AG2 - Actividad Guiada 2

Nombre: Mikel Alberdi

Link: https://colab.research.google.com/drive/1hL8iTIIOOui4B8GDbmtTOD2nDjRxXgl1?

usp=sharing

Github: https://github.com/mikelalberdi1/Algoritmos-optimizacion

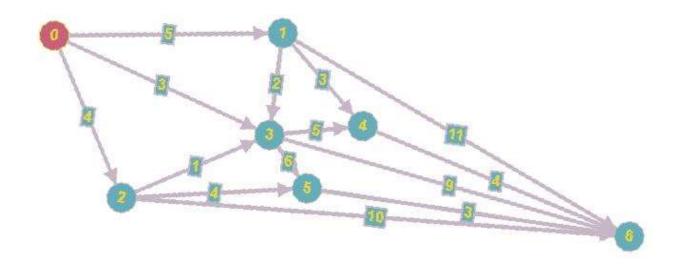
import math

Programación Dinámica. Viaje por el rio

- **Definición**: Es posible dividir el problema en subproblemas más pequeños, guardando las soluciones para ser utilizadas más adelante.
- Características que permiten identificar problemas aplicables:
 - -Es posible almacenar soluciones de los subproblemas para ser utilizados más adelante
 - -Debe verificar el principio de optimalidad de Bellman: "en una secuencia optima de decisiones, toda sub-secuencia también es óptima" (*)
 - -La necesidad de guardar la información acerca de las soluciones parciales unido a la recursividad provoca la necesidad de preocuparnos por la complejidad espacial (cuantos recursos de espacio usaremos)

Problema

En un río hay **n** embarcaderos y debemos desplazarnos río abajo desde un embarcadero a otro. Cada embarcadero tiene precios diferentes para ir de un embarcadero a otro situado más abajo. Para ir del embarcadero i al j, puede ocurrir que sea más barato hacer un trasbordo por un embarcadero intermedio k. El problema consiste en determinar la combinación más barata.



*Consideramos una tabla TARIFAS(i,j) para almacenar todos los precios que nos ofrecen los embarcaderos.

*Si no es posible ir desde i a j daremos un valor alto para garantizar que ese trayecto no se va a elegir en la ruta óptima(modelado habitual para restricciones)

```
#Viaje por el rio - Programación dinámica
TARIFAS = [
[0,5,4,3,float("inf"),999,999],
                            #desde nodo 0
[999,0,999,2,3,999,11], #desde nodo 1
[999,999, 0,1,999,4,10], #desde nodo 2
[999,999,999, 0,5,6,9],
[999,999, 999,999,0,999,4],
[999,999, 999,999,0,3],
[999,999,999,999,999,0]
#999 se puede sustituir por float("inf") del modulo math
TARIFAS
    [[0, 5, 4, 3, inf, 999, 999],
     [999, 0, 999, 2, 3, 999, 11],
     [999, 999, 0, 1, 999, 4, 10],
     [999, 999, 999, 0, 5, 6, 9],
     [999, 999, 999, 0, 999, 4],
     [999, 999, 999, 999, 0, 3],
     [999, 999, 999, 999, 999, 0]]
#Calculo de la matriz de PRECIOS y RUTAS
# PRECIOS - contiene la matriz del mejor precio para ir de un nodo a otro
         - contiene los nodos intermedios para ir de un nodo a otro
def Precios(TARIFAS):
#Total de Nodos
 N = len(TARIFAS[0])
 #Inicialización de la tabla de precios
 PRECIOS = [9999]*N for i in [9999]*N #n x n
 RUTA = [ [""]*N for i in [""]*N]
 #Se recorren todos los nodos con dos bucles(origen - destino)
 # para ir construyendo la matriz de PRECIOS
 for i in range(N-1):
   for j in range(i+1, N):
     MIN = TARIFAS[i][j]
     RUTA[i][j] = i
     for k in range(i, j):
      if PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] < MIN:</pre>
          MIN = min(MIN, PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] )
```

```
RUTA[i][j] = k
        PRECIOS[i][j] = MIN
  return PRECIOS, RUTA
PRECIOS,RUTA = Precios(TARIFAS)
#print(PRECIOS[0][6])
print("PRECIOS")
for i in range(len(TARIFAS)):
  print(PRECIOS[i])
print("\nRUTA")
for i in range(len(TARIFAS)):
  print(RUTA[i])
     PRECIOS
     [9999, 5, 4, 3, 8, 8, 11]
     [9999, 9999, 999, 2, 3, 8, 7]
     [9999, 9999, 9999, 1, 6, 4, 7]
     [9999, 9999, 9999, 5, 6, 9]
     [9999, 9999, 9999, 9999, 999, 4]
     [9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 3]
     [9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999]
     RUTA
     ['', 0, 0, 0, 1, 2, 5]
          '', 1, 1, 1, 3, 4]
            , '', 2, 3, 2, 5]
         '', '', '', 3, 3, 3]
'', '', '', '', 4, 4]
'', '', '', '', '', 5]
#Calculo de la ruta usando la matriz RUTA
def calcular_ruta(RUTA, desde, hasta):
  if desde == RUTA[desde][hasta]:
  #if desde == hasta:
    #print("Ir a :" + str(desde))
    return desde
  else:
    return str(calcular ruta(RUTA, desde, RUTA[desde][hasta])) + ',' + str(RUTA[desde][ha
print("\nLa ruta es:")
calcular ruta(RUTA, 0,6)
     La ruta es:
     '0,2,5'
```

