## Formal Verification

Securitate informatică

March 18, 2020

Mihai-Lica Pura

#### Cuprins

- motivația verificării formale a protocoalelor de securitate;
- verificarea formală, pe scurt:
  - modelarea sistemelor funcționale, paralele și distribuite (cu accentul pe protocoale de securitate),
  - specificarea cerințelor pentru aceste sisteme,
  - verificarea dacă cerințele sunt sau nu îndeplinite de către sisteme.
- verificarea formală a protocoalelor de securitate.

#### Definiție

- "... actul demonstrării sau infirmării corectitudinii algoritmilor care compun un sistem, având în vedere o anumită specificare formală sau proprietate, și folosind metode matematice formale"
- "... limbaje, tehnici şi unelte matematice pentru specificarea şi verificarea sistemelor"
- "un set de unelte şi notaţii, cu o semantică formală, folosite pentru a specifica neambiguu cerinţele unui sistem, care admit demonstrarea de proprietăţi ale acelei specificări şi demonstrarea corectitudinii unei implementări în raport cu acea specificare"

#### Exemplu - Prânzul filosofilor

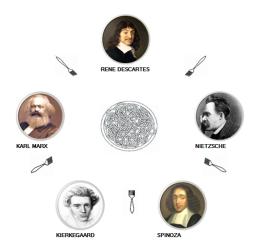


Figure 1: http://ingenieroprendiz4ever.blogspot.ro/2012/06/la-cena-de-los-filosofos-aplicacion-de.html

#### Exemplu - Prânzul filosofilor

- Inițial filosofii gândesc. Atunci când unui filosof i se face foame:
- filosoful ia furculița din stânga,
- filosoful ia furculiţa din dreapta şi apoi începe să mănânce.
- Când filosoful se satură, pune pe masă ambele furculițe și apoi o ia de la capăt.

Cum se poate modela acest sistem?

- formalism elementar care permite modelarea sistemelor paralele şi distribuite
- propus de Adam Petri în 1962 în teza sa de doctorat "Kommunicaktion mit Automaten"
- descrie schimbările de stare ale unui sistem prin intermediul tranzițiilor

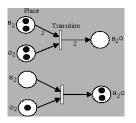


Figure 2: https://fknussel.wordpress.com/2013/11/01/petri-nets-101/

O rețea Petri conține:

- places reprezintă stările şi/sau condițiile care trebuie îndeplinite înainte ca o acțiune să poată avea loc
- transitions reprezintă acțiuni
- places and transitions may be connected by directed arcs
- places may contain tokens that may move to other places by executing actions

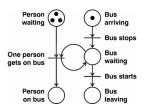


Figure 3: https://fknussel.wordpress.com/2013/11/01/petri-nets-101/

Transition **One person gets on bus** may fire if there are tokens in place **Person waiting** and in place **Bus waiting** 

Firing this transition once will remove a token from **Person** waiting and a token from **Bus waiting**, and will place a new token in **Person on bus** and a new token in **Bus waiting** 

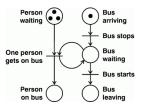


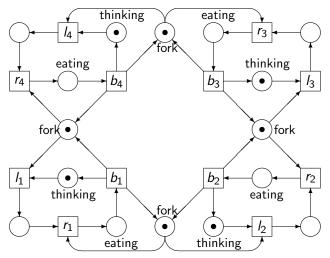
Figure 4:

https://fknussel.wordpress.com/2013/11/01/petri-nets-101/

Modele interactive:

http://www.informatik.uni-hamburg.de/TGI/PetriNets/introductions/aalst/

#### Exemplu - Prânzul filosofilor



Didier Buchs, cursul "Modélisation et vérification de logiciels" -Universitatea din Geneva

#### Prânzul filosofilor - Proprietăți

- ▶ Doi filosofi vecini pot mânca în același timp?
- Doi filosofi aflați față în față pot mânca în același timp?
- Se poate întâmpla ca filosofii să flămânzească până la moarte?
- Un anume filosof poate mânca în cele din urmă (presupunând că dorește să facă acest lucru)?

Cum pot fi exprimate aceste întrebări ca și proprietăți ale rețelei Petri care modelează sistemul?

