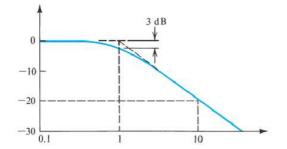
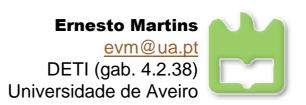
Sinais e Sistemas Electrónicos



Capítulo 5: Noções de Sistemas e Sinais





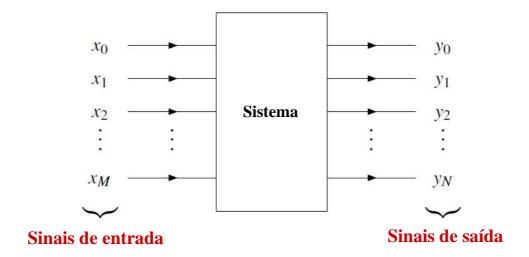
Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Sumário

- Nocão de sistema;
- Sinais: definição e classificação;
- Sinais nos domínios do tempo e da frequência;
- Resposta em frequência caso do circuito RC passa-baixo;
- O decibel (dB);
- Resposta de amplitude e de fase;
- Circuito RC passa-alto;
- Diagramas de Bode;
- Resposta ao degrau tempo de subida e tilt.

Sistema

Entidade que produz um conjunto de *sinais de saída* como resposta a um conjunto de *sinais entradas*.



E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

5-3

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Sinal

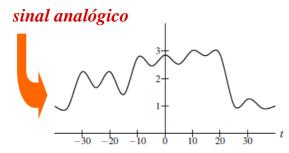
É uma função do tempo que traduz informação sobre um ou mais fenómenos.

- Os sinais apresentam-se, em geral, em função do tempo:
 - Velocidade dum veículo;
 - > Temperatura ambiente;
 - Ritmo cardíaco;
 - > Tensão eléctrica da rede de distribuição;
 - > Som de um tema musical;
 - **>** ...

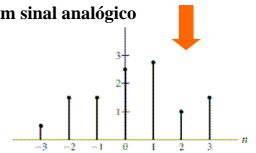
Aqui estamos particularmente interessados em sinais que podem ser representados por tensões ou correntes eléctricas.

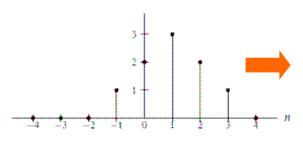
Classificação de sinais

Contínuo no tempo e na amplitude:



Definido só em *instantes discretos*mas continuo na amplitude: ainda é
um sinal analógico





Definido em instantes discretos e com valores discretos de amplitude:

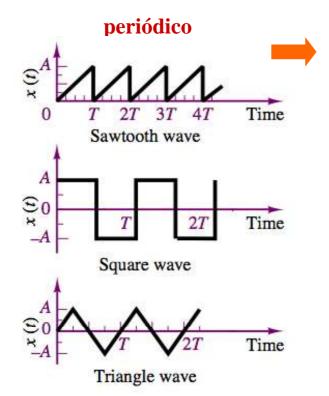
sinal digital

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

5-5

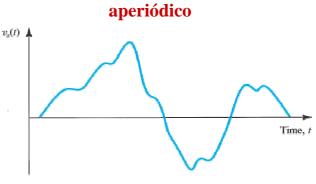
Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Classificação de sinais

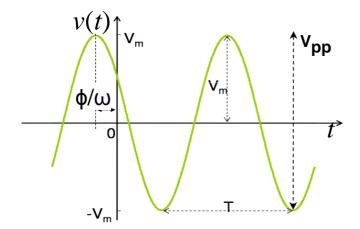


Uma função x(t) é periódica, com período T, se

$$x(t) = x(t+T)$$
 para qualquer t



Sinais nos domínios do tempo e da frequência



$$v(t) = V_m \cos(\omega t + \phi)$$

 V_{m} - amplitude máxima (de pico) $% \left(\frac{1}{2}\right) =\frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right) \left(\frac{1}{$

T - periodo (s)

f - frequência (Hz) = 1/T

 ω - frequência angular (rad/s)

φ - ângulo de fase (rad ou °)

 V_{pp} - amplitude pico a pico

A sinusóide é o sinal mais importante no estudo de circuitos electrónicos.

Porquê?

