Correctievoorschrift HAVO

2013

tijdvak 1

wiskunde A (pilot)

Het correctievoorschrift bestaat uit:

- 1 Regels voor de beoordeling
- 2 Algemene regels
- 3 Vakspecifieke regels
- 4 Beoordelingsmodel
- 5 Inzenden scores

1 Regels voor de beoordeling

Het werk van de kandidaten wordt beoordeeld met inachtneming van de artikelen 41 en 42 van het Eindexamenbesluit v.w.o.-h.a.v.o.-m.a.v.o.-v.b.o.

Voorts heeft het College voor Examens (CvE) op grond van artikel 2 lid 2d van de Wet CvE de Regeling beoordelingsnormen en bijbehorende scores centraal examen vastgesteld.

Voor de beoordeling zijn de volgende passages van de artikelen 36, 41, 41a en 42 van het Eindexamenbesluit van belang:

- 1 De directeur doet het gemaakte werk met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen en het proces-verbaal van het examen toekomen aan de examinator. Deze kijkt het werk na en zendt het met zijn beoordeling aan de directeur. De examinator past de beoordelingsnormen en de regels voor het toekennen van scorepunten toe die zijn gegeven door het College voor Examens.
- 2 De directeur doet de van de examinator ontvangen stukken met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen, het proces-verbaal en de regels voor het bepalen van de score onverwijld aan de gecommitteerde toekomen.
- 3 De gecommitteerde beoordeelt het werk zo spoedig mogelijk en past de beoordelingsnormen en de regels voor het bepalen van de score toe die zijn gegeven door het College voor Examens.

- De gecommitteerde voegt bij het gecorrigeerde werk een verklaring betreffende de verrichte correctie. Deze verklaring wordt mede ondertekend door het bevoegd gezag van de gecommitteerde.
- 4 De examinator en de gecommitteerde stellen in onderling overleg het aantal scorepunten voor het centraal examen vast.
- Indien de examinator en de gecommitteerde daarbij niet tot overeenstemming komen, wordt het geschil voorgelegd aan het bevoegd gezag van de gecommitteerde. Dit bevoegd gezag kan hierover in overleg treden met het bevoegd gezag van de examinator. Indien het geschil niet kan worden beslecht, wordt hiervan melding gemaakt aan de inspectie. De inspectie kan een derde onafhankelijke gecommitteerde aanwijzen. De beoordeling van de derde gecommitteerde komt in de plaats van de eerdere beoordelingen.

2 Algemene regels

Voor de beoordeling van het examenwerk zijn de volgende bepalingen uit de regeling van het College voor Examens van toepassing:

- De examinator vermeldt op een lijst de namen en/of nummers van de kandidaten, het aan iedere kandidaat voor iedere vraag toegekende aantal scorepunten en het totaal aantal scorepunten van iedere kandidaat.
- Voor het antwoord op een vraag worden door de examinator en door de gecommitteerde scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel. Scorepunten zijn de getallen 0, 1, 2, ..., n, waarbij n het maximaal te behalen aantal scorepunten voor een vraag is. Andere scorepunten die geen gehele getallen zijn, of een score minder dan 0 zijn niet geoorloofd.
- 3 Scorepunten worden toegekend met inachtneming van de volgende regels:
 - 3.1 indien een vraag volledig juist is beantwoord, wordt het maximaal te behalen aantal scorepunten toegekend;
 - 3.2 indien een vraag gedeeltelijk juist is beantwoord, wordt een deel van de te behalen scorepunten toegekend, in overeenstemming met het beoordelingsmodel:
 - 3.3 indien een antwoord op een open vraag niet in het beoordelingsmodel voorkomt en dit antwoord op grond van aantoonbare, vakinhoudelijke argumenten als juist of gedeeltelijk juist aangemerkt kan worden, moeten scorepunten worden toegekend naar analogie of in de geest van het beoordelingsmodel;
 - 3.4 indien slechts één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, wordt uitsluitend het eerstgegeven antwoord beoordeeld;
 - 3.5 indien meer dan één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, worden uitsluitend de eerstgegeven antwoorden beoordeeld, tot maximaal het gevraagde aantal;
 - 3.6 indien in een antwoord een gevraagde verklaring of uitleg of afleiding of berekening ontbreekt dan wel foutief is, worden 0 scorepunten toegekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is aangegeven;
 - 3.7 indien in het beoordelingsmodel verschillende mogelijkheden zijn opgenomen, gescheiden door het teken /, gelden deze mogelijkheden als verschillende formuleringen van hetzelfde antwoord of onderdeel van dat antwoord;
 - 3.8 indien in het beoordelingsmodel een gedeelte van het antwoord tussen haakjes staat, behoeft dit gedeelte niet in het antwoord van de kandidaat voor te komen;

