Correctievoorschrift HAVO

2011

tijdvak 2

wiskunde B

Het correctievoorschrift bestaat uit:

- 1 Regels voor de beoordeling
- 2 Algemene regels
- 3 Vakspecifieke regels
- 4 Beoordelingsmodel
- 5 Inzenden scores

1 Regels voor de beoordeling

Het werk van de kandidaten wordt beoordeeld met inachtneming van de artikelen 41 en 42 van het Eindexamenbesluit v.w.o.-h.a.v.o.-m.a.v.o.-v.b.o.

Voorts heeft het College voor Examens (CvE) op grond van artikel 2 lid 2d van de Wet CvE de Regeling beoordelingsnormen en bijbehorende scores centraal examen vastgesteld.

Voor de beoordeling zijn de volgende passages van de artikelen 36, 41, 41a en 42 van het Eindexamenbesluit van belang:

- 1 De directeur doet het gemaakte werk met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen en het proces-verbaal van het examen toekomen aan de examinator. Deze kijkt het werk na en zendt het met zijn beoordeling aan de directeur. De examinator past de beoordelingsnormen en de regels voor het toekennen van scorepunten toe die zijn gegeven door het College voor Examens.
- 2 De directeur doet de van de examinator ontvangen stukken met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen, het proces-verbaal en de regels voor het bepalen van de score onverwijld aan de gecommitteerde toekomen.
- 3 De gecommitteerde beoordeelt het werk zo spoedig mogelijk en past de beoordelingsnormen en de regels voor het bepalen van de score toe die zijn gegeven door het College voor Examens.

- De gecommitteerde voegt bij het gecorrigeerde werk een verklaring betreffende de verrichte correctie. Deze verklaring wordt mede ondertekend door het bevoegd gezag van de gecommitteerde.
- 4 De examinator en de gecommitteerde stellen in onderling overleg het aantal scorepunten voor het centraal examen vast.
- Indien de examinator en de gecommitteerde daarbij niet tot overeenstemming komen, wordt het geschil voorgelegd aan het bevoegd gezag van de gecommitteerde. Dit bevoegd gezag kan hierover in overleg treden met het bevoegd gezag van de examinator. Indien het geschil niet kan worden beslecht, wordt hiervan melding gemaakt aan de inspectie. De inspectie kan een derde onafhankelijke gecommitteerde aanwijzen. De beoordeling van de derde gecommitteerde komt in de plaats van de eerdere beoordelingen.

2 Algemene regels

Voor de beoordeling van het examenwerk zijn de volgende bepalingen uit de regeling van het College voor Examens van toepassing:

- De examinator vermeldt op een lijst de namen en/of nummers van de kandidaten, het aan iedere kandidaat voor iedere vraag toegekende aantal scorepunten en het totaal aantal scorepunten van iedere kandidaat.
- Voor het antwoord op een vraag worden door de examinator en door de gecommitteerde scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel. Scorepunten zijn de getallen 0, 1, 2, ..., n, waarbij n het maximaal te behalen aantal scorepunten voor een vraag is. Andere scorepunten die geen gehele getallen zijn, of een score minder dan 0 zijn niet geoorloofd.
- 3 Scorepunten worden toegekend met inachtneming van de volgende regels:
 - 3.1 indien een vraag volledig juist is beantwoord, wordt het maximaal te behalen aantal scorepunten toegekend:
 - 3.2 indien een vraag gedeeltelijk juist is beantwoord, wordt een deel van de te behalen scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel:
 - 3.3 indien een antwoord op een open vraag niet in het beoordelingsmodel voorkomt en dit antwoord op grond van aantoonbare, vakinhoudelijke argumenten als juist of gedeeltelijk juist aangemerkt kan worden, moeten scorepunten worden toegekend naar analogie of in de geest van het beoordelingsmodel;
 - 3.4 indien slechts één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, wordt uitsluitend het eerstgegeven antwoord beoordeeld;
 - 3.5 indien meer dan één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, worden uitsluitend de eerstgegeven antwoorden beoordeeld, tot maximaal het gevraagde aantal;
 - 3.6 indien in een antwoord een gevraagde verklaring of uitleg of afleiding of berekening ontbreekt dan wel foutief is, worden 0 scorepunten toegekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is aangegeven;
 - 3.7 indien in het beoordelingsmodel verschillende mogelijkheden zijn opgenomen, gescheiden door het teken /, gelden deze mogelijkheden als verschillende formuleringen van hetzelfde antwoord of onderdeel van dat antwoord;

