

Algoritmi i strukture podataka

G04Code

Marko Cvijanović
Mihailo Bubnjević

Šta su strukture podataka?

- Strukture podataka su način na koji organizujemo i čuvamo skupove podataka tako da ih možemo koristiti efikasno
- Korišćenjem ispravnih struktura podataka za određeni problem poboljšavamo performanse našeg sistema ili algoritma
- Način na koji radimo sa bilo kojom strukturom podataka je definisana **apstraktnim tipom podataka**

Apstraktni tip podataka (Abstract data type)

- Definiše skup operacija koju određena struktura podataka mora da poseduje
- Ne definiše konkretan način kako će ta struktura podataka biti implementirana unutar nekog programskog jezika
- Na primer, "List" predstavlja apstrakciju koja je unutar C#-a implementirana putem dinamičkih nizova
- Često korišćeni ATP: List, Stack, Queue, Dictionary

Stack kao apstraktni tip podataka

- Možemo pristupiti samo elementu na vrhu stack-a
- LIFO struktura (last in first out)
- Metode koje Stack struktura podataka mora implementirati:
 - push()
 - pop()
 - peek()
 - size()
 - isEmpty()
 - isFull()



Big O notacija

- Definiše način za merenje efikasnosti algoritama
- Koristi se kao metrika za vreme izvršavanja (time complexity) kao i memorijske zahteve (space complexity) algoritma
- Govori nam kako će skalirati naše rešenje kada se poveća input
- Daje gornju granicu kompleksnosti tako što razmatra najgori slučaj za izvršenje algoritma

$O(1)$ - konstantno vreme

- Vreme izvršavanje nije zavisno od veličine input-a

```
public void FirstInArray(int[] intArray)
{
    Console.WriteLine("First element in array is: {0}", intArray[0]);
}
```

$O(n)$ - linearno vreme

- Vreme izvršavanje linearno zavisi od veličine input-a
- Ako povećamo input 10 puta, količina posla će biti 10 puta veća
- Standardan primer je bilo koja petlja koja iterira kroz input

```
public void IterateOverArray(int[] intArray)
{
    var n = intArray.Length;

    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        Console.WriteLine("Element at index {0} is {1}", i, intArray[i]);
    }
}
```

$O(n^2)$ - kvadratno vreme

- Vreme izvršavanje zavisi od kvadrata veličine inputa
- Ako povećamo input 10 puta, količina posla će biti 100 puta veća
- Standardan primer su ugnježdene petlje

```
public void IterateOverMatrix(int[][] intArray)
{
    var n = intArray[0].Length;

    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for(int j = 0; j < n; j++)
        {
            Console.WriteLine("Element at index {0},{1} is {2}", i, j, intArray[i][j]);
        }
    }
}
```

