

1. Dada la siguiente gramática:

$S \rightarrow XY$

$X \rightarrow XbZ \mid ZbZ \mid bZ$

$Y \rightarrow YaZ \mid ZaZ \mid aZ$

$Z \rightarrow c$

a) (0,5 pto.) ¿Es una gramática LL(1)? Justificad vuestra respuesta.

*No, porque tiene recursividad a izquierda inmediata ( $X \rightarrow XbZ$ )*

b) (0,5 pto.) Transformad la gramática anterior en otra equivalente que sea LL(1)

$S \rightarrow XY$

$X \rightarrow ZbZX' \mid bZX'$

$X' \rightarrow bZX' \mid \epsilon$

$Y \rightarrow ZaZY' \mid aZY'$

$Y' \rightarrow aZY' \mid \epsilon$

$Z \rightarrow c$

c) (0,5 pto.) Construid la tabla de análisis LL(1) para la gramática obtenida en el apartado b.

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>\$</i>
<i>S</i>		<i>XY, 1</i>	<i>XY, 1</i>	
<i>X</i>		<i>bZX', 3</i>	<i>ZbZX', 2</i>	
<i>X'</i>	<i>ε, 5</i>	<i>bZX', 4</i>	<i>ε, 5</i>	
<i>Y</i>	<i>aZY', 7</i>		<i>ZaZY', 6</i>	
<i>Y'</i>	<i>aZY', 8</i>			<i>ε, 9</i>
<i>Z</i>			<i>c, 10</i>	
<i>a</i>	<i>sacar</i>			
<i>b</i>		<i>sacar</i>		
<i>c</i>			<i>sacar</i>	
<i>\$</i>				<i>aceptar</i>

d) (0,5 pto.) Realizad la traza de análisis LL(1) para la cadena: "cbcbcac" usando la tabla del apartado anterior.

( <i>S</i> \$, <i>cbcbcac</i> \$, )	-	( <i>XY</i> \$, <i>cbcbcac</i> \$, 1)
-( <i>ZbZX'Y</i> \$, <i>cbcbcac</i> \$, 1-2)	-	( <i>cbZX'Y</i> \$, <i>cbcbcac</i> \$, 1-2-10)
-( <i>bZX'Y</i> \$, <i>cbcbcac</i> \$, 1-2-10)	-	( <i>ZX'Y</i> \$, <i>cbcac</i> \$, 1-2-10)
-( <i>cX'Y</i> \$, <i>cbcac</i> \$, 1-2-10-10)	-	( <i>X'Y</i> \$, <i>bcac</i> \$, 1-2-10-10)
-( <i>bZX'Y</i> \$, <i>bcac</i> \$, 1-2-10-10-4)	-	( <i>ZX'Y</i> \$, <i>cac</i> \$, 1-2-10-10-4)
-( <i>cX'Y</i> \$, <i>cac</i> \$, 1-2-10-10-4-10)	-	( <i>X'Y</i> \$, <i>ac</i> \$, 1-2-10-10-4-10)
-( <i>Y</i> \$, <i>ac</i> \$, 1-2-10-10-4-10-5)	-	( <i>aZY'</i> \$, <i>ac</i> \$, 1-2-10-10-4-10-5-7)
-( <i>ZY'</i> \$, <i>c</i> \$, 1-2-10-10-4-10-5-7)	-	( <i>cY'</i> \$, <i>c</i> \$, 1-2-10-10-4-10-5-7-10)
-( <i>Y'</i> \$, \$, 1-2-10-10-4-10-5-7-10)	-	(\$, \$, 1-2-10-10-4-10-5-7-10-9)
-		<i>aceptar</i>

