDM++	OCL
Conjunto de elementos do tipo A	set of A	Set(A)
Conjunto admitindo repetidos		Bag(A)
Sequência de elementos do tipo A	seq of A	Sequence(A)
Sequência não vazia	seq1 of A	
Sequência sem repetidos		OrderedSet(A)
Mapeamento (função) de elementos do tipo A para elementos do tipo B	map A to B	
Mapeamento injectivo	inmap A to B	
Tuplo de tipo T com componentes a, b, \ldots de tipos A, B, \ldots	A * B * (anónimo) T :: a : A (c/nomes) b : B	Tuple(a : A, b : B,)
União (alternativa)	A B	

Strings

- Não está pré-definido o tipo string, mas pode ser facilmente definido como sequência de caracteres (seq of char)
- Todas as operações sobre sequências podem ser usadas com strings
- Strings literais podem ser indicadas com aspas
 - "eu sou" é equivalente a ['e', 'u', ' ', 's', 'o', 'u']

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

25

Exemplo de definição de tipos

```
class Pessoa
 types
  public String = seq of char; - sequência
  public Date :: year : nat
                                 record
                month: nat
                day: nat;
                                              tipo enumerado
  public Sexo = <Masculino> | <Feminino>;
                                              (definido com
 instance variables
                                              union e quote)
  private nome: String;
  private sexo: Sexo;
  private dataNascimento: Date;
end Pessoa
                atributo tipo de dados
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

O tipo referência

- Referência para objecto de classe
- Permite modelar associações entre classes e trabalhar com objectos de classes
- Exemplo:

```
class Pessoa
instance variables
private conjuge: [Pessoa];
private filhos: set of Pessoa;

...

Guarda referência para um
objecto da classe Pessoa, ou nil

Guarda conjunto de 0 ou mais
referências para objectos da
classe Pessoa
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

27

Constantes simbólicas

- São constantes às quais é dado um nome, por forma a tornar a especificação mais legível e fácil de alterar
- São declaradas na secção values com a sintaxe:

```
[private | public | protected] nome [: tipo] = valor;
```

Exemplo:

```
values public PI = 3.1417;
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Funções



- Funções puras, sem efeitos laterais, convertem entradas em saídas
- Não têm acesso (seja para leitura ou alteração) ao estado do sistema representado pelas variáveis de instância
- São definidas na secção functions
- Podem ser private (por omissão), public ou protected
- Podem ser static (caso normal)
- Podem ter pré-condição, corpo (para definição explícita, paradigma funcional) e pós-condição (para definição implícita)

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

20

Funções - definição

```
Estilo 1: podem existir vários parâmetros de saída f(a:A, b:B, ..., z:Z) r1:R1, ..., rn:Rn ==
```

Estilo 2:

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Funções - partes da definição

- Corpo definição explícita do(s) resultado(s) da função por uma expressão sem efeitos laterais
 - Paradigma funcional, executável (permite calcular o resultado)
 - Pode-se omitir: escrever "is not yet specified" ou omitir "==bodyexpr" no estilo 1
- Pré-condição (pre) restrição nos valores dos argumentos que se deve verificar na chamada da função
 - Permite definir funções parciais (não definidas p/ alguns valores dos argumentos)
 - Pode ser omitida (mesmo que true)
 - A pré-condição de uma função f é também uma função chamada pre_f
- Pós-condição (post) expressão booleana que relaciona resultado da função c/ argumentos (restrição a que deve obedecer o resultado)
 - Definição implícita da função (permite verificar mas não calcular o resultado)
 - Pode ser omitida (mesmo que true)
 - A pós-condição de uma função f é também uma função chamada post_f

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

2.

Funções - exemplos

Definição explícita (executável), função total

```
public static IsLeapYear(year: nat1) res : bool ==
  year mod 4 = 0 and year mod 100 <> 0 or year mod 400 = 0;
```

Definição implícita (não executável), função parcial

```
public static sqrt(x: real) res : real
pre x >= 0
post res * res = x and res >= 0;
```

Combinação de definição explícita com definição implícita

FEUP Universidade do Porto

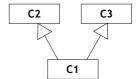
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Herança

- Uma classe pode ter várias super-classes (herança múltipla)
- Sintaxe:

class C1 is subclass of C2, C3 ... end C1

- Semântica habitual
- Polimorfismo



FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Operadores e expressões

- Os já conhecidos de VDM-SL
 - Operadores aritméticos, lógicos e relacionais
 - Operadores sobre tipos construídos (colecções, records, tuplos, etc.)
 - Construção de colecções em compreensão e extensão
 - Expressões condicionais (if-then-else, cases)
 - Padrões
 - Quantificadores
 - Teste de pertença a tipo
- Alguns novos
 - Teste de pertença a classe
 - Criação de objectos
- Ver referência rápida e alguns exemplos em anexo

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Aspectos sintácticos

- Comentários iniciam-se com " -- " e vão até ao fim da linha
- Distinção de minúsculas e maiúsculas (case sensitive)
- Acentos são suportados parcialmente, é preferível não usar
- Para referir um membro de instância (variável de instância ou operação) de um objecto, usa-se a notação habitual "objecto.membro"
- Para referir um membro estático (variável, operação ou função estática), tipo ou constante definido noutra classe, usa-se a notação "classe`membro", e não "classe.membro"
- Usa-se "nil" e não "null"
- Usa-se "<mark>self</mark>" e não "this"

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

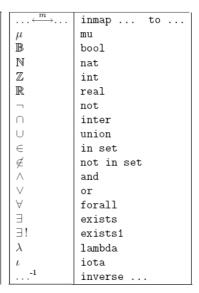
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

35

Notação matemática ↔ Notação ASCII



```
**
         ++
Ы
         munion
         <:
⊲
         :>
         <-:
         :->
         psubset
         subset
         dinter
U
         dunion
         power
         set of ...
. . . -set
         seq of ...
         seq1 of ...
         map ...
```



FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exercício - VDM Tools

 Seguir o tutorial de utilização das VDM Tools apresentado em anexo, até à parte de testes, exclusive

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

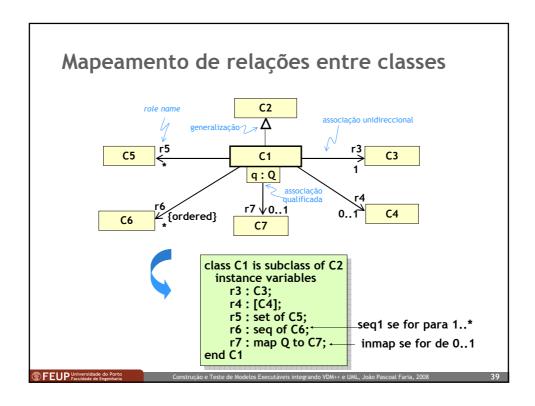
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

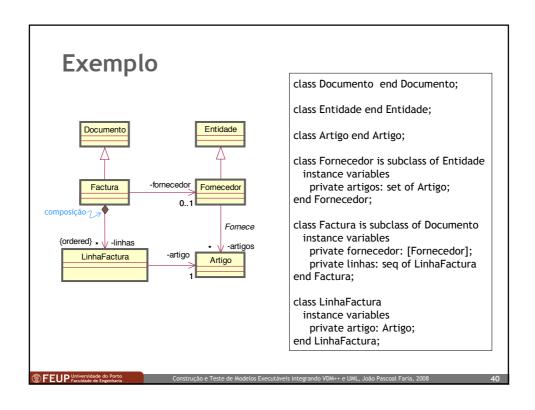
.

Importação de diagramas de classes UML para VDM++

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008





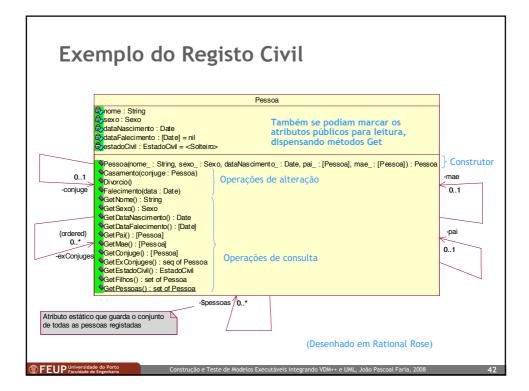
Cuidados a ter na elaboração do diagrama de classes em UML

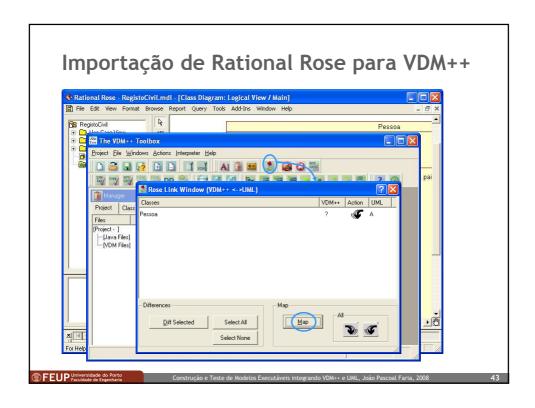
- Nomes de classes, atributos e operações: identificadores válidos, s/ espaços
 - · Acentos e cedilhas funcionam mal em nomes de classes
- Indicar sentido de navegação nas associações
 - Associações são mapeadas p/referências entre objectos (como em linguagens 00)
 - Sentido da navegação indica que objectos guardam referências para que objectos
 - Se for necessário navegar (guardar referências) nos dois sentidos, criar duas associações navegáveis em sentidos opostos (c/ restrição adicional!)
- Indicar role names nos extremos navegáveis das associações
 - O role name serve para designar o objecto ou conjunto de objectos relacionados
- Os nomes dos parâmetros das operações de alteração de valores de atributos devem ser diferentes dos nomes dos atributos
 - Senão, no VDM++ não se consegue desambiguar a atribuição
- Usar tipos de dados da linguagem alvo (neste caso, VDM++)
- Atender a que em VDM++ (tal como nas linguagens de programação OO), não existe acesso automático ao conjunto de instâncias duma classe (como OCL)

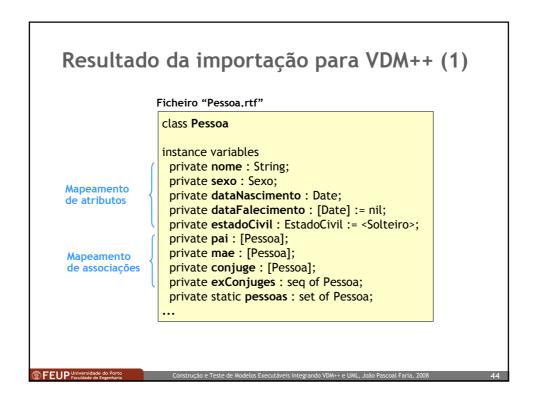
FEUP Universidade do Porto
 Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

4.







Resultado da importação para VDM++ (2) (após alteração de estilo, para ficar mais compacto) operations public Pessoa(nome_: String, sexo_: Sexo, dataNascimento_: Date, Construtor pai_, mae_: [Pessoa]) res: Pessoa == is not yet specified; public Casamento(conjuge_: Pessoa) == is not yet specified; Operações de public Divorcio() == is not yet specified; alteração public Falecimento(data: Date) == is not yet specified; public GetNome() res : String == is not yet specified; Operações de public GetSexo() res : Sexo == is not yet specified; consulta public GetDataNascimento() res : Date == is not yet specified; directa de public GetDataFalecimento() res : [Date] == is not yet specified; variáveis de public GetPai() res : [Pessoa] == is not yet specified; instância public GetMae() res : [Pessoa] == is not yet specified; public GetConjuge() res : [Pessoa] == is not yet specified; public GetExConjuges() res: seq of Pessoa == is not yet specified; public static GetPessoas () res: set of Pessoa == is not yet specified; public GetEstadoCivil() res: EstadoCivil == is not yet specified; **Outras** public GetFilhos() res: set of Pessoa == is not yet specified; consultas end Pessoa acrescentado

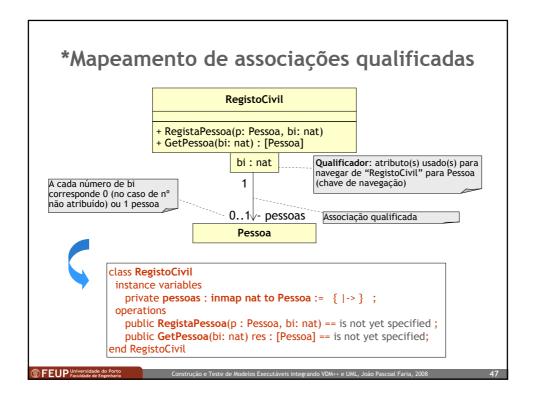
Acrescentar a definição de tipos de dados

Já passa na verificação de sintaxe e tipos (mas não é suficiente para executar)!

FEUP Universidade do Porto

FEUP

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

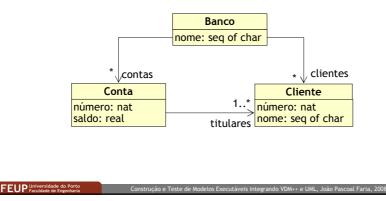


Que sentido(s) de navegação escolher?

- VDM++ não tem suporte nativo para associações bidireccionais nem mantém o conjunto de instâncias de uma classe
 - Tal como linguagens de programação OO Java, C++, C#, etc.
 - Mas ao contrário de UML, OCL, Executable UML, bases de dados relacionais, etc.
- Solução comum: objecto raiz que dá acesso aos restantes objectos do sistema, de forma hierárquica
 - Algumas navegações em sentido inverso
- Ver exemplo da Agenda Corporativa em anexo

Exercício - Contas bancárias

- Criar no Rational Rose o diagrama UML indicado abaixo e importar para as VDM Tools
- Acrescentar depois operações para criar contas e clientes e efectuar depósitos, levantamentos e consultas, e voltar a importar



Definição de invariantes

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Invariantes de tipos

 A seguir à definição de um tipo pode-se definir um invariante, para restringir as instâncias válidas (valores válidos)

```
inv padrão == predicado
```

- padrão faz match com um valor do tipo em causa
- predicado é a restrição a que o valor deve obedecer
- Normalmente o padrão é simplesmente uma variável, como em

Mas podem-se usar padrões mais complexos, por exemplo

```
inv mk_Date(y,m,d) == m \le 12 and d \le DaysOfMonth(y, m);
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

E.

Invariantes de estado

 Definem-se na secção "instance variables", a seguir à declaração das variáveis de instância, com a sintaxe

```
inv expressão_booleana_nas_variáveis_de_instância;
```

- Restringem os valores válidos das variáveis de instância
- Em VDM++, os invariantes são verificados após cada atribuição
 - Atribuição a variável de instância da mesma classe do invariante!
- Também é possível agrupar várias atribuições num único bloco atómico, e verificar os invariantes só no final
 - Necessário p/ invariantes que relacionam diferentes var.s de instâncias
- São herdados por subclasses, que podem acrescentar outros
- A expressão de um invariante não deve ter efeitos laterais (pode invocar operações de consulta mas não de alteração de estado)

Tipos de invariantes comuns

- Restrição ao domínio (conj. de valores possíveis) de atributos
- Restrições de unicidade (chaves)
- Restrições relacionadas com ciclos nas associações
- Restrições temporais (com datas, horas, etc.)
- Restrições devidas a elementos derivados (calc. ou replic.)
- Regras de (condições para) existência (de valores ou objectos)
- Restrições de negócio genéricas
- Restrições idiomáticas (garantidas estruturalmente em UML mas não ao mapear para VDM++)

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

E :

Tipos de invariantes comuns Restrições ao domínio de atributos

A taxa de juros de um empréstimo é uma percentagem entre 0 e 100%.

Empréstimo taxaJuros: Percentagem

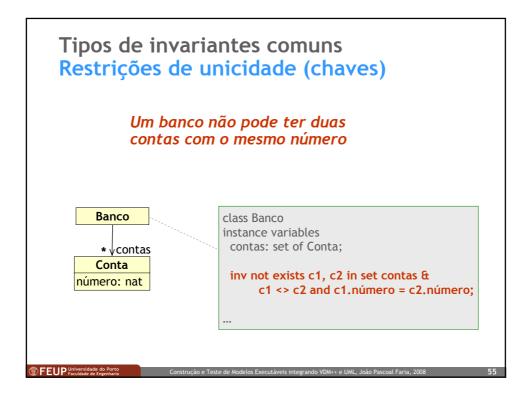
class Empréstimo
types
Percentagem = real
inv p == p >= 0 and p <= 100;
instance variables
taxaJuros: Percentagem;

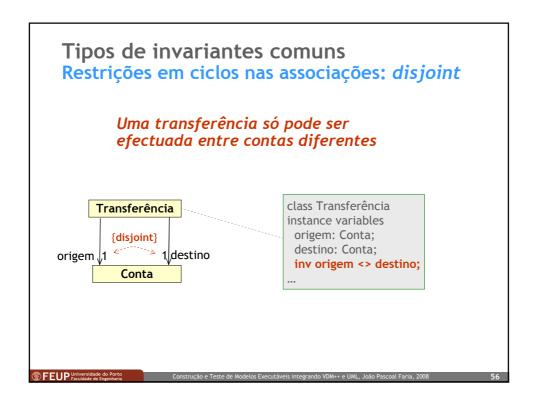
Normalmente é preferível definir por invariante de tipo!

