

# Computação Científica com Python



Fabricio Ferrari

`fabricio@ferrari.pro.br`

2010

Parte I

# Introdução à Linguagem

- Linguagem de programação de alto nível
- uso genérico
- interpretada (?) característica da implementação, não da linguagem
- interativa
- orientada a objetos
- tipagem dinâmica e forte
- extensa biblioteca, “baterias incluídas”
- v0.9 1991 Guido van Rossum, v3.x em 2010
- Open Source
- implementações: CPython, Jython, IronPython, PyPy, mod\_python, Python for S60, ...
- Maya, Softimage XSI, Blender, GIMP, Inkscape, Scribus, Paint Shop Pro. YouTube, BitTorrent, Google, Yahoo!, CERN, NASA.

- Qualidade: legibilidade, coerencia, reusabilidade, manutenibilidade

- Qualidade: legibilidade, coerencia, reusabilidade, manutenibilidade
- Produtividade: Ciclos de desenvolvimento, tamanho do código

- Qualidade: legibilidade, coerencia, reusabilidade, manutenibilidade
- Produtividade: Ciclos de desenvolvimento, tamanho do código
- Portabilidade: Linux, Windows, Macs, NetBSD, OpenBSD, celulares,

- Qualidade: legibilidade, coerencia, reusabilidade, manutenibilidade
- Produtividade: Ciclos de desenvolvimento, tamanho do código
- Portabilidade: Linux, Windows, Macs, NetBSD, OpenBSD, celulares,
- Bibliotecas: biblioteca padrão abrangente; extensões em C, Fortran, etc

- Qualidade: legibilidade, coerencia, reusabilidade, manutenibilidade
- Produtividade: Ciclos de desenvolvimento, tamanho do código
- Portabilidade: Linux, Windows, Macs, NetBSD, OpenBSD, celulares,
- Bibliotecas: biblioteca padrão abrangente; extensões em C, Fortran, etc
- Diversão: linguagem é para o programador.



- Qualidade: legibilidade, coerencia, reusabilidade, manutenibilidade
- Produtividade: Ciclos de desenvolvimento, tamanho do código
- Portabilidade: Linux, Windows, Macs, NetBSD, OpenBSD, celulares,
- Bibliotecas: biblioteca padrão abrangente; extensões em C, Fortran, etc
- Diversão: linguagem é para o programador.
- Influenciado por C, Lisp, Modula-3, Perl, Smalltalk, Tcl, MatLab.

# O Zen do Python by Tim Peters

>>> import this

Bonito é melhor que feio  
Explicito é melhor que implícito  
Simples é melhor que complexo  
Direto é melhor que encadeado  
Esparso é melhor que denso  
Legibilidade conta

Casos especiais não são especiais o suficiente para quebrar as regras  
Embora viabilidade bata a pureza

Erros nunca devem passar silenciosamente  
A não ser que explicitamente silenciados

Em face da ambiguidade, recuse a tentação de adivinhar  
Deve haver um – e preferencialmente só um – modo de fazer  
Embora este modo pode não ser óbvio

Agora é melhor que nunca  
Embora nunca às vezes é melhor que agora **já**.

Se a implementação é difícil de explicar, é uma idéia ruim  
Se a implementação é fácil de explicar, pode ser uma idéia boa

Espaços de nomes são uma grande idéia - vamos fazer mais

# Sintaxe e Semântica

# Identação é o delimitador de blocos

## Python:

```
if x<1:  
    print x  
    x = x+1
```

# Identação é o delimitador de blocos

## Python:

```
if x<1:
    print x
    x = x+1
```

## C:

```
if (x<1) {
    print ("%f\n", x);
    x = x+1;
}
```

```
if (x<1)
{
    print ("%f\n", x);
    x = x+1;
}
```

```
if (x<1){ print ("%f\n", x);x++;}
```

# Exemplos de Identação

```
for k in range(self.K):
    if self.verbose: print 'Estimating noise at scale: ',k

    for i in range(0, self.M):
        for j in range(0, self.N):
            x1 = j - self.sigma_viz
            x2 = j + self.sigma_viz + 1

            if x1 < 0      : x1 = 0
            if x2 >= self.N : x2 = self.N

            y1 = i - self.sigma_viz
            y2 = i + self.sigma_viz + 1

            if y1 < 0      : y1 = 0
            if y2 >= self.M : y2 = self.M

            self.sigma[k,i,j] = numpy.std(self.W[k,y1:y2,x1:x2])
```

# Exemplos de Identação

```
for k in range(self.K):
    if self.verbose: print 'Estimating noise at scale: ',k

    for i in range(0, self.M):
        for j in range(0, self.N):
            x1 = j - self.sigma_viz
            x2 = j + self.sigma_viz + 1

            if x1 < 0      : x1 = 0
            if x2 >= self.N : x2 = self.N

            y1 = i - self.sigma_viz
            y2 = i + self.sigma_viz + 1

            if y1 < 0      : y1 = 0
            if y2 >= self.M : y2 = self.M

            self.sigma[k,i,j] = numpy.std(self.W[k,y1:y2,x1:x2])
```

```
def valor1():
    while True:
        try:
            c = int(raw_input('Primeiro Valor: '))
            return c
        except ValueError:
            print 'Inválido!'
```

correto

```
def valor1():
    while True:
        try:
            c = int(raw_input('Primeiro Valor: '))
            return c
        except ValueError:
            print 'Inválido!'
```

incorreto

# Características

- Case sensitive
- Tipagem dinâmica e forte (variáveis não tem tipos mas dados tem)
- estruturas de seleção (`if`, `else`, `elif`)
- estrutura de repetição (`for`, `while`)
- construção de classes (`class`);
- construção de subrotinas (`def`)
  
- tratamento de exceções (`try`, `except`)
- compreensão de listas
- funções `lambda`



# Laços For

```
lista = [1,4,5,3,8,12]
for l in lista:
    print l**2

for x in numpy.arange(0,18,0.12):
    y = (x+2.)*(x/4.)

fd = open('arquivo.dat')
dados = fd.readlines()
for d in dados:
    x = math.log(float(d))

for d in open('arquivo.dat').readlines():
    x = math.log(float(d))
```

# Tipos de dados

# Tipos de dados

**str**: sequência imutável de caracteres  
`"bothrops"`

`'cruzeira, u'jararaca',`

# Tipos de dados

**str:** sequencia imutável de caracteres  
`"bothrops"`

`'cruzeira, u' jararaca',`

**bytes:** sequencia imutável de bytes

`b'ABDE22 00'`

# Tipos de dados

**str**: sequência imutável de caracteres      'cruzeira, u' jararaca',  
"bothrops"

**bytes**: sequência imutável de bytes      b'ABDE22 00'

**int**: número de precisão fixa de magnitude **ilimitada**      1, 223323, 12

# Tipos de dados

<b>str</b> : sequência imutável de caracteres	'cruzeira, u' jararaca', "bothrops"
<b>bytes</b> : sequência imutável de bytes	b'ABDE22 00'
<b>int</b> : número de precisão fixa de magnitude <b>ilimitada</b>	1, 223323, 12
<b>float</b> : número de ponto flutuante de precisão variável	3.141592654, <2E307

# Tipos de dados

<b>str</b> : sequência imutável de caracteres	'cruzeira, u' jararaca', "bothrops"
<b>bytes</b> : sequência imutável de bytes	b'ABDE22 00'
<b>int</b> : número de precisão fixa de magnitude <b>ilimitada</b>	1, 223323, 12
<b>float</b> : número de ponto flutuante de precisão variável	3.141592654, <2E307
<b>complex</b> : número complexo com parte real e imaginária	3+2.5j

