## Resumo 5

22 de março de 2021

23:51

## Polinomio de Taylor

A um polinómio do tipo:

$$T_{c}^{n} f(x) = \sum_{K=0}^{n} \frac{f^{(K)}(c)}{K!} (x-c)^{K}$$

$$= f(c) + f^{(c)}(x-c) + \frac{f^{(b)}(c)}{2!} (x-c)^{2} + \cdots + \frac{f^{(b)}(c)}{n!} (x-c)^{n}$$

Chamamos polinómio de Taylor de ordem n de 🕯 no ponto c. Sl c=0 chamamos polinómio de Maclaurin de ordem n de f.

## Fórmula de Taylor

Sejam neino, fuma função com derivadas contínuas até à ordem (n+1) num intervalo I e ceI.

Então Y xe Il {c} existe um 0 entre x e c tal que:

$$f(x) = \sum_{K=0}^{n} \frac{f^{(K)}(c)}{K!} (x-c)^{K} + \underbrace{\frac{f^{(n+1)}(\theta)}{(n-1)!}}_{(n-1)!} (x-c)^{n+1}$$

Polynomia de

Taylor

$$T_{c}^{n} f(x)$$

Resto de

$$T_{c}^{n} f(x)$$

Resto de

- · Podemos usar a fórmula de Taylor para obter Uma estimativa para f(a) e também uma estimativa para o erro qui si comete nessa estimativa.
  - Se f<sup>(n+1)</sup> e' continua em [a,b] então é limitada:

$$= > |R_{c}^{n} f(x)| = |\frac{f^{(n+1)}(\theta)}{(n+1)!} (x-c)^{n+1}| \leq \frac{M}{(n+1)!} (b-a)^{n+1}$$

0 entre re c

menor dos majorantes  $M = \sup_{y \in [a_1b]} |f^{(n+1)}(y)|$  na apreoximação

majorante do