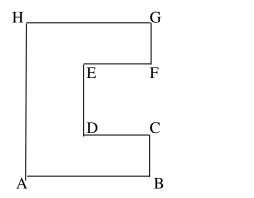


departamento de física

# MECÂNICA E CAMPO ELETROMAGNÉTICO

ano letivo 2022/2023

Capítulo 1. Fundamentos de Mecânica Clássica 1.4 Dinâmica de um sistema de partículas 1 Pretende-se suspender, por um fio, uma placa com a forma indicada na figura, de modo que fique horizontal. Determinar o ponto por onde se deve suspender e justifique a resposta.



$$AB = GH = 10 \text{ cm}$$
  
 $BC = CD = EF = FG = 4 \text{ cm}$   
 $AH = 16 \text{ cm}$ 

- 2 Uma lâmina retangular homogénea de lados **a** e **b** = 4**a** tem um orifício circular cujo diâmetro é igual a **a**/2. O seu centro está sobre a linha média paralela aos lados **b**, a meia distância entre o centro da lâmina e um dos lados de comprimento **a**. Determine o centro de massa.
- **3** Uma partícula, cuja massa é 0,2 kg, move-se ao longo o eixo dos XX com uma velocidade de 0,4 m/s quando colide com outra partícula de massa 0,3 kg que está em repouso. Depois da colisão, a primeira partícula move-se com uma velocidade de 0,2 m/s na direção que faz um ângulo de 40 ° com o eixo dos XX. Calcule:
  - a) A intensidade e a direção da velocidade da segunda partícula depois da colisão.
  - b) As variações da velocidade e da quantidade de movimento de cada partícula.
- 4 Dois carros, **A** e **B**, são empurrados um contra o outro. Inicialmente B está em repouso, enquanto **A** se move para a direita com uma velocidade de 0,5 m/s. Depois da colisão, **A** volta para trás à velocidade de 0,1 m/s enquanto **B** se move para a direita com uma velocidade de 0,3 m/s. Numa segunda experiência, **A** é sobrecarregado com uma massa de 1 kg e empurrado de encontro a **B** com a velocidade de 0,5 m/s. Depois da colisão, **A** fica em repouso enquanto **B** se move para a direita à velocidade de 0,5 m/s. Determine a massa de cada carro.
- 5 Dois objetos, **A** e **B**, que se movem sem fricção numa linha horizontal, colidem. A quantidade de movimento de **A** no instante t é **P**<sub>A</sub> = **P**<sub>0</sub>-bt, sendo t contado a partir da colisão, e em que **P**<sub>0</sub> e b são constantes. Determine a quantidade de movimento de **B** em função do tempo se:
  - a) **B** estiver inicialmente em repouso.
  - b) a quantidade de movimento inicial de  $\bf B$  for  $-{\bf P_0}$ .
- **6** Uma arma cuja massa é 0,8 kg dispara uma bala de massa 0,016 kg com uma velocidade de 700 m/s. Calcule a velocidade de recuo da arma.