- 3.8 indien in het beoordelingsmodel een gedeelte van het antwoord tussen haakjes staat, behoeft dit gedeelte niet in het antwoord van de kandidaat voor te komen;
- 3.9 indien een kandidaat op grond van een algemeen geldende woordbetekenis, zoals bijvoorbeeld vermeld in een woordenboek, een antwoord geeft dat vakinhoudelijk onjuist is, worden aan dat antwoord geen scorepunten toegekend, of tenminste niet de scorepunten die met de vakinhoudelijke onjuistheid gemoeid zijn.
- 4 Het juiste antwoord op een meerkeuzevraag is de hoofdletter die behoort bij de juiste keuzemogelijkheid. Voor een juist antwoord op een meerkeuzevraag wordt het in het beoordelingsmodel vermelde aantal scorepunten toegekend. Voor elk ander antwoord worden geen scorepunten toegekend. Indien meer dan één antwoord gegeven is, worden eveneens geen scorepunten toegekend.
- 5 Een fout mag in de uitwerking van een vraag maar één keer worden aangerekend, tenzij daardoor de vraag aanzienlijk vereenvoudigd wordt en/of tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- 6 Een zelfde fout in de beantwoording van verschillende vragen moet steeds opnieuw worden aangerekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- 7 Indien de examinator of de gecommitteerde meent dat in een examen of in het beoordelingsmodel bij dat examen een fout of onvolkomenheid zit, beoordeelt hij het werk van de kandidaten alsof examen en beoordelingsmodel juist zijn. Hij kan de fout of onvolkomenheid mededelen aan het College voor Examens. Het is niet toegestaan zelfstandig af te wijken van het beoordelingsmodel. Met een eventuele fout wordt bij de definitieve normering van het examen rekening gehouden.
- 8 Scorepunten worden toegekend op grond van het door de kandidaat gegeven antwoord op iedere vraag. Er worden geen scorepunten vooraf gegeven.
- 9 Het cijfer voor het centraal examen wordt als volgt verkregen. Eerste en tweede corrector stellen de score voor iedere kandidaat vast. Deze score wordt meegedeeld aan de directeur. De directeur stelt het cijfer voor het centraal examen vast op basis van de regels voor omzetting van score naar cijfer.
- NB Het aangeven van de onvolkomenheden op het werk en/of het noteren van de behaalde scores bij de vraag is toegestaan, maar niet verplicht.

Evenmin is er een standaardformulier voorgeschreven voor de vermelding van de scores van de kandidaten.

Het vermelden van het schoolexamencijfer is toegestaan, maar niet verplicht. Binnen de ruimte die de regelgeving biedt, kunnen scholen afzonderlijk of in gezamenlijk overleg keuzes maken.

3 Vakspecifieke regels

Voor dit examen kunnen maximaal 78 scorepunten worden behaald.

Voor dit examen zijn de volgende vakspecifieke regels vastgesteld:

- 1 Voor elke rekenfout of verschrijving in de berekening wordt één punt afgetrokken tot het maximum van het aantal punten dat voor dat deel van die vraag kan worden gegeven.
- De algemene regel 3.6 geldt ook bij de vragen waarbij de kandidaten de Grafische rekenmachine (GR) gebruiken. Bij de betreffende vragen doen de kandidaten er verslag van hoe zij de GR gebruiken.