# Tipos de dados

<b>str</b> : sequência imutável de caracteres	<code>'cruzeira, u'jararaca', "bothrops"</code>
<b>bytes</b> : sequência imutável de bytes	<code>b'ABDE22 00'</code>
<b>int</b> : número de precisão fixa de magnitude <b>ilimitada</b>	<code>1, 223323, 12</code>
<b>float</b> : número de ponto flutuante de precisão variável	<code>3.141592654, &lt;2E307</code>
<b>complex</b> : número complexo com parte real e imaginária	<code>3+2.5j</code>
<b>list</b> : lista (heterogênea) de objetos	<code>[1, 'ABC', 2+1j]</code>



# Tipos de dados

<b>str</b> : sequência imutável de caracteres	<code>'cruzeira, u'jararaca', "bothrops"</code>
<b>bytes</b> : sequência imutável de bytes	<code>b'ABDE22 00'</code>
<b>int</b> : número de precisão fixa de magnitude <b>ilimitada</b>	<code>1, 223323, 12</code>
<b>float</b> : número de ponto flutuante de precisão variável	<code>3.141592654, &lt;2E307</code>
<b>complex</b> : número complexo com parte real e imaginária	<code>3+2.5j</code>
<b>list</b> : lista (heterogênea) de objetos	<code>[1, 'ABC', 2+1j]</code>
<b>tuple</b> : lista imutável de objetos	<code>(9, 'F', 2)</code>

# Tipos de dados

**str:** sequência imutável de caracteres      `'cruzeira, u'jararaca',  
"bothrops"`

**bytes:** sequência imutável de bytes      `b'ABDE22 00'`

**int:** número de precisão fixa de magnitude **ilimitada**      `1, 223323, 12`

**float:** número de ponto flutuante de precisão variável      `3.141592654,  
<2E307`

**complex:** número complexo com parte real e imaginária      `3+2.5j`

**list:** lista (heterogênea) de objetos      `[1, 'ABC', 2+1j]`

**tuple:** lista imutável de objetos      `(9, 'F', 2)`

**dict:** conjunto associativo      `{'idade': 21, 'nome': 'Jonas' }`

# Tipos de dados

<b>str:</b> sequência imutável de caracteres	<code>'cruzeira, u'jararaca', "bothrops"</code>
<b>bytes:</b> sequência imutável de bytes	<code>b'ABDE22 00'</code>
<b>int:</b> número de precisão fixa de magnitude <b>ilimitada</b>	<code>1, 223323, 12</code>
<b>float:</b> número de ponto flutuante de precisão variável	<code>3.141592654, &lt;2E307</code>
<b>complex:</b> número complexo com parte real e imaginária	<code>3+2.5j</code>
<b>list:</b> lista (heterogênea) de objetos	<code>[1, 'ABC', 2+1j]</code>
<b>tuple:</b> lista imutável de objetos	<code>(9, 'F', 2)</code>
<b>dict:</b> conjunto associativo	<code>{'idade': 21, 'nome': 'Jonas'}</code>
<b>set:</b> conjunto não ordenado, itens não repetidos	<code>{2, 6, 1, 0}</code>

# Tipos de dados

**str:** sequência imutável de caracteres      'cruzeira, u'jararaca',  
"bothrops"

**bytes:** sequência imutável de bytes      b'ABDE22 00'

**int:** número de precisão fixa de magnitude **ilimitada**      1, 223323, 12

**float:** número de ponto flutuante de precisão variável      3.141592654,  
<2E307

**complex:** número complexo com parte real e imaginária      3+2.5j

**list:** lista (heterogênea) de objetos      [1, 'ABC', 2+1j]

**tuple:** lista imutável de objetos      (9, 'F', 2)

**dict:** conjunto associativo      {'idade': 21, 'nome': 'Jonas' }

**set:** conjunto não ordenado, itens não repetidos      {2, 6, 1, 0}

**bool:** tabela verdade      True, False

# Operadores

## Aritméticos

`+` `-` `*` `/` `%` `**` `+=` `-=` `*=` `/=` `%=` `**=`

## Relacionais

`>` `<` `==` `>=` `<=` `<>` `!=` `is` `in`

## Lógicos

`and` `or` `not`

## Binários

`|` `^` `&` `>>` `<<` `~`

# Usando o Python

# Usando o Python

## Modo interativo

```
vela ~ % python
```

```
Python 2.5.2 (r252:60911, Jul 31 2008, 17:31:22)
```

```
[GCC 4.2.3 (Ubuntu 4.2.3-2ubuntu7)] on linux2
```

```
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more i
```

```
>>>
```

# Usando o Python

## Modo interativo

```
vela ~ % python
Python 2.5.2 (r252:60911, Jul 31 2008, 17:31:22)
[GCC 4.2.3 (Ubuntu 4.2.3-2ubuntu7)] on linux2
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more i
>>>
```

## Modo não interativo - invocando o interpretador

```
vela ~ % python meu_programa.py
```



# Usando o Python

## Modo interativo

```
vela ~ % python
Python 2.5.2 (r252:60911, Jul 31 2008, 17:31:22)
[GCC 4.2.3 (Ubuntu 4.2.3-2ubuntu7)] on linux2
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more i
>>>
```

## Modo não interativo - invocando o interpretador

```
vela ~ % python meu_programa.py
```

## Modo não interativo - chamando o executável (unix, 1a linha: #!/usr/bin/python)

```
vela ~ % chmod +x meu_programa.py
vela ~ % ./meu_programa.py
```

# Python como calculadora

```
>>>2**128
340282366920938463463374607431768211456L
>>> (1+2.156*123)/13.
20.476000000000003
>>> a,b,c = 1,2,3
>>> a+b+c
6
>>> b**b**b
16
>>> 4**4**4
13407807929942597099574024998205846127479365820592393377723561443721764030
>>> from math import *
>>> sin(2*pi*123.3)
0.95105651629515298
>>> exp(sin(log10(128)))
2.3620905112683479
>>> [x**2 for x in range(10)]
[0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81]
```

# Inteiros, Ponto Flutuante

```
>>> a = 1                # atribuicao simples
>>> b = 3
>>> a/b                  # divisao de inteiros
0
>>> c = 3.0
>>> a/c
0.33333333333333331
>>> import math          # importa modulo
>>> math.exp(2.345)      # exponencial
10.433272727548918
>>> dir(math)            # mostra conteudo do modulo
['__doc__', '__file__', '__name__', 'acos', 'asin', 'atan', 'atan2', 'ceil',
'cos', 'cosh', 'degrees', 'e', 'exp', 'fabs', 'floor', 'fmod', 'frexp', 'hypot',
'ldexp', 'log', 'log10', 'modf', 'pi', 'pow', 'radians', 'sin', 'sinh', 'sqrt',
'tan', 'tanh']
>>> help(math.exp)       # mostra ajuda da funcao math.exp
>>> x=1E-23              # atribuicao
>>> x**2                 # quadrado de x
9.9999999999999983e-47
>>> Navogadro = 6.02E23
>>> Nparticulas = 5E24
>>> n = Nparticulas / avogadro
>>> n
8.305647840531563
>>> n > 4               # condição
True
```

# Listas (quasi-vetores)

```
>>> x = [5,12,13,200]      # cria lista
>>> x
[5, 12, 13, 200]
>>> x.append(-2)           # acrescenta -2 no final
>>> x
[5, 12, 13, 200, -2]
>>> del x[2]               # remove item 3
>>> x
[5, 12, 200, -2]
>>> z = x[1:3]             # fatia do vetor: elementos do indice 1 até 3(exclusive)
>>> z
[12, 200]
>>> yy = [3,4,5,12,13]    # outra lista
>>> yy[3:]                 # todos elementos a partir do indice 3(inclusive)
[12, 13]
>>> yy[:3]                 # todos elementos até indice 3(exclusive)
[3, 4, 5]
>>> yy[-1]                 # último elemento (um contando do final)
13
>>> x.insert(2,28)         # insere 28 no indice 2 (posição 3)
>>> x
[5, 12, 28, 200, -2]
>>> 28 in x                # testa se 28 está em x; True(1) ou False(0)
1
>>> 13 in x
0
>>> x.index(28)            # retorna o índice do elemento cujo valor 28
2
>>> x.remove(200)          # remove o elemento cujo valor é 200
```