- 7 Um vagonete com massa de 1,5 kg move-se ao longo da linha à velocidade de 0,2 m/s, até que bate numa trave fixa no final da linha. Qual é a variação de momento linear e a força média exercida no vagonete, se em 0,1 s ela
  - a) ficar em repouso.
  - b) mudar de direção com uma velocidade de 0,1 m/s?
  - c) Discuta a conservação do momento linear na colisão.
- 8 Um pêndulo balístico é constituído por um corpo suspenso dum fio. Um projétil de massa  $m_1 = 30$  g penetra no corpo e fica cravado nele. O centro de massa do corpo eleva-se até uma altura h = 30 cm. A massa do corpo é  $m_2 = 3.0$  kg.
  - a) Deduza uma expressão para a velocidade do projétil em função destes dados.
  - b) Calcule o valor numérico da velocidade do projétil quando este atinge o corpo.
- **9** Um corpo de massa igual a 5,0 kg colide elasticamente com outro que se encontra inicialmente em repouso e continua a sua trajetória no mesmo sentido. Porém, o valor da velocidade reduz-se a um quinto do valor inicial. Calcule a massa do corpo atingido.
- 10 Duas partículas, uma com o dobro da massa da outra e tendo uma mola comprimida entre elas, são mantidas juntas. A energia armazenada na mola é de 60 J. Qual a energia cinética de cada partícula após elas terem sido soltas?
- 11 Duas bolas, A e B, tendo massas diferentes e desconhecidas, colidem. A está inicialmente em repouso, quando B tem uma velocidade v. Após a colisão, B passa a ter uma velocidade v/2 e desloca-se fazendo um ângulo reto com a direção do seu movimento inicial.
  - a) Determine a direção em que a bola A se desloca após a colisão.
  - b) A velocidade de **A** pode determinar-se a partir do enunciado? Porquê?
- 12 Um certo núcleo, em repouso, desintegra-se em três partículas. Duas delas têm massas e velocidades respetivamente  $m_1 = 17 \times 10^{-27}$  kg,  $v_1 = 6.0 \times 10^6$  m/s, e  $m_2 = 8.0 \times 10^{-27}$  kg e  $v_2 = 8.0 \times 10^6$  m/s. As duas velocidades fazem um ângulo de  $90^\circ$  entre si.
  - a) Calcule o momento linear da terceira partícula, sabendo que ela tem uma massa de  $12 \times 10^{-27}$  kg.
  - b) Qual é o valor da variação de energia cinética nesta reação?
- 13 Uma bala de 20 g, movendo-se com velocidade v, fica cravada num bloco de massa 980 g. O bloco está ligado a uma mola (K=1000 N/m) que sofre uma compressão de 10 cm. Calcule:
  - a) A velocidade final do conjunto bloco/bala.
  - b) A velocidade inicial da bala.
  - c) A energia cinética perdida na colisão.
- 14 Um camião de 7,5 toneladas que viaja com uma velocidade de 65 km/h na direção leste-oeste, choca com um automóvel de 1100 kg que se movia de norte para sul à velocidade de 93 km/h. Devido à violência do choque, os dois veículos ficam enfaixados um no outro.

- a) Com que velocidade e em que direção se movem os dois veículos após o choque?
- b) Qual é o valor da energia dissipada na colisão?
- 15 Uma granada que se move horizontalmente com velocidade igual a 8 km/s relativamente à Terra, explode fragmentando-se em três fragmentos iguais. Um deles continua a mover-se horizontalmente com velocidade igual a 16 km/s, outro move-se para cima segundo um ângulo de 45° e o terceiro move-se segundo um ângulo de 45° para baixo da horizontal. Calcule as velocidades do segundo e terceiro fragmentos.

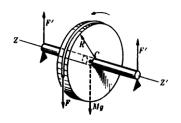
### Soluções 1.4.a)

### NB: grandezas vetoriais a negrito

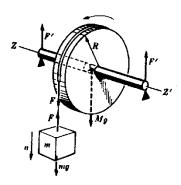
- **1.** 4,25 î + 8,00 j (cm) (origem do referencial ponto A). Qualquer ponto da reta paralela a *g* e que passe pelo centro de massa.
- 2. 2,05î + a/2j. Origem do referencial no vértice do retângulo do lado do orifício circular.
- 3. a)  $v_2 = 0.19$  m/s;  $a = 27.5^{\circ}$  com o eixo dos x; b)  $\Delta \mathbf{v}_1 = -0.25\hat{\imath} + 0.3j$  m/s;  $\Delta \mathbf{v}_2 = 0.17\hat{\imath} 0.09j$  m/s;  $\Delta \mathbf{p}_1 = -0.05\hat{\imath} + 0.026j$  kgm/s;  $\Delta \mathbf{p}_2 = 0.05\hat{\imath} 0.027j$  kgm/s.
- **4.**  $m_A = 1 \text{ kg}$ ;  $m_B = 2 \text{ kg}$ .
- **5.** a)  $P_B = -bt$ ; b)  $P_B = -P_o + bt$ .
- **6.**  $\mathbf{v}_1 = -14 \,\hat{\mathbf{i}} \, \text{m/s}.$
- 7. a)  $\Delta \vec{p} = -0.3 \,\hat{\imath} \,\text{kgm/s}$ ,  $F = -3 \,\text{N}$ ; b)  $\Delta \vec{p} = -0.45 \,\text{kgm/s}\,\hat{\imath}$ ,  $\vec{F} = -4.5 \,\hat{\imath} \,\text{N}$ .
- **8.** a)  $v = \frac{m_1 + m_2}{m_1} \sqrt{2gh}$  (m/s); b) v = 269 m/s.
- **9.** 3,33 kg.
- 10. 20 J para a partícula de maior massa e 40 J para a outra.
- 11. S 63,4° E; Não.
- **12.** a)  $(-1.0 \hat{i} 0.64 \hat{j}) \times (10^{-19})$  kgm/s; b)  $1.1 \times 10^{-12}$  J.
- **13.** a) 3,16 m/s; b) 158 m/s; c) 245 J.
- **14.** a) 48,9 km/h, N 55° W; b)  $0.8 \times 10^6$  J.
- **15.**  $v_2 = v_3 = 5,66$  km/s.