4 Beoordelingsmodel

Vraag Antwoord Scores

Tonregel van Kepler

1 maximumscore 6

- $G = B = \pi \cdot 29^2 \ (\approx 2642) \ (\text{cm}^2)$
- Voor de cirkel op halve hoogte geldt: $2\pi r = 223$ (met r de straal van de cirkel in cm)
- Hieruit volgt $r = \frac{223}{2\pi}$ (of $r \approx 35,5$) (cm)
- Dus $M = \pi \cdot \left(\frac{223}{2\pi}\right)^2$ (of $M \approx \pi \cdot 35, 5^2$ en dit geeft $M \approx 3959$) (cm²)
- Dit geeft $I = \frac{1}{6} \cdot 93 \cdot (\pi \cdot 29^2 + 4 \cdot \pi \cdot (\frac{223}{2\pi})^2 + \pi \cdot 29^2)$ (of $I \approx \frac{1}{6} \cdot 93 \cdot (2642 + 4 \cdot 3959 + 2642)$) (cm³)
- De inhoud van de ton is dus 327 (liter)

2 maximumscore 4

- Voor de piramide geldt: G = 100 en B = 0
- De afmetingen van de doorsnede op halve hoogte zijn 5 bij 5, dus M = 25
- Volgens de tonregel is de inhoud $\frac{1}{6} \cdot 9 \cdot (100 + 4 \cdot 25 + 0) = 300$
- Volgens de formule voor de inhoud van een piramide geldt: de inhoud is ½·100·9 = 300 (dus de uitkomsten zijn gelijk)

Vraag Antwoord Scores

Inkomensverdeling

3

4

5

maximumscore 5	
• Differentiëren geeft $I' = 0,25 + 0,000225B^2$	1
• Dit geeft de vergelijking $0,25+0,000225B^2=1$	1
• Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden	1
• Dit geeft $B \approx 58$	1
• Het antwoord: 42(%)	1
maximumscore 4	4
• $B = 0$ invullen levert $I = a \cdot 0 + 100^{1-p} \cdot (1-a) \cdot 0^p = 0$	1
• $B = 100$ invullen levert $I = a \cdot 100 + 100^{1-p} \cdot (1-a) \cdot 100^p$	1
• Er geldt $100^{1-p} \cdot 100^p = 100$	1
• Hieruit volgt $I = 100a + 100(1-a) = 100$	1
maximumscore 3	
• Er moet gelden: $a \cdot 50 + 100^{1-3} \cdot (1-a) \cdot 50^3 = 17$	1
 Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 	1
• Het antwoord: $a = 0.12$	1

Antwoord Scores Vraag

Mosselen

6	 maximumscore 3 L = 29 invullen in de gegeven formule geeft C≈ 52 De hoeveelheid gefilterd water is (ongeveer) 24·52 = 1248 ml per dag Dit is meer dan een liter (dus de bewering stemt overeen met de gegeven formule) 	1 1
7	maximumscore 3	
	• Als L (onbegrensd) to eneemt, nadert 0,693 ^L tot 0	1
	• Hieruit volgt dat 1+179·0,693 ^L nadert tot 1	1
	• Dit geeft dat C nadert tot 52,7, dus de grafiek heeft een horizontale asymptoot	1
8	maximumscore 4	4
	• log 65 ≈ 1,81	1
	• In de figuur kan bij 1,81 op de horizontale as 0,1 op de verticale as worden afgelezen	1
	• Dit geeft $\log W \approx 0.1$	1
	• $10^{0,1} \approx 1,3$, dus het vleesgewicht van deze mossel is afgerond 1,3 (gram)	1
	Opmerking Als voor log W een andere waarde is afgelezen tussen 0,05 en 0,15, hiervoor geen scorepunten aftrekken.	
9	maximumscore 4	
	• $W = 10^{-5,5+3,1 \cdot \log L}$	1
	• Hieruit volgt $W = 10^{-5.5} \cdot 10^{3.1 \cdot \log L}$	1
	• Dus $W = 10^{-5.5} \cdot 10^{\log(L^{3.1})}$	1
	• Dit geeft $W = 10^{-5.5} \cdot L^{3.1}$	1
	of	
	• $\log W = \log(10^{-5,5}) + \log(L^{3,1})$	2
	• Dus $\log W = \log(10^{-5.5} \cdot L^{3.1})$	1
	• Dit geeft $W = 10^{-5.5} \cdot L^{3.1}$	1

