Correctievoorschrift VWO

2012

tijdvak 1

wiskunde C (pilot)

Het correctievoorschrift bestaat uit:

- 1 Regels voor de beoordeling
- 2 Algemene regels
- 3 Vakspecifieke regels
- 4 Beoordelingsmodel
- 5 Inzenden scores
- 6 Bronvermeldingen

1 Regels voor de beoordeling

Het werk van de kandidaten wordt beoordeeld met inachtneming van de artikelen 41 en 42 van het Eindexamenbesluit v.w.o.-h.a.v.o.-m.a.v.o.-v.b.o.

Voorts heeft het College voor Examens (CvE) op grond van artikel 2 lid 2d van de Wet CvE de Regeling beoordelingsnormen en bijbehorende scores centraal examen vastgesteld.

Voor de beoordeling zijn de volgende passages van de artikelen 36, 41, 41a en 42 van het Eindexamenbesluit van belang:

- De directeur doet het gemaakte werk met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen en het proces-verbaal van het examen toekomen aan de examinator. Deze kijkt het werk na en zendt het met zijn beoordeling aan de directeur. De examinator past de beoordelingsnormen en de regels voor het toekennen van scorepunten toe die zijn gegeven door het College voor Examens.
- 2 De directeur doet de van de examinator ontvangen stukken met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen, het proces-verbaal en de regels voor het bepalen van de score onverwijld aan de gecommitteerde toekomen.
- 3 De gecommitteerde beoordeelt het werk zo spoedig mogelijk en past de beoordelingsnormen en de regels voor het bepalen van de score toe die zijn gegeven door het College voor Examens.

- De gecommitteerde voegt bij het gecorrigeerde werk een verklaring betreffende de verrichte correctie. Deze verklaring wordt mede ondertekend door het bevoegd gezag van de gecommitteerde.
- 4 De examinator en de gecommitteerde stellen in onderling overleg het aantal scorepunten voor het centraal examen vast.
- Indien de examinator en de gecommitteerde daarbij niet tot overeenstemming komen, wordt het geschil voorgelegd aan het bevoegd gezag van de gecommitteerde. Dit bevoegd gezag kan hierover in overleg treden met het bevoegd gezag van de examinator. Indien het geschil niet kan worden beslecht, wordt hiervan melding gemaakt aan de inspectie. De inspectie kan een derde onafhankelijke gecommitteerde aanwijzen. De beoordeling van de derde gecommitteerde komt in de plaats van de eerdere beoordelingen.

2 Algemene regels

Voor de beoordeling van het examenwerk zijn de volgende bepalingen uit de regeling van het College voor Examens van toepassing:

- De examinator vermeldt op een lijst de namen en/of nummers van de kandidaten, het aan iedere kandidaat voor iedere vraag toegekende aantal scorepunten en het totaal aantal scorepunten van iedere kandidaat.
- Voor het antwoord op een vraag worden door de examinator en door de gecommitteerde scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel. Scorepunten zijn de getallen 0, 1, 2, ..., n, waarbij n het maximaal te behalen aantal scorepunten voor een vraag is. Andere scorepunten die geen gehele getallen zijn, of een score minder dan 0 zijn niet geoorloofd.
- 3 Scorepunten worden toegekend met inachtneming van de volgende regels:
 - 3.1 indien een vraag volledig juist is beantwoord, wordt het maximaal te behalen aantal scorepunten toegekend:
 - 3.2 indien een vraag gedeeltelijk juist is beantwoord, wordt een deel van de te behalen scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel;
 - 3.3 indien een antwoord op een open vraag niet in het beoordelingsmodel voorkomt en dit antwoord op grond van aantoonbare, vakinhoudelijke argumenten als juist of gedeeltelijk juist aangemerkt kan worden, moeten scorepunten worden toegekend naar analogie of in de geest van het beoordelingsmodel;
 - 3.4 indien slechts één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, wordt uitsluitend het eerstgegeven antwoord beoordeeld;
 - 3.5 indien meer dan één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, worden uitsluitend de eerstgegeven antwoorden beoordeeld, tot maximaal het gevraagde aantal;
 - 3.6 indien in een antwoord een gevraagde verklaring of uitleg of afleiding of berekening ontbreekt dan wel foutief is, worden 0 scorepunten toegekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is aangegeven;
 - 3.7 indien in het beoordelingsmodel verschillende mogelijkheden zijn opgenomen, gescheiden door het teken /, gelden deze mogelijkheden als verschillende formuleringen van hetzelfde antwoord of onderdeel van dat antwoord;
 - 3.8 indien in het beoordelingsmodel een gedeelte van het antwoord tussen haakjes staat, behoeft dit gedeelte niet in het antwoord van de kandidaat voor te komen;

