



Tema 7. Tipos abstractos. Módulos

- **TAD**: nombre tipo + conjunto de operaciones sobre él.
- Las operaciones del tipo forman la signatura
 - Nombre de cada operación
 - Tipo (y orden) de sus argumentos y resultado
- Representación del tipo: se implementa mediante algún tipo (usualmente algebraico)
- Implementación de las operaciones del tipo: en términos de la representación elegida



Todo ello “encapsulado” en un MÓDULO



Signatura del TAD “Pila”

Nombre del TAD:

Pila α

Operaciones del TAD:

$\text{pvacia} :: \text{Pila } \alpha$

$\text{apilar} :: \alpha \rightarrow \text{Pila } \alpha \rightarrow \text{Pila } \alpha$

$\text{desapilar} :: \text{Pila } \alpha \rightarrow \text{Pila } \alpha$

$\text{cima} :: \text{Pila } \alpha \rightarrow \alpha$

$\text{esvacia} :: \text{Pila } \alpha \rightarrow \text{Bool}$

Dos posibles implementaciones:

- mediante constructoras *Vac* y *Ap*
- mediante listas (con una constructora *P*)



Una implementación del TAD “Pila”

-- una representación del TAD

data Pila α = Vac | Ap α (Pila α)

-- implementación de las operaciones

pvacia = Vac

apilar x p = Ap x p

desapilar (Ap _ p) = p

desapilar Vac = error "desapilar de pila vacia"

cima (Ap x _) = x

cima Vac = error "cima de pila vacia"

esvacia Vac = True

esvacia (Ap _ _) = False



Un módulo para el TAD “Pila”

module Pila1 ← *nombre del módulo*

(Pila, pvacia, apilar, desapilar, cima, esvacia)

← *tipos y operaciones que exporta el módulo*
(*exporta el tipo Pila pero NO exporta sus constructoras Vac y Ap*)

where

data Pila α = Vac | Ap α (Pila α) *-- representación del TAD*

pvacia = Vac *-- implementación de operaciones*

apilar x p = Ap x p



Importando el módulo Pila1

```
module PruebaPilas where
```

```
import Pila1           -- Importa el módulo Pila1
```

```
p1, p2, p3 :: Pila Int
```

```
p1 = apilar 3 (apilar 4 (apilar 7 pvacia))
```

```
p2 = apilar 2 (desapilar p1)
```

```
p3 = Ap 8 Vac
```

¡Representación oculta!

ERROR adecuado

```
PruebaPilas> cima p2
```

```
2
```

```
PruebaPilas> cima (Ap 2 p1)
```



Otra implementación del TAD ‘Pila’

-- otra representación (en términos del tipo lista)

type Pila α = [α]

-- implementación de las operaciones

pvacia = []

apilar x p = (x:p)

desapilar (x:p) = p

desapilar [] = error "desapilar de pila vacia"

cima (x:p) = x

cima [] = error "cima de pila vacia"

esvacia p = null p



Problema del uso de “type” (1)

```
module Pila2 (Pila, pvacia, apilar, desapilar, cima, esvacia)
```

```
where
```

```
type Pila  $\alpha$  = [ $\alpha$ ]
```

```
pvacia = []
```

```
apilar x p = (x:p)
```

```
desapilar (x:p) = p
```

```
desapilar [] = error "desapilar de pila vacia"
```

```
cima (x:p) = x
```

```
cima [] = error "cima de pila vacia"
```

```
esvacia p = null p
```

Problema con “type”:

desde los módulos que importan

Pila2 es visible que Pila α es [α]



Problema del uso de “type” (2)

```
module PruebaPilas where
```

```
import Pila2
```

```
p1, p2 :: Pila Int
```

```
p1 = apilar 3 (apilar 4 (apilar 7 pvacia))
```

```
p2 = apilar 2 (desapilar p1)
```

```
x = cima p2
```

```
y = tail p1
```

```
z = p1 ++ p2
```

¡¡Representación NO está oculta!!

PruebaPilas> y	PruebaPilas> length p1
[4,7]	3

Otro módulo para el TAD “Pila”

module Pila2 (**Pila**, pvacia, apilar, desapilar, cima, esvacia)

where

data Pila $\alpha = \mathbf{P} [\alpha]$

pvacia = $\mathbf{P} []$

apilar x ($\mathbf{P} p$) = $\mathbf{P} (x:p)$

desapilar ($\mathbf{P} (x:p)$) = $\mathbf{P} p$

desapilar ($\mathbf{P} []$) = error "desapilar de pila vacia"

cima ($\mathbf{P} (x:p)$) = x

cima ($\mathbf{P} []$) = error "cima de pila vacia"

esvacia ($\mathbf{P} p$) = null p

Solución:

*desde los módulos que importan
Pila2 NO es visible \mathbf{P}*



Importando el módulo Pila2

```
module PruebaPilas where
```

```
import Pila2           -- Importa el módulo Pila2
```

```
p1, p2, p3 :: Pila Int
```

```
p1 = apilar 3 (apilar 4 (apilar 7 pvacia))
```

```
p2 = apilar 2 (desapilar p1)
```

```
p3 = P [2,3,4]
```

¡Representación oculta!

