

"Hi, honey... I'm Ohm!"

# Sinais e Sistemas Electrónicos

Problemas resolvidos I

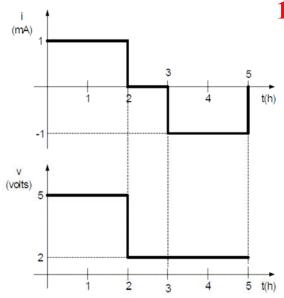
Ernesto Martins
<a href="mailto:evm@ua.pt">evm@ua.pt</a>
DETI (gab. 4.2.38)
Universidade de Aveiro

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

# 1.1 – Problema 6

a) Qual foi a potência fornecida ao elemento E em cada um dos 3 intervalos ?

# 1.1 - Problema 6





a)

$$P[0,2] = 5 \times 1mA = 5mW$$

$$P[2,3] = 2 \times 0 = 0W$$

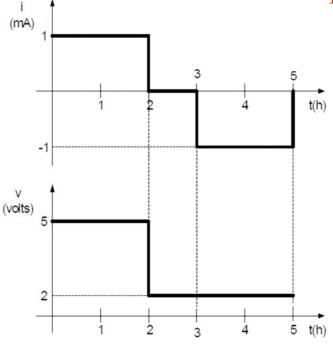
 $P[3,5]=2\times (-1mA)=-2mW$  (neste intervalo o elemento E fornece potência ao exterior)

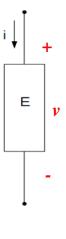
E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

I-3

#### Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

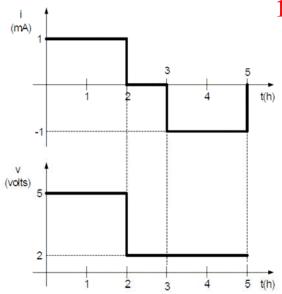
# **1.1** – **Problema 6**





b) Qual foi a energia fornecida ao elemento E durante as primeiras duas horas ?

# 1.1 - Problema 6





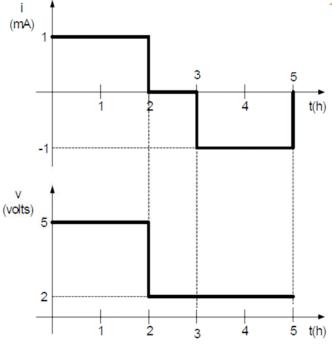
b) 
$$P = VI = 5x(1mA) = 5mW$$
  
 $E = Pxt = (5mW)(2x60x60) = 36J$ 

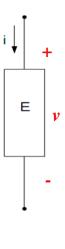
E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

I-5

#### Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

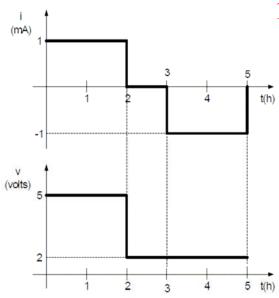
# **1.1 – Problema 6**





c) Supondo uma energia inicial nula, qual é a energia que permanece (restante) no elemento E ao fim das 5 horas?

# 1.1 - **Problema 6**





c) 
$$E[0,2] = 36J$$
 
$$E[3,5] = -2mW \times 2h \times 60m \times 60s = -14.4J$$
 
$$E_{restante} = 36J - 14.4J = 21.6J$$

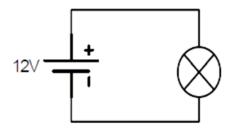
E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

I-7

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

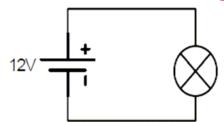
# **1.2** – Problema 10

Um circuito composto por um bateria de automóvel de 12Volts e uma lâmpada, apresentado na figura 1.2 fornece à lâmpada uma energia de 460.8Wh durante o período de 8 horas.



- a) Qual é a potência fornecida à lâmpada ?
- b) Qual é a corrente que percorre a lâmpada?

# **1.2** – Problema 10



a) Uma vez que a potência é igual à energia a dividir pelo tempo temos:

$$P = \frac{E}{t} = \frac{460.8}{8} = 57.6W$$

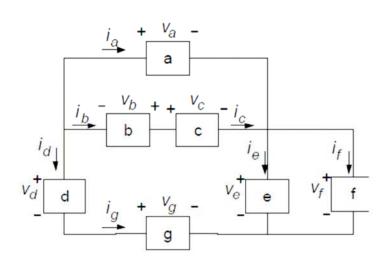
b) Uma vez que a corrente é igual à potência a dividir pela tensão:

$$I = \frac{P}{V} = \frac{57.6}{12} = 4.8A$$

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

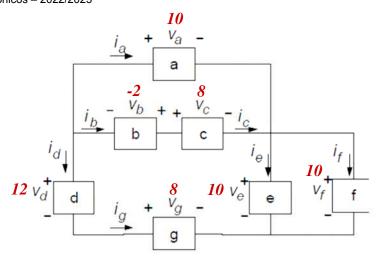
I-9

Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023



- Calcular valores das tensões, correntes e potências dissipadas.
- Para cada elemento, indicar se está a dissipar ou a fornecer potência (D/F).