2. Dada la siguiente gramática:

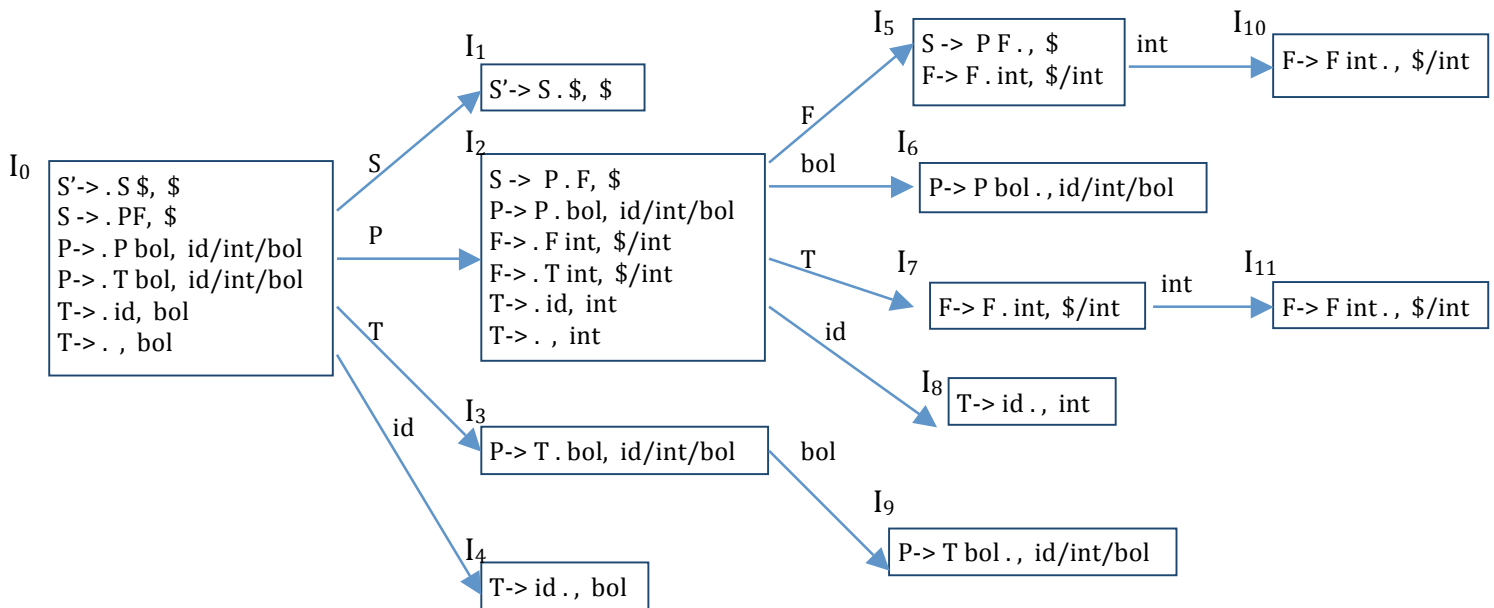
$S \rightarrow P F$

$F \rightarrow F \text{ int} \mid T \text{ int}$

$P \rightarrow P \text{ bol} \mid T \text{ bol}$

$T \rightarrow \text{id} \mid \epsilon$

a) (1,5 pto.) Construid la colección canónica de conjuntos de elementos LR(1).



b) (1 pto.) Construid la tabla de análisis LALR(1).

	<i>int</i>	<i>bol</i>	<i>id</i>	<i>\$</i>	<i>S</i>	<i>F</i>	<i>P</i>	<i>T</i>
0		<i>r-7</i>	<i>d4-8</i>		1		2	3
1				<i>aceptar</i>				
2	<i>r-7</i>	<i>d6</i>	<i>d4-8</i>			5		7
3		<i>d9</i>						
4-8	<i>r-6</i>	<i>r-6</i>						
5	<i>d10</i>			<i>r1</i>				
6	<i>r4</i>	<i>r4</i>	<i>r4</i>					
7	<i>d11</i>							
9	<i>r5</i>	<i>r5</i>	<i>r5</i>					
10	<i>r2</i>			<i>r2</i>				
11	<i>r3</i>			<i>r3</i>				

c) (0,5 pto.) ¿Es una gramática LALR(1)? ¿Es una gramática LR(1)? Justificad vuestras respuestas.

*Es LALR(1) porque no hay conflictos en la tabla de análisis LALR(1). Es LR(1) porque toda gramática LALR(1) es LR(1).*

d) (0,5 pto.) Realizad la traza de análisis LALR(1) para la cadena "id bol int"

*(0, id bol int \$, )*    */-*    *(0 id 4-8, bol int \$, )*    */-* *(0 T 3, bol int \$, 6)*    */-*  
*(0 T 3 bol 9, int \$, 6)*    */-*    *(0 P 2, int \$, 6-5)*    */-* *(0 P 2 T 7, int \$, 6-5-7)*    */-*  
*(0 P 2 T 7 int 11, \$, 6-5-7)*    */-*    *(0 P 2 F 5, \$, 6-5-7-3)*    */-* *(0 S 1, \$, 6-5-7-3-1)*    */-*  
*aceptar*

3.- La siguiente gramática genera expresiones booleanas bien sea mediante expresiones booleanas, igualdad entre expresiones aritméticas o conversión de tipos.

$$S \rightarrow E$$

$$E \rightarrow E \textbf{ and } E$$

$$E \rightarrow ( E )$$

$$E \rightarrow E \textbf{ or } E$$

$$E \rightarrow E + E$$

$$E \rightarrow \textbf{ not } E$$

$$E \rightarrow E * E$$

$$E \rightarrow E = E$$

$$E \rightarrow \textbf{ num }$$

a) Diseñad un ETDS que compruebe que los operadores **and**, **not** y **or** tienen como operandos expresiones lógicas y que los operadores = y + tienen operandos aritméticos.

