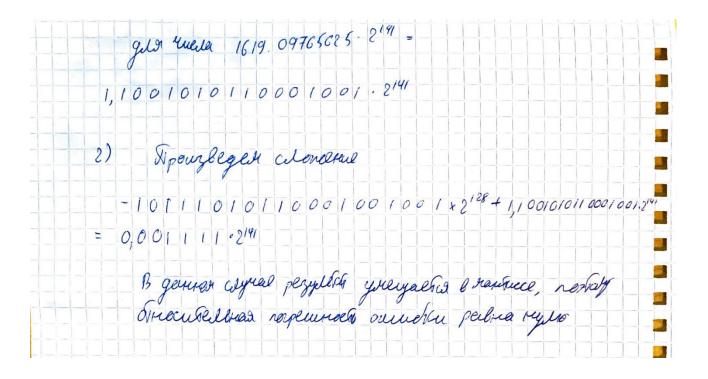
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский университет «Московский институт электронной техники»

«БДЗ-1»

Работу выполнил Учащийся группы ПИН-33 Карпеченков Михаил Владимирович Под руководством Ярошевича Владимира Александровича 1. (а) Представить слагаемые и результат в виде *нормализованного* числа с плавающей точкой двойной точности: $(-1)^s \cdot 2^{e-1023} \cdot 1.f$, где 1.f записано в двоичном виде. (б) Если результат неточный (не умещается целиком в мантиссе), то указать относительную погрешность ошибки. Исходные данные в десятичной системе счисления.

 $-1593,5859375\cdot 2^{128}+1619,09765625\cdot 2^{141}$

		A. Key	nerenad	1UH-3:
Perry the ruck				
Perry gla Lucule -1693, 58 1) Spegchalum Magy 21 Orpogentur Xapersep	59375.2128+ 16	19,0976562	5-2141	
E Con Col Manager	A MOPUSON:	Par Harak Re	2	
1) Spegnalush racyy	which Carms	perugula	esce no opple	410.
1092 (1x1)+1, rge x - c	icicgrid well			
Calu reile dipun	garelluel, To +	cedroguse	o dredit eg	revery
31 Herralizant u	arthuccu ruent, good	alux 8 rea	reulo	
Cedu rede objed 31 Mejoraluzado de rensueco equie	wy, ledu ora	ree chows	rea replat	
The state of the s				
y Bupling rep	repri gilo alores	no, colur	and C	
Jeansuccy rue	la c Kloelaili	xapansey	euchuses.	
E) (1 mg G V 2 V	in carried wife	21	val	2
5) Clored Karl	uces gogs we	a a resp	Janus	
pezyulias				
6) Burnelik O	inecusculory	norpeum	the ownerse	
Colly For relation	iguno. Pela	exce to	re	
Calley-oyle	populgul!			
5=1	$\frac{\Delta \lambda}{\lambda}$			
Rem	exue			
1 gets rucia - 1593, 5				
Con bear	. 00 - 10			
General glown:	2181-1023 = 2125			
намбиска: 1,0011	01000010011100101	//		
[] & regreat popule: -1.0	111010110001 0010	01 , 2128		
	0,0,0			



2. Написать последовательность инструкций Matlab, формирующих указанную матрицу. Около каждой инструкции указать промежуточный результат в виде матрицы. Разрешается использовать матричные функции (eye, repmat, flipud и др.). Использовать циклы нельзя.