#### Tipuri de rețele Petri

- only black tokens Place/Transition nets StrataGEM https://github.com/mundacho/stratagem
- colored tokens Colored Petri nets CPN Tools http://cpntools.org/
- tokens are terms of some Algebraic Abstract Data Types (AADT) - Algebraic Petri nets AlPiNA http://alpina.unige.ch/

Există multe alte tipuri de rețele Petri și instrumente asociate: https://www.informatik.uni-hamburg.de/TGI/PetriNets/tools/quick.html

#### Algebraic Abstract Data Types - Exemplu booleans

```
Adt boolean
Sorts bool;
Generators
```

true : bool;
false : bool;

#### Algebraic Abstract Data Types - Exemplu naturals

```
Adt naturals Sorts nat;  
Generators  
zero : nat;  
suc : nat \rightarrow nat;  
Operations  
plus : nat, nat \rightarrow nat;  
minus : nat, nat \rightarrow nat;  
gt : nat, nat \rightarrow bool;
```

# Algebraic Abstract Data Types - Exemplu naturals (continuare)

```
Axioms
    plus (zero, x) = x:
    plus (suc(\$x), \$y) = suc(plus(\$x,\$y));
    minus(\$x, zero) = \$x;
    minus(suc(\$x), suc(\$y)) = minus(\$x, \$y);
    gt(zero, \$x) = false;
    gt(suc(\$x),zero) = true;
    gt(suc(\$y), suc(\$x)) = gt(\$y, \$x);
Variables
    x: nat;
    v: nat:
```

#### Algebraic Petri net - Exemplu - Sumator

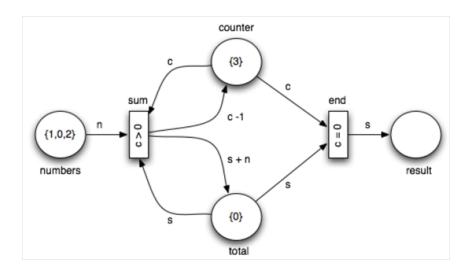


Figure 5:

#### Prânzul filosofilor - APN

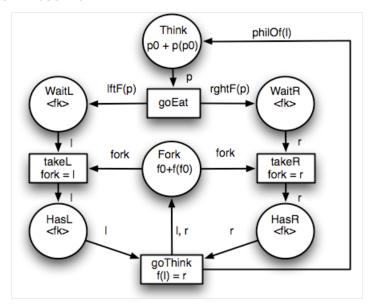


Figure 6: http://en.wikipedia.org/wiki/Algebraic\_Petri\_net

#### Prânzul filosofilor - AADT

```
Adt philosophers
Sorts philo;
Generators
\mathbf{p0}: \text{philo};
\mathbf{p}: \text{philo} \rightarrow \text{philo};
Operations
\mathbf{leftFork}: \text{philo} \rightarrow \text{fork};
\mathbf{rightFork}: \text{philo} \rightarrow \text{fork};
\mathbf{philoOf}: \text{fork} \rightarrow \text{philo};
```

## Prânzul filosofilor - AADT (continuare)

```
Axioms
    p(p(p0)) = p0;
    leftFork(p0) = f0:
    rightFork(p0) = f(f0);
    philoOf(f0) = p0;
    leftFork(p($vphilo)) = f(leftFork($vphilo));
    rightFork(p($vphilo)) = f (rightFork($vphilo));
    philoOf(f(\$vfork)) = p(philoOf(\$vfork));
Variables
    vphilo: philo;
    vfork: fork:
   vl : fork;
    vr : fork;
```

## Prânzul filosofilor - AADT (continuare)

```
Adt fork Sorts fork; Generators \mathbf{f0}: fork; \mathbf{f}: fork \rightarrow fork; Axioms f(f(f0)) = f0;
```

#### Construirea spațiului stărilor

- Starea unei rețele Petri este reprezentată de căre distribuția jetoanelor în locuri
- Starea se schimbă de fiecare dată când se execută o tranziție
- Spațiul stărilor reprezintă mulțimea stărilor prin care trece o rețea Petri pornind din starea inițală și apoi executând toate tranzițiile posibile
- Poate fi reprezentat printr-un graf:
  - nodurile grafului corespund distribuției jetoanelor în locuri
  - arcurile grafului corespund execuției tranzițiilor

$$\langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle$$

```
\langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
\uparrow
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
\uparrow
\langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
\downarrow
\langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
```

```
 \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle \quad \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle 
 \langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle 
 \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle 
 \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
```

```
 \langle [p(p_0)], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle 
 \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f_0], [f_0], [], [f_0], [], [f_0], [], [f_0], [], [f_0], [], [f_0], [], [f_0], [f_0]
```

