

1. Comunicación punto a punto

Cuestión 1-1

```
Dada la siguiente función:
     double funcion()
       int i,n,j;
       double *v,*w,*z,sv,sw,x,res=0.0;
       /* Leer los vectores v, w, z, de dimension n */
       leer(&n, &v, &w, &z);
       calcula_v(n,v);
                                     /* tarea 1 */
       calcula_w(n,w);
                                     /* tarea 2 */
       calcula_z(n,z);
                                     /* tarea 3 */
       /* tarea 4 */
       for (j=0; j< n; j++) {
         sv = 0;
         for (i=0; i<n; i++) sv = sv + v[i]*w[i];
         for (i=0; i<n; i++) v[i]=sv*v[i];
       /* tarea 5 */
       for (j=0; j<n; j++) {
         sw = 0;
         for (i=0; i< n; i++) sw = sw + w[i]*z[i];
         for (i=0; i<n; i++) z[i]=sw*z[i];
       /* tarea 6 */
       x = sv+sw;
       for (i=0; i<n; i++) res = res+x*z[i];
       return res;
     }
```

Las funciones calcula_X tienen como entrada los datos que reciben como argumentos y con ellos modifican el vector X indicado. Por ejemplo, calcula_v(n,v) toma como datos de entrada los valores de n y v y modifica el vector v.

- (a) Dibuja el grafo de dependencias de las diferentes tareas, incluyendo en el mismo el coste de cada una de las tareas y el volumen de las comunicaciones. Suponer que las funciones calcula_X tienen un coste de $2n^2$.
- (b) Paralelízalo usando MPI, de forma que los procesos MPI disponibles ejecutan las diferentes tareas (sin dividirlas en subtareas). Se puede suponer que hay al menos 3 procesos.

(c) Indica el tiempo de ejecución del algoritmo secuencial, el del algoritmo paralelo, y el speedup que se obtendría. Ignorar el coste de la lectura de los vectores.

Cuestión 1-2

Implementa una función que, a partir de un vector de dimensión n, distribuido entre p procesos de forma cíclica por bloques, realice las comunicaciones necesarias para que todos los procesos acaben con una copia del vector completo. Nota: utiliza únicamente comunicación punto a punto.

La cabecera de la función será:

```
void comunica_vector(double vloc[],int n,int b,int p,double w[])
/* vloc: parte local del vector v inicial
    n: dimension global del vector v
    b: tamaño de bloque empleado en la distribucion del vector v
    p: numero de procesos
    w: vector de longitud n, donde debe guardarse una copia de v
    */
```

Cuestión 1-3

Se desea aplicar un conjunto de T tareas sobre un vector de números reales de tamaño n. Estas tareas han de aplicarse secuencialmente y en orden. La función que las representa tiene la siguiente cabecera:

```
void tarea(int tipo_tarea, int n, double *v);
```

donde $tipo_tarea$ identifica el número de tarea de 1 hasta T. Sin embargo, estas tareas serán aplicadas a m vectores. Estos vectores están almacenados en una matriz A en el proceso maestro donde cada fila representa uno de esos m vectores.

Implementar un programa paralelo en MPI en forma de Pipeline donde cada proceso $(P_1 \dots P_{p-1})$ ejecutará una de las T tareas (T=p-1). El proceso maestro (P_0) se limitará a alimentar el pipeline y recoger cada uno de los vectores (y almacenarlos de nuevo en la matriz A) una vez hayan pasado por toda la tubería. Utilizad un mensaje vacio identificado mediante una etiqueta para terminar el programa (supóngase que los esclavos desconocen el número m de vectores).

Cuestión 1-4

En un programa paralelo ejecutado en p procesos, se tiene un vector x de dimensión n distribuido por bloques, y un vector y replicado en todos los procesos. Implementar la siguiente función, la cual debe sumar la parte local del vector x con la parte correspondiente del vector y, dejando el resultado en un vector local z.

```
void suma(double xloc[],double y[],double z[],int n,int p,int pr)
/* pr es el indice del proceso local */
```

Cuestión 1-5

La distancia de Levenshtein proporciona una medida de similitud entre dos cadenas. El siguiente código secuencial utiliza dicha distancia para calcular la posición en la que una subcadena es más similar a otra cadena, asumiendo que las cadenas se leen desde un fichero de texto.

Ejemplo: si la cadena ref contiene "aafsdluqhqwBANANAqewrqerBANAfqrqerqrABANArqwrBAANANqwe" y la cadena str contiene "BANAN", el programa mostrará que la cadena "BANAN" se encuentra en la menor diferencia en la posición 11.

```
int mindist, pos, dist, i, ls, lr;
FILE *f1, *f2;
char ref[500], str[100];
```

```
f1 = fopen("ref.txt","r");
    fgets(ref,500,f1);
    lr = strlen(ref);
    printf("Ref: %s (%d)\n", ref, lr);
    fclose(f1);
    f2 = fopen("lines.txt","r");
    while (fgets(str,100,f2)!=NULL) {
      ls = strlen(str);
      printf("Str: %s (%d)\n", str, ls);
      mindist = levenshtein(str, ref);
      pos = 0;
      for (i=1;i<lr-ls;i++) {
        dist = levenshtein(str, &ref[i]);
        if (dist < mindist) {</pre>
          mindist = dist;
           pos = i;
        }
      printf("Distancia %d para %s en %d\n", mindist, str, pos);
    fclose(f2);
(a) Completa la siguiente implementación paralela MPI de dicho algoritmo según el modelo maestro-
   trabajadores:
         int mindist, pos, dist, i, ls, lr, count, rank, size, rc, org;
        FILE *f1, *f2;
         char ref[500], str[100], c;
        MPI_Status status;
        MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
        MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &size);
         if (rank ==0) {
                           /* master */
           f1 = fopen("ref.txt","r");
           fgets(ref,500,f1);
           lr = strlen(ref);
           ref[lr-1]=0;
           MPI_Bcast(ref, lr+1, MPI_CHAR, 0, MPI_COMM_WORLD);
           printf("Ref: %s (%d)\n", ref, lr);
           fclose(f1);
           f2 = fopen("lines.txt","r");
           count = 1;
           while ( (fgets(str,100,f2)!=NULL) && (count<size) ) {</pre>
             ls = strlen(str);
             str[ls-1] = 0;
             ls--;
             MPI_Send(str, ls+1, MPI_CHAR, count, TAG_WORK, MPI_COMM_WORLD);
             count++;
           }
```

```
do {
    printf("%d procesos activos\n", count);
    /*
      COMPLETAR
      - recibir tres mensajes del mismo proceso
      - leer nueva línea del fichero y enviarla
      - si fichero terminado, enviar mensaje de terminación
  } while (count>1);
  fclose(f2);
           /* worker */
} else {
    MPI_Bcast(ref, 500, MPI_CHAR, 0, MPI_COMM_WORLD);
    lr = strlen(ref);
   printf("[%d], Ref: %s\n", rank, ref);
   rc = 0;
    do {
      MPI_Recv(str, 100, MPI_CHAR, 0, MPI_ANY_TAG, MPI_COMM_WORLD, &status);
      ls = strlen(str);
      if (status.MPI_TAG == TAG_WORK) {
        printf("[%d] Mensaje recibido (%s)\n", rank, str);
        mindist = levenshtein(str, ref);
        pos = 0;
        for (i=1;i<lr-ls;i++) {
          dist = levenshtein(str, &ref[i]);
          if (dist < mindist) {</pre>
            mindist = dist:
            pos = i;
          }
        }
        printf("[%d] envia: %d, %d, y %s a 0\n", rank, mindist, pos, str);
        MPI_Send(&mindist, 1, MPI_INT, 0, TAG_RESULT, MPI_COMM_WORLD);
        MPI_Send(&pos, 1, MPI_INT, 0, TAG_POS, MPI_COMM_WORLD);
        MPI_Send(str, ls+1, MPI_CHAR, 0, TAG_STR, MPI_COMM_WORLD);
        printf("[%d] recibe mensaje con etiqueta %d\n", rank, status.MPI_TAG);
        rc = 1;
      }
   } while (!rc);
```