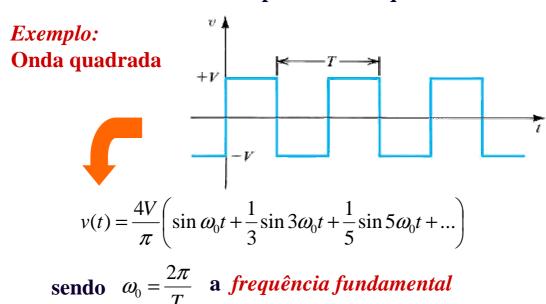
E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

5-7

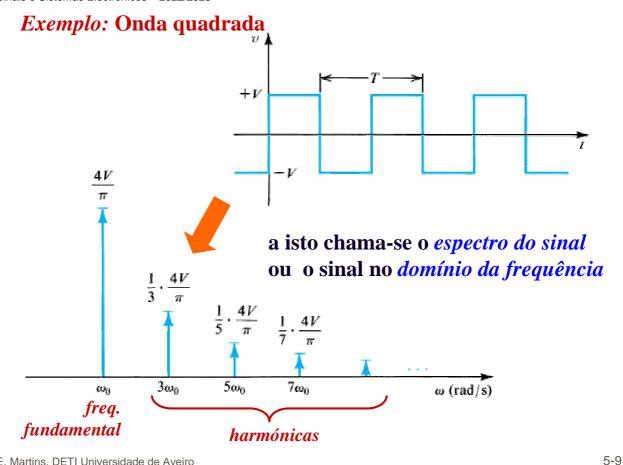
Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Sinais nos domínios do tempo e da frequência

... porque segundo a série/transformada de Fourier, qualquer sinal pode ser descrito como uma soma de sinusoides de diferentes amplitudes e frequências.



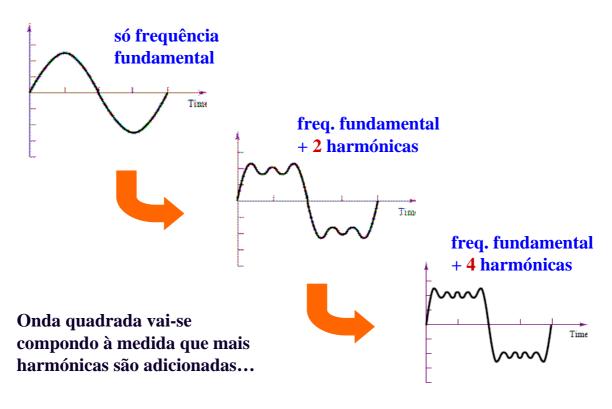
5-8



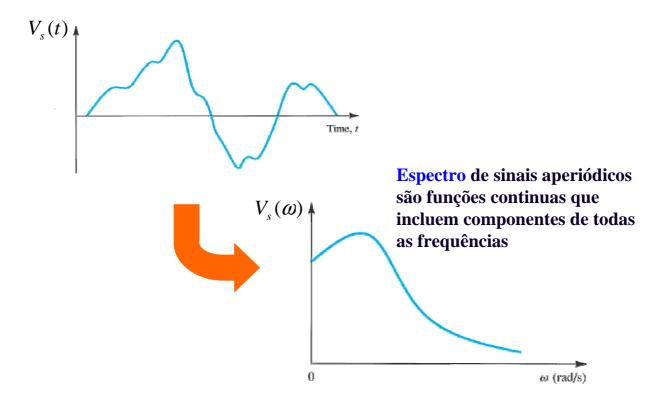
E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Exemplo: Onda quadrada



Exemplo: sinal aperiódico



E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

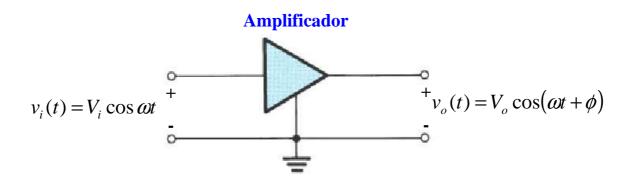
5-11

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Resposta em frequência

Resposta em frequência

- ➤ Caracteriza a forma como um sistema responde a sinusóides de diferentes frequências;
- È uma característica importante exactamente porque... qualquer sinal pode ser expresso como uma soma de sinusóides.