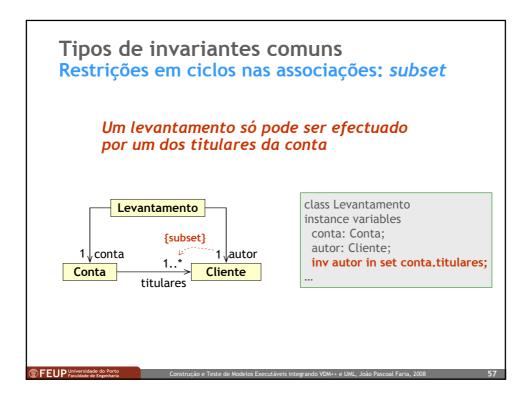
FEUP Universidade do Porto

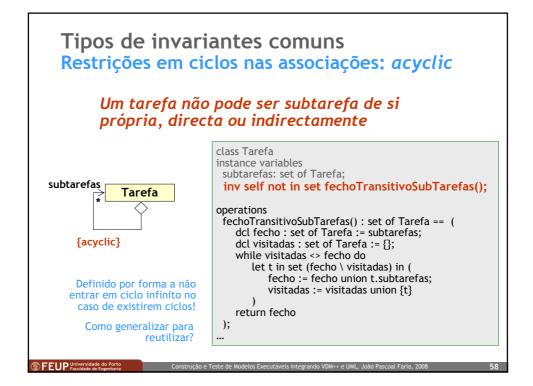
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

end Empréstimo

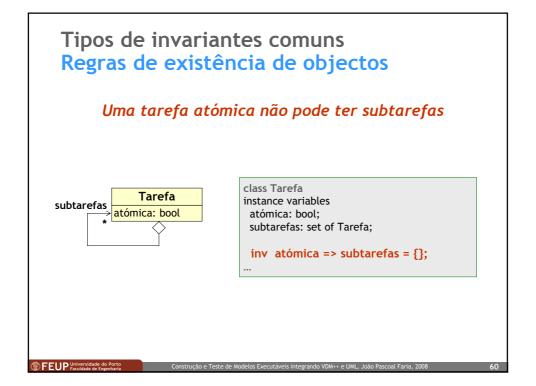


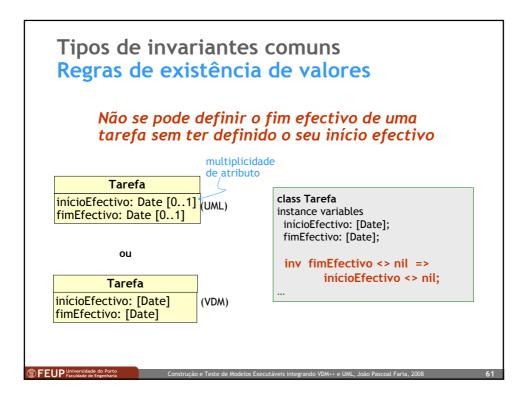


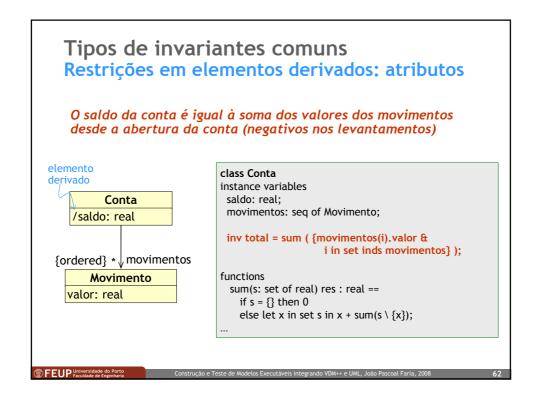


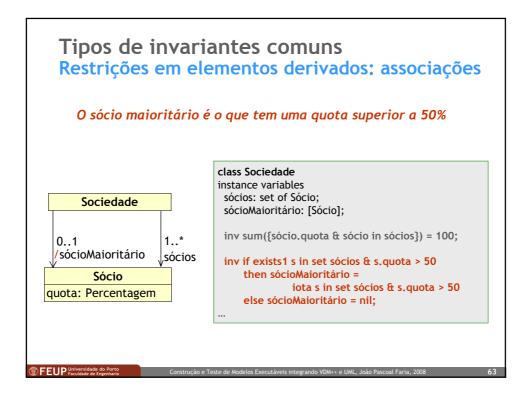


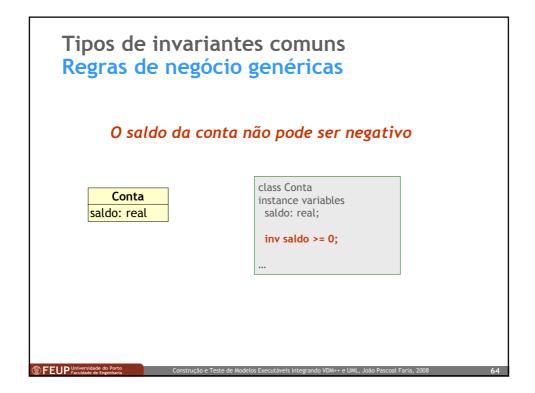
Tipos de invariantes comuns Restrições temporais (1) Uma tarefa não pode terminar antes de começar (2) Uma tarefa não pode começar antes das precedentes terminarem class Tarefa Tarefa types Date = nat; -- YYYYMMDD precedentes início: Date instance variables * fim: Date início: Date; fim: Date; precedentes: set of Tarefa; {acyclic} inv fim >= início; inv forall p in set precedentes & self.início >= p.fim;





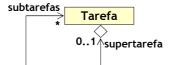






Tipos de invariantes comuns Restrições idiomáticas (1)

Uma associação bidireccional é representada em VDM++ por duas associações unidireccionais, com restrições de integridade associadas



Ambos os invariantes são necessários (porquê?)

Pode ser visto como caso de ciclo em associações

class Tarefa instance variables

subtarefas: set of Tarefa; supertarefa: [Tarefa];

inv forall t in set subtarefas & t.supertarefa = self;

inv supertarefa <> nil =>
 self in set supertarefa.subtarefas;

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

45

Tipos de invariantes comuns Restrições idiomáticas (2)

VDM++ não tem nativamente colecções ordenadas sem repetições (OrderedSet em OCL)

Restrições de multiplicidade podem originar invariantes



class Voo

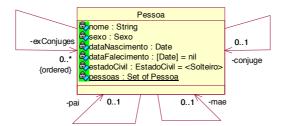
instance variables trajecto: seq of Aeroporto;

inv len trajecto >= 2;

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exemplo do Registo Civil



- R1 O pai tem de ser do sexo masculino
- R2 A mãe tem de ser do sexo feminino
- R3 Os cônjuges têm de ser de sexos opostos
- R4 O falecimento tem de ser posterior ao nascimento
- R5 Os pais têm de nascer antes dos filhos

FEUP Universidade do Porto

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 47

Exemplo do Registo Civil: Formalização (1)

```
class Pessoa
...
instance variables
...

-- R1. O pai tem de ser do sexo masculino
inv pai <> nil => pai.sexo = <Masculino>;

-- R2. A mãe tem de ser do sexo feminino
inv mae <> nil => mae.sexo = <Feminino>;

-- R3a. Os cônjuges têm de ser de sexos opostos
inv conjuge <> nil => self.sexo <> conjuge.sexo;
```

-- R3b. Os ex-cônjuges também têm de ser de sexos opostos inv forall ex in set elems exConjuges & self.sexo <> ex.sexo;

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exemplo do Registo Civil: Formalização (2)

```
-- ***** Restrições temporais *****

-- R4. O falecimento não pode ser anterior ao nascimento inv dataFalecimento <> nil => not IsAfter(dataNascimento, dataFalecimento);

-- R5a. O pai tem de ter data de nascimento anterior ao filho inv pai <> nil => IsAfter(dataNascimento, pai.dataNascimento);

-- R5b. A mãe tem de ter data de nascimento anterior ao filho inv mae <> nil => IsAfter(dataNascimento, mae.dataNascimento);

-- ******* Ciclos nas associações *****

-- Simetria de (ex)cônjuge: se A é (ex)cônjuge de B, então B é (ex)cônjuge de A inv conjuge <> nil => conjuge.conjuge = self; inv forall ex in set elems exConjuges & self in set elems ex.exConjuges;
```

— 2 invariantes não suportados em VDM++!

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

40

Exemplo do Registo Civil: Formalização (3)

```
-- *** Regras de existência (consistência do estado civil) ***

-- A data de falecimento está definida sse o estado civil é "Falecido" inv estadoCivil = <Falecido> <=> dataFalecimento <> nil;

-- O cônjuge está definido sse o estado civil é "Casado" inv estadoCivil = <Casado> <=> conjuge <> nil;

-- Uma pessoa solteira não pode ter ex-cônjuges inv estadoCivil = <Solteiro> => exConjuges = [];

-- Uma pessoa divorciada ou viúva tem pelo menos um ex-cônjuge inv estadoCivil in {<Divorciado>, <Viuvo>} => exConjuges <> [];
... operations
... end Pessoa
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

A que classe associar cada invariante?

- Tanto em VDM++ como OCL, os invariantes têm de ser formalizados no contexto de uma classe
- No caso de invariantes que referem apenas uma classe, a decisão é trivial
- No caso de invariantes que envolvem mais do que uma classe, é uma decisão de "design" não trivial
 - classe onde a expressão é mais simples
 - classe onde se tem acesso a toda a informação
 - classe onde ocorrem operações que podem violar o invariante

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

7

Limitações de VDM++: invariantes inter-objecto

```
class A
  instance variables
  private x : nat;
  private b : B;
  inv x < b.GetY();
  operations
  public SetXY(newX, newY: nat) == (
    x := newX;
    b.SetY(newY)
  )
  end A</pre>
```

```
class B
 instance variables
 private y : nat;
 operations
 public GetY() res: nat ==
    return y;
 public SetY(newY: nat) ==
    y := newY;
end B
```

2) Invariante não é testado aqui, pois está definido noutra classe!

1) Invariante é testado aqui (cedo de mais), não há maneira de atrasar verificação p/ fim do bloco!

Outras linguagens (OCL, Spec#, etc.) resolvem o 1º problema verificando invariantes só nos limites da chamada de métodos!

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exercício - Contas bancárias

Continuar exercício das contas bancárias, acrescentando invariantes

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

7:

Definição de pré e pós-condições e relação com diagramas de estados UML

FEUP Universidade do Porto

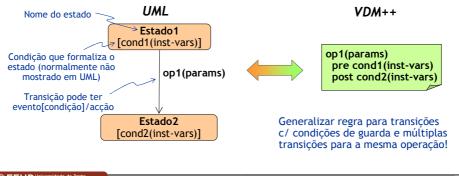
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

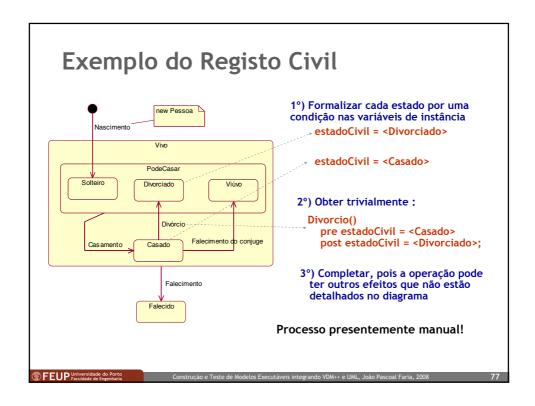
Pré e pós-condições de operações

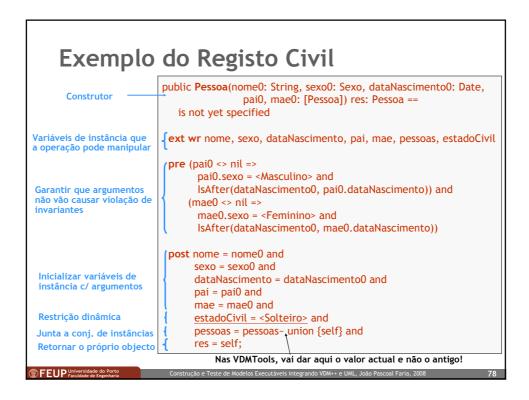
- Pré-condição: restringe as condições de chamada (valores de argumentos e var.s de instância do objecto)
 - Correspondem em programação defensiva a validações efectuadas no início dos métodos (com possível lançamento de excepções)
- Pós-condição: formaliza o efeito da operação, através de condição que relaciona os valores finais das variáveis de instância e o valor retornado com os valores iniciais das variáveis de instância (indicados com ~) e os valores dos argumentos
- As pré e pós-condições do construtor, junto com valores por defeito das variáveis de instância, devem garantir o estabelecimento dos invariantes, entre outros efeitos
- As pré e pós-condições das operações de alteração, devem garantir a preservação de invariantes (assumindo que o objecto verifica os invariantes no início, também verifica no final), entre outros efeitos

Relação com diagramas de estados UML

- Diagrama de estados é associado a uma classe e descreve o ciclo de vida e comportamento reactivo de cada objecto da classe (em resposta a eventos de chamada de operações ou outros a ver depois)
- Fornece restrições de integridade dinâmicas (transições válidas) para as pré e pós-condições das operações







Exemplo do Registo Civil

```
public Casamento(conj: Pessoa) ==
                      is not yet specified
                    ext wr estadoCivil, conjuge
Restrição
                    pre estadoCivil in set {<Solteiro>, <Viuvo>, <Divorciado>} and
dinâmica
                        conj.estadoCivil in set {<Solteiro>, <Viuvo>, <Divorciado>} and
Garantir
                        sexo <> conj.sexo
invariante
Actualiza este
                    post estadoCivil = <Casado> and
objecto
                        conjuge = conj and
Actualiza o
                         conj.estadoCivil = <Casado> and
outro objecto
                         conj.conjuge = self;
(conjuge)
```

A operação é chamada para uma das pessoas do casal, e trata de actualizar o estado das duas pessoas.

Dada a simetria, talvez ficasse melhor como operação estática com 2 argumentos.

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

70

Exemplo do Registo Civil

```
public Divorcio() ==
    is not yet specified

ext wr estadoCivil, conjuge, exConjuges

pre estadoCivil = <Casado>

post estadoCivil = <Divorciado> and
    conjuge = nil and
    exConjuges = exConjuges- ^ [conjuge-] and
    conjuge-.estadoCivil = <Divorciado> and
    conjuge-.conjuge = nil and
    self in set elems conjuge-.exConjuges;
    -- falha: conjuge-.exConjuges = conjuge-.exConjuges- ^ [self];
```

Actualiza o outro objecto (conjuge)

Actualiza este

objecto

A operação é chamada para uma das pessoas do casal, e trata de actualizar o estado das duas pessoas.

Dada a simetria, talvez ficasse melhor como operação estática com 2 argumentos.

Exemplo do Registo Civil

```
public Falecimento(data : Date) ==
   is not yet specified
 ext wr estadoCivil, dataFalecimento, conjuge, exConjuges
pre data = nil and
    not IsAfter(dataNascimento, data)
 post estadoCivil = <Falecido> and
     dataFalecimento = data and
     if conjuge~ <> nil then (
       conjuge = nil and
       exConjuges = exConjuges~ ^ [conjuge~] and
       conjuge - .conjuge = nil and
       self in set elems conjuge~.exConjuges
       -- falha: conjuge~.exConjuges = conjuge~.exConjuges~ ^ [self]
     else (
       exConjuges = exConjuges~ and
      conjuge = conjuge~
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 0.

Operações de consulta

 Também se podem especificar as operações de consulta com póscondições

```
public GetNome() res : String ==
   is not yet specified
   ext rd nome
  post res = nome;
```

Mas normalmente é mais útil escrever logo o corpo

```
public GetNome() res : String ==
   return nome;
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Limitações de VDM++: valores antigos

- Apenas é possível aceder ao valor inicial de variáveis de instância do próprio objecto (self)
- Não é possível a valores iniciais (antigos) de:
 - Variáveis de instância de objectos referenciados
 - Variáveis de instância herdadas de superclasses
 - Operações de consulta
 - · Variáveis estáticas

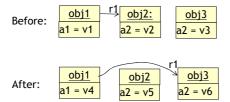
FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

-

Como OCL resolve essas limitações

- propriedade@pre valor antigo da propriedade (atributo, associação ou operação de consulta), no início da execução da operação
- Pode-se usar "@pre" para aceder a valores antigos de propriedades de objectos referenciados



•Existe equivalente em VDM++:

- obj1.a1 = v4
- obj1.r1 = obj3
- obj1.r1.a2 = v6
- obj1.a1@pre = v1
- obj1.r1@pre = obj2
- obj1.r1@pre.a2 = v5

•Não existe equivalente em VDM++:

- obj1.r1@pre.a2<u>@pre</u> = v2
- obj1.r1.a2<u>@pre</u> = v3

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

* Propriedades das pre/pós-condições

- Satisfabilidade (existência de solução)
 - ∃ comb. de valores finais de variáveis de instância e valor de retorno satisfazendo a pós-condição, ∀ comb. de valores iniciais das variáveis de instância e argumentos obedecendo aos invariantes e à pré-condição
- Determinismo (unicidade de solução)
 - Sempre que os requisitos assim o indiquem, escrever uma pós-condição determinística (que admite uma única solução)
 - Mas, por exemplo, num problema de optimização, a pós-condição pode restringir as soluções admissíveis, sem chegar a impor uma solução única
- Respeito pelos invariantes
 - Se valores iniciais de var.s de instância e argumentos obedecerem aos invariantes e pré-condição, a pós-condição garante invariantes no final
 - Depois de garantir que todas as operações respeitam os invariantes, pode-se desactivar a sua verificação (mais pesada que verificação incremental de pré/pós-condições)

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

0.6

* Pré/pós-condições e herança

- Ao redefinir uma operação herdada da superclasse, não se deve violar o contracto (pré e pós-condição) estabelecido na super-classe
- A pré-condição pode ser enfraquecida (relaxada) na subclasse, mas não fortalecida (não pode ser mais restritiva)
 - qualquer chamada que se prometia ser válida na pré-condição da superclasse, deve continuar a ser aceite na pré-condição da subclasse
 - pre_op_superclass => pre_op_subclass
- A pós-condição pode ser fortalecida na subclasse, mas não enfraquecida
 - a operação na subclasse deve continuar a garantir os efeitos prometidos na superclasse, podendo acrescentar outros efeitos
 - post_op_subclass => post_op_superclass
- Behavioral subtyping

FEUP Universidade do Porto

* Pré/pós-condições e herança

```
class Figura
                                        class Circulo is subclass of Figura
    types
                                        instance variables
     public Ponto :: x : real
                                          private raio : real;
                     y : real;
                                          inv raio > 0;
    instance variables
                                        operations
      protected centro: Ponto;
                                          public Circulo(c: Ponto, r: real) res: Circulo
                                           == ( raio := r; centro := c; return self )
    operations
                                           pre r > 0;
      public Resize(factor: real) ==
                                          public Resize(factor: real) ==
                                           raio := raio * abs(factor)
        is subclass responsibility
                                           pre factor <> 0.0
        pre factor > 0.0
        post centro = centro~;
                                           post centro = centro~ and
                                                 raio = raio~ * abs(factor);
   end Figura
                                        end Circulo
            pre Figura `Resize(...) ⇒ pre Circulo `Resize(...)
            post Figura `Resize(...) ← post Circulo `Resize(...)
FEUP Universidade Fraculdade de Er
```

Exercício - Contas bancárias

 Continuar exercício das contas bancárias, acrescentando definição de pré-condições e pós-condições

Definição do corpo algorítmico de operações com instruções e acções

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Instruções

- Para o modelo ser executável, é necessário escrever o corpo das operações, na forma de uma instrução ou bloco de instruções
- O corpo também é chamado "corpo algorítmico", pois, enquanto na pós-condição se especifica "o quê" (efeito), no corpo indica-se "como" (algoritmo)
- A linguagem VDM++ permite descrever e testar o algoritmo a um nível de abstracção elevado, refiná-lo até ao nível desejado, e gerar um programa executável em Java ou C++ com as VDM Tools
- Algumas instruções disponíveis:
 - Instrução de atribuição
 - Instruções "let" e "def"
 - Instruções de controlo de fluxo: "if", "cases", "for", "while"
 - Instrução "return"
 - Blocos e declaração de variáveis locais

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Acções

- Acção: qualquer expressão (e.g., new) ou instrução (e.g., atribuição) que altera o estado do sistema, ou seja, que cria ou elimina objectos ou modifica o seu estado (ou o estado de variáveis estáticas)
- Criar objecto: new nome-da-classe(parâmetros-constructor)
- Eliminar objecto: automático, como em Java e C#
 - São automaticamente eliminados quando deixam de ser referenciados
 - O que podemos fazer explicitam/ é remover um objecto duma colecção ou desreferenciar atribuindo nil (obj_ref := nil)
 - Evita erros e simplifica as especificações
 - Em contrapartida, impede saber que instâncias existem de uma dada classe num dado momento (em OCL é ClassName.allInstances)
- Modificar estado de objecto: ver operador de atribuição

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

0.

Blocos e declaração de variáveis