- 3.9 indien een kandidaat op grond van een algemeen geldende woordbetekenis, zoals bijvoorbeeld vermeld in een woordenboek, een antwoord geeft dat vakinhoudelijk onjuist is, worden aan dat antwoord geen scorepunten toegekend, of tenminste niet de scorepunten die met de vakinhoudelijke onjuistheid gemoeid zijn.
- 4 Het juiste antwoord op een meerkeuzevraag is de hoofdletter die behoort bij de juiste keuzemogelijkheid. Voor een juist antwoord op een meerkeuzevraag wordt het in het beoordelingsmodel vermelde aantal scorepunten toegekend. Voor elk ander antwoord worden geen scorepunten toegekend. Indien meer dan één antwoord gegeven is, worden eveneens geen scorepunten toegekend.
- 5 Een fout mag in de uitwerking van een vraag maar één keer worden aangerekend, tenzij daardoor de vraag aanzienlijk vereenvoudigd wordt en/of tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- 6 Een zelfde fout in de beantwoording van verschillende vragen moet steeds opnieuw worden aangerekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- Indien de examinator of de gecommitteerde meent dat in een examen of in het beoordelingsmodel bij dat examen een fout of onvolkomenheid zit, beoordeelt hij het werk van de kandidaten alsof examen en beoordelingsmodel juist zijn. Hij kan de fout of onvolkomenheid mededelen aan het College voor Examens. Het is niet toegestaan zelfstandig af te wijken van het beoordelingsmodel. Met een eventuele fout wordt bij de definitieve normering van het examen rekening gehouden.
- 8 Scorepunten worden toegekend op grond van het door de kandidaat gegeven antwoord op iedere vraag. Er worden geen scorepunten vooraf gegeven.
- 9 Het cijfer voor het centraal examen wordt als volgt verkregen. Eerste en tweede corrector stellen de score voor iedere kandidaat vast. Deze score wordt meegedeeld aan de directeur. De directeur stelt het cijfer voor het centraal examen vast op basis van de regels voor omzetting van score naar cijfer.
- NB Het aangeven van de onvolkomenheden op het werk en/of het noteren van de behaalde scores bij de vraag is toegestaan, maar niet verplicht.

Evenmin is er een standaardformulier voorgeschreven voor de vermelding van de scores van de kandidaten.

Het vermelden van het schoolexamencijfer is toegestaan, maar niet verplicht. Binnen de ruimte die de regelgeving biedt, kunnen scholen afzonderlijk of in gezamenlijk overleg keuzes maken.

3 Vakspecifieke regels

Voor dit examen kunnen maximaal 79 scorepunten worden behaald.

Voor dit examen zijn de volgende vakspecifieke regels vastgesteld:

- 1 Voor elke rekenfout of verschrijving in de berekening wordt 1 scorepunt afgetrokken tot het maximum van het aantal scorepunten dat voor dat deel van die vraag kan worden gegeven.
- De algemene regel 3.6 geldt ook bij de vragen waarbij de kandidaten de Grafische rekenmachine (GR) gebruiken. Bij de betreffende vragen doen de kandidaten er verslag van hoe zij de GR gebruiken.

4 Beoordelingsmodel

Vraag	Antwoord	Scores	
-------	----------	--------	--

Wild

1 maximumscore 3

- Er zijn 835+1915= 2750 wilde zwijnen
- $\frac{2750}{835} \approx 3,29$
- Het antwoord: 229% (te veel) (of nauwkeuriger)

of

- $\frac{1915}{835} \approx 2,29$
- Het antwoord: 229% (te veel) (of nauwkeuriger)