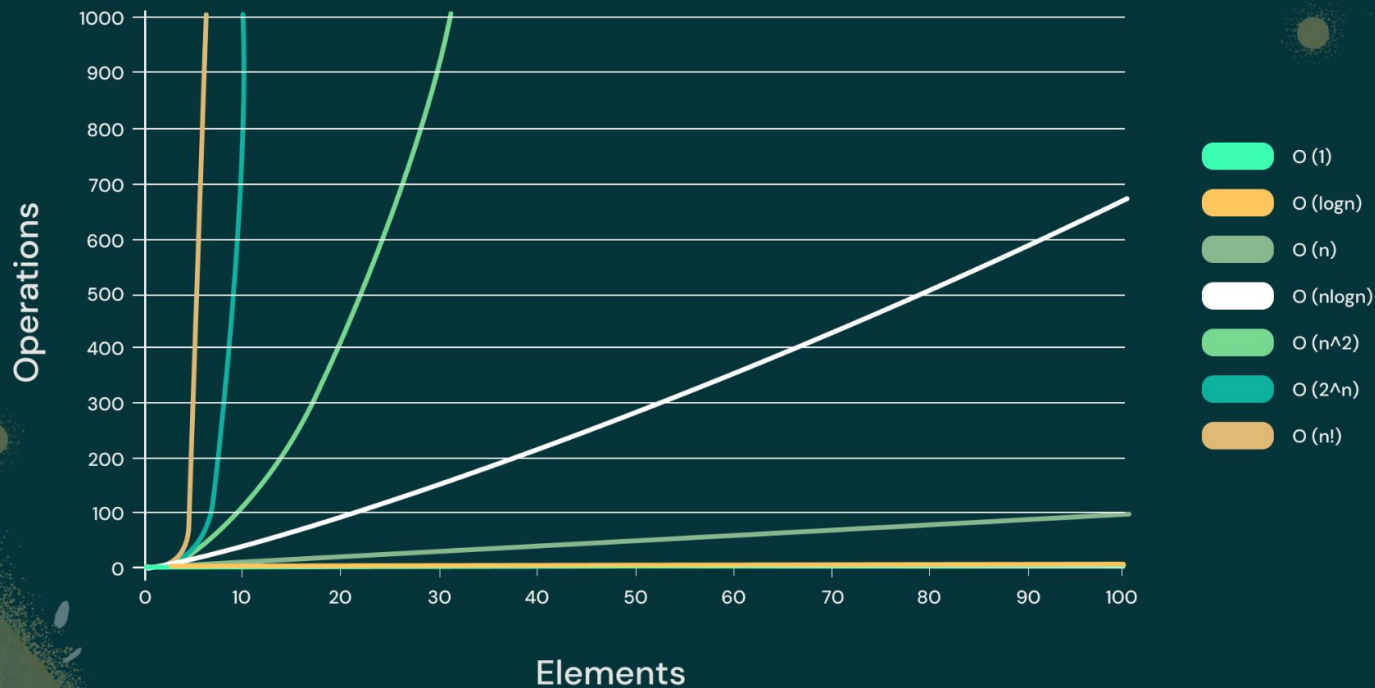

$O(\log n)$ - logaritamsko vreme

- Logaritamsko vreme izvršavanja možemo tipično videti u algoritmima u kojima se količina podataka koju obrađujemo smanjuje za neki faktor u svakom koraku
- Primetno brže od linearnog vremena
- Standardan primer je binarna pretraga

$O(2^n)$ - eksponencijalno vreme

- Dodavanjem svakog elementa u input, vreme izvršavanja se duplira
- Veoma spori algoritmi, obično želimo da izbegnemo ovu vremensku kompleksnost
- Primer - funkcija koja pronalazi n-ti Fibonačijev broj uz pomoć rekurzije

```
public int Fibonacci(int n)
{
    if (n <= 2)
        return 1;
    else
        return Fibonacci(n - 2) + Fibonacci(n - 1);
}
```



Strukture podataka - metrike

- Najčešće operacije za koje razmatramo performanse neke strukture podataka su:
 - Access - pronalazak vrednosti nekog elementa unutar strukture, obično po index-u, ključu ili poziciji
 - Search - traženje elementa unutar strukture, kako bismo utvrdili njegovo postojanje ili lokaciju
 - Insert - dodavanje elementa u strukturu
 - Delete - brisanje elementa iz strukture

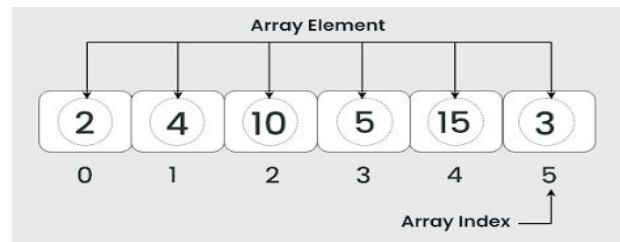
Strukture podataka - Array

- Mogu biti statični ili dinamični u zavisnosti od toga da li su fiksne veličine
- Obično zauzimaju uzastopne lokacije unutar memorije
- Elementi su indeksovani

- Vremenske kompleksnosti operacija:

