# Implementacja algorytmu do odkrywania reguł asocjacyjnych

Mikołaj Bańkowski

Mateusz Kołacz

Prowadzący: dr inż. Robert Bembenik

## Temat projektu

#### Podstawowo:

Implementacja algorytmu Apriori do odkrywania reguł asocjacyjnych wraz z implementacją obliczania miar: współczynnika podniesienia (*lift*) oraz trzech wybranych spośród: *conviction*, *cosine*, *gini*, *Jaccard/coherence*, *certainty factor*, *improvement*, *mutual information*, *odd ratio*. Przeprowadzić porównanie zachowania się wybranych miar w odniesieniu do wartości współczynnika podniesienia.

#### Dodatkowo:

Zaimplementować jeszcze jeden z algorytmów do odkrywania reguł asocjacyjnych:

- Algorytm AprioriRuleGen
- Algorytm Eclat
- Algorytm Partition

Zaimplementowane algorytmy do okrywania reguł asocjacyjnych

## Algorytm Apriori

Algorytm Eclat

## Dodatkowo przeprowadzona analiza

Przeprowadziliśmy porównanie własnej implementacji algorytmu Apriori z implementacją algorytmu Apriori znajdującą się w bibliotece języka Python – apyori oraz dokonaliśmy analizy porównawczej algorytmów Apriori i Eclat

Analiza porównawcza w obu przypadkach bierze pod uwagę:

- Czasy wykonania algorytmu przy różnych parametrach.
- **Uzyskiwane wyniki** dla różnych wartości progów wsparcia (s*upport*) i ufności (*confidence*).
- **Skuteczności algorytmu** na kilku różnych zbiorach danych wejściowych.

### Dane

Dane będą pobierane z **UCI Machine Learning Repository** (<a href="https://archive.ics.uci.edu">https://archive.ics.uci.edu</a>)

Wybrane zbiory danych:

<u>Tic-Tac-Toe Endgame</u> - Zbiór ten zawiera 958 rekordów

Car Evaluation - Zbiór ten zawiera 1728 rekordów

Nursery - Zbiór ten zawiera 12960 rekordów

Wszystkie zbiory danych mają reprezentację dyskretną

## Pobieranie i preprocessing danych

Została zaimplementowana klasa data\_manager.py

To klasa, która jest odpowiedzialna za dostarczenie danych do pozostałych obiektów. Umożliwia czerpanie danych zarówno z lokalnego pliku tekstowego oraz zbiorów danych udostępnianych przez repozytorium UCIML.

Następnie dane są przetwarzane i przygotowywane w taki sposób, aby były zgodne z wymaganiami wybranego algorytmu oraz umożliwiały jego efektywne działanie.

Apriori: Dane są przekształcane na poziome transakcje

Eclat: Dane są przekształcane w pionową strukturę TID-sets

Dane przekazywane do algorytmu **Apriori** są reprezentowane jako **lista transakcji**, gdzie każda transakcja to **frozenset**<sup>[1]</sup> zawierający unikalne elementy opisujące produkty lub cechy

```
frozenset({'buns', 'hotdogs', 'ketchup'}),
  frozenset({'buns', 'hotdogs'}),
  frozenset({'chips', 'hotdogs', 'coke'}),
  frozenset({'chips', 'coke'}),
  frozenset({'chips', 'ketchup'}),
  frozenset({'chips', 'hotdogs', 'coke'}),
  frozenset({''}),
  frozenset({''})]
```

python run.py -f DATASET.csv

Dane przekazywane do algorytmu **Eclat** są reprezentowane jako TID-Sets, gdzie kluczami są **frozensety**<sup>[1]</sup> zawierające pojedyncze unikalne elementy a wartościami są **zbiory identyfikatorów transakcji** które wskazują, w których transakcjach dany element występuje.

```
frozenset({'buns'}): {0, 1},
  frozenset({'hotdogs'}): {0, 1, 2, 5},
  frozenset({'ketchup'}): {0, 4},
  frozenset({'coke'}): {2, 3, 5},
  frozenset({'chips'}): {2, 3, 4, 5},
  frozenset({''}): {6, 7, 8}
}
```

python run.py -f DATASET.csv -a eclat

## Wybrane miary

• Współczynnik podniesienia (lift),

$$Lift(A \to B) = \frac{\operatorname{support}(A \cap B)}{\operatorname{support}(A) \times \operatorname{support}(B)}$$