2 maximumscore 5

- De formule is van de vorm $Z = b \cdot g^t$ 1 • $\frac{275}{131} \approx 2.1$ (of $\frac{578}{275} \approx 2.1$) dus de groeifactor is 2.1 (of nauwkeuriger) 1
- De formule: $Z = 131 \cdot 2, 1^t$
- Beschrijven hoe de vergelijking $131 \cdot 2, 1^t = 1700$ opgelost kan worden
- $t \approx 3.5$ dus in 2009

of

- De formule is van de vorm $Z = b \cdot g^t$
- $\frac{275}{131} \approx 2.1$ (of $\frac{578}{275} \approx 2.1$) dus de groeifactor is 2.1 (of nauwkeuriger)
- De formule: $Z = 131 \cdot 2, 1^t$
- Werken met de groeifactor 2,1 levert na 578 (of 577) eerst 1214 en daarna 2549 aangereden dieren
- Het antwoord: 2009

3 maximumscore 4

- Mannetje: $S = \frac{500 + 100^2}{3.9} \approx 2692$ (euro) (of nauwkeuriger)
- Vrouwtje: $S = \frac{500 + 70^2}{3.9} \approx 1385$ (euro) (of nauwkeuriger)
- Gemiddelde schade: $\frac{2 \cdot 2692 + 1385}{3} \approx 2260$ (euro)

Opmerking

Als deze vraag beantwoord wordt door in de formule het gemiddelde gewicht van een aangereden wild zwijn, zijnde 90 kg, in te vullen, ten hoogste 2 scorepunten voor deze vraag toekennen.

4 maximumscore 3

•
$$a = \frac{500}{3.9}$$
 dus $a = 128.21$

•
$$b = \frac{1}{3.9}$$
 dus $b = 0.26$

Opmerking

Als een kandidaat een aanpak hanteert waarbij op grond van enkele zelfgekozen waarden van G de waarde van a en b berekend wordt, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

Waardepunten

5	maximumscore 4	
•	• 6 maal kop en schotel voor $6.600 = 3600$ (punten)	1
	• 8 theelepeltjes voor $8.450 = 3600$ (punten)	1
	 3 maal kop en schotel en 4 theelepeltjes voor 	
	1800 + 1800 = 3600 (punten)	1
	• 3 theeglazen, 2 lepeltjes en 1 kop en schotel voor 2100+900+600 = 3600 (punten)	1
•		
6	 maximumscore 4 Je moet elk artikel met ten minste 100 waardepunten betalen 	1
	• De eerste 700 punten zijn € 10,50 waard	1
	• 11 300 punten zijn € 56,50 waard	1
	• Marieke moet (\notin 102,30 – \notin 67,- =) \notin 35,30 bijbetalen	1
	Opmerking	
	Als een kandidaat niet elk artikel met waardepunten betaalt, daarvoor	
	1 scorepunt in mindering brengen.	
7	maximumscore 4	
	• Elk punt is 0,005 euro waard	1
	• De helling is dus 0,005	1
	• Voor de eerste 100 punten krijg je echter 1,50 euro dus krijg je voor de eerste 100 punten 1,50-100·0,005=1 euro extra	1
	W. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1.	1
	• Hieruit volgt dat het startgetal 1 is (dus $W = 1 + 0,005p$) of	'
	• De formule is van de vorm $W = a \cdot p + b$	1
	• Helling $a = \frac{0.50}{100} = 0.005$	1
	• Het punt (100; 1,50) ligt op de grafiek	1
	• Hieruit volgt dat $b = 1$ (dus $W = 1 + 0.005p$)	1
	of	
	• $W = 1,50 + \left(\frac{p-100}{100}\right) \cdot 0,50$	2
	• $W = 1,50 + (\frac{p}{100} - 1) \cdot 0,50$	1
	• Deze formule uitwerken geeft de formule $W = 1 + 0,005p$	1

Behendigheid

8 maximumscore 3

- TE en LE zijn beide nooit negatief dus LE + TE is nooit negatief dus $B = \frac{LE}{LE + TE}$ is ook nooit negatief (bewering 1)
- Omdat *TE* niet negatief is, geldt: $LE \le LE + TE$ dus $B = \frac{LE}{LE + TE} \le 1 \text{ (bewering 2)}$
- Als het toevalseffect kleiner is, is *TE* kleiner dus LE + TE kleiner dus $B = \frac{LE}{LE + TE}$ groter (bewering 3)

Opmerking

Als slechts met getallenvoorbeelden gewerkt is, hiervoor geen scorepunten toekennen.