(b) Calcula el coste de comunicaciones de la versión paralela desarrollada dependiendo del tamaño del problema n y del número de procesos p.

Cuestión 1-6

Se quiere paralelizar el siguiente código mediante MPI. Suponemos que se dispone de 3 procesos.

```
double a[N],b[N],c[N],v=0.0,w=0.0;
T1(a,&v);
T2(b,&w);
T3(b,&v);
```

```
T4(c,&w);
T5(c,&v);
T6(a,&w);
```

Todas las funciones leen y modifican ambos argumentos, también los vectores. Suponemos que los vectores a, b y c están almacenados en P_0 , P_1 y P_2 , respectivamente, y son demasiado grandes para poder ser enviados eficientemente de un proceso a otro.

- (a) Dibuja el grafo de dependencias de las diferentes tareas, indicando qué tarea se asigna a cada proceso.
- (b) Escribe el código MPI que resuelve el problema.

Cuestión 1-7

El siguiente fragmento de código es incorrecto (desde el punto de vista semántico, no porque haya un error en los argumentos). Indica por qué y propón dos soluciones distintas.

```
MPI_Status stat;
int sbuf[N], rbuf[N], rank, size, src, dst;
MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &size);
src = (rank==0)? size-1: rank-1;
dst = (rank==size-1)? 0: rank+1;
MPI_Ssend(sbuf, N, MPI_INT, dst, 111, MPI_COMM_WORLD);
MPI_Recv(rbuf, N, MPI_INT, src, 111, MPI_COMM_WORLD, &stat);
```

Cuestión 1-8

Se quiere implementar el cálculo de la ∞ -norma de una matriz cuadrada, que se obtiene como el máximo de las sumas de los valores absolutos de los elementos de cada fila, $\max_{i=0}^{n-1} \left\{\sum_{j=0}^{n-1} |a_{i,j}|\right\}$. Para ello, se propone un esquema maestro-trabajadores. A continuación, se muestra la función correspondiente al maestro (el proceso con identificador 0). La matriz se almacena por filas en un array uni-dimensional, y suponemos que es muy dispersa (tiene muchos ceros), por lo que el maestro envía únicamente los elementos no nulos (función comprime).

```
int comprime(double *A,int n,int i,double *buf)
 int j,k = 0;
 for (j=0; j< n; j++)
    if (A[i*n+j]!=0.0) { buf[k] = A[i*n+j]; k++; }
  return k;
double maestro(double *A,int n)
 double buf[n];
 double norma=0.0, valor;
  int fila,completos=0,size,i,k;
 MPI_Status status;
 MPI Comm size(MPI COMM WORLD, &size);
 for (fila=0;fila<size-1;fila++) {</pre>
    if (fila<n) {
      k = comprime(A, n, fila, buf);
      MPI_Send(buf, k, MPI_DOUBLE, fila+1, TAG_FILA, MPI_COMM_WORLD);
    } else
      MPI Send(buf, 0, MPI DOUBLE, fila+1, TAG END, MPI COMM WORLD);
```

Implementa la parte de los procesos trabajadores, completando la siguiente función:

```
void trabajador(int n)
{
  double buf[n];
```

Nota: Para el valor absoluto se puede usar double fabs(double x)

Recuerda que MPI_Status contiene, entre otros, los campos MPI_SOURCE y MPI_TAG.

Cuestión 1-9

Queremos medir la latencia de un anillo de p procesos en MPI, entendiendo por latencia el tiempo que tarda un mensaje de tamaño 0 en circular entre todos los procesos. Un anillo de p procesos MPI funciona de la siguiente manera: P_0 envía el mensaje a P_1 , cuando éste lo recibe, lo reenvía a P_2 , y así sucesivamente hasta que llega a P_{p-1} que lo enviará a P_0 . Escribe un programa MPI que implemente este esquema de comunicación y muestre la latencia. Es recomendable hacer que el mensaje dé varias vueltas al anillo, y luego sacar el tiempo medio por vuelta, para obtener una medida más fiable.

Cuestión 1-10

Dada la siguiente función, donde suponemos que las funciones T1, T3 y T4 tienen un coste de n y las funciones T2 y T5 de 2n, siendo n un valor constante.

```
double ejemplo(int i,int j)
{
   double a,b,c,d,e;
   a = T1(i);
   b = T2(j);
   c = T3(a+b,i);
   d = T4(a/c);
   e = T5(b/c);
   return d+e; /* T6 */
```

- (a) Dibuja el grafo de dependencias y calcula el coste secuencial.
- (b) Paralelízalo usando MPI con dos procesos. Ambos procesos invocan la función con el mismo valor de los argumentos i, j (no es necesario comunicarlos). El valor de retorno de la función debe ser correcto en el proceso 0 (no es necesario que esté en ambos procesos).

(c) Calcula el tiempo de ejecución paralelo (cálculo y comunicaciones) y el speedup con dos procesos.

Cuestión 1-11

Escribe una función con la siguiente cabecera, la cual debe hacer que los procesos con índices proc1 y proc2 intercambien el vector x que se pasa como argumento, mientras que en el resto de procesos el vector x no sufrirá ningún cambio.

```
void intercambiar(double x[N], int proc1, int proc2)
```

Debes tener en cuenta lo siguiente:

- Se debe evitar la posibilidad de interbloqueos.
- No se deben utilizar las funciones MPI_Sendrecv, MPI_Sendrecv_replace y MPI_Bsend.
- Declara las variables que consideres necesarias.
- Se supone que N es una constante definida previamente, y que proc1 y proc2 son índices de procesos válidos (en el rango entre 0 y el número de procesos menos uno).

