

Table of Contents

Introducere	2
Ce este un AFD?	2
Ce presupune minimizarea unui AFD?	2
Implementare	3
Algoritmul de minimizare și implementarea în cod.....	3
Aplicația și Exemple	6
Instalare și Rulare	9

Introducere

În acest referat încercăm să abordăm noțiunile generale cum ar fi: ce este un AFD? Ce este minimizarea acestuia? Ce algoritm se folosește pentru a minimiza? Și cum se implementează în Python?

Ce este un AFD?

Un **Automat Finit Determinist (AFD)** este un model matematic utilizat pentru recunoașterea limbajelor regulate. AFD-urile sunt esențiale în analiza lexicală, recunoașterea șirurilor și alte domenii legate de procesarea limbajului formal. Ele sunt un caz particular de automate finite care respectă reguli stricte pentru determinism.

Un AFD este definit ca un cvintet:

$$\text{AFD} = \langle S, A, \delta, s_0, F \rangle$$

unde:

- **S**: Mulțimea de stări finite.
- **A**: Alfabetul de intrare (setul simbolurilor acceptate).
- **δ** : Funcția de tranziție, $\delta: S \times A \rightarrow S$, care asociază o stare unică pentru fiecare pereche (s, a) , unde $s \in S$ și $a \in A$.
- **s_0** : Starea inițială, $s_0 \in S$.
- **F**: Mulțimea stărilor acceptoare, $F \subseteq S$

Ce presupune minimizarea unui AFD?

Minimizarea unui AFD constă în reducerea numărului de stări, păstrând limbajul recunoscut neschimbat. Aceasta se realizează prin combinarea stărilor echivalente (care au același comportament) într-o singură stare.

Necesitatea minimizării:

- AFD-urile obținute din conversia automatelor finite nedeterminate (AFN) sau din expresii regulate pot avea multe stări redundante.
- Un AFD minimizat ocupă mai puțin spațiu în memorie și permite procesări mai rapide.

Implementare

Algoritmul de minimizare și implementarea în cod

Algoritmul de minimizare a unui automat finit determinist (AFD) reduce numărul de stări fără a schimba limbajul recunoscut. Procesul implică partiționarea stărilor automatului și se desfășoară astfel:

1. Partiția inițială:

- Se creează două grupuri:
 - **F**: stările acceptoare.
 - **S - F**: stările neacceptoare.

Pentru a implementa acest pas în cod, a fost creată o variabilă care stochează grupurile date. Fig. 2.1.

```
# partiționare inițială
partitions = [set(afd.accept_states), set(afd.states) - set(afd.accept_states)]
```

Fig. 2.1 Partiționarea

afd.accept_states reprezintă stările acceptoare.

set(afd.states) - set(afd.accept_states) reprezintă stările care nu sunt acceptoare.

2. Rafinarea partiției:

- Se analizează fiecare grup și se separă stările în subgrupuri în funcție de tranzițiile lor pentru simbolurile din alfabet.
- Stările sunt separate dacă ajung în grupuri diferite pentru același simbol de intrare.

În această etapă, partițiile existente sunt rafinate iterativ în funcție de tranzițiile pentru fiecare simbol din alfabet. Fig. 2.2

```

# functie pentru identificarea grupului unei stari
def find_partition(state):
    for group in partitions:
        if state in group:
            return group
    return None

# gruparea pe subpartitii
while True:
    new_partitions = []
    for group in partitions:
        sub_groups = {}
        for state in group:
            # crearea de semnatura pentru fiecare stare
            signature = tuple(
                frozenset(find_partition(afd.transitions.get(state, {}).get(symbol, None)) or set())
                for symbol in afd.alphabet
            )
            sub_groups.setdefault(signature, set()).add(state)
        new_partitions.extend(sub_groups.values())

    if new_partitions == partitions:
        break
    partitions = new_partitions

```

Fig. 2.2 Rafinarea partiției

Fiecare stare dintr-un grup este analizată pentru a crea o semnătură pe baza tranzițiilor sale către alte grupuri (*signature*).

