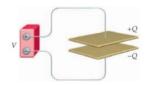
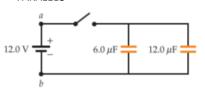


CONDENSADORES E DIELÉCTRICOS



Quando as armaduras de um condensador não carregado são ligadas aos terminais de uma bateria, esta "bombeia" carga de uma armadura para a outra até a ddp entre as duas armaduras igualar a ddp de circuito aberto nos terminais da bateria. A quantidade de carga transferida é Q = CV.

# CONDENSADORES LIGADOS EM PARALELO

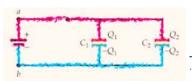


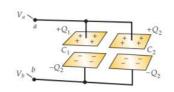
- Qual é o potencial de cada condensador no circuito?

  NB escolher o terminal negativo como ponto referencial de potencial nulo
- Qual é a carga de cada uma das armaduras do condensador?
- Qual é a carga total que atravessa a bateria?

MCE\_IM\_2021-2022

# CONDENSADORES LIGADOS EM PARALELO





- Todos os pontos a vermelho têm um potencial V<sub>a</sub> = 12 V
   Todos os pontos a azul têm V<sub>b</sub> = 0 V
  - A carga em cada condensador é:  $Q_1 = C_1 V e \ Q_2 = C_2 V$ , portanto  $Q_1 = (6,0 \ \mu F)(12 \ V) = 72 \ \mu C \ e$   $Q_2 = (12,0 \ \mu F)(12 \ V) = 144 \ \mu C$
  - Os condensadores ficam carregados porque a bateria actua como uma bomba de cargas Q =  $Q_1$  +  $Q_2$  o que dá Q = 216  $\mu$ C

A **CAPACIDADE EQUIVALENTE** será dada por  $\rm ~C_{eq}$ =  $\rm Q_{total}$  /V ou seja,  $\rm C_{eq}$ = 216  $\mu C/12$  V

$$C_{eq} = 18 \mu F$$

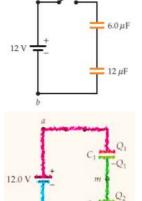


$$C_{eq} = C_1 + C_2$$

MCE\_IM\_2021-2022

3

### CONDENSADORES LIGADOS EM SÉRIE



- Qual é o potencial de cada condensador no circuito? NB escolher o terminal negativo como ponto referencial de potencial nulo
- Qual é a carga de cada uma das armaduras do condensador?
- · Qual é a carga total que atravessa a bateria?
- Todos os pontos a:
  - vermelho estão a um potencial de 12 V
  - azul estão a um potencial zero
  - verde estão a um potencial a determinar, V<sub>m</sub>

• 
$$V_1 = V_a - V_m$$
  
 $V_2 = V_m - V_b$   
 $Q_2 = C_2 V_2 = C_2 (V_m - V_b)$   
 $Q_1 = C_1 V_1 = C_1 (V_a - V_m)$ 

$$V_a - V_b = \frac{Q}{C_1} + \frac{Q}{C_2}$$

$$-Q_1 + Q_2 = 0$$

$$Q_1 = Q_2 = Q = 48 \mu C$$

CAPACIDADE EQUIVALENTE,

$$C_{eq}$$
= 4,0  $\mu$ F

MCE IM 2021-2022

 $Q_1 = C_1 V_1 e Q_2 = C_2 V_2$ 

Durante o carregamento não há transferência de carga de ou para a região a verde, pelo que a sua carga se mantém como zero

$$\frac{1}{\mathsf{C}_{\mathsf{eq}}} = \frac{1}{\mathsf{C}_1} = \frac{1}{\mathsf{C}_2}$$

1



### **DIELÉCTRICOS**

Quando o espaço entre as armaduras de um condensador é ocupado por UM DIELÉCTRICO, A CAPACITÂNCIA AUMENTA de um factor característico do dieléctrico – descoberta de Faraday.

### PORQUE AUMENTA?

O campo eléctrico entre as armaduras do condensador enfraquece com a presença do dieléctrico.

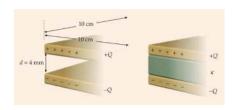
Assim, para uma dada carga Q das armaduras, a ddp V é reduzida e a capacitância C aumenta.

