Αριθμητική Γραμμική Άλγεβρα Project 3

Μιχαήλ Ανάργυρος Ζαμάγιας ΤΠ5000

16 Ιουνίου 2020

Περιεχόμενα

1	Άσκηση 1	2
	1.1 Ερώτημα	2
	1.2 Απάντηση	3
2	Άσκηση 2	6
	2.1 Ερώτημα	6
	2.1 Ερώτημα	7
3	Άσκηση 3	8
	3.1 Ερώτημα	8
	3.2 Απάντηση	9
4		10
	4.1 Ερώτημα	10
	4.2 Απάντηση	

1.1 Ερώτημα

Φτιάξτε μια συνάρτηση σε Octave που να δέχεται έναν πχη πίνακα ως δεδομένα και να υπολογίζει το χαρακτηριστικό πολυώνυμο του πίνακα, τα ιδιοδιανύσματα και τις ιδιοτιμές του πίνακα, χρησιμοποιώντας τις έτοιμες εντολές του Octave. Η συνάρτηση θα πρέπει να παίρνει σαν είσοδο τον πίνακα και να δίνει σαν έξοδο ένα πίνακα με στήλες τα μοναδιαία ιδιοδιανύσματα, ένα οριζόντιο διάνυσμα με τις ιδιοτιμές στην ίδια σειρά των ιδιοδιανυσμάτων και το χαρακτηριστικό πολυώνυμο σε μορφή διανύσματος συντελεστών (αριθμητική μορφή πολυωνύμων στο Matlab και Octave). Η συνάρτηση αυτή δεν πρέπει να κάνει χρήση του συμβολικού πακέτου του Octave γιατί αυτό είναι πολύ πιο αργό από το αριθμητικό πακέτο. Δώστε τα αποτελέσματα της συνάρτησης σας στον πίνακα (1.1). Εδώ μ είναι το τελευταίο ψηφίο του αριθμού μητρώου σας. Επαληθεύονται οι σχέσεις του Vieta για αυτόν τον πίνακα;

(1.1)
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 5 \\ 3 & 5 & \mu \end{pmatrix}$$

Η έξοδος task1.txt του προγράμματος task1.m:

```
1 A =
 2
     1
         2
             3
 3
     2
         4
             5
         5
     3
             0
 5 Determinant of A does not equal to 0.
7
8 A =
9
     1
         2
             3
        5
            6
10
     4
     7
        8
12 Determinant of A equals to 0.
13 evas =
14
15
     1.6117e+01 -1.1168e+00 -1.3037e-15
16
17 Vieta's formulae are valid for matrix A
18 unit_eigenvectors =
19
    -0.231971 -0.785830
20
                           0.408248
21
    -0.525322 -0.086751
                          -0.816497
22
    -0.818673
                0.612328
                           0.408248
23
24 eigenvalues =
25
26
     16 -1
                0
27
28 characteristic_polynomial = 1*x^3 - 15*x^2 - 18*x^1 + 0
```

Το πρόγραμμα task1.m:

```
1 clc;
 2 clear all;
 3 close all;
 5 #
      matrix A
 6 A = [1, 2, 3; 2, 4, 5; 3, 5, 0];
 8 [rws, cols] = size(A);
      if A square matrix, then do stuff
10 if (rws == cols)
       disp('A =')
11
12
       disp(A);
       if (det(A) != 0)
13
14
           disp('Determinant of A does not equal to 0.')
15
       else
           disp('Determinant of A equals to 0.')
16
           [unit_eigenvectors, eigenvalues, characteristic_polynomial] =
17
      task1_function(A)
18
       endif
19 else
       disp('A is not square matrix.')
20
21 endif
22
23 disp("\n");
24
25 # matrix A
26 A = [1, 2, 3; 4, 5, 6; 7, 8, 9];
27
28 [rws, cols] = size(A);
29 #
      if A square matrix, then do stuff
30 if (rws == cols)
       disp('A =')
31
32
       disp(A);
       if (det(A) != 0)
33
           disp('Determinant of A does not equal to 0.')
34
35
       else
36
           disp('Determinant of A equals to 0.')
           [unit_eigenvectors, eigenvalues, characteristic_polynomial] =
37
      task1_function(A)
38
      endif
39 else
       disp('A is not square matrix.')
40
41 endif
```

Η συνάρτηση lin_sys.m:

```
1 function [eves, evas, characteristic_polynomial] = task1_function(A)
           eigenvectors and eigenvalues at eves and evas respectively
 3
       [eves, evas] = eig(A, balanceOption='vector');
 4
           convert eigenvector matrix to a single column
       eves = eves(: );
 5
           make each unit eigenvector
 6
       eve1 = eves(1: 3)/norm(eves(1: 3));
 7
       eve2 = eves(4: 6)/norm(eves(4: 6));
 8
 9
       eve3 = eves(7: 9)/norm(eves(7: 9));
10
          make unit eigenvector to return
      eves = [eve1, eve2, eve3];
11
          tolerance, to be used for converting -0 to 0
12
      tolerance = 1.e-6;
13
           transpose evas
14
15
      evas = evas'
          calculate vieta theorem with current state evas
16
       v_trace = round(sum(evas));
17
       v_det = round(prod(evas));
18
19
          multiply a 3x3 identity matrix with eigenvalues
20
      evas = eye(3)*evas';
           calculate vieta theorem with altered evas
21
22
       check_v_trace = round(sum(evas));
23
       check_v_det = round(prod(evas));
24
           transpose evas to row
25
      evas = evas';
          convert -0 to 0
26
27
      evas(evas<0 & evas>-tolerance) = 0;
28
       # round evas
29
       evas = round(evas);
30
          set coefficients of characteristc polynomial of A to pre_polynomial
       pre_polynomial = poly(A);
31
32
           convert any -0 to 0
33
      pre_polynomial(pre_polynomial<0 & pre_polynomial>-tolerance) = 0;
34
           match coeffcients with variable x at characteristic_polynomial
       characteristic_polynomial = polyout(round(pre_polynomial), 'x');
35
           output message for vieta's formulae
36
37
       if (v_trace == check_v_trace & v_det == check_v_det)
38
           disp("Vieta's formulae are valid for matrix A")
39
40
           disp("Vieta's formulae are not valid for matrix A")
       endif
41
42 endfunction
```

2.1 Ερώτημα

3.1 Ερώτημα

4.1 Ερώτημα