Correctievoorschrift VWO

2012

tijdvak 2

wiskunde A (pilot)

Het correctievoorschrift bestaat uit:

- 1 Regels voor de beoordeling
- 2 Algemene regels
- 3 Vakspecifieke regels
- 4 Beoordelingsmodel
- 5 Inzenden scores

1 Regels voor de beoordeling

Het werk van de kandidaten wordt beoordeeld met inachtneming van de artikelen 41 en 42 van het Eindexamenbesluit v.w.o.-h.a.v.o.-m.a.v.o.-v.b.o.

Voorts heeft het College voor Examens (CvE) op grond van artikel 2 lid 2d van de Wet CvE de Regeling beoordelingsnormen en bijbehorende scores centraal examen vastgesteld.

Voor de beoordeling zijn de volgende passages van de artikelen 36, 41, 41a en 42 van het Eindexamenbesluit van belang:

- 1 De directeur doet het gemaakte werk met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen en het proces-verbaal van het examen toekomen aan de examinator. Deze kijkt het werk na en zendt het met zijn beoordeling aan de directeur. De examinator past de beoordelingsnormen en de regels voor het toekennen van scorepunten toe die zijn gegeven door het College voor Examens.
- 2 De directeur doet de van de examinator ontvangen stukken met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen, het proces-verbaal en de regels voor het bepalen van de score onverwijld aan de gecommitteerde toekomen.
- 3 De gecommitteerde beoordeelt het werk zo spoedig mogelijk en past de beoordelingsnormen en de regels voor het bepalen van de score toe die zijn gegeven door het College voor Examens.

- De gecommitteerde voegt bij het gecorrigeerde werk een verklaring betreffende de verrichte correctie. Deze verklaring wordt mede ondertekend door het bevoegd gezag van de gecommitteerde.
- 4 De examinator en de gecommitteerde stellen in onderling overleg het aantal scorepunten voor het centraal examen vast.
- Indien de examinator en de gecommitteerde daarbij niet tot overeenstemming komen, wordt het geschil voorgelegd aan het bevoegd gezag van de gecommitteerde. Dit bevoegd gezag kan hierover in overleg treden met het bevoegd gezag van de examinator. Indien het geschil niet kan worden beslecht, wordt hiervan melding gemaakt aan de inspectie. De inspectie kan een derde onafhankelijke gecommitteerde aanwijzen. De beoordeling van de derde gecommitteerde komt in de plaats van de eerdere beoordelingen.

2 Algemene regels

Voor de beoordeling van het examenwerk zijn de volgende bepalingen uit de regeling van het College voor Examens van toepassing:

- De examinator vermeldt op een lijst de namen en/of nummers van de kandidaten, het aan iedere kandidaat voor iedere vraag toegekende aantal scorepunten en het totaal aantal scorepunten van iedere kandidaat.
- Voor het antwoord op een vraag worden door de examinator en door de gecommitteerde scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel. Scorepunten zijn de getallen 0, 1, 2, ..., n, waarbij n het maximaal te behalen aantal scorepunten voor een vraag is. Andere scorepunten die geen gehele getallen zijn, of een score minder dan 0 zijn niet geoorloofd.
- 3 Scorepunten worden toegekend met inachtneming van de volgende regels:
 - 3.1 indien een vraag volledig juist is beantwoord, wordt het maximaal te behalen aantal scorepunten toegekend:
 - 3.2 indien een vraag gedeeltelijk juist is beantwoord, wordt een deel van de te behalen scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel;
 - 3.3 indien een antwoord op een open vraag niet in het beoordelingsmodel voorkomt en dit antwoord op grond van aantoonbare, vakinhoudelijke argumenten als juist of gedeeltelijk juist aangemerkt kan worden, moeten scorepunten worden toegekend naar analogie of in de geest van het beoordelingsmodel;
 - 3.4 indien slechts één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, wordt uitsluitend het eerstgegeven antwoord beoordeeld;
 - 3.5 indien meer dan één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, worden uitsluitend de eerstgegeven antwoorden beoordeeld, tot maximaal het gevraagde aantal;
 - 3.6 indien in een antwoord een gevraagde verklaring of uitleg of afleiding of berekening ontbreekt dan wel foutief is, worden 0 scorepunten toegekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is aangegeven;
 - 3.7 indien in het beoordelingsmodel verschillende mogelijkheden zijn opgenomen, gescheiden door het teken /, gelden deze mogelijkheden als verschillende formuleringen van hetzelfde antwoord of onderdeel van dat antwoord;