```
(
    dcl id1 : tipo1 [:= expr1], id2 : tipo2 [:= expr2], ...;
    dcl ...;
    ...
    instrução1;
    instrução2;
    ...
)
```

- Um bloco tem de ter pelo menos uma instrução
- Variáveis só podem ser declaradas no início do bloco
- Última instrução não precisa de ";"

A 1ª instrução que retornar um valor (mesmo sem "return", basta chamar uma operação que devolva um valor) faz terminar o bloco

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Atribuição

- designador_de_estado := expressão
 - →Nome de variável
 - · Variável de instância do objecto em causa
 - Variável estática (static)
 - Variável local da operação (declarada com dcl)
 - Parte de variável do tipo map, seq ou record
 - map_var(chave) := valor
 - seq_var(indice) := valor
 - record_var.campo := valor
- Não se pode fazer *object_reference.instance_variable* := expr (mesmo que a variável de instância seja pública)!
- Um identificador introduzido com let , forall, etc. não é uma variável neste sentido

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Atribuição múltipla

- atomic (sd1 := exp1; sd2 := exp2; ...)
- Avalia primeiro todas as expressões do lado direito, e só depois atribui (em simultâneo) os valores resultantes às variáveis do lado esquerdo!
- Só verifica invariantes no final das várias atribuições (senão, verificaria invariantes após cada atribuição)
- Útil na presença de invariantes que envolvem mais do que uma variável de instância (do mesmo objecto)
- Não resolve o problema de invariantes *inter-objecto*, isto é, que envolvem múltiplos objectos (porquê?)

instance variables private quantidade: real; private precoUnitario: real; private precoTotal: real; inv precoTotal = quantidade * precoUnitario; operations public SetQuantidade(q: real) == Quebra invariante após 1ª atribuição (quantidade:= q; precoTotal:= precoUnitario * q); public SetQuantidade(q: real) == atomic(quantidade:= q; precoTotal:= precoUnitario * q); public SetQuantidade(q: real) == atomic(quantidade:= q; precoTotal:= precoUnitario * q);

Instruções "let" e "def"

let definição1, definição2, ... in instrução let identificador in set conjunto [be st condição] in instrução def definição1, definição2, ... in instrução

- Têm a mesma forma que expressões "let" e "def", com *instrução* em vez de *expressão* na parte de "in"
- Usar "def" em vez de "let", quando na parte de definições são invocadas operações que alteram estado
- Identificadores introduzidos na parte de definições não são variáveis que possam mudar de valor (não podem aparecer do lado esquerdo de atribuições)!

Instruções condicionais "if" e "cases"

- if condição then instrução1 [else instrução2]
- cases expressão: padrão11, padrão12, ..., padrão1N -> instrução1, ... -> ..., padrãoM1, padrãoM2, ..., padrãoMN -> instruçãoM, others -> instruçãoM1 end
- Têm a mesma forma que as expressões "if" e "cases", com instruções em vez de expressões
- 🗾 Na instrução "if", a parte de "else" é opcional

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

07

Ciclos "for" e "while"

Instrução	Descrição
while condição do instrução	Ciclo "while" tradicional
for contador = N1 to N2 [by N3] do instrução	Ciclo "for" tradicional, com inteiros. Contador não tem de ser declarado previamente.
for all padrão in set conjunto do instrução	Normalmente o padrão é simplesmente um identificador. Percorre os elementos do conjunto por uma ordem arbitrária. Não confundir com quantificador existencial "forall".
for padrão in sequência do instrução	Normalmente o padrão é simplesmente um identificador. Percorre os elementos da sequência por ordem.

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Instrução "return"

- return
 - Usado para terminar operações que não retornam qualquer valor
- return expressão
 - Usado para terminar operações que retornam um valor

Cuidado com return implícito: a 1ª instrução que retornar um valor (basta chamar operação que devolve valor) faz terminar o bloco

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

00

Exemplo do Registo Civil (1)

```
public Pessoa(nome0: String, sexo0: Sexo, dataNasc0: Date,
                pai0, mae0: [Pessoa]) res: Pessoa ==
                                     Para só verificar invariantes depois
    atomic(
                                     de inicializar todas as variáveis!
     nome := nome0;
     sexo := sexo0;
     dataNascimento := dataNasc0;
     pai := pai0;
     mae := mae0;
    > pessoas := pessoas union {self};
   return self
 ext wr nome, sexo, dataNascimento, pai, mae, pessoas
 post nome = nome0 and sexo = sexo0 and dataNascimento = dataNasc0
    and pai = pai0 and mae = mae0 and
    pessoas = pessoas~ union {self} and
    res = self;
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exemplo do Registo Civil (2)

Ver restantes em RegistoCivil.zip

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

101

Escrever ou não a pós-condição? (em modelos executáveis)

- Se queremos obter um modelo executável (com corpo de operações), não há benefício em escrever pós-condições trivialmente semelhantes ao corpo
 - Ou o corpo podia ser gerado automaticamente da pós-condição ...
- Mas, se o corpo é muito mais complexo que a pós-condição, pode ser vantajoso escrever a pós-condição
 - O corpo permite especificar o **algoritmo** a seguir na realização da operação
 - A pós-condição permite especificar o objectivo e verificar o resultado
 - Ver exemplo a seguir e problema da colocação de professores (em anexo)
- Outras vezes, a pós-condição pode ser usada para especificar algumas restrições a que deve obedecer o resultado, sem o fixar completamente
 - Caso típico de problemas de optimização, como na colocação de professores
- Em alguns casos, não é mesmo possível especificar o efeito pretendido através de pós-condições, logo é importante o corpo
 - Ver mais tarde caso de callbacks e event listeners

Ordenação topológica (1/2)

```
-- Operação de ordenação topológica dos vértices dum grafo dirigido.
-- Grafo representado por mapeamento de vértices para sucessores.
-- Algoritmo descrito em D. Knuth, The Art of Computing Programming, Vol. 1.

TopologicalSort: map Vertex to set of Vertex ==> seq of Vertex

TopologicalSort(Succ) == (
    dcl indegree: map Vertex to nat; -- nº de predecessores por ordenar
    dcl S: set of Vertex; -- vértices por ordenar com indegree = 0
    dcl R: seq of Vertex := []; -- resultado da ordenação

-- cálculo de indegree e inicialização de S
    indegree := {v | -> 0 | v in set dom Succ};
    for all v in set dom Succ do
        for all w in set Succ(v) do
        indegree(w) := indegree(w) + 1;
    S := {v | v in set dom Succ & indegree(v) = 0};
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200

102

Ordenação topológica (2/2)

```
-- cálculo da ordem topológica (R)
 while S <> {} do
                                                            Algoritmo pode ser
   let v in set S in (
                                                            implementado em tempo
      S := S \setminus \{v\};
                                                            O(nº de vértices + nº de
      R := R ^ [v];
                                                            arestas).
      for all w in set Succ(v) do (
         indegree(w) := indegree(w) - 1;
                                                            Na presença de ciclos
         if indegree(w) = 0 then S := S union {w}
                                                            (violando a 2ª pré-
                                                            condição), o algoritmo dá
                                                            uma sequência parcial
   );
                                                            (violando a 1ª pós-
return R
                                                            condição)
pre ((dunion rng Succ) subset (dom Succ)) and IsAcyclic(Succ)
post (elems RESULT = dom Succ) and HasNoDuplicates(RESULT)
and (forall i, j in set inds RESULT & i \neq j => RESULT(i) not in set Succ(RESULT(j)));
```

Modelo executável pode estar mais perto da especificação ou da implementação!

Definição implícita não executável:

```
public static sort(s: seq of nat) res: seq of nat ==
 post IsSorted(res) and IsPermutation(res, s);
```

Definição explícita executável, baseada na definição implícita:

```
public static sort(s: seq of nat) res: seq of nat ==
iota t in set Permutations(s) & IsSorted(t); -- iota: seleccção

Definição explícita executável, segundo algoritmo "quick sort":
public static qsort(s: seq of nat) res: seq of nat ==
                public static sort(s: seq of nat) res: seq of nat ==
```

```
public static qsort(s: seq of nat) res: seq of nat ==
cases s:
[]
    -> [],
```

Exercício - Contas bancárias

- Continuar exercício das contas bancárias, acrescentando corpo das operações
- Efectuar alguns testes usando o interpretador de VDM++

Teste da especificação

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

107

Teste da especificação

- Uma especificação bem construída já tem verificações built-in
 - Invariantes, pré/pós-condições, outras asserções (invariantes de ciclos, etc.)
- Mas deve ser exercitada de forma repetível com testes automatizados
 - O objectivo é descobrir erros e ganhar confiança na correcção da especificação
 - Mais tarde, os mesmos testes podem ser aplicados à implementação
- Testar com entradas válidas
 - Exercitar toda as partes da especificação (medir cobertura com VDMTools)
 - Usar asserções para verificar valores devolvidos e estados finais
 - (Op) Derivar testes a partir de máquinas de estados (teste baseado em estados)
 - (Op) Derivar testes a partir de cenários de utilização (teste baseado em cenários)
 - (Op) Derivar testes de especificações axiomáticas (teste baseado em axiomas)
- Testar com entradas inválidas
 - Quebrar todos os invariantes e pré-condições, para verificar que funcionam ...

Suporte para teste nas VDM Tools

- Especificação pode ser testada interactivamente com interpretador de VDM++, ou com base em casos de teste pré-definidos
- Pode-se activar a verificação automática de invariantes, précondições e pós-condições
- Para obter informação de cobertura de testes, é necessário definir pelo menos um script de teste
 - Cada script de teste tsk é especificado por dois ficheiros:
 - ficheiro tsk.arg com o comando a executar pelo interpretador
 - ficheiro tsk.arg.exp com o resultado esperado da execução do comando
 - VDMTools dão informação dos testes que sucederam e que falharam
 - Pretty printer "pinta" as partes da especificação que foram de facto executadas e gera tabelas com % de cobertura e número de chamadas

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

100

Simulação de asserções

```
Utilização
```

```
class TestPessoa is subclass of Test
  operations
    public TestNome() == (
        dcl j : Pessoa := new Pessoa("João", ...);
        Assert( j.GetNome() = "João")
    )
end TestPessoa
```

Definição

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Teste baseado em estados

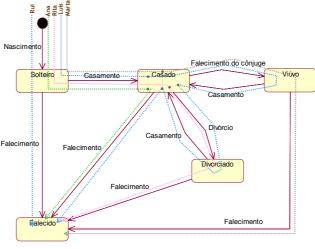
- Modelar comportamento (ciclo de vida) de tipos de objectos interessantes por diagramas de estados UML
- Determinar sequências de teste que cobrem (pelo menos) todos os estados e transições nos diagramas de estados
 - P/ testes mais completos, expandir elem.s compostos (estados, guardas, eventos)
 - Quando não há interacções entre objectos, uma seq. de teste é um caminho no diagrama de estados partindo do estado inicial (uma vida possível de um objecto)
 - Como um diagrama de estados UML representa uma máquina de estados estendida (com variáveis de estado adicionais), nem todos os caminhos no diagrama representam necessariamente comportamentos válidos
 - Quando há interacções entre objectos, uma sequência de teste é uma história de execução de um conjunto de objectos interdependentes (em que a vida de cada objecto corresponde a um caminho válido no diagrama de estados respectivo)
- (Opc) Representar sequências de teste por diagramas de sequência UML
- Converter para VDM++ e completar com verificação de resultados esperados
- Testar também eventos não válidos (violação de pré-condições)

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

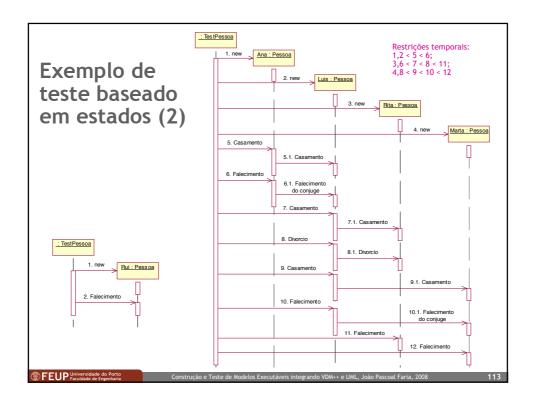
11'

Exemplo de teste baseado em estados (1)



FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008



Exemplo de teste baseado em estados (3) public TestSingle() == (

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exemplo de teste baseado em estados (4)

```
public TestCouples() == (
  dcl d1: DateUtils Date := mk_DateUtils Date(1960, 1, 1); -- nascimento
  dcl d3: DateUtils`Date := mk_DateUtils`Date(2000, 1, 1); -- falec. conjuge
  dcl a: Pessoa := new Pessoa("Ana", <Feminino>, d1, nil, nil);
  dcl l: Pessoa := new Pessoa("Luis", <Masculino>, d1, nil, nil);
  a.Casamento(l);
  Assert(a.GetEstadoCivil() = <Casado>);
  Assert(a.GetConjuge() = l);
  Assert(l.GetEstadoCivil() = <Casado>);
  Assert(l.GetConjuge() = a);
  a.Falecimento(d3);
                                                      Quantos asserts vale
  Assert(a.GetEstadoCivil() = <Falecido>);
                                                      a pena fazer?
  Assert(a.GetConjuge() = nil);
   Assert(a.GetExConjuges() = [l]);
  Assert(a.GetDataFalecimento() = d3);
  Assert(l.GetEstadoCivil() = <Viuvo>);
   Assert(l.GetConjuge() = nil);
  Assert(l.GetExConjuges() = [a]);
```

Teste baseado em cenários

- Cenários de utilização são também bons cenários de teste
 - · Cenários normais
 - Cenários alternativas / excepcionais
- Cenários de utilização/teste podem ser representados por diagramas de sequência UML
- Cenários de utilização/teste podem ser formalizados por métodos de teste parametrizados em VDM++
 - Devem ser o mais genéricos possível
 - Podem ter pré/pós condições e asserções
- Instanciar depois os cenários com valores de teste concretos

Exemplo de teste baseado em cenários

```
class ATMTest is subclass of Test
 public SuccessfulWithdrawal(m: ATM, c: Card, p: Pocket, pin: nat, value: nat1) == (
  m.insertCard(c);
  Assert(m.getStatus() = <EnterPin>);
                                                public TestWithdrawalLimit() == (
                                                 dcl m : ATM := new ATM({10 -> 5, 20 -> 5});
  m.enterPin(pin);
  Assert(m.getStatus() = <SelectOperation>);
                                                 dcl a : Account := new Account(150);
                                                 dcl c : Card := new Card(a, 1111);
  m.selectOperation(<Withdrawal>);
  Assert(m.getStatus() = <EnterAmount>);
                                                 dcl p : Pockect := new Pocket({|->});
                                                 m.SetWithdrawalLimit(150);
  m.enterAmount(value);
                                                 SuccessfulWithdrawal(m, c, p, 1111, 150)
  p.add(m.pickMoney());
  m.removeCard()
                                               end ATMTest
 pre m.getStatus() = <InsertCard>
  and pin = c.getPin() and value <= c.getAccount().getBalance()
  and m.hasStock(value) and value <= m.getWithdrawalLimit()
 post c.getAccount().getBalance() = c.getAccount().getBalance()~ - value
  and m.getBalance() = m.getBalance()~ - value
  and p.getBalance() = p.getBalance()~ + value and m.getStatus() = <InsertCard>;
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

11

Teste baseado em axiomas

- Especificações axiomáticas (em OBJ, etc.) e testes partilham o facto de não usarem um modelo do estado interno do objecto (que normalmente está escondido)
- Tal como nos cenários, axiomas podem ser formalizados por métodos de teste parametrizados em VDM++
 - Válidos para quaisquer valores dos parâmetros que obedeçam à précondição
- Instanciar depois com valores de teste concretos