· Współczynnik pewności (certainty factor),

Relative Support $(A \to B) = \text{support}(A \cap B)$ 

• Jaacard / coherence,

$$\mathrm{CF}(A \to B) = \frac{\mathrm{support}(A \cap B) - \mathrm{support}(A) \times \mathrm{support}(B)}{1 - \mathrm{support}(B)}$$

• iloraz szans (odds-ratio)

Odd Ratio
$$(A \to B) = \frac{\operatorname{support}(A \cap B) \times \operatorname{support}(\neg A \cap \neg B)}{\operatorname{support}(A \cap \neg B) \times \operatorname{support}(\neg A \cap B)}$$

A→B reprezentuje **regułę asocjacyjną,** jeśli występuje zbiór A (np. pewne produkty w koszyku zakupowym), to z pewnym prawdopodobieństwem występuje także zbiór B

## Implementacja sposobu na wyznaczanie miar

#### Proces obliczania miar:

- 1. Wygenerowanie reguł asocjacyjnych
- 2. Obliczenie wsparcia<sup>[1]</sup> i ufności<sup>[2]</sup>
- 3. Obliczenie poszczególnych miar jakości

Oba algorytmy, **Apriori** i **Eclat**, bazują na tym samym sposobie wyznaczania miar jakości reguł asocjacyjnych. Wykorzystują te same metody do obliczania wskaźników, takich jak współczynnik podniesienia (lift), wsparcie relatywne (relative support), czy certainty factor.

## Sposób działania

Skrypt umożliwiający uruchomienie algorytmu do wykrywania często współwystępujących wzorców w zbiorze danych. Aby korzystać ze skryptu, należy uruchomić go z odpowiednimi flagami w linii poleceń:

- -f, --input-file
- -a, --algorithm
- -u, --UCI-dataset
- -s, --min-support
- -c, --min-confidence

Przykład uruchomienia skryptu z kilkoma flagami jednocześnie:

python script.py -a eclat -u nursery -s 0.2 -c 0.7

## Przeprowadzone testy

Porównanie własnej implementacji algorytmu Apriori z algorytmem Apriori dostępnym w bibliotece Python - apyori

Porównanie własnej implementacji algorytmu Apriori z algorytmem Eclat

Porównanie zachowania się wybranych miar w odniesieniu do wartości współczynnika podniesienia

## Apriori vs Apriori biblioteka

W ramach tej części testów stworzona implementacja algorytmu Apriori była porównywana z dostępną w języku Python biblioteką **apyori**.

Porównane zostały takie własności jak:

- procent odnalezionych reguł asocjacyjnych,
- procent poprawnie wyznaczonych wartości współczynnika confidence (w odniesieniu do wyników zwracanych przez implementację apyori)
- czasy wykonywania obydwu rozwiązań.

Porównanie odbyło się przy uwzględnieniu **różnych zbiorów danych** i wartości współczynników **min\_support** oraz **min\_confidence**. Czasy egzekucji były mierzone dla **1 000 000 wywołań funkcji** wyznaczającej reguły asocjacyjne dla każdego zestawu parametrów wejściowych.