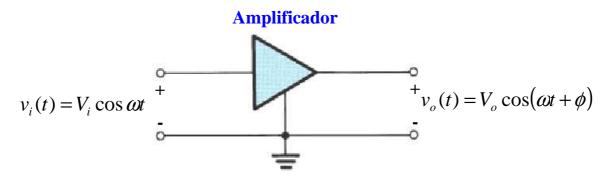


E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

5-13

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Resposta em frequência



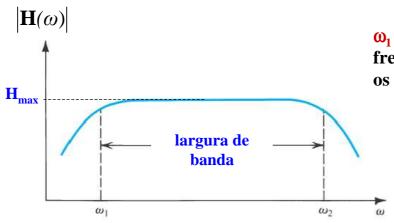
A resposta em frequência do amplificador é expressa pela sua função de transferência:

$$\mathbf{H}(\omega) = \frac{\mathbf{V}_{0}(\omega)}{\mathbf{V}_{i}(\omega)}$$

que inclui a resposta de amplitude, $|\mathbf{H}(\omega)|$ e a resposta de fase, $\angle \mathbf{H}(\omega)$

Resposta em frequência

- ➤ A resposta em amplitude traduz a gama de frequências que o sistema amplifica e a gama que tende a atenuar;
- ➤ O amplificador funciona como um *filtro* com uma dada *largura de banda*;



ω₁ e **ω**₂ são definidas como frequências de corte: para os quais o ganho é

$$\frac{H_{\text{max}}}{\sqrt{2}}$$

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

5-15

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

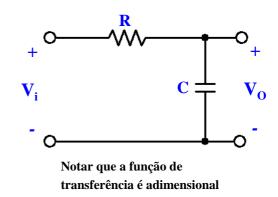
Resposta em frequência do circuito RC (passa-baixo)

Usando a relação do divisor de tensão, podemos escrever

$$\mathbf{V_0}(\omega) = \frac{1/j\omega C}{R + 1/j\omega C} \mathbf{V_i}(\omega)$$

Neste caso, a função de transferência é

$$\mathbf{H}(\omega) = \frac{\mathbf{V}_{\mathbf{0}}(\omega)}{\mathbf{V}_{\mathbf{i}}(\omega)} = \frac{1}{1 + j\omega RC}$$



Exprimindo em módulo e fase...

$$|\mathbf{H}(\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega RC)^2}}$$
 $\angle \mathbf{H}(\omega) = -arctg(\omega RC)$

Resposta em frequência do circuito RC (passa-baixo)

$$|\mathbf{H}(\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega RC)^2}}$$
 $\angle \mathbf{H}(\omega) = -arctg(\omega RC)$

- Na representação em módulo e fase, a função de transferência indica a atenuação e o desfasamento introduzido pelo circuito na sinusóide de frequência a
- Comportamento na frequência
 - ➤ Para frequências muito baixas $|\mathbf{H}(0)| \approx 1$ $\angle \mathbf{H}(0) \approx 0$ pelo que $Vo \approx Vi$
 - ► Para $\omega = \omega_c = 1/RC$, temos $|\mathbf{H}(\omega_c)| = 1/\sqrt{2}$ $\angle \mathbf{H}(\omega_c) = -45^\circ$
 - ➤ Para frequências muito elevadas $|\mathbf{H}(\infty)| = 0$ $\angle \mathbf{H}(\infty) = -90^{\circ}$ pelo que $V_0 \approx 0$

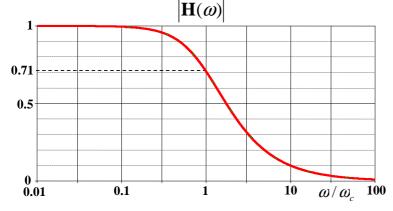
Assim, este circuito é conhecido como filtro passa-baixo.

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

5-17

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Comportamento na frequência do RC passa baixo



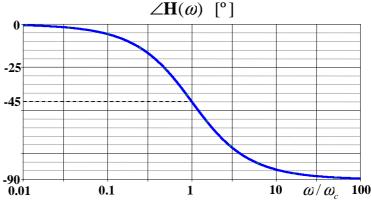
Frequência de corte $\omega_c = \frac{1}{\text{RC}}$

Notar:

- Eixo X normalizado;
- * Escala logarítmica em X.