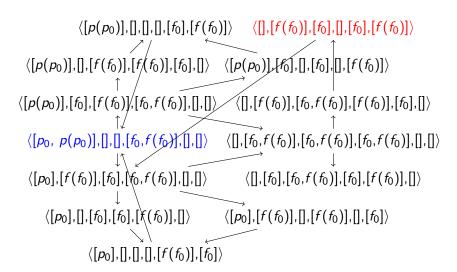
```
\langle [p(p_0)], [], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
  \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                   \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
  \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
   \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                    \langle [p_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
        \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
```

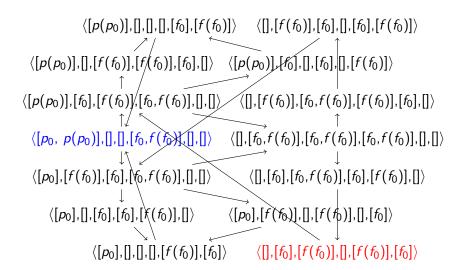
$$\langle [p(p_0)], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle$$

$$\langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f_0], [f_0], [], [f_0], [$$

```
\langle [p(p_0)], [], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
  \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                   \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)]/, [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
  \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                      \langle [], [f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
   \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
        \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [\chi(f_0)], [] \rangle
                                                                     \langle [p_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                       \langle [p_0], [], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
```

```
\langle [p(p_0)], [], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
  \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f/(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                     \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)]/, [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                         \langle [], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
  \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                      \langle [], [f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
   \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                             \langle [], [f_0], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
        \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [\chi(f_0)], [] \rangle
                                                                      \langle [p_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                       \langle [p_0], [], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
```





```
\langle [], [], [f_0, f(f_0)], [], [f_0, f(f_0)], [] \rangle
                                                                                      \langle [], [f(f_0)], [f_0], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
                 \langle [p(p_0)], [], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
  \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                              \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0] | [], [f(f_0)] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)]/, [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                \langle [], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
  \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                             \langle [], [f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
   \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                   \langle [], [f_0], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
        \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                                                                              \langle [p_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                     \langle [p_0], [], [], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
                                                                                      \langle [], [f_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
```

```
\langle [], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                             \langle [], [], [f_0, f(f_0)], [], [f_0, f(f_0)], [] \rangle
                                                   \langle [p(p_0)], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                           \langle [], [f(f_0)], [f_0], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
      \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                    \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                         \langle [], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
       \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                 (f_0, f(f_0), f(f_0), f(f_0), f(f_0), [f_0, f(f_0), 
         \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                   \langle [], [f_0], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                         \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                    \langle [p_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                                                            \langle [p_0], [], [], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                           \langle [], [f_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
          \langle [], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
```

```
\langle [], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                  \langle [],[],[f_0,f(f_0)],[],[f_0,f(f_0)],[] \rangle
                                                 \langle [p(p_0)], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                 \langle [], [f(f_0)], [f_0], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
      \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                           \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                \langle [], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
       \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                        (f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f_0
         \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                           \langle [], [f_0], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                        \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                           \langle [p_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                                                          \langle [p_0], [], [], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                 \langle [], [f_0], [f'(f_0)], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
          \langle [], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                  \langle [], [f_0, f(f_0)], [], [], [], [f_0, f(f_0)] \rangle
```

## Spațiul stărilor - Prânzul filosofilor - 2 filosofi - 18 stări

```
\langle [],[],[f_0,f(f_0)],[],[f_0,f(f_0)],[] \rangle
\langle [], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                                                 \langle [p(p_0)], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                 \langle [], [f(f_0)], [f_0], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
      \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                           \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], \rangle
                                                                                                                                                                                                                                \langle [], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
       \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                        (f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f_0
         \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                          \langle [], [f_0], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                        \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                           \langle [p_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                                                          \langle [p_0], [], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                 \langle [], [f_0], [f'(f_0)], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
          \langle [], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                  \langle [], [f_0, f(f_0)], [], [], [], [f_0, f(f_0)] \rangle
```

# Modelarea versus proiectarea sistemelor

**Modelarea sistemelor**: Ce sistem să se producă?

versus

**Proiectarea și implementarea sistemelor**: Cum se produce sistemul respectiv?

Modelarea folosește limbaje expresive pentru a descrie funcționalitățile dorite ale sistemului în cauză.