Stările sunt grupate în subgrupuri (*sub_groups*) în funcție de semnături.

3. Iterare:

- Rafinarea continuă până când partiția nu mai poate fi divizată.

Procesul de rafinare se repetă până când partițiile nu se mai schimbă. Această parte este realizată de bucla **while True**. Codul pentru verificarea opririi este prezentat în Fig. 2.3

```

if new_partitions == partitions:
    break

```

Fig. 2.3 Ieșire din buclă

Aici algoritmul compară partiția nou creată (*new_partitions*) cu cea precedentă (*partitions*). Dacă sunt identice, procesul se oprește.

4. Construirea AFD minimizat:

- Fiecare grup din partiția finală devine o stare în noul AFD.
- Tranzițiile sunt definite pe baza reprezentantului fiecărui grup.

Fiecare grup din partiția finală este transformat într-o stare a AFD-ului minimizat, iar tranzițiile sunt construite. Fig. 2.4.

```

# mapam starile minimize
state_mapping = {}
minimized_states = set()
for group in partitions:
    representative = sorted(group)[0] # setam reprezentantul ca fiind primul intalnit alfabetic
    for state in group:
        state_mapping[state] = representative
    minimized_states.add(representative)

# crearea tranzitiei minimize
minimized_transitions = {}
for group in partitions:
    representative = sorted(group)[0]
    minimized_transitions[representative] = {}
    for symbol in afd.alphabet:
        target_state = afd.transitions.get(representative, {}).get(symbol)
        if target_state is not None:
            minimized_transitions[representative][symbol] = state_mapping[target_state]

```

Fig. 2.4 Construirea AFD-ului Minimizat

state_mapping mapează fiecare stare originală la reprezentantul grupului său.

minimized_transitions conține tranzițiile noului AFD, construite pe baza reprezentanților.

5. Curățare:

- Se elimină stările care nu pot fi atinse din starea inițială.
- Se elimină starea moartă (dacă există).

În final, se stabilesc starea inițială și stările acceptoare ale noului AFD. Fig. 2.5

```

# setarea starii de start si a starii(starilor) acceptoare
minimized_start_state = state_mapping[afd.start_state]
minimized_accept_states = {state_mapping[state] for state in afd.accept_states}

# sortarea starilor
minimized_states = sorted(minimized_states)

```

Fig. 2.5 Curățare

minimized_start_state este starea inițială din noul AFD, determinată prin maparea stării inițiale a AFD-ului original.

minimized_accept_states sunt stările acceptoare, obținute din maparea stărilor acceptoare originale.

Aplicația și Exemple

Aplicația reprezintă o modalitate de a minimiza numărul stărilor ale unui AFD. Aceasta este scrisă în **Python**, având librării de creare de GUI. În cazul nostru, am utilizat librăria **tkinter**.

La început, aplicația cere datele AFD-ului (**Stările** – „**States**”, **Alfabetul** – „**Alphabet**”, **Stările(starea) acceptoare** – „**Accept States**”, **Starea de start** – „**Start State**”) necesare pentru a crea tabelul de tranziție. (Fig. 2.6).

The screenshot shows a window titled "AFD Minimizer". It contains four input fields with labels: "States (comma-separated):", "Alphabet (comma-separated):", "Accept States (comma-separated):", and "Start State:". Below these fields is a button labeled "Create Transition Table".

Fig. 2.6 Date de Intrare

După ce datele au fost introduse iar butonul „**Create Transition Table**” activat, se crează tabelul de tranziție care trebuie completat cu datele din AFD-ul dorit. Un exemplu este demonstrat mai jos în Fig. 2.7.

The screenshot shows the same window as Fig. 2.6, but now with data entered in the input fields: "States (comma-separated):" contains "A,B,C,D,E", "Alphabet (comma-separated):" contains "a,b", "Accept States (comma-separated):" contains "E", and "Start State:" contains "A". The "Create Transition Table" button is still visible. Below the input fields, a table titled "States / Symbols" is displayed, showing transitions for symbols 'a' and 'b' for each state 'A' through 'E'.

