Nome:

N.º mec.:

Classificação (espaço reservado ao professor):

$E\backslash C$	0	1	2	3
0	0	7	14	20
1	0	4	10	
2	0	0		
3	0			

Duração: 0h15

Declaro que desisto:

## Departamento de Matemática da Universidade de Aveiro

Cálculo I - agr. 4 2021/22

2.º miniteste: turma TP4-2; versão 2

- Desenha uma circunferência à volta da opção A, B ou C que consideres correta em cada uma das três questões abaixo.
- Relativamente a cada uma dessas questões, a cotação preliminar a atribuir será de 10 pontos se a escolha estiver correta, de 0 pontos se nenhuma opção for escolhida ou se for escolhida mais do que uma, e de -5 pontos se a escolha estiver errada. Designando por S a soma aritmética das cotações preliminares obtidas nas três questões, a nota na escala de 0 a 20 valores neste miniteste será dada pela expressão  $\lceil \frac{2}{3} \max\{S,0\} \rceil$  (i.e, será a nota no quadro acima que resulta do cruzamento do n.º de respostas certas C com o n.º de respostas erradas E).
- Quando se refere "comparação" nas questões abaixo, tanto pode ser o critério, digamos inicial, de comparação, como o da comparação por passagem ao limite, tanto no caso de séries como no de integrais impróprios. O que interessa é que um deles permita chegar à opção de resposta correta.
- 1. Se na determinação da natureza da série  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{1+n^n}$  por comparação escolhermos comparar com a série de natureza conhecida  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}$ , qual das seguintes afirmações é verdadeira?
  - A. Da comparação sai que a série dada é divergente.
  - **B.** Da comparação sai que a série dada é convergente.
  - C. Esta comparação não permite concluir sobre a natureza da série dada.
- 2. Escolhe a série de natureza conhecida que, por comparação, permite concluir sobre a natureza da série  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n^{7/5} + n^{3/2}}{\sqrt{n^5 + n^4}}$ :

**A.** 
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[11]{n^{10}}}$$
.

**B.** 
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[10]{n^{11}}}$$
.

C. 
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n}$$
.

3. Escolhe o integral impróprio de natureza conhecida que, por comparação, permite concluir sobre a natureza do integral impróprio  $\int_2^\infty \frac{\sqrt[4]{x^3}}{2\sqrt{x^3}-\sqrt[3]{x}}\,dx$ :

**A.** 
$$\int_2^\infty \frac{1}{\sqrt{x^3}} \, dx.$$

$$\mathbf{B.} \int_{2}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[3]{x}} \, dx.$$

$$\mathbf{C.} \int_2^\infty \frac{1}{\sqrt[5]{x^4}} \, dx.$$