### Validarea versus Verificarea sistemelor

Validarea sistemelor: Producem produsul corect?

versus

Verificarea sistemelor: Producem corect produsul?

Verificarea sistemelor controlează dacă sistemul îndeplinește corect funcționalitățile specificate.

### Analiza versus Modelarea sistemelor

#### Analiza

- reprezintă domeniile problemă din mai multe perspective
- descoperă caracteristcile sistemului

#### Modelarea sistemelor

- sistemul este descris în întregime şi neambiguu
- folosește un limbaj foarte expresiv, adaptat domeniului problemelor avute în vedere
- se concentreaza pe aspecte funcționale sau non-funcționale

# Specificarea formală

"Exprimarea într-un limbaj formal și la un anumit nivel de abstractizare, a unei colecții de proprietăți pe care un sistem ar trebui să le îndeplinească".

# Specificarea formală

### Caracteristicile unei specificări formale:

- Adecvată să descrie într-un mod potrivit problema la care se referă
- Consistentă interpretarea sa din punct de vedere semantic să fie plină de înțeles
- Nu trebuie să fie ambiguă nu trebuie să aibă mai multe interpretări, toate adevărate
- Minimală să se refere numai la proprietățile relevante ale problemei

# Specificarea formală

- Rezultatele verificării formale depind de calitatea specificărilor formale: modelul verificat va fi la fel de bun ca şi specificarea formală care stă la baza sa
- Orice greșeală sau inadvertență de la acest nivel se va propaga și asupra verificării formale propriu-zise.
- Specificarea formală ca şi modelul de verificat trebuie deci ele însele validate.

# Specificarea formală: proprietăți ale sistemelor

- - ex: deadlock freedom, mutual exclusion
- Liveness: sistemul progresează în sarcina pe care o îndeplinește
  - unele acțiuni au loc infinit de des
- Inevitability: în cele din urmă, un anumit lucru va avea loc
- Response: ori de câte ori are loc X, în cele din urmă va avea loc și Y
  - ex: sistemul răspunde la fiecare mesaj primit, fiecare cerere este rezolvată la un moment dat
- ► Fairness assumptions: X are loc, presupunând că procesorul este partajat de către toate procesele

### De ce să se utilizeze metodele formale?

În prezent calculatoarele au devenit o prezență ubicuuă: calculatoare presonale, telefoane inteligente, tablete, ceasuri, mașini, trenuri, avioane, ș.a.

Sistemele software devin din ce în ce mai complexe.

- producerea de software lipsit de bug-uri este din ce în ce mai dificilă
- efectele negative ale bug-urilor pot fi enorme: financiar, reputație, vieți omenești
- cu cât o eroare este descoperită mai târziu, cu atât costul eliminării ei este mai mare

# (In)famous bugs

European Space Agency's Ariane 5 Flight 501 (US\$1 billion) - destroyed 40 seconds after takeoff (June 4, 1996) - self-destructed due to a **bug in the on-board guidance software** 

Smart ship USS Yorktown - dead in the water for nearly 3 hours - **divide by zero** error (1997)

OpenSSL vulnerability (introduced 2012, disclosed April 2014) - **removed confidentiality** from affected services

- http://www.computerworld.com/article/2515483/ enterprise-applications/ epic-failures--11-infamous-software-bugs.html
- https:
  //en.wikipedia.org/wiki/List\_of\_software\_bugs

# (In)famous bugs

### Debugging Day - September 9

- Descoperire bug-uri după ce sistemul este deja distribuit la clienți (în urma efectelor produse)
- Corectare bug-uri în codul sursă
- Redistribuire sistem sau distribuire patch-uri

#### versus

- descoperire erori de proiectare în modelul sistemului (verificare formală)
- implementare corectă distribuită la clienți

# Aplicabilitatea metodelor formale

Nu pot fi aplicate pentru a analiza automat toate proprietățile tuturor programelor scrise

- programele sunt în general mult prea mari
- problemele respective ar putea fi indecidabile în principiu The halting problem is undecidable: there is no computer program that can correctly determine, given any program P as input, whether P eventually halts when run with a particular given input.