States / Symbols	a	b
A	B	C
B	B	D
C	B	C
D	B	E
E	B	C

Below the table is a button labeled "Minimize AFD".

Fig. 2.7 Exemplu de AFD

MINIMIZAREA NUMĂRULUI STĂRILOR ALE UNUI AFD

La acționarea butonului „**Minimize AFD**” se afișează o pagină nouă unde este prezentat AFD-ul minimizat. Rezultatul din Fig. 2.7 poate fi observat și mai jos în Fig. 2.8.

States / Symbols	a	b
A	B	A
B	B	D
D	B	E
E	B	A

Start State: A

Accept States: E

Fig. 2.8. AFD Minimizat

Alte exemple:

AFD Inițial

Date inițiale:

- Stări: {A, B, C, D, E, F, G}
- Alfabet: {a, b, c}
- Starea de start: A
- Stări acceptoare: {G}
- Tranziții:

Stare	a	b	c
A	B	C	D
B	B	E	D
C	B	C	D
D	B	C	D
E	B	F	D
F	B	C	G
G	B	C	D

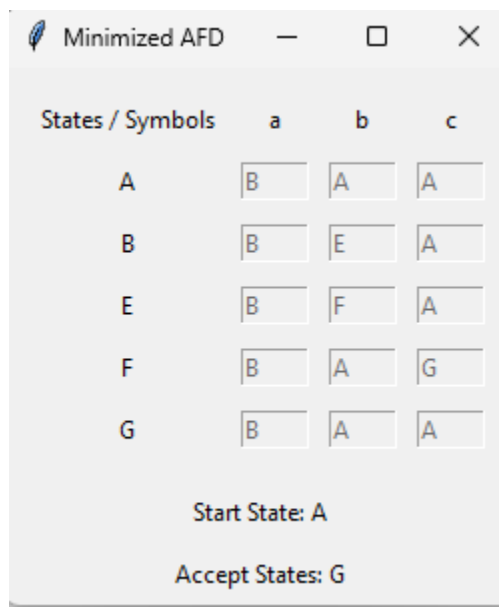
Fig. 2.9 AFD

AFD Minimizat

Stare	a	b	c
[A, C, D]	[B]	[A, C, D]	[A, C, D]
[B]	[B]	[E]	[A, C, D]
[E]	[B]	[F]	[A, C, D]
[F]	[B]	[A, C, D]	[G]
[G]	[B]	[A, C, D]	[A, C, D]

Fig. 2.10 AFD Minimizat

Aplicația are același Output ca și cel așteptat. Fig. 2.11.