ERROR adecuado

PruebaPilas> cima p2	PruebaPilas> length p1
2	



Importando el TAD “Pila”

```
module FuncionesPilas where
import Pila1 ← Importa el módulo deseado
altura :: Pila α → Int
altura p = if esvacía p then 0 else 1 + altura (desapilar p)
p1, p2 :: Pila Int
p1 = apilar 3 (apilar 4 (apilar 7 pvacia))
p2 = apilar 2 (desapilar p1)
```

- *Elección de implementación (cambiar **Pila1** por **Pila2**)*
- *Sin cambiar el contenido de los módulos que usan el TAD (por ejemplo, sin cambiar la función altura)*



Signatura del TAD “Conjunto”

Nombre del TAD:

Conj α

Operaciones del TAD:

vacio :: Conj α

simple :: $\alpha \rightarrow$ Conj α

miembro :: $\alpha \rightarrow$ Conj $\alpha \rightarrow$ Bool

union, inter, dif :: Conj $\alpha \rightarrow$ Conj $\alpha \rightarrow$ Conj α

-- dif x y devuelve el conjunto x menos el conjunto y

card :: Conj $\alpha \rightarrow$ Int

subConj :: Conj $\alpha \rightarrow$ Conj $\alpha \rightarrow$ Bool

-- subConj x y decide si x es subconjunto de y

hacerConj :: [α] \rightarrow Conj α



Implementación del TAD “Conjunto”

Representación del TAD:

data Conj $\alpha = \text{Co } [\alpha]$

-- representación mediante listas cualesquiera

Implementación de las operaciones del TAD:

vacio = Co []

simple x = Co [x]

union (Co c) (Co d) = Co (c++d)

.....

card (Co s) = length (quitarRep s)

hacerConj s = Co s



Módulo para un TAD

```
module -- nombre del módulo  
( -- tipos y operaciones que exporta el módulo )
```

```
where
```

```
-- módulos importados (opcional)
```

```
-- representación del TAD
```

```
-- instancia de clases (opcional)
```

```
-- Implementación de operaciones exportadas y/o  
-- de otras operaciones auxiliares (no exportadas)
```



Módulo para el TAD “Conjunto” (1)

module Conjunto

(**Conj**, vacio, simple, miembro, union, inter, dif, card,
subConj, hacerConj)

where

import OpListas -- módulo importado

data Conj α = Co [α] -- representación del TAD

 -- instancia de la clase Show

instance (Show α , Eq α) => Show (Conj α)

where show = mostrarConj



Módulo para el TAD “Conjunto” (2)

-- Implementación de operaciones exportadas

`vacio = Co []`

`simple x = Co [x]`

.....

-- Implementación de operaciones no exportadas

`mostrarConj (Co xs) = mostrar (quitarRep xs)`

`mostrar [] = “{ }”`

`mostrar (x:xs) = “{” ++ show x ++ resto xs`

`where resto [] = “}”`

`resto (y:ys) = “,” ++ show y ++ resto ys`



Importando el TAD “Conjunto”

```
module PruebaConj where
```

```
import Conjunto
```

```
c1,c2,c3,c4,c5,c6 :: Conj Char
```

```
c1 = hacerConj ['a', 'b', 'c', 'a']
```

```
c2 = hacerConj ['d', 'e', 'a', 'c']
```

```
c3 = union c1 c2
```

```
c4 = inter c1 c2
```

```
c5 = dif c1 c2
```

```
c6 = dif c2 c1
```

```
> c3 --> {a,b,c,d,e}
```

```
> c4 --> {a,c}
```

```
> c5 --> {b}
```

```
> c6 --> {d,e}
```

```
> card c1 --> 3
```



Sobre módulos: “import” y “export”

Módulo: *Define una colección de valores, tipos de datos, clases, etc, en un entorno creado por un conjunto de “imports”.
Exporta (parte de) estos recursos para usarlos en otros módulos.*

```
module <nombre-módulo> ( <lista-export> ) where  
    <contenido-módulo>
```

Dentro de <contenido-módulo> pueden aparecer “imports”:

```
import <nombre-módulo> ( <lista-import> )
```

*antes de las declaraciones y/o definiciones locales del módulo.
Todo ello (local + importado) conforma el **entorno del módulo***



Sobre módulos: ejemplo1

```
module M1 ( T(C1,C2), op1, op2) where
  data T α = C1 | C2 α | C3 α
  op1, op2 :: T α -> α
  ---  ---  ---  ---  ---
```

- M1 contiene $T(C1,C2)$ en su *<lista-export>* por lo que exporta sólo los constructores $C1$ y $C2$ del tipo $T\alpha$
- Si se quiere exportar todos los constructores: $T(..)$
- Si NO se quiere exportar los constructores: T
- Las instancias de clases definidas para $T\alpha$ se exportan (e importan) junto con el tipo.



Sobre módulos: ejemplo2

```
module M2 <lista-exp-M2> where
  import M1 ( T, op1 )
  op3:: T  $\alpha$   $\rightarrow$  Bool
  ---  ----  ---  ----  ---
```

- M2 importa de M1 sólo T y op1 (ni C1 ni C2 ni op2)
- Si se quiere importar todo lo que M1 exporta: **import M1**
- El entorno de M2 consiste en T, op1 y op3
- Si no hay <lista-exp-M2>, M2 exporta la parte local (op3) pero NO la parte importada (T, op1)
- M2 exporta M1 si <lista-exp-M2> = (**module** M1, op3)
- M2 exporta T y op3 si <lista-exp-M2> = (T, op3)