# Operações em Listas

<code>s[i] = J</code>	substitui elemento
<code>s[i:j] = T</code>	substitui grupo de elementos
<code>s.append(x)</code>	adiciona elemento
<code>s.index(x)</code>	retorna o índice do valor x
<code>s.insert(i,x)</code>	adiciona x na posicao i
<code>s.remove(x)</code>	remove elemento x
<code>s.reverse()</code>	inverte a ordem
<code>s.sort()</code>	ordena lista

# Operações em Listas

<code>s[i] = J</code>	substitui elemento
<code>s[i:j] = T</code>	substitui grupo de elementos
<code>s.append(x)</code>	adiciona elemento
<code>s.index(x)</code>	retorna o índice do valor x
<code>s.insert(i,x)</code>	adiciona x na posicao i
<code>s.remove(x)</code>	remove elemento x
<code>s.reverse()</code>	inverte a ordem
<code>s.sort()</code>	ordena lista

```
>>> s = [1,1,2,3,5,8]
>>> s[2] = 'a'
>>> s
[1, 1, 'a', 3, 5, 8]
>>> s.index(5)
4
>>> s.insert(2,'dois')
>>> s
[1, 1, 'dois', 'a', 3, 5, 8]
>>> s.reverse()
>>> s
[8, 5, 3, 'a', 'dois', 1, 1]
>>> s.sort()
>>> s
[1, 1, 3, 5, 8, 'a', 'dois']
>>> help(s)
```

# Módulos Básicos

```
>>> help(module), dir(module)
```

# Módulos Básicos

```
>>> help(module), dir(module)
```

```
from modulo import *
```

ou

```
import modulo
```

mesmo espaço de nomes

espaço de nomes próprio



# Módulos Básicos

```
>>> help(module), dir(module)
```

```
from modulo import *
```

mesmo espaço de nomes

ou

```
import modulo
```

espaço de nomes próprio

**os:** chdir, chmod, chown, exec\*, fork, getcwd, getenv, kill, mkdir, open, popen, spawn\*, walk

# Módulos Básicos

```
>>> help(module), dir(module)
```

```
from modulo import *
```

mesmo espaço de nomes

ou

```
import modulo
```

espaço de nomes próprio

**os:** chdir, chmod, chown, exec\*, fork, getcwd, getenv, kill, mkdir, open, popen, spawn\*, walk

**string:** atof, atoi, atol, capitalize, center, join, split, strip

# Módulos Básicos

```
>>> help(module), dir(module)
```

```
from modulo import *
```

mesmo espaço de nomes

ou

```
import modulo
```

espaço de nomes próprio

**os:** chdir, chmod, chown, exec\*, fork, getcwd, getenv, kill, mkdir, open, popen, spawn\*, walk

**string:** atof, atoi, atol, capitalize, center, join, split, strip

**time:** asctime, time, sleep, localtime, gmtime

# Módulos Básicos

```
>>> help(module), dir(module)
```

```
from modulo import *  
ou
```

mesmo espaço de nomes

```
import modulo
```

espaço de nomes próprio

**os:** chdir, chmod, chown, exec\*, fork, getcwd, getenv, kill, mkdir, open, popen, spawn\*, walk

**string:** atof, atoi, atol, capitalize, center, join, split, strip

**time:** asctime, time, sleep, localtime, gmtime

**glob, subprocess, calendar, re, random, math, stat, getopt, ctypes, gzip, zlib, bz2, tarfile, pickle, shelve, dbm, anydbm, gdbm, sqlite3, thread, mmap, sockets, subprocess, ssl, signal, email, mimetools, htmlib, sgmlib, xml, cgi, ftplib, poplib, audioop, imageop, PIL, wave, curses, Tkinter, md5, mda, pydoc, doctest, test,...**

# Módulos Básicos

```
>>> help(module), dir(module)
```

```
from modulo import *  
ou
```

mesmo espaço de nomes

```
import modulo
```

espaço de nomes próprio

**os:** chdir, chmod, chown, exec\*, fork, getcwd, getenv, kill, mkdir, open, popen, spawn\*, walk

**string:** atof, atoi, atol, capitalize, center, join, split, strip

**time:** asctime, time, sleep, localtime, gmtime

**glob, subprocess, calendar, re, random, math, stat, getopt, ctypes, gzip, zlib, bz2, tarfile, pickle, shelve, dbm, anydbm, gdbm, sqlite3, thread, mmap, sockets, subprocess, ssl, signal, email, mimetools, htmlib, sgmlib, xml, cgi, ftplib, poplib, audioop, imageop, PIL, wave, curses, Tkinter, md5, mda, pydoc, doctest, test,...**

Biblioteca padrão (200+ módulos)

<http://docs.python.org/library/>

# Funções, Argumentos, DocStrings

```
def raiz(x, n=2):  
    """  
    Calcula a raiz 1/n de x,  
    n=2 por padrao.  
    Se x<0 o resultado eh complexo  
    """  
    if x>0:  
        return x**(1./n)  
    else:  
        return abs(x)**(1./n) * 1j
```

```
>>> raiz(2), raiz(4,n=5), raiz(-4,n=15)  
1.4142135623730951, 1.3195079107728942, 1.0968249796946259j
```

```
>>> help raiz
```

```
raiz(x, n=2)  
    Calcula a raiz 1/n de x,  
    n=2 por padrao.  
    Se x<0 o resultado eh complexo
```

```
>>> print raiz.__doc__
```

# Python ↔ C – via FIFO

```
$ mkfifo orbitas # arquivo FIFO
```

```
...  
### Compiles integrator ###  
print 'PY Compiling integrator in C...'  
#system('gcc -Wall -o integra_orbita integra_orbita.c -lm')  
system('make')  
  
### Runs integration ###  
print 'PY Spawning process to integrate orbits...wait'  
stdout, stdin = popen2.popen2(  
    'integra_orbita %f %f %f %f %f %f %i %f >> orbitas' % (x0,y0,vx0,vy0,  
    stdout.close()  
    stdin.close()  
  
### reads data ###  
M = n.loadtxt('orbitas')  
print 'PY Read', M.shape, 'points'  
t,x,y,vx,vy,EC,EP = M.T  
E = EC+EP # ... etc
```

# Python ↔ C – via FIFO

```
$ mkfifo orbitas # arquivo FIFO
```

```
...  
### Compiles integrator ###  
print 'PY Compiling integrator in C...'  
#system('gcc -Wall -o integra_orbita integra_orbita.c -lm')  
system('make')  
  
### Runs integration ###  
print 'PY Spawning process to integrate orbits...wait'  
stdout, stdin = popen2.popen2(  
    'integra_orbita %f %f %f %f %f %f %i %f >> orbitas' % (x0,y0,vx0,vy0,  
    stdout.close()  
    stdin.close()  
  
### reads data ###  
M = n.loadtxt('orbitas')  
print 'PY Read', M.shape, 'points'  
t,x,y,vx,vy,EC,EP = M.T  
E = EC+EP # ... etc
```

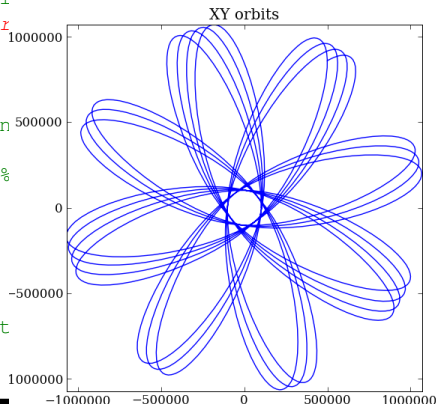
SWIG, Pyrex, PyCXX, SciPy.weave, ctypes(included), SIP,...  
F2PY, PyFort, PyPerl, Jython, RPy



