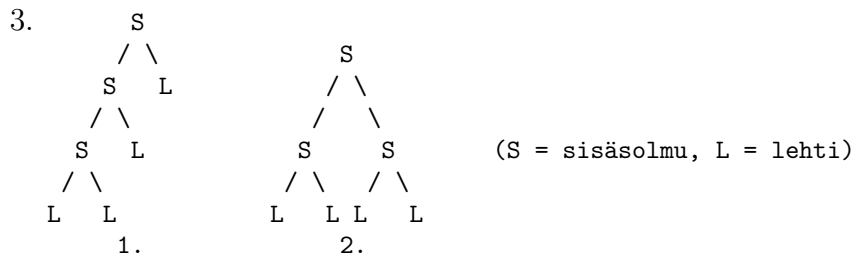


# Tietorakenteet 2018

## Harjoitukset 6, ratkaisut (Viikko 42)

1.-2. Katso valmiit Java-tiedostot malliratkaisukansiosista.



Pahin tapaus on kohta 1. ylläolevassa kuvassa. Tällöin jokaisella tasolla on 2 solmua paitsi viimeisellä on vain 1 solmu (juuri). Maksimissaan korkeus on siis  $(n - 1)/2$  (alin taso on 0). Tapauksessa 2., kun puu on täydellinen, on solmuja eri tasoilla alkaen juuresta  $1, 2, 4, 8, \dots, 2^h$ , joten puun solmujen lukumäärä on

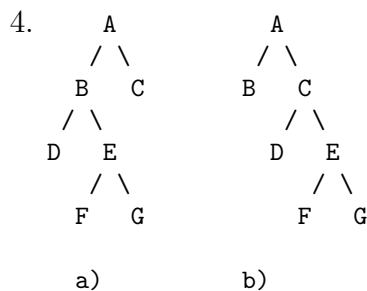
$$1 + 2 + 2^2 + 2^3 + \dots + 2^h = \sum_{i=0}^h 2^i$$

Tällöin saadaan yhteys solmujen lukumäärän ja puun korkeuden välille:

$$n = \sum_{i=0}^h 2^i = 2^{h+1} - 1,$$

josta ratkaisemalla  $h$  saadaan

$$h = \log_2(n + 1) - 1.$$



5. Algoritmit 1–7. Tässä oletetaan, että käsitellään aidon binääripuun taulukkoesitystä ( $S$ ), missä puuttuvat solmut on korvattu null-viitteillä ( $n$ ). Lisäksi oletetaan, että taulukon indeksissä 0 on null-viite. Tällöin binääripuun juurisolmu on indeksissä 1. Koska tehtävän kannalta oleellisinta on tarkastella metodien toimintaperiaatetta binääripuun operaatioina, ei seuraavissa pseudokoodiesityksissä tarkisteta parametrien oikeellisuutta (esim. onko binääripuu  $S$  tyhjä, osoittaako välitetty indeksi taulukon ulkopuolelle, ovatko metodeissa lasketut indeksit taulukon ulkopuolella, jne.).

---

**Algorithm 1** Palauttaa juurisolmun arvon.

---

root( $S$ )

**return**  $S[1]$

---

---

**Algorithm 2** Palauttaa  $k$ :nnen solmun vanhemman arvon.

---

parent( $S, k$ )

**return**  $S[\lfloor (k/2) \rfloor]$

---

---

**Algorithm 3** Palauttaa  $k$ :nnen solmun vasemman lapsen arvon.

---

leftChild( $S, k$ )

**return**  $S[2k]$

---

---

**Algorithm 4** Palauttaa  $k$ :nnen solmun oikean lapsen arvon.

---

rightChild( $S, k$ )  
    **return**  $S[2k + 1]$

---

---

**Algorithm 5** Palauttaa arvon true jos kyseessä on sisäsolmu.

---

isInternal( $S, k$ )  
    **if**  $S[k] \neq n$  **and** ( $\text{leftChild}(S, k) \neq n$  **or**  $\text{rightChild}(S, k) \neq n$ ) **then**  
        **return** true  
    **else**  
        **return** false  
    **end if**

