## **STC 854**EXERCÍCIOS DE CORRELAÇÃO E REGRESSÃO LINEAR SIMPLES

Uma indústria produz grandes quantidades de alumina ( $Al_2O_3$  de elevado teor de pureza) para fabricação de alumínio metálico. A matéria prima de fabricação é a bauxita, um mineral com cerca de 55% de óxido de alumínio ( $Al_2O_3$ ).

No processo de produção da alumina, o teor de Na<sub>2</sub>O (óxido de sódio) ocluído no produto é um fator importante do ponto de vista da qualidade da alumina fabricada. O Na<sub>2</sub>O é uma impureza e, portanto, é desejável que o seu teor seja o mais baixo possível.

Com o objetivo de minimizar o teor da Na<sub>2</sub>O ocluído no produto durante a etapa de precipitação, um dos estágios do processo de produção da alumina, a indústria iniciou trabalhos para melhoria.

Dados Utilizados no Estudo do Tipo de Relacionamento Existente entre a Razão Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>/NaOH. Empregada no Processo Produtivo e o Teor de Na<sub>2</sub>O Ocluído na Alumina.

Razão Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> /NaOH (x)	Teor de Na <sub>2</sub> O % (y)
0,647	0,43
0,645	0,42
0,650	0,44
0,642	0,43
0,643	0,42
0,651	0,46
0,640	0,43
0,651	0,44
0,648	0,43
0,642	0,42
0,643	0,41
0,645	0,41
0,639	0,40
0,633	0,39
0,642	0,40
0,648	0,42
0,639	0,40
0,638	0,40
0,641	0,41
0,636	0,39
0,638	0,39
0,650	0,42
0,649	0,43
0,639	0,40
0,633	0,39
0,635	0,39

- a) Calcule o coeficiente de correlação de Pearson.
- b) Verifique se a correlação encontrada no item a) é válida para a população.
- c) Considerando o resultado do item a), como você avalia o relacionamento entre as variáveis
- d) Estabeleça a equação de regressão. E teste os coeficientes.
- e) Apresente o diagrama de dispersão e a reta de regressão obtida em d).
- f) Você considera adequado o ajuste do modelo de regressão do item d)? Dê uma medida desta adequação interpretando-a.
- g) Interprete o coeficiente angular (b).
- h) Qual o Teor de Na<sub>2</sub>O % quando a Razão Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>/NaOH for de 0,60?
- i) Calcule o intervalo de confiança para  $\alpha$  e  $\beta$ , com nível de confiança de 95%. Conclua corretamente.
- j) Calcule o intervalo de confiança para a resposta esperada no item i).
- k) Calcule o intervalo de confiança para a previsão para o item i)
- 1) Cheque os resíduos, graficamente e por meio dos testes sugeridos em aula.