# Python ↔ C – via FIFO

```
$ mkfifo orbitas # arquivo FIFO
```

```
...  
### Compiles integrator ###  
print 'PY Compiling integrator i  
#system('gcc -Wall -o integra_or  
system('make')  
  
### Runs integration ###  
print 'PY Spawning process to in  
stdout, stdin = popen2.popen2(  
    'integra_orbita %f %f %f %f %  
stdout.close()  
stdin.close()  
  
### reads data ###  
M = n.loadtxt('orbitas')  
print 'PY Read', M.shape, 'point  
t,x,y,vx,vy,EC,EP = M.T  
E = EC+EP # ... etc
```



SWIG, Pyrex, PyCXX, SciPy.weave, ctypes(included), SIF,...  
F2PY, PyFort, PyPerl, Jython, RPy

Parte II

# Computação Científica

iPython

Numpy

SciPy

PyLab

# iPython

Shell melhorado para o Python

- completa comando e atributos com *< TAB >*

- completa comando e atributos com `< TAB >`
- Comandos mágicos `%magic`

```
% Exit, %Pprint, %Quit, %alias, %autocall, %autoindent, %automagic,  
% bookmark, %cd, %color_info, %colors, %config, %dhist, %dirs, %ed,  
% edit, %env, %hist, %logoff, %logon, %logstart, %logstate, %lsmagic,  
% macro, %magic, %p, %page, %pdb, %pdef, %pdoc, %pfile, %pinfo, %popd,  
% profile, %prun, %psource, %pushd, %pwd, %r, %rehash, %rehashx, %reset,  
% run, %runlog, %save, %sc, %sx, %system_verbose, %unalias, %who,  
% who_ls, %whos, %xmode
```

- completa comando e atributos com `< TAB >`

- Comandos mágicos `%magic`

```
% Exit, %Pprint, %Quit, %alias, %autocall, %autoindent, %automagic,  
% bookmark, %cd, %color_info, %colors, %config, %dhist, %dirs, %ed,  
% edit, %env, %hist, %logoff, %logon, %logstart, %logstate, %lsmagic,  
% macro, %magic, %p, %page, %pdb, %pdef, %pdoc, %pfile, %pinfo, %popd,  
% profile, %prun, %psource, %pushd, %pwd, %r, %rehash, %rehashx, %reset,  
% run, %runlog, %save, %sc, %sx, %system_verbose, %unalias, %who,  
% who_ls, %whos, %xmode
```

- Informação dinâmica dos objetos `?objeto ?a, ??a`

- completa comando e atributos com `< TAB >`

- Comandos mágicos `%magic`

```
% Exit, %Pprint, %Quit, %alias, %autocall, %autoindent, %automagic,  
% bookmark, %cd, %color_info, %colors, %config, %dhist, %dirs, %ed,  
% edit, %env, %hist, %logoff, %logon, %logstart, %logstate, %lsmagic,  
% macro, %magic, %p, %page, %pdb, %pdef, %pdoc, %pfile, %pinfo, %popd,  
% profile, %prun, %psource, %pushd, %pwd, %r, %rehash, %rehashx, %reset,  
% run, %runlog, %save, %sc, %sx, %system_verbose, %unalias, %who,  
% who_ls, %whos, %xmode
```

- Informação dinâmica dos objetos `?objeto ?a, ??a`

- histórico e log dos comandos

```
%history  
%logstart diario.log
```

- completa comando e atributos com `< TAB >`

- Comandos mágicos `%magic`

```
% Exit, %Pprint, %Quit, %alias, %autocall, %autoindent, %automagic,  
% bookmark, %cd, %color_info, %colors, %config, %dhist, %dirs, %ed,  
% edit, %env, %hist, %logoff, %logon, %logstart, %logstate, %lsmagic,  
% macro, %magic, %p, %page, %pdb, %pdef, %pdoc, %pfile, %pinfo, %popd,  
% profile, %prun, %psource, %pushd, %pwd, %r, %rehash, %rehashx, %reset,  
% run, %runlog, %save, %sc, %sx, %system_verbose, %unalias, %who,  
% who_ls, %whos, %xmode
```

- Informação dinâmica dos objetos `?objeto ?a, ??a`

- histórico e log dos comandos

```
%history  
%logstart diario.log
```

- Parenteses e aspas automáticas (LazyPython)

- Interação fácil com Pylab





## Completa comandos com <TAB>

```
In [12]: import sys
In [13]: sys.std<TAB>
sys.stderr sys.stdin sys.stdout
```

```
In [21]: x= [1,2,3]
```

```
In [22]: x.r<TAB>
x.remove    x.reverse
```

```
In [23]: ?x
Type: list
Base Class: <type 'list'>
String Form: [1, 2, 3]
Namespace:      Interactive
Length: 3
Docstring:
    list() -> new list
    list(sequence) -> new list initialized from sequence's items
```

## Completa comandos com <TAB>

```
In [12]: import sys
In [13]: sys.std<TAB>
sys.stderr sys.stdin sys.stdout
```

```
In [21]: x= [1,2,3]
```

```
In [22]: x.r<TAB>
x.remove    x.reverse
```

```
In [23]: ?x
Type: list
Base Class: <type 'list'>
String Form: [1, 2, 3]
Namespace:      Interactive
Length: 3
Docstring:
    list() -> new list
    list(sequence) -> new list initialized from sequence's items
```

## Parenteses e aspas automáticas

```
In [1]: funcao arg1,arg2, arg3          # funcao(arg1,arg2,arg3)

In [2]: /listagem                      # listagem()

In [3]: ,minha_funcao a b c            # minha_funcao('a', 'b', 'c')

In [4]: ;minha_funcao a b c            # minha_funcao('a b c')
```

`ndarrays` – Vetores homogêneos (*arrays*) N-dimensionais

## ndarrays – Vetores homogêneos (*arrays*) N-dimensionais

Criando Vetores `numpy.<operação>`

```
zeros ( (M,N) )  
ones  ( (M,N) )  
empty ( (M,N) )
```

```
vetor com zeros, M linhas, N colunas  
vetor com uns, MxN  
vetor vazio (qualquer valor), MxN
```

## ndarrays – Vetores homogêneos (*arrays*) N-dimensionais

Criando Vetores `numpy.<operação>`

```
zeros ( (M,N) )  
ones ( (M,N) )  
empty ( (M,N) )
```

vetor com zeros, M linhas, N colunas  
vetor com uns, MxN  
vetor vazio (qualquer valor), MxN

```
zeros_like (A)  
ones_like (A)  
empty_like (A)
```

vetor com zeros, formato do A.  
vetor com uns, formato do A.  
vetor vazio, formato do A.