Haz doble clic (o pulsa Intro) para editar

Problema de Asignacion de tarea

#Asignacion de tareas - Ramificación y Poda # TAREA # Α G Ε Т COSTES=[[11,12,18,40], [14,15,13,22], [11,17,19,23], [17,14,20,28]] #Calculo del valor de una solucion parcial def valor(S,COSTES): VALOR = 0for i in range(len(S)): VALOR += COSTES[S[i]][i] return VALOR valor((0, 1, 2, 3),COSTES) 73 #Coste inferior para soluciones parciales # (1,3,) Se asigna la tarea 1 al agente 0 y la tarea 3 al agente 1 def CI(S,COSTES): VALOR = 0#Valores establecidos for i in range(len(S)): VALOR += COSTES[i][S[i]] #Estimacion for i in range(len(S), len(COSTES)): VALOR += min([COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES))]) return VALOR def CS(S,COSTES): VALOR = 0#Valores establecidos for i in range(len(S)): VALOR += COSTES[i][S[i]] #Estimacion for i in range(len(S), len(COSTES)):

```
VALOR += max( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
  return VALOR
CI((0,1),COSTES)
     68
#Genera tantos hijos como como posibilidades haya para la siguiente elemento de la tupla
\#(0,) \rightarrow (0,1), (0,2), (0,3)
def crear_hijos(NODO, N):
  HIJOS = []
  for i in range(N ):
    if i not in NODO:
      HIJOS.append({'s':NODO +(i,)})
  return HIJOS
crear_hijos((0,), 4)
     [{'s': (0, 1)}, {'s': (0, 2)}, {'s': (0, 3)}]
def ramificacion_y_poda(COSTES):
#Construccion iterativa de soluciones(arbol). En cada etapa asignamos un agente(ramas).
#Nodos del grafo { s:(1,2),CI:3,CS:5 }
  #print(COSTES)
  DIMENSION = len(COSTES)
  MEJOR_SOLUCION=tuple( i for i in range(len(COSTES)) )
  CotaSup = valor(MEJOR SOLUCION, COSTES)
  #print("Cota Superior:", CotaSup)
  NODOS=[]
  NODOS.append({'s':(), 'ci':CI((),COSTES) } )
  iteracion = 0
  while( len(NODOS) > 0):
    iteracion +=1
    nodo_prometedor = [ min(NODOS, key=lambda x:x['ci']) ][0]['s']
    #print("Nodo prometedor:", nodo_prometedor)
    #Ramificacion
    #Se generan los hijos
    HIJOS = [ \{ 's':x['s'], 'ci':CI(x['s'], COSTES) \}  for x in crear hijos(nodo prometedor
    #Revisamos la cota superior y nos quedamos con la mejor solucion si llegamos a una sol
    NODO FINAL = [x \text{ for } x \text{ in HIJOS if len}(x['s']) == DIMENSION
    if len(NODO FINAL ) >0:
      #print("\n******Soluciones:", [x for x in HIJOS if len(x['s']) == DIMENSION ])
      if NODO_FINAL[0]['ci'] < CotaSup:</pre>
        CotaSup = NODO_FINAL[0]['ci']
        MEJOR_SOLUCION = NODO_FINAL
    #Poda
```

```
HIJOS = [x for x in HIJOS if x['ci'] < CotaSup ]

#Añadimos los hijos
NODOS.extend(HIJOS)

#Eliminamos el nodo ramificado
NODOS = [ x for x in NODOS if x['s'] != nodo_prometedor ]

print("La solucion final es:" ,MEJOR_SOLUCION , " en " , iteracion , " iteraciones" , "

ramificacion_y_poda(COSTES)

La solucion final es: [{'s': (1, 2, 0, 3), 'ci': 64}] en 10 iteraciones para dim</pre>
```