| +<br>  Dataset      | +<br>  Min | Support | +<br>  Min | Confidence | +<br>  R | ules Match | +<br>  Conf | fidence Match | -+<br>  M | ly Exec Time | +<br>  Apy | /ori Exe | c Time |
|---------------------|------------|---------|------------|------------|----------|------------|-------------|---------------|-----------|--------------|------------|----------|--------|
| +                   | +          |         | +          |            | +        |            | +           |               | +         |              | +          |          |        |
| car_evaluation      | l          | 0.15    | l          | 0.15       | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.041 ms     | 1          | 0.271    | ms     |
| car_evaluation      | l I        | 0.15    | l l        | 0.5        | L        | 100.00%    | l           | 100.00%       | 1         | 2.623 ms     | 1          | 0.311    | ms     |
| car_evaluation      | l I        | 0.15    | l          | 0.8        | L        | 100.00%    | l           | 100.00%       | 1         | 2.622 ms     | 1          | 0.435    | ms     |
| car_evaluation      | l I        | 0.5     | l          | 0.15       | L        | 100.00%    | l           | 100.00%       | 1         | 2.271 ms     | 1          | 0.353    | ms     |
| car_evaluation      | l          | 0.5     | l          | 0.5        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.919 ms     | 1          | 0.281    | ms     |
| car_evaluation      | l          | 0.5     | l          | 0.8        | L        | 100.00%    | l           | 100.00%       | 1         | 2.063 ms     | 1          | 0.268    | ms     |
| car_evaluation      | l          | 0.8     | l          | 0.15       | L        | 100.00%    | l           | 100.00%       | 1         | 2.473 ms     | 1          | 0.329    | ms     |
| car_evaluation      | l I        | 0.8     | l l        | 0.5        | L        | 100.00%    | l           | 100.00%       | 1         | 2.361 ms     | 1          | 0.328    | ms     |
| car_evaluation      | l I        | 0.8     | l l        | 0.8        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.139 ms     | 1          | 0.331    | ms     |
| tic_tac_toe_endgame | l          | 0.15    | l          | 0.15       | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.341 ms     | 1          | 0.415    | ms     |
| tic_tac_toe_endgame | l          | 0.15    | l          | 0.5        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.844 ms     | 1          | 0.321    | ms     |
| tic_tac_toe_endgame | l          | 0.15    | l          | 0.8        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.164 ms     | 1          | 0.268    | ms     |
| tic_tac_toe_endgame | l          | 0.5     | l          | 0.15       | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.242 ms     | 1          | 0.271    | ms     |
| tic_tac_toe_endgame | l          | 0.5     | l          | 0.5        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 1.949 ms     | 1          | 0.264    | ms     |
| tic_tac_toe_endgame | l          | 0.5     | l          | 0.8        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.214 ms     | 1          | 0.291    | ms     |
| tic_tac_toe_endgame | l          | 0.8     | l          | 0.15       | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.035 ms     | 1          | 0.276    | ms     |
| tic_tac_toe_endgame | l          | 0.8     | l          | 0.5        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 1.994 ms     | 1          | 0.272    | ms     |
| tic_tac_toe_endgame | l          | 0.8     | l          | 0.8        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.190 ms     | 1          | 0.341    | ms     |
| nursery             | l          | 0.15    | l          | 0.15       | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.926 ms     | 1          | 0.259    | ms     |
| nursery             | l          | 0.15    | l          | 0.5        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 3.055 ms     | 1          | 0.271    | ms     |
| nursery             | l          | 0.15    | l          | 0.8        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 3.021 ms     | 1          | 0.263    | ms     |
| nursery             | l          | 0.5     | l          | 0.15       | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.088 ms     | 1          | 0.258    | ms     |
| nursery             | l          | 0.5     | l          | 0.5        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.072 ms     | 1          | 0.257    | ms     |
| nursery             | l          | 0.5     | l          | 0.8        | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.108 ms     | 1          | 0.264    | ms     |
| nursery             | l l        | 0.8     | l          | 0.15       | L        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.039 ms     | 1          | 0.257    | ms     |
| nursery             | I          | 0.8     | I          | 0.5        | I        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.038 ms     | 1          | 0.265    | ms     |
| nursery             | I          | 0.8     | I          | 0.8        | I        | 100.00%    | I           | 100.00%       | 1         | 2.064 ms     | I          | 0.262    | ms     |
| +                   | +          |         | +          |            | +        |            | +           |               | +         |              | +          |          |        |

