

ESTRUCTURA DE DATOS

GRADO INGENIERIA INFORMATICA (2015 – 2016)

UNIVERSIDAD DE GRANADA

Reto 1

1. Usando la notación O , determinar la eficiencia de los siguientes segmentos de código:

```
int n, j, i=1, x=0;
do{
    j=1;
    while (j <= n){
        j=j*2;
        x++;
    }
    i++;
}while (i<=n)
```

Complexity analysis for the first code segment:

- $\text{int } n, j, i=1, x=0;$: $O(1)$
- $\text{do}\{$: $O(1)$
- $\text{while } (j \leq n)\{$: $O(\log_2(n))$
- $\text{ } j=j*2;$: $O(1)$
- $\text{ } x++;$: $O(1)$
- $\}$: $O(1)$
- $\text{ } i++;$: $O(1)$
- $\}\text{while } (i \leq n)$: $O(n)$

Total complexity: $O(n \cdot \log_2(n))$

```
int n,j, i=2, x=0;
do{
    j=1;
    while (j <= i){
        j=j*2;
        x++;
    }
    i++;
}while (i<=n)
```

Complexity analysis for the second code segment:

- $\text{int } n, j, i=2, x=0;$: $O(1)$
- $\text{do}\{$: $O(1)$
- $\text{while } (j \leq i)\{$: $O(\log_2(i))$
- $\text{ } j=j*2;$: $O(1)$
- $\text{ } x++;$: $O(1)$
- $\}$: $O(1)$
- $\text{ } i++;$: $O(1)$
- $\}\text{while } (i \leq n)$: $O(n)$

Total complexity: $O(n \cdot \sum_{i=2}^n \log_2(i))$

***Nota código 2:** la i en la sumatoria vale 2, luego 3, 4, 5. Por lo que la suma sería $\log(2) + \log(3) + \log(4) \dots$ que usando logaritmos sería: $\log(2*3*4* \dots)$

2. Para cada función $f(n)$ y cada tiempo t de la tabla siguiente, determinar el mayor tamaño de un problema que puede ser resuelto en un tiempo t (suponiendo que el algoritmo para resolver el problema tarda $f(n)$ microsegundos, es decir, $f(n) \times 10^{-6}$ sg.)

f(n)	t				
	1 seg	1 h	1 semana	1 año	1000 años
$\log_2 n$	$\sim 10^{30000}$	$\sim 2,4 \times 10^{1083707984}$	$\sim 5,9 \times 10^{1820629413}$
n	10^6	$3,6 \times 10^9$	$6,048 \times 10^{11}$	$3,1536 \times 10^{13}$	$3,1536 \times 10^{16}$
$n \log_2 n$	$\sim 6,27 \times 10^4$	$\sim 1,33 \times 10^8$	$\sim 1,77 \times 10^{10}$	$\sim 7,96 \times 10^{11}$	$\sim 6,40 \times 10^{14}$
n^3	100	1532	8456	31581 *	315000
2^n	19	31	39	44	54
$n!$	9	12	14	16	18

Todos los datos han sido calculados analíticamente, sin redondeo pero pensando:

$$\exists n / f(n) = t : \{ t > 0 ; n > 0 \}$$

$$1n \rightarrow 1\mu s \rightarrow 10^{-6}s$$

- A partir de aquí he resuelto todo despejando para aislar la n , por ejemplo:

1. $\log_2(n) \mu s = 1s$

2. $\log_2(n) \mu s = 10^6 \mu s$

3. $\log_2(n) = 10^6$

4. $n = 2^{10^6} = 10^{300000}$