(https://en.wikipedia.org/wiki/Halting\_problem)

Metodele formale se folosesc pentru:

- părțile critice ale sistemelor
- subclase decidabile de probleme sau proprietăți

# Aplicabilitatea metodelor formale

### Comunicații

- verificarea şi testarea protocoalelor de comunicaţii (inclusiv proprietăţi de securitate)
- evaluarea performanțelor (throughput, queuing time, energy consumption, etc.)

### Sisteme critice din punct de vedere al siguranței

- sistemele de comandă și control ale aeronavelor
- sistemele de control ale traficului aerian
- sistemele de comandă ale traficului feroviar

### Proiectarea componentelor hardware

procesoare, memorii cahe, interfețe periferice, magistrale

### Metode de verificare formală

- Verificarea modelelor Model checking (verificatoare de modele)
  - Exemplificată în slide-urile anterioare
- Demonstrarea teoremelor Theorem proving (demonstratoare de teoreme)
- Verificarea echivalenței Equivalence checking (verificatoare de echivalență)

### Verificarea modelelor

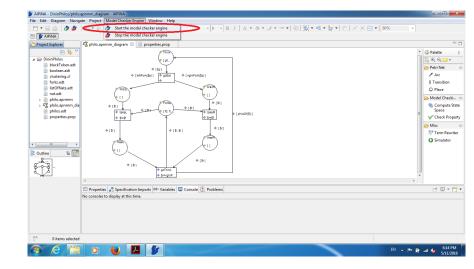
Construirea și explorarea sistematică exhaustivă a spațiului stărilor modelului matematic al sistemului

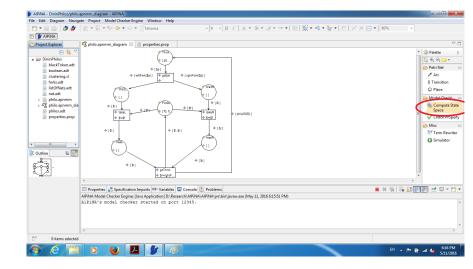
- Construirea unui model al sistemului de verificat limbaj de descriere a sistemului
  - ex: rețele Petri algebrice pentru prânzul filosofilor
- Specificarea proprietăților sistemului care trebuie verificate limbaj de descriere a proprietăților
- 3. Verificarea propriu-zisă

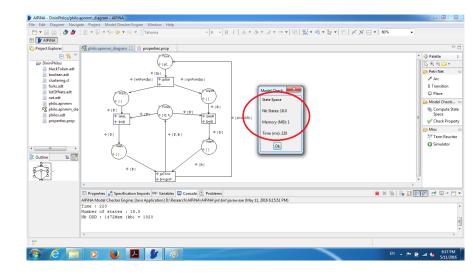
# Verificarea modelelor

### Instrumente special create

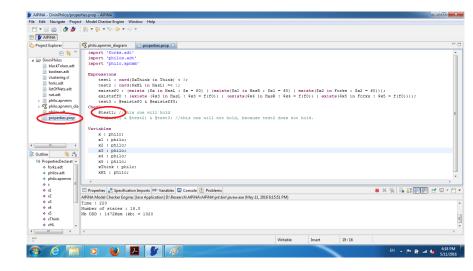
- ► Intrare:
  - modelul sistemului
  - proprietățile care trebuie verificate
- leşire
  - modelul are proprietatea/proprietățile specificate
  - ▶ modelul NU are proprietatea/proprietățile specificate
    - contraexemplu configurație a sistemului în care proprietate nu este îndeplinită