Tabela I							
Elemento	V (V)	I(A)	P <sub>d</sub> (W)	D/F			
a	10	25					
b	-2						
c		5					
d	12						
e	10	10					
f							
g							



$$\begin{split} V_a - V_c + V_b &= 0 \Leftrightarrow 10 - V_c - 2 = 0 \Leftrightarrow V_c = 8V \\ V_f &= V_e = 10V \\ V_a + V_e - V_g - V_d &= 0 \Leftrightarrow 10 + 10 - V_g - 12 = 0 \Leftrightarrow V_g = 8V \end{split}$$

I-11

#### Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

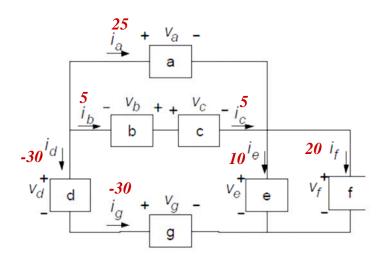


Tabela I							
Elemento	V (V)	I(A)	P <sub>d</sub> (W)	D/F			
a	10	25					
b	-2						
c		5					
d	12						
e	10	10					
f							
g							

$$\begin{split} I_b &= I_c = 5A \\ I_a + I_b + I_d &= 0 \Leftrightarrow 25 + 5 + I_d = 0 \Leftrightarrow I_d = -30A \\ I_g &= I_d = -30A \\ I_e + I_f + I_g &= 0 \Leftrightarrow 10 + I_f - 30 = 0 \Leftrightarrow I_f = 20A \end{split}$$

#### Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

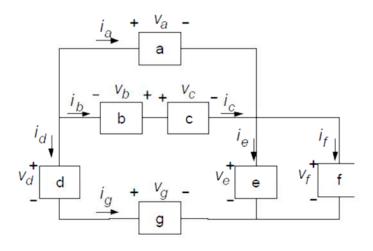


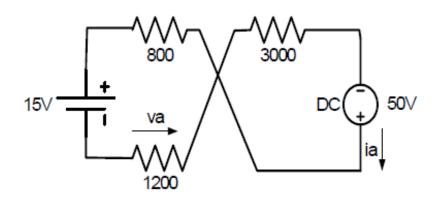
Tabela I							
Elemento	V (V)	I(A)	P <sub>d</sub> (W)	$\mathbf{D}/\mathbf{F}$			
a	10	25	250	D			
b	-2	5	10	D			
c	8	5	40	D			
d	12	-30	-360	F			
e	10	10	100	D			
f	10	20	200	D			
g	8	-30	-240	F			

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

Sinais e Sistemas Electrónicos – 2022/2023

# **1.4 – Problema 16**

Dado o circuito eléctrico da figura 1.5 em que as unidades das resistências estão todas em ohms  $(\Omega)$ .



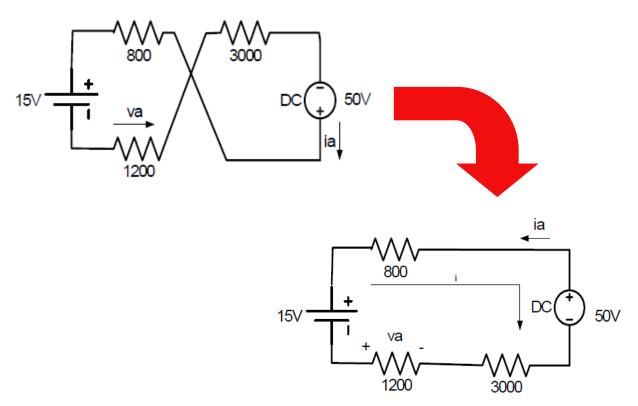
#### Calcular:

- a) O valor da corrente ia.
- b) O valor da tensão va.
- c) A potência fornecida pela fonte de 15Volts.