Solución:

$$S \rightarrow E \quad \{ \textbf{ print( "El tipo de la expresión es:" } E.t \}$$

$$E \rightarrow E_1 \textbf{ and } E_2 \quad \{ \textbf{ if } E_1.t = E_2.t = t\_logico \textbf{ then } E.t = t\_logico$$

$$\quad \textbf{ else } E.t = t\_error; \textbf{ print ( "Tipos incompatibles con el operador" )}$$

$$| E_1 \textbf{ or } E_2 \quad \{ \textbf{ if } E_1.t = E_2.t = t\_logico \textbf{ then } E.t = t\_logico$$

$$\quad \textbf{ else } E.t = t\_error; \textbf{ print ( "Tipos incompatibles con el operador" )}$$

$$| \textbf{ not } E_1 \quad \{ \textbf{ if } E_1.t = t\_logico \textbf{ then } E.t = t\_logico$$

$$\quad \textbf{ else } E.t = t\_error; \textbf{ print ( "Tipo incompatible con el operador" )}$$

$$| ( E_1 ) \quad \{ E.t = E_1.t \}$$

$$| E_1 = E_2 \quad \{ \textbf{ if } E_1.t = E_2.t = t\_aritmético \textbf{ then } E.t = t\_logico$$

$$\quad \textbf{ else } E.t = t\_error; \textbf{ print ( "Tipos incompatibles con el operador" )}$$

$$| E_1 + E_2 \quad \{ \textbf{ if } E_1.t = E_2.t = t\_aritmético \textbf{ then } E.t = t\_aritmético$$

$$\quad \textbf{ else } E.t = t\_error; \textbf{ print ( "Tipos incompatibles con el operador" )}$$

$$| E_1 * E_2 \quad \{ \textbf{ if } E_1.t = E_2.t = t\_aritmético \textbf{ then } E.t = t\_aritmético$$

$$\quad \textbf{ else } E.t = t\_error; \textbf{ print ( "Tipos incompatibles con el operador" )}$$

$$| \textbf{ num} \quad \{ E.t = t\_aritmético \}$$

- b) Escribid otro ETDS que calcule, en S, el valor lógico (verdadero o falso) de cualquier sentencia perteneciente al lenguaje generado por esta gramática.

Solución:

$S \rightarrow E$	{	<b>if</b> $E.v = 0$ <b>then</b> <b>print</b> ("Falso")
		<b>else</b> <b>print</b> ("Verdadero") }
$E \rightarrow E_1 \textbf{ and } E_2$	{	$E.v = E_1.v * E_2.v$ }
$E_1 \textbf{ or } E_2$	{	<b>if</b> $E_1.v = 0 = E_2.v$ <b>then</b> $E.v = 0$ <b>else</b> $E.v = 1$ }
<b>not</b> $E_1$	{	<b>if</b> $E_1.v = 0$ <b>then</b> $E.v = 1$ <b>else</b> $E.v = 0$ }
$( E_1 )$	{	$E.v = E_1.v$ }
$E_1 = E_2$	{	<b>if</b> $E_1.v = E_2.v$ <b>then</b> $E.v = 1$ <b>else</b> $E.v = 0$ }
$E_1 + E_2$	{	$E.v = E_1.v + E_2.v$ }
$E_1 * E_2$	{	$E.v = E_1.v * E_2.v$ }
<b>num</b>	{	$E.v = \text{num}.v$ }

---

# Procesadores de Lenguajes (1º parcial)

21 de enero de 2011

---

4. Cuestiones teóricas (contestad brevemente):

- a) (0.5 ptos.) Construid una *expresión regular* (o un programa FLEX, si se quiere) para las constantes numéricas, que permita, por ejemplo: 3.14 3. 3 0.14

```
digito  0 | 1 | ... | 9
cte      (digito)+ ( '.' digito* ) ?
```

- b) (0.5 ptos.) Dada una *derivación a izquierdas*  $S \xRightarrow{*} wA\alpha$  y siendo  $a$  el símbolo actual de la cadena de entrada. ¿Qué parte de la forma sentencial  $wA\alpha$  puede estar en la pila de un analizador LL(1) y qué condición se debe cumplir para que la siguiente acción sea derivar  $A \rightarrow \beta$  ?

$A\alpha$

$a \in \text{PRIMEROS}(\beta \text{ SIGUIENTES}(A))$ .

- c) (0.5 ptos.) Dada la gramática  $\{ S \rightarrow a S b \mid a b \}$ , indicad cual será el *pivote* de las siguientes formas sentenciales:  $aaabbb$  y  $aaSbb$

a a a b b b      a a S b b

- d) (1 ptos.) Para la misma gramática, describir todos sus prefijos viables. Para el prefijo viable  $a$  obtened todos sus ítem válidos LR(0).

$S \mid a^+(b \mid S b?)$

$\{[S \rightarrow a . S b], [S \rightarrow a . b], [S \rightarrow . a S b], [S \rightarrow . a b], \}$