- 3.9 indien een kandidaat op grond van een algemeen geldende woordbetekenis, zoals bijvoorbeeld vermeld in een woordenboek, een antwoord geeft dat vakinhoudelijk onjuist is, worden aan dat antwoord geen scorepunten toegekend, of tenminste niet de scorepunten die met de vakinhoudelijke onjuistheid gemoeid zijn.
- 4 Het juiste antwoord op een meerkeuzevraag is de hoofdletter die behoort bij de juiste keuzemogelijkheid. Voor een juist antwoord op een meerkeuzevraag wordt het in het beoordelingsmodel vermelde aantal scorepunten toegekend. Voor elk ander antwoord worden geen scorepunten toegekend. Indien meer dan één antwoord gegeven is, worden eveneens geen scorepunten toegekend.
- 5 Een fout mag in de uitwerking van een vraag maar één keer worden aangerekend, tenzij daardoor de vraag aanzienlijk vereenvoudigd wordt en/of tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- 6 Een zelfde fout in de beantwoording van verschillende vragen moet steeds opnieuw worden aangerekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.
- Indien de examinator of de gecommitteerde meent dat in een examen of in het beoordelingsmodel bij dat examen een fout of onvolkomenheid zit, beoordeelt hij het werk van de kandidaten alsof examen en beoordelingsmodel juist zijn. Hij kan de fout of onvolkomenheid mededelen aan het College voor Examens. Het is niet toegestaan zelfstandig af te wijken van het beoordelingsmodel. Met een eventuele fout wordt bij de definitieve normering van het examen rekening gehouden.
- 8 Scorepunten worden toegekend op grond van het door de kandidaat gegeven antwoord op iedere vraag. Er worden geen scorepunten vooraf gegeven.
- 9 Het cijfer voor het centraal examen wordt als volgt verkregen. Eerste en tweede corrector stellen de score voor iedere kandidaat vast. Deze score wordt meegedeeld aan de directeur. De directeur stelt het cijfer voor het centraal examen vast op basis van de regels voor omzetting van score naar cijfer.
- NB1 Het aangeven van de onvolkomenheden op het werk en/of het noteren van de behaalde scores bij de vraag is toegestaan, maar niet verplicht.
 Evenmin is er een standaardformulier voorgeschreven voor de vermelding van de scores van de kandidaten.
 Het vermelden van het schoolexamencijfer is toegestaan, maar niet verplicht.
 Binnen de ruimte die de regelgeving biedt, kunnen scholen afzonderlijk of in gezamenlijk overleg keuzes maken.
- NB2 Als het College voor Examens vaststelt dat een centraal examen een onvolkomenheid bevat, kan het besluiten tot een aanvulling op het correctievoorschrift.

 Een aanvulling op het correctievoorschrift wordt zo spoedig mogelijk nadat de onvolkomenheid is vastgesteld via Examenblad.nl verstuurd aan de examensecretarissen.

 Soms komt een onvolkomenheid pas geruime tijd na de afname aan het licht. In die

NB

gevallen vermeldt de aanvulling:

- a. Als het werk al naar de tweede corrector is gezonden, past de tweede corrector deze aanvulling op het correctievoorschrift toe.
- b. Als de aanvulling niet is verwerkt in de naar Cito gezonden WOLF-scores, voert Cito dezelfde wijziging door die de correctoren op de verzamelstaat doorvoeren.

Een onvolkomenheid kan ook op een tijdstip geconstateerd worden dat een aanvulling op het correctievoorschrift ook voor de tweede corrector te laat komt. In dat geval houdt het College voor Examens bij de vaststelling van de N-term rekening met de onvolkomenheid.

3 Vakspecifieke regels

Voor dit examen kunnen maximaal 80 scorepunten worden behaald.