- 3.8 indien in het beoordelingsmodel een gedeelte van het antwoord tussen haakjes staat, behoeft dit gedeelte niet in het antwoord van de kandidaat voor te komen;
- 3.9 indien een kandidaat op grond van een algemeen geldende woordbetekenis, zoals bijvoorbeeld vermeld in een woordenboek, een antwoord geeft dat vakinhoudelijk onjuist is, worden aan dat antwoord geen scorepunten toegekend, of tenminste niet de scorepunten die met de vakinhoudelijke onjuistheid gemoeid zijn.
- 4 Het juiste antwoord op een meerkeuzevraag is de hoofdletter die behoort bij de juiste keuzemogelijkheid. Voor een juist antwoord op een meerkeuzevraag wordt het in het beoordelingsmodel vermelde aantal scorepunten toegekend. Voor elk ander antwoord worden geen scorepunten toegekend. Indien meer dan één antwoord gegeven is, worden eveneens geen scorepunten toegekend.
- 5 Een fout mag in de uitwerking van een vraag maar één keer worden aangerekend, tenzij daardoor de vraag aanzienlijk vereenvoudigd wordt en/of tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- 6 Een zelfde fout in de beantwoording van verschillende vragen moet steeds opnieuw worden aangerekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- 7 Indien de examinator of de gecommitteerde meent dat in een examen of in het beoordelingsmodel bij dat examen een fout of onvolkomenheid zit, beoordeelt hij het werk van de kandidaten alsof examen en beoordelingsmodel juist zijn. Hij kan de fout of onvolkomenheid mededelen aan het College voor Examens. Het is niet toegestaan zelfstandig af te wijken van het beoordelingsmodel. Met een eventuele fout wordt bij de definitieve normering van het examen rekening gehouden.
- 8 Scorepunten worden toegekend op grond van het door de kandidaat gegeven antwoord op iedere vraag. Er worden geen scorepunten vooraf gegeven.
- 9 Het cijfer voor het centraal examen wordt als volgt verkregen. Eerste en tweede corrector stellen de score voor iedere kandidaat vast. Deze score wordt meegedeeld aan de directeur. De directeur stelt het cijfer voor het centraal examen vast op basis van de regels voor omzetting van score naar cijfer.
- NB Het aangeven van de onvolkomenheden op het werk en/of het noteren van de behaalde scores bij de vraag is toegestaan, maar niet verplicht.

Evenmin is er een standaardformulier voorgeschreven voor de vermelding van de scores van de kandidaten.

Het vermelden van het schoolexamencijfer is toegestaan, maar niet verplicht. Binnen de ruimte die de regelgeving biedt, kunnen scholen afzonderlijk of in gezamenlijk overleg keuzes maken.

3 Vakspecifieke regels

Voor dit examen kunnen maximaal 82 scorepunten worden behaald.

Voor dit examen zijn de volgende vakspecifieke regels vastgesteld:

- 1 Voor elke rekenfout of verschrijving in de berekening wordt 1 scorepunt afgetrokken tot het maximum van het aantal scorepunten dat voor dat deel van die vraag kan worden gegeven.
- 2 De algemene regel 3.6 geldt ook bij de vragen waarbij de kandidaten de Grafische rekenmachine (GR) gebruiken. Bij de betreffende vragen doen de kandidaten er verslag van hoe zij de GR gebruiken.