I-14

I-13

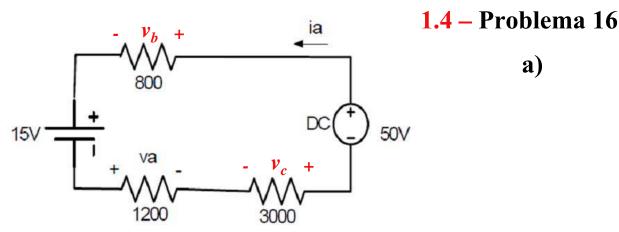
# **1.4 – Problema 16**



E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

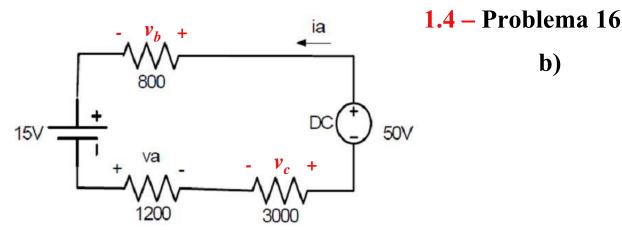
I-15

#### Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023



**KVL:** 
$$-15 - v_b + 50 + v_c - v_a = 0$$

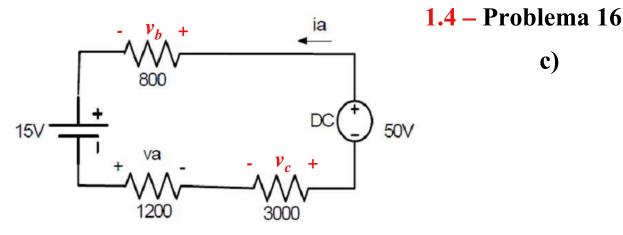
$$v_a = 1200i_a$$
  
 $v_b = 800i_a$   
 $v_c = -3000i_a$   
 $-15 - 800i_a + 50 - 3000i_a - 1200i_a = 0$   
 $i_a = 7mA$ 



$$i_a = 7mA$$
  $v_a = 1200i_a = 1200 \times 0.007 = 8.4V$ 

I-17

#### Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023



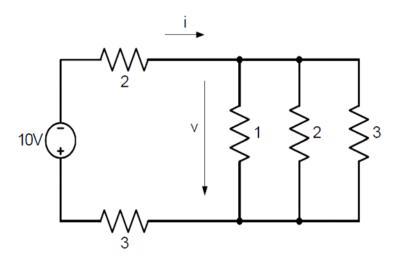
$$i_a = 7mA$$
  $P_{a(15)} = VxI = 15x0.007 = 105mW$ 

Mas isto é a potência absorvida!

$$P_{f(15)} = -105mW$$

### **1.5 – Problema 14A**

# Dado o circuito eléctrico



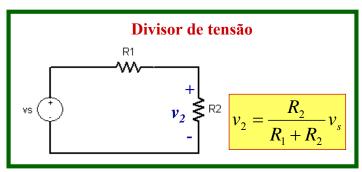
Calcular a tensão v e a corrente i.

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

I-19

#### Sinais e Sistemas Electrónicos - 2022/2023

# 



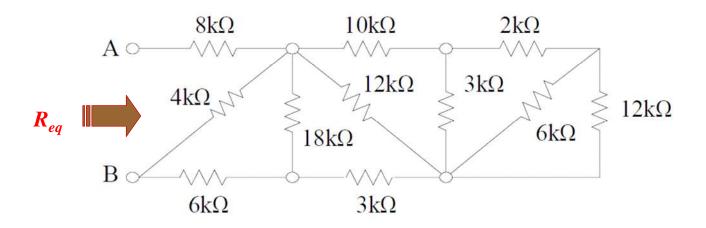
$$v = -\frac{R_p}{2+3+R_p} = 10$$

$$v = -0.98V$$

$$i = \frac{v}{R_p} = -1.8A$$

E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

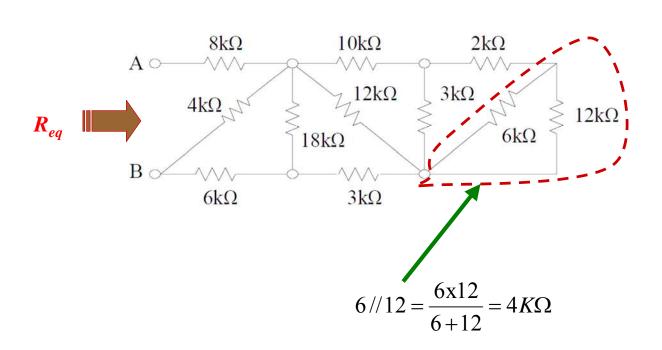
# Calcular a resistência equivalente entre A e B

