

Projeto Probabilidades e Estatística

Miguel Lourenço - 100044 (LEEC) Pedro Pinheiro - 100055 (LEEC) Tiago Costa - 100094 (LEEC)

Exercício 9

1. Código em R:

```
set.seed(1918)
n values <- c(30, 50, 100, 200, 300, 500, 1000)
k <- 3000
p < -0.6
c <- 0.93
                                                                    Diferença médias
                                                                        -0.4
z <- qnorm(((1+c)/2), mean = 0, sd = 1)
media_diferencas <- numeric(length(n_values))</pre>
gerador_amostras_bernoulli <- function(n) {
 matrix(rbinom(n * k, size = 1, prob = p), nrow = k, ncol = n)
for (n in n_values) {
 amostras <- gerador amostras bernoulli(n)
 diferenca_intervalos <- numeric(k)
 for (j in 1:k) {
  x_media <- mean(amostras[j,])</pre>
  a <- 1+z^2/n
  b <- -2*x_media-z^2/n
  c <- x_media^2
  eq_matrix <- matrix(c(a, b, c), nrow = 1)
  intervalo confianca 1 <- sort(Re(polyroot(eq matrix)))
  desvio_padrao = sqrt(x_media * (1 - x_media) / n)
  margem_erro <- qnorm(1 - (1 - c) / 2) * desvio_padrao
  intervalo_confianca_2 <- c(x_media - margem_erro, x_media + margem_erro)
  diferenca_intervalos[j] <- ((intervalo_confianca_2[2] - intervalo_confianca_2[1])
                    - (intervalo_confianca_1[2] - intervalo_confianca_1[1]))
 }media_diferencas[i] = mean(diferenca_intervalos)
 i <- i+1
}plot(n_values, media_diferencas, type = "b", lwd = 3,
  xlab = "Tamanho amostra", ylab = "Diferença médias",
   main = "Diferença entre Métodos")
```

3. Comentários:

Vendo a comparação entre estes dois métodos, reparamos que existem ligeiras diferenças entre os métodos 1 e 2, embora não sejam significativas e na ordem de 10^-2. Isto significa que o método 2, mais comumente usado, é uma boa aproximação que usa a fórmula padrão para calcular os limites do intervalo de confiança. Embora o método 2 não tenha tanta precisão como o método 1, devido á sua simplicidade, acaba por ser o método mais comum e mais intuitivo.

2. Gráfico pedido:

