### Correctievoorschrift VWO

2013

tijdvak 2

# wiskunde C (pilot)

Het correctievoorschrift bestaat uit:

- 1 Regels voor de beoordeling
- 2 Algemene regels
- 3 Vakspecifieke regels
- 4 Beoordelingsmodel
- 5 Inzenden scores

# 1 Regels voor de beoordeling

Het werk van de kandidaten wordt beoordeeld met inachtneming van de artikelen 41 en 42 van het Eindexamenbesluit v.w.o.-h.a.v.o.-m.a.v.o.-v.b.o.

Voorts heeft het College voor Examens (CvE) op grond van artikel 2 lid 2d van de Wet CvE de Regeling beoordelingsnormen en bijbehorende scores centraal examen vastgesteld.

Voor de beoordeling zijn de volgende passages van de artikelen 36, 41, 41a en 42 van het Eindexamenbesluit van belang:

- De directeur doet het gemaakte werk met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen en het proces-verbaal van het examen toekomen aan de examinator. Deze kijkt het werk na en zendt het met zijn beoordeling aan de directeur. De examinator past de beoordelingsnormen en de regels voor het toekennen van scorepunten toe die zijn gegeven door het College voor Examens.
- 2 De directeur doet de van de examinator ontvangen stukken met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen, het proces-verbaal en de regels voor het bepalen van de score onverwijld aan de gecommitteerde toekomen.
- 3 De gecommitteerde beoordeelt het werk zo spoedig mogelijk en past de beoordelingsnormen en de regels voor het bepalen van de score toe die zijn gegeven door het College voor Examens.

- De gecommitteerde voegt bij het gecorrigeerde werk een verklaring betreffende de verrichte correctie. Deze verklaring wordt mede ondertekend door het bevoegd gezag van de gecommitteerde.
- 4 De examinator en de gecommitteerde stellen in onderling overleg het aantal scorepunten voor het centraal examen vast.
- Indien de examinator en de gecommitteerde daarbij niet tot overeenstemming komen, wordt het geschil voorgelegd aan het bevoegd gezag van de gecommitteerde. Dit bevoegd gezag kan hierover in overleg treden met het bevoegd gezag van de examinator. Indien het geschil niet kan worden beslecht, wordt hiervan melding gemaakt aan de inspectie. De inspectie kan een derde onafhankelijke gecommitteerde aanwijzen. De beoordeling van de derde gecommitteerde komt in de plaats van de eerdere beoordelingen.

# 2 Algemene regels

Voor de beoordeling van het examenwerk zijn de volgende bepalingen uit de regeling van het College voor Examens van toepassing:

- De examinator vermeldt op een lijst de namen en/of nummers van de kandidaten, het aan iedere kandidaat voor iedere vraag toegekende aantal scorepunten en het totaal aantal scorepunten van iedere kandidaat.
- Voor het antwoord op een vraag worden door de examinator en door de gecommitteerde scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel. Scorepunten zijn de getallen 0, 1, 2, ..., n, waarbij n het maximaal te behalen aantal scorepunten voor een vraag is. Andere scorepunten die geen gehele getallen zijn, of een score minder dan 0 zijn niet geoorloofd.
- 3 Scorepunten worden toegekend met inachtneming van de volgende regels:
  - 3.1 indien een vraag volledig juist is beantwoord, wordt het maximaal te behalen aantal scorepunten toegekend;
  - 3.2 indien een vraag gedeeltelijk juist is beantwoord, wordt een deel van de te behalen scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel;
  - 3.3 indien een antwoord op een open vraag niet in het beoordelingsmodel voorkomt en dit antwoord op grond van aantoonbare, vakinhoudelijke argumenten als juist of gedeeltelijk juist aangemerkt kan worden, moeten scorepunten worden toegekend naar analogie of in de geest van het beoordelingsmodel;
  - 3.4 indien slechts één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, wordt uitsluitend het eerstgegeven antwoord beoordeeld;
  - 3.5 indien meer dan één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, worden uitsluitend de eerstgegeven antwoorden beoordeeld, tot maximaal het gevraagde aantal;
  - 3.6 indien in een antwoord een gevraagde verklaring of uitleg of afleiding of berekening ontbreekt dan wel foutief is, worden 0 scorepunten toegekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is aangegeven;
  - 3.7 indien in het beoordelingsmodel verschillende mogelijkheden zijn opgenomen, gescheiden door het teken /, gelden deze mogelijkheden als verschillende formuleringen van hetzelfde antwoord of onderdeel van dat antwoord;
  - 3.8 indien in het beoordelingsmodel een gedeelte van het antwoord tussen haakjes staat, behoeft dit gedeelte niet in het antwoord van de kandidaat voor te komen;