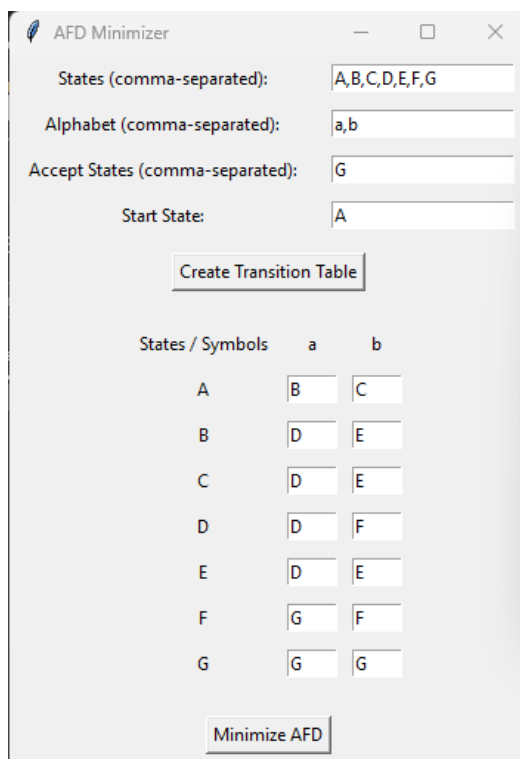


States / Symbols	a	b	c
A	B	A	A
B	B	E	A
E	B	F	A
F	B	A	G
G	B	A	A

Start State: A

Accept States: G

Fig. 2.11 Rezultat



States (comma-separated): A,B,C,D,E,F,G

Alphabet (comma-separated): a,b

Accept States (comma-separated): G

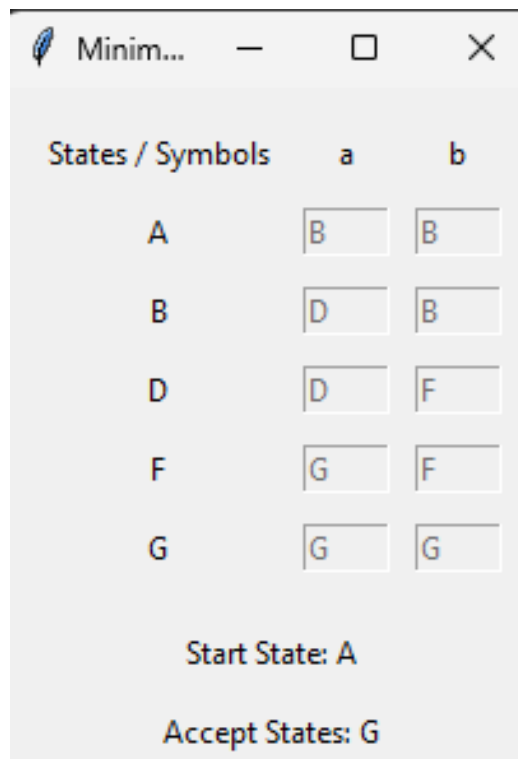
Start State: A

Create Transition Table

States / Symbols	a	b
A	B	C
B	D	E
C	D	E
D	D	F
E	D	E
F	G	F
G	G	G

Minimize AFD

Fig. 2.12 AFD Exemplu 3



States / Symbols	a	b
A	B	B
B	D	B
D	D	F
F	G	F
G	G	G

Start State: A

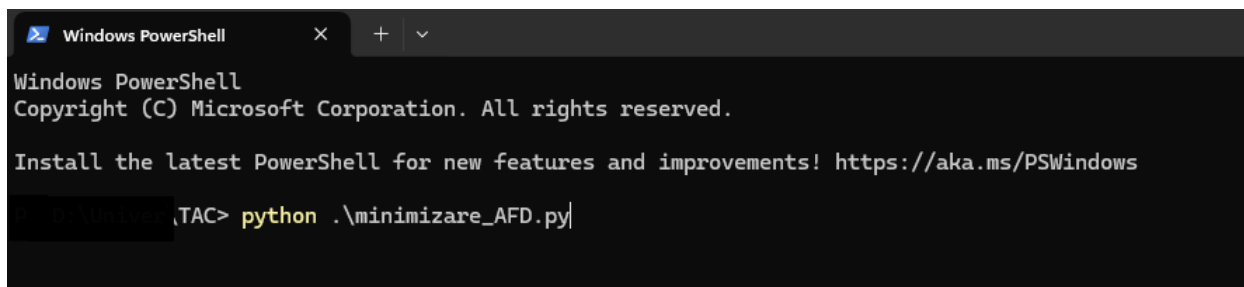
Accept States: G

Fig. 2.13 AFD Minimizat

Instalare și Rulare

Pentru a rula aplicația avem nevoie de Python v.3.x, care poate fi descărcat de [aici](#).

După ce Python a fost instalat cu succes, vom deschide un terminal și vom rula programul cu comanda „*python minimizare_AFD.py*”. Fig. 2.14



```
Windows PowerShell
Copyright (C) Microsoft Corporation. All rights reserved.

Install the latest PowerShell for new features and improvements! https://aka.ms/PSWindows

C:\Users\TAC> python .\minimizare_AFD.py
```

Fig. 2.14 Rulare comandă în terminal