Exemplo de teste baseado em axiomas

```
class StackTest is subclass of Test
                  -- Top(Push(s,x)) = x
                  public PushTop(s : Stack , x: int) == (
                     s.Push(x);
                     Assert(s.Top() = x)
                  -- Pop(Push(s, x)) = s
Axiomas
                  public PushPop(s: Stack, x: int) == (
                     Stack spre = s.Clone();
                     s.Push(x);
                     s.Pop();
                     Assert(s.Equals(spre))
                  public TestPushTop() == ( PushTop(new Stack(), 1) );
Casos de
teste
                  public TestPushPop() == ( PushPop(new Stack(), 1) )
                 end StackTest
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

110

Test-Driven Development com VDM++

- Princípios:
 - Escrever os testes antes do objecto dos testes (em cada iteração)
 - Desenvolver por pequenas iterações
 - · Automatizar os testes
 - "Refabricar" (refactor) para remover duplicação de código
- Vantagens de TDD:
 - Garantir qualidade dos testes
 - Pensar em casos particulares antes de pensar em casos gerais
 casos de teste são especificações parciais
 - Sistemas complexos que funcionam resultam da evolução de sistemas mais simples que funcionam

Exercícios

- Seguir a parte final (sobre testes) do tutorial de utilização das VDM Tools (problema da Stack)
- Escrever testes para o problema da contas bancárias

FEUP Faculdade de Engenharia

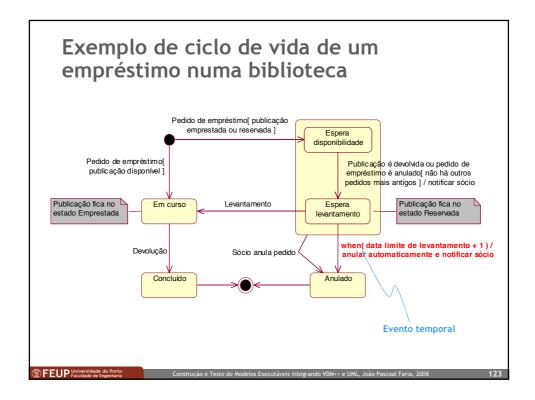
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

. . .

Modelação de eventos temporais

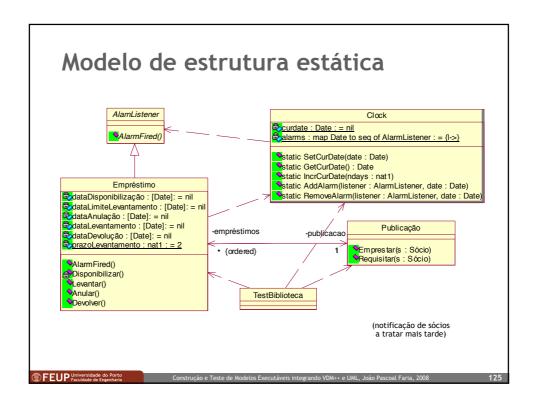
FEUP Universidade do Porto

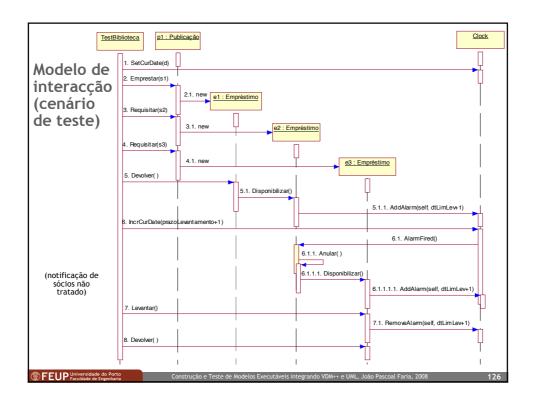
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008



Modelação de eventos temporais em VDM++

- VDM++ n\u00e3o tem suporte nativo para eventos temporais
- Eventos temporais podem ser gerados por um relógio com alarme
- O padrão de desenho "Observer" pode ser usado na comunicação entre o relógio e os seus "clientes"
- Para efeito de modelação e teste, não é necessário usar a data do sistema, basta uma data simulada comandada pelo código de teste
- Para simplificar os testes, vamos considerar que o relógio funciona de forma síncrona com o resto do sistema
- Posteriormente, o modelo poderia ser refinado para o caso assíncrono, em que se teriam de tratar problemas de concorrência





Classe "Clock" (1)

Modelação do estado (a vermelho tem a ver com alarmes):

Classe "Clock" (2)

Definição de operações sobre a data corrente:

```
operations
public static GetCurDate() res : Date ==
return curdate;

public static SetCurDate(date : Date) ==
(
while curdate < date do
IncrCurDate()
)
pre date >= curdate and not changing_curdate;

public static IncrCurDate(n : nat1) ==
(
for i = 1 to n do
IncrCurDate()
)
pre not changing_curdate;
...
```

Classe "Clock" (3)

 Definição de operação auxiliar que incrementa a data corrente e dispara os alarmes, ilustrando também limitações de pós-condições com callbacks

```
private static IncrCurDate() ==
(
    changing_curdate := true;
    curdate := DateUtils`NextDate(curdate);
    while curdate in set dom alarms do (
        dcl listener : AlarmListener := hd alarms(curdate);
        RemoveAlarm(listener, curdate);
        listener.AlarmFired()
);
    changing_curdate := false
)
    ext wr curdate, alarms, changing_curdate
    pre not changing_curdate -- não é reentrante!
    post curdate = DateUtils`NextDate(curdate-) and curdate not in set dom alarms
        and not changing_curdate;
-- pós-condição não formalizável: os listeners registados para a nova data (e
-- não removidos até chegar a sua vez), têm de ter sido chamados (com a data
-- já actualizada) pela ordem por que se registaram
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

120

Classe "Clock" (4)

 Definição de operações para registar (adicionar) e remover alarmes (póscondições omitidas):

```
public static AddAlarm(listener : AlarmListener, date : Date) ==

(
    if date in set dom alarms then alarms(date) := alarms(date) ^ [listener]
    else alarms := alarms munion { date | -> [listener] }
)
pre date > curdate and not ExistsAlarm(listener, date);

public static RemoveAlarm(listener : AlarmListener, date : Date) ==
    (
    alarms(date) := SeqUtils`Remove[AlarmListener](listener, alarms(date));
    if alarms(date) = [] then alarms := {date} <-: alarms
    )
    pre ExistsAlarm(listener, date);

public static ExistsAlarm(listener : AlarmListener, date : Date) res: bool ==
    return date in set dom alarms and listener in set elems alarms(date);
end Clock
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Classe "AlarmListener"

```
class AlarmListener

operations

public AlarmFired() ==
    is subclass responsibility;

end AlarmListener
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200

121

Classe "Empréstimo" - Registar alarme

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Classe "Empréstimo" - Reagir a alarme

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 123

Classe "Empréstimo" - Remover alarme

```
-- O sócio anula o pedido
public Anular() == (
    if GetEstado() = <EsperaLevantamento> then (
        dataAnulação := Clock`GetCurDate(); -- altera estado
        Clock`RemoveAlarm(self, DateUtils`NextDate(dataLimiteLevantamento));
        def e2 = publicação.GetPróximoPedido() in if e2 <> nil then e2.Disponibilizar()
    )
    else
        dataAnulação := Clock`GetCurDate()
)
pre GetEstado() in set {<EsperaDisponibilidade>, <EsperaLevantamento>}
post GetEstado() = <Anulado>;
```

```
-- O sócio levanta a publicação pedida
public Levantar() == (
    dataLevantamento := Clock`GetCurDate();
    Clock`RemoveAlarm(self, DateUtils`NextDate(dataLimiteLevantamento))
)
pre GetEstado() = <EsperaLevantamento>
post GetEstado() = <EmCurso>;
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Definição de pós-condições com callbacks

- No caso de operações c/ callbacks (e.g., invocação de event listeners ou event handlers), quem escreve a operação não sabe o efeito resultante no estado do sistema
- Nestes casos, o efeito pretendido é mais procedimental (e.g., invocar todos os "event listeners" registados, por ordem de registo)
- OCL permite exprimir efeitos de operações que incluem envio de mensagens para outros objectos com consequências desconhecidas (e.g. callbacks):
 - obj^msg(args) a operação enviou (has sent) uma instância da mensagem msg (chamada de operação ou envio de sinal) para o objecto obj
 - Wildcard "?" pode ser usado para argumentos de valor desconhecido ou livre
- Exemplo:
 - context Clock::IncrCurDate()
 post: alarms(curdate)@pre->forAll(alarm | alarm ^ AlarmFired())
 - Mas não garante que é seguida a ordem de registo!
 - E não permite tratar o caso de eliminação/adição de alarmes!

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

121

* Exercício

 Escrever uma especificação de um sistema de gestão de elevadores, usando um relógio simulado, com vista a permitir avaliar, por simulação, o desempenho de diferentes algoritmos de atendimento dos pedidos

Concorrência e sincronização

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

127

Concorrência e sincronização em VDM++

- Concorrência: através da definição de objectos activos que podem ser donos de threads
 - Classes de objectos activos têm secção "thread" onde se especifica o comportamento do thread
 - Instrução "start" inicia thread num objecto previamente criado
 - Dois tipos de threads: simples e periódicos
- Sincronização: através de restrições de sincronização no acesso a objectos partilhados (tipicamente passivos)
 - Restrições de sincronização são definidas de forma declarativa
 - Permitem limitar concorrência entre objectos activos/threads
 - Restrições são indicadas na secção "sync" da definição da classe
 - Dois tipos de restrições/predicaos: de permissão e de exclusão mútua
 - Restrições são herdadas por subclasses

Threads simples (ou procedimentais)

- thread statement(s)
 - Secção da definição da classe que indica a instrução (normalmente uma operação) ou sequência de instruções a realizar pelo thread
 - O thread morre quando se completa a execução dessa(s) instrução(ões)
- start(objRef)
 - Instrução usada para iniciar um thread sobre o objecto indicado
 - O thread não é iniciado ao criar o objecto para permitir inicializações
 - Chamado de novo (mesmo sem acabar anterior), inicia novo thread
- startlist(objRefSet)
 - Instrução usada para iniciar um conjunto de threads
- threadid
 - Número natural que identifica univocamente o thread corrente

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

```
Exemplo
                                                                              out.txt
                                                                                               mk_(3, 9)
mk_(3, 10)
mk_(3, 11)
                                                                                                                mk_( 2, 37 )
mk_( 2, 38 )
mk_( 2, 39 )
                                                                               mk_( 2, 1 )
                                                                              mk_(2, 2)
mk_(2, 3)
mk_(2, 4)
class Worker
                            standard VDM++ IO library
 operations
                                                                              mk_(2, 5)
mk_(2, 6)
mk_(2, 7)
                                                                                               mk_(3, 13)
mk_(3, 14)
mk_(3, 15)
                                                                                                                mk_(3, 21)
mk_(3, 22)
mk_(3, 23)
     public doit() == (
        dcl io : IO := new IO();
        dcl rc : bool;
                                                                              mk_(2, 8) mk_(3, 16) mk_(2, 9) mk_(3, 17) mk_(2, 10) mk_(3, 18)
                                                                                                                mk_( 3, 24 )
mk_( 3, 25 )
        for i = 1 to 40 do
           rc := io.fwriteval[nat * nat]("out.txt",
                                                                              mk_(2, 11) mk_(3, 19) mk_(2, 12) mk_(3, 20) mk_(2, 13) mk_(2, 21)
                                                                                                                mk_( 3, 27 )
mk_( 3, 28 )
                          mk_(threadid, i), <append>)
                                                                              mk_( 2, 14 )
mk_( 2, 15 )
                                                                                              mk_( 2, 22 )
mk_( 2, 23 )
                                                                                                                mk_( 3, 30 )
mk_( 3, 31 )
     public wait_done() == skip;
                                                                              public static main() == (
                                                                                                                mk_( 3, 33 )
mk_( 3, 34 )
        dcl w1 : Worker := new Worker();
                                                                                                                mk_( 3, 35 )
mk_( 3, 36 )
        dcl w2 : Worker := new Worker();
        start(w1); start(w2);
                                                                              mk_( 3, 1 )
                                                                                               mk_( 2, 29 )
                                                                                                                mk_( 3, 37
         w1.wait_done(); w2.wait_done()
                                                                                               mk_( 2, 30 )
mk_( 2, 31 )
                                                                              mk_( 3, 2 )
mk_( 3, 3 )
                                                                                                                mk_( 3, 38 )
mk_( 3, 39 )
     );
             Com w1 outra vez também resultava
                                                                              mk_( 3, 4 )
                                                                                               mk_( 2, 32 )
                                                                                                                mk_( 3, 40 )
 thread doit()
                                                                              mk_(3, 5)
mk_(3, 6)
mk_(3, 7)
                                                                                               mk_(2, 33)
mk_(2, 34)
mk_(2, 35)
 sync per wait_done => #fin(doit) > #act(wait_done)
end Worker
                                                                              mk_( 3, 8 )
                                                                                               mk (2, 36)
```

A propósito: biblioteca padrão de IO

- Incluir ficheiro \$TOOLBOXHOME/stdlib/io.vpp no projecto
- writeval[tipo](valor)
 - Função que escreve o valor do tipo indicado, em ASCII, no standard output
 - Exemplo: writeval[nat](20)
- fwriteval[tipo](ficheiro, valor, modo)
 - Função que escreve o valor do tipo indicado, em ASCII, no standard output
 - O modo pode ser <append> (acrescentar) ou <start> (criar)
 - Exemplo: fwriteval[nat]("output.txt", 20, <append>)
- echo(texto)
 - Operação que escreve o texto, possivelmente com sequências de escape, no standard output.
 - Exemplo: echo("ola\n")
- fecho(ficheiro, texto, [modo])
 - · Idem, em ficheiro
- ferror()
 - Todas as funções/operações anteriores devolvem false em caso de erro. Esta operação devolve (e limpa) a string com a mensagem de erro correspondente

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

11

Threads periódicos

- thread periodic (timeinterval) (opname)
 - Executa repetidamente a operação de acordo com o intervalo de tempo especificado (em "unidades de tempo do sistema")
 - 📤 A operação deve executar em tempo inferior ao intervalo de tempo
 - Não são suportados pelas VDMTools Light

```
-- timer that periodically increments its clock, at every 1000 system time units class Timer instance variables private curTime: nat := 0; operations private IncTime() == curTime := curTime + 1; public GetTime() res: nat == return curTime; thread periodic(1000)(IncTime) end Elevator
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Predicados de permissão

- per operation-name => guard-condition
 - Especifica condição a verificar para a operação poder ser executada
 - Se não se verificar no momento da chamada da operação, esta fica em espera
- Condição de guarda pode usar valores de variáveis de instância, bem como valores de contadores de execução de operações (ver a seguir)
- Condição de guarda é diferente de uma pré-condição
 - Não satisfação de pré-condição é um erro
 - Não satisfação de condição de guarda apenas coloca a chamada em espera
- Interpretador detecta e avisa eventuais situações de "deadlock"
- Só se pode especificar um predicado de permissão por operação
- * Regras para reavaliação das condições de guarda:
 - Ocorre quando termina a execução duma operação (sobre mesmo objecto)
 - Teste da condição e (potencial) activação da operação realizados atomicamente
 - Não está definido qual é o objecto cuja expressão de guarda é reavaliada 1º

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

14

Contadores de execução de operações



Expressão	Descrição
#act(op- name)	Nº de vezes que a operação foi activada (iniciou execução) sobre este objecto.
#fin(op- name)	Nº de vezes que a operação foi concluída (terminou execução) sobre este objecto.
#active(op- name)	N° de chamadas da operação que estão presentemente activas sobre este objecto. #active(op-name) = #act(op-name) - #fin(op-name)
#req(op- name)	N° de chamadas da operação sobre este objecto.
#waiting(op- name)	N° de chamadas que estão presentemente em espera sobre este objecto. #waiting(op-name) = #req(op-name) - #act(op-name)

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Predicados de exclusão mútua (mutex)

- mutex(op-name1, op-name2, ...)
 - Operações não podem executar em simultâneo (sobre o mesmo objecto)
- mutex(all)
 - "all" refere-se a todas as operações definidas na classe e superclasses
- A mesma operação pode aparecer em múltiplos predicados mutex (e num predicado de permissão)
- Predicados mutex são implicitam/ traduzidos para predicados de permissão

```
    mutex(opA, opB);

 mutex(opB, opC, opD);
 per opD => someVariable > 42;
```

```
per opA => #active(opA) + #active(opB) = 0;
per opB => #active(opA) + #active(opB) = 0 and
           #active(opB) + #active(opC) + #active(opD) = 0;
per opC => #active(opB) + #active(opC) + #active(opD) = 0;
per opD => #active(opB) + #active(opC) + #active(opD) = 0
           and someVariable > 42;
```

Exemplo - Bounded Buffer (1/4)

```
-- Bounded buffer used to exchange messages between active objects
class BoundedBuffer
  public EndOfMessage : char = '!';
instance variables
  private buf : seq of char := [];
  private size: nat1;
operations
 public BoundedBuffer(sz: nat1) res:BoundedBuffer == (size := sz; return self);
 public Get() res : char == (dcl c : char := hd buf; buf := tl buf; return c );
 public Put(c: char) == ( buf := buf ^ [c] );
sync
  per Get => len buf > 0; -- waits until buffer not empty
  per Put => len buf < size; -- waits until buffer not full
end BoundedBuffer
                                 Sistema sequencial → Sistema concorrente
```

Pré-condição (c/args) → Condição de guarda (s/args)

Exemplo - Bounded Buffer (2/4)

```
-- Active object responsible for sending a message through a channel class SenderAgent instance variables private channel: BoundedBuffer; private message: seq of char; operations public SenderAgent(ch: BoundedBuffer, msg: seq of char)res:SenderAgent == (channel:= ch; message:= msg; return self); public SendNow() == (
    for c in message do channel.Put(c); channel.Put(BoundedBuffer`EndOfMessage)
    )
    thread SendNow()
end SenderAgent
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

1.1

Exemplo - Bounded Buffer (3/4)

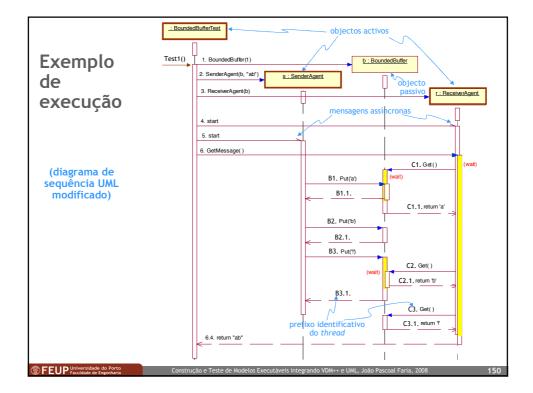
```
-- Active object responsible for receiving a message through a channel
class ReceiverAgent
 instance variables
    private channel: BoundedBuffer;
    private message : seq of char := [];
 operations
     public ReceiverAgent(ch : BoundedBuffer) r: ReceiverAgent ==
       (channel := ch; return self);
     public ReceiveNow() == (
        dcl c : char := channel.Get();
        message := [];
        while c <> BoundedBuffer `EndOfMessage do
           ( message := message ^ [c]; c := channel.Get())
     public GetMessage() res : seq of char == return message;
 thread ReceiveNow()
 sync -- GetMessage waits for the reception of one more message
     per GetMessage => #fin(ReceiveNow) > #act(GetMessage)
end ReceiverAgent
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exemplo - Bounded Buffer (4/4)

FEUP Universidade do F



* Exercícios

- Experimentar os exemplos descritos nas VDM Tools
- Especificar um gestor de locks partilhados (para leitura) e exclusivos (para escrita) a objectos, com ou sem espera

FEUP Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200

151

Projecto: Máquina de vendas

- Elaborar um modelo UML (diagramas de classes e de estados) de uma máquina de vendas, importar para VDM++, e completar especificação (para já não executável) com invariantes, pré-condições, pós-condições e corpo de operações e testar a especificação.
- Requisitos
 - A máquina aceita moedas de 0.05, 0.1, 0.2, 0.5, 1 e 2 euros
 - A máquina tem um stock de moedas que servem para dar o troco aos clientes que o necessitem
 - A máquina tem um stock de produtos e cada produto tem um preço
 - A máquina pode estar em modo de operação ou manutenção
 - No modo de manutenção, é possível actualizar o stock de produtos e de moedas
 - No modo de utilização, a máquina deve mostrar aos clientes os produtos disponíveis; estes seleccionam o produto pretendido e depois inserem as moedas correspondentes; a máquina deve dar troco sempre que possível ou devolver o dinheiro ao cliente sem efectuar a venda.
- Usar algoritmo guloso (greedy) com retrocesso (backtracking) para calcular o troco procurando minimizar o nº de moedas

Referências e leituras adicionais

- <u>Validated Designs for Object-oriented Systems</u>. John Fitzgerald, Peter Gorm Larsen, Paul Mukherjee, Nico Plat and Marcel Verhoef. ISBN: 1-85233-881-4. Springer Verlag, New York. 2005.
- http://www.vdmbook.com/
- Manual de VDM++ (langmanpp_a4.pdf)
- Manual de VDMTools (usermanpp_a4.pdf)
- www.uml.org especificações e recursos sobre UML, OCL, etc.