Voor dit examen zijn de volgende vakspecifieke regels vastgesteld:

- 1 Voor elke rekenfout of verschrijving in de berekening wordt één punt afgetrokken tot het maximum van het aantal punten dat voor dat deel van die vraag kan worden gegeven.
- 2 De algemene regel 3.6 geldt ook bij de vragen waarbij de kandidaten de Grafische rekenmachine (GR) gebruiken. Bij de betreffende vragen doen de kandidaten er verslag van hoe zij de GR gebruiken.

4 Beoordelingsmodel

Vraag

Antwoord

Scores

1

1

De huisarts

1 maximumscore 4

- De praktijk telt $\frac{912}{52} \cdot 48 \approx 842$ vrouwelijke patiënten
- Het totale aantal contactmomenten van de mannen is 912·3,5 (= 3192),
 dat van de vrouwen is 842·4,7 (≈ 3957)
- Het antwoord: 3192 + 3957 = 7149

Opmerkingen

- Er mag ook worden gerekend met 841 vrouwelijke patiënten.
- Het antwoord mag ook in tientallen worden gegeven dus tot 7150 worden afgerond.

2 maximumscore 3

- Het aantal contactmomenten met mannelijke patiënten is $912 \cdot 3.5 = 3192$
- 70% van 912 is 638
- Het gemiddelde aantal contactmomenten is $\frac{3192}{638} = 5,0 \text{ (of 5)}$ (of nauwkeuriger)

of

- Op elke 100 mannelijke patiënten zijn er in totaal 350 contactmomenten
- Die contactmomenten zijn er maar met 70 mannelijke patiënten
- Het gemiddelde aantal contactmomenten is $\frac{350}{70} = 5,0 \text{ (of 5)}$

3 maximumscore 3

• In 18 jaar is de toename 2980 - 1078 = 1902

•
$$a = \frac{1902}{18}$$

• Het antwoord: a = 105,7

of

•
$$2980 = a \cdot 18 + 1078$$

•
$$a = \frac{2980 - 1078}{18}$$

• Het antwoord: a = 105,7

4 maximumscore 5

De vergelijking 106·t+1078 = ½·(107·t+6703) moet worden opgelost
 Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden
 De oplossing: t≈ 43,3
 Dat is in het jaar 2033

of

• Voor het aantal mannelijke huisartsen H_M geldt:

$$H_M = H_T - H_V = t + 5625$$
• De vergelijking $106 \cdot t + 1078 = t + 5625$ moet worden opgelost
• Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden
• De oplossing: $t \approx 43,3$
• Dat is in het jaar 2033

Opmerking

Als voor a de in de vorige vraag berekende nauwkeuriger waarde voor 106 is gebruikt, hiervoor geen scorepunten aftrekken.

Frisbee werpen

5 maximumscore 3

•
$$P = 100 \cdot \frac{60 \cdot 40 - (60 - 25) \cdot (40 - 25)}{60 \cdot 40}$$
 1
• $P \approx 78$ 1
• Het antwoord: $(100 - 78 =) 22\%$ (of nauwkeuriger)

6 maximumscore 4

- $P = 100 \cdot \frac{60 \cdot 40 (60 d) \cdot (40 d)}{60 \cdot 40}$
 - Als d groter wordt (op het interval $\langle 0, 40 \rangle$), dan wordt (60-d)(40-d)kleiner
- Omdat er in de teller iets wordt afgetrokken wat kleiner is (en de noemer gelijk blijft), wordt P groter
- (Als het percentage worpen dat op meerdere tegels komt groter wordt) dan wordt het percentage worpen dat een prijs oplevert kleiner

1

1

of

- $P = 100 \cdot \frac{60 \cdot 40 (60 d) \cdot (40 d)}{60 \cdot 40}$
- Een plot van deze grafiek op de GR of een schets (op het interval $\langle 0,40 \rangle$)
- Hieruit volgt: als d groter wordt, dan wordt P groter
- (Als het percentage worpen dat op meerdere tegels komt groter wordt) dan wordt het percentage worpen dat een prijs oplevert kleiner

Opmerkingen

- Als met behulp van twee of meer concrete waarden van d de bewering wordt gecontroleerd, voor deze vraag maximaal 1 scorepunt toekennen.
- Als de kandidaat een oplossing geeft volgens het eerste alternatief met de formule voor P zonder L = 60 en B = 40 te hebben ingevuld, hiervoor geen scorepunten aftrekken.