- 3.9 indien een kandidaat op grond van een algemeen geldende woordbetekenis, zoals bijvoorbeeld vermeld in een woordenboek, een antwoord geeft dat vakinhoudelijk onjuist is, worden aan dat antwoord geen scorepunten toegekend, of tenminste niet de scorepunten die met de vakinhoudelijke onjuistheid gemoeid zijn.
- 4 Het juiste antwoord op een meerkeuzevraag is de hoofdletter die behoort bij de juiste keuzemogelijkheid. Voor een juist antwoord op een meerkeuzevraag wordt het in het beoordelingsmodel vermelde aantal scorepunten toegekend. Voor elk ander antwoord worden geen scorepunten toegekend. Indien meer dan één antwoord gegeven is, worden eveneens geen scorepunten toegekend.
- 5 Een fout mag in de uitwerking van een vraag maar één keer worden aangerekend, tenzij daardoor de vraag aanzienlijk vereenvoudigd wordt en/of tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- 6 Een zelfde fout in de beantwoording van verschillende vragen moet steeds opnieuw worden aangerekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- Indien de examinator of de gecommitteerde meent dat in een examen of in het beoordelingsmodel bij dat examen een fout of onvolkomenheid zit, beoordeelt hij het werk van de kandidaten alsof examen en beoordelingsmodel juist zijn. Hij kan de fout of onvolkomenheid mededelen aan het College voor Examens. Het is niet toegestaan zelfstandig af te wijken van het beoordelingsmodel. Met een eventuele fout wordt bij de definitieve normering van het examen rekening gehouden.
- 8 Scorepunten worden toegekend op grond van het door de kandidaat gegeven antwoord op iedere vraag. Er worden geen scorepunten vooraf gegeven.
- 9 Het cijfer voor het centraal examen wordt als volgt verkregen. Eerste en tweede corrector stellen de score voor iedere kandidaat vast. Deze score wordt meegedeeld aan de directeur. De directeur stelt het cijfer voor het centraal examen vast op basis van de regels voor omzetting van score naar cijfer.
- NB1 Het aangeven van de onvolkomenheden op het werk en/of het noteren van de behaalde scores bij de vraag is toegestaan, maar niet verplicht.
  Evenmin is er een standaardformulier voorgeschreven voor de vermelding van de scores van de kandidaten.
  Het vermelden van het schoolexamencijfer is toegestaan, maar niet verplicht.
  Binnen de ruimte die de regelgeving biedt, kunnen scholen afzonderlijk of in gezamenlijk overleg keuzes maken.
- NB2 Als het College voor Examens vaststelt dat een centraal examen een onvolkomenheid bevat, kan het besluiten tot een aanvulling op het correctievoorschrift.

  Een aanvulling op het correctievoorschrift wordt zo spoedig mogelijk nadat de onvolkomenheid is vastgesteld via Examenblad.nl verstuurd aan de examensecretarissen.

  Soms komt een onvolkomenheid pas geruime tijd na de afname aan het licht. In die

gevallen vermeldt de aanvulling:

#### NB

- a. Als het werk al naar de tweede corrector is gezonden, past de tweede corrector deze aanvulling op het correctievoorschrift toe.
- b. Als de aanvulling niet is verwerkt in de naar Cito gezonden WOLF-scores, voert Cito dezelfde wijziging door die de correctoren op de verzamelstaat doorvoeren.

Een onvolkomenheid kan ook op een tijdstip geconstateerd worden dat een aanvulling op het correctievoorschrift ook voor de tweede corrector te laat komt. In dat geval houdt het College voor Examens bij de vaststelling van de N-term rekening met de onvolkomenheid.

# 3 Vakspecifieke regels

Voor dit examen kunnen maximaal 81 scorepunten worden behaald.

Voor dit examen zijn de volgende vakspecifieke regels vastgesteld:

- 1 Voor elke rekenfout of verschrijving in de berekening wordt 1 scorepunt afgetrokken tot het maximum van het aantal scorepunten dat voor dat deel van die vraag kan worden gegeven.
- 2 De algemene regel 3.6 geldt ook bij de vragen waarbij de kandidaten de Grafische rekenmachine (GR) gebruiken. Bij de betreffende vragen doen de kandidaten er verslag van hoe zij de GR gebruiken.