### 1.4. b)

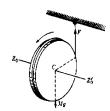
- 1 Uma haste de massa desprezável e com 1m de comprimento sustém cinco corpos de 1 kg colocados ao longo dela e equidistantes. Calcule o momento de inércia do sistema relativamente a um eixo perpendicular à haste e que passe
  - a) por uma extremidade
  - b) pela segunda massa
  - c) pelo centro de massa.
  - d) Verifique o teorema de Steiner.
- 2 Resolva o problema anterior para uma haste de massa igual a 0,20 kg.
- 3 Calcule o momento de inércia da molécula de  $CO_2$ , relativamente a um eixo que passe através do centro de massa da molécula., sabendo que a molécula é linear e tem o átomo de carbono no centro. A distância da ligação C O tem o valor de  $1.13 \times 10^{-10}$  m.
- 4 Duas crianças, com 25 kg, estão sentadas nas extremidades de uma prancha de 2,6 m de comprimento e de 10 kg de massa. A prancha gira com velocidade de cinco rotações por minuto, em torno de um eixo que passa pelo seu centro.
  - a) Se cada uma das crianças se sentar 60 cm mais à frente, em direção ao centro, como se altera a velocidade angular do sistema?
  - b) E como varia a energia cinética do sistema?
- 5 Calcule o momento de inércia de uma barra homogénea e estreita em relação a um eixo perpendicular à barra, que passe: a) por uma extremidade desta; b) pelo seu centro.
- **6** Uma roda, em rotação, está submetida a um momento de força de 10 N.m, por causa do atrito com o eixo de rotação. A roda tem um raio de 0,6 m, massa de 100 kg e a sua velocidade angular é de 175 rad.s<sup>-1</sup>. Quanto tempo demora a parar?
- 7 Determine o momento de inércia de um cilindro em relação:
  - a) a um eixo de simetria
  - b) a uma geratriz.
- **8** Um disco, de raio 0,5 m e massa 20 kg, pode rodar livremente em torno de um eixo que passa através do seu centro. A corda que passa na periferia do disco tem aplicada uma força de 9,8 N. Calcule a aceleração do disco e a sua velocidade angular, após 2s.



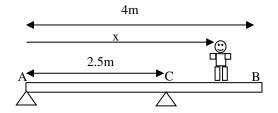
**9** Calcule a aceleração angular do sistema ilustrado na figura, para um corpo cuja massa é de 1 kg. Os dados do disco são os mesmos do problema anterior. O eixo dos ZZ' é fixo e é um eixo principal.



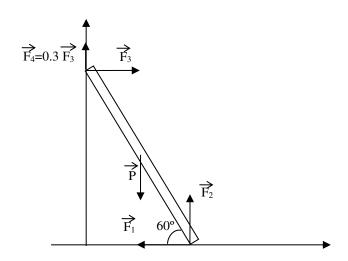
10 Calcule a aceleração angular de um iô-iô, sabendo que o disco tem as mesmas características do disco do problema anterior. Determine também a aceleração do seu centro de massa.