## Wnioski (dotyczące Apriori)

Implementacja algorytmu Apriori w ramach projektu osiągnęła pełne pokrycie z wynikami uzyskanymi za pomocą popularnej biblioteki apyori, co świadczy o poprawności jej działania

Pomimo pełnego pokrycia, własna implementacja algorytmu Apriori działa średnio 10 razy wolniej niż biblioteka apyori. W przyszłości istnieje możliwość optymalizacji kodu w celu poprawy wydajności - jest to jednak akceptowalna różnica, ponieważ biblioteka apyori była tworzona znacznie dokładniej i ze znacznie większym naciskiem na doprecyzowanie niż niniejszy projekt.

## Apriori vs Eclat

W ramach tej części testów stworzona implementacja algorytmu **Apriori** była porównywana z stworzoną implementacją algorytmu **Eclat**.

Porównane zostały takie własności jak:

- procent odnalezionych reguł asocjacyjnych,
- procent poprawnie wyznaczonych wartości współczynnika confidence (w odniesieniu do wyników zwracanych przez implementację apyori)
- czasy wykonywania obydwu rozwiązań.

Porównanie odbyło się przy uwzględnieniu **różnych zbiorów danych** i wartości współczynników **min\_support** oraz **min\_confidence**. Czasy egzekucji były mierzone dla **1 000 000 wywołań funkcji** wyznaczającej reguły asocjacyjne dla każdego zestawu parametrów wejściowych.

| Dataset             | Min | Support | +<br>  Min | Confidence | +<br>  Ru | Jles Match | Confidence Match | Aprio | ri Exec Time | +<br>  Ecla | t Exec Time |
|---------------------|-----|---------|------------|------------|-----------|------------|------------------|-------|--------------|-------------|-------------|
| car_evaluation      |     | 0.15    | l          | 0.15       | <br>      | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.742 s      | I           | 1.182 s     |
| car_evaluation      |     | 0.15    | l l        | 0.5        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.755 s      | l           | 1.194 s     |
| car_evaluation      |     | 0.15    | l          | 0.8        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.795 s      | l           | 1.252 s     |
| car_evaluation      |     | 0.5     | l          | 0.15       | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.766 s      | l           | 1.208 s     |
| car_evaluation      |     | 0.5     | l          | 0.5        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.743 s      | l           | 1.237 s     |
| car_evaluation      |     | 0.5     | l          | 0.8        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.724 s      | l           | 1.215 s     |
| car_evaluation      |     | 0.8     | l          | 0.15       | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.767 s      | l           | 1.211 s     |
| car_evaluation      |     | 0.8     | l          | 0.5        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.766 s      | l           | 1.225 s     |
| car_evaluation      |     | 0.8     | l          | 0.8        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.788 s      | l           | 1.217 s     |
| tic_tac_toe_endgame |     | 0.15    | l          | 0.15       | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.752 s      | l           | 1.214 s     |
| tic_tac_toe_endgame |     | 0.15    | l          | 0.5        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.833 s      | l           | 1.312 s     |
| tic_tac_toe_endgame |     | 0.15    | l          | 0.8        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.905 s      | l           | 1.212 s     |
| tic_tac_toe_endgame |     | 0.5     | l          | 0.15       | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.728 s      | l           | 1.194 s     |
| tic_tac_toe_endgame |     | 0.5     | l          | 0.5        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.727 s      | l           | 1.197 s     |
| tic_tac_toe_endgame |     | 0.5     | l          | 0.8        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.749 s      | l           | 1.201 s     |
| tic_tac_toe_endgame |     | 0.8     | l          | 0.15       | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.723 s      | l           | 1.198 s     |
| tic_tac_toe_endgame |     | 0.8     | l          | 0.5        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.733 s      | l           | 1.197 s     |
| tic_tac_toe_endgame |     | 0.8     | l          | 0.8        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.735 s      | l           | 1.203 s     |
| nursery             |     | 0.15    | l I        | 0.15       | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 2.738 s      | l           | 1.410 s     |
| nursery             |     | 0.15    | l l        | 0.5        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 2.762 s      | l           | 1.388 s     |
| nursery             |     | 0.15    | l          | 0.8        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 2.726 s      | l           | 1.376 s     |
| nursery             |     | 0.5     | l          | 0.15       | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.889 s      | l           | 1.253 s     |
| nursery             |     | 0.5     | l          | 0.5        | l         | 100.00%    | 100.00%          | :     | 1.888 s      | l           | 1.257 s     |
| nursery             |     | 0.5     | I          | 0.8        | I         | 100.00%    | 100.00%          | Ι :   | 1.892 s      | I           | 1.241 s     |
| nursery             |     | 0.8     | I          | 0.15       | I         | 100.00%    | 100.00%          | Ι :   | 1.860 s      | I           | 1.257 s     |
| nursery             |     | 0.8     | I          | 0.5        | I         | 100.00%    | 100.00%          | Ι :   | 1.908 s      | I           | 1.342 s     |
| nursery             |     | 0.8     | I          | 0.8        | I         | 100.00%    | 100.00%          | l :   | 1.885 s      | I           | 1.257 s     |