Cuestión 1-12

La siguiente función muestra por pantalla el máximo de un vector v de n elementos y su posición:

```
void func(double v[], int n) {
   double max = v[0];
   int i, posmax = 0;
   for (i=1; i<n; i++) {
      if (v[i]>max) {
        max = v[i];
        posmax=i;
      }
   }
   printf("Máximo: %f. Posición: %d\n", max, posmax);
}
```

Escribe una versión paralela MPI con la siguiente cabecera, donde los argumentos rank y np han sido obtenidos mediante MPI_Comm_rank y MPI_Comm_size, respectivamente.

```
void func_par(double v[], int n, int rank, int np)
```

La función debe asumir que el array v del proceso 0 contendrá inicialmente el vector, mientras que en el resto de procesos dicho array podrá usarse para almacenar la parte local que corresponda. Deberán comunicarse los datos necesarios de forma que el cálculo del máximo se reparta de forma equitativa entre todos los procesos. Finalmente, sólo el proceso 0 debe mostrar el mensaje por pantalla. Se deben utilizar operaciones de comunicación punto a punto (no colectivas). Nota: se puede asumir que n es múltiplo del número de procesos.

Cuestión 1–13

Se quiere implementar una función para distribuir una matriz cuadrada entre los procesos de un programa MPI, con la siguiente cabecera:

La matriz A se encuentra inicialmente en el proceso root, y debe distribuirse por filas entre los procesos, de manera que cada fila i debe ir al proceso proc_fila[i]. El contenido del array proc_fila es válido en todos los procesos. Cada proceso (incluido el root) debe almacenar las filas que le correspondan en la matriz local Aloc, ocupando las primeras filas (o sea, si a un proceso se le asignan k filas, éstas deben quedar almacenadas en las primeras k filas de Aloc).

Ejemplo para 3 procesos:

	1 -
$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	15
A proc_fila 31 32 33 34 3	35
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	
21 22 23 24 25 2 41 42 43 44	45
31 32 33 34 35 0 51 52 53 54	55
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
51 52 53 54 55 1 21 22 23 24 2	25

- (a) Escribe el código de la función.
- (b) En un caso general, ¿se podría usar el tipo de datos *vector* de MPI (MPI_Type_vector) para enviar a un proceso todas las filas que le tocan mediante un solo mensaje? Si se puede, escribe las instrucciones para definirlo. Si no se puede, justifica por qué.

Desarrolla un programa ping-pong.

Se desea un programa paralelo, para ser ejecutado en 2 procesos, que repita 200 veces el envío del proceso 0 al proceso 1 y la devolución del proceso 1 al 0, de un mensaje de 100 enteros. Al final se deberá mostrar por pantalla el tiempo medio de envío de 1 entero, calculado a partir del tiempo de enviar/recibir todos estos mensajes.

El programa puede empezar así:

```
int main(int argc,char *argv[])
{
  int v[100];
```

- (a) Implementa el programa indicado.
- (b) Calcula el tiempo de comunicaciones (teórico) del programa.

Cuestión 1-15

En un programa paralelo se dispone de un vector distribuido por bloques entre los procesos, de manera que cada proceso guarda su bloque en el array vloc.

Implementa una función que desplace los elementos del vector una posición a la derecha, haciendo además que el último elemento pase a ocupar la primera posición. Por ejemplo, si tenemos 3 procesos, dado el estado inicial:

El estado final sería:

La función deberá evitar los posibles interbloqueos. La cabecera de la función será:

```
void desplazar(double vloc[], int mb)
```

donde mb es el número de elementos de vloc (supondremos que mb > 1).

En el siguiente programa secuencial, en el que indicamos con comentarios el coste computacional de cada función, todas las funciones invocadas modifican únicamente el primer argumento. Observa que $\tt A, D y E$ son vectores, mientras que $\tt B y C$ son matrices.

```
#include <stdio.h>
int main (int argc, char *argv[]) {
    double A[N], B[N][N], C[N][N], D[N], E[N], res;
   read(A);
                         // T0, cost N
                         // T1, cost 2N
    generate(B,A);
   process2(C,B);
                         // T2, cost 2N^2
   process3(D,B);
                         // T3, cost 2N^2
                         // T4, cost N^2
   process4(E,C);
    res = process5(E,D); // T5, cost 2N
    printf("Result: %f\n", res);
   return 0;
}
```

- (a) Obtén el grafo de dependencias.
- (b) Implementa una versión paralela con MPI, teniendo en cuenta los siguientes aspectos:
 - Utiliza el número más apropiado de procesos paralelos para que la ejecución sea lo más rápida posible, mostrando un mensaje de error en caso de que el número de procesos en ejecución no coincida con éste. Solo el proceso P₀ debe realizar las operaciones read y printf.
 - Presta atención al tamaño de los mensajes y utiliza las técnicas de agrupamiento y replicación, etc. si fuera conveniente.
 - Realiza la implementación del programa completo.
- (c) Calcula el coste secuencial, coste paralelo, speed-up y eficiencia.

2. Comunicación colectiva

Cuestión 2-1

El siguiente fragmento de código permite calcular el producto de una matriz cuadrada por un vector, ambos de dimensión N:

```
int i, j;
int A[N][N], v[N], x[N];
leer(A,v);
for (i=0;i<N;i++) {
  x[i]=0;
  for (j=0;j<N;j++) x[i] += A[i][j]*v[j];
}
escribir(x);</pre>
```

Escribe un programa MPI que realice el producto en paralelo, teniendo en cuenta que el proceso P_0 obtiene inicialmente la matriz A y el vector v, realiza una distribución de A por bloques de filas consecutivas sobre todos los procesos y envía v a todos. Asimismo, al final P_0 debe obtener el resultado. Nota: Para simplificar, se puede asumir que N es divisible por el número de procesos.

Cuestión 2-2

El siguiente fragmento de código calcula la norma de Frobenius de una matriz cuadrada obtenida a partir de la función leermat.

```
int i, j;
double s, norm, A[N][N];
leermat(A);
s = 0.0;
for (i=0;i<N;i++) {
   for (j=0;j<N;j++) s += A[i][j]*A[i][j];
}
norm = sqrt(s);
printf("norm=%f\n",norm);</pre>
```

Implementa un programa paralelo usando MPI que calcule la norma de Frobenius, de manera que el proceso P_0 lea la matriz A, la reparta según una distribución cíclica de filas, y finalmente obtenga el resultado \mathbf{s} y lo imprima en la pantalla. Nota: Para simplificar, se puede asumir que \mathbb{N} es divisible por el número de procesos.