## ndarrays – Vetores homogêneos (*arrays*) N-dimensionais

### Criando Vetores `numpy.<operação>`

```
zeros ( (M,N) )  
ones ( (M,N) )  
empty ( (M,N) )
```

vetor com zeros, M linhas, N colunas  
vetor com uns, MxN  
vetor vazio (qualquer valor), MxN

```
zeros_like (A)  
ones_like (A)  
empty_like (A)
```

vetor com zeros, formato do A.  
vetor com uns, formato do A.  
vetor vazio, formato do A.

```
random.random ( (M,N) )  
identity (N, float)  
array ( [ (1.5, 2, 3), (4, 5, 6)] )  
mgrid[1:3, 2:5]
```

vetor com números aleatórios, MxN  
matriz identidade NxN, ponto flutuante  
especifica os valores da matriz  
grade retangular x=[1,2] e y=[2,3,4]

### ndarrays – Vetores homogêneos (*arrays*) N-dimensionais

#### Criando Vetores `numpy.<operação>`

<code>zeros ( (M,N) )</code> <code>ones ( (M,N) )</code> <code>empty ( (M,N) )</code>	vetor com zeros, M linhas, N colunas vetor com uns, MxN vetor vazio (qualquer valor), MxN
<code>zeros_like(A)</code> <code>ones_like(A)</code> <code>empty_like(A)</code>	vetor com zeros, formato do A. vetor com uns, formato do A. vetor vazio, formato do A.
<code>random.random ( (M,N) )</code> <code>identity(N, float)</code> <code>array ( [ (1.5, 2, 3), (4, 5, 6)] )</code> <code>mgrid[1:3, 2:5]</code>	vetor com números aleatórios, MxN matriz identidade NxN, ponto flutuante especifica os valores da matriz grade retangular x=[1,2] e y=[2,3,4]
<code>fromfunction(f, (M,N) )</code> <code>arange(I, F, P)</code> <code>linspace(I, F, N)</code>	matriz calculada com função f(i,j), MxN vetor com início I, fim F, passo P vetor com N números de I até F



# Métodos dos Vetores

A é um `numpy.ndarray`

<code>A.sum()</code>	soma dos itens
<code>A.min()</code>	valor mínimo
<code>A.max()</code>	valor máximo
<code>A.mean()</code>	média aritmética
<code>A.std()</code>	desvio padrão
<code>A.var()</code>	variância
<code>A.trace()</code>	traço
<code>A.size()</code>	número de elementos
<code>A.shape()</code>	formato
<code>A.ptp()</code>	pico-a-pico (maximo - minimo)
<code>A.ravel()</code>	versão 1D
<code>A.transpose(), A.T</code>	matriz transposta
<code>A.resize(M,N)</code>	reforma ou trunca a matriz <i>in situ</i>
<code>A.reshape(M,N)</code>	retorna matriz com novo formato
<code>A.clip(Amin, Amax)</code>	corta valores em Amin e Amax
<code>A.compress(condicao)</code>	seleciona elementos baseado em condicao
<code>A.conjugate()</code>	complexo conjugado
<code>A.copy()</code>	retorna cópia
<code>A.fill(valor)</code>	preenche com valor

# Operações com vetores

`numpy.<operação>`

`C = A-B, C=A+B, C=A*B, C=A/B,`  
`A**2`

operações elemento a elemento ( $C_{i,j} = A_{i,j} - B_{i,j}$ )

# Operações com vetores

`numpy.<operação>`

`C = A-B, C=A+B, C=A*B, C=A/B,  
A**2`

`dot(A,B), mat(A)*mat(B)  
inner(A, B)  
outer(A, B)`

operações elemento a elemento ( $C_{i,j} = A_{i,j} - B_{i,j}$ )

produto matricial  
produto interno  
produto externo

# Operações com vetores

`numpy.<operação>`

`C = A-B, C=A+B, C=A*B, C=A/B, A**2`

`dot(A,B), mat(A)*mat(B)`  
`inner(A, B)`  
`outer(A, B)`  
`concatenate(arrays, axis=0)`  
`vstack(A,B)`  
`hstack(A,B)`  
`vsplit(A,2)`  
`hsplit(A,2)`

operações elemento a elemento ( $C_{i,j} = A_{i,j} - B_{i,j}$ )

produto matricial  
produto interno  
produto externo  
concatena vetores  
empilha verticalmente vetores  
empilha horizontalmente vetores  
parte verticalmente vetor  
parte horizontalmente vetor

# Operações com vetores

numpy.<operação>

$C = A - B$ ,  $C = A + B$ ,  $C = A * B$ ,  $C = A / B$ ,  
 $A ** 2$

`dot(A,B)`, `mat(A)*mat(B)`  
`inner(A, B)`  
`outer(A, B)`  
`concatenate(arrays, axis=0)`  
`vstack(A,B)`  
`hstack(A,B)`  
`vsplit(A,2)`  
`hsplit(A,2)`

`A[0]`  
`A[i][j]`, `A[i,j]`  
`A[3][2]`  
`A[1]`

operações elemento a elemento ( $C_{i,j} = A_{i,j} - B_{i,j}$ )

produto matricial  
produto interno  
produto externo  
concatena vetores  
empilha verticalmente vetores  
empilha horizontalmente vetores  
parte verticalmente vetor  
parte horizontalmente vetor

primeiro elemento  
convenção dos índices  $A_{ij}$  (linha  $i$ , coluna  $j$ )  
 $A_{32}$  3ro elemento na 4ta linha  
2da linha

# Operações com vetores

numpy.<operação>

$C = A - B$ ,  $C = A + B$ ,  $C = A * B$ ,  $C = A / B$ ,  
 $A ** 2$

`dot(A,B)`, `mat(A)*mat(B)`  
`inner(A, B)`  
`outer(A, B)`  
`concatenate(arrays, axis=0)`  
`vstack(A,B)`  
`hstack(A,B)`  
`vsplit(A,2)`  
`hsplit(A,2)`

`A[0]`  
`A[i][j]`, `A[i,j]`  
`A[3][2]`  
`A[1]`

`x[2]`  
`x[-2]`  
`x[2:5]`  
`x[:5]`  
`x[2:]`  
`x[:]`  
`x[2:9:3]`  
`x[numpy.where(x>7)]`

operações elemento a elemento ( $C_{i,j} = A_{i,j} - B_{i,j}$ )

produto matricial  
produto interno  
produto externo  
concatena vetores  
empilha verticalmente vetores  
empilha horizontalmente vetores  
parte verticalmente vetor  
parte horizontalmente vetor

primeiro elemento  
convenção dos índices  $A_{ij}$  (linha  $i$ , coluna  $j$ )  
 $A_{32}$  3ro elemento na 4ta linha  
2da linha

3ro elemento  
penúltimo elemento (índice contando do fim)  
subvetor de 3ro até o 5to, `[x[2], x[3], x[4]]`  
do início `x[0]` até o quinto `x[4]`  
do 3ro até o fim  
o vetor inteiro  
do 3ro até o 10mo, a cada 3, `[x[2], x[5], x[8]]`  
elementos em `x` maiores que 7

# Exemplos

## Numpy

doc	Documentação
random	ferramentas para números aleatórios
linalg	Algébra Linear
fft	Tranformada de Fourier

# Exemplos

## Numpy

doc	Documentação
random	ferramentas para números aleatórios
linalg	Algébra Linear
fft	Tranformada de Fourier

## SciPy

misc	Utilidades variadas ( <code>comb</code> , <code>factorial</code> , <code>derivative</code> , <code>imfilter</code> , ...)
fftpack	Transformada de Fourier Discreta
io	E/S dados ( <code>loadtxt</code> , <code>fread</code> , ...)
special	Funções especiais ( <code>Airy</code> , <code>Bessel</code> , <code>Legendre</code> , <code>Gamma</code> , <code>erf()</code> )
stats	Funções estatísticas ( <code>&gt;100</code> distribuicoes, <code>momenta</code> , ...)
optimize	Optimizadores ( <code>ajuste</code> , <code>extremas</code> , <code>raízes</code> , ...)
spatial	Algoritmos para estruturas de dados espaciais ( <code>vizinhos</code> , ...)
integrate	Rotinas de integração numérica
linalg	Rotinas de Algebra Linear ( <code>inv</code> , <code>solve</code> , <code>det</code> , <code>eig</code> , <code>svd</code> , ...)
interpolate	Rotinas de Interpolação ( <code>spline</code> , <code>lagrange</code> , ...)
signal	Proc. Sinais Digitais ( <code>convolve</code> , <code>correlate</code> , <code>filters</code> , <code>windows</code> , ...)