## Wnioski (dotyczące Apriori vs Eclat)

W kontekście porównania algorytmów Apriori i Eclat wykazano, że oba algorytmy generują identyczne reguły asocjacyjne, co potwierdza ich spójność i poprawność działania natomiast algorytm Eclat jest znacznie szybszy niż algorytm Apriori

Przewaga czasowa algorytmu Eclat wynika z wykorzystania pionowej reprezentacji danych (TID-sets) oraz bardziej efektywnego przeszukiwania przestrzeni kombinacji poprzez operacje na zbiorach identyfikatorów transakcji.

W praktyce, dla dużych zbiorów danych, rekomenduje się użycie algorytmu Eclat, natomiast dla mniejszych zbiorów danych, oba algorytmy działają efektywnie i ich wybór może zależeć od innych czynników, takich jak dostępne zasoby obliczeniowe czy potrzeba interpretowalności wyników.

## Porównanie zachowania się wybranych miar w odniesieniu do wartości współczynnika podniesienia

W ramach niniejszej analizy, własna implementacja algorytmu Apriori została użyta do wyznaczenia reguł asocjacyjnych i powiązanych z nimi metryk na trzech dyskretnych zbiorach danych pochodzących z UCIML repo.

Uzyskane wyniki zostały posortowane na podstawie wsp. podniesienia - lift a następnie zaprezentowane w postaci tabeli ogólnej i tabeli uśrednionych wartości metryk w zależności od wartości wsp. lift.

Wszystkie poniższe wyniki zostały uzyskane przy wartości min\_support = 0.15 oraz min\_confidence = 0.3.