9 maximumscore 4

• $\frac{LE}{LE + TE} = 0.2$ • LE = 0.2LE + 0.2TE• 0.8LE = 0.2TE• $\frac{LE}{TE} = \frac{1}{4}$ (of LE : TE = 1 : 4 of TE = 4LE)

Opmerkingen

- Als slechts één getallenvoorbeeld gegeven wordt en verdere toelichting ontbreekt, ten hoogste 1 scorepunt aan deze vraag toekennen.
- Als twee of meer getallenvoorbeelden gegeven worden en verdere toelichting ontbreekt, ten hoogste 2 scorepunten aan deze vraag toekennen.
- Als een kandidaat uitgaat van LE:TE=1:4 en daarmee nagaat dat B=0,2, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

10 maximumscore 3

Het verschil tussen de fictieve speler en de ervaren speler zit in de extra informatie die de fictieve speler wel en de ervaren speler niet heeft
Als het toeval bij een spel een grotere rol speelt, zal die extra informatie voor de fictieve speler veel extra winst opleveren
Dan is het verschil in winst tussen beide spelers (*TE* dus) groter

11 maximumscore 3

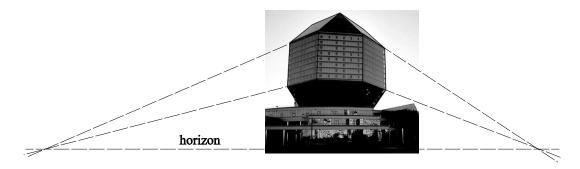
•	Totaal beginner = -30 , totaal ervaren speler = 80 en	
	totaal fictieve speler = 390	1
•	Het behendigheidsniveau op basis van de totalen: $B \approx 0.26$ (of	
	nauwkeuriger)	1
•	Het pokerspel 'Texas Hold'Em' is geen kansspel (omdat 0,26>0,2)	1

De Nationale Bibliotheek van Wit-Rusland te Minsk

12 maximumscore 3

Het tekenen van de verdwijnpunten
Het tekenen van de horizon
1

Voorbeeld van een tekening



Opmerking

Als een kandidaat met een verantwoorde constructie de horizon op iets andere hoogte getekend heeft dan in het voorbeeld aangegeven, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

13 maximumscore 5

- De regelmatige achthoek is vanwege symmetrie onder te verdelen in (onder andere) vier dezelfde gelijkbenige rechthoekige driehoeken (en verder een vierkant en vier dezelfde rechthoeken)
 De langste zijde van zo'n gelijkbenige rechthoekige driehoek heeft lengte 28 (m)
 Voor de rechthoekszijde a in zo'n driehoek geldt volgens de Stelling van Pythagoras: a² + a² = 28²
- Beschrijven hoe deze vergelijking wordt opgelost
 De oplossing: a≈19,8 (m)

14 maximumscore 3

•	De oppervlakte van de rechthoekige stukken is $4 \cdot 28 \cdot 20 + 28^2$	1
•	De oppervlakte van de driehoekige stukken is $4 \cdot \frac{1}{2} \cdot 20^2$	1
•	De oppervlakte is 3824 m ²	1

Opmerking

Als een kandidaat de oppervlakte heeft berekend met gebruikmaking van de zelf berekende waarde uit de vorige vraag, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

15 maximumscore 5

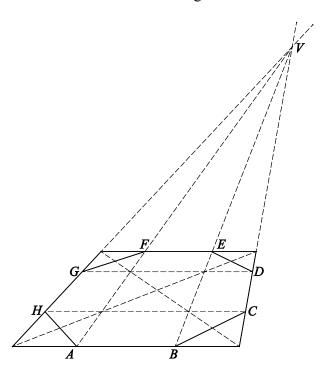
Een aanpak als:

•	Het tekenen van het verdwijnpunt V door de zijden van het vierkant te	
	verlengen	1
•	Het tekenen van AV en BV en de punten E en F	1
•	Het tekenen van een diagonaal van het vierkant	1
•	Het tekenen van de horizontale lijnen GD en HC op de juiste hoogte en	
	de punten D , G en H	1
•	Het verder afmaken van de achthoek	1

Opmerking

De letters D tot en met H hoeven niet in de tekening aangegeven te worden.