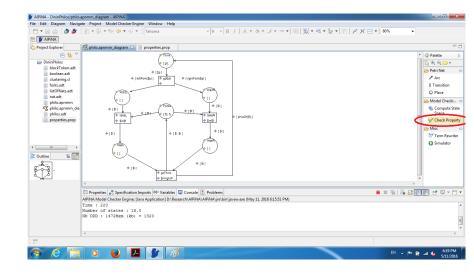


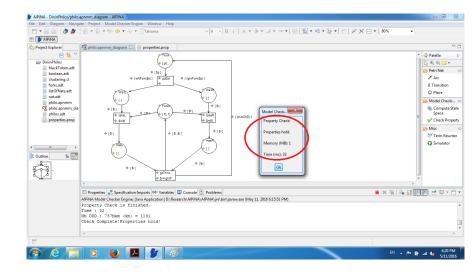




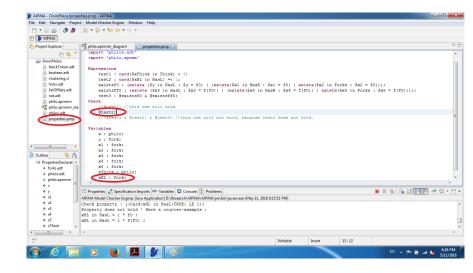
```
\langle [],[],[f_0,f(f_0)],[],[f_0,f(f_0)],[] \rangle
\langle [], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                                                 \langle [p(p_0)], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                 \langle [], [f(f_0)], [f_0], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
      \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                           \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                \langle [], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
       \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                        (f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f_0
         \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                          \langle [], [f_0], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                           \langle [p_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                        \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                                                          \langle [p_0], [], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                 \langle [], [f_0], [f'(f_0)], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
          \langle [], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                  \langle [], [f_0, f(f_0)], [], [], [], [f_0, f(f_0)] \rangle
```

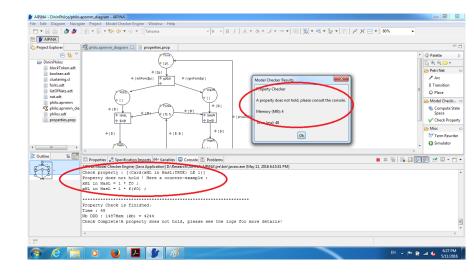






```
\langle [],[],[f_0,f(f_0)],[],[f_0,f(f_0)],[] \rangle
\langle [], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                                                 \langle [p(p_0)], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                 \langle [], [f(f_0)], [f_0], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
      \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                           \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                \langle [], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
       \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                        (f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f_0
         \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                           \langle [], [f_0], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                                                                                                                                                                                                                           \langle [p_0], [f(f_0)], [], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                        \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                                                          \langle [p_0], [], [], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                 \langle [], [f_0], [f'(f_0)], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
          \langle [], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
                                                                                                                                                                                                                                                  \langle [], [f_0, f(f_0)], [], [], [], [f_0, f(f_0)] \rangle
```





```
\langle [], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f(f_0)], [], [f_0] \rangle
                                                                                  \langle [], [], [f_0, f(f_0)], [], [f_0, f(f_0)], [] \rangle
                                                                                 \langle [], [f(f_0)], [f_0], \overline{]}, [f_0], [f(f_0)] \rangle
                \langle [p(p_0)], [], [], [f_0], [f(f_0)] \rangle
                                                                          \langle [p(p_0)], [f_0], [], [f_0] [], [f(f_0)] \rangle
  \langle [p(p_0)], [], [f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
                                                                            \langle [], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f(f_0)], [f_0], [] \rangle
\langle [p(p_0)], [f_0], [f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], \rangle
  \langle [p_0, p(p_0)], [], [], [f_0, f(f_0)], [] \rangle
                                                                         \{[f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [f_0, f(f_0)], [], []\}
   \langle [p_0], [f(f_0)], [f_0], [f_0, f(f_0)], [], [] \rangle
                                                                               \{[,[f_0],[f_0,f(f_0)],[f_0],[f(f_0)],[]\}
        \langle [p_0], [], [f_0], [f_0], [f(f_0)], [] \rangle
                                                                          ([p_0],[f(f_0)],[],[f(f_0)],[],[f_0])
                   \langle [p_0], [], [], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
                                                                                 \langle [], [f_0], [f'(f_0)], [], [f(f_0)], [f_0] \rangle
                                                                                  \langle [], [f_0, f(f_0)], [], [], [], [f_0, f(f_0)] \rangle
   \langle [], [f_0, f(f_0)], [f_0], [f_0], [], [f(f_0)] \rangle
```

### Exerciții:

- Doi filosofi vecini pot mânca în același timp? !exists(\$f1 in HasL, \$f2 in HasR : \$f1 = \$f2);
- Doi filosofi aflați față în față pot mânca în același timp?
  ...
- Se poate întâmpla ca filosofii să flămânzească până la moarte?
  Deadlock:
- Un anume filosof poate mânca în cele din urmă (presupunând că dorește să facă acest lucru)?

```
forall(x in Think : x != p0) & exists(f1 in HasL : f1 = f0) & exists(f2 in HasR : f2 = f(f0));
```