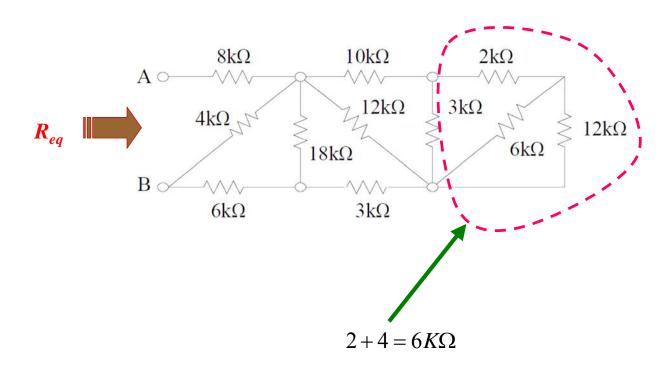


E. Martins, DETI Universidade de Aveiro

I-21

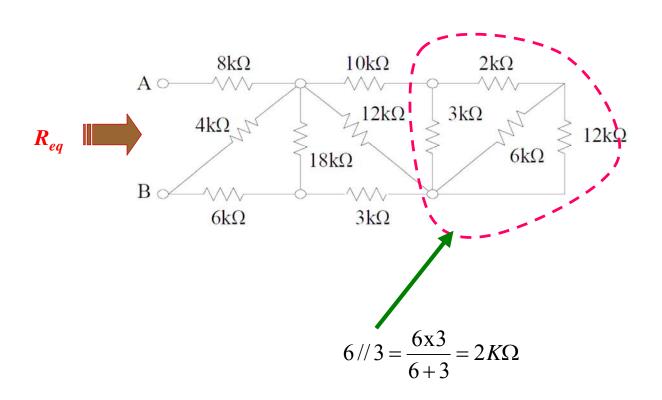
Sinais e Sistemas Electrónicos – 2022/2023

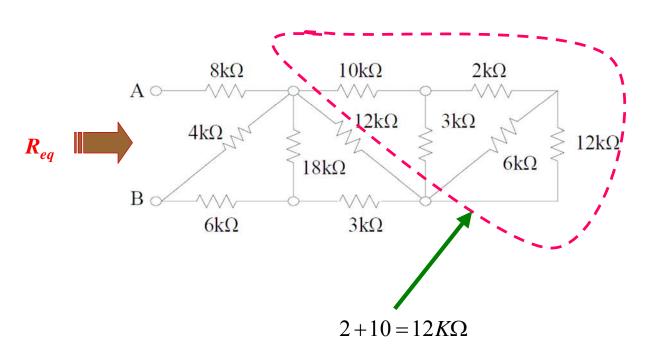




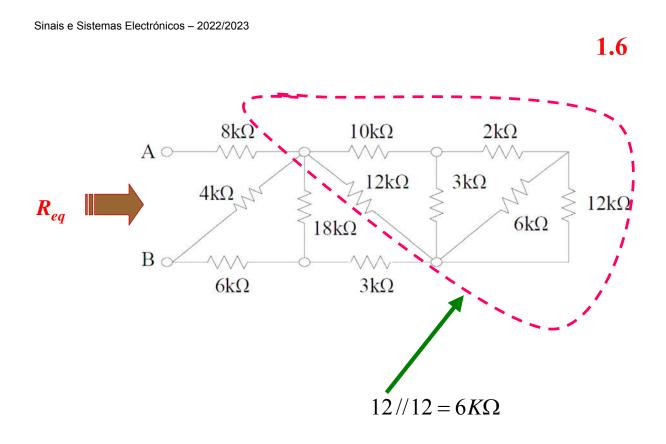
I-23

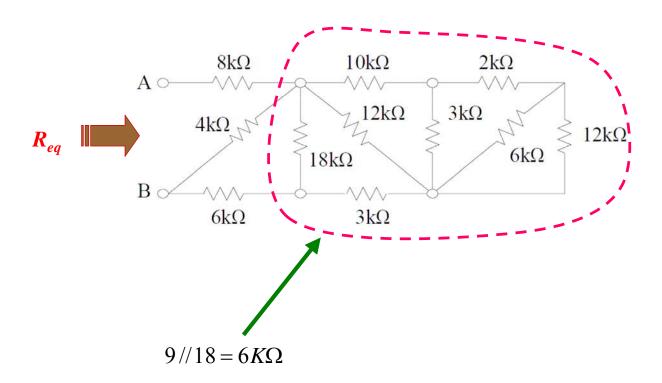






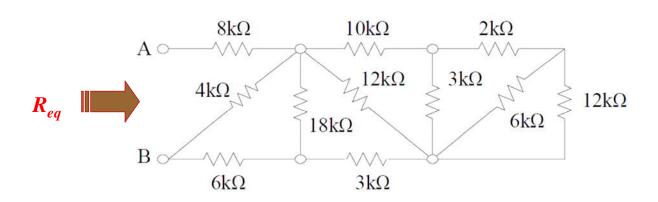
I-25





I-27

Sinais e Sistemas Electrónicos – 2022/2023



$$R_{eq} = [(6+6)//4] + 8 = 3 + 8 = 11K\Omega$$