 Mas esta resposta de amplitude costuma representar-se numa medida logarítmica: em decibeis (dB):

 $20\log |\mathbf{H}(\omega)| (dB)$



deciBel (dB)

- O deciBel corresponde a 1/10 da unidade base: o bel;
- Esta unidade surgiu no contexto dos primeiros sistemas de telefones para quantificar a perda de potência de um sinal numa ligação, definindo-se como:

$$\log \frac{P_{out}}{P_{in}}$$
 (bel) ou $10\log \frac{P_{out}}{P_{in}}$ (decibel)

- Porquê uma unidade baseada na função logaritmo?
- Porque a percepção de intensidade do ouvido humano é logarítmica: e.g. se a intensidade sonora aumentar *10X* a sensação é de apenas uma *duplicação* da intensidade!
- \bullet Tratando-se de relações entre tensões, o decibel é definido como $20\log\frac{V_{out}}{V_{in}} \ \ (decibel)$

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

5-19

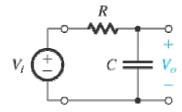
Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Resposta em frequência do RC passa-baixo (em dB)

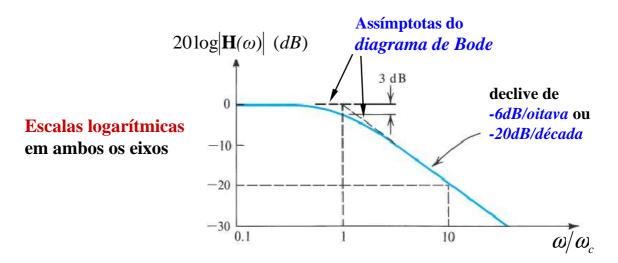
$$20\log|\mathbf{H}(\omega)| = 20\log\frac{1}{\sqrt{1+(\omega/\omega_c)^2}}$$
 $\omega_c = \frac{1}{RC}$

- Para frequências muito baixas: $|\mathbf{H}(0)| \approx 1$ ou 0dB
- Para $\omega = \omega_c$: $|\mathbf{H}(\omega_c)| = 1/\sqrt{2}$ ou $20\log(0.707) = -3$ dB
- Para frequências elevadas: $|\mathbf{H}(\omega)| \approx \frac{\omega_c}{\omega}$
 - > Portanto, se ω duplicar, $|H(\omega)|$ diminui para 1/2. Como 20log(0.5) = -6, então a amplitude cai 6dB;
 - > Se ω aumentar de um factor de 10, $|H(\omega)|$ diminui para 1/10. Como 20log(0.1) = -20, então a amplitude cai 20dB.

Resposta do RC passa-baixo: diagrama de Bode



• Com estes dados podemos obter um traçado assimptótico da resposta do filtro: o chamado Diagrama de Bode.

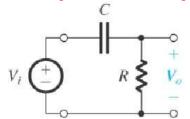


E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

5-21

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

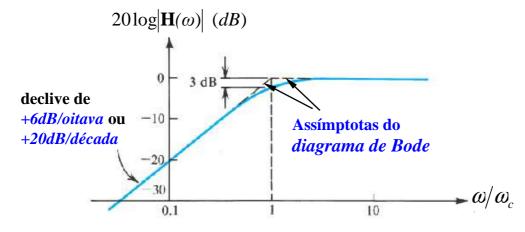
Resposta do RC passa-alto: diagrama de Bode



$$\left|\mathbf{H}(\omega)\right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\omega_c/\omega\right)^2}}$$

$$\omega_c = \frac{1}{RC}$$

• Para a resposta em amplitude o *Diagrama de Bode* é



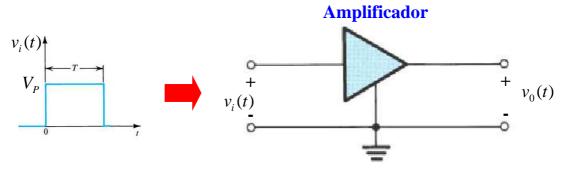
Resposta ao degrau

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

5-23

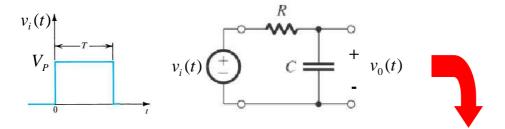
Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Resposta ao degrau

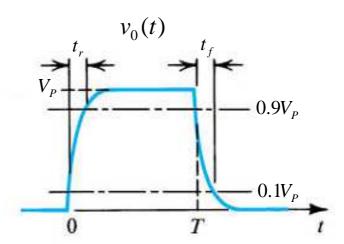


- Traduz a forma com o sistema reage quando lhe é aplicado na entrada um *sinal em degrau*: variação abrupta entre dois valores;
- Na prática o que se faz é aplicar, não um degrau, mas um impulso ou uma onda quadrada;
- A resposta ao degrau permite inferir sobre a resposta em frequência.

