# Minimizarea numărului stărilor ale unui AFD

Studenți: Brînza Alina

Zatîc Mihail

# Table of Contents

Introducere	
Ce este un AFD?	
Ce presupune minimizarea unui AFD?	
Implementare	
Algoritmul de minimizare și implementarea în cod	
Aplicația și Exemple	6
Instalare si Rulare	<u>c</u>

## **Introducere**

În acest referat încercăm să abordăm noțiunile generale cum ar fi: ce este un AFD? Ce este minimizarea acestuia? Ce algoritm se folosește pentru a minimiza? Și cum se implementează în Python?

## Ce este un AFD?

Un **Automat Finit Determinist (AFD)** este un model matematic utilizat pentru recunoașterea limbajelor regulate. AFD-urile sunt esențiale în analiza lexicală, recunoașterea șirurilor și alte domenii legate de procesarea limbajului formal. Ele sunt un caz particular de automate finite care respectă reguli stricte pentru determinism.

Un AFD este definit ca un cvintet:

AFD= $\langle S,A,\delta,s0,F \rangle$ 

#### unde:

- S: Multimea de stări finite.
- **A**: Alfabetul de intrare (setul simbolurilor acceptate).
- δ: Funcția de tranziție, δ:S×A→S, care asociază o stare unică pentru fiecare pereche (s,a), unde s∈S si a∈A.
- s0: Starea initială,  $s0 \in S$ .
- F: Multimea stărilor acceptoare, F⊆S

# Ce presupune minimizarea unui AFD?

Minimizarea unui AFD constă în reducerea numărului de stări, păstrând limbajul recunoscut neschimbat. Aceasta se realizează prin combinarea stărilor echivalente (care au același comportament) într-o singură stare.

Necesitatea minimizării:

- AFD-urile obținute din conversia automatelor finite nedeterministe (AFN) sau din expresii regulate pot avea multe stări redundante.
- Un AFD minimizat ocupă mai puțin spațiu în memorie și permite procesări mai rapide.

# **Implementare**

## Algoritmul de minimizare și implementarea în cod

Algoritmul de minimizare a unui automat finit determinist (AFD) reduce numărul de stări fără a schimba limbajul recunoscut. Procesul implică partiționarea stărilor automatului și se desfășoară astfel:

## 1. Partiția inițială:

- Se creează două grupuri:
  - **F**: stările acceptoare.
  - **S F**: stările neacceptoare.

Pentru a implementa acest pas în cod, a fost creată o variabilă care stochează grupurile date. Fig. 2.1.

```
# partitionare initiala
partitions = [set(afd.accept_states), set(afd.states) - set(afd.accept_states)]
```

Fig. 2.1 Partitionarea

afd.accept\_states reprezintă stările acceptoare.

set(afd.states) - set(afd.accept states) reprezintă stările care nu sunt acceptoare.

## 2. Rafinarea partiției:

- Se analizează fiecare grup și se separă stările în subgrupuri în funcție de tranzițiile lor pentru simbolurile din alfabet.
- Stările sunt separate dacă ajung în grupuri diferite pentru același simbol de intrare.

În această etapă, partițiile existente sunt rafinate iterativ în funcție de tranzițiile pentru fiecare simbol din alfabet. Fig. 2.2

```
# functie pentru identificarea grupului unei stari
def find_partition(state):
   for group in partitions:
       if state in group:
           return group
   return None
# gruparea pe subpartitii
while True:
   new partitions = []
   for group in partitions:
       sub_groups = {}
       for state in group:
            signature = tuple(
                frozenset(find partition(afd.transitions.get(state, {}).get(symbol, None)) or set())
                for symbol in afd.alphabet
            sub_groups.setdefault(signature, set()).add(state)
       new_partitions.extend(sub_groups.values())
    if new partitions == partitions:
       break
    partitions = new partitions
```

Fig. 2.2 Rafinarea partiției

Fiecare stare dintr-un grup este analizată pentru a crea o semnătură pe baza tranzițiilor sale către alte grupuri (*signature*).

Stările sunt grupate în subgrupuri (sub\_groups) în funcție de semnături.

#### 3. Iterare:

o Rafinarea continuă până când partiția nu mai poate fi divizată.

Procesul de rafinare se repetă până când partițiile nu se mai schimbă. Această parte este realizată de bucla *while True*. Codul pentru verificarea opririi este prezentat în Fig. 2.3

```
if new_partitions == partitions:
    break
```

Fig. 2.3 Ieșire din buclă

Aici algoritmul compară partiția nou creată (*new\_partitions*) cu cea precedentă (*partitions*). Dacă sunt identice, procesul se oprește.

#### 4. Construirea AFD minimizat:

- o Fiecare grup din partiția finală devine o stare în noul AFD.
- o Tranzițiile sunt definite pe baza reprezentantului fiecărui grup.

Fiecare grup din partiția finală este transformat într-o stare a AFD-ului minimizat, iar tranzițiile sunt construite. Fig. 2.4.

```
# mapam starile minimizate
state_mapping = {}
minimized_states = set()
for group in partitions:
    representative = sorted(group)[0] # setam reprezentantul ca fiind primul intalnit alfabetic
    for state in group:
       state_mapping[state] = representative
   minimized states.add(representative)
# crearea tranzitii minimizate
minimized transitions = {}
for group in partitions:
   representative = sorted(group)[0]
    minimized_transitions[representative] = {}
    for symbol in afd.alphabet:
       target_state = afd.transitions.get(representative, {}).get(symbol)
        if target state is not None:
            minimized_transitions[representative][symbol] = state_mapping[target_state]
```

Fig. 2.4 Construirea AFD-ului Minimizat

state mapping mapează fiecare stare originală la reprezentantul grupului său.