| +<br>  Lift Range | + <br>  Rule                                  | -+<br>  Re | elative Support | +<br>  Lift | Certainty | +<br>  Jaccard | +<br>  Odds Rat | +<br>io |
|-------------------|---|------------|-----------------|-------------|-----------|----------------|-----------------|---------|
| 0.6-0.7           | +<br>  ('safety_high',) ==> ('target_unacc',) | -+<br>     | 0.16            | +<br>  0.69 | 1.44      | +<br>  0.87    | +<br>  2.06     | <br>    |
| 0.7-0.8           | ('persons_4',) ==> ('target_unacc',)          | 1          | 0.18            | 0.77        | 1.63      | 1.10           | 2.32            | - 1     |
| 0.7-0.8           | ('persons_more',) ==> ('target_unacc',)       | 1          | 0.19            | 0.80        | 1.68      | 1.18           | 2.40            | - 1     |
| 0.8-0.9           | ('safety_med',) ==> ('target_unacc',)         | 1          | 0.21            | 0.89        | 1.86      | 1.50           | 2.66            | - 1     |
| 0.8-0.9           | ('maint_med',) ==> ('target_unacc',)          | 1          | 0.16            | 0.89        | 2.48      | 1.88           | 3.54            | - 1     |
| 0.8-0.9           | ('maint_low',) ==> ('target_unacc',)          | 1          | 0.16            | 0.89        | 2.48      | 1.88           | 3.54            | - 1     |
| 0.8-0.9           | ('buying_med',) ==> ('target_unacc',)         | 1          | 0.16            | 0.89        | 2.48      | 1.88           | 3.54            | - 1     |
| 0.9-1.0           | ('doors_4',) ==> ('target_unacc',)            | 1          | 0.17            | 0.97        | 2.70      | 2.46           | 3.86            | - 1     |
| 0.9-1.0           | ('doors_3',) ==> ('target_unacc',)            | 1          | 0.17            | 0.99        | 2.78      | 2.71           | 3.97            | - 1     |
| 0.9-1.0           | ('target_unacc',) ==> ('lug_boot_big',)       | 1          | 0.21            | 0.91        | 0.43      | 0.42           | 1.30            | - 1     |
| 0.9-1.0           | ('lug_boot_big',) ==> ('target_unacc',)       | 1          | 0.21            | 0.91        | 1.92      | 1.62           | 2.74            | - 1     |
| 0.9-1.0           | ('lug_boot_med',) ==> ('target_unacc',)       | 1          | 0.23            | 0.97        | 2.04      | 1.93           | 2.92            | - 1     |
| 0.9-1.0           | ('target_unacc',) ==> ('lug_boot_med',)       | 1          | 0.23            | 0.97        | 0.46      | 0.46           | 1.39            | - 1     |
| 0.9-1.0           | ('doors_5more',) ==> ('target_unacc',)        | 1          | 0.17            | 0.97        | 2.70      | 2.46           | 3.86            | - 1     |
| 1.0-1.1           | ('buying_high',) ==> ('target_unacc',)        | 1          | 0.19            | 1.07        | 3.00      | 3.75           | 4.28            | - 1     |
| 1.0-1.1           | ('maint_high',) ==> ('target_unacc',)         | 1          | 0.18            | 1.04        | 2.91      | 3.25           | 4.15            | - 1     |
| 1.0-1.1           | ('doors_2',) ==> ('target_unacc',)            | 1          | 0.19            | 1.08        | 3.02      | 3.86           | 4.31            | - 1     |
| 1.1-1.2           | ('buying_vhigh',) ==> ('target_unacc',)       | 1          | 0.21            | 1.19        | 3.33      | 7.13           | 4.76            | - 1     |
| 1.1-1.2           | ('target_unacc',) ==> ('lug_boot_small',)     | 1          | 0.26            | 1.12        | 0.53      | 0.56           | 1.59            | - 1     |
| 1.1-1.2           | ('lug_boot_small',) ==> ('target_unacc',)     | 1          | 0.26            | 1.12        | 2.34      | 3.10           | 3.35            | - 1     |
| 1.1-1.2           | ('maint_vhigh',) ==> ('target_unacc',)        | 1          | 0.21            | 1.19        | 3.33      | 7.13           | 4.76            | - 1     |
| 1.4-1.5           | ('target_unacc',) ==> ('persons_2',)          | 1          | 0.33            | 1.43        | 0.68      | 0.85           | 2.04            | I       |
| 1.4-1.5           | ('persons_2',) ==> ('target_unacc',)          | 1          | 0.33            | 1.43        | 3.00      | 29.79          | 4.28            | I       |
| 1.4-1.5           | ('safety_low',) ==> ('target_unacc',)         | 1          | 0.33            | 1.43        | 3.00      | 29.79          | 4.28            | I       |
| 1.4-1.5           | ('target_unacc',) ==> ('safety_low',)         | 1          | 0.33            | 1.43        | 0.68      | 0.85           | 2.04            | - 1     |
| +                 | +   | -+         |                 | +           | +         | +              | +               | +       |