Cuestión 2-3

Se quiere paralelizar el siguiente programa usando MPI.

```
double *lee_datos(char *nombre, int *n) {
  ... /* lectura desde fichero de los datos */
 /* devuelve un puntero a los datos y el número de datos en n */
double procesa(double x) {
       /* función costosa que hace un cálculo dependiente de x */
int main() {
 int i,n;
 double *a,res;
 a = lee datos("datos.txt",&n);
 res = 0.0;
 for (i=0; i<n; i++)
   res += procesa(a[i]);
 printf("Resultado: %.2f\n",res);
 free(a);
 return 0;
}
```

Aspectos a tener en cuenta:

- Sólo el proceso 0 debe llamar a lee_datos (sólo él leerá del fichero).
- Sólo el proceso 0 debe mostrar el resultado.
- Hay que repartir los n cálculos entre los procesos disponibles usando un reparto por bloques. Habrá que enviar a cada proceso su parte de a y recoger su aportación al resultado res. Se puede suponer que n es divisible por el número de procesos.
- (a) Realiza una versión con comunicación punto a punto.
- (b) Realiza una versión utilizando primitivas de comunicación colectiva.

Cuestión 2-4

Desarrolla un programa MPI que juegue al siguiente juego:

- 1. Cada proceso se inventa un número y se lo comunica al resto.
- 2. Si todos los procesos han pensado el mismo número, se acaba el juego.

- 3. Si no, se repite el proceso (se vuelve a 1). Si ya ha habido 1000 repeticiones, se finaliza con un error.
- 4. Al final hay que indicar por pantalla (una sola vez) cuántas veces se ha tenido que repetir el proceso para que todos pensaran el mismo número.

Se dispone de la siguiente función para inventar los números:

```
int piensa_un_numero(); /* devuelve un número aleatorio */
```

Utiliza operaciones de comunicación colectiva de MPI para todas las comunicaciones necesarias.

Cuestión 2-5

Se pretende implementar un generador de números aleatorios paralelo. Dados p procesos MPI, el programa funcionará de la siguiente forma: todos los procesos van generando una secuencia de números hasta que P_0 les indica que paren. En ese momento, cada proceso enviará a P_0 su último número generado y P_0 combinará todos esos números con el número que ha generado él. En pseudocódigo sería algo así:

```
n = inicial(id)
si id=0
  para i=1 hasta 100
    n = siguiente(n)
  fpara
  envia mensaje de aviso a procesos 1..np-1
  recibe m[k] de proceso k para k=1..np-1
  n = combina(n,m[k]) para k=1..np-1
si no
  n = inicial
  mientras no recibo mensaje de 0
    n = siguiente(n)
  fmientras
  envía n a 0
fsi
```

Implementar en MPI un esquema de comunicación asíncrona para este algoritmo, utilizando MPI_Irecv y MPI_Test. La recogida de resultados puede realizarse con una operación colectiva.

Cuestión 2-6

Dado el siguiente fragmento de programa que calcula un valor aproximado para el número π :

```
double rx, ry, computed_pi;
long int i, points=NPOINTS, hits;
unsigned int seed = 1234;

hits = 0;
for (i=0; i<points; i++) {
    rx = (double)rand_r(&seed)/RAND_MAX;
    ry = (double)rand_r(&seed)/RAND_MAX;
    if ((rx-0.5)*(rx-0.5)+(ry-0.5)*(ry-0.5)<0.25) hits++;
}
computed_pi = 4.0*hits/points;
printf("Computed PI = %.10f\n", computed_pi);</pre>
```

Implementar una versión en MPI que permita su cálculo en paralelo.

Cuestión 2-7

La ∞ -norma de una matriz se define como el máximo de las sumas de los valores absolutos de los

elementos de cada fila: $\max_{i=1..n} \left\{ \sum_{j=0}^{m-1} |a_{i,j}| \right\}$. El siguiente código secuencial implementa dicha operación para el caso de una matriz cuadrada.

```
#include <math.h>
#define N 800

double infNorm(double A[][N]) {
   int i,j;
   double s,nrm=0.0;

   for (i=0; i<N; i++) {
      s=0.0;
      for (j=0; j<N; j++)
            s+=fabs(A[i][j]);
      if (s>nrm)
            nrm=s;
   }
   return nrm;
}
```

(a) Implementa una versión paralela mediante MPI utilizando operaciones de comunicación colectiva en la medida de lo posible. Se puede asumir que el tamaño del problema es un múltiplo exacto del número de procesos. La matriz está inicialmente almacenada en P₀ y el resultado debe quedar también en P₀. Nota: se sugiere utilizar la siguiente cabecera para la función paralela, donde Alocal es una matriz que se supone ya reservada en memoria, y que puede ser utilizada por la función para almacenar la parte local de la matriz A.

```
double infNormPar(double A[][N], double ALocal[][N])
```

- (b) Obtén el coste computacional y de comunicaciones del algoritmo paralelo. Se puede asumir que la operación fabs tiene un coste despreciable, así como las comparaciones.
- (c) Calcula el speed-up y la eficiencia cuando el tamaño del problema tiende a infinito.

Cuestión 2-8

Sea el siguiente código:

```
for (i=0; i<m; i++) {
  for (j=0; j<n; j++) {
    w[j] = procesar(j, n, v);
  }
  for (j=0; j<n; j++) {
    v[j] = w[j];
  }
}</pre>
```

donde la función procesar tiene la siguiente cabecera:

```
double procesar(int j, int n, double *v);
```

siendo todos los argumentos solo de entrada.

(a) Indica su coste teórico (en flops) suponiendo que el coste de la función procesar es 2n flops.

- (b) Paraleliza dicho código en MPI y justifícalo. Se supone que n es la dimensión de los vectores v y w, pero también el número de procesos MPI. La variable p contiene el identificador de proceso. El proceso p=0 es el único que tiene el valor inicial del vector v. Se valora la manera más eficiente de realizar esta paralelización. Esto consiste en utilizar la/s rutina/s MPI adecuadas de manera que el número de las mismas sea mínimo.
- (c) Indica el coste de comunicaciones suponiendo que los nodos están conectados en una topología de tipo bus.
- (d) Indica la eficiencia alcanzable teniendo en cuenta que tanto m como n son grandes.