4 Beoordelingsmodel

Vraag Antwoord Scores

Woordenschat

1 maximumscore 4

- De toename van de 4e tot de 8e verjaardag is 3000
- De toename van de 8e tot de 12e verjaardag is 11000
- De toenamen per jaar zijn respectievelijk 750 en 2750
- Het antwoord: 2000

2 maximumscore 3

- Voor de groeifactor g geldt: $g^9 = \frac{150000}{17000}$
- Beschrijven hoe hieruit de waarde van g gevonden kan worden 1
- Het antwoord 1,274

3 maximumscore 6

• Voor
$$W_l = at + b$$
 geldt: $a = \frac{\Delta W}{\Delta t} = \frac{45000 - 17000}{21 - 12} \approx 3111$ (of

nauwkeuriger) 1

- t = 6 geeft $W_l = 3111 \cdot 6 + 17000 = 35666$
- Gezocht wordt de oplossing van $W_h = 35666$
- Beschrijven hoe $17\ 000 \cdot 1, 27^t = 35\ 666$ (of $17\ 000 \cdot 1, 274^t = 35\ 666$) opgelost kan worden
- $W_h = 35666$ geeft $t \approx 3.1$ (of nauwkeuriger)
- Het verschil is 2,9 jaar ofwel 35 (maanden) (of 2 jaar en 11 maanden)

4 maximumscore 3

•
$$W_h = 17000 \cdot 1,27^{L-12}$$

•
$$W_h = 17000 \cdot 1,27^L \cdot 1,27^{-12}$$

• 17000·1,27⁻¹² geeft voor b de waarde 970 (dus
$$W_h = 970 \cdot 1,27^L$$
)

of

• Er geldt
$$b \cdot 1, 27^{12} = 17000$$

• Dit geeft voor b de waarde 970 (dus
$$W_h = 970 \cdot 1,27^L$$
)

Algen

5 maximumscore 4

• De evenwichtsstand is
$$\frac{57+13}{2} = 35$$

• De amplitude is
$$57 - 35 = 22$$

• De periode is 24 uur dus
$$c = \frac{2\pi}{24} (\approx 0,26)$$

• Een correcte formule, bijvoorbeeld
$$F = 35 + 22\sin(0, 26(t-3))$$

Opmerking

Bij het aflezen van de grafiek is een maximale afleesmarge van 2 in de waarden van F en t toegestaan.

6 maximumscore 5

- De vergelijking $2,0+1,6\sin(\frac{1}{12}\pi(t-18)) = 3$ moet worden opgelost
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost
- Twee verschillende oplossingen, bijvoorbeeld $t \approx 3,421$ en $t \approx 20,579$
- De lichtintensiteit is gedurende 6,842 uur groter dan 3 eenheden
- Dat komt overeen met 6 uur en 51 (of 50) minuten (of 411 (of 410) minuten)

7 maximumscore 4

- De maximale afname vindt plaats bij het steilst dalende deel van de grafiek
- Het tekenen van een raaklijn aan de grafiek van G bij bijvoorbeeld het punt met t = 6 op de uitwerkbijlage
- Het berekenen van de helling van deze lijn, bijvoorbeeld een daling van 9 eenheden per 24 uur
- Het antwoord 0,4 (eenheden per uur) (of nauwkeuriger)

1

1

1

1

1

Vraag Antwoord

Tsunami

8	maximumscore 4	
	• Bij de eerste waarde geldt: $160 = 11, 3\sqrt{d}$	1
	• De ontbrekende waarde van <i>d</i> is 200 (meter) (of nauwkeuriger)	1
	• Bij de tweede waarde geldt: $80 = 11, 3\sqrt{d}$	1
	• De ontbrekende waarde van <i>d</i> is 50 (meter) (of nauwkeuriger)	1
9	maximumscore 3	
	• De snelheid van de tsunami is $v = 11,3\sqrt{3000} \approx 619$ km/uur (of	
	nauwkeuriger)	1
	• De tsunami legt 150 km af in 0,24 uur (of nauwkeuriger)	1
	• Het antwoord: 15 minuten (of nauwkeuriger)	1
10	maximumscore 4	
	$\bullet \qquad h = \left(\frac{1000}{d}\right)^{0.25} \cdot 0.6$	1
	• Dit herleiden tot $h = 1000^{0.25} \cdot \left(\frac{1}{d}\right)^{0.25} \cdot 0.6$	1
	• $1000^{0.25} \cdot 0.6 \approx 3.37$	1
	• $\left(\frac{1}{d}\right)^{0.25} = \frac{1}{d^{0.25}} = d^{-0.25} \text{ (dus } h = 3.37 \cdot d^{-0.25}\text{)}$	1
11	maximumscore 4	
	• Een schets van de grafiek van de afgeleide van h	2
	• Een uitleg waarbij duidelijk wordt gemaakt dat als d kleiner is, $\frac{dh}{dd}$ een	
	grotere negatieve waarde heeft	1
	• De conclusie dat de toename van de golfhoogte groter wordt	1