FEUP Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

15

Anexo A: Guião de Utilização da Ferramenta VDMTools Lite

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Utilização das VDMTools Lite

- Instalar
- Arrancar
- Criar um projecto
- Escrever uma especificação
- Adicionar ficheiro ao projecto
- Verificar sintaxe e tipos
- Depuração de erros
- Correr o interpretador
- Verificação de invariantes, pré-condições e pós-condições
- Reunir casos de teste numa classe de teste
- Analisar cobertura dos testes
- Produzir um relatório do projecto

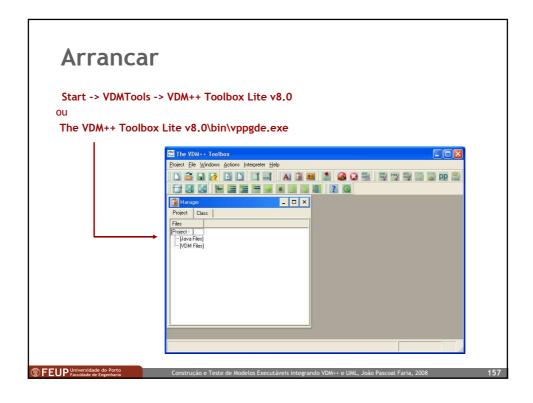
FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

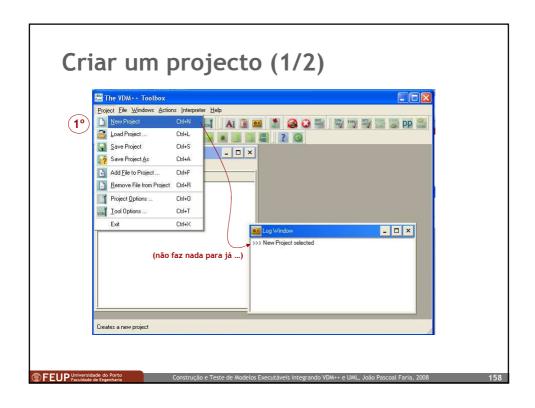
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

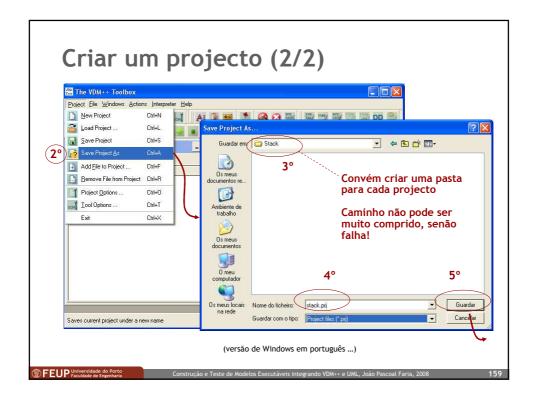
155

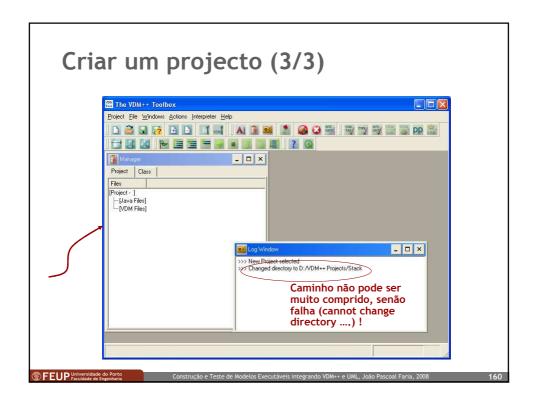
Instalar

- VDM++ Toolbox Lite v8.0 (versão sem geração de código)
- Download gratuito (após registo) a partir de <u>http://www.vdmbook.com/</u> -> tools -> download
- Instalação em Linux: a versão Lite (gratuita) só existe para Windows, a versão comercial também existe para Linux







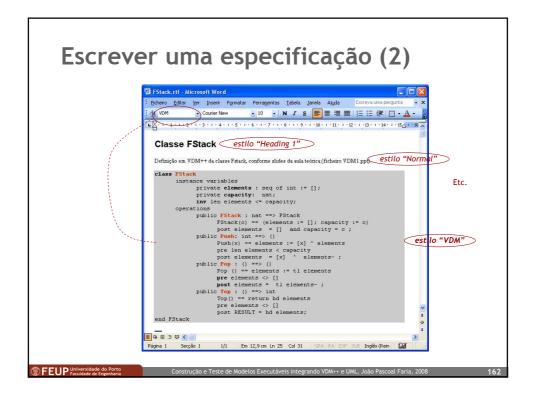


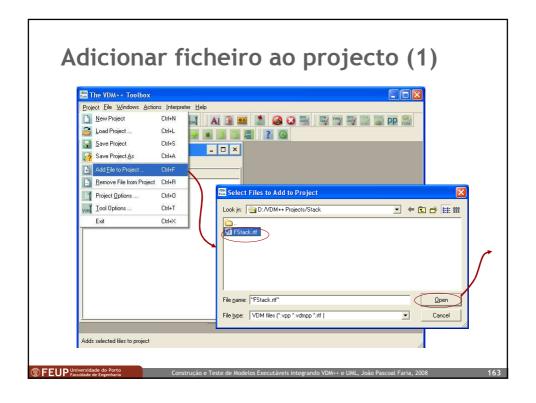
Escrever uma especificação (1)

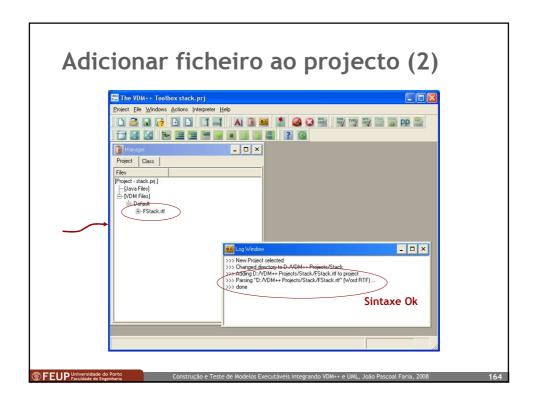
- Programação literária (código e documentação integrados)
- Código em VDM++ é escrito num documento em formato RTF (Rich Text Format), usando estilos pré-definidos no template "The VDM++ Toolbox Lite v8.0\word\VDM.dot"
- Abrir o ficheiro "VDM.dot" e gravar em formato RTF, com o nome da classe a criar, por exemplo "FStack.rtf", no directório do projecto
- Normalmente, convém criar um ficheiro para cada classe
- O ficheiro pode ter código VDM++ e documentação
- Formatar o código VDM++ com o estilo "VDM"

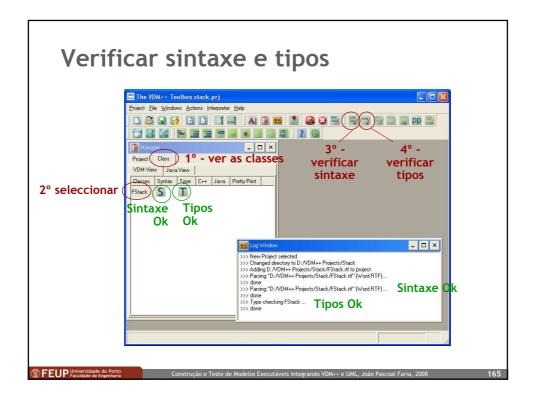
FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

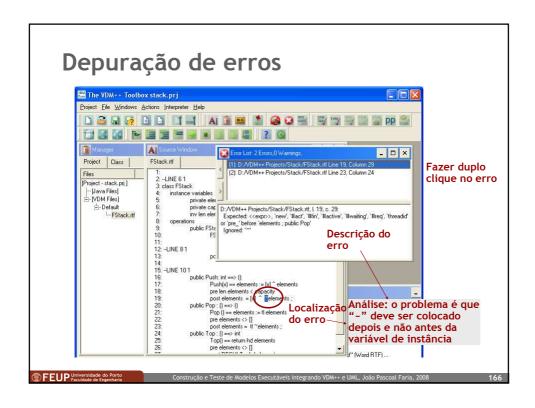
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