Sistema tem o comportamento dum RC passa-baixo



- A velocidade com que o circuito responde ao degrau é quantificada pelo *tempo de subida*, *t_r*;
- t_r tempo que $v_0(t)$ leva para subir de 10% de V_P até 90%;
- t_f tempo de descida define-se de forma identica (90 a 10%).



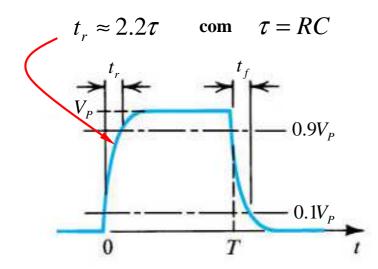
E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

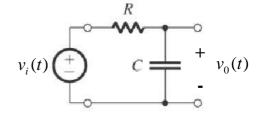
5-25

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Sistema tem o comportamento dum RC passa-baixo

• Do estudo da carga do condensador é possível mostrar que ...



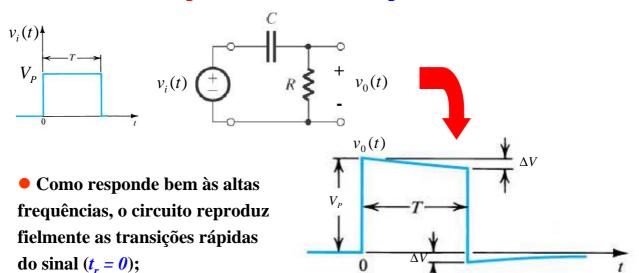


Ora, como
$$\tau = RC = 1/\omega_c$$

então $t_r = \frac{2.2}{\omega_c}$

• Portanto a resposta ao degrau é tão mais rápida quanto maior for ω_c .

Sistema tem o comportamento dum RC passa-alto



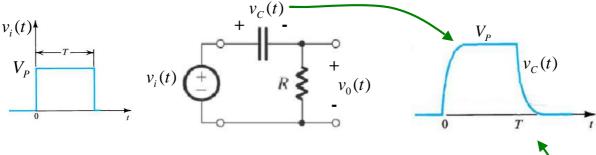
- ... mas como responde mal às frequências baixas (incluindo DC), não reproduz bem as partes planas do sinal;
- Vejamos primeiro porque razão $v_0(t)$ tem esta forma.

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

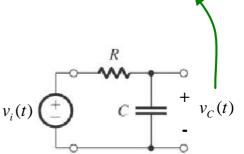
5-27

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

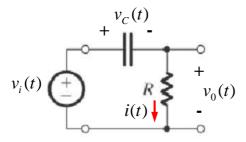
Sistema tem o comportamento dum RC passa-alto



• Para se perceber a forma de $v_0(t)$, reparemos, primeiro, que o circuito é também um RC série, logo $v_C(t)$ deve ser igual à tensão de saída do RC passa-baixo.

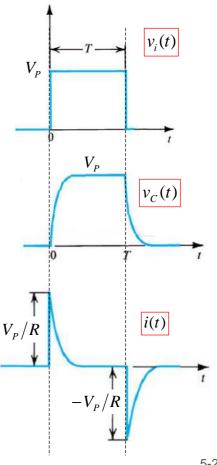


Sistema tem o comportamento dum **RC** passa-alto



- A corrente no circuito, i(t), deverá ter a forma...
- Em t = 0, como o condensador está descarregado $i(t=0^+) = \frac{V_p}{R}$
- Em $t = T^+$, $v_i(t = T^+) = \theta V$ e $v_C(t = T^+) = V_P$ pelo que $i(t=T^+) = -\frac{V_P}{R}$

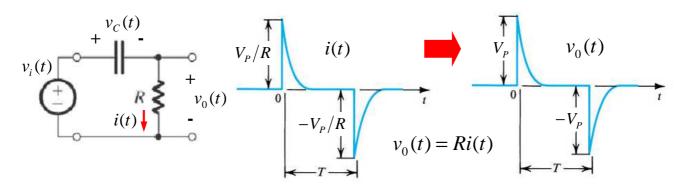
E. Martins, DETI Universidade de Aveiro



5-29

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

Sistema tem o comportamento dum RC passa-alto



• Mas note-se que esta é a resposta se $T >> \tau$

Se T for mais baixo, obtemos