Scores

Fruitvliegjes

12 maximumscore 4

- Groeifactor per 3 weken is $\frac{1065}{140} \approx 7,61$
- Groeifactor per week is $7.61^{\frac{1}{3}} \approx 1.97$
- De beginhoeveelheid is gelijk aan $140 \cdot 1,97^{-2} \approx 36$
- De formule: $F = 36.1,97^t$

13 maximumscore 3

- Op t = 0 geldt $F \approx 6.2$ (of nauwkeuriger)
- De horizontale asymptoot horend bij deze formule is F = 340
- Dus geldt: minstens 6 en hoogstens 340 fruitvliegjes

Opmerkingen

- Als voor de ondergrens het antwoord "meer dan 6" of "minstens 7" wordt gegeven, geen scorepunt in mindering brengen.
- Als voor de bovengrens het antwoord "minder dan 340" of "hoogstens 339" wordt gegeven, geen scorepunt in mindering brengen.

14 maximumscore 6

- $F'(t) = \frac{0 340 \cdot 54e^{-0.24t} \cdot -0.24}{(1 + 54e^{-0.24t})^2}$
- Herleiden tot $F'(t) = \frac{4406, 4e^{-0.24t}}{(1+54e^{-0.24t})^2}$
- Beschrijven hoe (bijvoorbeeld met de GR) het maximum van F'(t) gevonden kan worden
- De oplossing $t \approx 16.6$ (of nauwkeuriger)
- Het antwoord: 26 (of 27) november (2011)

15 maximumscore 4

- De mannelijke fruitvliegjes zijn op $\binom{8}{2}$ = 28 manieren te selecteren 1
- De vrouwelijke fruitvliegjes zijn op $\binom{8}{2}$ = 28 manieren te selecteren 1
- Het totaal aantal samenstellingen is $28 \cdot 28 = 784$

lees verder ▶▶▶

Websites

16 maximumscore 4

- Het hoogste en het laagste punt waarbij de Alexa Ranking tussen de 1000 en de 2000 ligt aangeven op de uitwerkbijlage
- De bijbehorende aantallen (unieke) bezoekers per dag zijn respectievelijk 180 000 en 28 000
- Het gevraagde verschil is 152 000

Opmerking

Voor het hoogste punt een afleesmarge van 10000 hanteren, voor het laagste punt een afleesmarge van 1000.

17 maximumscore 3

- Er moet gelden: $25\,000 = 1118\,000 \cdot r^{-0.35}$
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- $r \approx 52\,000$ (of nauwkeuriger)

18 maximumscore 3

- $B = \frac{1118000}{r^{0.35}}$
- Als r groter wordt, wordt ook $r^{0,35}$ groter
- Dus B wordt kleiner (en dus daalt de grafiek van B)

of

- $\frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}r} = -391300 \cdot r^{-1,35}$
- $\frac{dB}{dr}$ is (voor elke waarde van r) negatief
- Dus de grafiek van *B* daalt

19 maximumscore 4

- $\log B = \log(1118\,000 \cdot r^{-0.35})$
- $\log B = \log 1118000 + \log(r^{-0.35})$
- $\log B = \log 1118000 0.35 \cdot \log r$
- $log 1118 000 \approx 6,05$ dus a = 6,05 (of nauwkeuriger) en b = -0,35

1

Puzzelstukjes

20

maximumscore 7			
• Uit berekeningen, tekeningen en/of redeneringen volgt dat het aantal			
hoekstukjes 4 is	2		
• Uit berekeningen, tekeningen en/of redeneringen volgt dat het aantal			
randstukjes 8 is	2		
• Uit berekeningen, tekeningen en/of redeneringen volgt dat het aantal			
overige stukjes 6 is	2		
• Er zijn 18 verschillende vormsoorten	1		

5 Inzenden scores

Verwerk de scores van alle kandidaten per school in het programma WOLF. Zend de gegevens uiterlijk op 22 juni naar Cito.