El siguiente programa cuenta el número de ocurrencias de un valor en una matriz.

```
#include <stdio.h>
#define DIM 1000

void leer(double A[DIM][DIM], double *x)
{ ... }

int main(int argc, char *argv[])
{
   double A[DIM][DIM], x;
   int i,j,cont;

   leer(A,&x);
   cont=0;
   for (i=0; i<DIM; i++)
        for (j=0; j<DIM; j++)
        if (A[i][j]==x) cont++;
   printf("%d ocurrencias\n", cont);
   return 0;
}</pre>
```

- (a) Haz una versión paralela MPI del programa anterior, utilizando operaciones de comunicación colectiva cuando sea posible. La función leer deberá ser invocada solo por el proceso 0. Se puede asumir que DIM es divisible entre el número de procesos. Nota: hay que escribir el programa completo, incluyendo la declaración de las variables y las llamadas necesarias para iniciar y cerrar MPI.
- (b) Calcula el tiempo de ejecución paralelo, suponiendo que el coste de comparar dos números reales es de 1 flop. <u>Nota</u>: para el coste de las comunicaciones, suponer una implementación sencilla de las operaciones colectivas.

Cuestión 2-10

(a) Implementa mediante comunicaciones colectivas una función en MPI que sume dos matrices cuadradas a y b y deje el resultado en a, teniendo en cuenta que las matrices a y b se encuentran almacenadas en la memoria del proceso P_0 y el resultado final también deberá estar en P_0 . Supondremos que el número de filas de las matrices (N, constante) es divisible entre el número de procesos. La cabecera de la función es:

```
void suma_mat(double a[N][N],double b[N][N])
```

(b) Determina el tiempo paralelo, el speed-up y la eficiencia de la implementación detallada en el apartado anterior, indicando brevemente para su cálculo cómo se realizarían cada una de las operaciones colectivas (número de mensajes y tamaño de cada uno). Puedes asumir una implementación sencilla (no óptima) de estas operaciones de comunicación.

Esta función calcula el producto escalar de dos vectores:

```
double scalarprod(double X[], double Y[], int n) {
  double prod=0.0;
  int i;
  for (i=0;i<n;i++)
    prod += X[i]*Y[i];
  return prod;
}</pre>
```

(a) Implementa una función para realizar el producto escalar en paralelo mediante MPI, utilizando en la medida de lo posible operaciones colectivas. Se supone que los datos están disponibles en el proceso P_0 y que el resultado debe quedar también en P_0 (el valor de retorno de la función solo es necesario que sea correcto en P_0). Se puede asumir que el tamaño del problema $\bf n$ es exactamente divisible entre el número de procesos.

Nota: a continuación se muestra la cabecera de la función a implementar, incluyendo la declaración de los vectores locales (suponemos que MAX es suficientemente grande para cualquier valor de n y número de procesos).

```
double pscalarprod(double X[], double Y[], int n)
{
   double Xlcl[MAX], Ylcl[MAX];
```

- (b) Calcula el speed-up. Si para un tamaño suficientemente grande de mensaje, el tiempo de envío por elemento fuera equivalente a 0.1 flops, ¿qué speed-up máximo se podría alcanzar cuando el tamaño del problema tiende a infinito y para un valor suficientemente grande de procesos?
- (c) Modifica el código anterior para que el valor de retorno sea el correcto en todos los procesos.

Cuestión 2-12

Sea el código secuencial:

```
int i, j;
double A[N][N];
for (i=0;i<N;i++)
    for(j=0;j<N;j++)
        A[i][j]= A[i][j]*A[i][j];</pre>
```

- (a) Implementa una versión paralela equivalente utilizando MPI, teniendo en cuenta los siguientes aspectos:
 - El proceso P_0 obtiene inicialmente la matriz A, realizando la llamada leer(A), siendo leer una función ya implementada.
 - La matriz A se debe distribuir por bloques de filas entre todos los procesos.
 - Finalmente P_0 debe contener el resultado en la matriz A.
 - Utiliza comunicaciones colectivas siempre que sea posible.

Se supone que N es divisible entre el número de procesos y que la declaración de las matrices usadas es

```
double A[N][N], B[N][N]; /* B: matriz distribuida */
```

(b) Calcula el speedup y la eficiencia.

Cuestión 2-13

El siguiente programa lee una matriz cuadrada A de orden N y construye, a partir de ella, un vector v de dimensión N de manera que su componente i-ésima, $0 \le i < N$, es igual a la suma de los elementos de la fila i-ésima de la matriz A. Finalmente, el programa imprime el vector v.

```
int main(int argc, char *argv[])
{
   int i,j;
   double A[N][N],v[N];
   read_mat(A);
   for (i=0;i<N;i++) {
     v[i] = 0.0;
     for (j=0;j<N;j++)
        v[i] += A[i][j];
   }
   write_vec(v);
   return 0;
}</pre>
```

- (a) Utiliza comunicaciones colectivas para implementar un programa MPI que realice el mismo cálculo, de acuerdo con los siguientes pasos:
 - El proceso P_0 lee la matriz A.
 - P_0 reparte la matriz A entre todos los procesos.
 - ullet Cada proceso calcula la parte local de v.
 - P_0 recoge el vector v a partir de las partes locales de todos los procesos.
 - P_0 escribe el vector v.

Nota: Para simplificar, se puede asumir que N es divisible entre el número de procesos.

(b) Calcula los tiempos secuencial y paralelo, sin tener en cuenta las funciones de lectura y escritura. Indica el coste que has considerado para cada una de las operaciones colectivas realizadas.

Cuestión 2-14

Dada la siguiente función, donde suponemos que las funciones T1, T2 y T3 tienen un coste de 7n y las funciones T5 y T6 de n, siendo n un valor constante.

- (a) Dibuja el grafo de dependencias y calcula el coste secuencial.
- (b) Paralelízala usando MPI, suponiendo que hay tres procesos. Todos los procesos invocan la función con el mismo valor del argumento val (no es necesario comunicarlo). El valor de retorno de la función debe ser correcto en el proceso 0 (no es necesario que lo sea en los demás procesos).

Nota: para las comunicaciones deben utilizarse únicamente operaciones de comunicación colectiva.

(c) Calcula el tiempo de ejecución paralelo (cálculo y comunicaciones) y el speedup con tres procesos. Obtén también el speedup asintótico, es decir, el límite cuando n tiene a infinito.

Cuestión 2-15

Dada la siguiente función secuencial:

```
int cuenta(double v[], int n)
{
  int i, cont=0;
  double media=0;

  for (i=0;i<n;i++)
    media += v[i];
  media = media/n;

  for (i=0;i<n;i++)
    if (v[i]>media/2.0 && v[i]<media*2.0)
        cont++;

  return cont;
}</pre>
```

- (a) Haz una versión paralela usando MPI, suponiendo que el vector v se encuentra inicialmente sólo en el proceso 0, y el resultado devuelto por la función sólo hace falta que sea correcto en el proceso 0. Deberán distribuirse los datos necesarios para que todos los cálculos se repartan de forma equitativa. Nota: Se puede asumir que n es divisible entre el número de procesos.
- (b) Calcula el tiempo de ejecución de la versión paralela del apartado anterior, así como el límite del speedup cuando n tiende a infinito. Si has utilizado operaciones colectivas, indica cuál es el coste que has considerado para cada una de ellas.