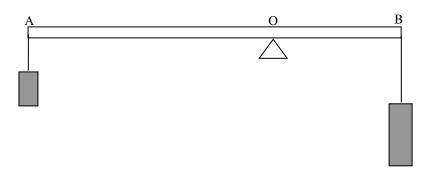
- 11 Um homem está em pé, no centro de uma mesa giratória sem atrito, e mantém os braços estendidos horizontalmente, segurando uma massa de 5,0 kg em cada mão. A mesa é posta em rotação por um agente exterior, com uma velocidade angular de uma rotação em 2,0 s.
  - a) Determine o valor da velocidade angular após o homem deixar cair os braços ao longo do corpo.
  - b) Considere o momento de inércia do homem constante e igual a 5,0 kg.m<sup>2</sup>.
  - c) A distância original das massas ao eixo de rotação é 90 cm e a final é 15 cm.
- 12 Uma barra uniforme AB de 4 m tem massa m = 50 kg. Existe um ponto fixo C em torno do qual a barra pode rodar. A barra está apoiada no ponto A. Um homem com massa igual a 75 kg anda ao longo da barra partindo de A. Calcule a distância máxima a que o homem pode ir, mantendo o equilíbrio.



13 A figura representa uma escada de massa = 40 kg e as forças que nela atuam. O peso da mesma atua no centro CM. As forças de valor F<sub>1</sub> e 0,3 F<sub>3</sub> impedem que a escada escorregue e resultam do atrito. As forças de valor F<sub>2</sub> e F<sub>3</sub> são reações normais ao chão e à parede vertical, respetivamente. Determine o valor das forças.



- 14 Uma barra de massa desprezável, de comprimento L está apoiada num ponto O. Em cada extremidade está suspensa uma massa,  $m_A = 10 \text{ kg}$  e  $m_B = 16 \text{ kg}$ .
  - a) A que distância do ponto A deve estar o apoio O?
  - b) Qual é a reação no ponto O?



- 15 Um homem de massa m<sub>H</sub> está sobre um mesa circular de raio R e massa m. A mesa pode rodar verticalmente sem atrito. O homem começa a andar com uma velocidade v<sub>H</sub> relativamente ao chão (na direção tangencial).
  - a) Qual é a velocidade de rotação da mesa? Qual o sentido de rotação?
  - b) Qual é o trabalho por ele realizado para pôr a mesa em movimento?

## Soluções 1.4.b)

## NB: grandezas vetoriais a negrito

**1.** a) 1,88 kg.m<sup>2</sup>; 0,61 m; b) 0,94 kg.m<sup>2</sup>; 0,43 m; c) 0,63 kg.m<sup>2</sup>

**2.** a) 3,75 kg.m<sup>2</sup>; 3,162 m; b) 1,875 kg.m<sup>2</sup>; 3,162 m; c) 1,25 kg.m<sup>2</sup>; 0,353 m

**3.** 6,79 x 10<sup>-46</sup> kg.m<sup>2</sup> **4.** 1,57 rad.s<sup>-1</sup>; 24,65 J

5. a)  $1/3 \text{ ML}^2$ ; b)  $\frac{1}{12} \text{ ML}^2$ 

**6.** 5,25 min

7. a)  $\frac{1}{2}MR^2$ ; b)  $\frac{3}{2}MR^2$ 

**8.** 1,96 rad.s<sup>-2</sup>; 3,92 rad.s<sup>-1</sup> **9.** 1,8 rad.s<sup>-2</sup>

**10.** 13,07 rad.s<sup>-2</sup>; 6,53 m.s<sup>-2</sup> **11.** 7,88 rad.s<sup>-1</sup>

**12.** x = 2.83 m

**13.** -  $F_1$  = 96 N;  $F_2$  = 36 N;  $F_3$  = 96 N

**14.** - a) 0,62 L; b) 254,8 N

**15.** a) 
$$\omega_m = \frac{2m_H}{m_m} \frac{v_H}{R}$$
; b)  $W_H = \Delta E_C = \frac{1}{2} m_H v_H^2 + \frac{1}{4} m R^2 \omega_m^2$