# Exemplo 1 Numpy

## Operações com matrizes

```
>>> A = numpy.array([[1,2,3],[3,2,3],[1,4,2]])
>>> A
array([[1, 2, 3],
       [3, 2, 3],
       [1, 4, 2]])
>>> # mostra media, desvio padrao, minino, maximo, pico-a-pico
>>> A.mean(), A.std(), A.min(), A.max(), A.ptp()
(2.3333333333333335, 0.94280904158206325, 1, 4, 3)
>>> A**2 # eleva cada elemento ao quadrado
array([[ 1,  4,  9],
       [ 9,  4,  9],
       [ 1, 16,  4]])
>>> B = A.T # matriz transposta
array([[1, 3, 1],
       [2, 2, 4],
       [3, 3, 2]])
>>> numpy.dot(A, B) # multiplicacao de matrizes
array([[11, 12, 14],
       [12, 24, 20],
       [14, 20, 22]])
>>> A[ numpy.where(A>2) ] = 10 # iguala a 10 todos elementos maiores que 2
>>> A * B # multiplica A e B elemento a elemento
```

# Exemplo 2 Numpy

## Operações com matrizes

AMD TURION 64 X2 MOBILE TL-60, BOGOMIPS=3993.03

```
# matriz de numeros aleatorios 1000x1000    dt=0.07 s
r      = numpy.random.random((1000,1000))

# inversa de r                                dt=5 s
inv_r = scipy.linalg.inv(r)

# autovalores e autovetores                  dt=27 s
eigval, eigvec = scipy.linalg.eig(r)

# multiplica r pela transposta               dt=5 s
C = numpy.mat(r.T) * numpy.mat(r)

# faz media entre cada 8 vizinhos            dt=0.7 s
C9 = scipy.signal.convolve2d(ac, [[1,1,1],[1,1,1],[1,1,1]])

# faz media entre cada 99 vizinhos           dt=3 s
C100 = scipy.signal.convolve2d(r, 10*[[1,1,1,1,1,1,1,1,1,1]])
```

# Exemplo 2 Numpy

## Operações com matrizes

AMD TURION 64 X2 MOBILE TL-60, BOGOMIPS=3993.03

```
# matriz de numeros aleatorios 1000x1000    dt=0.07 s
r      = numpy.random.random((1000,1000))

# inversa de r                                dt=5 s
inv_r = scipy.linalg.inv(r)

# autovalores e autovetores                  dt=27 s
eigval, eigvec = scipy.linalg.eig(r)

# multiplica r pela transposta               dt=5 s
C = numpy.mat(r.T) * numpy.mat(r)

# faz media entre cada 8 vizinhos            dt=0.7 s
C9 = scipy.signal.convolve2d(ac, [[1,1,1],[1,1,1],[1,1,1]])

# faz media entre cada 99 vizinhos           dt=3 s
C100 = scipy.signal.convolve2d(r, 10*[[1,1,1,1,1,1,1,1,1,1]])
```

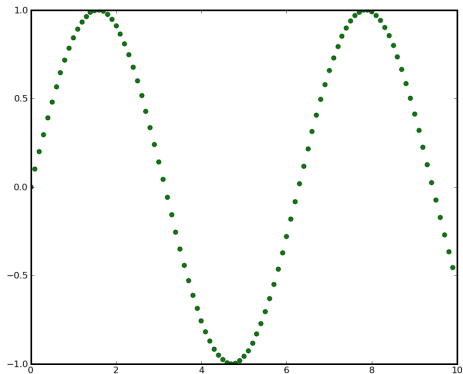
## Maple

```
# Cria matriz                                dt=4s
r := RandomMatrix(1000,generator=0..1.5)
# Multiplica por ela mesma                  dt>30 s
multiply(r,r)
```

# Exemplo 3: Numpy+Pylab

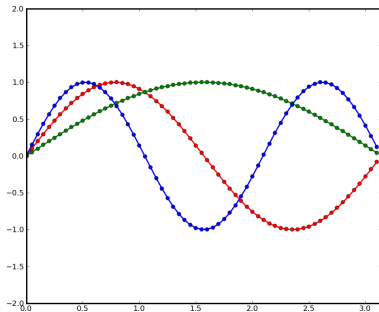
## Gráfico Função

```
import numpy          # importa módulos
import pylab
x = numpy.arange(0,10,0.1) # sequencia de 0 a 19, intervalo 0.1
y = numpy.sin(x)         # aplica funcao em cada x (versao vetor math.sin)
pylab.plot(x,y, 'og')    # faz grafico com bolas 'o' verdes 'g'
pylab.savefig('seno.png') # grava figura
pylab.show()            # mostra grafico
```



## Exemplo 4: Numpy+Pylab

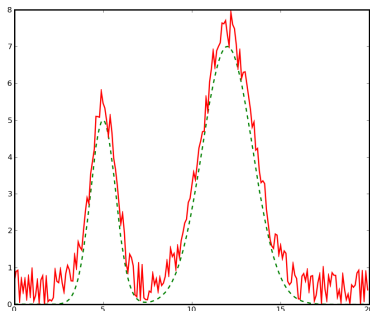
```
x = numpy.arange(0,numpy.pi,0.05)
y = numpy.sin(x)
y2 = numpy.sin(2*x)
y3 = numpy.sin(3*x)
pylab.plot(x,y, 'o-g')
pylab.plot(x,y2,'o-r')
pylab.plot(x,y3,'o-b')
pylab.axis([0,2*numpy.pi,-2,2])
pylab.savefig('senos.png')
pylab.show()
```



# Exemplo 5: Numpy+Pylab

## Adicionando Ruído

```
x = numpy.arange(0,20,0.1)          # variavel independente
y1 = 5*numpy.exp(-(x-5)**2)          # gaussiana centrada em 5, maximo 5
y2 = 7*numpy.exp(-(x-12)**2/4)      # gaussiana centrada em 12, maximo 7
ruído = numpy.random.random(len(x)) # vetor ruído do tamanho do x
ylimpo = y1 + y2                    # gaussians
yruido = y1 + y2 + ruído             # gaussianas mais o ruído
pylab.plot(x, ylimpo, '--g', x, yruido, '-r', lw=2)
```



# Exemplo 6: Numpy+Pylab

## Lendo dados em disco

```
import pylab
import numpy

# le os dados de 'dados1.dat', txt em 3 colunas
x = numpy.loadtxt('dados1.dat')[:,0]
y = numpy.loadtxt('dados1.dat')[:,1]
yerr = numpy.loadtxt('dados1.dat')[:,2]

# grafico dos dados
pylab.errorbar(x, y, yerr, fmt='ob', label='dados')

# une os pontos com retas
pylab.plot(x, y, '--g', label='pontos unidos' )

# coloca nomes dos eixos, no gráfico e mostra legenda
pylab.xlabel(r'$\sum_i^{\infty} \omega_i^2$', size=12)
pylab.ylabel(r'$\int^b_a \Lambda(\omega) d\omega$', size=12)
pylab.title('um grafico com erros')
pylab.legend()

# grava imagem do grafico em arquivo
pylab.savefig('dados1.png')

# mostra janela
pylab.show()
```