El siguiente programa secuencial realiza ciertos cálculos sobre una matriz cuadrada A.

```
#define N ...
int i, j;
double A[N][N], sum[N], fact, max;
...
for (i=0;i<N;i++) {
   sum[i] = 0.0;
   for (j=0;j<N;j++) sum[i] += A[i][j]*A[i][j];
}
fact = 1.0/sum[0];
for (i=0;i<N;i++) sum[i] *= fact;

max = 0.0;
for (i=0;i<N;i++) {
   if (sum[i]>max) max = sum[i];
}
for (i=0;i<N;i++) {
   for (j=0;j<N;j++) A[i][j] *= max;
}</pre>
```

- (a) Paraleliza el código mediante MPI suponiendo que cada proceso tiene ya almacenadas k=N/p filas consecutivas de la matriz, siendo p el número de procesos (se puede asumir que N es divisible entre p). Estas filas ocupan las primeras posiciones de la matriz local, es decir, entre las filas 0 y k-1 de la variable A. Nota: Deben utilizarse primitivas de comunicación colectiva siempre que sea posible.
- (b) Escribe el código para realizar la comunicación necesaria tras el cálculo anterior para que la matriz completa quede almacenada en el proceso 0 en la variable Aglobal [N] [N].

El siguiente código proporciona el resultado de la operación C = aA + bB, siendo A, B y C matrices de $M \times N$ componentes y a y b números reales:

```
int main(int argc, char *argv[]) {
   int i, j;
   double a, b, A[M][N], B[M][N], C[M][N];
   LeeOperandos(A, B, &a, &b);
   for (i=0; i<M; i++) {
      for (j=0; j<N; j++) {
        C[i][j] = a*A[i][j] + b*B[i][j];
      }
   }
   EscribeMatriz(C);
   return 0;
}</pre>
```

Desarrolla una versión paralela mediante MPI utilizando operaciones colectivas, teniendo en cuenta que:

- P_0 obtendrá inicialmente las matrices A y B, así como los números reales a y b, tras invocar a la función LeeOperandos.
- Únicamente P_0 deberá disponer de la matriz C completa como resultado, y será el encargado de llamar a la función EscribeMatriz.
- ullet M es un múltiplo exacto del número de procesos.
- lacktriangle Las matrices A y B se deberán distribuir cíclicamente por filas entre los procesos para llevar a cabo, en paralelo, la citada operación.

Cuestión 2-18

Dada una matriz A, de M filas y N columnas, la siguiente función devuelve en el vector sup el número de elementos de cada fila que son superiores a la media.

```
void func(double A[M][N], int sup[M]) {
  int i, j;
  double media = 0;
  /* Calcula la media de los elementos de A */
  for (i=0; i<M; i++)
      for (j=0; j<N; j++)
      media += A[i][j];
  media = media/(M*N);
  /* Cuenta num. de elementos > media en cada fila */
  for (i=0; i<M; i++) {
      sup[i] = 0;
      for (j=0; j<N; j++)
            if (A[i][j]>media) sup[i]++;
  }
}
```

Escribe una versión paralela de la función anterior utilizando MPI con operaciones de comunicación colectivas, teniendo en cuenta que la matriz A se encuentra inicialmente en el proceso 0, y que al finalizar la función el vector sup debe estar también en el proceso 0. Los cálculos de la función deben repartirse de forma equitativa entre todos los procesos. Se puede suponer que el número de filas de la matriz es divisible entre el número de procesos.

Observa el siguiente programa, que lee un vector de un fichero, lo modifica y muestra un resumen por pantalla además de escribir el vector resultante en fichero:

```
int main(int argc,char *argv[])
double facto(int m,double x)
                                                      int i, n;
                                                     double a = 1.0, v[MAXN];
{
  int i;
                                                     n = lee_vector(v);
 double p = 1.0;
  for (i=1; i<=m; i++) {
                                                     for (i=0; i<n; i++) {
    p = p * x;
                                                        v[i] = facto(n, v[i]);
                                                        a = a * v[i];
    x = x + 1.0;
 }
                                                     printf("Factor alfalfa: %.2f\n",a);
 return p;
}
                                                      escribe vector(n,v);
                                                     return 0;
```

- (a) Paralelízalo con MPI usando operaciones de comunicación colectiva allá donde sea posible. La entrada/salida a pantalla y fichero debe hacerla únicamente el proceso 0. Asume que el tamaño del vector (n) es un múltiplo exacto del número de procesos. Observa que el tamaño del vector no es conocido a priori sino que lo devuelve la función lee_vector.
- (b) Calcula el tiempo de ejecución secuencial.
- (c) Calcula el tiempo de ejecución paralelo, indicando claramente el tiempo de cada operación de comunicación. No simplifiques las expresiones, déjalo indicado.

Cuestión 2-20

Dada la siguiente función, que calcula la suma de un vector de N elementos:

```
double suma(double v[N])
{
  int i;
  double s = 0.0;
  for (i=0; i<N; i++) s += v[i];
  return s;
}</pre>
```

- (a) Paralelízala con MPI usando únicamente comunicaciones punto a punto. El vector v está inicialmente solo en el proceso 0 y el resultado se quiere correcto en *todos* los procesos. Puedes asumir que el tamaño del vector (N) es un múltiplo exacto del número de procesos.
- (b) Paralelízala con MPI bajo las mismas premisas del apartado anterior, pero ahora usando comunicaciones colectivas donde sea conveniente.

3. Tipos de datos

Cuestión 3-1

Supongamos definida una matriz de enteros A[M][N]. Escribe el fragmento de código necesario para el envío desde P_0 y la recepción en P_1 de los datos que se especifican en cada caso, usando para ello un solo mensaje. En caso necesario, define un tipo de datos derivado MPI.

- (a) Envío de la tercera fila de la matriz A.
- (b) Envío de la tercera columna de la matriz A.