Se num condensador sem dieléctrico o campo é E<sub>0</sub>, quando se introduz o dieléctrico, o campo será dado por

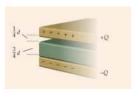
$$E = \frac{\mathsf{E_0}}{K}$$

K = CONSTANTE DIELÉCTRICA

MCE\_IM\_2021-2022



Material não condutor (ex.º vidro, ar, papel ou madeira)



In Tipler & Mosca, Physics for Scientists and Engineers, W. H. Freeman& Company (2008), p.819

## **DIELÉCTRICOS**

Para um CONDENSADOR DE PLACAS PARALELAS, separadas pela distância d, a ddp V entre as placas é dada por

$$V = Ed = \frac{E_0}{K}d = \frac{V_0}{K}$$

A nova capacitância, C, será dada por

$$C = \frac{Q}{V} = K \frac{Q}{V_0}$$





 $C = K \frac{\varepsilon_0 A}{d}$ 



Material não condutor (ex.º vidro, ar, papel ou madeira)

A = área da placa



PERMITIVIDADE do dieléctrico

MCE IM 2021-2022

## ENERGIA ARMAZENADA NA PRESENÇA DE UM DIELÉCTRICO

A energia, U, armazenada é dada por

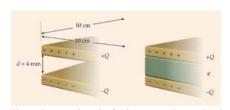
$$U = \frac{1}{2} Q V$$



$$U = \frac{1}{2} C V^2$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{\varepsilon A}{d} (Ed)^{2}$$
volume onde
está o
dieléctrico

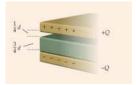
**ENERGIA/VOLUME** 



Material não condutor (ex.º vidro, ar, papel ou madeira)







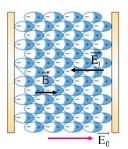
K = constante  $\varepsilon = K\varepsilon_0$ dieléctrica

Parte desta energia está associada com o campo eléctrico e a restante está associada à agressão mecânica (mechanical stress) polarizadora sobre as moléculas do dieléctrico.

MCE\_IM\_2021-2022

## Interpretação molecular do comportamento do dieléctrico





In Paul A. Tipler & Gene Mosca, Physics for Scientists and Engineers, W. H. Freeman& Company (2008), p.825

Polarização das moléculas do dieléctrico dentro do condensador e criação de um campo eléctrico próprio contrário, induzido  $(\overrightarrow{\mathrm{E}_i})$ , ao campo eléctrico externo  $\overrightarrow{E_0}$ 

Há assim enfraquecimento do campo dentro do dieléctrico  $\overrightarrow{E} = \overrightarrow{E_0} + \overrightarrow{E_i}$ .

MCE IM 2021-2022

### Dieléctricos e lei de Gauss



Caso 1 - sem dieléctrico



cargas induzidas q' que fazem com que a carga total no condensador seja  $\Omega=q\!-\!q'$ 

Usámos a Lei de Gauss em situações sem dieléctrico. Se tiver, o que acontece?

a MESMA CARGA nos dois casos

marcação das superficies Gaussianas

Caso 1 - sem dieléctrico

q = carga livre das placas

$$\varepsilon_0 \oint \overrightarrow{E} \cdot \overrightarrow{dS} = \varepsilon_0 \, \mathcal{E}_0 \, \mathcal{A} = q$$

 $E_0 = \frac{q}{\varepsilon_0 A}$ 

Caso 2- com dieléctrico

$$\varepsilon_0 \oint \overrightarrow{E} \cdot \overrightarrow{dS} = \varepsilon_0 \operatorname{E} A = q - q'$$

q' = carga superficial induzida

$$E = \frac{q}{\varepsilon_0 A} - \frac{q'}{\varepsilon_0 A}$$

$$E = \frac{E_0}{K} = \frac{q}{K \varepsilon_0 A}$$

$$q' = q (1 - \frac{1}{K})$$

MCE\_IM\_2021-2022

9

## Dieléctricos e lei de Gauss

O CAMPO TOTAL DENTRO DO DIELÉCTRICO É  $\overrightarrow{\mathbf{E}} = \overrightarrow{\mathbf{E_0}} + \overrightarrow{\mathbf{E_i}}$ 

O CAMPO INDUZIDO é proporcional ao campo eléctrico externo e, logo, proporcional ao campo total

$$\overrightarrow{\mathbf{E}}_{i} = -\chi_{e}\overrightarrow{\mathbf{E}}$$

 $\chi_e = \text{susceptibilidade eléctrica}$ (constante positiva)

$$\overrightarrow{\mathbf{E}} = \overrightarrow{\mathbf{E_0}} + \overrightarrow{\mathbf{E_i}} = \frac{1}{1 + \chi_e} \overrightarrow{\mathbf{E_0}}$$

Comparando com a relação obtida experimentalmente num condensador, verificamos que a CONSTANTE DIELÉCTRICA é igual a

$$K = 1 + \chi_e$$

MCE IM 2021-2022



## Vectores POLARIZAÇÃO e **DESLOCAMENTO ELÉCTRICO**

### **POLARIZAÇÃO**



A Polarização, P, pode definir-se como o momento do dipolo eléctrico induzido por unidade de volume