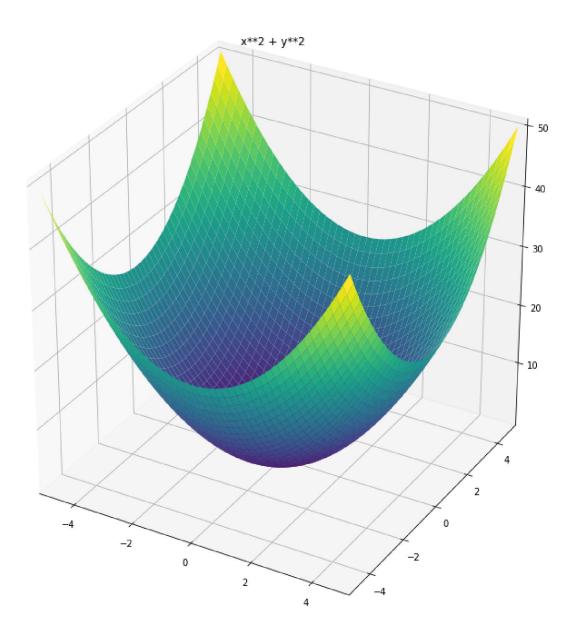
Descenso del gradiente

Vamos a buscar el minimo de la funcion paraboloide :

$$f(x) = x^{\scriptscriptstyle 2} + y^{\scriptscriptstyle 2}$$

Obviamente se encuentra en (x,y)=(0,0) pero probaremos como llegamos a él a través del descenso del gradiante.

```
#Definimos la funcion
#Paraboloide
f = lambda X:
                   X[0]**2 + X[1]**2
                                         #Funcion
df = lambda X: [2*X[0], 2*X[1]]
                                         #Gradiente
df([1,2])
     [2, 4]
from sympy import symbols
from sympy.plotting import plot
from sympy.plotting import plot3d
x,y = symbols('x y')
plot3d(x**2 + y**2,
       (x,-5,5),(y,-5,5),
       title='x**2 + y**2',
       size=(10,10))
```



<sympy.plotting.plot.Plot at 0x7f16c636c810>

```
#Prepara los datos para dibujar mapa de niveles de Z
resolucion = 100
rango=2.5

X=np.linspace(-rango,rango,resolucion)
Y=np.linspace(-rango,rango,resolucion)
Z=np.zeros((resolucion,resolucion))
for ix,x in enumerate(X):
    for iy,y in enumerate(Y):
        Z[iy,ix] = f([x,y])

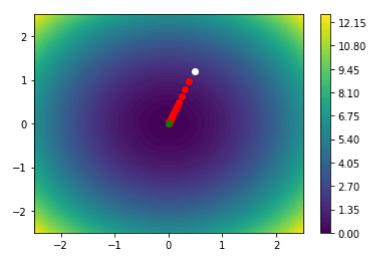
#Pinta el mapa de niveles de Z
plt.contourf(X,Y,Z,resolucion)
plt.colorbar()
```

```
#Generamos un punto aleatorio inicial y pintamos de blanco
P=[random.uniform(-2,2 ),random.uniform(-2,2 ) ]
plt.plot(P[0],P[1],"o",c="white")
```

#Tasa de aprendizaje. Fija. Sería más efectivo reducirlo a medida que nos acercamos. TA=.1

```
#Iteraciones:500
for _ in range(50):
    grad = df(P)
    #print(P,grad)
    P[0],P[1] = P[0] - TA*grad[0] , P[1] - TA*grad[1]
    plt.plot(P[0],P[1],"o",c="red")
```

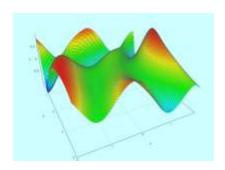
#Dibujamos el punto final y pintamos de verde
plt.plot(P[0],P[1],"o",c="green")
plt.show()
print("Solucion:" , P , f(P))



Solucion: [6.849571307206395e-06, 1.7225838115529833e-05] 3.4364612587494554e-10

¿Te atreves a optimizar la función?:

$$f(x) = sin(1/2 * x^2 - 1/4 * y^2 + 3) * cos(2 * x + 1 - e^y)$$



#Definimos la funcion

f= lambda X: math.sin(1/2 * X[0]**2 - 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.exp() = 1/4 * X[1]**2 + 3) *ma

✓ 0 s completado a las 12:53

×