Dado el siguiente fragmento de un programa MPI:

```
struct Tdatos {
  int x:
  int y[N];
 double a[N];
};
void distribuye(struct Tdatos *datos, int n, MPI Comm comm) {
  int p, pr, pr2;
 MPI_Status status;
 MPI_Comm_size(comm, &p);
 MPI_Comm_rank(comm, &pr);
 if (pr==0) {
   for (pr2=1; pr2<p; pr2++) {
      MPI_Send(&(datos->x), 1, MPI_INT, pr2, 0, comm);
      MPI_Send(&(datos->y[0]), n, MPI_INT, pr2, 0, comm);
      MPI_Send(&(datos->a[0]), n, MPI_DOUBLE, pr2, 0, comm);
   }
 } else {
   MPI_Recv(&(datos->x), 1, MPI_INT, 0, 0, comm, &status);
   MPI Recv(&(datos->y[0]), n, MPI INT, 0, 0, comm, &status);
   MPI_Recv(&(datos->a[0]), n, MPI_DOUBLE, 0, 0, comm, &status);
}
```

Modificar la función distribuye_datos para optimizar las comunicaciones.

- (a) Realiza una versión que utilice tipos de datos derivados de MPI, de forma que se realice un envío (a cada proceso) en lugar de tres.
- (b) Realiza una modificación de la anterior para que utilice primitivas de comunicación colectiva.

Cuestión 3-3

Se quiere implementar un programa paralelo para resolver el problema del Sudoku. Cada posible configuración del Sudoku o "tablero" se representa por una array de 81 enteros, conteniendo números entre 0 y 9 (0 representa una casilla vacía). El proceso 0 genera n soluciones, cuya validez deberá ser comprobada por los demás procesos. Estas soluciones se almacenan en una matriz A de tamaño $n \times 81$.

- (a) Escribir el código que distribuye toda la matriz desde el proceso 0 hasta el resto de procesos de manera que cada proceso reciba un tablero (suponiendo n = p, donde p es el número de procesos).
- (b) Supongamos que para implementar el algoritmo en MPI creamos la siguiente estructura en C:

```
struct tarea {
   int tablero[81];
   int inicial[81];
   int es_solucion;
};
typedef struct tarea Tarea;
```

Crear un tipo de dato MPI ttarea que represente la estructura anterior.

Cuestión 3-4

Sea A un array bidimensional de números reales de doble precisión, de dimensión N×N. Define un tipo de

datos derivado MPI que permita enviar una submatriz de tamaño 3×3 . Por ejemplo, la submatriz que empieza en A[0] [0] serían los elementos marcados con \star :

- (a) Realiza las correspondientes llamadas para el envío desde P_0 y la recepción en P_1 del bloque de la figura.
- (b) Indica qué habría que modificar en el código anterior para que el bloque enviado por P_0 sea el que empieza en la posición (0,3), y que se reciba en P_1 sobre el bloque que empieza en la posición (3,0).

Cuestión 3-5

El siguiente programa paralelo MPI debe calcular la suma de dos matrices A y B de dimensiones $M \times N$ utilizando una distribución cíclica de filas, suponiendo que el número de procesos \mathbf{p} es divisor de M y teniendo en cuenta que P_0 tiene almacenadas inicialmente las matrices A y B.

```
int p, rank, i, j, mb;
double A[M][N], B[M][N], A1[M][N], B1[M][N];

MPI_Init(&argc, &argv);
MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &p);
MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
if (rank==0) leer(A,B);

/* (a) Reparto cíclico de filas de A y B */
/* (b) Cálculo local de Al+Bl */
/* (c) Recogida de resultados en el proceso 0 */
if (rank==0) escribir(A);
MPI_Finalize();
```

- (a) Implementa el reparto cíclico de filas de las matrices A y B, siendo Al y Bl las matrices locales. Para realizar esta distribución debes o bien definir un nuevo tipo de dato de MPI o bien usar comunicaciones colectivas.
- (b) Implementa el cálculo local de la suma A1+B1, almacenando el resultado en A1.
- (c) Escribe el código necesario para que P_0 almacene en \mathbb{A} la matriz A+B. Para ello, P_0 debe recibir del resto de procesos las matrices locales $\mathbb{A}1$ obtenidas en el apartado anterior.

Cuestión 3-6

Implementa una función que, dada una matriz A de $N \times N$ números reales y un índice k (entre 0 y N-1), haga que la fila k y la columna k de la matriz se comuniquen desde el proceso 0 al resto de procesos (sin comunicar ningún otro elemento de la matriz). La cabecera de la función sería:

```
void bcast_fila_col(double A[N][N], int k)
```

Debes crear y usar un tipo de datos que represente una columna de la matriz. No es necesario que se envíen juntas la fila y la columna, se pueden enviar por separado.

Cuestión 3–7

Se desea distribuir entre 4 procesos una matriz cuadrada de orden 2N (2N filas por 2N columnas) definida a bloques como

$$A = \left(\begin{array}{cc} A_{00} & A_{01} \\ A_{10} & A_{11} \end{array} \right),$$

donde cada bloque A_{ij} corresponde a una matriz cuadrada de orden N, de manera que se quiere que el proceso P_0 almacene localmente la matriz A_{00} , P_1 la matriz A_{01} , P_2 la matriz A_{10} y P_3 la matriz A_{11} .

Por ejemplo, la siguiente matriz con N=2 quedaría distribuida como se muestra:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \\ \hline 9 & 10 & 11 & 12 \\ 13 & 14 & 15 & 16 \end{pmatrix} \qquad \text{En } P_0 \colon \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 5 & 6 \end{pmatrix} \qquad \text{En } P_1 \colon \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$$

$$\text{En } P_2 \colon \begin{pmatrix} 9 & 10 \\ 13 & 14 \end{pmatrix} \qquad \text{En } P_3 \colon \begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 15 & 16 \end{pmatrix}$$

(a) Implementa una función que realice la distribución mencionada, definiendo para ello el tipo de datos MPI necesario. La cabecera de la función sería:

donde A es la matriz inicial, almacenada en el proceso 0, y B es la matriz local donde cada proceso debe guardar el bloque que le corresponda de A.

Nota: se puede asumir que el número de procesos del comunicador es 4.

(b) Calcula el tiempo de comunicaciones.

Cuestión 3-8

Desarrolla una función que sirva para enviar una submatriz desde el proceso 0 al proceso 1, donde quedará almacenada en forma de vector. Se debe utilizar un nuevo tipo de datos, de forma que se utilice un único mensaje. Recuérdese que las matrices en C están almacenadas en memoria por filas.

La cabecera de la función será así:

Nota: se asume que m*n<=MAX y que la submatriz a enviar empieza en el elemento A[0][0].