# 4 Beoordelingsmodel

Vraag Antwoord Scores Oplopende korting 1 maximumscore 4 Op de eerste dag krijgt de klant een korting van €2,50, op de tweede dag een korting van €15,00 1 De uiteindelijke korting is €2,50 + €15,00 + €90,00 = €107,50 1 Het totale aankoopbedrag blijft €80+ €36+ €319 = €435 1 Het antwoord: 24,7% 1 maximumscore 4 2 Een voorbeeld van aankoopbedragen waarbij op de derde aankoopdag €300 of meer wordt besteed 1 Het doorrekenen van het voorbeeld met op de eerste twee dagen aankoopbedragen in de categorie €25 tot €75 1 Met een berekening aantonen dat het bijbehorende percentage groter is dan 27% 2 maximumscore 4 3 Als ze afzonderlijk kopen, betalen ze 1 Bij 7 boeken is de prijs per boek  $(0, 4 \cdot \in 5, 50 =) \in 2,20$ 1 Hun besparing is €12,10 1

Vraag Antwoord Scores

#### 4 maximumscore 4

- De prijs van n exemplaren zonder korting is  $3 \cdot n$
- Bij een korting van  $n \cdot 10\%$  hoort de factor  $\frac{n}{10}$
- De korting bij *n* exemplaren bedraagt  $\frac{n}{10} \cdot 3 \cdot n$
- De formule  $P = 3 \cdot n \frac{n}{10} \cdot 3 \cdot n$  (of een gelijkwaardige formule)

### **Tricoda**

#### 5 maximumscore 3

- $85\,000\cdot0,18=15\,300$
- Elk spel evenveel stemmen geeft  $\frac{15300}{5} = 3060$
- Tricoda kreeg dus ten minste 3061 stemmen 1

#### 6 maximumscore 3

- Er zijn  $\binom{6}{2}$  = 15 trio's van het type 1xy
- Er zijn 6 trio's van het type 1xx
- Het antwoord: (15+6=)21

of

- Met een 2 zijn er nog 6 trio's
- Zonder 2, maar met een 3 zijn er nog 5 trio's
- Het antwoord: (6+5+4+3+2+1=)21

of

- Het uitschrijven van alle mogelijke trio's
- Het antwoord: 21

#### 7 maximumscore 4

- B ziet de som 16 bij C en 9 bij D en concludeert dat zijn eigen som 12
   of meer moet zijn omdat A er twee gezien heeft die 12 of meer zijn
- C ziet de som 15 bij B en 9 bij D en concludeert dat zijn eigen som 12 of meer moet zijn omdat A er twee gezien heeft die 12 of meer zijn 1
- D ziet de som 15 bij B en 16 bij C en concludeert dat zijn eigen som minder dan 12 moet zijn omdat A er twee gezien heeft die 12 of meer zijn

VraagAntwoordScores8maximumscore 5• De standaard die B bedoelt, is die van D1• D kan dit concluderen omdat de standaards van A en C gemengd zijn1• Als D alleen even cijfers heeft, is zijn trio 224, 226 of 2441• D ziet bij A en B het cijfer 2 en kan dus zelf geen 2 hebben1

D weet daarom dat hij uitsluitend oneven cijfers heeft

### **WK 2010**

9	maximumscore 5	
	• In een poule zijn 6 wedstrijden	1
	• In 2012 waren $8.6 = 48$ groepswedstrijden	1
	• Samen met $8+4+2+1+1$ levert dat 64 wedstrijden	1
	• In 1974 waren er $4.6 + 4 + 2 + 1 + 1 = 32$ wedstrijden	1
	Het zijn er dus inderdaad twee maal zoveel	1
10	maximumscore 4	
	• Aan te tonen dat $W(11) = W(10) + 10$	1
	• Het berekenen van $W(11)$ en $W(10)$	2
	• De conclusie	1
	of	
	• Aan te tonen dat $W(11) = W(10) + 10$	1
	• Als in een poule van 10 teams er 1 wordt toegevoegd, dan komen er	
	10 wedstrijden bij	2
	• De conclusie	1
11	maximumscore 4	
	• $\frac{PP}{pop(B)} = 1$ en $\frac{PP}{bbp(B)} = 1$	1
	• $\frac{pop(A)}{pop(B)} = 1$ en $\frac{bbp(A)}{bbp(B)} = 1$ • $GD(Ita, Eng) = 1,702 \cdot \log\left(\frac{16}{12}\right)$	2
	(12)	_
	• $GD(Ita, Eng) = 0.21$	1