Pełna tabela wyników dla zbioru danych Car Evaluation

|         |  |   | Relative Support |          |                |          |        |      |         |           |    | ds Ratio [Avg. / Std. | dev.] |
|---------|--|---|------------------|----------|----------------|----------|--------|------|---------|-----------|----|-----------------------|-------|
| 0.6-0.7 |  | 1 |                  | / 0.000] | <del> </del> - | [1.443 / |        | <br> |         | / 0.000]  |    | [2.060 / 0.000]       |       |
| 0.7-0.8 |  | 2 | [0.183           | / 0.000] |                | [1.651 / | 0.001] |      | [1.140  | 0.001]    |    | [2.358 / 0.001]       | I     |
| 0.8-0.9 |  |   | [0.168           | / 0.000] |                | [2.326 / | 0.073] |      | [1.785  | 0.027]    |    | [3.322 / 0.148]       |       |
| 0.9-1.0 |  |   | [0.199           | / 0.001] |                | [1.863 / | 0.898] |      | [1.723  | 0.778]    |    | [2.862 / 1.120]       |       |
| 1.0-1.1 |  | 3 | [0.186           | / 0.000] |                | [2.975 / | 0.002] |      | [3.619] | 0.069]    |    | [4.249 / 0.005]       |       |
| 1.1-1.2 |  |   | [0.234           | / 0.001] |                | [2.385 / | 1.309] |      | [4.479] | 7.824]    |    | [3.615 / 1.696]       |       |
| 1.4-1.5 |  |   | [0.333           | / 0.000] |                | [1.840 / | 1.346] |      | [15.323 | / 209.370 | o] | [3.162 / 1.260]       |       |

Tabela wyników uśrednionych dla zbioru danych Car Evaluation

## Wnioski (dotyczące wsp. lift vs pozostałe miary)

Na podstawie powyższej tabeli można stwierdzić, że współczynnik wsparcia relatywnego (**relative support**) jest tym większy, im wyższy współczynnik podniesienia lift. Widać też, że wartości w poszczególnych kubełkach nie odbiegają znacząco od siebie (minimalne wartości odchylenia standardowego).

W przypadku współczynnika **Certainty**, nie widać dokładnej zależności pomiędzy wartościami wsp. lift, jednak można dostrzec znacznie wyższą wartość odchylenia standardowego

Współczynnik **Jaccarda** rośnie wykładniczo w stosunku do wartości współczynnika podniesienia. To samo dotyczy odchylenia standardowego jego wartości w zadanym przedziale.

W przypadku współczynnika **Odds Ratio** również widać tendencje wzrostową w stosunku do wartości wsp. lift, jednak nie jest to silnie widoczne zarówno w stosunku do wartości średniej jak i odchylenia standardowego.

Analiza zachowania się wybranych miar w odniesieniu do wartości współczynnika podniesienia (lift) wykazała, że większość miar (współczynnik Jaccarda, Certainty Factor, Odds Ratio) wykazuje tendencję do wzrostu wraz ze wzrostem wartości współczynnika podniesienia.

Dokładność i wiarygodność wyników uzyskanych przez algorytm Apriori zależy od odpowiedniego dobrania parametrów, takich jak minimalne wsparcie (min\_support) i minimalne zaufanie (min\_confidence). Warto przeprowadzić analizę wrażliwości, aby określić optymalne wartości tych parametrów dla konkretnego zestawu danych.

Dziękujemy za uwagę