A = área

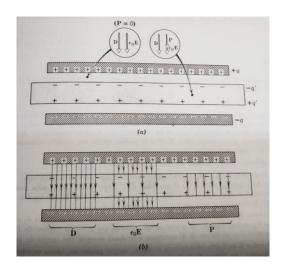
momento de dipolo induzido na placa dieléctrica



d = espessura do condensador de placas paralelas

volume total do dieléctrico

$$\vec{P} = \chi_e \, \varepsilon_0 \, \vec{E}$$



Halliday & Resnick, Física, II-1, p.119

MCE\_IM\_2021-2022

## Vectores POLARIZAÇÃO e **DESLOCAMENTO ELÉCTRICO**

### **DESLOCAMENTO ELÉCTRICO**

Atrás escrevemos

$$\varepsilon_0 \oint \vec{E} \cdot \overrightarrow{dS} = \varepsilon_0 \, \mathcal{E}_0 \, \mathcal{A} = q$$

$$\varepsilon_0 \oint \vec{E} \cdot \vec{dS} = \varepsilon_0 \, \mathrm{EA} = q - q'$$

$$E = \frac{E_0}{K} = \frac{q}{K\varepsilon_0 A}$$

$$\mathsf{P} = \frac{q'}{A}$$

Poderemos agora dizer que

$$\frac{q}{A} \neq \varepsilon_0 \left( \frac{q}{\kappa \varepsilon_0 A} \right) + \frac{qq}{A}$$

D = deslocamento

relacionado com a eléctrico carga livre

$$D = \varepsilon_0 E + P$$

$$\overrightarrow{D} = \varepsilon_0 \ \overrightarrow{E} + \overrightarrow{P}$$

ou div 
$$\overrightarrow{D} = \rho$$

expressões integral e diferencial da LEI DE GAUSS num dieléctrico

MCE IM 2021-2022

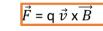
 $\oint \vec{D} \cdot d\vec{S} = q$ 

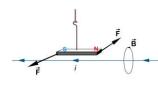
12

FORÇA EXERCIDA SOBRE UMA CARGA POR UM CAMPO MAGNÉTICO

A existência de um campo  $\overrightarrow{B}$  magnético num dado ponto do espaço pode ser demonstrada usando uma agulha magnética e um fio de corrente.







Experiências de Örsted e Faraday

https://www.jroma.pt/eletromagnetismo.html

Unidade S.I. de CAMPO MAGNÉTICO

1 tesla = 1 newton /coulomb.metro por segundo 1 T = 1 N/C.m.s<sup>-1</sup>

1 T = 10<sup>4</sup> gauss (G)

MCE\_IM\_2021-2022

13

13

## CAMPO MAGNÉTICO

FORÇA EXERCIDA SOBRE UMA CARGA POR UM CAMPO MAGNÉTICO

$$\vec{F} = q \vec{v} \times \overrightarrow{B}$$

$$|\vec{F}| = q |\vec{v}| |\vec{B}| \operatorname{sen} \theta$$

A força magnética **é sempre perpendicular** à velocidade da partícula carregada e ao campo magnético



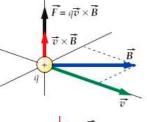
não realiza trabalho sobre a partícula ao longo de um trajecto

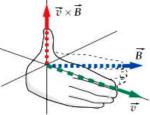
$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{l}$$

$$dW = q (\vec{v} \times \vec{B}). \vec{v} dt = 0$$

A direcção do vector  $\vec{v}$  pode ser alterada pela força magnética, mas não o seu módulo







MCE\_IM\_2021-2022

FORÇA EXERCIDA SOBRE UMA CARGA POR UM CAMPO MAGNÉTICO. FORÇA DE LORENTZ.

 A força magnética só actua sobre cargas em movimento

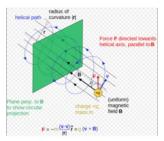


https://stringfixer.com/pt/Electron\_beams#wiki-1

• Quando  $\vec{v} \perp \vec{B}$ , e  $\vec{B}$  é uniforme, a partícula descreve uma órbita circular



• Se  $\vec{B}$  for uniforme e  $\vec{v}$  não for perpendicular a  $\vec{B}$ , a trajectória será helicoidal.