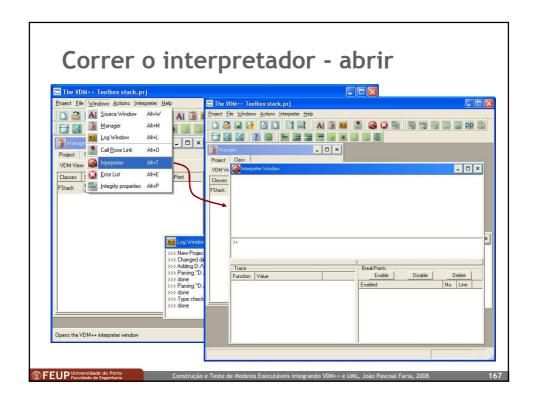


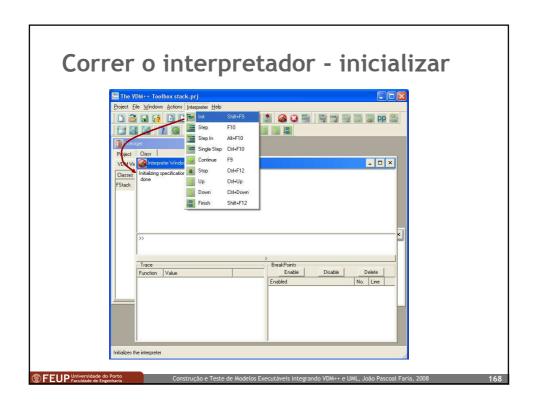


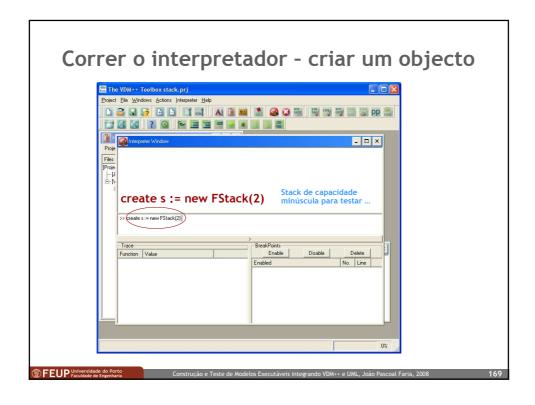


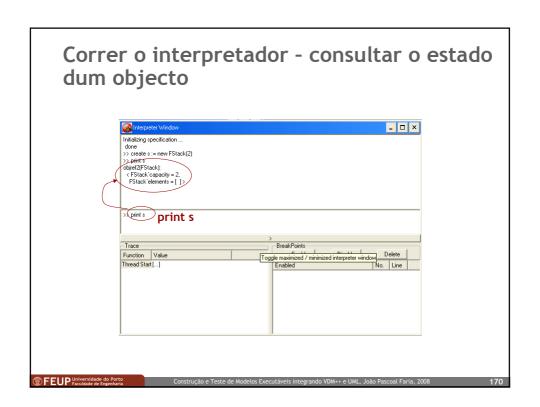


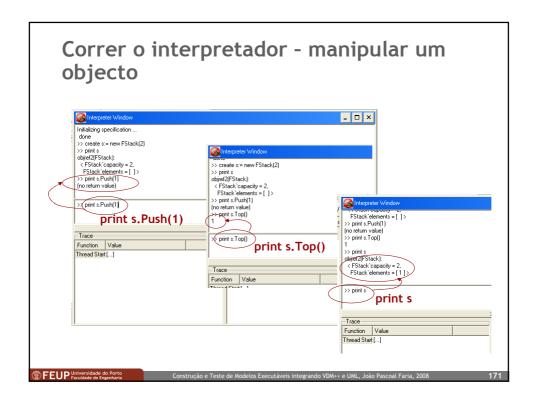


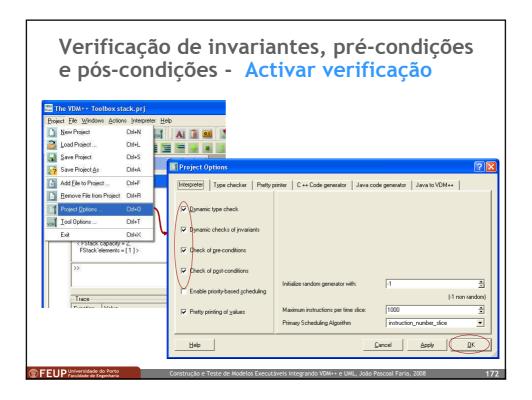


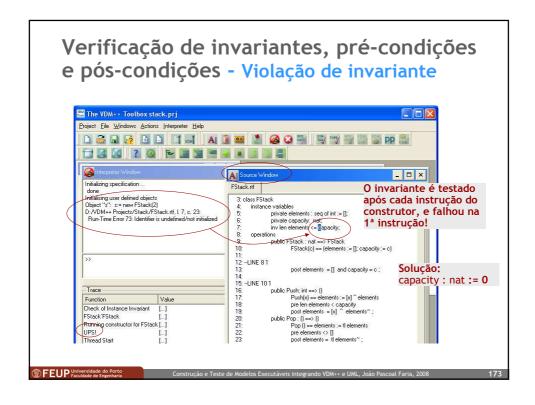


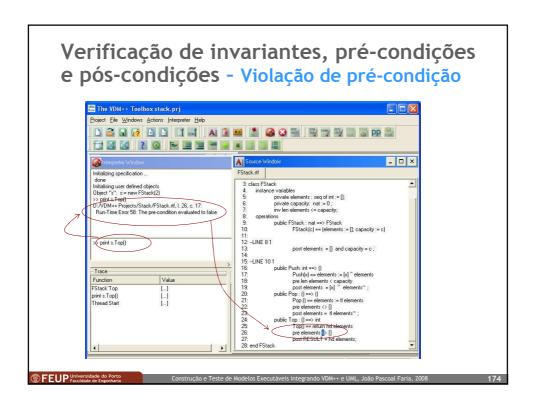


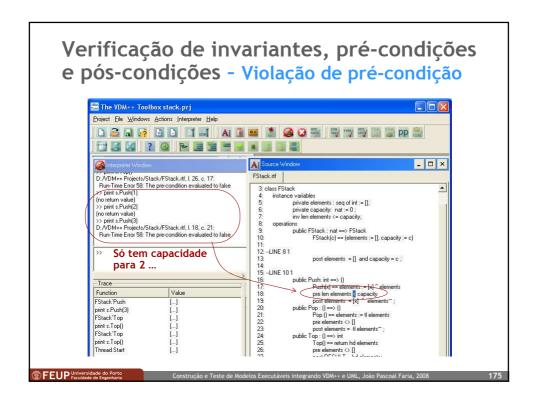


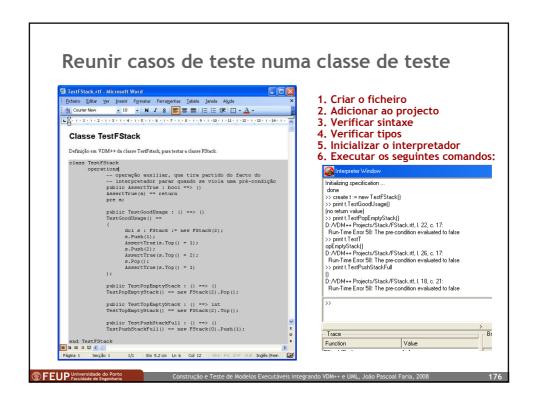


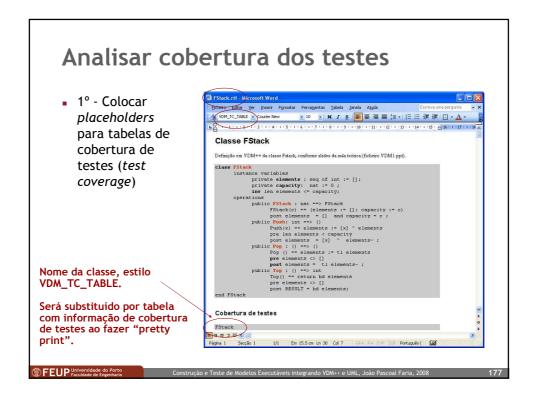


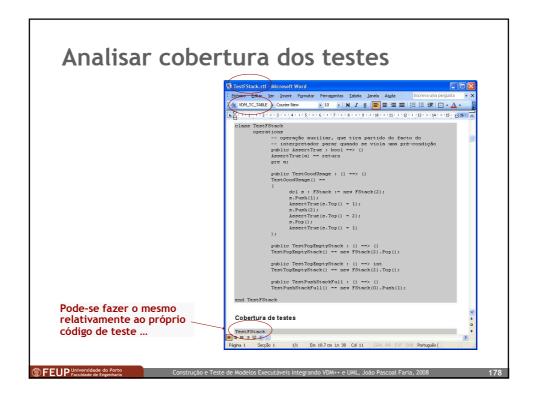


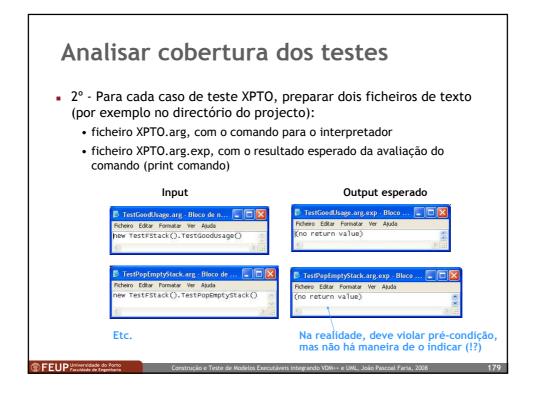


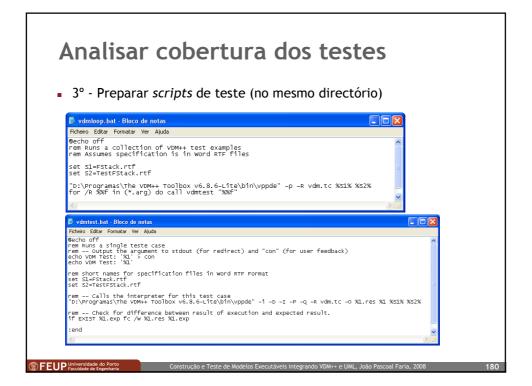


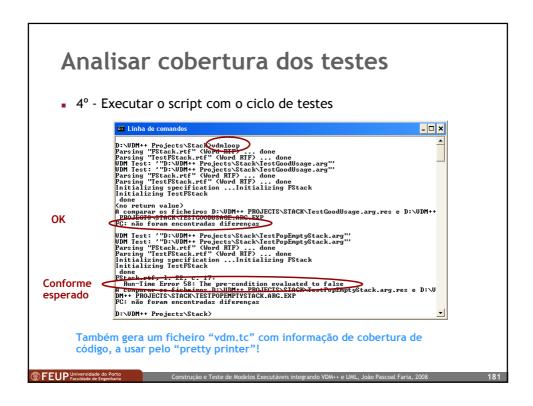


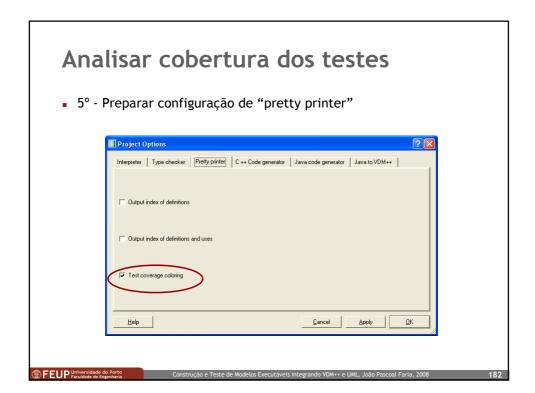


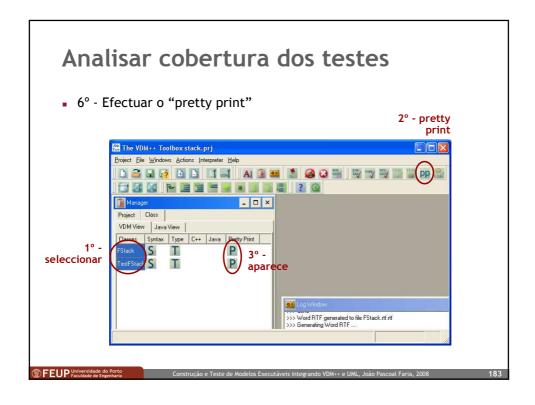


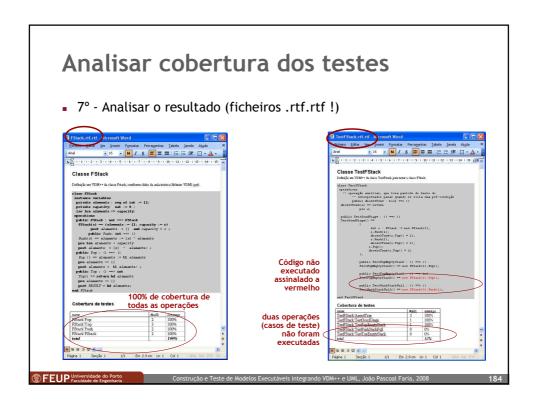












Produzir um relatório do projecto

- No Word, criar documento, por exemplo "master.rtf", em que se inserem links para os vários ficheiros com a facilidade "Insert File ..." -> botão "Insert as Link"
- Convém inserir os ficheiros resultantes de pretty print (ClassName.rtf.rtf)
- Usar facilidade "Update field" para actualizar os links
- Ver exemplo em "Stack\master.rtf"
- Ver exemplo com todos os ficheiros do projecto em Stack.zip

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

10E

Anexo B: Operadores e expressões em VDM++

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Operadores e expressões

- Operadores
 - Operadores de comparação
 - Operadores booleanos
 - Operadores numéricos
 - Operadores sobre conjuntos
 - Construção de conjuntos
 - Operadores sobre sequências
 - Construção de sequências
 - Operadores sobre mapeamentos
 - Construção de mapeamentos
 - Operadores sobre records
 - Operadores sobre tuplos

- Expressões
 - Expressão "let"
 - Expressões "if" e "cases"
 - Padrões
 - Quantificadores
 - Ligações (bindings)
 - Expressão de selecção "iota"
 - Teste de pertença a tipo
 - Teste de pertence a classe

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

40

Operadores de comparação

- Igual: =
- Diferente: <>
- Estão definidos para todos os tipos de dados, inclusive conjuntos, sequências e mapeamentos (maps)
- São os únicos operadores para os tipos char, token e quotes

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Operadores booleanos

Operator	Name	Type
not b	Negation	$bool \to bool$
a and b	Conjunction	$bool * bool \to bool$
a or b	Disjunction	$bool * bool \to bool$
a => b	Implication	$bool * bool \to bool$
a <=> b	Biimplication	$bool * bool \to bool$
a = b	Equality	$bool * bool \to bool$
a <> b	Inequality	$bool * bool \to bool$

(fonte: langmanpp a4.pdf)

- No caso de "and", "or" e "=>", 2° operando só é avaliado se for necessário para determinar o resultado
- Na realidade, segue lógica de 3 valores (3° valor significa não definido)
 - ver detalhes no manual

Operadores numéricos

Nota:
Os tipos indicados para os operandos são os mais gerais permitidos. Isto significa, por exemplo, que o sinal menos unário funciona para operandos de todos os tipos numéricos (nat1, nat, int, rat e real).

(fonte: langmanpp_a4.pdf)

Operator	Name	Type
-x	Unary minus	real o real
abs x	Absolute value	real o real
floor x	Floor	$real \to int$
х + у	Sum	$real * real \to real$
х - у	Difference	$real * real \to real$
х * у	Product	$real * real \to real$
х / у	Division	$real * real \to real$
х div у	Integer division	$int * int \to int$
х rem у	Remainder	$int * int \to int$
x mod y	Modulus	$int * int \to int$
х**у	Power	$real * real \to real$
x < y	Less than	$real * real \to bool$
х > у	Greater than	$real * real \to bool$
х <= у	Less or equal	$real * real \to bool$
x >= y	Greater or equal	$real * real \to bool$
x = y	Equal	real * real o bool
x <> y	Not equal	$real * real \to bool$

Operadores sobre conjuntos

Operador	Nome	Descrição	Tipo	
e in set s1	Pertença	e ∈ s1	A * set of A > bool	
e not in set s1	Não pertença	e∉s1	$A * set of A \rightarrow bool$	
s1 union s2	Reunião	s1 ∪ s2		
s1 inter s2	Intersecção	s1 ∩ s2	set of $A * set of A \rightarrow set of A$	
s1 \ s2	Diferença	s1 \ s2		
s1 subset s2	Subconjunto	s1 ⊆ s2		
s1 psubset s2	Subconjunto próprio	s1 ⊂ s2 (s1⊆s2 ∧ s1≠s2)	set of $A * set of A \rightarrow bool$	
s1 = s2	Igualdade	s1 = s2	Set of A Set of A > boot	
s1 <> s2	Desigualdade	s1 ≠ s2		
card s1	Cardinal	# s1	set of $A \rightarrow \text{nat}$	
dunion ss	Reunião distribuída	$\bigcup_{s_{i} \in ss} s_{i}$	set of set of $A \rightarrow$ set of A	
dinter ss	Intersecção distribuída	$\bigcap_{s_i \in ss} s_i$	set of set of A → set of A	
power s1	Conjunto de sub-conjuntos (ou partes) de s1	ℱ(s1)	set of $A \rightarrow$ set of set of A	

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 191

Operadores sobre conjuntos

```
Examples: Let s1 = {<France>,<Denmark>,<SouthAfrica>,<SaudiArabia>},
      s2 = \{2, 4, 6, 8, 11\} \text{ and } s3 = \{\} \text{ then:}
  <England> in set s1

≡ false

  10 not in set s2
                                                          \equiv true
  s2 union s3
                                                           \equiv {2, 4, 6, 8, 11}
  s1 inter s3
  (s2 \setminus \{2,4,8,10\}) union \{2,4,8,10\} = s2 = false
  s1 subset s3
  s3 subset s1
  s2 psubset s2
                                                           \equiv false
  s2 \iff s2 \text{ union } \{2, 4\}
                                                          \equiv false
                                                          ≡ 5
  card s2 union \{2, 4\}
  card $2 \text{union } \{2, \frac{4}{5}, \{4,5,6\}, \{0,12\}\} \ \equiv \{0,2,4,5,6,8,11,12\} \\ \text{dinter } \{\sigma2, \{2,4\}, \{4,5,6\}\} \\ \equiv \{4\}
  dunion power \{2,4\}
                                                         \equiv \{2,4\}
  dinter power \{2,4\}
                                                         \equiv {}
```

Construção de conjuntos

- Em extensão: {*e1*, *e2*, ..., *en*}
 - Exemplos: {1, 3, 5}, {}
- Em compreensão: {e | bd1, bd2, ..., bdm & P}
 - Conjunto formado pelos valores da expressão e (sem duplicados) para todos os valores das variáveis introduzidas nos bindings que obedecem ao predicado P
 - Normalmente o binding é da forma: variável in set conjunto
 - Formas mais gerais de bindings ver mais adiante
 - A parte do predicado (& P) é opcional
- Por intervalo: {lower, ..., upper}
 - Conjunto de valores inteiros entre lower e upper, inclusive
 - Exemplo: {1, ..., 6} é o mesmo que {1, 2, 3, 4, 5, 6}
 - Se lower > upper , o conjunto é vazio

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

103

Exemplo: Registo Civil

Operação para obter os filhos de uma pessoa:

```
public GetFilhos() res : set of Pessoa ==
  return { f | f in set pessoas & f.pai = self or f.mae = self };
```

Operação p/ obter todos os descendentes de uma pessoa:

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Operadores sobre sequências

Operador	Nome	Descrição	Tipo
hd l	Cabeça (head)	Dá o 1º elemento de l, que não pode ser vazia	seq of $A \rightarrow A$
tl l	Cauda (tail)	Dá a subsequência de l em que o 1º elemento foi removido. l não pode ser vazia	seq of $A \rightarrow \text{seq of } A$
len l	Comprimento	Dá o comprimento de l	seq of $A \rightarrow \text{nat}$
elems l	Elementos	Dá o conjunto formado pelos elementos de l (sem ordem nem repetidos)	seq of $A \rightarrow \text{set of } A$
inds l	Índices	Dá o conjunto dos índices de l, i.e., {1,, len l}	seq of $A \rightarrow$ set of nat1
l1 ^ l2	Concatenação	Dá a sequência formada pelos elementos de l1 seguida pelos elementos de l2	(seq of A) * (seq of A) \rightarrow seq of A
conc ll	Concatenação distribuída	Dá a sequência formada pela concatenação dos elementos de ll (que são por sua vez sequências)	seq of seq of $A \rightarrow \text{seq}$ of A
l ++ m	Modificação de sequência	Os elementos de l cujos índices estão no domínio de m são modificados para o valor correspondente em m. Deve-se verificar: dom m subset inds l.	$(\text{seq of } A) * (\text{map nat1} \text{to } A) \rightarrow \text{seq of } A$
l(i)	Aplicação de sequência	Dá o elemento que se encontra no índice i de l. Deve-se verificar: i in set inds l.	seq of $A * nat1 \rightarrow A$
l(i,, j)	Subsequência	Dá a subsequência de l entre os índices i e j, inclusive. Se i < 1, considera-se 1. Se j > len s, considera-se len(s).	seq of A * nat * nat \rightarrow seq of A

Outros: =, <>

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 195

Operadores sobre sequências

```
Examples: Let 11 = [3,1,4,1,5,9,2], 12 = [2,7,1,8],
     13 = [<England>, <Rumania>, <Colombia>, <Tunisia>] then:
len 11
hd (11<sup>1</sup>2)
                                               ≡ 3
tl (11<sup>1</sup>2)
                                               \equiv [1,4,1,5,9,2,2,7,1,8]
13(len 13)
                                              = <Tunisia>
                                              = 'n'
"England"(2)
conc [11,12] = 11^12
                                             ≡ true
conc [11,11,12] = 11^12
                                             = false
                                             \equiv { <England>, <Rumania>,
                                                    <Colombia>,<Tunisia>}
                                          \equiv \{1,2\}
 (elems 11) inter (elems 12)
 inds 11
                                             \equiv \{1,2,3,4,5,6,7\}
(inds 11) inter (inds 12)
                                             \equiv \{1,2,3,4\}
13 ++ \{2 \mid -> \land Germany>, 4 \mid -> \land Nigeria>\} \equiv [ \land England>, \land Germany>,
                                                    <Colombia>, <Nigeria>]
 l1(2, ..., 4)
                                              = [1, 4, 1]
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Construção de sequências

■ Em extensão: [e1, e2, ..., en]

• Exemplos: [1, 3, 1, 5], []

■ Em compreensão: [e | id in set S & P]

- Constrói a sequência formada pelos valores da expressão *e* para todos os valores do identificador *id* (por ordem crescente) em que o predicate *P* é verdadeiro.
- A expressão e deve usar o identificador id
- S deve ser um conjunto numérico
- A parte do predicado (& P) é opcional

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia . Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 107

Operadores sobre mapeamentos

Operador	Nome	Descrição	Tipo
dom m	Domínio	Dá o domínio (conjunto de chaves) de m	map A to $B \rightarrow \text{set of } A$
rng m	Contra-domínio (range)	Dá o contra-domínio (conjunto de valores correspondentes a chaves) de m	map A to $B \rightarrow \text{set of } B$
m1 munion m2	Reunião (merge)	Faz a reunião dos pares chave- valor existentes em m1 e m2, que têm de ser compatíveis (não podem fazer corresponder valores diferentes a chaves iguais)	$(\text{map } A \text{ to } B) * (\text{map } A \text{ to } B) \rightarrow \text{map } A \text{ to } B$
m1 ++ m2	Sobreposição (override)	Reunião sem restrição de compatibilidade. Em caso de conflito, prevalece m2.	
merge ms	Reunião distribuída	Faz a reunião dos mapeamentos contidos em ms, que devem ser compatíveis.	set of (map A to B) \rightarrow map A to B

Operadores sobre mapeamentos

Operador	Nome	Descrição	Tipo	
s <: m	Domínio restrito a	Dá o mapeamento constituído pelos elementos de m cuja chave está em s (que não tem de ser um subconjunto de dom m)	(set of A) ^	
s <-: m	Domínio restrito por	Ide m cuia chave não esta em s (que não tem de)		
m :> s	Contra- domínio restrito a	Dá o mapeamento constituído pelos elementos de m cujo valor de informação está em s (que não tem de ser um subconjunto de rng m)	$(\text{map } A \text{ to } B) *$ $(\text{set of } B) \rightarrow$	
m :-> s	Contra- domínio restrito por	Dá o mapeamento constituído pelos elementos de m cujo valor de informação não está em s (que não tem de ser um subconjunto de rng m)	map A to B	

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 100

Operadores sobre mapeamentos

Operador	Nome	Descrição	Tipo
m(d)	Aplicação de mapeamento	Dá o valor corresponde à chave d por m. A chave d deve existir no domínio de m.	$(\text{map } A \text{ to } B) * A \rightarrow B$
m1 comp m2	Composição de mapeamentos	Dá m2 seguido de m1. O mapeamento resultante tem o mesmo domínio que m2. O valor correspondente a cada chave é obtido aplicando primeiro m2 e depois m1. Restrição: rng m2 subset dom m1.	(map B to C) * (map A to B) \rightarrow map A to C
m ** n	lteração	Composição de m consigo próprio n vezes. Se n=0, dá a função identidade, em que cada elemento do domínio é mapeado para si próprio. Se n=1, dá m. Se n>1, rng m deve ser um subconjunto de dom m.	(map A to A) * nat \rightarrow map A to A
inverse m	Mapeamento inverso	Dá o inverso de m, que deve ser injectivo.	inmap A to $B \rightarrow$ inmap B to A

Outros: =, <>

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Operadores sobre mapeamentos

```
Examples: Let
      m1 = { <France > |-> 9, <Denmark > |-> 4,}
            <SouthAfrica> |-> 2, <SaudiArabia> |-> 1},
      m2 = \{ 1 \mid -> 2, 2 \mid -> 3, 3 \mid -> 4, 4 \mid -> 1 \},
      Europe = { <France>, <England>, <Denmark>, <Spain> }
     then:
     dom m1
                                            = {<France>, <Denmark>,
                                                <SouthAfrica>,
                                                <SaudiArabia>}
     rng m1
                                           \equiv \{1,2,4,9\}
     m1 munion {<England> |-> 3}
                                           \equiv {<France> |-> 9,
                                                <Denmark> |-> 4,
                                                <England> |-> 3,
                                                <SaudiArabia> |-> 1,
                                                <SouthAfrica> |-> 2}
```

Operadores sobre mapeamentos

```
m1 ++ {<France> |-> 8,
                           \equiv {<France> |-> 8,
     <England> |-> 4}
                               <Denmark> |-> 4,
                               <SouthAfrica> |-> 2,
                               <SaudiArabia> |-> 1,
                              <England> |-> 4}
<England> |-> 3,
                             <UnitedStates> |-> 1}
      <UnitedStates> |-> 1}}
                           \equiv {<France> |-> 9,
Europe <: m1
                               <Denmark> |-> 4}
Europe <-: m1
                           <SaudiArabia> |-> 1}
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Operadores sobre mapeamentos

```
m1 :> \{2, ..., 10\}
                                           \equiv {<France> |-> 9,
                                                <Denmark> |-> 4,
                                                <SouthAfrica> |-> 2}
m1 :-> {2,...,10}
                                        \equiv \{ \langle SaudiArabia \rangle | - \rangle 1 \}
m1 comp ({"France" \mid - \rangle <France>}) \equiv {"France" \mid - \rangle 9}
                                           \equiv {1 |-> 4, 2 |-> 1,
m2 ** 3
                                                3 |-> 2, 4 |-> 3 }
                                           \equiv {2 |-> 1, 3 |-> 2,
inverse m2
                                                4 |-> 3, 1 |-> 4 }
m2 comp (inverse m2)
                                           \equiv {1 |-> 1, 2 |-> 2,
                                                3 |-> 3, 4 |-> 4 }
```

FEUP Universidade do Porto

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 202

Construção de mapeamentos

- Em extensão: {d1 |-> r1, d2 |-> r2, ..., dn |-> rn}
 - Exemplo: { 1 |-> "um", 2 |-> "dois" }
 - Mapeamento vazio: {|->} (para distinguir de conjunto vazio)
- Em compreensão: {ed |-> er | bd1, ..., bdn & P}
 - Constrói um mapeamento avaliando as expressões ed (chave) e er (valor correspondente à chave) para todos os bindings possíveis para os quais o predicado P é verdadeiro
 - Exemplo: listagem de pessoas e nº de filhos correspondente, restrita às pessoas com filhos

 $\{ p \mid -> card \ p.GetFilhos() \mid p \ in \ set \ pessoas \ \& \ p.GetFilhos() <> \{ \} \}$

FEUP Universidade do Porto

Operadores sobre records

Constructors: The record constructor: $mk_A(a, b)$ where a belongs to the type A1 and b belongs to the type A2.