# Exemplo 6: Numpy+Pylab

Lendo dados em disco

```
import pylab
import numpy

# le os dados de 'dados1'
x = numpy.loadtxt('da
y = numpy.loadtxt('da
yerr = numpy.loadtxt('da

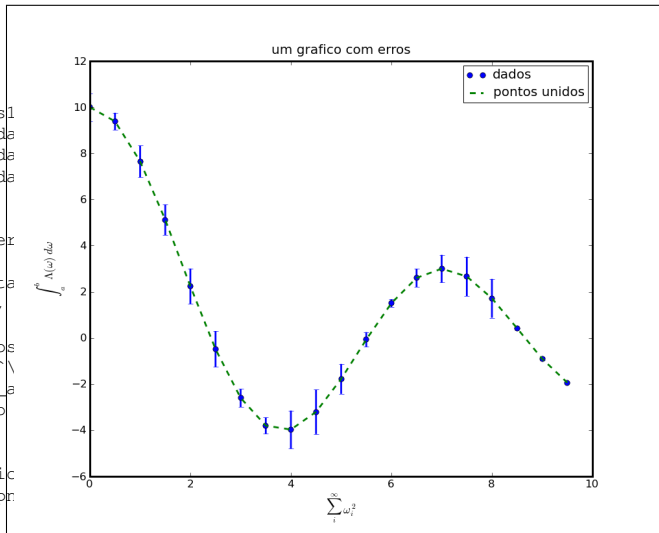
# grafico dos dados
pylab.errorbar(x, y, yer

# une os pontos com reta
pylab.plot(x, y, '--g',

# coloca nomes dos eixos
pylab.xlabel(r'$\sum_i^{\infty} \omega_i^2$')
pylab.ylabel(r'$\int_0^{\infty} A(\omega) d\omega$')
pylab.title('um grafico
pylab.legend()

# grava imagem do grafic
pylab.savefig('dados1.pr

# mostra janela
pylab.show()
```





# Exemplo 7: Numpy+PyFits

Lendo cubo de dados

```
>>> import pyfits

# Le cubo de dados de 471 Mb          dt=12s
>>> m81 = pyfits.getdata('M81_final.fits');

>>> m81.shape      # formato (z, y, x)
(2707, 310, 147)

>>> m81.size       # quantidade de pontos  120 Mpix
123357990

>>> m81.mean()     # media                dt=13s
1.9765925252298883e-14

>>> m81.std()      # desvio padrao        dt=58s (112s c/swap)
3.4743369904020077e-13

>>> m81.sum()      # soma total           dt=3.5s
2.4382848e-06

>>> m81.sort()     # ordena 120M de floats dt=7s
```

# Exemplo 8: PyLab+PyFits

Lendo imagem FITS

# Exemplo 8: PyLab+PyFits

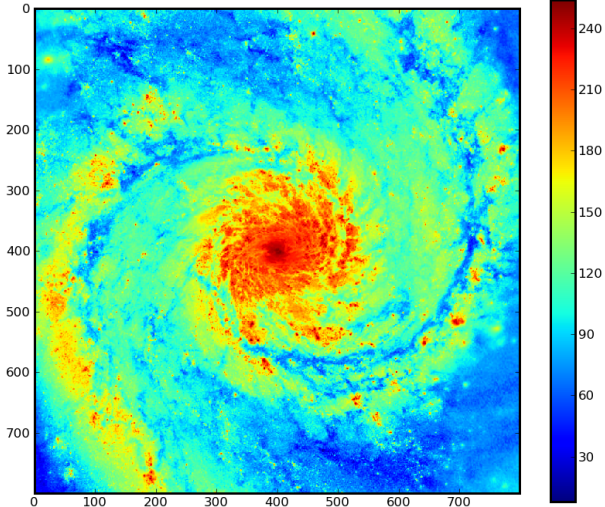
## Lendo imagem FITS

```
>>> import pyfits                                # importa modulos
>>> import pylab
>>> m51 = pyfits.getdata('m51hst.fits')          # le dados numa matriz numpy
>>> m51.shape                                     # formato
(800,800)
>>> pylab.imshow(m51)                            # mostra matriz como imagem
>>> pylab.colorbar()                             # escala de cores
>>> pylab.savefig('m51hst.png')                  # salva figura
>>> pylab.show()                                 # mostra na tela
```

# Exemplo 8: PyLab+PyFits

Lendo imagem FITS

```
>>> import pyfits
>>> import pylab
>>> m51 = pyfits.getdata('m51.fits')
>>> m51.shape
(800, 800)
>>> pylab.imshow(m51)
>>> pylab.colorbar()
>>> pylab.savefig('m51_hsb.png')
>>> pylab.show()
```



# Exemplo 9

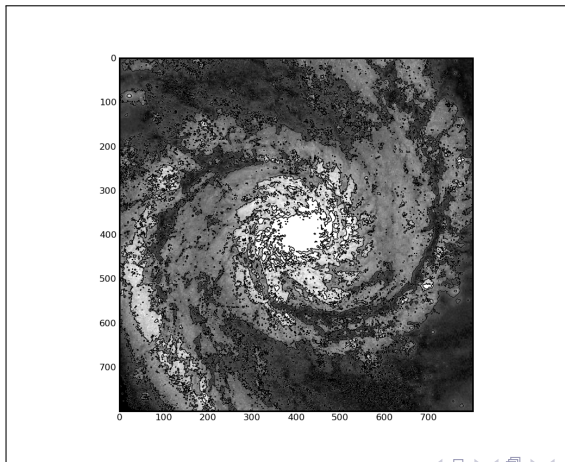
## Contornos

```
...  
>>> pylab.imshow(m51, vmin=50, vmax=200)  
>>> niveis = [50, 100, 150, 200]  
>>> pylab.contour(m51, niveis, colors='0.0', linewidths=1.0)  
>>> pylab.savefig('m51hst-contour.png')
```

# Exemplo 9

## Contornos

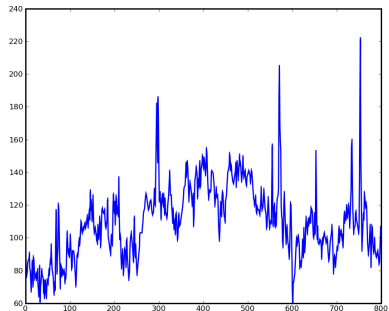
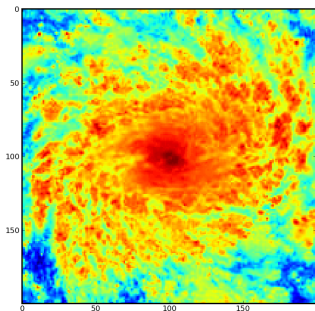
```
...  
>>> pylab.imshow(m51, vmin=50, vmax=200)  
>>> niveis = [50, 100, 150, 200]  
>>> pylab.contour(m51, niveis, colors='0.0', linewidths=1.0)  
>>> pylab.savefig('m51hst-contour.png')
```



# Exemplo 10

## Seções de Imagens

```
>>>
>>> pylab.imshow(m51[300:500,300:500]) # mostra regioao central, matriz 200x200
>>> m51[300:500,300:500].mean() # media na regioao
>>> centro = m51[300:500,300:500] # cria outra matriz
>>> pyfits.writeto('m51centro.fits', centro) # grava arquivo FITS
>>>
>>> pylab.plot(m51[:,250]) # gráfico vertical x=250, 0<=y<800
```



# Exemplo 11

## Ajuste de Curvas

```
import pylab, numpy, scipy.optimize

def fitfunc(p,x):
    return p[0]*numpy.cos(p[1]*x + p[2])

def residuo(p,x,y):
    return (fitfunc(p,x) - y)

x      = numpy.loadtxt('dados1.dat')[:,0]
y      = numpy.loadtxt('dados1.dat')[:,1]
yerr   = numpy.loadtxt('dados1.dat')[:,2]

# estimativa parametros iniciais
p0     = [10,1,0]

# rotina que faz minimizacao de residuo(p0,x,y)
pf,status = scipy.optimize.leastsq(residuo, p0[:], args=(x,y))

pylab.errorbar(x, y, yerr, fmt='or', label='Dados')
pylab.plot(x, fitfunc(pf,x), '-g', \
           label='Ajuste \n' + \
           'A=%.2f $\omega$=%.2f $\phi$=%.2f'%(pf[0], pf[1], pf[2]))

pylab.title('Dados e ajuste $A*\cos(\omega x + \phi)$', size=20)
pylab.legend()
pylab.savefig('dados1-ajuste.png')
pylab.show()
```