*minimized\_transitions* conține tranzițiile noului AFD, construite pe baza reprezentanților.

#### 5. Curățare:

- o Se elimină stările care nu pot fi atinse din starea inițială.
- Se elimină starea moartă (dacă există).

În final, se stabilesc starea inițială și stările acceptoare ale noului AFD. Fig. 2.5

```
# setarea starii de start si a starii(starilor) acceptoare
minimized_start_state = state_mapping[afd.start_state]
minimized_accept_states = {state_mapping[state] for state in afd.accept_states}
# sortarea starilor
minimized states = sorted(minimized states)
```

Fig. 2.5 Curătare

*minimized\_start\_state* este starea inițială din noul AFD, determinată prin maparea stării inițiale a AFD-ului original.

*minimized\_accept\_states* sunt stările acceptoare, obținute din maparea stărilor acceptoare originale.

# Aplicația și Exemple

Aplicația reprezintă o modalitate de a minimiza numărul stărilor ale unui AFD. Aceasta este scrisă în **Python**, având librării de creare de GUI. În cazul nostru, am utilizat librăria **tkinter**.

La început, aplicația cere datele AFD-ului (**Stările – "States"**, **Alfabetul – "Alphabet"**, **Stările(starea) acceptoare – "Accept States"**, **Starea de start – "Start State"**) necesare pentru a crea tabelul de tranziție. (Fig. 2.6).

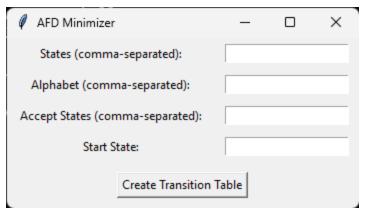


Fig. 2.6 Date de Intrare

După ce datele au fost introduse iar butonul "**Create Transition Table**" activat, se crează tabelul de tranziție care trebuie completat cu datele din AFD-ul dorit. Un exemplu este demonstrat mai jos în Fig. 2.7.

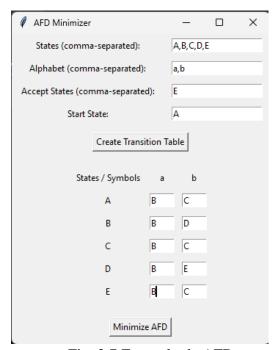


Fig. 2.7 Exemplu de AFD

La acționarea butonului "**Minimize AFD**" se afișează o pagină nouă unde este prezentat AFD-ul minimizat. Rezultatul din Fig. 2.7 poate fi observat și mai jos în Fig. 2.8.

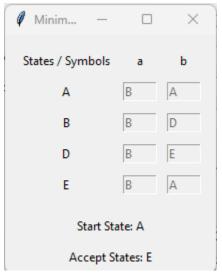


Fig. 2.8. AFD Minimizat

Alte exemple:

AFD Initial

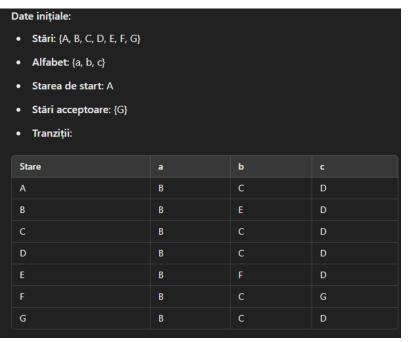


Fig. 2.9 AFD

## **AFD Minimizat**

Stare	а	b	с
[A, C, D]	[B]	[A, C, D]	[A, C, D]
[B]	[B]	(E)	[A, C, D]
[E]	[B]	(F)	[A, C, D]
[F]	[B]	[A, C, D]	[G]
[G]	[B]	[A, C, D]	[A, C, D]

Fig. 2.10 AFD Minimizat

Aplicația are același Output ca și cel așteptat. Fig. 2.11.

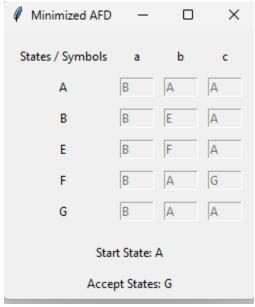


Fig. 2.11 Rezultat

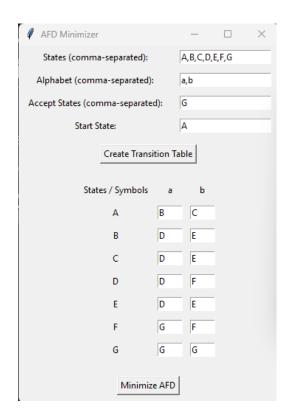


Fig. 2.12 AFD Exemplu 3

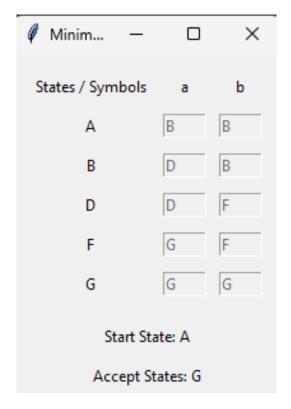


Fig. 2.13 AFD Minimizat

# Instalare și Rulare

Pentru a rula aplicația avem nevoie de Python v.3.x, care poate fi descărcat de aici.

După ce Python a fost instalat cu succes, vom deschide un terminal și vom rula programul cu comanda "*python minimizare\_AFD.py*". Fig. 2.14

```
Windows PowerShell

Copyright (C) Microsoft Corporation. All rights reserved.

Install the latest PowerShell for new features and improvements! https://aka.ms/PSWindows

(TAC> python .\minimizare_AFD.py
```

Fig. 2.14 Rulare comandă în terminal