Operators:

Operator	Name	Type
r.i	Field select	$A * Id \rightarrow Ai$
r1 = r2		A*A o bool
r1 <> r2	Inequality	A*A obool
is_A(r1)	Is	$\mathit{Id}*\mathit{MasterA} \to bool$

Semantics of Operators:

Operator Name	Semantics Description	
Field select	yields the value of the field with fieldname i in the	
	record value r. r must have a field with name i.	

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

```
Examples: Let Score be defined as
                           Score :: team : Team
Operadores
                                    won : nat
                                    drawn : nat
sobre
                                    lost : nat
records
                                     points : nat;
                           Team = <Brazil> | <France> | ...
                        and let
                         sc1 = mk_Score (<France>, 3, 0, 0, 9),
                         sc2 = mk_Score (<Denmark>, 1, 1, 1, 4),
                         sc3 = mk_Score (<SouthAfrica>, 0, 2, 1, 2) and
                         sc4 = mk_Score (<SaudiArabia>, 0, 1, 2, 1).
                        \quad \text{Then} \quad
                         sc1.team \equiv <F sc4.points \equiv 1
                                                   \equiv <France>
                         sc2.points > sc3.points \equiv true
                         is_Score(sc4)
                                                  = true
                         is_bool(sc3)
                                                  \equiv false
                         is_int(sc1.won)
                                                 ≡ true
                         sc4 = sc1
                                                 \equiv false
                         sc4 <> sc2
                                                 = true
```

* Operadores sobre records

The record modification has the form:

```
mu (e, id1 |-> e1, id2 |-> e2, ..., idn |-> en)
```

where the evaluation of the expression e returns the record value to be modified. All the identifiers idi must be distinct named entrances in the record type of e.

Examples: If sc is the value $mk_Score(<France>,3,0,0,9)$ then

```
mu(sc, drawn \mid -> sc.drawn + 1, points \mid -> sc.points + 1) \equiv mk.Score(<France>,3,1,0,10)
```

Na realidade não modifica, gera um novo record modificado!

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

207

Operadores sobre tuplos

(Lembrar que tuplos são instâncias de produtos de tipos)

Constructors: The tuple constructor: mk_(a1, a2, ..., an)

Operators:

Operator	Name	Type
t.#n	Select	T*nat o Ti
t1 = t2	Equality	T*T o bool
t1 <> t2	Inequality	T*T obool

Examples: Let a = $mk_{(1, 4, 8)}$, b = $mk_{(2, 4, 8)}$ then:

nples: Let
$$a = mk_{-}(1, 4, 4)$$

 $a = b \equiv false$
 $a <> b \equiv true$
 $a = mk_{-}(2, 4) \equiv false$

Expressão "let"

- let definição1, definição2, ... in expressão
 - Devolve valor da expressão da parte "in" usando definições de variáveis ou funções introduzidas na parte "let"
 - Definição de variável (no sentido matemático): identificador = expressão
 - Definição de variável (no sentido matemático) c/ padrão: padrão = expressão
 - Definição de função: usando sintaxe habitual para definir função de forma explícita (assinatura introduzida antes dos nomes dos argumentos)
 - · Permite aumentar a legibilidade da especificação
- let identificador in set conjunto [be st condição] in expressão
 - Escolhe um elemento arbitrário do conjunto para usar na expressão
 - Devolve o valor da expressão da parte "in"
 - No caso da parte "be st" existir (ler "be such that"), escolhe um elemento obedecendo à condição
 - Outras formas: ver manual

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

200

Exemplos de "let"

• Exemplo: Função para obter o máximo dum conjunto de reais

```
max(s: set of real) res: real ==
  let x in set s Escolhe valor arbitrário x de conjunto s para usar a seguir
  in let resto = s \setminus \{x\} Define variável resto para usar a seguir
       in if resto = {} then x
           else let max2: real * real -> real
                                                                Define função max2
                   max2(a,b) == if a > b then a else b
                                                               para usar a seguir
               in max2(x, max(resto))
   pre s <> {};
max(s: set of real) res: real ==
                                                            Escolhe valor de conjunto
  let x in set s be st (not exists y in set s & y > x)
                                                            obedecendo a condição
  in x
  pre s <> {};
```

Expressões "if" e "cases"

- if condição then expressão1 else expressão2
 - Se a condição for verdadeira, dá o valor da expressão1, senão dá o valor da expressão2
 - "elseif" = "else if"

```
cases expressão:
  padrão11, ..., padrão1N -> expressão1,
  ...,
  padrãoM1, ..., padrãoMN -> expressãoM,
  others -> expressãoM1
end
```

- Os padrões (ver a seguir) são comparados por ordem com a expressão
- Se o 1° padrão a fazer "match" é padrãoij, devolve o valor de expressãoi
- Parte "others" é opcional
- Semelhante a "switch", com a diferença de se poderem usar padrões

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

21

Exemplo de "cases" com constantes

```
Caso simples em
que os padrões
são constantes
literais
```

```
functions

public static DaysOfMonth(year, month: nat1) res: nat1 == (
    cases month:
    1, 3, 5, 7, 8, 10, 12 -> 31,
    4, 6, 9, 11 -> 30,
    2 -> if IsLeapYear(year) then 29 else 28 end
    )
    pre month >= 1 and month <= 12;
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exemplo de "cases" com padrões functions Caso de sequência vazia (usa padrão de constante literal) mergesort (s: seq of nat) res: seq of nat == cases s: Caso de sequência com um único elemento x (usa padrão de [] -> [], enumeração de sequência e *[x] -> [x], padrão de identificador) s1 ^ s2 -> merge (mergesort(s1), mergesort(s2)) Caso de sequência que se pode exprimir como a concatenação merge(s1, s2: seq of nat) res : seq of nat == de duas subsequências não vazias (usa padrão de concatenação de cases true: sequências e padrão de $_{\star}(s1 = []) -> s2,$ identificador) (s2 = []) -> s1, (hd s1 < hd s2) -> [hd s1] ^ merge(tl s1, s2), Usa padrão "valor de expressão" Necessita parêntesis! others -> [hd s2] ^ merge(s1, tl s2) end; FEUP Universidade do F

Padrões

Tipo de padrão	Descrição
identifier	Faz match com qualquer valor, fixando o valor do identificador.
literal	Constante literal. Só faz <i>match</i> com o mesmo valor.
-	Don't care.
(expression)	Valor de uma expressão. Só faz <i>match</i> com o mesmo valor. Parêntesis podem ser necessários para não confundir com outros padrões.
{p1, p2,}	Faz <i>match</i> com um conjunto com o mesmo nº de elementos, e que fazem <i>match</i> com os padrões p1, p2, etc. (por qualquer ordem).
p1 union p2	Faz match com um conjunto que se pode exprimir como a união de dois subconjuntos disjuntos não vazios que fazem match com os padrões p1 e p2.
[p1, p2,]	Faz match com uma sequência com o mesmo nº de elementos, e que fazem match com os padrões p1, p2, etc. (pela mesma ordem).
p1 ^ p2	Faz match com uma sequência que se pode exprimir como a concatenação de duas subsequências não vazias que fazem match com os padrões p1 e p2.
mk_(p1, p2,)	Faz <i>match</i> com um tuplo com o mesmo nº de componentes, e que fazem <i>match</i> com os padrões indicados (pela mesma ordem).
mk_RecordName(p1, p2,)	Faz <i>match</i> com um <i>record</i> do mesmo tipo e com o mesmo nº de componentes, e que fazem <i>match</i> com os padrões indicados (pela mesma ordem).

Ligações (bindings)

- Set binding: padrão1, ..., padrãoN in set conjunto
 - Tenta fazer *match* dos padrões com os elementos do conjunto, fixando (*binding*) os valores dos identificadores introduzidos nos padrões
 - Na maioria dos casos, os padrões são simplesmente identificadores
- Type binding: padrão1, ..., padrãoN : tipo
 - Semelhante ao anterior, só que considera as instâncias de um tipo (potencialmente em nº infinito!) em vez dos elementos de um conjunto
 - Type bindings não são executados pelo interpretador, pois um tipo de dados pode ter um número infinito de instância!
- Usados principalmente em quantificadores e definição de colecções em compreensão

Exemplos com quantificadores

• Exemplo: restrição de unicidade de chave

```
-- número é chave de sócio, isto é, não podem existir

-- dois sócios com o mesmo número

inv not exists s1, s2 in set sócios &

s1 <> s2 and s1.número = s2.número;
```

ou, equivalentemente (pelas leis de De Morgan):

```
inv forall s1, s2 in set sócios & s1 <> s2 => s1.número <> s2.número;
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200

21

Expressão de selecção "iota"

- iota identificador in set conjunto & condição
- .
- Selecciona o único elemento do conjunto que obedece à condição
- Outras formas da expressão "iota": ver manual
- Exemplo: Operação de selecção de sócio pelo número (chave)

```
public GetSócio(número: nat1) res: Sócio ==
return iota s in set sócios & s.GetNúmero() = número
pre exists1 s in set sócios & s.GetNúmero() = número;
```

Exemplo do máximo

```
max(s: set of real) res: real ==
iota x in set s & (not exists y in set s & y > x)
pre s <> {};
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Teste de pertença a tipo

Sintaxe	Semântica	Exemplos
is_typeName(expression)	Verifica se a expressão é do tipo indicado. Só é aplicável a tipos básicos e <i>record</i> s.	<pre>is_bool(1) = false is_Date(mk_Date(2001,1,1)) = true</pre>
is_(expression, typeExpr)	Verifica se a expressão é do tipo indicado. É aplicável também a outros tipos.	size: set of nat seq of nat -> nat size(s) == if is_(s, seq of char) then len s else card s;

Útil sobretudo quando se usam uniões!

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

219

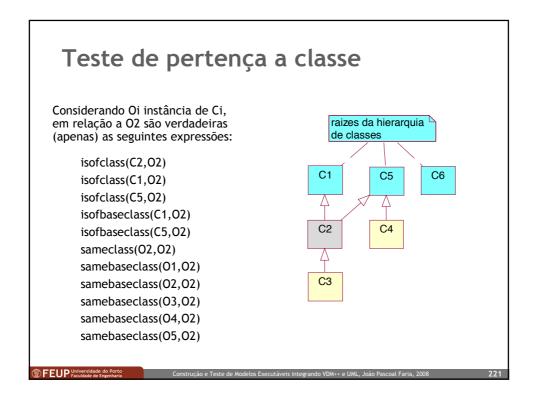
Teste de pertença a classe

Sintaxe	Semântica
isofclass(className, object_ref)	Verifica se o objecto indicado é uma instância da classe indicada ou de uma subclasse
sameclass(object_ref1, object_ref2)	Verifica se os dois objectos são instâncias da mesma classe
isofbaseclass(className, object_ref)	Verifica se o objecto indicado é instância duma classe que tem a classe indicada como raiz na hierarquia de classes
samebaseclass(object_ref1, object_ref2)	Verifica se os dois objectos são instâncias de classes que têm uma classe comum como raiz na hierarquia de classes

Útil sobretudo quando se usam subclasses (equivalente 00 a uniões)!

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008



Anexo C: Funções avançadas em VDM++

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Funções avançadas

- Funções polimórficas
- Funções de ordem superior
- O tipo função
- A expressão lambda

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

222

Funções polimórficas

- nomeFunção[@TypeParam1, @TypeParam2, ...] ...
- São funções genéricas, que podem ser usadas com valores de diferentes tipos
- Têm parâmetros especiais (type parameters) que devem ser substituídos por nomes de tipos concretos ao usar a função
- Nomes desses parâmetros começam por "@" e são indicados entre parêntesis rectos a seguir ao nome da função
- Semelhantes a function templates em C++

Funções polimórficas

 Exemplo: função utilitária, que verifica se uma sequência de elementos de um tipo qualquer tem duplicados:

```
public static HasDuplicates[@T](s: seq of @T) res: bool ==
    exists i, j in set inds s & i <> j and s(i) = s(j);
```

• Exemplo de utilização dessa função:

```
class Publicação
instance variables
private autores: seq of Autor := []:
inv not HasDuplicates[Autor](autores);
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Funções de ordem superior

- São funções que recebem outras funções como argumentos, ou (Curried functions) que retornam funções como resultado
- I.e. têm argumentos ou resultado do tipo função
- Exemplo: função que acha um zero aproximado duma função entre limites especificados, com erro máximo especificado, pelo método das bissecções sucessivas:

```
findZero( f: real -> real , x1, x2, err: real) res: real ==
  if abs(x1 - x2) <= err and abs(f(x1) - f(x2)) <= err then x1
  else let m = (x1 + x2) / 2
      in if sinal(f(m)) = sinal(f(x1)) then findZero(m,x2)
            else findZero(x1,m)
  pre sinal(f(x1)) <> sinal(f(x2));
```

O tipo função

- Função total: arg1Type * arg2Type * ... +> resultType
- Função parcial: arg1Type * arg2Type * ... -> resultType

Pode-se ver como um único argumento do tipo tuplo (instância do produto de tipos)

- O tipo de uma função é definido pelos tipos de argumentos e resultado
- Instâncias de um tipo de função (i.e. funções concretas) podem ser passadas como argumento ou retorno de funções, e guardadas (por referência) em estruturas de dados

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

227

O tipo função

Operator	Name	Type
f1 comp f2	Function composition	$(B \to C) * (A \to B) \to (A \to C)$
f ** n	Function iteration	(A o A)*nat o (A o A)

Operator Name	Semantics Description
Function composi-	it yields the function equivalent to applying first
tion	f2 and then applying f1 to the result. f1, but not
	f2 may be Curried.
Function iteration	yields the funciton equivalent to applying f n
	times. n=0 yields the identity function which just
	returns the value of its parameter; n=1 yields the
	function itself. For n>1, the result of f must be
	contained in its parameter type.

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

A expressão lambda

lambda padrãoArg1: Tipo1, ..., padrãoArgN: TipoN & expr



- Constrói uma função on the fly
- Padrões normalmente são simplesmente identificadores de argumentos
- Usado normalmente para passar como argumento a outra função (de ordem superior)
- Exemplo: achar um zero real de um polinómio

findZero(lambda x: real & 5 * x**3 - x**2 - 2, 0, 1, 0.0000001)

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

220

Anexo D: Exemplo da Agenda Corporativa

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Caracterização sumária do sistema

- Cada recurso (pessoa, espaço ou equipamento) tem uma agenda associada (date book), com compromissos (appointments) e disponibilidades (slots)
- Um compromisso pode envolver vários recursos e pode ocupar um conjunto de intervalos de tempo
- Os compromissos marcados por terceiros estão sujeitos às disponibilidade manifestadas
- O sistema deve ajudar o utilizador a marcar compromissos, mostrando hipóteses de marcação
- Exemplos de aplicações: marcação de consultas, marcação de reuniões, reserva de equipamentos, etc.

FEUP Faculdade de Engenharia

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 22.

Requisitos (1)

- O sistema deve permitir gerir a marcação de compromissos envolvendo vários recursos numa organização.
- 2. Os recursos podem ser pessoas, espaços ou equipamentos.
- 3. Cada recurso tem uma agenda associada (datebook).
- Cada agenda tem um dono, que é uma pessoa da organização.
- 5. O dono da agenda de uma pessoa é a própria pessoa.
- Uma agenda (datebook) tem elementos de dois tipos: compromissos (appointments) e disponibilidades (slots).
- 7. Um compromisso é de um certo tipo (reunião, aula, etc.), envolve um ou mais recursos e ocupa um intervalo de tempo ou um conjunto de intervalos de tempo, com resolução ao minuto.
- 8. Deve ficar registado quem marcou um compromisso (autor do compromisso).

Requisitos (2)

- 9. Um recurso não pode ter dois compromissos ao mesmo tempo.
- Uma disponibilidade refere-se a um recurso, um tipo de compromisso e um intervalo de tempo ou um conjunto de intervalos de tempo.
- Quando a pessoa só pode marcar um compromisso numa agenda de que não é dona, dentro das disponibilidades definidas pelo dono da agenda. Só o dono da agenda pode marcar compromissos sem verificação de disponibilidades.
- As agendas podem ser consultadas por todas as pessoas da organização.
- Os compromissos podem ser públicos ou privados. Um compromisso privado só pode ser consultado pelo autor do compromisso, pelas pessoas envolvidas no compromisso e pelos donos das agendas dos recursos envolvidos.