 $\label{lem:https://pt.wikipedia.org/wiki/For%C3%A7a_de_Lorentz} $$ \#/media/Ficheiro:Magnetic_deflection_helical_path.svg $$$ 

 Quando existem, em simultâneo, um campo eléctrico e um campo magnético, a partícula fica sujeita à chamada FORÇA DE LORENTZ

$$\vec{F} = q (\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$$

MCE\_IM\_2021-2022

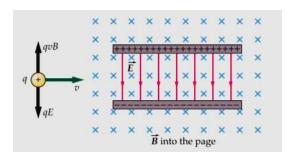
1 0

15

## CAMPO MAGNÉTICO

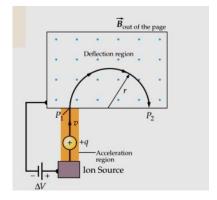
APLICAÇÕES DA FORÇA MAGNÉTICA

### **SELECTOR DE VELOCIDADES**



A partícula + sofre a acção de uma força eléctrica para baixo e uma força magnética para cima. Estas forças equilibram-se quando a velocidade da partícula verifica vB = E

### ESPECTRÓMETRO DE MASSA



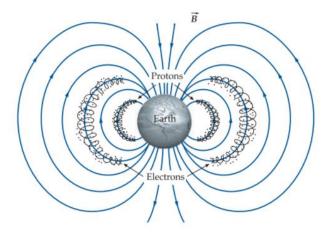
Os iões sofrem encurvamento na trajectória e emergem em  $\rm P_2$ . O raio r do círculo varia com a massa do ião.

MCE IM 2021-2022

16

Os Cinturões de Van Allen são uma barreira que protege a Terra de radiações, pois conseguem manter electrões muito energéticos a certa distância da atmosfera terrestre. Estão associados às auroras boreal e austral "cortinas" de partículas carregadas vísiveis em determinados pontos na superfície da Terra, onde os cinturões se cruzam com a atmosfera superior





Tipler & Mosca, p. 895

MCE\_IM\_2021-2022

17

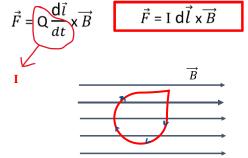
17

## CAMPO MAGNÉTICO

FORÇA EXERCIDA SOBRE UM FIO

 $\vec{F} = Q \vec{v} \times \overrightarrow{B}$ 

Q = carga total



Num condutor com FORMA ARBITRÁRIA, teremos de somar todas as contribuições para a força

$$\vec{F} = I \left( \int_{a}^{b} d\vec{l} \right) \times \vec{B} = I \vec{l} \times \vec{B}$$

Força sobre um fio que encerra uma SUPERFÍCIE FECHADA

$$\vec{F} = I (\oint d\vec{l}) \times \overrightarrow{B} = 0$$

MCE IM 2021-2022

18

### LEI DE BIOT-SAVART - Fio infinito

Para o campo eléctrico, tínhamos

$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi} \underbrace{\frac{q}{\epsilon_0}}_{\vec{r}^2} \hat{r}$$
 Fonte do campo magnético, será campo 
$$d\vec{B} = \frac{1}{4\pi} \underbrace{\frac{1}{\epsilon_0} \frac{\vec{c}^2}{\vec{c}^2}}_{\text{lei de Biot-Savart}} \underbrace{\vec{I} \ \vec{d} \ \vec{l} \ \vec{x} \ \hat{r}}_{\text{O m.}}$$

a dl b c c

O elemento  $d\vec{l}$  do fio percorrido por uma corrente I fornece uma contribuição  $d\vec{B}$  para a indução magnética no ponto P. O campo magnético aponta para dentro do plano da folha.

O módulo da contribuição dB é dado por

$$dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \cdot \frac{dl \; sen \; \theta}{r^2}$$

MCE\_IM\_2021-2022

10

19

## CAMPO MAGNÉTICO

 $\mu_0 = \frac{1}{\varepsilon_0 c^2}$   $\mu_0$  permeabilidade magnética do vazio

### LEI DE BIOT-SAVART - Fio infinito

O módulo da contribuição de  $d\vec{B}$  é dado por

$$dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \cdot \frac{dx \, \text{sen } \theta}{r^2} \qquad B = \int dB = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\mu_0 I}{4\pi} \cdot \frac{dx \, \text{sen } \theta}{r^2}$$

integremos em termos de d $\theta$ 

sen θ = sen 
$$(\pi - \theta) = \frac{R}{r}$$
 tg θ =  $\frac{sen\theta}{\cos \theta} = \frac{R}{x}$ 

$$x = R \frac{\cos \theta}{\sin \theta}$$
  $dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \cdot \sin \theta d\theta$ 

$$dx = -\frac{R}{sen^2 \theta} d\theta \qquad B = 2 \left( -\frac{\mu_0 I}{4\pi} \int_0^{\pi/2} sen \theta d\theta \right)$$

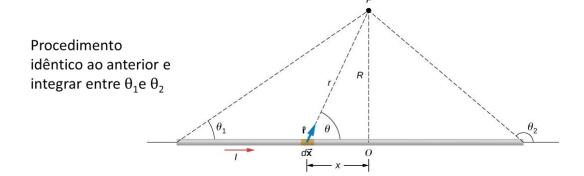
$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}$$

20

MCE\_IM\_2021-2022



LEI DE BIOT-SAVART – Fio finito



MCE\_IM\_2021-2022