- Access: $O(1)$
- Search: $O(n)$
- Insert: $O(n)$
- Delete: $O(n)$

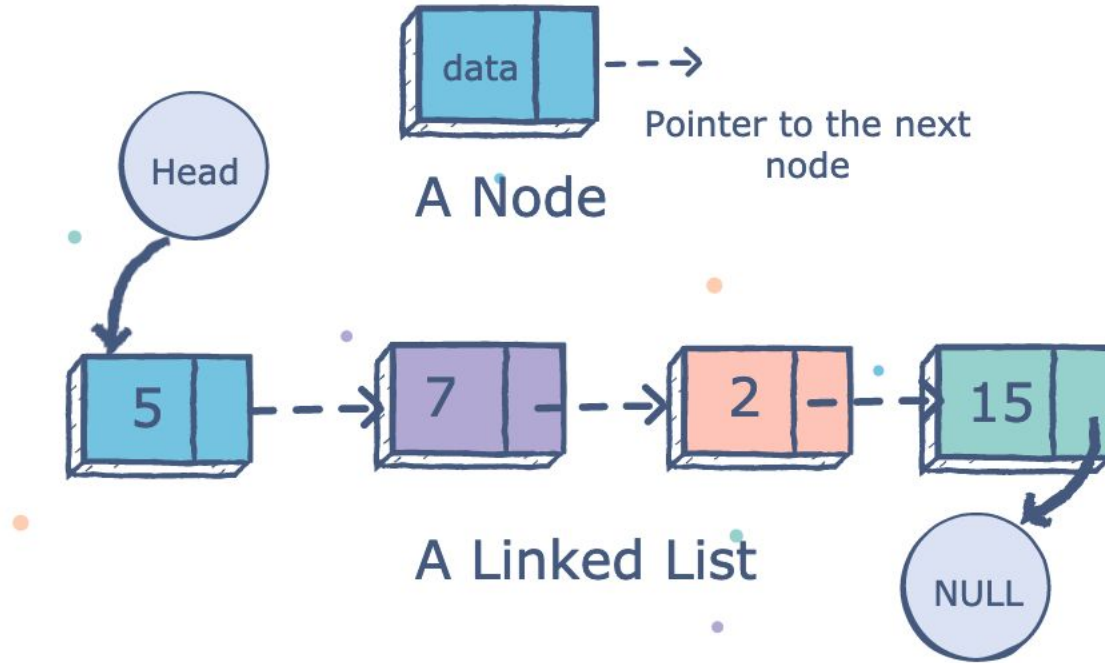
- List<T> u C#-u



Strukture podataka - Linked List

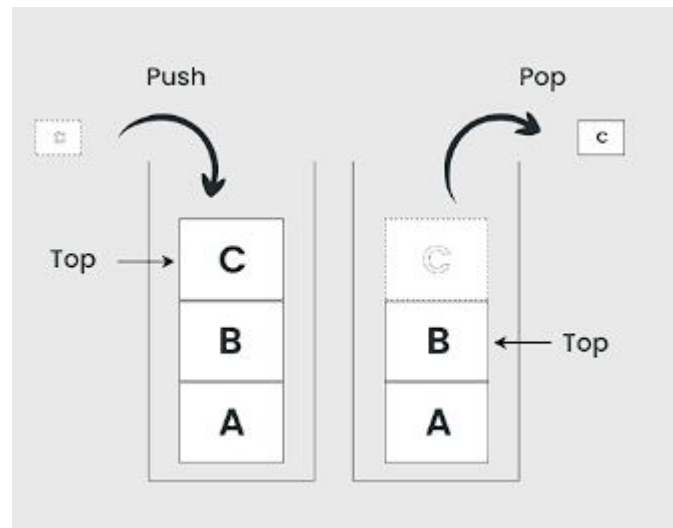
- Elementi su povezani pokazivačima
- Svaki element sadrži referencu na sledeći
- Mogu biti jednostruko ili dvostruko povezani
- Vremenske kompleksnosti operacija:
 - Access: $O(n)$ - moramo iterirati kroz strukturu, nije indeksovana
 - Search: $O(n)$
 - Insert: $O(1)$ - na početak ili kraj; $O(n)$ inače
 - Delete: $O(1)$ - ako već imamo element koji brišemo; $O(n)$ inače, jer ga moramo prvo pronaći

Strukture podataka - Linked List



Strukture podataka - Stack

- LIFO (last in first out) struktura
- Dozvoljava samo čitanje i pisanje gornjeg (poslednjeg) elementa
- Vremenske kompleksnosti operacija:
 - Access: $O(1)$ za poslednji dodat (peek); $O(n)$ inače
 - Search: $O(n)$
 - Insert: $O(1)$ - push
 - Delete: $O(1)$ - pop



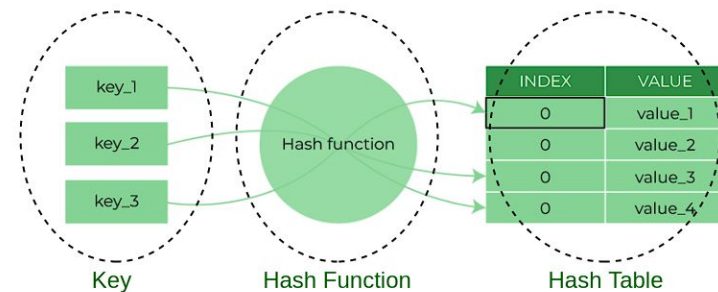
Strukture podataka - Queue

- FIFO (first in first out) struktura
- Dozvoljava čitanje prvog elementa iz strukture, i dodavanje na kraj
- Vremenske kompleksnosti operacija:
 - Access: $O(1)$ za prvi element; $O(n)$ inače
 - Search: $O(n)$
 - Insert: $O(1)$ - enqueue
 - Delete: $O(1)$ - dequeue



Strukture podataka - Hash table

- Implementacija ATP Dictionary (asocijativni niz) - vrednosti su u parovima ključ vrednost
- Vremenske kompleksnosti operacija:
 - Access: $O(1)$ amortizovano; $O(n)$ u najgorem slučaju
 - Search: $O(1)$ amortizovano; $O(n)$ u najgorem slučaju
 - Insert: $O(1)$ amortizovano; $O(n)$ u najgorem slučaju
 - Delete: $O(1)$ amortizovano; $O(n)$ u najgorem slučaju



Struktura podataka - Hash table