Opmerking Als voor $10^{-5.5}$ een benadering is gegeven, hiervoor geen scorepunten aftrekken.

Vraag Antwoord Scores

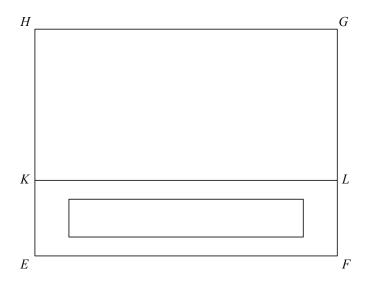
Vuilnisbak

10	maximumscore 4	
	• De oppervlakte van driehoek FGL is $\frac{1}{2} \cdot 30 \cdot 15 = 225$ (cm ²)	1
	• De oppervlakte van <i>BCGF</i> is $\frac{1}{2} \cdot (20 + 30) \cdot 58 = 1450$ (cm ²)	1
	• De inhoud van de vuilnisbak is (225+1450)·40 (cm ³)	1
	• Het antwoord: 67 000 cm ³ (of 67 liter)	1
11	maximumscore 6	
	• Rechthoek $EFGH$ getekend zo dat $EF = GH = (40:5=)8$ cm en	
	FG = EH = (30:5=)6 cm	1
	• Lijnstuk KL getekend op $(10:5=)2$ cm van EF (en dus 4 cm van GH)	1
	 Op ware grootte is de lengte van FL √10²+15² ≈18 (cm) (en de breedte van de randen boven en onder de opening is 4,5 (cm)) In het gevraagde bovenaanzicht is de lengte van FL 2 cm, dus in dit bovenaanzicht is de breedte van de randen boven en onder de opening 	1
	ongeveer $\frac{4.5}{18} \cdot 2 = 0.5$ cm	2
	• Met randen van deze breedte boven en onder en met randen van $(4,5:5=)0,9$ cm breedte links en rechts, de opening als rechthoek binnen <i>EFLK</i> getekend	1
	of	'
	• Rechthoek <i>EFGH</i> getekend zo dat $EF = GH = (40:5=)8$ cm en	
	FG = EH = (30:5) = 6 cm	1
	• Lijnstuk KL getekend op $(10:5=)2$ cm van EF (en dus 4 cm van GH)	1
	• Het zijaanzicht $BCGLF$ op schaal 1 : 5 getekend met punt(en) P (en Q) op lijnstuk FL zo dat $FP(=QL)=(4,5:5=)0,9$ cm (met P en Q de	'
	loodrechte projecties van de onder- en bovenzijde van de opening op vlak <i>BCGLF</i>)	1
	• In het zijaanzicht BCGLF op schaal 1 : 5 de loodrechte projectie(s) P'	
	(en Q' en L') van P (en Q en L) op lijnstuk FG getekend	1
	• In het gevraagde bovenaanzicht is de breedte van de randen boven en onder de opening gelijk aan de lengte van FP' (en Q'L') in het	
	 zijaanzicht Met randen van deze breedte boven en onder en met randen van (4,5:5=)0,9 cm breedte links en rechts, de opening als rechthoek 	1
	binnen <i>EFLK</i> getekend	1

Opmerking

Als een kandidaat de letters niet geeft bij het bovenaanzicht, hiervoor geen scorepunten aftrekken.