Входные данные:	Нужно получить:									
	$\int 0$	1	0	1	0	1	0		1	
	1	0	1	0	1	0	1		0	
	0	1	0	1	0	1	0	• • •	1	
Целое $n \geqslant 20$	1	0	1	0	1	0	1		0	2n строк
	:	:	÷	÷	÷	÷	:		÷	
	0	1	0	1	0	1	0		1	
		0	1	0	1	0	1		0 /	J

```
function A = alternating_matrix(n)
    % создание матрицы из единиц и нулей
    B = [1 0; 0 1];
    C = [0 1; 1 0];
    % повторение матрицы В и С и объединение их в одну матрицу D
    D = repmat({B}, n, n);
    D(1:2:end, 1:2:end) = {C};
    % конкатенация матриц в одну большую матрицу A
    A = cell2mat(D);
end
```

Файл Task2.m

```
matrix=alternating_matrix(20);
```

```
disp(matrix);
%Для проверки
[m, n] = size(matrix); % определение размерности матрицы
disp(m); % вывод количества строк матрицы
disp(n); % вывод количества столбцов матрицы
```

>	> Task2																			
	Columns	s 1 th:	rough :	20																
	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1
	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1
	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1
	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1
	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1
	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1
	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1

3. (а) Локализовать корни уравнения (для каждого корня z_i указать отрезок $[a_i,b_i]$, содержащий только один этот корень z_i). Для *каждого* корня (б) построить итерационный процесс $x_{n+1} = \varphi(x_n)$, сходящийся к корню и (в) указать начальное значение x_0 . Указание: локализацию проводить перебором интервалов $[a_i,b_i]$ или средствами математического анализа.

$$-x^3 - x^2 + 10x - 1 = 0$$

Перебором получил следующие интервалы:

$$x_1 \in [-5; -3]$$

 $x_2 \in [0; 1]$
 $x_3 \in [2; 3]$

Было предпринято большое количество попыток наайти корни методом простых итераций, но они провалились, поэтому использовал для вычислений метод Ньютона:

Файл Task3.m

```
clear; clc;
syms x;
format long
f=matlabFunction(-x^3 - x^2 + 10*x - 1);
```

```
p=[-1,-1,10,-1];
Roots=sort(roots(p))
disp('Вычисленя при помощи метода Ньютона')
NewtonsMethod(f,x0,1,10^-9)
x0 = -3.8
NewtonsMethod(f, x0, 1, 10^-9)
x0=2.5
NewtonsMethod(f, 2.5, 1, 10^-9)
Файл NewtonsMethod.m
Реализация метода Ньютона (такой же файл есть и в ЛР):
function[Xnext] = NewtonsMethod(f,x0,p,e)
    format long;
    syms x;
    X=x0;
    n=0;
    Xnext=X+2*e;
    while(abs(Xnext-X)>=e)
        X=Xnext;
        der=matlabFunction(diff(f,x,1));
        Xnext=X-p*f(X)/der(X);
        n=n+1;
    end
    fprintf("Количество итераций: %d\n", n);
end
Вывод:
Roots =
  -3.743017747195621
   0.101126064468313
   2.641891682727315
Вычисленя при помощи метода Ньютона
x0 =
   0.1000000000000000
Количество итераций: 3
ans =
   0.101126064468313
x0 =
  -3.800000000000000
```

Количество итераций: 4

```
ans =
    -3.743017747195625

x0 =
    2.500000000000000

Количество итераций: 5
ans =
```

2.641891682727311

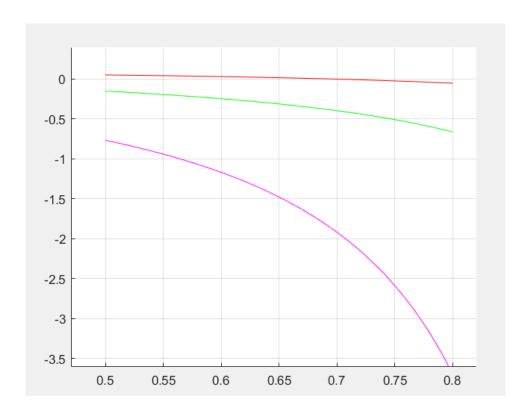
4. Известно, что интервалу [a,b] принадлежит *только* корень x_* уравнения (другие корни интервалу не принадлежат). (а) Построить итерационный процесс Ньютона $x_{n+1} = x_n - f(x_n)/f'(x_n)$ и (б) обосновать какую из границ интервала [a,b] можно принять за x_0 . Указание: в пункте (б) выяснить знаки производных f'(x) и f''(x) и использовать соответствующую теорему.

```
\arccos x + x - 3/2 = 0, \quad x_* \in [0, 5; 0, 8]
```