Number of philosophers	Number of states
2	18
3	76
4	322
5	1364
6	5778
7	24476
8	103682
200	$2.5 \times 10^{125}$
200	$2.5 \times 10^{123}$

Table 1: Evoluția dimensiunii spațiului stărilor în funcție de numărul de filosofi

# Problema exploziei spațiului stărilor

Explozia spațiului stărilor constă în existența unui număr foarte mare de stări în care sistemul poate să ajungă, chiar și pentru modele de dimensiuni mici

Cauzele exploziei spațiului stărilor pot fi:

- concurenţa
- variabilele care pot lua o gamă largă de valori (în cazul Imbajelor de modelare care permit utilizarea variabilelor)
- numărul mare de variabile de care depinde modelul

# Contramăsuri la problema exploziei spațiului stărilor

- ► **Abstractizarea** eliminarea informațiilor irelevante și simplificarea modelului
- Compresia operațiile se fac asupra unor mulțimi de stări, pentru codarea cărora se folosesc structuri eficiente (BDD: Binary Decision Diagrams) - Symbolic Model Checking
- Reducerea evitarea explorării multiple a execuţiilor echivalente, reducându-se astfel numărul de combinaţii considerate ex: dacă pentru verificarea în curs nu contează care dintre procesele P şi Q se execută primul, nu este nevoie să fie analizată şi varianta PQ, şi varianta QP, fiind suficientă analiza uneia dintre ele

# Perspective multiple asupra aceluiași sistem

### Există multiple pentru descrierea sistemelor:

- reţele Petri (foarte multe tipuri)
- unele limbaje de programare (ex: PROMELA)
- communicating automata
- process algebra
- limbaje descriptive semi-formale (ex: UML)

### Alegerea se face în funcție de:

- tipul sistemului modelat
- tipul proprietăților care vor fi verificate
- precizia urmărită

### Verificarea modelelor

#### Verificatoare de modele:

- exemplele anterioare pentru rețele Petri
- ► FDR4 CSP (Communicating Sequential Processes) https://www.cs.ox.ac.uk/projects/fdr/
- ► LTSmin language independent (process algebra, timed automata, DiVinE, PROMELA, etc.)
  http://fmt.cs.utwente.nl/tools/ltsmin/

### Verificarea modelelor

#### Verificatoare de modele:

- ➤ **SPIN** PROMELA http://spinroot.com/spin/whatispin.html
- ► UPPAAL networks of timed automata extended with data types
  http://www.uppaal.org/
- StrataGEM https://github.com/mundacho/stratagem
- etc.

### Demonstrarea teoremelor

Verificarea valorii de adevăr a teoremelor matematice postulate despre un sistem.

### Etape:

- 1. Stabilirea axiomelor
- 2. Stabilirea concluziilor
- 3. Demonstrația propriu-zisă
  - folosește regulile inferenței logice pentru a stabili dacă concluziile sunt adevărate sau false

Constă mai mult dintr-un proces interactiv: necesită **intervenția utilizatorului** pentru a ghida instrumentul în direcția corectă

Mult mai puțin automatizabilă decât metoda verificării modelelor

# Demonstrarea teoremelor - Un exemplu foarte simplu

https://leanprover.github.io/tutorial/

```
theorem and_commutative (p q : Prop) : p \land q \rightarrow q \land p := assume Hpq : p \land q, have Hp : p, from and.elim_left Hpq, have Hq : q, from and.elim_right Hpq, show q \land p, from and.intro Hq Hp Din "Theorem proving in Lean" -
```

### Demonstrarea teoremelor

#### Demonstratoare automate de teoreme:

- ► ACL2 http://www.cs.utexas.edu/users/moore/acl2/: high order logic
- ► Coq https://coq.inria.fr/: high order logic
- E http:
  //wwwlehre.dhbw-stuttgart.de/~sschulz/E/E.html:
  first order logic
- ► HOL http://www.cl.cam.ac.uk/research/hvg/HOL/: high order logic
- Prover9 http://www.cs.unm.edu/~mccune/prover9/: 1st order logic
- etc.