Vraaq

Antwoord

**Scores** 

# **Archeologie**

#### 12 maximumscore 3

- De groeifactor per 6000 jaar is  $\frac{6}{12,5}$
- Voor de groeifactor per jaar geldt dan  $g \approx \left(\frac{6}{12,5}\right)^{\frac{1}{6000}}$
- Het antwoord: 0,9998777

of

- De vergelijking  $12.5 \cdot g^{6000} = 6$  moet worden opgelost
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- Het antwoord: 0,9998777

#### 13 maximumscore 4

- De vergelijking  $9.5 = 12.5 \cdot 0.999878^t$  moet worden opgelost
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- $t \approx 2249 \text{ (jaar)}$
- 1949 2249 = -300, dus het verschil is (ongeveer) 100 jaar

### 12 balken

#### 14 maximumscore 6

- Het zijaanzicht 3
- Het bovenaanzicht (een rechthoek met een gat in het midden) 3

### Opmerkingen

- Als een kandidaat lijnen tussen de verschillende balken plaatst, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.
- Als een kandidaat de balken niet arceert, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.

#### 15 maximumscore 4

- Op elke laag is  $\frac{2}{5}$  deel balk 2
- Het antwoord: 40%

of

- De inhoud van de doos 11 113 200 (cm<sup>3</sup>)
- De inhoud van de 12 balken is 44 445 280 (cm<sup>3</sup>)
- Het antwoord: 40%

Vraaq Antwoord **Scores** maximumscore 4 16 Het tekenen van de verdwijnpunten 2 Het tekenen van de horizon 1 De foto is genomen op een hoogte van  $20+3\cdot42=146$  cm of Op de foto is de bovenkant van de 3e laag (nog net) te zien 2 De foto's zijn genomen op een hoogte die iets meer is dan  $20 + 3 \cdot 42 = 146 \,\mathrm{cm}$ 2

# Luchtverversing in klaslokalen

#### 17 maximumscore 4 Bij een waarde van kleiner dan 1000 ppm brandt het groene lampje 1 Alleen de eerste 1 uur en 15 minuten (1,25 uur) brandt het groene lampie 1 De totale tijd van een schooldag is 7 uur en 15 minuten (7,25 uur) 1 Het antwoord: 83% (of nauwkeuriger) 18 maximumscore 4 Het tekenen van een rechte lijn door het tweede stijgende deel van de grafiek op de uitwerkbijlage 1 Het aangeven van het snijpunt van de getekende lijn met de horizontale lijn op hoogte 3000 1 Het bepalen van het snijpunt van deze twee lijnen Tot (ongeveer) 16:15 (uur) kan de leerkracht de leerlingen in de klas houden of Het aflezen van twee punten, bijvoorbeeld (13,25; 1050) en (15,25;2350)Het opstellen van de formule C = 650t - 75601 De vergelijking 650t - 7560 = 3000 moet worden opgelost $t \approx 16,25$ dus tot (ongeveer) 16:15 (uur) (of nauwkeuriger)

#### **Opmerkingen**

- Voor afwijkingen die het gevolg zijn van het juist aflezen van twee andere ver uit elkaar liggende punten uit de grafiek geen scorepunten in mindering brengen.
- Voor het aflezen van de waarden van C is de toegestane marge 50 ppm.

Vraag Antwoord Scores

#### 19 maximumscore 5

Het uit de tekst halen (of aflezen) van een punt, bijvoorbeeld (1500; 100)
 Met een berekening aantonen dat de waarde van c ongeveer 320 is
 De vergelijking 320 · x<sup>-0,159</sup> = 80 moet worden opgelost
 Beschrijven hoe de vergelijking opgelost kan worden
 Dus vanaf een CO<sub>2</sub>-concentratie van 6118 (ppm)

#### Opmerkingen

- Als is doorgerekend met een niet afgeronde waarde van c of een andere waarde van c als gevolg van het kiezen van een ander punt uit de grafiek, hiervoor geen scorepunten in mindering brengen.
- Voor het antwoord 6117 (ppm) geen scorepunt in mindering brengen.

#### 20 maximumscore 3

- $c \cdot x^{-0,159} = \frac{c}{x^{0,159}}$
- Als x toeneemt, neemt de noemer van deze breuk toe (terwijl de teller constant blijft)
- Dus als x toeneemt, wordt de breuk kleiner (dus de grafiek is dalend)

### 5 Inzenden scores

Verwerk de scores van alle kandidaten per school in het programma WOLF. Zend de gegevens uiterlijk op 21 juni naar Cito.

1