Файл Task4.m

```
clear; clc;
syms x;
f=matlabFunction(acos(x) + x - 3/2)
hold on; grid on;
fplot(f,[0.5 0.8], 'Color','r')
fplot(diff(f,x,1),[0.5 0.8],'Color','g')
fplot(diff(f,x,2),[0.5 0.8],'Color','m')
x0=0.8;
NewtonsMethod(f,x0,1,10^-9)
```

Красная кривая — график самой функции; Зеленая кривая — 1-ая производная; Фиолетовая — 2ая



Благодаря графику мы определили знаки производных и функций на отрезке.

Проверил выполнение теоремы 2.3 (достаточное условие сходимости последовательности к корню) (получил, что и 1-ая и 2-ая производная меньше нуля на рассматриваемом отрезке => беру за x0 правый конец отрезка)

Вывод:

f =

function_handle with value:

$$@(x)x + a\cos(x) - 3.0./2.0$$

Количество итераций: 5

ans =

0.688176681004484

5. (а) Построить интерполяционный многочлен Лагранжа для функции f(x) по узлам x_i . (б) Оценить сверху погрешность $|R_n(x)|$ приближения функции многочленом.

$$\cos\sqrt{x} + 1$$
 $x_0 = 1, x_1 = 3, x_2 = 5$

Файл Task5.m

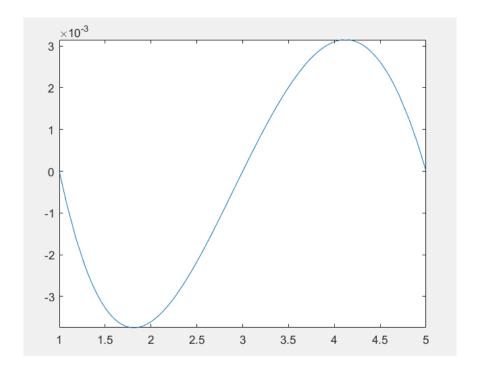
```
clear; clc; clf;
syms x
X=[1, 3, 5]
y=matlabFunction(1+cos(sqrt(x)));
P=LagPoly(X,y(X));
P(x)
Error(X,y,P);
```

Файл LagPoly.m

```
function[P] = LagPoly(t,F)
syms x;
temp = repmat (t',1,length(t));
power = repmat (0:(length(t)-1),length(t),1);
A = temp.^power;
B=F';
X=inv(A)*B;
P=@(x)(sum(vpa(X'.*x.^power(1,:),10)));
end
```

```
Файл Error.m
```

```
function[res] = Error(X,y,P)
    syms x;
    dfminus=matlabFunction(-diff(y,x,length(X)));
    df=matlabFunction(diff(y,x,length(X)));
    w=matlabFunction(prod(x-X));
    maxwX=fminbnd(matlabFunction((-1)*prod(x-X)),X(1)-1,X(length(X))+1);
    maxw=abs(w(maxwX));
    maxdf=abs(df(fminbnd(dfminus,X(1),X(length(X)))));
    MaxTheory=maxdf/factorial(length(X))*maxw
    Prminus=matlabFunction(-abs(P(x)-y(x)));
    Pr=matlabFunction(abs(P(x)-y(x)));
    MaxPractice=Pr(fminbnd(Prminus,X(1),X(length(X))))
    R=feval(df,x)/factorial(length(X))*w(x);
    fplot(R,[1 5]);
    res=[MaxTheory, MaxPractice];
end
```



```
Вывод:
```