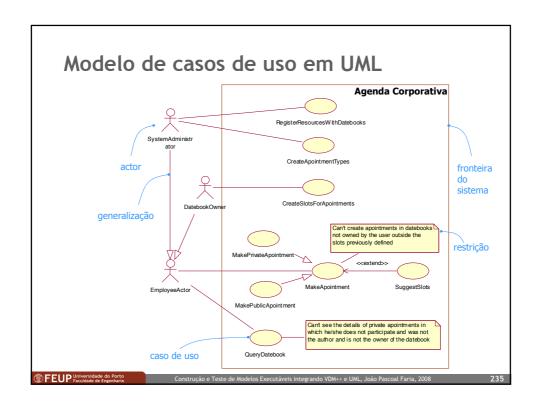
FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

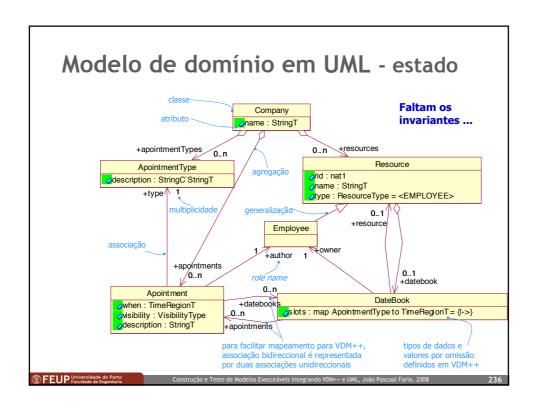
Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

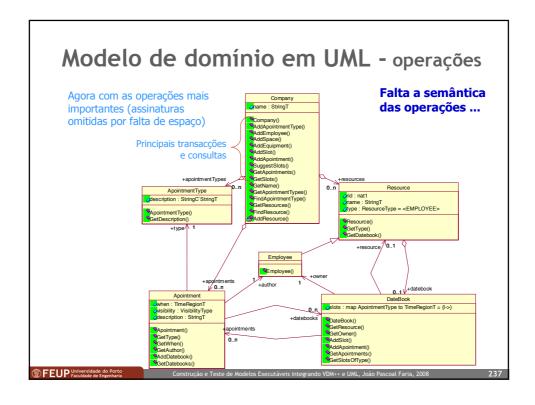
223

Requisitos (3)

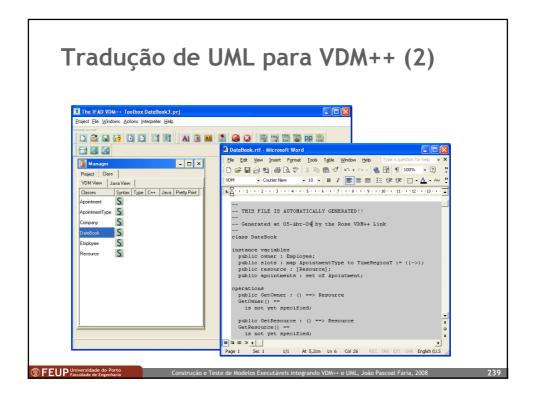
- O sistema deve ajudar o utilizador a marcar compromissos da seguinte forma: o utilizador indica o tipo de compromisso a marcar (exemplo: reunião), os recursos envolvidos, a duração do compromisso e restrições temporais para a marcação do compromisso; o sistema deve fornecer uma lista de hipóteses de marcação; cada hipótese mostra um intervalo de tempo dentro do qual é possível marcar o compromisso em todos os recursos (porque têm declarada disponibilidade para o tipo de compromisso especificado e não têm marcados compromissos de qualquer tipo).
- 5. Compete ao administrador do sistema registar os recursos da organização (criando automaticamente as respectivas agendas) e definir os tipos de compromissos possíveis.











Definição de tipos de dados em VDM++ (1)

• Tipos de dados a definir neste caso (*):

Tipo	Descrição
StringT	cadeia de um ou mais caracteres
Date	data representada pelo número de dias decorridos desde uma data base, útil para processamento interno
UserDate	data representada por uma combinação de dia, mês e ano
Time	instante de tempo, representado pelo número de minutos decorridos desde as 0 horas da data base
UserTime	instante de tempo, representado por uma combinação de minutos, horas, dia, mês e ano
TimeInterval	intervalo entre dois instantes de tempo, fechado à esquerda e aberto à direita, representado por 2 valores do tipo Time
Duration	uma duração em minutos

(*) Normalmente estes tipos de dados estariam definidos numa biblioteca

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Definição de tipos de dados em VDM++ (2)

Tipos de dados a definir neste caso (cont.)

Tipo	Descrição
UserTimeInterval	intervalo entre dois instantes de tempo, fechado à esquerda e aberto à direita, representado por um par de valores do tipo UserTime
TimeRegion	região de tempo (conjunto de intervalos de tempo) representada por um conjunto de intervalos de tempo unitários (com 1 min de duração), representados pelos seus inícios (valores do tipo Time)
	representação abstracta pouco eficiente, mas que permite efectuar operações com regiões de tempo usando directamente os operadores de conjuntos (reunião, intersecção e diferença), simplificando a especificação
ResourceType	tipo enumerado que admite os valores <employee>, <equipment> ou <space></space></equipment></employee>
VisibilityType	tipo enumerado que admite os valores <public> ou <private></private></public>

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

. Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 200 24

Exemplo de definição de tipos de dados em VDM++

```
public UserDate :: year : nat1
                                                          definição de tipo de record
                                      day : nat1
    invariante
                    inv d == d.month <= 12 and d.year >= Year0
                                   and d.day <= DaysOfMonth(d.year, d.month);
                  values
constantes
                                                                   construção de record
                   private Year0: nat1 = 1900;
                   private UserDate0 : UserDate = mk_UserDate(Year0,1,1);
                   private static IsLeapYear(year: nat1) res : bool ==
                     year mod 4 = 0 and year mod 100 <> 0 or year mod 400 = 0;
                    private static DaysOfMonth(year, month: nat1) res : nat ==
                     (cases month:
                      1, 3, 5, 7, 8, 10, 12 -> 31,
4, 6, 9, 11 -> 30,
2 -> if IsLeapYear(year) then 29 else 28
 pré-condição
                     end)
                   pre month <= 12;
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exemplo de definição de classe em VDM++ (variáveis de instância)

```
instance variables

só para facilitar testes

public name : StringT;

public apointmentTypes : set of ApointmentType := {};

-- Must be initialized because of invariant.

conjunto de referências para objectos

public resources : set of Resource := {};

-- Must be initialized because of invariant.

public apointments : set of Apointment := {};

-- Because there is a many to many relationship between

-- datebooks and apointments, they "belong" to the company

-- and are referenced by datebooks (and vice versa)
...
```

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

243

Exemplo de definição de classe em VDM++ (invariantes)

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

Exemplo de definição de classe em VDM++ (operações de alteração)

```
public AddApointmentType(desc: StringT)
    res : ApointmentType == (
    dcl t: ApointmentType := new ApointmentType(desc);
    apointmentTypes := apointmentTypes union {t};
    return t
    variável de instância que a operação pode alterar
    ext wr apointmentTypes
    pre desc not in set {at.description | at in set apointmentTypes}
    post apointmentTypes = apointmentTypes~ union {res}
        and res.description = desc;

pré-condição implicada por invariante
    (pode-se efectuar verificação formal)

#"" designa valor
    antigo da variável
```

Exemplo de definição de classe em VDM++ (operações de consulta)

```
public SuggestSlots(type: ApointmentType, rs: set of Resource,
        duration: TimeDurationT, within: TimeRegionT)
        res: set of UserTimeIntervalT ==
return
{TimeIntervalToUserTimeInterval(ti) |
    ti in set
       TimeRegionToTimeIntervals(
         dinter {
             let r_slots = r.GetDatebook().GetSlotsOfType(type),
                r_apoints = dunion {a.when | a in set
                                     r.GetDatebook().GetApointments()}
             in (within inter r_slots \ r_apoints)
           | r in set rs
                                 \{f(x) \mid x \text{ in set } ...\} – define conjunto em compreensão
    & Duration(ti)>=duration
                                 dinter {...} – intersecção de elementos de conjunto
                                 dunion {...} – união de elementos de conjunto
```

Anexo E: Exemplo da Colocação de Professores

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

247

Problema

- Portugal, 2004
- Professores concorrem a vagas; dois tipos de professores:
 - tinham colocação, mas pretendem mudar (se não for possível, ficam onde estavam)
 - não tinham colocação, e pretendem obtê-la (se não for possível, ficam sem colocação)
- Cada professor indica lista totalmente ordenada de vagas a que concorre
- Vagas a concurso incluem posições anteriormente ocupadas pelos professores que pretendem mudar de colocação
- Os professores já estão totalmente ordenados segundo um ranking
- Neste ranking, podem aparecer intercalados professores dos dois tipos
- O resultado da colocação deve obedecer às seguintes restrições:
 - R1: Professores que tinham colocação anterior têm de ficar colocados, nem que seja nessa posição
 - R2: Para cada professor e para cada posição por ele preferida em relação àquela em que foi colocado (inclui todas as posições no caso de ficar por colocar), essa posição tem de estar ocupada por um professor com melhor ranking ou pelo professor que aí estava anteriormente

Formalização do problema (1)

public static colocaProfessores(vagas: set of Vaga, professores: seq of Professor, preferencias: map Professor to seq of Vaga, colocacaoInicial: inmap Professor to Vaga) colocacaoFinal: inmap Professor to Vaga

- -- vagas: conjunto de vagas a concurso, incluindo posições ocupadas inicialmente por
 - professores que querem mudar
- -- professores: conjunto de professores, ordenado por ranking
- -- preferencias: a cada professor faz corresponder uma lista ordenada de vagas -- pretendidas por ordem decrescente
- -- colocacaolnicial: indica os professores que tinham colocação inicial e qual a sua
- -- colocação inicial -- colocacaoFinal: colocação final dos professores
- -- colocacaorinal: colocação final dos professores ore
- -- P1: não existem professores repetidos not hasRepetitions[Professor](professores) and
- -- P2: todos os professores indicam preferências (dom preferencias = elems professores) and
- -- P3: as vagas referidas nas preferências estão no conjunto das vagas (forall p in set dom preferencias & elems preferencias(p) subset vagas) and

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

240

Formalização do problema (2)

- -- P4: a lista de preferências de um professor não tem repetições (forall p in set dom preferencias & not hasRepetitions[Vaga](preferencias(p))) and
- -- P5: os professores com colocação inicial estão no conjunto dos professores (dom colocacaolnicial subset elems professores) and
- -- P6: as vagas referidas na colocação inicial estão no conjunto das vagas
- -- (implicado por P3 e P7)

(rng colocacaolnicial subset vagas) and

- -- P7: no caso de professores que tinham colocação inicial, a sua colocação inicial
- -- deve estar no fim da lista de preferências

(forall p in set dom colocacaolnicial &

colocacaolnicial(p) = preferencias(p)(len preferencias(p)))

post

- -- Q1: os professores referidos na colocação final têm de estar no conjunto de -- professores
- (dom colocacaoFinal subset elems professores) and
- -- Q2: as vagas referidas na colocação final têm de estar no conjunto de vagas (rng colocacaoFinal subset vagas) and

FEUP Universidade do Porto

Formalização do problema (3)

- Q3: um professor só pode ser colocado numa vaga que está nas suas preferências (forall p in set dom colocacaoFinal & colocacaoFinal(p) in set elems preferencias(p)) and
- -- Q4: os professores que estavam inicialmente colocados têm de continuar colocados
- -- no fim (implicado por Q5, dada a pré-condição P7 e a forma como está definida a -- função "temPrecedencia")

(dom colocacaolnicial subset dom colocacaoFinal) and

- -- Q5: todas as vagas pretendidas por um professor, com maior preferência em
- -- relação à posição em que ficou, têm de estar ocupadas por alguém com
- -- precedência sobre essa vaga (tem precedência 1º quem estava aí colocado e depois
- segue-se o ranking) estava colocado inicialmente

(forall p in set elems professores &

let indiceColocacao = if p in set dom colocacaoFinal then index[Vaga](colocacaoFinal(p), preferencias(p)) else

len preferencias(p) + 1

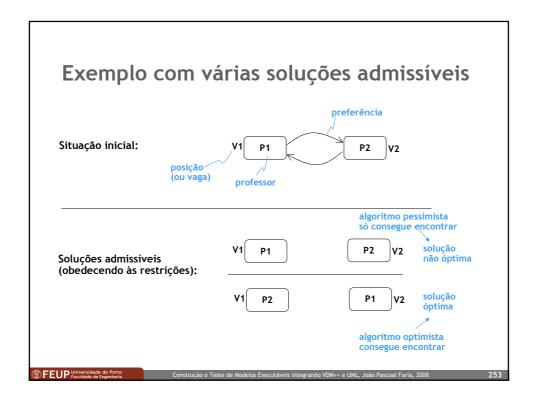
in forall i in set {1, ..., indiceColocacao - 1} &
 let v = preferencias(p)(i)

in v in set rng colocacaoFinal and

temPrioridade((inverse colocacaoFinal)(v),p, v, professores, colocacaoInicial));

Critério de optimalidade

- Pode existir mais do que uma solução que satisfaz as pós-condições
- Designando soluções admissíveis a todas as soluções que satisfazem as restrições indicadas, introduz-se o seguinte critério de optimalidade:
 - Uma solução admissível S1 é melhor do que uma solução admissível S2, se o 1º professor por ordem de ranking que tem colocação diferente nas duas soluções, está melhor colocado em S1
- Por este critério, só há uma só solução óptima, isto é, que é melhor que todas as outras



Algoritmos

- Algoritmo de "força bruta"
 - Gerar o conjunto de todos os mapeamentos injectivos de professores para vagas, rejeitar depois os que não obedecem às pós-condições e finalmente aplicar o critério de optimalidade
 - Tempo exponencial
- Algoritmo "pessimista"
 - Seguido pela Compta, empresa que não conseguiu resolver o problema em 2004
 - Tempo polinomial, não garante solução óptima (ver 1º exemplo)
- Algoritmo "optimista"
 - Desenvolvido pela ATX Software, empresa que resolveu o problema em 2004
 - Tempo polinomial, parece garantir solução óptima
- Algoritmo de Gale-Shapley (dos casamentos estáveis)
 - Mais eficiente (pelo menos em teoria), garante solução óptima (?)

Algoritmo de colocação pessimista

- Consideram-se inicialmente ocupadas as posições iniciais dos professores que pretendem mudar de posição
- 2. Colocam-se os professores pela ordem do ranking:
 - 2.1. Coloca-se o professor na sua melhor preferência que está ainda livre
 - 2.2. Se o professor estava inicialmente colocado e é colocado agora numa nova posição, gera uma vaga que tem de ser recuperada:
 - 2.3.1. Procura-se o professor já colocado de melhor ranking que pode beneficiar dessa vaga
 - 2.3.2. Se não se encontrar nenhum professor nessas condições, a recuperação da vaga fica concluída
 - 2.3.3. Se se encontrar um professor nessas condições, muda-se a colocação desse professor (melhorando-a), o que origina uma nova vaga que tem de ser recuperada da mesma forma

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

255

Algoritmo de colocação optimista (*)

- Consideram-se inicialmente livres as posições iniciais dos professores que pretendem mudar de posição
- 2. Colocam-se os professores pela ordem do ranking, na melhor preferência ainda livre de cada professor (alguns professores podem ficar por colocar)
- Se os professores que estavam inicialmente colocados ficaram todos colocados, o processo termina.
- 4. Senão,
 - 4.1. Os professores que estavam inicialmente colocados e ficaram por colocar são colocados definitivamente nas suas posições iniciais, que deixam de estar livres
 - 4.2. Repete-se a colocação com menos estes lugares livres

(*) Desenvolvido pela



Relação com problema de casamentos estáveis

- Problema de casamentos estáveis, versão clássica:
 - Supondo que cada elemento dum grupo de *n* homens e *n* mulheres ordenou todos os de sexo oposto por ordem de preferência estrita, pretende-se determinar um emparelhamento estável.
 - Sendo H = {h1, ..., hn} e M = {m1, ..., mn} os conjuntos de homens e mulheres, um emparelhamento E é uma qualquer função injectiva de H em M. Informalmente, um emparelhamento é, neste caso, um conjunto de n casais (monogâmicos e heterossexuais).
 - Um emparelhamento E diz-se instável se e só se existir um par (h,m) ∉E tal que h prefere m à sua parceira em E e m também prefere h ao seu parceiro em E. Caso contrário, diz-se estável.

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

257

Relação com problema de casamentos estáveis

- Problema de casamentos estáveis com listas de preferências incompletas
 - Surgiu na colocação de internos em hospitais
 - O critério de estabilidade das soluções é reformulado do modo seguinte: Um emparelhamento é instável se e só se existir um candidato r e um hospital h tais que h é aceitável para r e r é aceitável para h, o candidato r não ficou colocado ou prefere h ao seu actual hospital e h ficou com vagas por preencher ou h prefere r a pelo menos um dos candidatos com que ficou. Caso contrário, diz-se estável.

Relação com problema de casamentos estáveis

Algoritmo de Gale-Shapley (orientado por internos) (1962)

```
Considerar inicialmente que todos os internos estão livres. Considerar também que todas as vagas nos hospitais estão livres. Enquanto existir algum interno r livre cuja lista de preferências é não vazia seja h o primeiro hospital na lista de r; se h não tiver vagas seja r' o pior interno colocado provisoriamente em h; r' fica livre (passa a não estar colocado); colocar provisoriamente r em h; se h ficar sem vagas então seja s o pior dos colocados provisoriamente em h; para cada sucessor s' de s na lista de h remover s' e h das respectivas listas fim
```

FEUP Universidade do Porto

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

250

Relação com problema de casamentos estáveis

- Propriedades do algoritmo de Gale-Shapley (1962):
 - O emparelhamento obtido por este algoritmo é óptimo para os internos e péssimo para os hospitais: qualquer interno fica com o melhor hospital que pode ter em qualquer emparelhamento estável e cada hospital fica com os piores internos.
 - Tempo de execução é de ordem quadrática (nº de internos * nº de hospitais)

Relação com problema de casamentos estáveis

- No problema da colocação de professores, o conceito de emparelhamento é o mesmo, se se considerar que a atribuição é de candidatos a vagas
- Internos correspondem aos professores
- Hospitais correspondem às vagas (ou escolas?)
- Cada vaga prefere 1º o professor que aí estava colocado anteriormente, e depois todos os outros pela ordem do ranking

FEUP Universidade do Porto Faculdade de Engenharia

Construção e Teste de Modelos Executáveis integrando VDM++ e UML, João Pascoal Faria, 2008

241

Formalização do algoritmo (corpo)

```
dcl colocacaoProvisoria: inmap Professor to Vaga := {|->};
dcl prefsRestantes: map Professor to seq of Vaga := preferencias;
dcl profsColocaveis: seq of Professor := professores;
while profsColocaveis <> [] do
 -- escolhe um professor colocável (p) e a vaga (v) à cabeça da sua lista de preferências
 -- (esolhe o 1º professor por ordem de ranking, mas não era obrigatório)
let p = hd profsColocaveis, v = hd prefsRestantes(p) in (
   -- coloca o professor escolhido na vaga preferida, tirando quem aí estava eventualmente
   colocacaoProvisoria := (colocacaoProvisoria :-> {v}) munion {p | -> v};
   -- tira esta vaga das listas de preferências de todos os professores candidatos a esta
   -- vaga, mas com menor prioridade que o professor seleccionado
   for all p2 in set dom prefsRestantes do
     if v in set elems prefsRestantes(p2) then
       if temPrioridade(p, p2, v, professores, colocacaolnicial) then
           prefsRestantes(p2) := remove[Vaga](v, prefsRestantes(p2));
   -- recalcula os professores colocáveis (por colocar, c/lista de preferências não vazia)
   profsColocaveis := [professores(i) | i in set inds professores &
                        professores(i) not in set dom colocacaoProvisoria
                        and prefsRestantes(professores(i)) <> [] ]
return colocacaoProvisoria
                                        Casos de teste em ColocacaoProfessores.zip
```