7 maximumscore 4

- B = L
- $P = 100 \cdot \frac{L \cdot L (L d) \cdot (L d)}{L \cdot L}$
- $P = 100 \cdot \frac{L^2 (L^2 2dL + d^2)}{L^2}$
- $P = 100 \cdot \frac{L^2 L^2 + 2dL d^2}{L^2}$ (dus $P = 100 \cdot \frac{2dL d^2}{L^2}$)

8 maximumscore 4

- Er moet gelden P = 50 bij L = 75
- De vergelijking $100 \cdot \frac{2 \cdot d \cdot 75 d^2}{75^2} = 50$ moet worden opgelost
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- Het antwoord: 22 (cm) (of nauwkeuriger)

Ontslagvergoeding

9 maximumscore 3

- Het aantal gewogen dienstjaren g is $10 \cdot 1 + 10 \cdot 1, 5 + 2 \cdot 2 \ (= 29)$
- $V_1 = 0.5 \cdot 4300 \cdot 29$
- Dit is 62 350 (euro) (en dit is meer dan 60 000 (euro))

of

- Het aantal gewogen dienstjaren g is $10 \cdot 1 + 10 \cdot 1, 5 + 2 \cdot 2 \ (= 29)$
- Bij $V_1 = 60\,000$ geldt dat $g = \frac{60\,000}{0.5 \cdot 4300} \approx 27.9$
- Dit is minder dan 29 (dus hij zal meer dan 60 000 (euro) krijgen)

10 maximumscore 4

- Er moet gelden $6 \cdot m + 2, 4 \cdot m \cdot d = 54 \cdot m$
- Dit is te vereenvoudigen tot $6+2, 4\cdot d=54$
- Het oplossen van deze vergelijking
- Het antwoord: (minimaal) 20 dienstjaren 1

Opmerking

Als een concrete waarde voor m gekozen is en het aantal dienstjaren op een juiste manier berekend is, hiervoor geen scorepunten aftrekken.

11 maximumscore 4

- Bijvoorbeeld een werknemer die op zijn 20e verjaardag gaat werken en op zijn 35e ontslagen wordt
- De bijbehorende berekeningen $V_1 = 0, 5 \cdot m \cdot 15 = 7, 5 \cdot m$ en

$$V_2 = 6 \cdot m + 2, 4 \cdot m \cdot 0 = 6 \cdot m$$

Opmerking

Als een concrete waarde voor m gekozen is, hiervoor geen scorepunten aftrekken.

2

12 maximumscore 3

- Er geldt $j = 13, 5 \cdot m$, daaruit volgt $m = \frac{j}{13, 5}$
- Invullen geeft $V_2 = 6 \cdot \frac{j}{13.5} + 2.4 \cdot \frac{j}{13.5} \cdot d$
- De gevraagde getallen zijn $(\frac{6}{13.5} =) 0.44$ en $(\frac{2.4}{13.5} =) 0.18$

of

- Een jaarsalaris is 13,5 keer een maandsalaris, dus de getallen in de formule moeten worden gedeeld door 13,5
- De gevraagde getallen zijn $(\frac{6}{13,5} =) 0,44$ en $(\frac{2,4}{13,5} =) 0,18$

Opmerkingen

- Als de kandidaat het antwoord geeft in de vorm $V_2 = 0.44 \cdot j + 0.18 \cdot j \cdot d$, hiervoor geen scorepunten aftrekken.
- Als de antwoorden $(6 \cdot 13,5 =)$ 81 en $(2,4 \cdot 13,5 =)$ 32,4 worden gegeven, voor deze vraag geen scorepunten toekennen.

Centenarians

13 maximumscore 4

• Het percentage 90-jarige mannen dat supercentenarian wordt, is

$$\frac{1}{2900} \cdot 100\% \approx 0,0345(\%)$$

- $\frac{0,0345}{3,52} \cdot 100\%$
- Het antwoord: 0,98(%)

of

- Van iedere 2900 90-jarige mannen worden er 3,52% centenarian 1
- Dat zijn er $0,0352 \cdot 2900 \approx 102$
- 1 van de 102 100-jarigen wordt supercentenarian, dat is $\frac{1}{102} \cdot 100\%$
- Het antwoord: 0,98(%)