# Verificarea echivalenței

Procesul verificării dacă două **implementări ale aceluiași sistem**, la nivele diferite de abstractizare, **sunt identice** 

- Nu poate fi folosită pentru a verifica dacă un sistem are sau nu erori
- Ci numai pentru a semnala dacă între două implementări există sau nu diferențe funcționale

Se utilizează pe larg în industrie ex: proiectarea circuitelor integrate digitale

# Verificarea echivalenței

### Verificatoare de echivalență:

- ► CADP acceptă o gamă largă de formalisme de intrare http://cadp.inria.fr/
- ➤ SYNOPSYS circuite hardware http://www.synopsys.com/Tools/Verification/ FormalEquivalence/Pages/default.aspx
- Xilinx FPGA http://www.xilinx.com/
- etc.

# Verificarea formală a protocoalelor de securitate

- 1. Modelarea a componentelor sistemului
  - 1.1 rețeaua
  - 1.2 adversarul
  - 1.3 protocolul de securitate
- 2. Specificarea proprietăților de securitate care trebuie verificate
  - autentificarea
  - confidențialitatea
  - integritatea
  - non-repudierea
  - disponibilitatea
- 3. Verificarea propriu-zisă

## Modelul rețelei

Este furnizat de către instrumentul de verificare formală

Rețeaua - colecția tuturor **nodurilor oneste, plus adversarul** Nodurile:

- statice
- identificate printr-un nume unic
- o singură interfață de comunicație
- adversarul are mai mult de o interfață este modelat sub forma mai multor noduri
- legături simetrice: dacă un nod oarecare A poate să primească o transmisie de la un nod B, atunci şi nodul B poate să primească o transmisie de la nodul A

### Modelul adversarului

Este furnizat de către instrumentul de verificare formală

Adversar - nod care are ca și scop **devierea** și **alterarea în mod activ** a rulării protocolului de securitate

Acțiunile adversarului depind de protocolul de securitate țintă

Adversarul **apare ca fiind un utilizator legitim** al rețelei, putând iniția o conversație cu orice alt nod din rețea

# Modelul adversarului - Capabilități

## Modelul Dolev-Yao (modelul adversarului puternic)

### Adversarul poate:

- genera orice tip de mesaj din protocolul ţintă
- intercepta mesajele oricărui nod din rețea
- răspunde la orice tip de mesaj primit/interceptat
- cripta/decripta mesaje folosind cheile pe care le cunoaște
- modifica orice mesaj primit/interceptat

### Adversarul este rețeaua, și rețeaua este adversarul

# Modelul adversarului - restricții

### Singura restricție - puterea finită de calcul

- Nu este în măsură să lanseze atacuri cripto analitice cu scopul de a compromite chei simetrice sau asimetrice
- Nu poate inversa funcțiile folosite pentru hash

## Modelul protocolului de securitate

Trebuie realizat de către persoana care face verificarea

Depinde de limbajul de modelare acceptat de către instrumentul de verificare formală

Utilizatorul specifică apoi proprietățile de securitate pe care dorește să le verifice

# Verificarea propriu-zisă

Depinde de instrumentul de verificare formală utilizat

#### Intrări:

- modelul protocolului de securitate
- proprietățile de securitate care trebuie verificate

## leşire:

- proprietățile de securitate sunt îndeplinite
- proprietățile de securitate NU sunt îndeplinite
  - contraexemplu un exemplu de atac

# Verificarea formală a protocoalelor de securitate

Verificatoare de modele specializate pe probleme de securitate:

#### AVISPA

```
http://www.avispa-project.org/
```

#### AVANTSSAR

```
http://www.avantssar.eu/
```

## Casper & FDR2

```
http:
//www.cs.ox.ac.uk/gavin.lowe/Security/Casper/
(latest version FDR4 -
https://www.cs.ox.ac.uk/projects/fdr/)
```

## Verificarea formală a protocoalelor de securitate

Verificatoare de modele specializate pe probleme de securitate:

### SPaCloS

http://www.spacios.eu/

### ProVerif

```
http://prosecco.gforge.inria.fr/personal/bblanche/proverif/
```

### Scyther

```
https:
//www.cs.ox.ac.uk/people/cas.cremers/scyther/
```

etc.

# Bibliografie

John Franco, Formal Methods, University of Cincinnati http: //gauss.ececs.uc.edu/Courses/c626/lectures.html

Vasileios Koutavas, Formal Verification, University of Dublin https://www.scss.tcd.ie/Vasileios.Koutavas/ teaching/cs4004-4504/mt1819/

Radek Pelanek, Formal Verification and Model Checking, Masaryk University https://www.fi.muni.cz/~xpelanek/IA158/slides/ verification.pdf