# Exemplo 11

## Ajuste de Curvas

```
import pylab, numpy, scipy.optimize
```

```
def fitfunc(p,x):  
    return p[0]*numpy.cos
```

```
def residuo(p,x,y):  
    return (fitfunc(p,x)
```

```
x = numpy.loadtxt('da  
y = numpy.loadtxt('da  
yerr = numpy.loadtxt('da
```

```
# estimativa parametros  
p0 = [10,1,0]
```

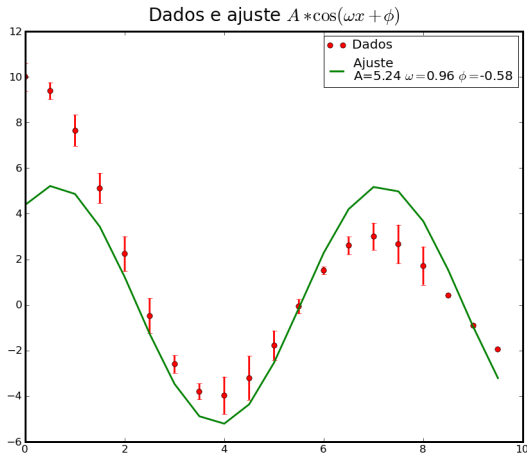
```
# rotina que faz minimiz  
pf,status = scipy.optimi
```

```
pylab.errorbar(x, y, yer  
pylab.plot(x, fitfunc(pf  
    label='Ajuste  
    'A=%.2f $\\omega
```

```
pylab.title('Dados e aj  
pylab.legend()
```

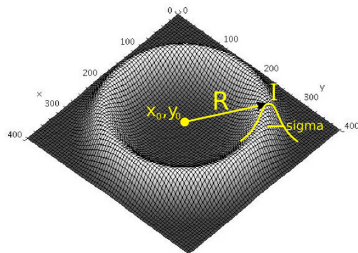
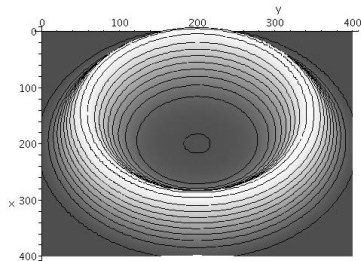
```
pylab.savefig('dados1-a-juste.png')
```

```
pylab.show()
```



# Aplicações

## Ajuste de superfícies

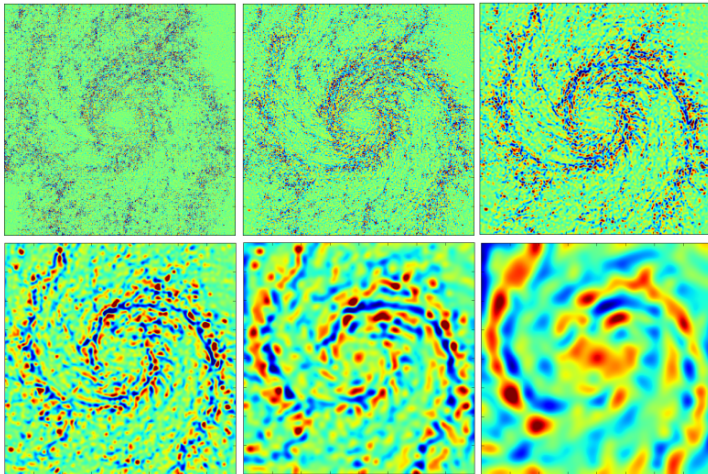


# Aplicações

## Transformada Discreta de Wavelets

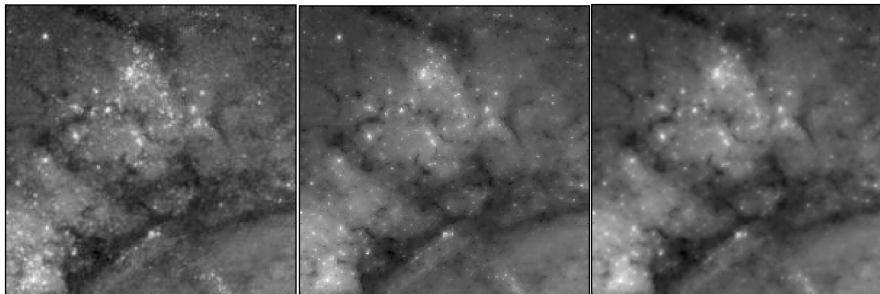
**Wavelet Transform of M51**

*Fabricio Ferrari, 2009*



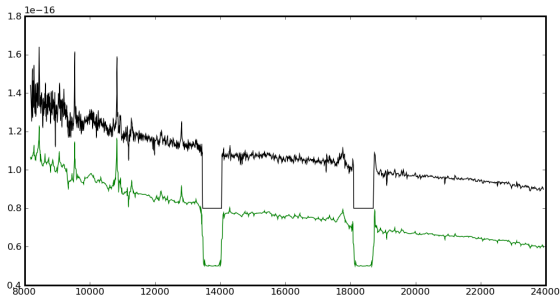
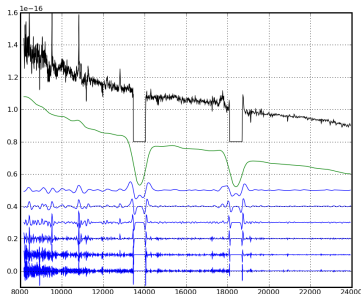
# Aplicações

Redução de Ruído em Imagens – filtro adaptativo baseado em Wavelets



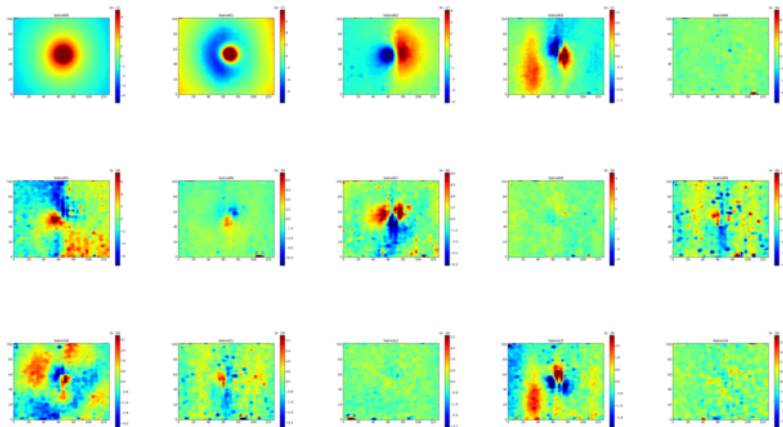
# Aplicações

## Redução de Ruído em Espectros – filtro adaptativo baseado em Wavelets



# Aplicações

## Análise de Componente Principal (PCA) em Cubo de Dados



# Referências

# Referências

F.Ferrari	<a href="http://www.ferrari.pro.br">www.ferrari.pro.br</a>
Python	<a href="http://www.python.org">www.python.org</a>
Python Brasil	<a href="http://www.python.org.br">www.python.org.br</a>
Numpy	<a href="http://numpy.scipy.org">numpy.scipy.org</a>
Scipy	<a href="http://www.scipy.org">www.scipy.org</a>
Pylab/Matplotlib	<a href="http://matplotlib.sourceforge.net">matplotlib.sourceforge.net</a>
Tutoriais	<a href="http://heather.cs.ucdavis.edu/~matloff/python.html">http://heather.cs.ucdavis.edu/~matloff/python.html</a>
Interactive Data Analysis in Astronomy	<a href="http://www.scipy.org/wikis/topical_software/Tutorials">http://www.scipy.org/wikis/topical_software/Tutorials</a>
Wikipedia	<a href="http://www.wikipedia.org">www.wikipedia.org</a>
Este documento é Livre (GNU Free Documentation License)	