## Trabalho de férias para Joana Carvalho

1- Mostra que:

a) 
$$\frac{(3-\sqrt{12})^2}{(2+3\sqrt{3})} = \frac{87\sqrt{3}-150}{23}$$

b) 
$$\frac{(1+\sqrt{27})^2}{(1+5\sqrt{3})} = -\frac{59+73\sqrt{3}}{37}$$

2- Determina J e M de modo a que obtenhas as raízes assinaladas e descobre a restante.

a) 
$$x^3 + Jx^2 + Mx + 56$$
, raízes: 2 e 4

b) 
$$x^3 - 7x^2 - Jx - M$$
, raízes: 5 e -1

3- Determina as 3 raízes dos seguintes polinómios:

a) 
$$x^3 - x$$

b) 
$$x^3 - x^2$$

c) 
$$x^3 - 2x^2 + x$$

4- Resolve em ordem a x

a) 
$$-2 < 5x + 3 < 8$$

b) 
$$2x - \frac{4-x}{3} <= 5x$$

5-Representa em potência de base 5

$$\frac{5^{\frac{1}{6}} \times 5^{\frac{1}{2}}}{(\sqrt[3]{5})^{-2}}$$

1-

a) 
$$\frac{(3-\sqrt{12})^2}{(2+3\sqrt{3})} = \frac{(3-\sqrt{12})(3-\sqrt{12})}{(2+3\sqrt{3})} = \frac{(9-6\sqrt{12}+12)}{(2+3\sqrt{3})} = \frac{(21-6\sqrt{12})}{(2+3\sqrt{3})} = \frac{(21-6\sqrt{12})(2-3\sqrt{3})}{(2+3\sqrt{3})(2-3\sqrt{3})} =$$

$$= \frac{42-63\sqrt{3}-12\sqrt{12}+18\sqrt{36}}{4-9\times3} = \frac{42-63\sqrt{3}-12\sqrt{4\times3}+18\times6}{4-27} = \frac{42+108-63\sqrt{3}-12\times2\sqrt{3}}{-23} =$$

$$= \frac{150-87\sqrt{3}}{-23} = \frac{87\sqrt{3}-150}{23}$$

b) 
$$\frac{(1+\sqrt{27})^2}{(1+5\sqrt{3})} = \frac{1+2\sqrt{27}+27}{(1+5\sqrt{3})} = \frac{(28+2\sqrt{27})}{(1+5\sqrt{3})} = \frac{(28+2\sqrt{27})(1-5\sqrt{3})}{(1+5\sqrt{3})(1-5\sqrt{3})} = \frac{28-140\sqrt{3}+2\sqrt{27}-10\sqrt{81}}{1-25\times3} = \frac{28-140\sqrt{3}+2\sqrt{9\times3}-10\times9}{1-75} = \frac{28-90-140\sqrt{3}+2\times3\sqrt{3}}{-74} = \frac{-62-134\sqrt{3}}{-74} = \frac{31+67\sqrt{3}}{37}$$

2-

a)

$$\begin{cases} 64 + 4J + 2M = 0 \\ 28 + 6J + M = 0 \end{cases} (=) \begin{cases} ----- \\ M = -28 - 6J \end{cases} (=) \begin{cases} 64 + 4J - 56 - 12J = 0 \\ ------ \end{cases} (=) \begin{cases} 8 = 8J \\ ---- \end{cases} (=) \begin{cases} J = 1 \\ 28 + 6 + M = 0 \end{cases} (=) \begin{cases} J = 1 \\ M = -34 \end{cases}$$

Substituindo J no ultimo resultado do Ruffini vem:  $x+(6+1)=0 \quad (=)$  x=-7 e obtém-se a ultima raiz.

b)

$$\begin{cases}
-M - 5J - 50 = 0 \\
-j - 7 = 0
\end{cases} (=) \begin{cases}
----- \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
-M + 35 - 50 \\
------
\end{cases} (=) \begin{cases}
-M + 35 - 50 \\
------
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -15 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}
M = -7 \\
J = -7
\end{cases} (=) \begin{cases}$$

A partir do último resultado do Ruffini, aparece:  $x-3=0 \quad (=) \quad x=3$