---

---

**Algorithm 6** Palauttaa arvon true jos kyseessä on ulkosolmu.

---

isExternal( $S, k$ )  
    **if**  $S[k] \neq n$  **and**  $\text{leftChild}(S, k) = n$  **and**  $\text{rightChild}(S, k) = n$  **then**  
        **return** true  
    **else**  
        **return** false  
    **end if**

---

---

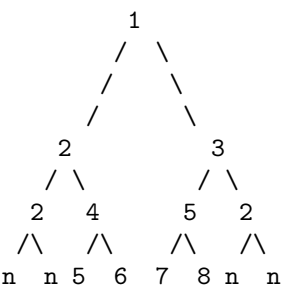
**Algorithm 7** Palauttaa arvon true jos kyseessä on juurisolmu.

---

isRoot( $S, k$ )  
    **if**  $S[k] \neq n$  **and**  $\text{parent}(S, k) = n$  **then**  
        **return** true  
    **else**  
        **return** false  
    **end if**

---

6.



7.-8. Molemmissa kohdissa on talletettava itse taulukko (table) ja montako alkioita siinä on (currentElements).

---

**Algorithm 8** removeMinElement ()

---

a) **if** currentElements > 0 **then**  
    result = table[0]  
    **for** i = 1 to currentElements-1 **do**  
        table[i-1]  $\leftarrow$  table[i]  
    **end for**  
    currentElements = currentElements-1  
**else**  
    virhe "Jono on tyhjä"  
**end if**  
**return** result

---

Algoritmi removeMinElement poistaa alkion taulukon alusta ja siirtää loppuja yhden pykälän nollaa lähemmäksi.

---

**Algorithm 9** insertItem ( $x$ )

---

**if** currentElements < maxElements **then**  
     $i \leftarrow$  currentElements  
    **while**  $i > 0$  **and** table[ $i - 1$ ] >  $x$  **do**  
        table[ $i$ ]  $\leftarrow$  table[ $i - 1$ ]  
         $i \leftarrow i - 1$   
    **end while**  
    table[ $i$ ]  $\leftarrow x$   
    currentElements  $\leftarrow$  currentElements +1  
**else**  
    virhe "Jono täynnä"  
**end if**

---

Algoritmi insertItem etsii lisäyspaikan lisättävälle avaimelle, tekee tilaa siirtämällä suurempia avaimia yhden eteenpäin ja lisää avaimen taulukoon omalle paikalleen.

Algoritmi removeMinElement etsii taulukon pienimmän alkion kopioi sen talteen, korvaa sen taulukon viimeisellä alkiolla, pienentää taulukon kokoa yhdellä ja palauttaa pienimmän alkion. Näin voidaan tehdä, koska taulukko ei ole järjestyksessä.

---

**Algorithm 10** removeMinElement ()

---

b) **if** currentElements > 0 **then**  
    minIndex  $\leftarrow$  0  
    min  $\leftarrow$  table[0]  
    **for** i  $\leftarrow$  1 to currentElements-1 **do**  
        **if** table[i] < min **then**  
            minIndex = i  
            min = table[i]  
        **end if**  
    **end for**  
    table[minIndex]  $\leftarrow$  table[currentElements-1]  
    currentElements  $\leftarrow$  currentElements-1  
**else**  
    virhe "jono on tyhjä"  
**end if**  
**return** min

---

---

**Algorithm 11** insertItem (x)

---

**if** currentElements < maxElements **then**  
    table[currentElements] = x;  
    currentElements = currentElements + 1  
**else**  
    virhe "jono on täynnä"  
**end if**

---

Algoritmi `insertItem` lisää alkion taulukon loppuun (koko kasvaa yhdellä). Tämä voidaan tehdä, koska `removeMinElement` etsii koko taulukon läpi.