

5. m features + binary class

	y_1	y_2	...	y_m	z
x_1					0
\vdots					0

i) boolean features:

$$p(0|x_{\text{new}}) = \frac{p(x_{\text{new}}|0)p(0)}{p(x_{\text{new}})} = \underbrace{p(y_1=?, \dots, y_m=?|0)}_{p(x_{\text{new}})} p(0) \rightarrow \text{prior} \rightarrow 1$$

$$p(z=0) = 1 - p(z=1)$$

Todas as combinações possíveis: $2^m - 1$. Como todas as probabilidades somam 1, não preciso de calcular a última.

$$p(1|x_{\text{new}}) \rightarrow 2^m - 1, \text{ não preciso do prior. } \text{TOTAL} = 2(2^m - 1) + 1$$

ii) boolean features:

$$p(0|x_{\text{new}}) = \frac{p(x_{\text{new}}|0)p(0)}{p(x_{\text{new}})} = \underbrace{p(y_1=?|0) \dots p(y_m=?|0)}_{p(x_{\text{new}})} p(0) \rightarrow \text{prior} \rightarrow 1$$

$$p(z=0) = 1 - p(z=1)$$

Cálculo separado, mas segue $p(y_1=0|0) = 1 - p(y_1=1|0)$, logo só preciso de 1 por feature, logo $\rightarrow m$.

$$p(1|x_{\text{new}}) \rightarrow m, \text{ não preciso do prior.}$$

$$\text{TOTAL} = 2m + 1$$

Redução de exponencial (2^m) para linear (m).

iii) numeric features + binary class (exercício 4)

para cada classe

$$z=0$$

$$\mu_0 = \begin{pmatrix} \end{pmatrix} \rightarrow m$$

$$\Sigma_0 = \begin{pmatrix} \end{pmatrix} \text{ diagonal igual, logo } \frac{m(m+1)}{2}$$

$$z=1$$

$$\mu_1 = \begin{pmatrix} \end{pmatrix} \rightarrow m$$

$$\Sigma_1 = \begin{pmatrix} \end{pmatrix} \rightarrow \frac{m(m+1)}{2}$$

$$\text{prior} \rightarrow 1$$

$$\text{TOTAL} = 2\left(m + \frac{m(m+1)}{2}\right) + 1$$

iv)

$$p(0|x_{\text{new}}) = \underbrace{p(y_1=?|0) \dots p(y_m=?|0)}_{p(x_{\text{new}})} p(0) \rightarrow \text{prior} \rightarrow 1$$

$$p(z=0) = 1 - p(z=1)$$

2 variáveis em cada y (μ e σ): $2m$

$$p(1|x_{\text{new}}) \rightarrow 2m, \text{ não preciso do prior.}$$

$$\text{TOTAL} = 4m + 1$$