Vraag Antwoord Scores



12 maximumscore 3

• Voor de vergrotingsfactor k van de hoogte geldt dat $k^3 = 0.90$

• Hieruit volgt $k = \sqrt[3]{0.90} \ (\approx 0.965)$

• De hoogte van de binnenbak is $\sqrt[3]{0,90} \cdot 58$ (cm), dus het antwoord is 56 (cm)

Functies met een wortel

13 maximumscore 4

• Invullen van (27, 108) geeft $27\sqrt{27+a} = 108$

• Hieruit volgt $\sqrt{27+a} = 4$

• Dit geeft 27 + a = 16, dus a = -11

14 maximumscore 6

• Opgelost moet worden $x\sqrt{x+18} = 2x \pmod{x \neq 0}$

• Dus $\sqrt{x+18} = 2$

• Hieruit volgt x + 18 = 4, dus $x_p = -14$

• Dit geeft $y_P = -28$

• Dus $OP = \sqrt{(-14)^2 + (-28)^2} = \sqrt{980} \ (=14\sqrt{5})$

15 maximumscore 4

• $f_{18}'(x) = 1 \cdot \sqrt{x+18} + x \cdot \frac{1}{2\sqrt{x+18}}$ (of een gelijkwaardige vorm)

• Beschrijven hoe $f_{18}'(x) = 0$ opgelost kan worden

• (Het minimum wordt aangenomen voor) x = -12

1

Vraag Antwoord

Scores

Kruis in cirkel

16 maximumscore 3

- PS = MS MP
- $MP = (\sqrt{x^2 + x^2}) x\sqrt{2} \text{ (omdat } x > 0)$
- MS = 1, dus $PS = 1 x\sqrt{2}$

17 maximumscore 3

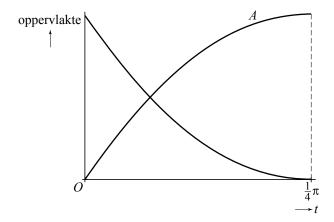
- Er geldt: $1 x\sqrt{2} = \frac{2}{3}$ (of $1 x\sqrt{2} = 2x\sqrt{2}$)
- Hieruit volgt $x\sqrt{2} = \frac{1}{3}$
- Dus $x = \frac{1}{6}\sqrt{2}$ (of een gelijkwaardige vorm)

of

- Er geldt: $MP = \frac{1}{3}$
- Hieruit volgt $x^2 + x^2 = \frac{1}{9}$
- Dus $x = \frac{1}{6}\sqrt{2}$ (of een gelijkwaardige vorm)

18 maximumscore 4

- Het beginpunt van de getekende grafiek (op de verticale as, bij t = 0) ligt op dezelfde hoogte als het eindpunt van de oorspronkelijke grafiek 1
 - Het eindpunt van de getekende grafiek is $(\frac{1}{4}\pi, 0)$
- Het tekenen van de grafiek op de uitwerkbijlage, bijvoorbeeld door de grafiek van A te spiegelen in de lijn $y = \frac{1}{2}\pi$ of door de grafiek van πA te plotten met de GR en over te nemen op de uitwerkbijlage



2

Vraag	Antwoord	Scores
19	maximumscore 5	
	• De afgeleide van 4t is 4	1
	• De afgeleide van $2\sin(2t)$ is $2\cos(2t)\cdot 2$	1
	• De afgeleide van $2\cos(2t)$ is $-2\sin(2t)\cdot 2$	1
	• Dit geeft $A'(\frac{1}{8}\pi) = 4$	1
	• Dus de helling is halverwege het interval gehalveerd	1
	Opmerking	

5 Inzenden scores

3 scorepunten toekennen.

Verwerk de scores van alle kandidaten per school in het programma WOLF. Zend de gegevens uiterlijk op 24 juni naar Cito.

Als de kettingregel niet toegepast is, voor deze vraag maximaal