Voorbeeld van een tekening



Halvering van vlakken

• n = 9 geeft $O_0 \approx 1.1$ (of nauwkeuriger)

16	maximumscore 3	
	Een aanpak als	
	• Het opstellen van de vergelijking $2^n = 8192$	1
	 Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 	1
	• Het antwoord: $n = 13$	1
17	maximumscore 4	
	• De beginwaarde is 576 cm ²	1
	• Een formule als $O_n = 576 \cdot 0.5^n$	1

Opmerking

n = 10

Als het antwoord zonder formule is gevonden, bijvoorbeeld door 576 steeds door 2 te delen, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

1

n = 10 geeft $O_{10} \approx 0.6$ (of nauwkeuriger) (dus vanaf plaatje met

18 maximumscore 4

De bovenste rechthoek in het gegeven plaatje met n = 2 kan horizontaal of verticaal verdeeld worden en elk van de twee ontstane rechthoeken kan vervolgens ook op twee manieren verdeeld worden
 Dit geeft in totaal 8 mogelijke manieren van verdelen
 Twee van deze 8 manieren geven hetzelfde resultaat, dus voor één rechthoek zijn er 7 verschillende resultaten mogelijk
 In totaal zijn er 7⁴ = 2401 verschillende plaatjes met n = 4 mogelijk bij het gegeven plaatje met n = 2

Opmerkingen

- Als de 7 mogelijkheden voor een rechthoek gevonden zijn door deze uit te tekenen, dit goed rekenen.
- Als de kandidaat met 8 in plaats van 7 mogelijkheden gerekend heeft, ten hoogste 3 scorepunten voor deze vraag toekennen.
- Als de kandidaat slechts het aantal verschillende plaatjes met n = 3 heeft berekend, ten hoogste 2 scorepunten voor deze vraag toekennen.

19 maximumscore 3

- Na de tweede keer verdelen blijft er nog $6,5-2\cdot0,5=5,5$ mm wit over
- Na de derde keer verdelen blijft er nog $5,5-4\cdot0,5=3,5$ mm wit over
- Na de vierde keer verdelen zou er nog 3,5-8·0,5 = -0,5 mm wit over blijven, dus dan is er geen wit meer over

of

• Om 7 mm te laten vollopen, moeten er $\frac{7}{0.5}$ = 14 lijnen van 0,5 mm

worden toegevoegd Na drie keer delen zijn er 1+2+4=7 lijnen toegevoegd dus dan is er

nog wit over

Na vier keer delen zijn er 1 + 2 + 4 + 8 = 15 lijnen toegevoegd dus dan is

• Na vier keer delen zijn er 1+2+4+8=15 lijnen toegevoegd dus dan is er geen wit meer over

Schaatskunst

20 maximumscore 2

Als ze (of een vrouw) geen bochtjes kan, dan is ze een moeder.

21 maximumscore 2

- Venndiagram B past bij citaat 2
- Alleen bij Venndiagram B zie je: alle vrouwen die geen bochtjes kunnen, zitten ook in de verzameling moeders

Opmerkingen

- Als een kandidaat bij deze vraag geen toelichting geeft, geen scorepunten voor deze vraag toekennen.
- Als een kandidaat bij de vorige vraag de redenering foutief heeft weergegeven als "Als een vrouw een moeder is, dan kan ze geen bochtjes" en vervolgens op basis van een dan logische redenering bij Venndiagram A uitkomt, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen bij deze vraag.

22 maximumscore 2

- In citaat 4 wordt expliciet geconstateerd dat er ook meisjes zijn die geen bochtjes kunnen
- Daarmee wordt citaat 2 weerlegd dat een vrouw die geen bochtjes kan, automatisch een moeder is, want je kunt ook een meisje zijn 1

Opmerking

Als een kandidaat bij deze vraag alleen citaat 4 letterlijk heeft geciteerd, geen scorepunten voor deze vraag toekennen.

1

1

1

1

23 maximumscore 3

De bewering: "Alle moeders kunnen geen bochtjes" komt overeen met: "Als een vrouw een moeder is, dan kan ze geen bochtjes"
Dat is net het omgekeerde van het citaat van vriendin 2: "Als een vrouw geen bochtjes kan, dan is ze een moeder"
Nee, deze bewering bevestigt de uitspraak niet

5 Inzenden scores

Verwerk de scores van alle kandidaten per school in het programma WOLF. Zend de gegevens uiterlijk op 29 mei naar Cito.

6 Bronvermeldingen

Schaatskunst ik@nrc.nl, Margreet van Schie, 18 oktober 2010