Calculo I -agr. 4 2020/21 1º teste - turma TP4 A-6 Resolução 1. $f(n) = \arctan(2\sqrt{n} - x)$ (a) $D_f = \{x \in \mathbb{R}: x > 0 \land 2\sqrt{x} - x \in Darcton \} = [0, +\infty[$ (40 pontos) (b) $f'(n) = \frac{(2\sqrt{n}-n)^{1}}{1+(2\sqrt{n}-n)^{2}} = \frac{\sqrt{n}-1}{1+(2\sqrt{n}-n)^{2}}, \quad n > 0$ f(n)>0 (=) \frac{1}{\sqrt{n}}-1>0 (=) \pi\lambda11 \text{ em Jo, } + \inc{\inc}[. f' + 0 - em [1, + of.

Existe apenas um maxim (absoluto) no ponto n = 1, $f(1) = \arctan(2-1) = \frac{1}{4}$. Existe apenas um mínimo no ponto n=0, f(o)=0. Quando $X \to +\infty$, $2\sqrt{n}-x = \sqrt{n}(2-\sqrt{n})$ tende para $-\infty$, logo $f(n) = \arctan(2 \ln - n) \rightarrow - 17/2$ (não absoluto) I sto implice que f tem minimo relativo em n=0, 2.(a) f é regular em [0,1] e f(0) = f(1) => pelo T. Rolle (10 pontos) existe d \(\ightarrow \) (10) pontos) existe d \(\ightarrow \) (10) tal que \(\ightarrow \) (10). (20 pointos) f'e' regular em [0, d] e em [d, 1], logo pelo T. Lagrange, existe $C_1 \in [0, d]$ tal que $f'(C_1) = \frac{f'(d) - f'(0)}{d - 0} = \frac{O - 1}{d}$ to l'existe $c_2 \in]d$, $1 \subseteq talque f''(c_2) = f'(1) - f'(d) = 1 - 0 > 0$. Desta forma, $c_1 \in c_2$ são diferentes: $c_1 < c_2$.