Ejemplo con M=4, N=5, m=3, n=2:

Cuestión 3-9

Se pretende distribuir con MPI los bloques cuadrados de la diagonal de una matriz cuadrada de dimensión 3 · DIM entre 3 procesos. Si la matriz fuera de dimensión 6 (DIM=2), la distribución sería como se ejemplifica:

$$\begin{pmatrix} a_{00} & a_{01} & \dots & \dots & \dots \\ a_{10} & a_{11} & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \dots & \dots & a_{22} & a_{23} & \dots & \dots \\ \dots & \dots & a_{32} & a_{33} & \dots & \dots \\ \dots & \dots & \dots & \dots & a_{44} & a_{45} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & a_{54} & a_{55} \end{pmatrix} \rightarrow \begin{array}{c} P_0 & \begin{bmatrix} a_{00} & a_{01} \\ a_{10} & a_{11} \\ a_{22} & a_{23} \\ a_{32} & a_{33} \\ a_{44} & a_{45} \\ a_{54} & a_{55} \end{bmatrix}$$

Realiza una función que permita enviar los bloques con el mínimo número de mensajes. Se proporciona la definición de la cabecera de la función para facilitar la implementación. El proceso 0 tiene en A la matriz completa y tras la llamada a la función se debe tener en Alcl de cada proceso el bloque que le corresponde. Utiliza primitivas de comunicación punto a punto.

void SendBAD(double A[3*DIM][3*DIM], double Alcl[DIM][DIM]) {

Cuestión 3-10

Dada una matriz de NF filas y NC columnas, inicialmente almacenada en el proceso 0, se quiere hacer un reparto de la misma por bloques de columnas entre los procesos 0 y 1, de manera que las primeras NC/2 columnas se queden en el proceso 0 y el resto vayan al proceso 1 (supondremos que NC es par).

Implementa una función con la siguiente cabecera, que haga el reparto indicado mediante MPI, definiendo el tipo de datos necesario para que los elementos que le tocan al proceso 1 se transmitan mediante un solo mensaje. Cuando la función acabe, tanto el proceso 0 como el 1 deberán tener en Aloc el bloque de columnas que les toca. Puede que el número de procesos sea superior a 2, en cuyo caso sólo el 0 y el 1 deberán tener su bloque de matriz en Aloc.

void distribuye(double A[NF][NC], double Aloc[NF][NC/2])

Cuestión 3-11

Se quiere implementar una operación de comunicación entre 3 procesos MPI en la que el proceso P_0 tiene almacenada una matriz \mathbbm{A} de dimensión $N \times N$, y debe enviar al proceso P_1 la submatriz formada por las filas de índice par y al proceso P_2 la submatriz formada por las filas de índice impar. Se deben utilizar tipos de datos derivados de MPI para realizar el menor número de envíos posibles. Cada matriz recogida en P_1 y P_2 deberá quedar almacenada en la matriz local \mathbbm{B} de dimensión $N/2 \times N$. Nota: se puede asumir que N es un número par.

Ejemplo: Si la matriz almacenada en P_0 es

$$A = \left(\begin{array}{rrrr} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \\ 9 & 10 & 11 & 12 \\ 13 & 14 & 15 & 16 \end{array}\right)$$

la matriz recogida por P_1 debe ser

$$B = \left(\begin{array}{cccc} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 9 & 10 & 11 & 12 \end{array}\right)$$

y la matriz recogida por P_2 debe ser

$$B = \left(\begin{array}{cccc} 5 & 6 & 7 & 8 \\ 13 & 14 & 15 & 16 \end{array}\right).$$

(a) Implementa para ello la función con la siguiente cabecera:

void comunica(double A[N][N], double B[N/2][N])

(b) Calcula el tiempo de comunicaciones.

Cuestión 3-12

Implementa una función en C para enviar a todos los procesos las tres diagonales principales de una matriz sin tener en cuenta ni la primera ni la última filas. Por ejemplo, para una matriz de tamaño 6 se tendrían que enviar los elementos marcados con x:

Debe hacerse definiendo un nuevo tipo de datos de MPI que permita enviar el bloque tridiagonal indicado utilizando un solo mensaje. Recuerda que en C las matrices se almacenan en memoria por filas. Utiliza la siguiente cabecera:

```
void envia_tridiagonal(double A[N][N],int root,MPI_Comm comm)
```

donde

- N es el número de filas y columnas de la matriz.
- A es la matriz con los datos a enviar (en el proceso que envía los datos) y la matriz donde se deberán recibir (en los demás procesos).
- El parámetro root indica qué proceso tiene inicialmente en su matriz A los datos que deben ser enviados a los demás procesos.
- comm es el comunicador que engloba todos los procesos que deberán acabar teniendo la parte tridiagonal de A.

Por ejemplo, si se llamara con

```
envia_tridiagonal(A,5,comm);
```

el proceso 5 sería el que tiene datos válidos en A a la entrada a la función, y a la salida todos los procesos de comm deberían tener la parte tridiagonal (menos la primera y última filas).

Cuestión 3-13

El siguiente fragmento de código MPI implementa un algoritmo en el que cada proceso calcula una matriz de M filas y N columnas, y todas estas matrices se recogen en el proceso P_0 formando una matriz global de M filas y N*p columnas (siendo p el número de procesos), de forma que las columnas de P_1 aparecen a continuación de las de P_0 , luego las de P_2 , y así sucesivamente.

```
int rank, i, j, k, p;
double alocal[M][N];
MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD,&p);
MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD,&rank);
/* initialization of alocal omitted here */
if (rank==0) {
 double aglobal[M][N*p];
  /* copy part belonging to PO */
 for (i=0;i<M;i++)
    for (j=0; j<N; j++)
      aglobal[i][j] = alocal[i][j];
  /* receive data from other processes */
 for (k=1;k<p;k++)
    for (i=0; i< M; i++)
      MPI_Recv(&aglobal[i][k*N],N,MPI_DOUBLE,k,33,MPI_COMM_WORLD,MPI_STATUS_IGNORE);
 write(p,aglobal);
} else {
 for (i=0;i<M;i++)
```

```
MPI_Send(&alocal[i][0],N,MPI_DOUBLE,0,33,MPI_COMM_WORLD);
```

- (a) Modifica el código para que cada proceso envíe un único mensaje, en lugar de un mensaje por cada fila de la matriz. Para ello, debes definir un tipo de datos MPI para la recepción.
- (b) Calcula el tiempo de comunicación tanto de la versión original como de la modificada.

}

Se quiere distribuir una matriz A de F filas y C columnas entre los procesos de un comunicador MPI, utilizando una distribución por bloques de columnas. El número de procesos es C/2 siendo C par, de manera que la matriz local Aloc de cada proceso tendrá 2 columnas.

Implementa una función con la siguiente cabecera que realice la distribución mencionada, utilizando comunicación punto a punto. La matriz A se encuentra inicialmente en el proceso 0, y al acabar la función cada proceso deberá tener en Aloc la parte local que le corresponda de la matriz.

Debe usarse el tipo de datos MPI adecuado para que solo se envíe un mensaje por proceso.

void distrib(double A[F][C], double Aloc[F][2], MPI_Comm com)