2

maximumscore 4 14

- De groeifactor over de hele periode is $\frac{9600}{1000}$ De groeifactor per jaar is $\left(\frac{9600}{1000}\right)^{\frac{1}{42}}$ 1
- $g \approx 1,06$ 1
- Het groeipercentage is 6 (of nauwkeuriger) 1

maximumscore 4 15

- De groeifactor per jaar is 1,08 1
- Het aantal centenarians op 1 januari 2034 is 9600·1,08²⁵
- Het aantal vrouwelijke centenarians is $\frac{7}{8} \cdot 9600 \cdot 1,08^{25}$
- Het antwoord: 57 500 (of nauwkeuriger) 1

maximumscore 6 16

- Er waren op 1 januari 2005 (ongeveer) 35+50+120+195+370+600=1370 eeuwelingen 2
- Aflezen dat er (ongeveer) 16 mannelijke per 100 vrouwelijke eeuwelingen waren 1
- Het aantal vrouwelijke eeuwelingen was $\frac{100}{116} \cdot 1370$ 2
- Het antwoord: 1180 (of 1181) 1

Opmerkingen

- De zes uit figuur 2 af te lezen waarden mogen afgelezen worden met een marge van 10.
- De uit figuur 3 af te lezen waarde mag afgelezen worden met een marge van 2.
- Als gerekend is met 84% vrouwelijke eeuwelingen, voor deze vraag maximaal 4 scorepunten toekennen.

1

Formule 1

17	 maximumscore 3 Het aantal mogelijke opstellingen per gedeelte van de startopstelling (van voren naar achteren) is 10!, 7! en 7! Het vermenigvuldigen van deze aantallen Het antwoord: 9,2·10¹³ (of nauwkeuriger) 	1 1 1
18	maximumscore 4	
	 De coureur gebruikt 4 sets banden en heeft telkens keuze uit 2 mogelijkheden Dat zijn in totaal 2⁴ (=16) mogelijkheden 	1
	 De 2 mogelijkheden waarbij slechts één soort band gebruikt wordt moeten ervan afgetrokken worden Het antwoord: 14 	1 1
	of	
	• De coureur gebruikt de zachte banden 1, 2 of 3 keer	1
	• Dat kan op $\binom{4}{1} + \binom{4}{2} + \binom{4}{3}$ manieren	2
	• Het antwoord: 14	1
	Opmerkingen	
	 Als alle mogelijkheden uitgeschreven worden, voor elke vergeten of foutieve mogelijkheid 1 scorepunt aftrekken. 	
	 Als uitgegaan is van 3 sets banden in plaats van 4, hiervoor 2 scorepunten aftrekken. 	
19	maximumscore 5	
	• In de 7 niet-gewonnen wedstrijden haalde hij $392-11\cdot 25=117$ punten	1
	• Het (systematisch) uitproberen van mogelijkheden	1 2
	 Er geldt: 5·18+1·15+1·12=117 Het antwoord: hij werd 5 keer tweede, 1 keer derde en stond 1 keer op 	2
	de vierde plaats	1

Opmerking

Er hoeft niet aangetoond te worden dat de gevonden oplossing uniek is.

Schuldsanering

20 maximumscore 6

- Aflezen van het percentage schuldsaneringen in 2001: 39,5(%) en in 2004: 44,6(%)
 Het aantal schuldsaneringen in 2001 in heel Nederland: 3426/0,395 ≈ 8673
 Aflezen van de toenames in West-Nederland van 2001 tot 2004: 630 + 525 + 1700 (= 2855)
 Het aantal schuldsaneringen in 2004 in West-Nederland:
- 3426 + 2855 = 6281• Het aantal schuldsaneringen in 2004 in heel Nederland: $\frac{6281}{0.446} \approx 14083$
- Dus de toename van het aantal schuldsaneringen in heel Nederland: $14\,083 8673 = 5410$

Opmerkingen

- Voor het aflezen van een ander percentage voor het jaar 2004 uit figuur 1 geldt een toegestane marge van 0,1. Dus elk percentage in het interval [44,5; 44,7] is acceptabel.
- Voor het aflezen van andere toenames uit figuur 2 geldt een toegestane marge van 15. Dus voor 2001-2002 elke toename in het interval [615, 645], voor 2002-2003 elke toename in het interval [510, 540] en voor 2003-2004 elke toename in het interval [1685, 1715] is acceptabel.

5 Inzenden scores

Verwerk de scores van alle kandidaten per school in het programma WOLF. Zend de gegevens uiterlijk op 28 mei naar Cito.

einde